МГТУ им. Н. Э. Баумана Факультет ФН «Фундаментальные Науки» Кафедра ФН-12 «Математическое моделирование»

Численные методы решения задач теории управления Домашнее задание №5

 ${\rm \&PyTorch} {\rm \&}$

Вариант №4

Группа: ФН12-61Б

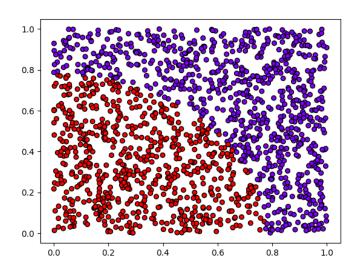
Студент: Дорохов М. А.

Преподаватель: Тверская Е. С.

Задание

Построить многослойную нейронную сеть (рекомендации: входной слой, выходной слой и скрытый слой). Разработать алгоритм обучения данной нейронной сети, основанный на методе стохастического градиентного спуска. При разработке допускается использование библиотек numpy, matplotlib и pytorch. Обучить построенную нейронную сеть на наборе данных. Представить результаты обучения. Проверить качество обучения.

Данные для обучения:



Код программы

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import torch
import torch.nn as nn
X = torch.rand(1500, 2)
Y = (torch.sum((X**2), axis=1) < 0.6).float()
Y = Y.view(-1, 1)
plt.scatter(X.numpy()[:,0], X.numpy()[:,1], c = Y.numpy()[:, 0],
            s=30, cmap='rainbow', edgecolors='black')
def fit(model, X,Y, batch_size=100, train=True):
      model.train(train)
      sumL, sumA, numB = 0, 0, int( len(X)/batch_size )
      for i in range(0, numB*batch_size, batch_size):
        xb = X[i: i+batch_size]
        yb = Y[i: i+batch_size]
        y = model(xb)
        L = loss(y, yb)
        if train:
            optimizer.zero_grad()
            L.backward()
            optimizer.step()
        sumL += L.item()
```

```
sumA += (y.round() == yb).float().mean()
      return sumL/numB,
                         sumA/numB
nX, nH, nY = 2, 5, 1
model = nn.Sequential(
          nn.Linear(nX, nH),
          nn.Sigmoid(),
          nn.Linear(nH, nY),
          nn.Sigmoid() )
loss
          = nn.BCELoss()
optimizer = torch.optim.SGD(model.parameters(),
                            lr=0.5, momentum=0.8)
print( "before:
                     loss: %.4f accuracy: %.4f" % fit(model, X,Y, train=False) )
epochs = 1000
for epoch in range(epochs):
   L,A = fit(model, X, Y)
    if epoch % 100 == 0 or epoch == epochs-1:
        print(f'epoch: {epoch:5d} loss: {L:.4f} accuracy: {A:.4f}' )
loss, accuracy = fit(model, X[:300], Y[:300], 25, False)
print(loss, float(accuracy))
```

Результаты

В процессе обучения были выведены следующие результаты ошибки и точности.

```
before:
             loss: 0.6915 accuracy: 0.6347
           0 loss: 0.6868 accuracy: 0.5373
epoch:
epoch:
         100 loss: 0.0743 accuracy: 0.9880
         200 loss: 0.0392 accuracy: 0.9887
epoch:
         300 loss: 0.0329 accuracy: 0.9887
epoch:
epoch:
         400 loss: 0.0299 accuracy: 0.9913
         500 loss: 0.0277 accuracy: 0.9920
epoch:
epoch:
         600 loss: 0.0258 accuracy: 0.9920
epoch:
         700 loss: 0.0241 accuracy: 0.9913
epoch:
         800 loss: 0.0227 accuracy: 0.9913
epoch:
         900 loss: 0.0214 accuracy: 0.9920
epoch:
         999 loss: 0.0202 accuracy: 0.9920
```

Нейронная сеть была протестирована на 300 экземплярах из исходных данных, были получены результаты:

loss: 0.02545216271391837 accuracy: 0.9933333396911621