## Seminář ke kurzu: PB130 – Úvod do digitálního zpracování obrazu

## Sada domácích úloh č.1

Poznámky k vypracování: Za první sadu domácích úloh je možné získat maximálně 5 bodů. Není-li řečeno jinak, řešení odevzdejte jako samostatné PDF, DOC, PNG nebo JPG soubory do odevzdávárny "Sada úloh č.1" v ISu nejpozději ve středu 26. října 2022 v 8:00.

1. Bodovou transformaci  $\tau$  nazýváme *idempotentní* právě tehdy, když platí  $\tau = \tau \circ \tau$  (tj. opakované použití transformace na obraz nemění výsledek). Mějme bodovou transformaci  $\tau_1$ , která intenzitu každého pixelu nahradí zbytkem po celočíselném dělení čtyřmi, a bodovou transformaci  $\tau_2$ , která lineárně roztáhne intenzity pixelů v obraze. Dokažte, že pro libovolný 8-bitový šedotónový obraz, jehož histogram intenzit  $h_1: \{0, 1, \dots, 255\} \to \mathbb{N}_0$  je zadán předpisem:

$$h_1(i) = \begin{cases} k_1 & \text{pokud } i = 50, \\ k_2 & \text{pokud } i = 100, \\ k_3 & \text{pokud } i = 255, \\ 0 & \text{jinak,} \end{cases}$$

kde  $k_j > 0, j \in \{1, 2, 3\}$ , bodová transformace  $\tau = \tau_2 \circ \tau_1$  splňuje vlastnost idempotence. Následně uveď te předpis histogramu intenzit  $h_2 : \{0, 1, \dots, 255\} \to \mathbb{N}_0$ , nad jemuž odpovídajícími 8-bitovými šedotónovými obrazy bodová transformace  $\tau = \tau_2 \circ \tau_1$  nesplňuje vlastnost idempotence. Na závěr zakreslete kumulativní histogramy intenzit  $H_1$  a  $H_2$  pro uvedené histogramy  $h_1$  a  $h_2$  s důrazem na pečlivý popis os a význačných bodů. (3b)

- 2. Uvažme 8-bitový šedotónový obraz o velikosti 1000 × 1000 pixelů, který lze jednoznačně zrekonstruovat pouze na základě znalosti jeho velikosti a histogramu intenzit. Uveď te formální předpis kumulativního histogramu intenzit takového obrazu. Uvedený předpis důkladně zdůvodněte, jinak bude hodnocen 0 body. (1b)
- 3. Doplňte přiložený soubor My\_CyclicShift.java tak, aby tento plugin prováděl cyklický posun libovolného dvojrozměrného obrazu nenulové velikosti o uživatelem zadaný počet řádků a sloupců, přičemž kladné (záporné) hodnoty udávají posuny v kladném (záporném) směru podél daných os souřadného systému obrazu. Základní funkcionalitu požadovaného pluginu lze ověřit pomocí přiloženého souboru UnitTests\_CyclicShift.java a obrazových dat ve složkách images a refs. Běhuschopné řešení odevzdejte do výše uvedené odevzdávárny jako samostatný java soubor. Doplněný kód využívající více než jeden průchod obrazem bude hodnocen 0 body. (1b)