

- Machine Learning
- JavaScript
- Data Science
- Artificial Intelligence
- Web Development
- Software Development
- Python
- Coding
- Deep Learning
- React
- AI
- Software Engineering
- Nodejs
- Java
- Front End Development
- Tech
- Computer Science
- Typescript
- Algorithms
- Development
- Angular
- NLP
- Data
- Neural Networks
- Startup
- CSS
- Programming Languages
- Reactjs
- Computer Vision
- Education
- Tutorial
- Productivity
- HTML
- Learning To Code
- Learning
- Javascript Tips
- Code
- Open Source

Вопросы

- Новые
- Популярные

# Наивный Байес в деталях Объяснение

[Home](#) / [Публикации](#) / Наивный Байес в деталях Объяснение

В этой статье мы изучим метод классификации на основе вероятностей, называемый Наивным Байесом.

В этом блоге мы рассмотрим следующие темы:

1. Что такое Наивный Байес?
2. Математика алгоритма наивного Байеса
3. Наивный байесовский пример
4. Наивный байесовский анализ текстовых данных и сглаживание по Лапласу
5. Наивный Байес для данных большой размерности
6. Компромисс между дисперсией Байса, важность признаков и интерпретация наивного байесовского метода
7. Типы наивных байесовских классификаторов
8. Плюсы и минусы наивного Байеса
9. Приложения наивного байесовского алгоритма

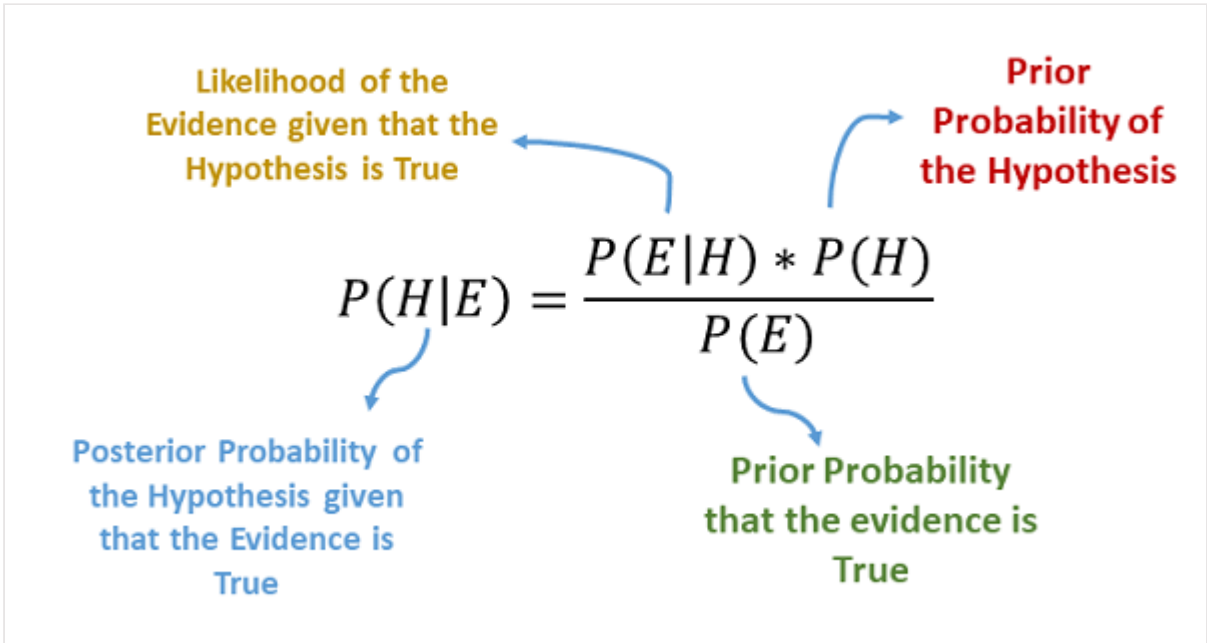
## 1. Что такое Наивный Байес?

Наивный байесовский алгоритм — это вероятностный алгоритм, используемый в машинном обучении для задач классификации. Он основан на теореме Байеса, которая гласит, что вероятность события при наличии предварительных знаний о связанных событиях может быть рассчитана с использованием условной вероятности.

Наивный Байес «наивен», потому что предполагает, что характеристики точки данных независимы друг от друга. Это часто неверно для реальных данных, но предположение упрощает расчеты и все же может давать хорошие результаты на практике.

### Теорема Байеса:

Теорема Байеса описывает вероятность события, основанную на предварительном знании условий, которые могут быть связаны с этим событием.



## Что делает наивный байесовский алгоритм «наивным»?

Наивный байесовский классификатор предполагает, что функции, которые мы используем для прогнозирования цели, независимы и не влияют друг на друга. Хотя в реальных данных функции зависят друг от друга при определении цели, но это игнорируется наивным байесовским классификатором.

Хотя предположение о независимости никогда не бывает верным в реальных данных, на практике оно часто работает хорошо. чтобы он назывался **"Наивный"**.

## 2. Математика наивного байесовского алгоритма

Учитывая вектор признаков  $X=(x_1,x_2,...,x_n)$  и переменную класса  $y$ , теорема Байеса утверждает, что:

### Вопросы по теме

[Получение количества ошибок в шаблоне с тегами шаблона](#)

[Подсчитайте, сколько записей находится в базе данных с интервалом в 5 минут.](#)

[Как заставить слайдер двигаться автоматически](#)

[Как отправить SMTP-сообщение с помощью Python?](#)

[Составление ролей в reStructuredText](#)

[RxKotlin - Неправильная подписка, наблюдайте за изменением потока для субъекта вне активности?](#)

[Как запускать скрипт Python онлайн каждые N минут?](#)

[Фоновые изображения CSS в MVC3 — продолжение](#)

[Необходимо заменить символы с диакритическими знаками / диакритическими знаками / не ASCII в файле фиксированной ширины на пробел](#)

[SSRS Поворот столбца](#)

[Выберите столбцы из кадра данных в другой кадр данных на основе типа данных столбца в Apache Spark Scala](#)

[Панель действий Шерлок Темная тема со светлой темой + Темная панель действий](#)

[Служба Spring MVC REST - встроенный в maven Jetty дает 404](#)

$$P(y|X) = \frac{P(X|y) * P(y)}{P(X)}$$

Нас интересует вычисление апостериорной вероятности  $P(y | X)$  из вероятности  $P(X | y)$  и априорных вероятностей  $P(y)$ ,  $P(X)$ .

Используя цепное правило, вероятность  $P(X | y)$  можно разложить следующим образом:

$$\begin{aligned} P(X|y) &= P(x_1, x_2, \dots, x_n | y) \\ &= P(x_1 | x_2, \dots, x_n, y) * P(x_2 | x_3, \dots, x_n, y) \dots P(x_n | y) \end{aligned}$$

но из-за допущения Наива об условной независимости условные вероятности не зависят друг от друга.

$$P(X|y) = P(x_1|y) * P(x_2|y) \dots P(x_n|y)$$

Таким образом, по условной независимости имеем:

$$P(y|X) = \frac{P(x_1|y) * P(x_2|y) \dots P(x_n|y) * P(y)}{P(x_1) * P(x_2) \dots P(x_n)}$$

А поскольку знаменатель остается постоянным для всех значений, апостериорная вероятность может быть:

$$P(y|x_1, x_2, \dots, x_n) \propto P(y) \prod_{i=1}^n P(x_i|y)$$

Наивный байесовский классификатор сочетает эту модель с решающим правилом. Одно общее правило — выбирать наиболее вероятную гипотезу; это известно как максимальное апостериорное правило или правило принятия решения MAP.

$$y = \operatorname{argmax}_y P(y) \prod_{i=1}^n P(x_i|y)$$

### 3. Наивный байесовский пример:

Давайте объясним это на примере, чтобы было понятно:

Рассмотрим вымышленный набор данных, описывающий погодные условия для игры в гольф. Учитывая погодные условия, каждый кортеж классифицирует условия как подходящие («Да») или непригодные («Нет») для игры в гольф.

Вот табличное представление нашего набора данных.

[Apache Pig 0.12.0 на Hue не выполняет предварительную обработку операторов, как ожидалось](#)

[Как добавить скрипт в <head> добавить скрипт в конец <body>](#)

[Как добиться sudo su - root и запустить всю команду в ansible](#)

[Имеют ли SIM-карты NFC внутреннюю антенну? Как установить апплеты на SIM-карты?](#)

[Изменить заголовок при открытии диалога из нокаутующей привязки](#)

[Как показать общее количество онлайн-друзей в шаблоне \(django\)?](#)

[Включите очень большое число в C++](#)

|    | OUTLOOK  | TEMPERATURE | HUMIDITY | WINDY | PLAY GOLF |
|----|----------|-------------|----------|-------|-----------|
| 0  | Rainy    | Hot         | High     | False | No        |
| 1  | Rainy    | Hot         | High     | True  | No        |
| 2  | Overcast | Hot         | High     | False | Yes       |
| 3  | Sunny    | Mild        | High     | False | Yes       |
| 4  | Sunny    | Cool        | Normal   | False | Yes       |
| 5  | Sunny    | Cool        | Normal   | True  | No        |
| 6  | Overcast | Cool        | Normal   | True  | Yes       |
| 7  | Rainy    | Mild        | High     | False | No        |
| 8  | Rainy    | Cool        | Normal   | False | Yes       |
| 9  | Sunny    | Mild        | Normal   | False | Yes       |
| 10 | Rainy    | Mild        | Normal   | True  | Yes       |
| 11 | Overcast | Mild        | High     | True  | Yes       |
| 12 | Overcast | Hot         | Normal   | False | Yes       |
| 13 | Sunny    | Mild        | High     | True  | No        |

Набор данных разделен на две части: **матрица признаков** и **вектор отклика**.

- Матрица признаков содержит все векторы (строки) набора данных, в которых каждый вектор состоит из значений **зависимых признаков**. В приведенном выше наборе данных функциями являются «Перспективы», «Температура», «Влажность» и «Ветер».
- Вектор ответа содержит значение **переменной класса** (прогноз или вывод) для каждой строки матрицы признаков. В приведенном выше наборе данных имя переменной класса — «Играть в гольф».

**Этап обучения:**

На этапе обучения нам нужно вычислить таблицу вероятностей из обучающих данных,

нам нужно найти,

**(1)  $P(\text{outlook} = O / \text{Play Golf}=b)$ ;**

где  $O \in \{\text{Солнечно, Пасмурно, Дождь}\}$ ,  $b \in \{\text{да, нет}\}$

**(2)  $P(\text{температура} = t / \text{Play Golf}=b)$ ;**

где  $t \in \{\text{Горячий, Мягкий, Прохладный}\}$

**(3)  $P(\text{Влажность} = h / \text{Играть в гольф}=b)$ ;**

где  $h \in \{\text{высокий, нормальный}\}$

**(4)  $P(\text{ветер} = w / \text{Играть в гольф}=b)$ ;**

где  $w \in \{\text{True, False}\}$

Этап классификации:

Если мы получим новый экземпляр,

$x' = (\text{Обзор} = \text{солнечно}, \text{температура} = \text{прохладно}, \text{влажность} = \text{высокая}, \text{ветер} = \text{правда})$

что такое класс  $x'$ ?

Таким образом, **вероятность игры в гольф определяется:**

$P(\text{Играть в гольф} = \text{да} / x')$

$$= (P(\text{Обзор} = \text{солнечно} / \text{Играть в гольф} = \text{да}) * P(\text{Температура} = \text{Прохладно} / \text{Играть в гольф} = \text{да}) * P(\text{Влажность} = \text{Высокая} / \text{Играть в гольф} = \text{да}) * P(\text{Ветер} = \text{Правда} / \text{Играть в гольф} = \text{да}) * P(\text{Играть в гольф} = \text{да})) / P(x')$$

**Вероятность не играть в гольф определяется:**

$P(\text{Играть в гольф} = \text{Нет} / x')$

$$= (P(\text{Обзор} = \text{солнечно} / \text{Играть в гольф} = \text{Нет}) * P(\text{Температура} = \text{Прохладно} / \text{Играть в гольф} = \text{Нет}) * P(\text{Влажность} = \text{Высокая} / \text{Играть в гольф} = \text{Нет}) * P(\text{Ветер} = \text{Правда} / \text{Играть в гольф} = \text{Нет}) * P(\text{Играть в гольф} = \text{Нет})) / P(x')$$

Поскольку знаменатель  $P(x')$  является общим для обеих вероятностей, мы можем игнорировать  $P(x')$  и найти пропорциональные вероятности как:

Итак, **вероятность игры в гольф:**

$P(\text{Играть в гольф} = \text{да} / x')$

$$= (P(\text{Обзор} = \text{солнечно} / \text{Играть в гольф} = \text{да}) * P(\text{Температура} = \text{Прохладно} / \text{Играть в гольф} = \text{да}) * P(\text{Влажность} = \text{Высокая} / \text{Играть в гольф} = \text{да}) * P(\text{Ветер} = \text{Правда} / \text{Играть в гольф} = \text{да}) * P(\text{Играть в гольф} = \text{да}))$$

$$= (2/9) * (3/9) * (3/9) * (3/9) * (9/14)$$

$$= 0.0053$$

**вероятность не играть в гольф:**

$P(\text{Играть в гольф} = \text{Нет} / x')$

$$= (P(\text{Обзор} = \text{солнечно} / \text{Играть в гольф} = \text{Нет}) * P(\text{Температура} = \text{Прохладно} / \text{Играть в гольф} = \text{Нет}) * P(\text{Влажность} = \text{Высокая} / \text{Играть в гольф} = \text{Нет}) * P(\text{Ветер} = \text{Правда} / \text{Играть в гольф} = \text{Нет}) * P(\text{играть в гольф} = \text{нет}))$$

$$= (3/5) * (1/5) * (4/5) * (3/5) * (5/14)$$

$$= 0.0205$$

здесь  $P(\text{Играть в гольф} = \text{Нет} / x') > P(\text{Играть в гольф} = \text{да} / x')$

Таким образом, прогноз о том, что в гольф будут играть, — «Нет».

мы видели, как Наивный Байес хорошо работает с категориальными данными,

Теперь мы увидим Naïve Bayes на текстовых данных.

## 4. Наивный байесовский анализ текстовых данных и сглаживание по Лапласу:

### 4.1 Наивный байесовский анализ текстовых данных:

Наивный байес хорошо работает с текстовыми данными,

например, спам-фильтр (электронная почта: спам/не спам), обзор (+ve/-ve) являются приложениями наивного Байеса.

например, у нас есть такие обзорные данные,

.

наша задача — предсказать, будет ли отзыв +ve/-ve.

**Задание:** сравнить  $P(y=1/\text{text}(i))$  и  $P(y=0/\text{text}(i))$  для заданного  $\text{text}(i)$ . В зависимости от того, что выше, мы выбираем этот класс как класс заданного текста ( $i$ ).

прежде всего, мы должны выполнить все этапы предварительной обработки текстовых данных, такие как удаление стоп-слов, стемминга, n-грамм. после применения всех этих шагов мы получаем набор слов, затем вычисляем двоичный набор слов.

теперь у нас есть текст  $\rightarrow \{w_1, w_2, w_3 \dots w_d\}$

$$\begin{aligned} &\text{Итак, } P(y=1/\text{текст}(i)) \\ &= P(y=1/w_1, w_2, w_3 \dots w_d) \\ &\propto P(y=1) * P(w_1/y=1) * P(w_2/y=1) \dots P(w_d/y=1) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &\text{то же самое для } P(y=0/\text{текст}(i)) \\ &= P(y=0/w_1, w_2, w_3 \dots w_d) \\ &\propto P(y=0) * P(w_1/y=0) * P(w_2/y=0) \dots P(w_d/y=0) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &\text{мы можем вычислить,} \\ &P(w_i/y=0) \\ &= (\text{количество точек данных, содержащих } w_i \text{ и } y=0) / (\text{количество точек данных с } y=0) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &P(w_i/y=1) \\ &= (\text{количество точек данных, содержащих } w_i \text{ и } y=1) / (\text{количество точек данных с } y=1) \end{aligned}$$

Таким образом, мы можем применить Наивный Байес к текстовым данным.

**Примечание.** В задачах классификации текста **Наивный байесовский анализ** является очень хорошей **основой**. поэтому для задачи классификации текста **Наивный байесовский алгоритм** находится в **эталоне** по сравнению с другими алгоритмами.

### проблема :

Давайте возьмем пример классификации текста, где задача состоит в том, чтобы классифицировать, является ли отзыв положительным или отрицательным. Мы строим таблицу правдоподобия на основе данных обучения. При запросе обзора мы используем значения таблицы правдоподобия, но **что, если слово в обзоре отсутствует в наборе обучающих данных?**

Проверка запроса =  $w_1 \ w_2 \ w_3 \ w'$

У нас есть четыре слова в нашем обзоре запроса, и давайте предположим, что в обучающих данных присутствуют только  $w_1$ ,  $w_2$  и  $w_3$ . Таким образом, у нас будет вероятность для этих слов. Чтобы рассчитать, является отзыв положительным или отрицательным, мы сравниваем  $P(\text{положительный}|\text{отзыв})$  и  $P(\text{отрицательный}|\text{отзыв})$ .

.

В таблице правдоподобия у нас есть  $P(w_1|\text{положительный результат})$ ,  $P(w_2|\text{положительный результат})$ ,  $P(w_3|\text{положительный результат})$  и  $P(\text{положительный результат})$ . **Ой, подождите, а где  $P(w'|\text{положительное})$ ?**

Если слово отсутствует в обучающем наборе данных, то у нас нет его вероятности. **Что нам делать?**

**Подход 1** – игнорируйте термин  $P(w'|\text{положительный})$



Игнорирование означает, что мы присваиваем ему значение 1, что означает, что вероятность появления  $w'$  в положительном  $P(w'|\text{положительном})$  и отрицательном отзыве  $P(w'|\text{отрицательном})$  равна 1. Такой подход кажется логически неверным.

**Подход 2.** В модели «мешок слов» мы подсчитываем количество слов. Вхождения слова  $w'$  в обучении равны 0. Согласно этому

$P(w'|\text{положительный})=0$  и  $P(w'|\text{отрицательный})=0$ , но это делает как  $P(\text{положительный}|\text{отзыв})$ , так и  $P(\text{отрицательный}|\text{отзыв})$  равными 0, поскольку мы умножаем все вероятности.

**Это проблема нулевой вероятности. Итак, как решить эту проблему?**

## 4.2 Лапласово сглаживание:

Сглаживание по Лапласу — это метод сглаживания, который решает проблему нулевой вероятности в наивном байесовском методе. Используя сглаживание Лапласа, мы можем представить  $P(w'|\text{positive})$  как

$$P(w'|\text{positive}) = \frac{\text{count}(w', \text{positive}) + \alpha}{\sum_{w'} \text{count}(w, \text{positive}) + |\mathcal{V}| \alpha}$$

Здесь

**альфа** представляет параметр сглаживания,

**K** представляет количество измерений (признаков) в данных, а

**N** обозначает количество отзывов с  $y=\text{положительным}$ .

Если мы выберем значение  $\alpha = 0$  (не равное 0), вероятность больше не будет равна нулю, даже если слово отсутствует в наборе обучающих данных.

## Интерпретация изменения альфы

Допустим, слово  $w$  встречается 3 с  $y = \text{положительным}$  в обучающих данных. Предположим, что в нашем наборе данных есть 2 функции, то есть  $K = 2$  и  $N = 100$  (общее количество положительных отзывов).

$$P(w'|\text{положительный}) = \frac{3 + \alpha}{2 + 100\alpha}$$

**Случай 1** — когда  $\alpha=1$

$$P(w'|\text{положительный}) = \frac{3+1}{2+100 \cdot 1} = \frac{4}{102}$$

**Случай 2** — когда  $\alpha = 100$

$$P(w'|\text{положительный}) = \frac{3+100}{2+100 \cdot 100} = \frac{103}{10002}$$

**Случай 3** — когда  $\alpha=1000$

$$P(w'|\text{положительный}) = \frac{3+1000}{2+100 \cdot 1000} = \frac{1003}{100002}$$

По мере увеличения  $\alpha$  вероятность правдоподобия приближается к равномерному распределению (0,5). В большинстве случаев  $\alpha = 1$  используется для устранения проблемы нулевой вероятности.

Короче говоря, сглаживание Лапласа — это метод сглаживания, который помогает решить проблему нулевой вероятности в наивном байесовском алгоритме машинного обучения. Использование более высоких значений  $\alpha$  подтолкнет вероятность к значению 0,5, т. е. Вероятность слова, равная 0,5, как для положительных, так и для отрицательных отзывов. Поскольку мы не получаем от этого много информации, это нежелательно. Поэтому предпочтительно использовать  $\alpha=1$ .

## 5. Наивный Байес для данных большой размерности:

Наивный байесовский подход хорошо работает с текстовыми данными большой размерности, но для числовой стабильности приходится использовать логарифмическую вероятность.

Узнайте больше о **логарифмической вероятности** [здесь](#).

## 6. Компромисс между дисперсией Байеса, важность характеристик и интерпретация наивного байесовского метода:

### 6.1 Компромисс смещения и дисперсии:

В наивном байесовском методе  **$\alpha$  (гиперпараметр)** сглаживания Лапласа определяет недообучение и переоснащение.

**маленький  $\alpha$   $\rightarrow$  высокая дисперсия  $\rightarrow$  переоснащение**

**большое значение  $\alpha$   $\rightarrow$  высокое смещение  $\rightarrow$  недостаточное соответствие**

поэтому выберите правильный  **$\alpha$** , используя простую **перекрестную проверку/k-fold CV**.

## 6.2 Важность функции:

Во многих алгоритмах, таких как KNN, мы должны вычислять важность функции, используя прямой выбор функций или другие методы,

Но в наивном байесовском методе важность функции определяется/получается непосредственно из модели.

для класса +ve: найти слова ( $w_i$ ) с наибольшим значением  $P(w_i/y=1)$

для класса -ve: найти слова ( $w_i$ ) с наибольшим значением  $P(w_i/y=0)$

оба получены из модели

1. отсортировать все  $w_i$  на основе  $P(w_i/y=1)$  в порядке убывания,  $w_i$  с высоким значением  $P(w_i/y=1) \rightarrow$  Важные слова/функции при определении того, что точка данных принадлежит +ve классу.
2. отсортировать все  $w_i$  на основе  $P(w_i/y=0)$  в порядке убывания,  $w_i$  с высоким значением  $P(w_i/y=0) \rightarrow$  Важные слова/функции в определении того, что точка данных принадлежит -ve классу.

## 6.3 Интерпретация:

В Наивном Байесе мы можем легко интерпретировать нашу модель, используя вероятность/вероятность.

## 7. Типы наивных байесовских классификаторов:

- **Полиномиальное:** векторы признаков представляют частоты, с которыми определенные события генерируются полиномиальным распределением. Например, подсчитайте, как часто каждое слово встречается в документе. Это модель событий, обычно используемая для классификации документов.
- **Бернулли.** Как и полиномиальная модель, эта модель популярна для задач классификации документов, где используются характеристики бинарного термина (то есть слово встречается в документе или нет), а не частота термина (то есть частота появления слова). слово в документе).
- **Гауссово:** используется в классификации и предполагает, что признаки подчиняются нормальному распределению.

## 8. Плюсы и минусы наивного Байеса:

**Плюсы:**

1. В текстовой классификации Наивный байес является базовым/эталонным.
2. Наивный байесовский метод интерпретируется и придает значение функциям.
3. Сложность во время выполнения и во время обучения невелика, пространство во время выполнения также невелико.
4. Когда наивное байесовское предположение об условной независимости верно, оно будет сходиться быстрее, чем дискриминационные модели, такие как логистическая регрессия.

**Минусы:**

1. Предположение о независимых предикторах/признаках. Наивный Байес неявно предполагает, что все атрибуты взаимно независимы, что почти невозможно найти в реальных данных.
2. В текстовых данных наивный байесовский подход может легко переобучиться, если мы не будем выполнять сглаживание по Лапласу, выбрав правильный  **$\alpha$**  с помощью перекрестной проверки.
3. Наивный байесовский подход хорошо работает для категориальных функций, но для функций с реальным значением наивный байесовский метод мало что может использовать.

## 9. Применение алгоритма наивного Байеса:

- Прогноз в реальном времени.
- Классификация текста/ Фильтрация спама/ Анализ тональности.
- Обнаружение языка и т. д.

Спасибо за прочтение!

пожалуйста! Не забывайте хлопать, если вы ясно поняли тему

Пожалуйста, пишите комментарии, если вы обнаружите что-то неправильное, или вы хотите поделиться дополнительной информацией по теме, обсуждаемой выше.

Naive Bayes

Machine Learning

Classification

Laplace Smoothing

Data Science

🕒 04.07.2023

(c) 2024 - skine.ru

