

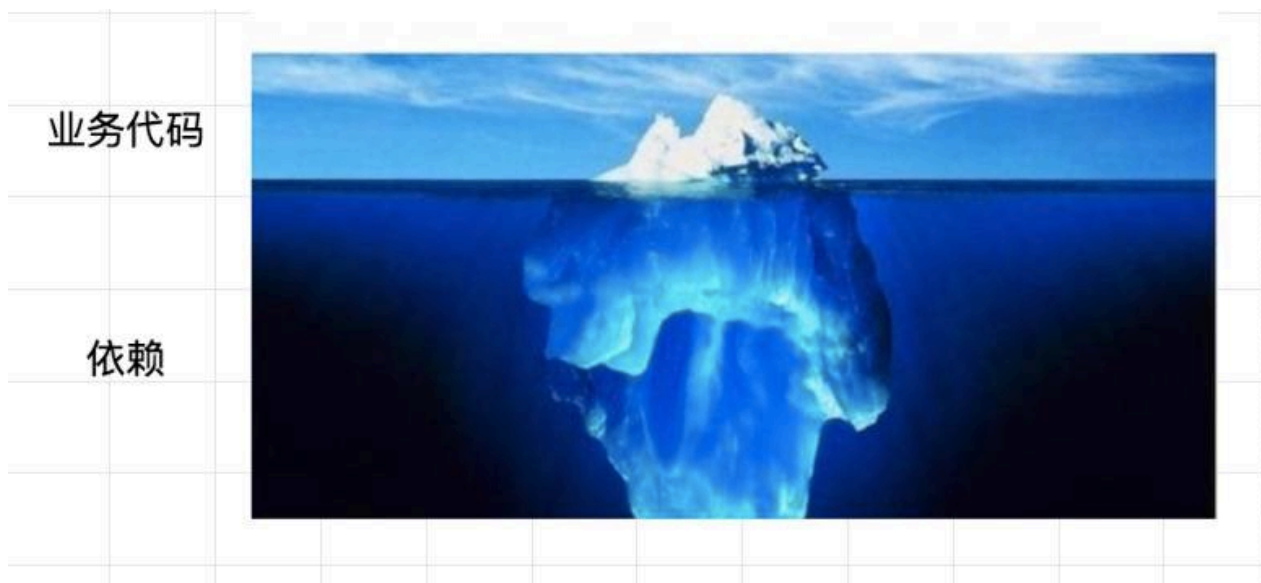
# 前端工程师为什么要学习算法？

## 引言

随着技术生态的不断发展，遇到一般的业务问题直接把人家的方案拿来用就可以了。

当前各种技术框架的真实写照：足够好用，足够简单，简单到你不需要知道如何去实现的。

上图~



问题来了，作为一个集智慧和才华于一身的程序员，自己的价值在哪里？

未来的前端工程师，应该..... 比如说：

- 开发一个辅助业务的脚手架工具
- 面对复杂业务时，能不能尽可能从代码的角度提高其性能（最优解）
- Git 推送远程仓库时所用到的最小编辑距离算法
- webpack的Tree-shaking 如何实现，加速打包如何实现
- 如何深层次的去了解和学习一个源码的设计思想
  - vue中keep-alive组件的LRU(缓存淘汰算法)（最近最少使用）
  - vue和react在patch对比children的时候分别用到了什么算法，二者各有什么优劣势？
  - 3.0对于2.0的提升，diff算法的改变？
  - js的内存管理机制
  - react Hooks 是如何解决纯函数无法持久化状态的问题？
- 等等 ~ 很多

## 总结

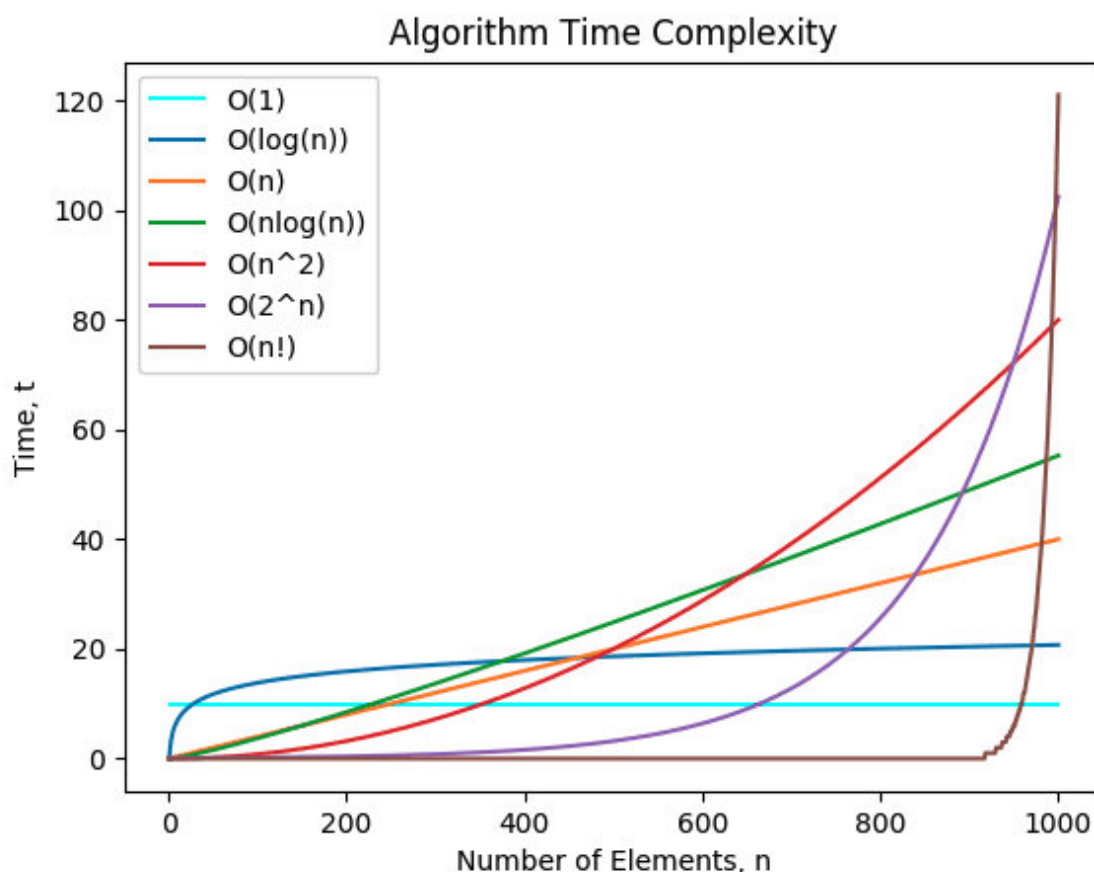
- 如果不懂算法，我们能在前端走多久？
- 凡是需要跨过一定智商门槛才能掌握的技术，都不会轻易的流行。

## 两大概念：时间复杂度和空间复杂度

## 常见的时间复杂度

- $O(1)$  : Constant Complexity: Constant 常数复杂度
- $O(\log n)$  : Logarithmic Complexity: 对数复杂度
- $O(n)$  : Linear Complexity: 线性时间复杂度
- $O(n^2)$  : N square Complexity 平方方
- $O(n^3)$  : N square Complexity 立立方方
- $O(2^n)$  : Exponential Growth 指数
- $O(n!)$  : Factorial 阶乘

上图



**空间复杂度：**是对一个算法在运行过程中临时占用存储空间大小的一个量度。

- 一个程序执行时需要的存储空间和存储本身所使用的指令、常数、变量和输入数据
- 对数据进行操作的工作单元
- 一些为实现计算所需信息的辅助空间。

## 排序算法

将一串数据依照特定排序方式进行排列，产生需要的输出结果。经处理后的数据便于筛选和计算，大大提高了计算效率

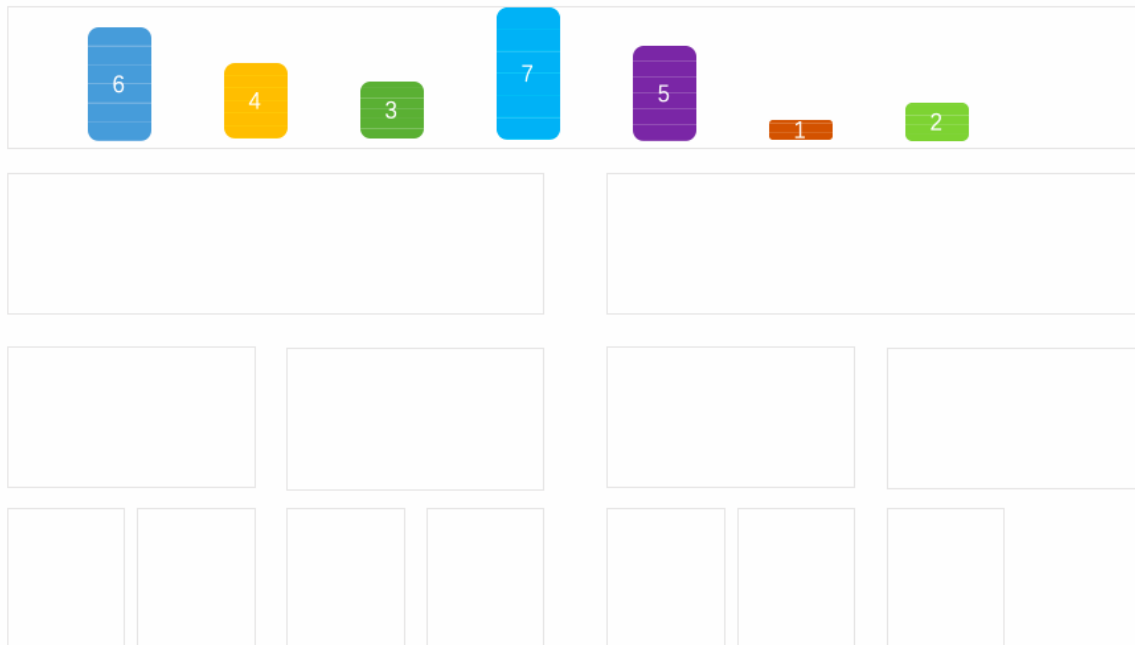
算法基础 常见的排序算法很多种 简单了列举了几种比较常见的

- 冒泡排序

- 快速排序
- 选择排序
- 插入排序
- 归并排序

## 归并排序

### 排序算法动画



@五分钟学算法之归并排序

示例代码：

```
function mergeSort(arr) {
  if (arr.length < 2) {
    return arr;
  }
  let middle = Math.floor(arr.length / 2);
  let left = arr.slice(0, middle);
  let right = arr.slice(middle);
  let result = merge(mergeSort(left), mergeSort(right));
  return result;
}

function merge(left, right) {
  let result = [];
  let i = 0;
  let k = 0;
  while (i < left.length && k < right.length) {
    if (left[i] < right[k]) {
      result.push(left[i++]);
    } else {
      result.push(right[k++]);
    }
  }
}
```

```

    }
    return result.concat(left.slice(i)).concat(right.slice(k));
}

```

推荐资料：

[前端基本排序算法](#)

[前端排序算法总结](#)

排序算法时间复杂度统计：

排序算法	平均时间复杂度	最好情况	最坏情况	空间复杂度	排序方式	稳定性
冒泡排序	$O(n^2)$	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(1)$	In-place	稳定
选择排序	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(n^2)$	$O(1)$	In-place	不稳定
插入排序	$O(n^2)$	$O(n)$	$O(n^2)$	$O(1)$	In-place	稳定
希尔排序	$O(n \log n)$	$O(n \log^2 n)$	$O(n \log^2 n)$	$O(1)$	In-place	不稳定
归并排序	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n)$	Out-place	稳定
快速排序	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n^2)$	$O(\log n)$	In-place	不稳定
堆排序	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(n \log n)$	$O(1)$	In-place	不稳定
计数排序	$O(n + k)$	$O(n + k)$	$O(n + k)$	$O(k)$	Out-place	稳定
桶排序	$O(n + k)$	$O(n + k)$	$O(n^2)$	$O(n + k)$	Out-place	稳定
基数排序	$O(n \times k)$	$O(n \times k)$	$O(n \times k)$	$O(n + k)$	Out-place	稳定

扩展问题：

Array.prototype.sort() 用的是哪一种排序？

mdn对于sort的解释：

- 用[原地算法](#)对数组的元素进行排序，并返回数组。默认排序顺序是在将元素转换为字符串，然后比较它们的UTF-16代码单元值序列时构建的
- 取决于具体实现，因此无法保证排序的时间和空间复杂性

[JavaScript专题之解读 v8 排序源码](#)

## 二叉树

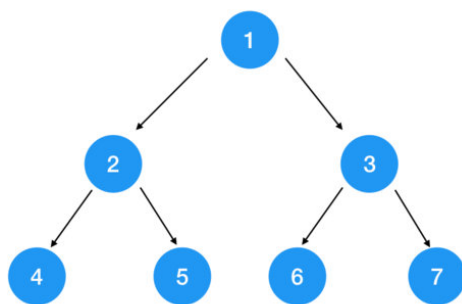
是一种非线性的数据结构，主要应用于高效率的搜索和排序

讲个故事

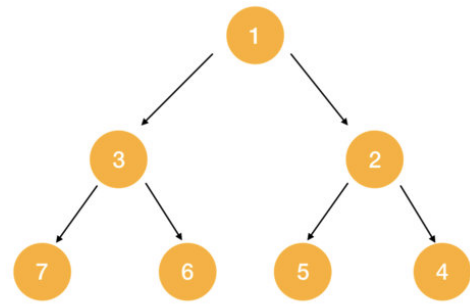


## 反转二叉树

所以只要答对这道题，你就可以超越世界级大牛，问鼎码林之巅~



反转前



反转后

示例代码：

```
function mirrot (root) {  
  if(!root){  
    return null  
  }  
  let temp = root.left  
  root.left = root.right  
  root.right = temp  
  if(root.left){  
    root.left = mirrot(root.left)  
  }  
}
```

```
    if(root.right){
        root.right = mirrot(root.right)
    }
    return root
}
```

## 扩展

- 二叉树的先中后序遍历
- 二叉树的层序遍历（广度优先）

## 链表

链表是一种非连续、非顺序的**存储结构**，**数据元素**的逻辑顺序是通过链表中的**指针**链接次序实现的，链表的插入操作可以达到 $O(1)$ 的时间复杂度，应用场景：各种文本，图形的编辑器中的撤销重做，实现图、hashMap等高级数据结构

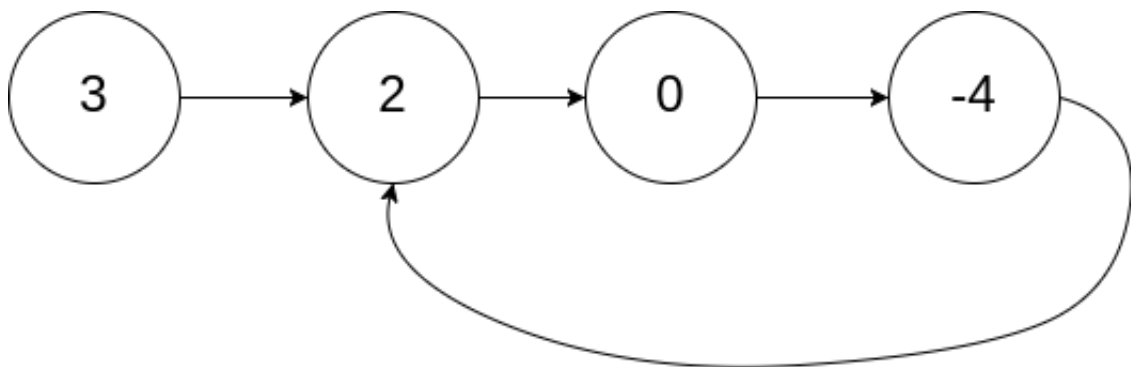
## 判断一个链表是否有环

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/linked-list-cycle>

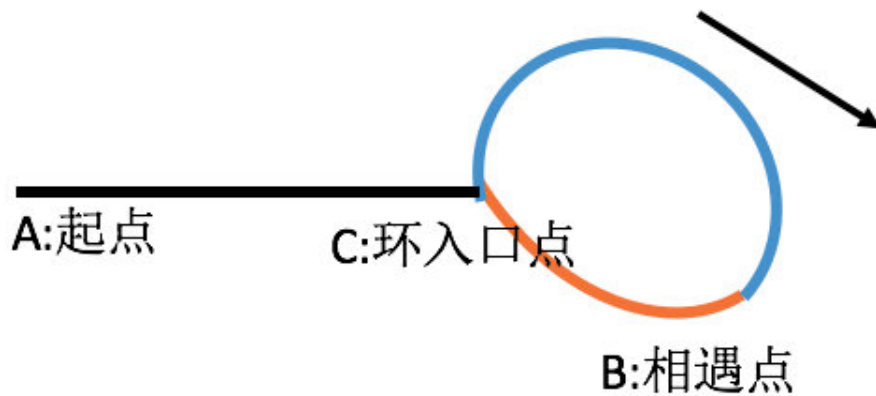
输入：head = [3,2,0,-4], pos = 1  
输出：true  
解释：链表中有一个环，其尾部连接到第二个节点。

示例 2：  
输入：head = [1,2], pos = 0  
输出：true  
解释：链表中有一个环，其尾部连接到第一个节点。

示例 3：  
输入：head = [1], pos = -1  
输出：false  
解释：链表中没有环。



算法思想：



假设  $x$  为环前面的路程（黑色路程），A-C

$a$  为环入口到相遇点的路程（蓝色路程，假设顺时针走），

$c$  为环的长度（蓝色+橙色路程）

公式推导：

$\text{slow} = x + m * c + a$  走了  $m$  圈

$\text{fast} = x + n * c + a$  走了  $n$  圈

$2\text{slow} = \text{fast}$  假设两个人的速度不一致 快的人 速度是慢的人的二倍

$2x + 2(m * c) + 2a = x + n * c + a$

$x = (n - 2m) * c - a = (n - 2m - 1) * c + c - a$  碰撞点  $b$  到连接点的距离 = 头节点到连接点的距离

代码：

```
var hasCycle = function(head) {

    let fastP = head
    let slowP = head
    while (fastP) { // 当前快指针指向了节点
        if (!fastP.next) return false // 下一个为null了，没有环
        slowP = slowP.next // 快的前面都有节点，慢的前面当然有
        fastP = fastP.next.next // 推进2个节点
        if (slowP === fastP) return true // 快慢指针相遇，有环
    }
    // todo
    return false // fastP为null了也始终不相遇
};
```

如果这道题 改一下： 改为求环的入口结点？ 应该怎么做？

```

// 此处可以判断出链表是否存在环
let p = head;
// 返回的节点
// 定理：碰撞点p到连接点的距离=头节点到连接点的距离
while (p !== slow) {
    p = p.next;
    slow = slow.next;
}
return p;

```

- [反转链表](#)
- [链表是什么](#)

## 哈希表

是根据[键](#)（Key）而直接访问在内存存储数据的[数据结构](#)，它通过计算一个关于键值的函数，将所需查询的数据[映射](#)到表中，加快了查找速度。这个映射函数称做[散列函数](#)，存放记录的数组称做散列表。可以快速定位到要查找的数据，查询的时间复杂度接近 $O(1)$ ，应用场景举例：手机联系人

## 两数之和

给定一个整数数组 `nums` 和一个目标值 `target`，请你在该数组中找出和为目标值的那两个整数，并返回他们的数组下标。

你可以假设每种输入只会对应一个答案。但是，数组中同一个元素不能使用两遍。

示例：

给定 `nums = [2, 7, 11, 15]`, `target = 9`

因为 `nums[0] + nums[1] = 2 + 7 = 9`

所以返回 `[0, 1]`

```

var twoSum = function (nums, target) {
    let map = new Map();
    for (let i = 0; i < nums.length; i++) {
        map.set(nums[i], i);
    }
    for (let j = 0; j < nums.length; j++) {
        if (map.has(target - nums[j]) && map.get(target - nums[j]) !== j) {
            return [j, map.get(target - nums[j])];
        }
    }
};

```

扩展：

- 三数之和
- 四数之和



- 暴力法 四层遍历 求值 注意去重 问题
  - 哈希表替代暴力解法  $n^4 \Rightarrow n^3$
- 无重复字符的最长子串

## 滑动窗口

用以解决数组/字符串的子元素问题，它可以将嵌套的循环问题，转换为单循环问题，利用决策单调性来降低时间复杂度。tcp的滑动窗口协议等

### 滑动窗口的最大值

leetcode 地址: <https://leetcode-cn.com/problems/sliding-window-maximum>

给定一个数组 `nums`，有一个大小为 `k` 的滑动窗口从数组的最左侧移动到数组的最右侧。你只可以看到在滑动窗口内的 `k` 个数字。滑动窗口每次只向右移动一位。  
返回滑动窗口中的最大值。

进阶:

你能在线性时间复杂度内解决此题吗?

示例:

输入: `nums = [1,3,-1,-3,5,3,6,7]`, 和 `k = 3`

输出: `[3,3,5,5,6,7]`

解释:

滑动窗口的位置	最大值
[ 1 3 -1] -3 5 3 6 7	3
1 [3 -1 -3] 5 3 6 7	3
1 3 [-1 -3 5] 3 6 7	5
1 3 -1 [-3 5 3] 6 7	5
1 3 -1 -3 [5 3 6] 7	6
1 3 -1 -3 5 [3 6 7]	7

提示:

```
1 <= nums.length <= 10^5
-10^4 <= nums[i] <= 10^4
1 <= k <= nums.length
```

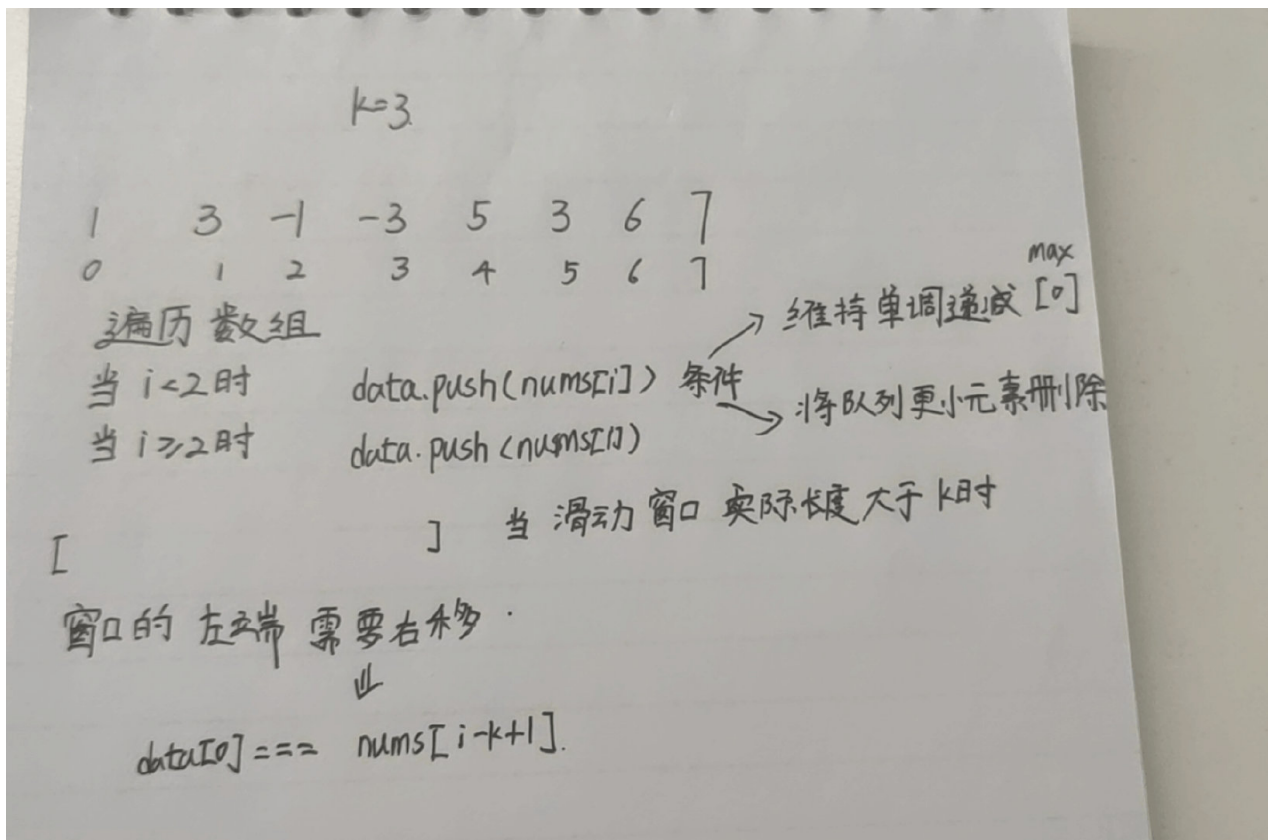
解题方法:

### 解法1

```
var maxSlidingWindow = function (nums, k) {
    let result = [];
    let arr = nums.slice();
    for (let i = 0; i < nums.length - k + 1; i++) {
        let temp = arr.slice(i, i + k);
        result.push(Math.max.apply(this, temp));
    }
    return result;
};
```

## 解法2 滑动窗口

解题思想:



```
var maxSlidingWindow = function (nums, k) {
    let data = [];
    let result = [];
    for (let i = 0; i < nums.length; i++) {
        if (i < k - 1) {
            while (data.length > 0 && data[data.length - 1] < nums[i]) {
                data.pop();
            }
            data.push(nums[i]);
        } else {
            while (data.length > 0 && data[data.length - 1] < nums[i]) {
                data.pop();
            }

```

```

        data.push(nums[i]);
        result.push(data[0]);
        if (data.length > 0 && data[0] === nums[i - k + 1]) {
            data.shift();
        }
    }
}
return result;
};

```

- [长度最小的子数组](#)

## 赛马问题

已知有25匹马，5个跑道，每个跑道只能容一匹马，没有计时器，至少需要比赛多少次，可以找出最快的前三匹马

题解:

赛马问题

A1	B1	C1	D1	E1
A2	B2	C2	D2	E2
A3	B3	C3	D3	E3
A4	B4	C4	D4	E4
A5	B5	C5	D5	E5

已知有30匹马，5个跑道，每个跑道只能容一匹马，没有计时器，至少需要比赛多少次，可以找出最快的前三匹马？

### 推导公式

之前一篇文章读到的 但是具体的推导过程 忘记了~~ 大家可以验证下这个公式

一共有  $n \times n$  匹马，赛场有  $n$  个赛道，试问最少得比多少场才能找出跑得最快的  $k$  匹马。

$w(n, k)$  相当于将质量为  $2, 3, 4, \dots, k$  的球放入最大承重为  $n$  的桶中，最少需要的桶的个数

如果  $k = 1$ ,  $f(n, k) = n + 1$

如果  $k > 1$  &&  $k \leq n$ ,  $f(n, k) = n + 1 + w(n, k)$

如果  $k > n$ ,  $f(n, k) = n + 1 + w(n, k) + k - n$

## 剪枝

剪枝顾名思义，就是删去一些不重要的节点，来减小计算或搜索的复杂度。

- 在决策树和神经网络中，剪枝可以有效缓解过拟合问题并减小计算复杂度；

- 在搜索算法中，可以减小搜索范围，提高搜索效率。

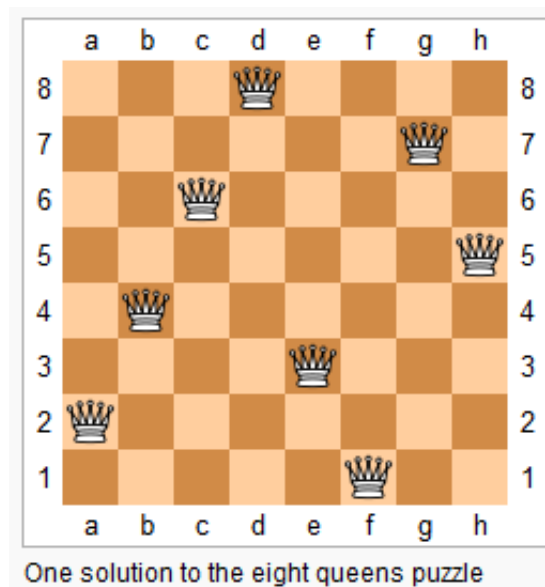
### 经典案例 Deep Blue Vs Garry kasparov(卡斯帕罗夫)



### 经典算法：n皇后问题（剪枝+回溯）

由4皇后和8皇后 演变而来，是回溯算法的经典案例，也是一个比较悠久的数学问题

### n皇后I( $n \geq 4$ )



n 皇后问题研究的是如何将 n 个皇后放置在  $n \times n$  的棋盘上，并且使皇后彼此之间不能相互攻击。

上图为 8 皇后问题的一种解法。

给定一个整数 n，返回所有不同的 n 皇后问题的解决方案。

每一种解法包含一个明确的 n 皇后问题的棋子放置方案，该方案中 'Q' 和 '.' 分别代表了皇后和空位。

示例：

输入：4

输出: [

[".Q..", // 解法 1

"...Q",

"Q...",

".Q.."],

[".Q..", // 解法 2

"Q...",

"...Q",

".Q.."]

]

解释: 4 皇后问题存在两个不同的解法。

提示:

皇后, 是国际象棋中的棋子, 意味着国王的妻子。皇后只做一件事, 那就是“吃子”。当她遇见可以吃的棋子时, 就迅速冲上去吃掉棋子。当然, 她横、竖、斜都可走一到七步, 可进可退。(引用自 百度百科 - 皇后)

解题思路:

Q 的横, 竖, 斜边都不可再放  
斜边包括 / \, 也就是图中画红线的部分  
/ pie: 规律  
\ na:

可以用二维数组作标 (row, col)  
也可以通过 row 和 col 的值

ad  
a(0, 1) c(0, 2)  $\Rightarrow$  pie  $\Rightarrow$  row + col = 恒定值.  
b(1, 0) d(1, 1)  
e(2, 0)

f(1, 2) g(2, 3)  $\Rightarrow$  na  $\Rightarrow$  row - col = 恒定值  
 $\downarrow$   
col - row = 恒定值.

示例代码：

```
/**
 * @param {number} n
 * @return {string[][]}
 */
var solveNQueens = function (n) {
  const cols = new Set();
  const pies = new Set(); // 左对角线的攻击位置
  const nas = new Set(); // 右对角线的攻击位置
  let row = 0;
  let queens = [];
  let res = [];
  recurison(n, row, queens);
  return generateCheckerboard(res, n);
  function recurison(n, row, queens) {
    for (let col = 0; col < n; col++) {
      if (cols.has(col) || pies.has(row + col) || nas.has(row - col))
      {
        continue;
      }
      cols.add(col);
      pies.add(row + col);
      nas.add(row - col);
      queens.push(col);
      // 继续放置下一行
      recurison(n, row + 1, queens);
      queens.pop();
      pies.delete(row + col);
      nas.delete(row - col);
      cols.delete(col);
    }

    if (row >= n) {
      res.push(queens.slice());
      return;
    }
  }
};

function generateCheckerboard(res, n) {
  return res.map((queens) => {
    return queens.map((q) => {
      return Array(n)
        .fill()
        .map((k, i) => {
          return i === q ? 'Q' : '.';
        })
        .join('');
    });
  });
}
```

```

    });
});
}

```

## n皇后解法2

使用位运算进行求解，效率最高。但是代码比较绕~而且不容易想 大家理解下这种解法即可~

位运算的运算规则

符号	描述	运算规则
&	与	两个位都为1时，结果才为1
	或	两个位都为0时，结果才为0
^	异或	两个位相同为0，相异为1
~	取反	0变1，1变0
<<	左移	各二进位全部左移若干位，高位丢弃，低位补0
>>	右移	各二进位全部右移若干位，对无符号数，高位补0，有符号数，各编译器处理方法不一样，有的补符号位（算术右移），有的补0（逻辑右移）

## 常用的位运算操作

- $X \& 1 == 1$  OR  $== 0$
- $X = X \& (X-1) \Rightarrow$  清零最低位的1
- $X \& -X \Rightarrow$  得到最低位的1
- $x \& \sim X \Rightarrow 0$
- 将X最右边的n位清零  $x \& (\sim 0 \ll n)$
- 获取x的第n位值(0或者1)  $(x \gg n) \& 1$
- 获取x的第n位的幂值  $x \& (1 \ll (n - 1))$
- 仅将第n位置为1  $x | (1 \ll n)$
- 仅将第n位置为0  $x \& (\sim (1 \ll n))$
- 将x最高位至第n位(含)清零  $x \& ((1 \ll n) - 1)$
- 将第n位至第0位(含)清零  $X \& (\sim ((1 \ll (n + 1)) - 1))$

## 示例代码

```
/*
```



```

*
位运算
x & -x : 得到最低位的1
x & (x-1): 清零最低位的1
x & ((1 << n) - 1): 将x最高位至第n位(含)清零
(cols | pie | na) ===> 0
~(cols | pie | na) ===> -1 将0和1的位置置换
举例说明    0101010  原先0 代表可放  1为不可放
变成        1010101  转换后  1代表可放   0 为不可放
~(cols | pie | na) & ((1 << n) - 1); 11111111

let p = bits & -bits; 得到最低位的1
bits = bits & (bits - 1); 清零最低位的1
dfs(n, row + 1, cols | p, (pie | p) << 1, (na | p) >> 1);

说下各个参数的意义
row+1 为下一层
cols | p 看图 整个列 需要排除 p所在的这一列
(pie | p) << 1 下一层 需要排除p所在的这一列的左移一位
(na | p) >> 1 下一层 需要排除p所在的这一列的右移一位
*/
let res = 0;
const dfs = (n, row, cols, pie, na) => {
  if (row >= n) {
    res++;
    return;
  }
  // 得到当前所有的空位
  let bits = ~(cols | pie | na) & ((1 << n) - 1);
  while (bits) {
    // 取最低位的1
    let p = bits & -bits;
    // 把p位置上放入皇后
    bits = bits & (bits - 1);
    dfs(n, row + 1, cols | p, (pie | p) << 1, (na | p) >> 1);
  }
};
dfs(n, 0, 0, 0, 0);
return res;

```

资料:

[知乎: 别再问我N皇后了](#)

[漫画: 什么是八皇后问题](#)

贪心算法



贪心算法 又称 贪婪算法，在对问题求解的时候，总是做出当前看来最好的选择，问题能够分解成子问题来解决，子问题的最优解能够递推到最终问题的最优解

**贪心算法与动态规划的区别：**它对每个子问题的解决方案都做出选择，不能回退。动态规划则会保存以前的运算结果，并根据以前的结果对当前进行选择，有回退功能

## 股票买卖的最佳时机II

给定一个数组，它的第  $i$  个元素是一支给定股票第  $i$  天的价格。

设计一个算法来计算你能获取的最大利润。你可以尽可能地完成更多的交易（多次买卖一支股票）。

注意：你不能同时参与多笔交易（你必须在再次购买前出售掉之前的股票）。

示例 1：

输入：[7,1,5,3,6,4]

输出：7

解释：在第 2 天（股票价格 = 1）的时候买入，在第 3 天（股票价格 = 5）的时候卖出，这笔交易所能获得利润 =  $5 - 1 = 4$ 。

随后，在第 4 天（股票价格 = 3）的时候买入，在第 5 天（股票价格 = 6）的时候卖出，这笔交易所能获得利润 =  $6 - 3 = 3$ 。

示例 2：

输入：[1,2,3,4,5]

输出：4

解释：在第 1 天（股票价格 = 1）的时候买入，在第 5 天（股票价格 = 5）的时候卖出，这笔交易所能获得利润 =  $5 - 1 = 4$ 。

注意你不能在第 1 天和第 2 天接连购买股票，之后再将它们卖出。

因为这样属于同时参与了多笔交易，你必须在再次购买前出售掉之前的股票。

示例 3：

输入：[7,6,4,3,1]

输出：0

解释：在这种情况下，没有交易完成，所以最大利润为 0。

来源：力扣（LeetCode）

链接：<https://leetcode-cn.com/problems/best-time-to-buy-and-sell-stock-ii>

著作权归领扣网络所有。商业转载请联系官方授权，非商业转载请注明出处。

## 解题策略：

算法流程：

设  $tmp$  为第  $i-1$  日买入与第  $i$  日卖出赚取的利润，即  $tmp = prices[i] - prices[i - 1]$ ；

复杂度分析：

时间复杂度  $O(N)$ ：只需遍历一次  $price$ ；

空间复杂度  $O(1)$ ：变量使用常数额外空间。

## 示例代码

```
/**
 * @param {number[]} prices
 * @return {number}
 */
var maxProfit = function (prices) {
    let profit = 0;
    for (let i = 1; i < prices.length; i++) {
        let temp = prices[i] - prices[i - 1];
        profit = temp > 0 ? profit + temp : profit;
    }
    return profit;
};
```

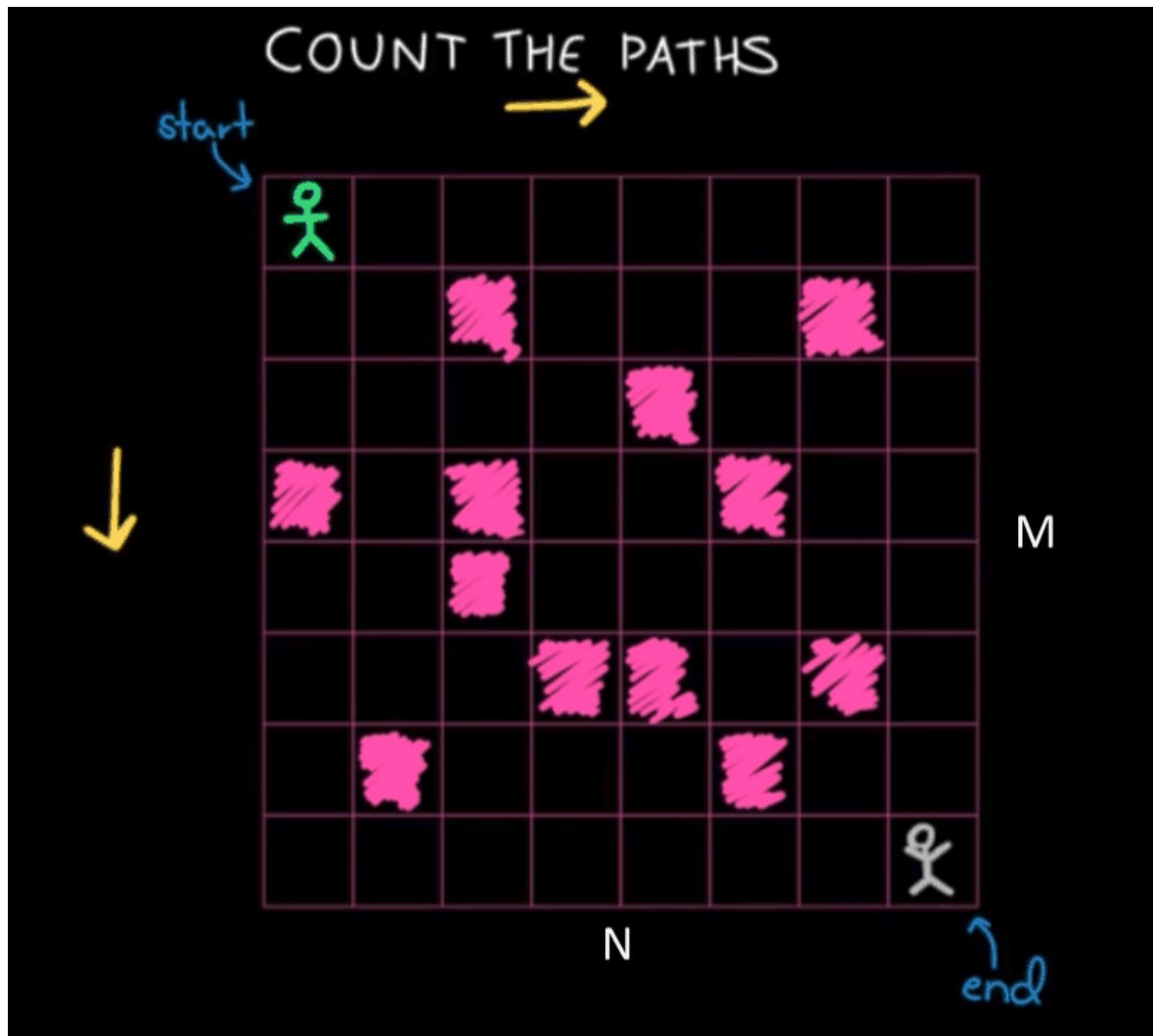
## 动态规划

通过把原问题分解为相对简单的子问题的方式求解复杂问题,常常适用于有重叠子问题和最优子结构性质的问题

### 从a到b点 有多少种走法

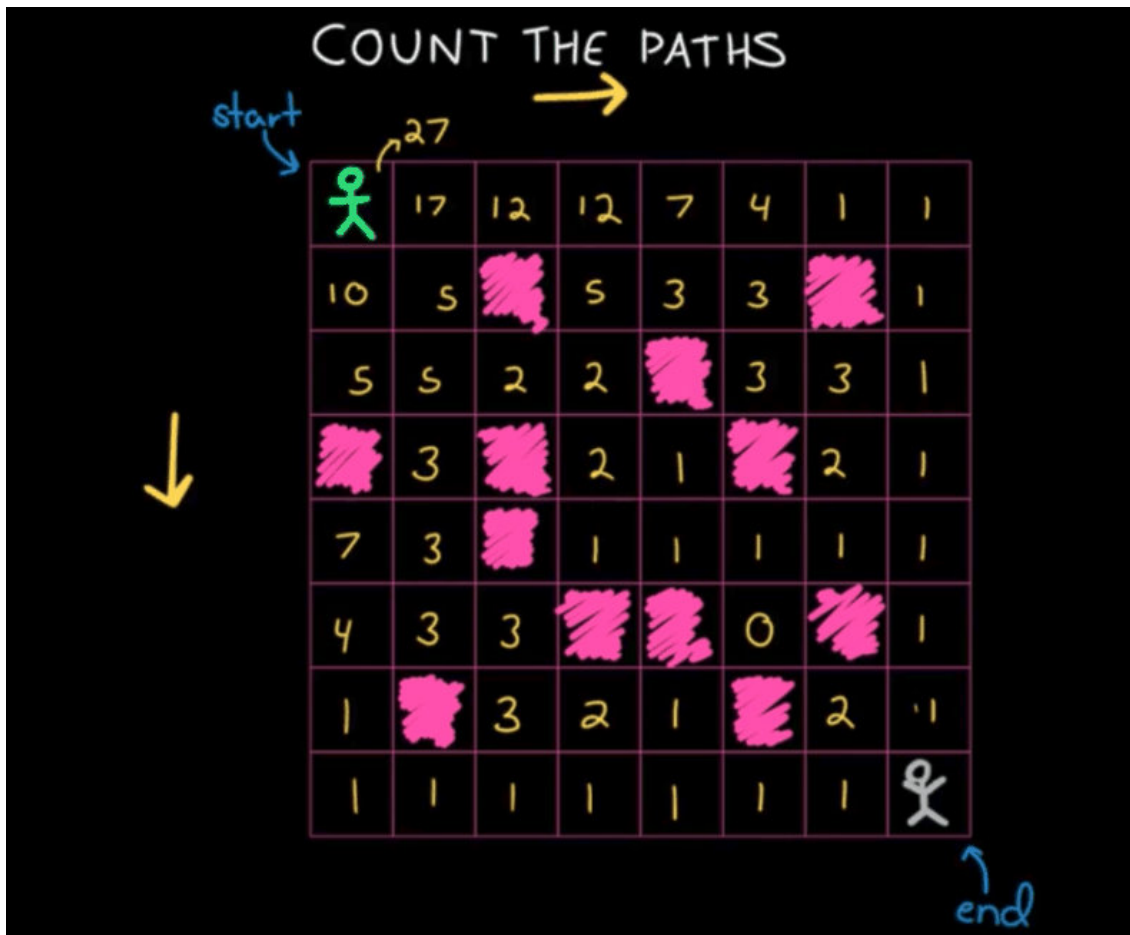
题目：

在一个8\*8的平板上，有start移动到end点，每次只可以横向或者竖向移动，不能回退，中间的红色部分为障碍物，移动过程中需要避开障碍物，有多少种走法？



### 解法

- 自下而上的递推
- 确定初始条件
- 确定状态转移方程  $opt[i][j] = opt[i - 1][j] + opt[i][j - 1]$



```
let arr = [
  [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
  [0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0],
  [0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0],
  [1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0],
  [0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0],
  [0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0],
  [0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0],
  [0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
];

function countIngPaths(arr) {
  let m = arr.length;
  let n = arr[0].length;
  let opt = [];
  arr.forEach((item) => {
    opt.push(new Array(8).fill(0));
  });
  for (let i = 0; i < m; i++) {
    for (let j = 0; j < n; j++) {
      if (arr[m - i - 1][n - j - 1] === 1) {
        opt[i][j] = 0;
      } else {
```

```

        if (i === 0 || j === 0) {
            opt[i][j] = 1;
        } else {
            opt[i][j] = opt[i - 1][j] + opt[i][j - 1];
        }
    }
}

return opt[m-1][n-1]
}

countIngPaths(arr);

```

## 三角形的最小路径和

给定一个三角形，找出自顶向下的最小路径和。每一步只能移动到下一行中相邻的结点上。  
相邻的结点 在这里指的是 下标 与 上一层结点下标 相同或者等于 上一层结点下标 + 1 的两个结点。

例如，给定三角形：

```

[
  [2],
  [3,4],
  [6,5,7],
  [4,1,8,3]
]

```

自顶向下的最小路径和为 11（即，2 + 3 + 5 + 1 = 11）。

说明：

如果你可以只使用  $O(n)$  的额外空间（ $n$  为三角形的总行数）来解决这个问题，那么你的算法会很加分。

## 递归+回溯

- 确定递归的终止条件
- 确定递归体
- 算法自上而下 算出下一层相邻节点的最小值，继而递归下一层

```

let triangle = [[2], [3, 4], [6, 5, 7], [4, 1, 8, 3]];
var minimumTotal = function (triangle) {
    let rows = 0;
    let cols = 0;
    return getMinPaths(triangle, rows, cols);
};

function getMinPaths(triangle, rows, cols) {

```

```

    if (rows === triangle.length - 1) {
        return triangle[rows][cols];
    }
    const left = getMinPaths(triangle, rows + 1, cols);
    const right = getMinPaths(triangle, rows + 1, cols + 1);
    return Math.min(left, right) + triangle[rows][cols];
}

```

## 动态规划解决

```

[
    [2],
    [3,4],    i-1
    [6,5,7],  i,j
    [4,1,8,3] i+1,
]

```

- 自上而下
- 初始状态为首行首列

```

let triangle = [[2], [3, 4], [6, 5, 7], [4, 1, 8, 3]];
var minimumTotal = function (triangle) {
    let m = triangle.length;
    for (let i = 1; i < m; i++) {
        for (let j = 0; j <= i; j++) {
            triangle[i][j] =
                Math.min(turnValue(triangle[i - 1][j]),
turnValue(triangle[i - 1][j - 1])) +
                triangle[i][j];
        }
    }
    return Math.min(...triangle[m - 1]); // 取最后一行中的最小值
};
function turnValue(value) {
    return value === undefined ? Infinity : value;
}
console.log(minimumTotal(triangle));

```

- 自下而上
- 初始状态为最后一行

## 疑问解读:

问题: 为什么 `let i = len - 2; i >= 0; i--`

如果我们写成 `let i=0; i< dp.length;i++` 会有什么样的问题?

首先我们是自下而上的推理

由下一步 推导上一步的结果

如果是这种`let i=0; i< dp.length;i++`

举例: `dp[1,0] = Math.min(dp[2,1],dp[2,0])+dp[1,0]`

那么 我们在获取dp1的时候 需要知道`Math.min(dp[2,1],dp[2,0])`的值 , 但是此时是无法感知的

## 示例代码

```
let triangle = [[2], [3, 4], [6, 5, 7], [4, 1, 8, 3]];
var minimumTotal = function (triangle) {
  let dp = JSON.parse(JSON.stringify(triangle));
  const len = dp.length;
  for (let i = len - 2; i >= 0; i--) {
    for (let j = 0; j <= i; j++) {
      dp[i][j] = Math.min(dp[i + 1][j], dp[i + 1][j + 1]) +
triangle[i][j];
    }
  }
  return dp[0][0];
};
console.log(minimumTotal(triangle));
```

## 最后

数据结构和算法的知识体系很庞大, 里面衍生的问题很多。很多场景可以通过多种方法来解决,

希望大家可以通过这次分享对算法有一个比较系统的了解。多多动手才是王道~

毕竟, 行胜于言~

谢谢各位前来捧场~