АЛГОРИТМИ ТА СКЛАДНІСТЬ 24/25. СЕМЕСТР І. Модуль 1. Задачі 7

1. Розгляньте алгоритм

АЛГОРИТМ SomeTask (A[0..n], x)

- 1 // **Вхідні дані:** масив дійсних чисел A[0..n] та дійсне значення x
- $2 result \le A[0] + A[1] * x$
- $3 xPower \le x$
- 4 **for** $i \le 2$ **to** n **do**
- $5 \quad xPower \le xPower * x$
- $6 \quad result \leq result + A[i] * xPower$
- 7 return result

Що може обчислювати алгоритм? Визначте інваріант циклу і за його допомогою покажіть коректність алгоритму. Якою є основна операція алгоритму та скільки разів вона виконується в процесі його виконання? До якого класу ефективності належить цей алгоритм?

2. Способом зворотних підстановок знайдіть розв'язок і вкажіть асимптотичну оцінку рекурентного співвідношення

$$T(n) = T(n-1) + n/3$$
 при $n > 0$, $T(0) = 0$.

(Обов'язково всі дії розписати.)

3. За допомогою основної теореми знайдіть точні асимптотичні оцінки рекурентного співвідношення

$$T(n) = 4T(n/2) + n^2.$$