Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 2

з дисципліни «Методи оптимізації та планування експерименту» на тему «Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням ефекту взаємодії.»

ВИКОНАВ:

студент II курсу ФІОТ

групи ІО-93

Поліщук М. С.

Варіант: 322

ПЕРЕВІРИВ:

Регіда П. Г.

Тема: Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням ефекту взаємодії.

Мета: Провести повний трьохфакторний експеримент. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

Завдання:

Завдання на лабораторну роботу

- 1. Скласти матрицю планування для повного трьохфакторного експерименту.
- Провести експеримент, повторивши N раз досліди у всіх точках факторного простору і знайти значення відгуку Y. Знайти значення Y шляхом моделювання випадкових чисел у певному діапазоні відповідно варіанту. Варіанти вибираються за номером в списку в журналі викладача.

$$y_{i \max} = 200 + x_{cp \max}$$
 $y_{i \min} = 200 + x_{cp \min}$ де $x_{cp \max} = \frac{x_{1 \max} + x_{2 \max} + x_{3 \max}}{3}$, $x_{cp \min} = \frac{x_{1 \min} + x_{2 \min} + x_{3 \min}}{3}$

- 3. Знайти коефіцієнти рівняння регресії і записати його.
- Провести 3 статистичні перевірки за критеріями Кохрена, Стьюдента, Фішера.
- Зробити висновки по адекватності регресії та значимості окремих коефіцієнтів і записати скореговане рівняння регресії.
- Написати комп'ютерну програму, яка усе це моделює.

Хід роботи:

	322	-30	20	-20	40	-30	-15
--	-----	-----	----	-----	----	-----	-----

Лістинг програми:

```
import random, math
import numpy as np
from scipy.stats import f, t
from functools import partial

m = 3
N = 8
x1min, x2min, x3min = -30, -20, -30
x1max, x2max, x3max = 20, 40, -15

X_max = [x1max, x2max, x3max]
X_min = [x1min, x2min, x3min]

x_av_min = (x1min + x2min + x3min) / 3
x_av_max = (x1max + x2max + x3max) / 3
Y_max = int(round(200 + x_av_max, 0))
Y_min = int(round(200 + x_av_min, 0))
x0 = 1

X_matr = [
    [-1, -1, -1],
    [-1, 1, -1],
    [-1, 1, -1],
    [-1, 1, -1],
    [-1, 1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1, -1, -1],
    [-1,
```

```
x 12 13 23 natur = [[X matr natur[j][0] * X matr natur[j][1], X matr natur[j][0]
x 123 natur = [X matr natur[j][0] * X matr natur[j][1] * X matr natur[j][2] for
j in range(N)]
flag = False
               sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
```

```
sum(Y average) / N,
```

```
def criterion of Student(value, criterion, check):
x_{12_{13_{23[0][2]}} + B_{norm[7]} * x_{123[0]}
B nat[2] * dx[2]]
     return fisher value / (fisher value + f1 - 1)
```

```
X_{matr_natur[i][1]} +
X_matr_natur[i][2] for i in range(N)]
            znach koef.append(i)
    Ft = fisher(dfn=f4, dfd=f3)
result 2[2],
result 2[3]))
Y average[3]))
```

```
if Fp > Ft:
    print('Fp = {} > Ft = {}'.format(round(Fp, 3), Ft))
    print('Pівняння регресії неадекватно оригіналу при рівні значимості
{}'.format(round(q, 2)))
    else:
        print('Fp = {} < Ft = {}'.format(round(Fp, 3), Ft))
        print('Pівняння регресії адекватно оригіналу при рівні значимості
{}'.format(round(q, 2)))
        flag = True</pre>
```

Результат виконання роботи:

```
Дисперсії однорідні
Значення після критерія Стюдента:
Y1 = 212.902; Y2 = 212.902; Y3 = 212.902; Y4 = 212.902.
Y1a = 202.333; Y2a = 189.667; Y3a = 181.333; Y4a = 190.000.
Fp = 256.76 > Ft = 2.6571966002210865
Рівняння регресії неадекватно оригіналу при рівні значимості 0.05
Матриця планування експерименту:
N x1 x2 x3 Y1
                        Y2
                                 Y3
1 - 1 - 1 - 1 173.00000 197.00000 185.00000
2 - 1 - 1 1 174.00000 180.00000 200.00000
3 - 1 1 - 1 204.00000 189.00000 174.00000
4 - 1 1 1 209.00000 188.00000 173.00000
   1 - 1 - 1 177.00000 214.00000 175.00000
   1 - 1 1 204.00000 183.00000 181.00000
   1 1 - 1 190.00000 176.00000 201.00000
       1 1 186.00000 204.00000 178.00000
Дисперсії однорідні
Значення після критерія Стюдента:
Y1 = 188.550; Y2 = 188.550; Y3 = 188.550; Y4 = 188.550.
Y1a = 185.000; Y2a = 184.667; Y3a = 189.000; Y4a = 190.000.
Fp = 2.085 < Ft = 2.6571966002210865
Рівняння регресії адекватно оригіналу при рівні значимості 0.05
Process finished with exit code 0
```

Висновок: у даній лабораторній роботі я провів повний трьохфакторний експеримент. Знайшов рівняння регресії адекватне об'єкту.