Lista dodatkowa 3

Zanik promieniotwórczy – różniczkowanie numeryczne Fizyka, semestr letni 2020/21

1) (1p.) Część procesów fizycznych, które obserwujemy w otaczającym nas świecie może być modelowana za pomocą równań różniczkowych. Większości z nich nie da się rozwiązać w sposób analityczny (to znaczy podać rozwiązania w postaci jawnej). W szczególności, najwieksze problemy sprawiają równania zawierające człony nieliniowe. Świat, w którym żyjemy, jest silnie nieliniowy i większość problemów, które przyjdzie nam rozwiązywać, nie będzie posiadać rozwiązania w formie analitycznej. Metoda Eulera to sposób rozwiązywania równań różniczkowych, opierający się na interpretacji geometrycznej równania różniczkowego. W celu rozwiązania zagadnienia zastosujmy następujący schemat iteracyjny:

$$t_{i+1} = t_i + h$$

 $y_{i+1} = y_i + h * f(t_i, y_i)$

 $y_{i+1} = y_i + h * f(t_i, y_i)$, gdzie h jest krokiem całkowania, y_{i+1} szukanym rozwiązaniem, y_i rozwiązaniem dla wcześniejszego kroku, a f to funkcja obliczająca prawą stronę równania różniczkowego, tzn. $f(t,y) = \frac{dy}{dt}$. Za pomocą metody Eulera rozwiąż numerycznie równanie

$$\begin{cases} \frac{dy}{dt} = 2.2y\\ y_0 = y(t=0) = 1 \end{cases}$$

Swoje rozwiązanie zaprezentuj w postaci wykresu y(t) oraz skryptu Pythonowego.

2) (5p.) Rozwiąż numerycznie równanie zaniku promieniotwórczego:

$$\frac{dN_U}{dt} = -\lambda N_U$$

implementując algorytm Eulera. Obliczenia przeprowadź dla stałej rozpadu $\lambda = 1$ s oraz różnych wartości początkowej liczby atomów N_U(0) i wielkości kroku czasowego Δt. Porównaj rozwiązania numeryczne z rozwiązaniem analitycznym – sporządź wykresy ilustrujące błąd bezwzględny i względny w funkcji czasu. Sporządź skrypty w języku Python realizujące powyższe zadanie.

> Sylwia Majchrowska 20.05.2021r.