МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ НАЦІОНАЛЬНОМУ УНІВЕРСИТЕТІ "ЛЬВІВСЬКА ПОЛІТЕХНІКА"

Кафедра систем штучного інтелекту

Розрахунково-графічна робота

з дисципліни «Дискретна математика»

Виконав:

студент групи КН-115 Сирватка Максим

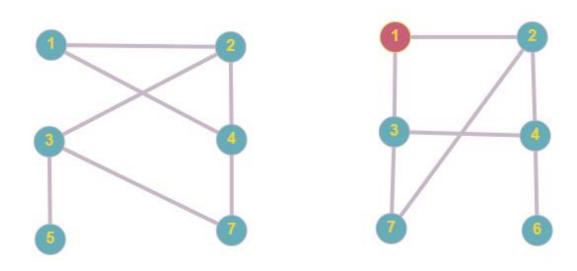
Викладач:

Мельникова H.I.

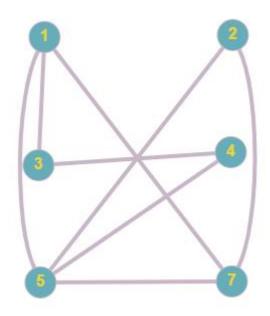
ІНДИВІДУАЛЬНІ ЗАВДАННЯ

Варіант 14

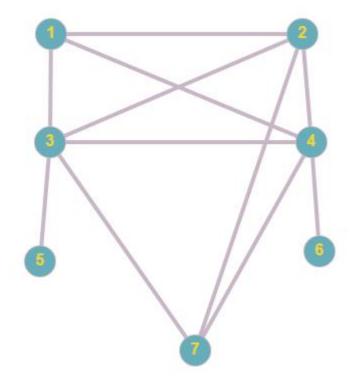
- 1. Виконати наступні операції над графами:
- 1) знайти доповнення до першого графу;
- 2) об'єднання графів;
- 3) кільцеву суму G1 ma G2 (G1+G2);
- 4) розмножити вершину у другому графі;
- 5) виділити підграф А що складається з 3-х вершин в G1;
- 6) добуток графів.



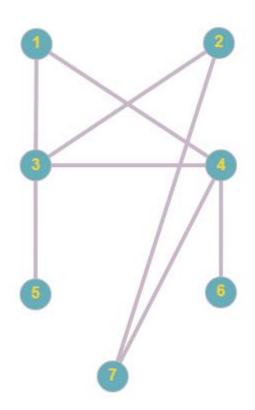
1) Доповнення до першого графу



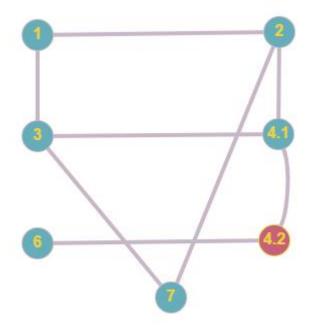
2) Об'єднання графів



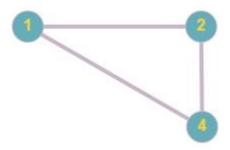
3) Кільцева сума



4) Розмноження вершини в другому графі



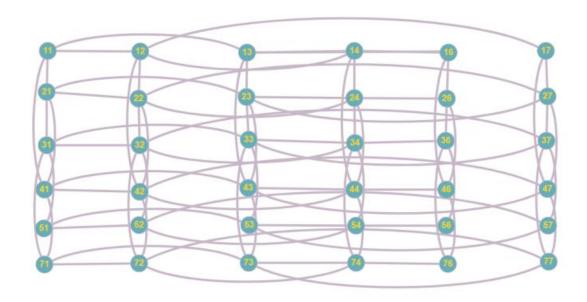
5) Виділення підграфа **A** з трьох вершин в першому графі та стягнення **A** в **G1** Підграф A:



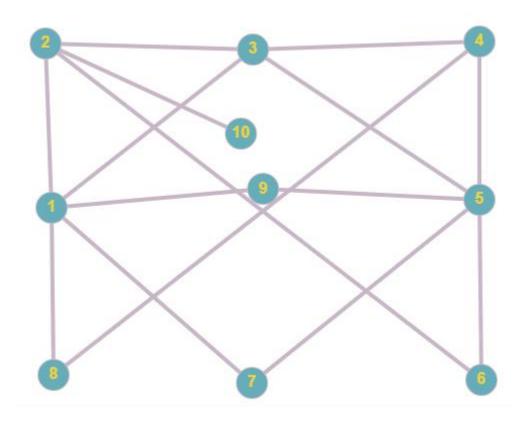
Стягнення A в G1:



6) Добуток графів



2. Скласти таблицю суміжності для орграфа.



Таблиця суміжності:

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	0	1	1	0	0	0	1	1	1	0
2	1	0	1	0	0	1	0	0	0	1
3	1	1	0	1	1	0	0	0	0	0
4	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0
5	0	0	1	1	0	1	1	0	1	0
6	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0
7	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
8	1	0	0	1	0	0	0	0	0	0
9	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0
10	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0

3. Для графа з другого завдання знайти діаметр.

Діаметр: 3 (4->3->2->10)

4. Для графа з другого завдання виконати обхід дерева вшир.

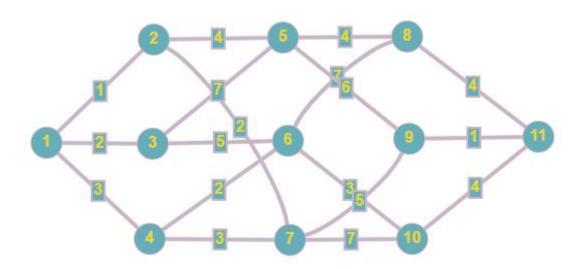
V	Nº	черга
1	1	1
2	2	12
3	3	123
7	4	1237
8	5	12378
9	6	123789
-	-	23789
6	7	236789
10	8	23678910
-	-	3678910
4	9	36789104
5	10	367891045
-	-	67891045
-	-	7891045
-	-	891045
-	-	91045
-	-	1045
-	-	45
-	-	4
-	-	Ø

Програмна реалізація

```
#include <iostream>
using namespace std;
const int n = 10;
int graph[n][n] =
{0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0},
{1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
{0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0},
{0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0},
{0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0 },
{1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0 },
{1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0}, {1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
{0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
int main()
     int start;
    cout << "Enter the start vertex: ";</pre>
    cin >> start:
    bool visited[n];
    cout << "Adjacency matrix: " << endl;
for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
         visited[i] = false;
         for (int j = 0; j < n; j++)
    cout << " " << graph[i][j];</pre>
```

```
int vertex = start - 1;
int count = 0, head = 0;
int queue[n];
for (int i = 0; i < n; i++)
    queue[i] = 0;
queue[count++] = vertex;
visited[vertex] = true;
cout << "Bypass of the graph: " << endl;</pre>
while (head < count)
   vertex = queue[head++];
   cout << vertex + 1 << " ";
   for (int i = 0; i < n; i++)
        if (graph[vertex][i] && !visited[i])
            queue[count++] = i;
            visited[i] = true;
cout << endl;</pre>
system("pause");
return 0;
```

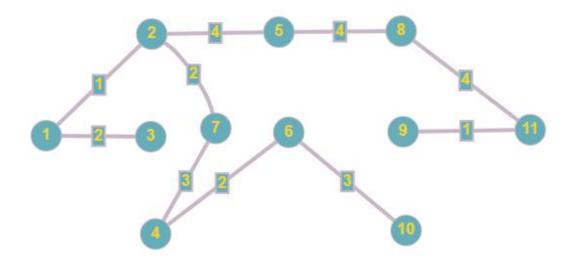
5. Знайти двома методами (Краскала і Прима) мінімальне остове дерево графа.



Алгоритм Краскала:

$$V = \{1; 2; 9; 11; 3; 4; 6; 7; 10; 5; 8\}$$

$$E = \big\{(1;2); (9;11); (1;3); (4;6); (2;7); (4;7); (6;10); (2;5); (5;8); (8;11)\big\}$$



Програмна реалізація

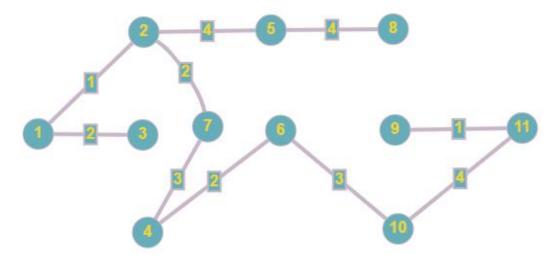
```
#include <iostream>
                                                                   if (graph[i][j] == 0)
    graph[i][j] = 999;
                                                               cout << endl;
using namespace std;
                                                           cout << "The verteces of the minimal tree are: " << endl;
                                                           while (1)
int min, path[12];
                                                               for (i = 1, min = 999;i < n;i++)
int main()
                                                                   for (j = 1;j < n;j++)
    int i, j;
                                                                        if (graph[i][j] < min)</pre>
    int a, b, u, v;
                                                                            min = graph[i][j];
   cout << "The cost adjacency matrix: " << endl;</pre>
while (path[u])
                                                               u = path[u];
while (path[v])
v = path[v];
\{0, 3, 0, 0, 0, 0, 2, 3, 0, 0, 0, 0\},\
{0, 0, 4, 7, 0, 0, 0, 0, 4, 6, 0, 0},
{0, 0, 0, 5, 2, 0, 0, 0, 7, 0, 3, 0},
{0, 0, 2, 0, 3, 0, 0, 0, 0, 5, 7, 0},
{0, 0, 0, 0, 0, 4, 7, 0, 0, 0, 0, 4},
{0, 0, 0, 0, 0, 6, 0, 5, 0, 0, 0, 1},
                                                                   path[v] = u;
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 3, 7, 0, 0, 0, 4},
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 4, 1, 4, 0},
    for (i = 1; i < n; i++)
                                                                   cout << l++ << " edge (" << a << ", " << b << ") = " << min << endl;
        for (j = 1; j < n; j++)
                                                               graph[a][b] = graph[b][a] = 999;
            \texttt{cout} \, << \, \texttt{graph[i][j]} \, << \, " \, ";
```

```
The cost adjacency matrix:
01230000000
10004020000
20007500000
30000230000
04700004600
0
 0520007030
 2030000570
00004700004
 0006050001
 0000370004
 0000004140
The verteces of the minimal tree are:
1 \text{ edge } (1, 2) = 1
2 edge (9, 11) = 1
3 \text{ edge } (1, 3) = 2
4 \text{ edge } (2, 7) = 2
 edge (4, 6) = 2
 edge (1, 4) = 3
 edge (6, 10) = 3
8 \text{ edge } (2, 5) = 4
 edge (5, 8) = 4
10 \text{ edge } (8, 11) = 4
```

Алгоритм Прима:

 $V = \{1; 2; 3; 7; 4; 6; 10; 11; 9; 5; 8\}$

$$E = \{(1;2); (1;3); (2;7); (4;7); (4;6); (6;10); (10;11); (9;11); (2;5); (5;8)\}$$



```
#include <windows.h>
#include <comio.h>
using namespace std;
const int MAX = 2000;
int main()
    do
        system("cls");
        setlocale(LC_ALL, "Ukr");
const int n = 11;
        int graph[11][11] =
             {0, 1, 2, 3, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
             {1, 0, 0, 0, 4, 0, 2, 0, 0, 0, 0},
             {2, 0, 0, 0, 7, 5, 0, 0, 0, 0, 0},
             {3, 0, 0, 0, 0, 2, 3, 0, 0, 0, 0},
             \{0, 4, 7, 0, 0, 0, 0, 4, 6, 0, 0\},
             {0, 0, 5, 2, 0, 0, 0, 7, 0, 3, 0},
             {0, 2, 0, 3, 0, 0, 0, 0, 5, 7, 0},
             \{0, 0, 0, 0, 4, 7, 0, 0, 0, 0, 4\},
             {0, 0, 0, 0, 6, 0, 5, 0, 0, 0, 1},
             {0, 0, 0, 0, 0, 3, 7, 0, 0, 0, 4},
             {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 4, 1, 4, 0},
```

```
cout << "Adjacency matrix : " << endl;
for (int i = 0; i < n; i++) {
    for (int j = 0; j < n; j++) {
        cout << graph[i][j] << " ";
    }
    cout << endl;
}
cout << endl;
int start;
do {
    cout << "Enter the start vertex: \n";
    cin >> start;
} while (start < 1 || start > 11);
cout << "\nMinimum spanning tree: " << endl;
bool *visited = new bool[n];

for (int i = 0; i < n; i++)
{
    if (graph[i][j] == 0)
        graph[i][j] = MAX;
}
    visited[i] = false;
}
int v1, v2;
int min, weight = 0;
visited[start - 1] = true;
cout << "E = { ";
for (int tek = 1; tek < n; tek++)
{
    min = MAX;
    for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
```

```
Adjacency matrix :
01230000000
10004020000
20007500000
30000230000
04700004600
00520007030
02030000570
00004700004
00006050001
00000370004
00000004140
Enter the start vertex:
Minimum spanning tree:
E = \{ (1,2),(1,3),(2,7),(1,4),(4,6),(6,10),(2,5),(5,8),(8,11),(11,9) \}
Minimal weight of tree: 26
One more? (y/n)
```

Отже, вага мінімального остового дерева в обох випадках рівний та рівний 26.

6. Розв'язати задачу комівояжера для повного 8-ми вершинного графа методом «іди у найближчий», матриця вагів якого має вигляд:

	1							
1	100	1	1	1	1	1	3	1
2	1	90	5	1	2	1	3	3
	1							
4	1	1	2	100	5	5	6	1
5	1	2	5	5	00	1	5	1
6	1	1	4	5	1	00	5	6
7	3	3	1	6	5	5	00	1
8	1	3	5	1	1	6	1	00

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	∞	1	1	1	1	1	3	1
2	1	8	5	1	2	1	3	3
3	1	5	8	2	5	4	1	5
4	1	1	2	∞	5	5	6	1
5	1	2	5	5	∞	1	5	1
6	1	1	4	5	1	8	5	6
7	3	3	1	6	5	5	8	1
8	1	3	5	1	1	6	1	∞

Розв'язання:

Проаналізувавши всі можливі шляхи для розв'язання задачі комівояжера, був знайдений найоптимальніший та найраціональніший шлях. Розпочнемо з вершини 4:

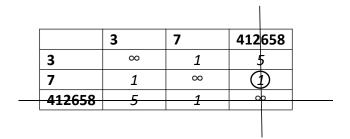
	1	2	3	4		5	6	7	8
1	∞	1	1	(1)	1	1	3	1
2	1	∞	5		1	2	1	3	3
3	1	5	∞		2	5	4	1	5
4	1	1	2		∞	5	5	6	1
7						<i>J</i>	<i>J</i>	U	1
5	1	2	5		5	∞	1	5	1
6	1	1	4		5	1	∞	5	6
7	3	3	1		6	5	5	∞	1
8	1	3	5		1	1	6	1	∞

41 0 1	1 1			
 		1	3	1
71 1 1	<u> </u>		,	
2	5 2	1	3	3
3	∞ 5	4	1	5
5 1 2 5	5 ∞	1	5	1
6 1 1 1	4 1	∞	5	6
7 3 3	1 5	5	∞	1
8 1 3 5	5 1	6	1	∞

	412	3	5	6	7	8
412	00	5	2	1	3	3
3	5	∞	5	4	1	5
5	2	5	∞	1	5	1
6	1	4	1	∞	5	6
7	3	1	5	5	∞	1
8	3	5	1	6	1	8

	3	5	4126	7	8
3	∞	5	4	1	5
5	5	∞	1	5	1
4126	4	1	- 00	5	6
7	1	5	5	∞	1
8	5	1	6	1	∞

	3	412	65	7	8
3	8	Ţ	•	1	5
41265	5	0	0	5	1
7	1	_ 5	•	∞	1
8	5	\Box		1	8



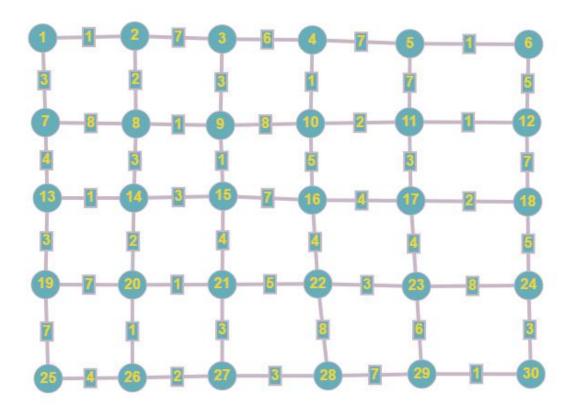
	3	4126587
3	8	1
7	1	∞

Останнім буде ребро (3;4), вага якого рівна 2(ребро потрібне для того, щоб повернутися у початкову вершину та створити цикл). Відповідно, вага даного мінімального шляху рівна 1+1+1+1+1+1+2=9.

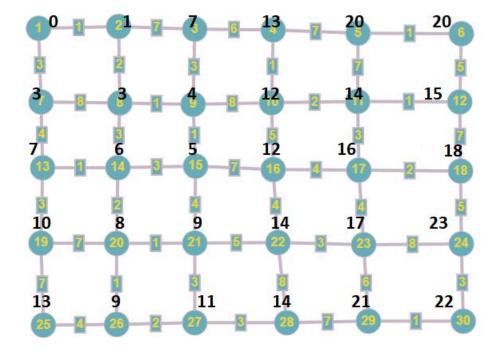
Enter the start vertex: 1
Path:
1 -> 2 = 1
2 -> 4 = 1
4 -> 8 = 1
8 -> 5 = 1
5 -> 6 = 1
6 -> 3 = 4
3 -> 7 = 1
7 -> 1 = 3 Total path: 13
Total patil. 13
Press 'n' to stop: н
Enter the start vertex: 2
Path:
2 -> 1 = 1
1 -> 3 = 1
3 -> 7 = 1
7 -> 8 = 1
8 -> 4 = 1 4 -> 5 = 5
4 -> 3 = 3 5 -> 6 = 1
6 -> 2 = 1
Total path: 12
rocoz poem zz
Press 'n' to stop: y
Enter the start vertex: 3
Path:
3 -> 1 = 1
1 -> 2 = 1
2 -> 4 = 1 4 -> 8 = 1
4 -> 8 = 1 8 -> 5 = 1
5 -> 6 = 1
6 -> 7 = 5
7 -> 3 = 1
Total path: 12
200
Press 'n' to stop: y
Enter the start vertex: 4
Path:
4 -> 1 = 1
1 -> 2 = 1 2 -> 6 = 1
2 -> 6 = 1 6 -> 5 = 1
5 -> 8 = 1
8 -> 7 = 1
7 -> 3 = 1
3 -> 4 = 2
Total path: 9

```
Enter the start vertex: 5
Path:
5 -> 1 = 1
1 \to 2 = 1
2 \rightarrow 4 = 1
4 -> 8 = 1
8 \to 7 = 1
7 -> 3 = 1
3 -> 6 = 4
6 \to 5 = 1
Total path: 11
Press 'n' to stop: y
Enter the start vertex: 6
Path:
6 \to 1 = 1
1 -> 2 = 1
2 \rightarrow 4 = 1
4 -> 8 = 1
8 \to 5 = 1
5 -> 3 = 5
3 -> 7 = 1
7 -> 6 = 5
Total path: 16
Press 'n' to stop: y
Enter the start vertex: 7
Path:
7 -> 3 = 1
3 \to 1 = 1
1 -> 2 = 1
2 \rightarrow 4 = 1
4 -> 8 = 1
8 \to 5 = 1
5 -> 6 = 1
6 -> 7 = 5
Total path: 12
Press 'n' to stop: y
Enter the start vertex: 8
Path:
8 -> 1 = 1
1 -> 2 = 1
2 \to 4 = 1
4 -> 3 = 2
3 \to 7 = 1
7 -> 5 = 5
5 -> 6 = 1
6 -> 8 = 6
Total path: 18
```

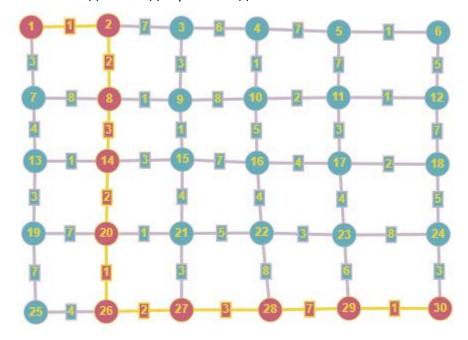
7. За допомогою алгоритму Дейкстри знайти найкоротший шлях у графі між парою вершин V_0 (вершина 1) та V^* (вершина 30).



Розв'язання: знайдемо шлях від початкової точки V_0 до кожної з вершин графа:



Тепер покажемо відстань від вершини 1 до 30:



Отже, відстань від V₀ до V* рівна **22**(1+2+3+2+1+2+3+7+1).

```
#include <comio.h>
#include <windows.h>
#include <iomanip>
using namespace std;
const int INF = 1000;
const int VERTEX = 30;
int main()
 setlocale(LC_ALL, "rus");
 bool x[30];
 int path[30];
 int previous[30];
 p = VERTEX;
  int graph[30][30] = {
  0, 0, 0,
  0, 0, 0, 0, 0, 8, 0, 0, 0, 0, 4, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
                                      0, 0, 0, 0, 0,
  0, 3, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 8, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
  {0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 8, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 5, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 4, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 3, 0, 0, 0,
                                      0, 0, 0,
                                           0, 0,
   0, 0, 0, 0, 0, 0, 3, 0, 0, 0, 0, 1, 0,
                         3, 0, 0,
                              0, 0,
                                 2, 0, 0,
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 3, 0, 7, 0,
                              0, 0,
                                   4, 0,
                                                  0},
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 5, 0, 0, 0, 0,
                           0, 4,
                               0, 0,
                                   0, 4,
                                        0, 0,
                                           0, 0,
  {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
             0, 0, 0, 3, 0,
                       0, 0,
                               0.
                                 0.
```

```
0}
int start;
int end;
cout << "Enter the start vertex: ";</pre>
cin >> start;
if (start > (p - 1) && start < 0)
   cout << "Please, enter the correct vertex!" << endl;</pre>
start = start - 1;
for (int i = 0; i < VERTEX; i++)
 end = i;
if (end == start)
  for (u = 0; u < p; u++)
   path[u] = INF;
   x[u] = 0;
  previous[start] = 0;
  path[start] = 0;
```

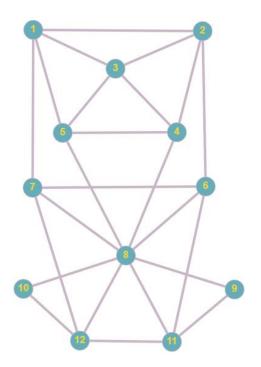
```
v = start;
while (1)
    for (u = 0; u < p; u++)
       if (graph[v][u] == 0)
       if (x[u] == 0 && path[u] > path[v] + graph[v][u])
           path[u] = path[v] + graph[v][u];
           previous[u] = v;
    int w = INF;
    for (u = 0; u < p; u++)
       if (x[u] == 0 && path[u] < w)</pre>
           v = u;
w = path[u];
    if (v == end)
       cout << start + 1 << " --> " << end + 1 << " | Path :";
       u = end;
       while (u != start)
          u = previous[u];
       cout << " " << start + 1 << " | Length = " << path[end] << endl;
    x[v] = 1;
 cout << endl << "V0" << "-->" << "V* = " << path[end];
return 0:
```

```
--> 2 | Path : 2 1 | Length = 1
            Path: 3 9 8 2 1 Length = 7
           Path: 4 3 9 8 2 1 | Length = 13
           Path: 5 4 3 9 8 2 1 | Length = 20
Path: 6 12 11 10 9 8 2 1 | Length = 20
Path: 7 1 | Length = 3
   --> 8 Path : 8 2 1 Length = 3
   --> 9 Path : 9 8 2 1 Length = 4
  --> 10 | Path : 10 9 8 2 1 | Length = 12
   --> 11 | Path : 11 10 9 8 2 1 | Length = 14
  --> 12 Path : 12 11 10 9 8 2 1 Length = 15 --> 13 Path : 13 7 1 Length = 7
  --> 14 | Path : 14 8 2 1 | Length = 6
   --> 15 Path : 15 9 8 2 1 Length = 5
   --> 16 Path : 16 15 9 8 2 1 Length = 12
  --> 17 | Path : 17 16 15 9 8 2 1 | Length = 16

--> 18 | Path : 18 17 16 15 9 8 2 1 | Length = 18

--> 19 | Path : 19 13 7 1 | Length = 10
  --> 20 Path : 20 14 8 2 1 Length = 8
   --> 21 Path : 21 15 9 8 2 1 Length = 9
  --> 22 | Path : 22 21 15 9 8 2 1 | Length = 14
             Path : 23 22 21 15 9 8 2 1 | Length = 17
  --> 23
  --> 24 | Path : 24 18 17 16 15 9 8 2 1 | Length = 23 --> 25 | Path : 25 26 20 14 8 2 1 | Length = 13 --> 26 | Path : 26 20 14 8 2 1 | Length = 9
   --> 27 Path : 27 26 20 14 8 2 1 Length = 11
  --> 28 Path : 28 27 26 20 14 8 2 1 Length = 14
  --> 29 | Path : 29 28 27 26 20 14 8 2 1 | Length = 21 --> 30 | Path : 30 29 28 27 26 20 14 8 2 1 | Length = 22
V0-->V* = 22
```

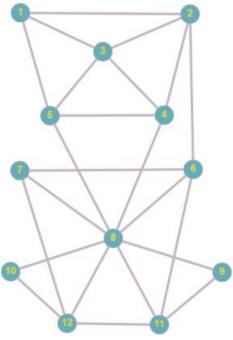
- 8. Знайти ейлеровий цикл в ейлеровому графі двома методами:
- а) Флері;
- б) елементарних циклів.



Розв'язання:

а) Алгоритм Флері полягає в тому, що ми повинні пройти та видалити кожне ребро графа лише один раз, і при цьому перевіряти, чи є ребро графа мостом (чи не спричине видалення графа розбиття на дві зв'язні компоненти).

Почнемо з вершини V1 та ребра V1 \rightarrow V7:



Після чого послідовно видаляємо ребра та перевіряємо, чи є вони мостами: $V7 \rightarrow V12 \rightarrow V10 \rightarrow V8 \rightarrow V12 \rightarrow V11 \rightarrow V9 \rightarrow V8 \rightarrow V11 \rightarrow V6 \rightarrow V8 \rightarrow V5 \rightarrow V4 \rightarrow V8 \rightarrow V7 \rightarrow V6 \rightarrow V2 \rightarrow V4 \rightarrow V3 \rightarrow V5 \rightarrow V1 \rightarrow V3 \rightarrow V2 \rightarrow V1$. Оскільки ми проходимо ребра лише один раз та повертаємося в початкову

вершину, то знайдений цикл є ейлоровим.

- б) Скористаємося тим, що ейлеровий цикл це об'єднання всіх простих циклів. Для цього виділимо прості цикли у даному графі:
- 1) $V1 \rightarrow V3 \rightarrow V5 \rightarrow V1$ (виберемо як початковий);
- 2) $V2 \rightarrow V3 \rightarrow V4 \rightarrow V2$;
- 3) $V1 \rightarrow V2 \rightarrow V6 \rightarrow V7 \rightarrow V1$;
- 4) $V4 \rightarrow V5 \rightarrow V8 \rightarrow V4$;
- 5) $V7 \rightarrow V8 \rightarrow V12 \rightarrow V7$;
- 6) $V6 \rightarrow V8 \rightarrow V11 \rightarrow V6$;
- 7) $V8 \rightarrow V10 \rightarrow V12 \rightarrow V11 \rightarrow V9 \rightarrow V8$.

Спочатку об'єднаємо початковий цикл з циклом №3: $V1 \rightarrow V3 \rightarrow V5 \rightarrow V1 \rightarrow V2 \rightarrow V6 \rightarrow V7 \rightarrow V1$. Після цього додамо цикл №2:

```
V1 \rightarrow V3 \rightarrow V5 \rightarrow V1 \rightarrow V2 \rightarrow V3 \rightarrow V4 \rightarrow V2 \rightarrow V6 \rightarrow V7 \rightarrow V1.
```

Послідовно додаємо решту циклів:

```
V1 \rightarrow V3 \rightarrow V5 \rightarrow V1 \rightarrow V2 \rightarrow V3 \rightarrow V4 \rightarrow V5 \rightarrow V8 \rightarrow V4 \rightarrow V2 \rightarrow V6 \rightarrow V7 \rightarrow V1.

V1 \rightarrow V3 \rightarrow V5 \rightarrow V1 \rightarrow V2 \rightarrow V3 \rightarrow V4 \rightarrow V5 \rightarrow V8 \rightarrow V4 \rightarrow V2 \rightarrow V6 \rightarrow V7 \rightarrow V8 \rightarrow V12 \rightarrow V7 \rightarrow V1.
```

 $V1 \rightarrow V3 \rightarrow V5 \rightarrow V1 \rightarrow V2 \rightarrow V3 \rightarrow V4 \rightarrow V5 \rightarrow V8 \rightarrow V4 \rightarrow V2 \rightarrow V6 \rightarrow V8 \rightarrow V11 \rightarrow V6 \rightarrow V7 \rightarrow V8 \rightarrow V12 \rightarrow V7 \rightarrow V1.$

```
V1 \rightarrow V3 \rightarrow V5 \rightarrow V1 \rightarrow V2 \rightarrow V3 \rightarrow V4 \rightarrow V5 \rightarrow V8 \rightarrow V10 \rightarrow V12 \rightarrow V11 \rightarrow V9 \rightarrow V8 \rightarrow V4 \rightarrow V2 \rightarrow V6 \rightarrow V8 \rightarrow V11 \rightarrow V6 \rightarrow V7 \rightarrow V8 \rightarrow V12 \rightarrow V7 \rightarrow V1.
```

Отже, ми пройшли усі ребра графа по одному разу та повернулися у початкову вершину V1, тому цикл є правильним.

```
#include <iostream>
using namespace std;
const int n = 13;
const int s = 100:
int path[s];
void Fleury(int);
int graph[n][n] =
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
{0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0},
{0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
{0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0},
{0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0},
{0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0},
{0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 0},
{0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1},
{0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1},
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0},
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1},
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 1},
{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0},
int main()
    int vertex:
    bool T = true;
    for (int i = 0; i < n; i++)
        for (int j = 0; j < n; j++)
```

```
s += graph[i][j];
        if (5 % 2)
    k = -1:
    cout << "Enter the first vertex: ";
   cin >> vertex;
    cout << "The Eulerian circle: ";
   if (T)
       Fleury(vertex);
       for (int j = 0; j < k; j++)
            cout << path[j] << " --> " << path[j+1] << endl;
       cout << "There is no Eulerian circle!!!" << endl;</pre>
    return 0;
void Fleury(int v)
    int i:
        if (graph[v][i])
            graph[v][i] = graph[i][v] = 0;
            Fleury(i);
    path[++k] = V;
```

```
Enter the first vertex: 1
The Eulerian circle: 1 --> 7
7 --> 12
12 --> 10
10 --> 8
8 --> 12
12 --> 11
11 --> 9
9 --> 8
8 --> 11
11 --> 6
6 --> 8
8 --> 5
5 --> 4
4 --> 8
8 --> 7
7 --> 6
6 --> 2
2 --> 4
4 --> 3
3 --> 5
5 --> 1
1 --> 3
3 --> 2
2 --> 1
```

9. Спростити формулу (привести їх до скороченої ДНФ)

$$xyz \lor xz \lor xy$$

Розв'язання:

Використаємо метод Блейка-Порецького:

$$xyz \lor xy = xyz \lor xy \lor xz$$

$$xyz \lor xz = xyz \lor xz$$

$$xz \lor xy = xz \lor xy \lor yz$$

$$xz \lor xy \lor yz \lor xyz \lor xz \lor xyz \lor xy \lor xz$$

$$yz \lor xz \lor xyz \lor xy \lor xz$$