# Klausur "Robot Vision"

| Name | Matrikel-Nummer |
|------|-----------------|
|      |                 |
|      |                 |

#### Hinweise:

- 1.) Tragen Sie in obige Felder Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer ein.
- 2.) Zusätzliche Lösungsblätter versehen Sie bitte mit Namen und Matrikelnummer.

Nehmen Sie zur Bearbeitung einer Aufgabe jeweils ein neues Blatt.

- 3.) Vermerken Sie in den vorgesehenen Lösungsfeldern der Aufgabenblätter, falls ein Zusatzblatt existiert.
- 4.) Zur Bearbeitung stehen **120 Minuten** zur Verfügung.
- 5.) Erlaubte Hilfsmittel:

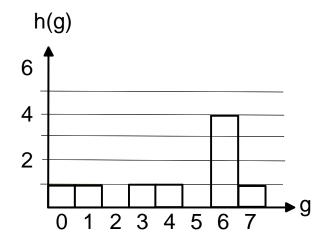
Bücher, Vorlesungsskript und eigene Aufzeichnungen.

Einfacher Taschenrechner.

Sonst keine weiteren Hilfsmittel (Notebooks, Handy's).

| Übersicht zur Bewertung der Aufgaben. |          |  |  |
|---------------------------------------|----------|--|--|
| Aufgabe                               | Punkte   |  |  |
| 01                                    | 6        |  |  |
| 02                                    | 7        |  |  |
| 03                                    | 8        |  |  |
| 04                                    | 8        |  |  |
| 05                                    | 5        |  |  |
| 06                                    | 15       |  |  |
| 07                                    | 5        |  |  |
| 08                                    | 6        |  |  |
|                                       |          |  |  |
| Punl                                  | kte ≅ 60 |  |  |

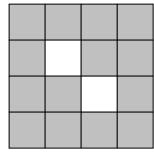
a) Ein 3x3-Bildausschnitt aus einem 3-bit-Bild (= 8 Grauwerte) hat das angegebene Histogramm. Wie groß ist der Median des Bildausschnitts.



b) Geben Sie für die 2 hellen Felder das Ergebnis des angegebenen Faltungs-Operators an.

| 2          | 2 | 2 | 3 |
|------------|---|---|---|
| 2          | 2 | 2 | 3 |
| 3          | 3 | 3 | 4 |
| 3          | 3 | 4 | 4 |
| 0 111 11 1 |   |   |   |

Quellbild



Zielbild

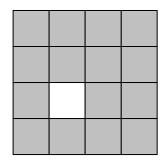
| 1 | 2 | 1 |
|---|---|---|
| 2 | 4 | 2 |
| 1 | 2 | 1 |

Operator

c) Geben Sie für das helle Feld den  $\underline{Betrag}$  und die  $\underline{Richtung}$  des 3x3-Sobel-Operators an.

| 3 | 3 | 2 | 1 |
|---|---|---|---|
| 4 | 3 | 2 | 2 |
| 3 | 2 | 1 | 1 |
| 2 | 1 | 0 | 0 |

Quellbild



Zielbild

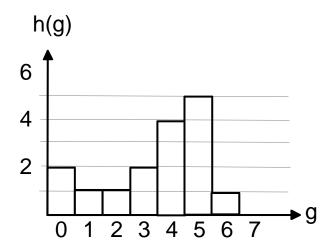
Faltungsmasken:

|   | -1             | 0 | 1 |
|---|----------------|---|---|
|   | -2             | 0 | 2 |
| l | -1             | 0 | 1 |
|   | G <sub>x</sub> |   |   |

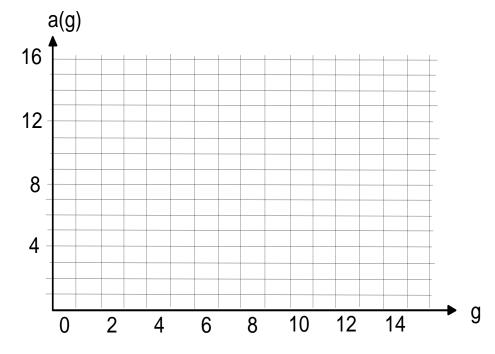
| -1             | -2 | -1 |  |
|----------------|----|----|--|
| 0              | 0  | 0  |  |
| 1              | 2  | 1  |  |
| G <sub>∨</sub> |    |    |  |

Ein **4-bit**-Grauwertbild (= **16 Grauwerte**) hat das angegebene Histogramm.

a) Berechnen Sie den Mittelwert und die Varianz des Histogramms.



b) Zeichnen Sie das akkumulierte Histogramm. Auf welchen Zielgrauwert würde <u>bei einem Histogrammausgleich</u> der Quellgrauwert 4 transformiert (Ergebnis ganzzahlig runden)?



Gegeben ist ein Quellbild der Größe 25 x 25. Das Zielbild hat die Größe 15 x 10. Der markierte Quellbildausschnitt soll in das Zielbild transformiert werden. Hierzu soll die <u>4-Punkte-Transformation</u> verwendet werden.

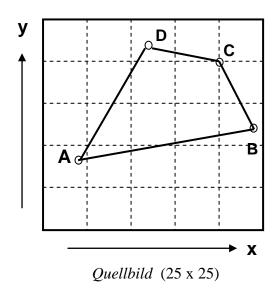
Die Eckpunkte des markierten Quellbildausschnittes sind (s. Bild):

A=(4, 8)

$$B=(24, 12)$$

$$C=(20, 20)$$

$$D=(12, 22)$$



y ↑ ○ ○ ○ ○ ×

*Zielbild* (15 x 10)

a) Geben Sie die Werte  $\Phi_1,\Phi_2,\Phi_3,\Phi_4$  für die Zielbildkoordinate Z=(7, 3) an.

 $b) \ Geben \ Sie \ jetzt \ die \ zur \ Zielbildkoordinate \ Z \ korrespondierende \ Quellbildkoordinate \ an.$ 

### <u>Aufgabe 4</u> (neuronale Netze)

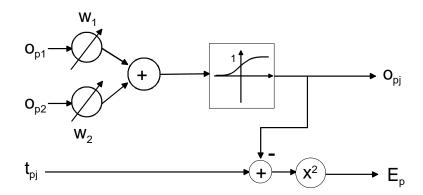
[8 Punkte]

An einem Neuron liegt der folgende Eingangsvektor  $o_{pi}$  (i=1..2) an:  $(o_{p1}, o_{p2}) = (0.2, 0.8)$ . Der Gewichtsvektor habe den Wert  $(w_1, w_2) = (0.5, -0.2)$ 

Das gewünschte Ausgangssignal des Neurons sei 1.0 .

Der Schrittweitenfaktor sei  $\eta=0.5$ .

- a) Welcher Wert  $o_{pj}$  wird ausgegeben?
- b) Geben Sie den Gewichtsvektor nach einem Trainingsschritt an.



Anmerkung zur Aktivierungsfunktion

$$f_{\log} = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

$$f'_{\log} = \frac{e^{-x}}{(1+e^{-x})^2}$$

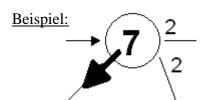
# <u>Aufgabe 5</u> (Dynamische Programmierung)

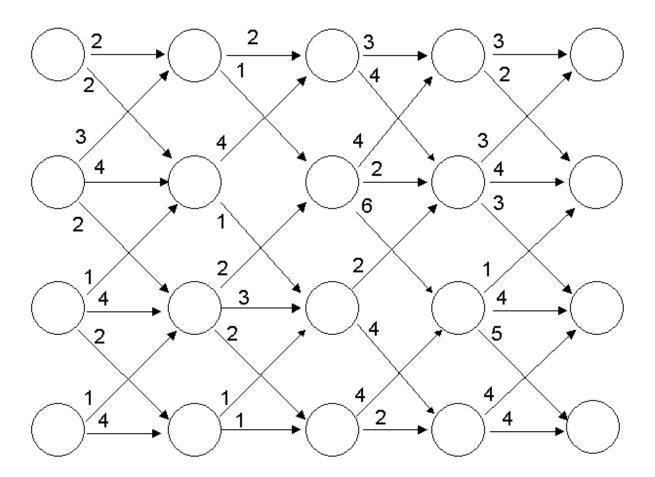
[5 Punkte]

Mit Hilfe der dynamischen Programmierung soll im angegebenen Graphen ein Weg von links nach rechts mit der <u>maximalen Gewichtssumme</u> gefunden werden.

Zeichnen Sie hierzu in den abgebildeten Graphen ein:

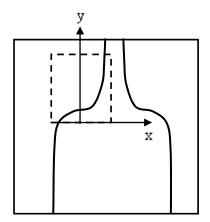
- die maximale Gewichtssumme der Einzelknoten
- die Richtung des Rückwegs
- den optimalen Gesamtweg (dick zeichnen).





Bei der Flaschenherstellung soll die Flaschenkontur im beobachteten Bildausschnitt (gestrichelt) der folgenden Funktion entsprechen:

$$y = Ax^3 + Bx + 8$$



Auf dem Konturausschnitt werden folgende Koordinaten gemessen:

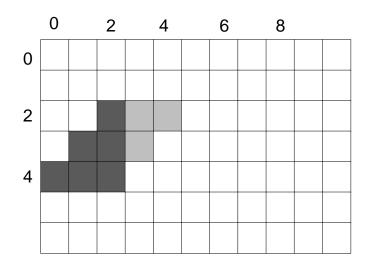
| Punkt | X  | у  |
|-------|----|----|
| P1    | -1 | 2  |
| P2    | 1  | 13 |
| Р3    | 2  | 50 |

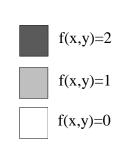
Berechnen Sie die Parameter **A** und **B** des <u>Ausgleichspolynoms</u>. Verwenden Sie zur Lösung die Determinantenmethode.

# <u>Aufgabe 7</u> (Momente)

[5 Punkte]

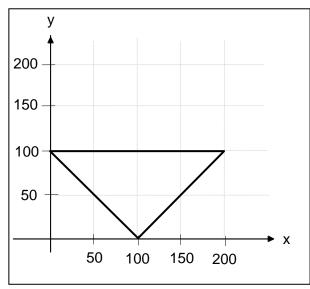
Berechnen Sie die den Schwerpunkt des Bildobjektes mit der Momentenmethode.

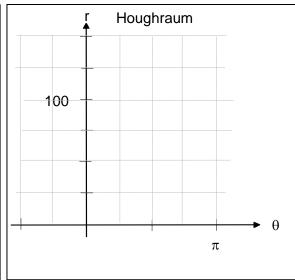




Gegeben ist das kantengefilterte Bild eines flachen, dreieckigen Objektes.

a) Markieren Sie im zugehörigen Houghraum den Ort der Maxima (Mehrfachschnittpunkte) <u>durch Punkte</u>.





b) Geben Sie die abgebildete Gerade in der Hesseschen Normalform an.

