

ÜBUNG: PD-Regler

a) Leiten Sie aus der Übertragungsfunktion des PD-Reglers das Strukturbild ab.

$$G_{PD}(s) = K_P \cdot \frac{sT_V + 1}{s \frac{T_V}{\alpha} + 1}$$

$$\alpha \geq 1$$

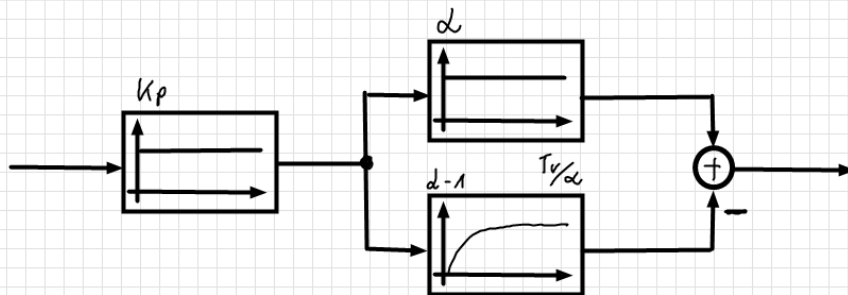
K_P : Proportionalwert

T_V : Verhaltzeit

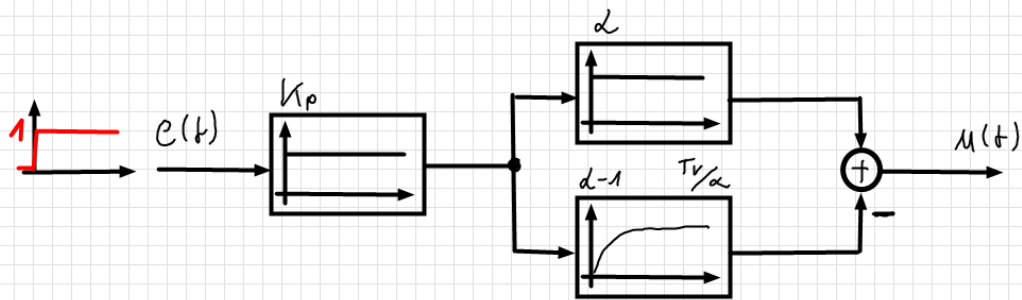
Für den "idealen" (aber unrealistischen) PD-Regler gilt $\alpha \rightarrow \infty$
 \Rightarrow Stellgröße bei Eingangssprung nicht realisierbar.

$$\begin{aligned} G_R(s) &= K_P \frac{sT_V \frac{\alpha}{\alpha} + 1}{s \frac{T_V}{\alpha} + 1} \\ &= K_P \frac{s \frac{T_V}{\alpha} \cdot \alpha + 1 + \alpha - \alpha}{s \frac{T_V}{\alpha} + 1} \\ &= K_P \frac{\alpha \cdot (s \frac{T_V}{\alpha} + 1) - \alpha + 1}{(s \frac{T_V}{\alpha} + 1)} \\ &= K_P \left[\alpha - \frac{\alpha - 1}{(s \frac{T_V}{\alpha} + 1)} \right] \end{aligned}$$

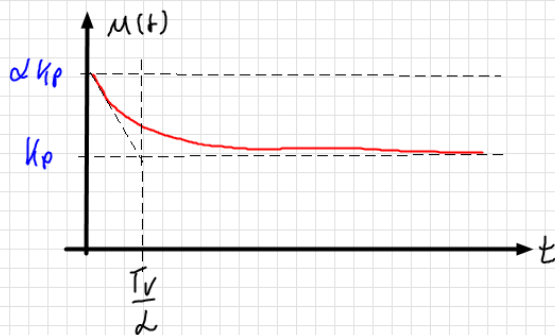
\downarrow \downarrow
 P PT_1



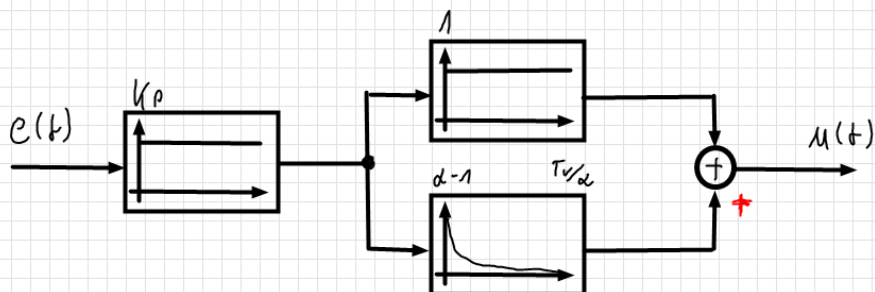
\Rightarrow so kann der PD-Regler realisiert (interpretiert) werden!



$$\begin{aligned}
 u(t=0) &= K_p (d-0) = K_p \cdot d \\
 u(t \rightarrow \infty) &= K_p \cdot [d - (d-1)] = K_p
 \end{aligned}
 \left. \vphantom{\begin{aligned} u(t=0) \\ u(t \rightarrow \infty) \end{aligned}} \right\} \text{durch graph. Interpretation}$$



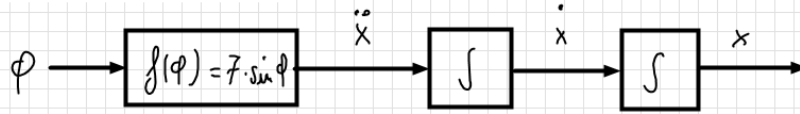
Andere Darstellungsweise des PD-Reglers



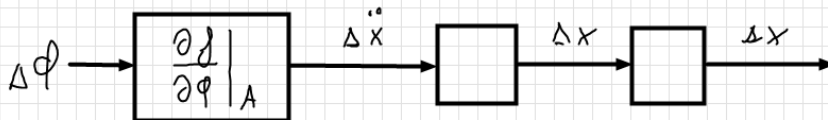
ÜBUNG: Reglerauswahl

Die DGL der Bewegung lautet: $\ddot{x} = 7 \cdot \sin(\varphi)$

a) Linearisieren Sie das System.



Linearisieren:



$$\underline{\underline{\Delta \ddot{x} = \left. \frac{\partial 7 \cdot \sin(\varphi)}{\partial \varphi} \right|_A \cdot \Delta \varphi}}$$

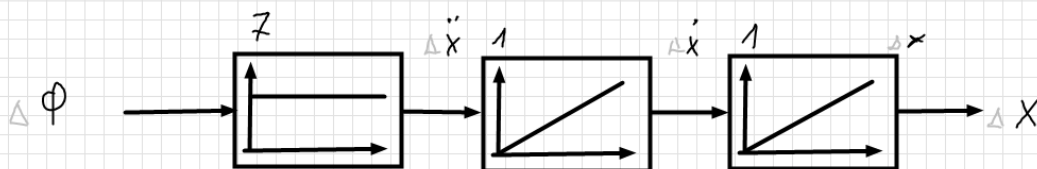
$$= 7 \cdot \cos \varphi_A \cdot \Delta \varphi = \underline{\underline{7 \cdot \Delta \varphi}}$$

im AP soll System stabil sein
 $\varphi_A = 0$ (Ruhelage)

Linearisierte DGL (s weglassen)

$$\Rightarrow \ddot{x} = 7 \varphi$$

Strukturbild der Regelstrecke:



- b) Geben Sie die Übertragungsfunktion des Systems an.

$$\ddot{x}(t) = f \cdot \phi(t)$$

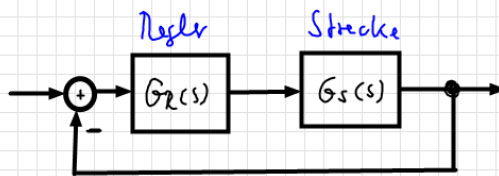
$$\begin{array}{c} \downarrow \\ s^2 X(s) = f \cdot \phi(s) \Rightarrow \underline{\underline{G_r(s) = \frac{X(s)}{\phi(s)} = \frac{f}{s^2}}} \quad (1) \end{array}$$

- c) Ist das System mit einem

c1: PI-Regler

c2: PD-Regler

stabilisierbar?



Mit $G_0(s) = G_R(s) \cdot G_S(s)$ ist die ÜF

des geschlossenen Systems: $G(s) = \frac{G_0(s)}{1 + G_0(s)} \quad (2)$

c1) PI-Regler

$$G_R(s) = K_R \cdot \frac{sT_N + 1}{sT_N}$$

$$G_0(s) = G_R \cdot G_S = f K_R \cdot \frac{sT_N + 1}{s^3 T_N}$$

$$\Rightarrow G(s) = \frac{f K_R \frac{sT_N + 1}{s^3 T_N}}{1 + f K_R \frac{sT_N + 1}{s^3 T_N}}$$

$$= \frac{f K_R (sT_N + 1)}{s^3 T_N + f K_R (sT_N + 1)}$$

$$= \frac{f K_R (sT_N + 1)}{s^3 T_N + s \cdot f K_R T_N + f K_R}$$

$$G(s) = \frac{7K_R (sT_N + 1)}{s^3 T_N + s \cdot 7K_R T_N + 7K_R}$$

\Rightarrow "notw." Kriterium nicht erfüllt (s^2 -Term fehlt)

\Rightarrow Gesamtregelkreis instabil!

\Rightarrow PI-Regler ungeeignet

c2) PD-Regler:

$$G_R(s) = K_R \cdot \frac{T_V \cdot s + 1}{T_A \cdot s + 1} \quad \text{mit Abk. } T_A = \frac{T_V}{\alpha}$$

$$G_0(s) = G_R \cdot G_S = 7K_R \frac{(T_V \cdot s + 1)}{s^2 (T_A \cdot s + 1)}$$

$$\Rightarrow G(s) = \frac{G_0(s)}{1 + G_0(s)} = \frac{7 \cdot K_R \frac{T_V \cdot s + 1}{s^2 (T_A \cdot s + 1)}}{1 + 7K_R \frac{T_V \cdot s + 1}{s^2 (T_A \cdot s + 1)}}$$

$$= \frac{7K_R (T_V \cdot s + 1)}{s^2 (T_A \cdot s + 1) + 7K_R (T_V \cdot s + 1)}$$

$$= \frac{7K_R (T_V \cdot s + 1)}{T_A s^3 + s^2 + 7K_R T_V \cdot s + 7K_R}$$

\Rightarrow "notw." Kriterium erfüllt!

\Rightarrow Gesamtregelkreis könnte stabil sein!

$$G(s) = \frac{F_{KR} (T_V \cdot s + 1)}{T_1 s^3 + s^2 + F_{KR} T_V \cdot s + F_{KR}}$$

$$\text{Nenner: } N(s) = \underbrace{T_1}_{a_0} s^3 + \underbrace{1}_{a_1} s^2 + \underbrace{F_{KR} T_V}_{a_2} s + \underbrace{F_{KR}}_{a_3}$$

$$H = \begin{vmatrix} a_1 & a_3 & a_5 \\ a_0 & a_2 & a_4 \\ 0 & a_1 & a_3 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & F_{KR} & 0 \\ T_1 & F_{KR} T_V & 0 \\ 0 & 1 & F_{KR} \end{vmatrix}$$

$$H_1 = 1 > 0 \quad \text{o.k.}$$

$$H_2 = \begin{vmatrix} 1 & F_{KR} \\ T_1 & F_{KR} T_V \end{vmatrix} = F_{KR} T_V - F_{KR} T_1 > 0$$

$$\cancel{F_{KR}} T_V > \cancel{F_{KR}} T_1$$

$$T_V > T_1 = \frac{T_V}{\alpha}$$

$$\underline{\underline{\alpha > 1}}$$

\Rightarrow PD-Regler ist geeignet, sofern $\alpha > 1$ ist!