

Laboratorium 8 - Drzewa binarne, drzewa binarne czerwono-czarne

Wygenerowano przez Doxygen 1.8.9.1

Śr, 20 maj 2015 21:48:20

Spis treści

1 Indeks hierarchiczny	1
1.1 Hierarchia klas	1
2 Indeks klas	1
2.1 Lista klas	1
3 Indeks plików	2
3.1 Lista plików	2
4 Dokumentacja klas	2
4.1 Dokumentacja klasy CBenchmark	2
4.1.1 Opis szczegółowy	3
4.1.2 Dokumentacja funkcji składowych	3
4.1.3 Dokumentacja atrybutów składowych	4
4.2 Dokumentacja klasy CNode	4
4.2.1 Opis szczegółowy	4
4.2.2 Dokumentacja konstruktora i destruktoru	5
4.2.3 Dokumentacja funkcji składowych	5
4.2.4 Dokumentacja przyjaciół i funkcji związanych	5
4.2.5 Dokumentacja atrybutów składowych	5
4.3 Dokumentacja klasy CRed_Black_Node	5
4.3.1 Opis szczegółowy	6
4.3.2 Dokumentacja konstruktora i destruktoru	6
4.3.3 Dokumentacja przyjaciół i funkcji związanych	6
4.3.4 Dokumentacja atrybutów składowych	6
4.4 Dokumentacja klasy CRed_Black_Tree	7
4.4.1 Opis szczegółowy	8
4.4.2 Dokumentacja konstruktora i destruktoru	8
4.4.3 Dokumentacja funkcji składowych	8
4.4.4 Dokumentacja atrybutów składowych	9
4.5 Dokumentacja klasy CTree	10
4.5.1 Opis szczegółowy	10
4.5.2 Dokumentacja konstruktora i destruktoru	11
4.5.3 Dokumentacja funkcji składowych	11
4.5.4 Dokumentacja atrybutów składowych	12
5 Dokumentacja plików	12
5.1 Dokumentacja pliku benchmark.cpp	12
5.2 Dokumentacja pliku benchmark.hh	12
5.3 Dokumentacja pliku main.cpp	13

5.3.1 Dokumentacja funkcji	13
5.4 Dokumentacja pliku node.cpp	13
5.5 Dokumentacja pliku node.hh	13
5.6 Dokumentacja pliku Red_black_node.cpp	13
5.7 Dokumentacja pliku Red_black_node.hh	13
5.8 Dokumentacja pliku Red_black_tree.cpp	14
5.9 Dokumentacja pliku Red_black_tree.hh	14
5.10 Dokumentacja pliku tree.cpp	14
5.11 Dokumentacja pliku tree.hh	14
6 Zadanie	15
7 Wstep	15
8 Drzewo binarne - implementacja	15
9 Drzewo czerwono-czarne	15
10 Drzewa czerwono-czarne - implementacja	16
11 Zlozonosci obliczeniowe uzyskane	16
12 Komentarz	18

1 Indeks hierarchiczny

1.1 Hierarchia klas

Ta lista dziedziczenia posortowana jest z grubsza, choć nie całkowicie, alfabetycznie:

CBenchmark	2
CRed_Black_Tree	7
CTree	10
CNode	4
CRed_Black_Node	5

2 Indeks klas

2.1 Lista klas

Tutaj znajdują się klasy, struktury, unie i interfejsy wraz z ich krótkimi opisami:

CBenchmark	2
-------------------	----------

CNode

Definicja klasy **CNode** Definiuje pojedynczy węzeł drzewa binarnego. Jest zaprzyjzazniona z klasą **CTree**

4

CRed_Black_Node

Definicja klasy **CRed_Black_Node** definicja wezla drzewa czerwono-czarnego. Klasa zaprzyjzazniona z klasa **CRed_Black_Tree**

5

CRed_Black_Tree

Definicja klasy **CRed_Black_Tree** Definiuje Drzewo czerwono - czarne Posiada wartownika na lisciach. Drzewo czerwono-czarne spelnia nastepujace wlasnosci 1) Każdy węzeł jest czerwony lub czarny. 2) Korzeń jest czarny. 3) Każdy liść jest czarny (Można traktować nil jako liść). 4) Jeśli węzeł jest czerwony, to jego synowie muszą być czarni. 5) Każda ścieżka z ustalonego węzła do liścia liczy tyle samo czarnych węzłów

7

CTree

Definicja klasy drzewo Definiuje binarne drzewo zbudowane z wezlow galezi

10

3 Indeks plików

3.1 Lista plików

Tutaj znajduje się lista wszystkich plików z ich krótkimi opisami:

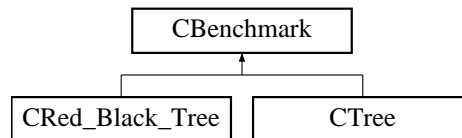
benchmark.cpp	12
benchmark.hh	12
main.cpp	13
node.cpp	13
node.hh	13
Red_black_node.cpp	13
Red_black_node.hh	13
Red_black_tree.cpp	14
Red_black_tree.hh	14
tree.cpp	14
tree.hh	14

4 Dokumentacja klas

4.1 Dokumentacja klasy CBenchmark

```
#include <benchmark.hh>
```

Diagram dziedziczenia dla CBenchmark



Metody publiczne

- virtual void `start_timer ()`
definicja metody `start_timer` rozpoczyna pomiar czasu zapisuje dane do zmiennej `performanceCountStart` korzysta z metody `StartTimer()`
- virtual void `stop_timer ()`
definicja metody `stop_timer` konczy pomiar czasu zapisuje dane do zmiennej `performanceCountEnd` korzysta z metody `endTimer`
- virtual int `put_time_to_file (int size_of_list)`
definicja metody `put_time_to_file` otwiera plik o nazwie 'timing.txt' zapisuje do niego ilosc elementow listy oraz czas przeprowadzenia operacji przez klasy obserwowane zamyka plik.

Metody prywatne

- LARGE_INTEGER `startTimer ()`
- LARGE_INTEGER `endTimer ()`

Atrybuty prywatne

- LARGE_INTEGER `performanceCountStart`
- LARGE_INTEGER `performanceCountEnd`

4.1.1 Opis szczegółowy

definicja klasy `CBenchmark` definiuje stoper zliczający czas wykoania operacji przez inne klasy jest przykładem wzorca obserwatora obserwuje klasę `CSort` i zlicza czas sortowania listy

4.1.2 Dokumentacja funkcji składowych

4.1.2.1 LARGE_INTEGER `CBenchmark::endTimer ()` [private]

4.1.2.2 int `CBenchmark::put_time_to_file (int size_of_list)` [virtual]

definicja metody `put_time_to_file` otwiera plik o nazwie 'timing.txt' zapisuje do niego ilosc elementow listy oraz czas przeprowadzenia operacji przez klasy obserwowane zamyka plik.

Parametry

<code>size_of_list</code>	- rozmiar listy
---------------------------	-----------------

Zwraca

czas przeprowadzenia operacji
-1 w przypadku błędu otwarcia pliku

4.1.2.3 void `CBenchmark::start_timer ()` [virtual]

definicja metody `start_timer` rozpoczyna pomiar czasu zapisuje dane do zmiennej `performanceCountStart` korzysta z metody `StartTimer()`

4.1.2.4 `LARGE_INTEGER CBenchmark::startTimer () [private]`

4.1.2.5 `void CBenchmark::stop_timer () [virtual]`

definicja metody `stop_timer` konczy pomiar czasu zapisuje dane do zmiennej `performanceCountEnd` korzysta z metody `endTimer`

4.1.3 Dokumentacja atrybutów składowych

4.1.3.1 `LARGE_INTEGER CBenchmark::performanceCountEnd [private]`

4.1.3.2 `LARGE_INTEGER CBenchmark::performanceCountStart [private]`

Dokumentacja dla tej klasy została wygenerowana z plików:

- [benchmark.hh](#)
- [benchmark.cpp](#)

4.2 Dokumentacja klasy CNode

definicja klasy [CNode](#) Definiuje pojedynczy węzeł drzewa binarnego. Jest zaprzyjzazniona z klasą [CTree](#).

```
#include <node.hh>
```

Metody publiczne

- [CNode](#) ()
definicja konstruktora bezparametrycznego Ustawia wskaźniki na NULL.
- [~CNode](#) ()
definicja destruktoru klasy [CNode](#)
- `void preorder () const`
definicja metody `preorder` Definiuje przechodzenie przez drzewo odwiedzając wszystkie lewe gałęzie, następnie wszystkie prawe gałęzie. Jest wywoływana w klasie [CTree](#). Metoda nie zmienia stanu obiektu.

Atrybuty prywatne

- `int value`
- `CNode * up`
- `CNode * left`
- `CNode * right`

Przyjaciele

- `class CTree`

4.2.1 Opis szczegółowy

definicja klasy [CNode](#) Definiuje pojedynczy węzeł drzewa binarnego. Jest zaprzyjzazniona z klasą [CTree](#).

4.2.2 Dokumentacja konstruktora i destruktora

4.2.2.1 CNode::CNode () [inline]

definicja konstruktora bezparametrycznego Ustawia wskaźniki na NULL.

wskaźnik na prawego syna

4.2.2.2 CNode::~~CNode ()

definicja destruktora klasy CNode

4.2.3 Dokumentacja funkcji składowych

4.2.3.1 void CNode::preorder () const

definicja metody preorder Definiuje przechodzenie przez drzewo odwiedzając wszystkie lewe gałęzie, następnie wszystkie prawe gałęzie. Jest wywoływana w klasie CTree. Metoda nie zmienia stanu obiektu.

4.2.4 Dokumentacja przyjaciół i funkcji związanych

4.2.4.1 friend class CTree [friend]

4.2.5 Dokumentacja atrybutów składowych

4.2.5.1 CNode* CNode::left [private]

wskaźnik na rodzica

4.2.5.2 CNode* CNode::right [private]

wskaźnik na lewego syna

4.2.5.3 CNode* CNode::up [private]

przechowywane dane

4.2.5.4 int CNode::value [private]

Dokumentacja dla tej klasy została wygenerowana z plików:

- [node.hh](#)
- [node.cpp](#)

4.3 Dokumentacja klasy CRed_Black_Node

definicja klasy CRed_Black_Node definicja węzła drzewa czerwono-czarnego. Klasa zaprzyjżniona z klasą CRed_Black_Tree

```
#include <Red_black_node.hh>
```

Metody publiczne

- [CRed_Black_Node \(\)](#)
definicja konstruktora bezparametrycznego ustawia wskaźniki na NULL.
- [~CRed_Black_Node \(\)](#)
definicja destruktoru klasy

Atrybuty prywatne

- [CRed_Black_Node](#) * up
- [CRed_Black_Node](#) * left
- [CRed_Black_Node](#) * right
- int value
- char color

Przyjaciele

- class [CRed_Black_Tree](#)

4.3.1 Opis szczegółowy

definicja klasy [CRed_Black_Node](#) definicja wezla drzewa czerwono-czarnego. Klasa zaprzyjazniona z klasa [CRed_Black_Tree](#)

4.3.2 Dokumentacja konstruktora i destruktora

4.3.2.1 [CRed_Black_Node::CRed_Black_Node \(\)](#) [inline]

definicja konstruktora bezparametrycznego ustaiwa wskazniki na NULL.

informacja o kolorze wezla

4.3.2.2 [CRed_Black_Node::~~CRed_Black_Node \(\)](#)

definicja destruktora klasy

4.3.3 Dokumentacja przyjaciół i funkcji związanych

4.3.3.1 friend class [CRed_Black_Tree](#) [friend]

4.3.4 Dokumentacja atrybutów składowych

4.3.4.1 char [CRed_Black_Node::color](#) [private]

[rzechowywana wartosc

4.3.4.2 [CRed_Black_Node*](#) [CRed_Black_Node::left](#) [private]

wskaznik na rodzica

4.3.4.3 [CRed_Black_Node*](#) [CRed_Black_Node::right](#) [private]

wskaznik na lewego syna

4.3.4.4 [CRed_Black_Node*](#) [CRed_Black_Node::up](#) [private]

4.3.4.5 int [CRed_Black_Node::value](#) [private]

wskaznik na prawego syna

Dokumentacja dla tej klasy została wygenerowana z plików:

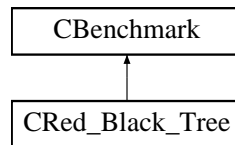
- [Red_black_node.hh](#)
- [Red_black_node.cpp](#)

4.4 Dokumentacja klasy CRed_Black_Tree

definicja klasy [CRed_Black_Tree](#) Definiuje Drzewo czerwono - czarne Posiada wartownika na lisciach. Drzewo czerwono-czarne spełnia następujące własności 1) Każdy węzeł jest czerwony lub czarny. 2) Korzeń jest czarny. 3) Każdy liść jest czarny (Można traktować nil jako liść). 4) Jeśli węzeł jest czerwony, to jego synowie muszą być czarni. 5) Każda ścieżka z ustalonego węzła do liścia liczy tyle samo czarnych węzłów.

```
#include <Red_black_tree.hh>
```

Diagram dziedziczenia dla CRed_Black_Tree



Metody publiczne

- [CRed_Black_Tree](#) ()
definicja konstruktora bezparametrycznego Ustawia wszystkie wskazniki wezla drzewa na wartownika
- [~CRed_Black_Tree](#) ()
definicja destruktoru klasy
- [CRed_Black_Node](#) * [find](#) (int k)
definicja metody find
- [CRed_Black_Node](#) * [min](#) ([CRed_Black_Node](#) *tmp)
definicja metody min
- [CRed_Black_Node](#) * [max](#) ([CRed_Black_Node](#) *r)
definicja metody max
- void [rotate_left](#) ([CRed_Black_Node](#) *prev)
definicja metody rotate_left Wykonuje rotacje w lewo. zmienia this z prev, ustawiajac this jako lewego syna. Ustawia rodzica (up) na rodzica wezla this. Ustawia lewego syna this jako prawy syn prev.
- void [rotate_right](#) ([CRed_Black_Node](#) *prev)
definicja metody rotate_right Wykonuje rotacje w prawo. zmienia this z prev, ustawiajac this jako prawego syna. Ustawia rodzica (up) na rodzica wezla this. Ustawia prawego syna this jako lewy syn prev.
- void [add](#) (int k)
definicja metody add Tworzy Wezel drzewa czerwono czarnego o kluczu k i dodaje do go drzewa zgodnie z regalam drzewa binarnego. Koloruje go na czerwono. Przywraca wlasciwosc drzewa czerwono czarnego zgodnie z przypadkami 1) Gdy ojciec i wuj sa czerwoni, zmien ich kolory. 2) Gdy lewy ojciec i jego lewy syn sa czerwoni, wykonaj obrot w prawo dziadka i ojca oraz zamien ich kolory. 3) Gdy lewy ojciec i jego prawy syn sa czerwoni, wykonaj obrot w lewo ojca i syna oraz wykonaj 2). 4) Gdy prawy ojciec i jego prawy syn sa czerwoni, wykonaj obrot w lewo dziadka i ojca, zamien ich kolory 5) Gdy prawy ojciec i jego prawy syn sa czerwoni, wykonaj obrot w prawo ojca i syna oraz wykonaj 4)
- void [fill_random](#) (int x)
definicja metody fill_random dziala analogicznie jak metoda klasy [CTree](#)
- int [benchmark_add](#) ()
definicja metody benchmark_add Dziala analogicznie jak metoda klasy [CTree](#)
- void [find_random](#) (int quantity)
definicja metody find_random Dziala analogicznie jak metoda klasy [CTree](#)
- int [benchmark_find](#) ()
definicja metody benchmark_find Dziala analogicznie jak metoda klasy [CTree](#)

Atrybuty prywatne

- [CRed_Black_Node](#) S
- [CRed_Black_Node](#) * root

4.4.1 Opis szczegółowy

definicja klasy [CRed_Black_Tree](#) Definiuje Drzewo czerwono - czarne Posiada wartownika na lisciach. Drzewo czerwono-czarne spełnia następujące własności 1) Każdy węzeł jest czerwony lub czarny. 2) Korzeń jest czarny. 3) Każdy liść jest czarny (Można traktować nil jako liść). 4) Jeśli węzeł jest czerwony, to jego synowie muszą być czarni. 5) Każda ścieżka z ustalonego węzła do liścia liczy tyle samo czarnych węzłów.

4.4.2 Dokumentacja konstruktora i destruktora

4.4.2.1 CRed_Black_Tree::CRed_Black_Tree ()

definicja konstruktora bezparametrycznego Ustawia wszystkie wskaźniki wezła drzewa na wartownika
wskaźnik na korzeń drzewa czerwono-czarnego.

4.4.2.2 CRed_Black_Tree::~~CRed_Black_Tree ()

definicja destruktoru klasy

4.4.3 Dokumentacja funkcji składowych

4.4.3.1 void CRed_Black_Tree::add (int k)

definicja metody add Tworzy Wezeł drzewa czerwono czarnego o kluczu k i dodaje do go drzewa zgodnie z regułami drzewa binarnego. Koloruje go na czerwono. Przywraca właściwość drzewa czerwono czarnego zgodnie z przypadkami 1) Gdy ojciec i wuj są czerwoni, zmien ich kolory. 2) Gdy lewy ojciec i jego lewy syn są czerwoni, wykonaj obrót w prawo dziadka i ojca oraz zamień ich kolory. 3) Gdy lewy ojciec i jego prawy syn są czerwoni, wykonaj obrót w lewo ojca i syna oraz wykonaj 2). 4) Gdy prawy ojciec i jego prawy syn są czerwoni, wykonaj obrót w lewo dziadka i ojca, zamień ich kolory 5) Gdy prawy ojciec i jego prawy syn są czerwoni, wykonaj obrót w prawo ojca i syna oraz wykonaj 4)

Parametry

k	dodawany klucz do drzewa czerwono-czarnego
---	--

4.4.3.2 int CRed_Black_Tree::benchmark_add ()

definicja metody benchmark_add Działa analogicznie jak metoda klasy [CTree](#)

4.4.3.3 int CRed_Black_Tree::benchmark_find ()

definicja metody benchmark_find Działa analogicznie jak metoda klasy [CTree](#)

4.4.3.4 void CRed_Black_Tree::fill_random (int x)

definicja metody fill_random działa analogicznie jak metoda klasy [CTree](#)

Parametry

x	- ilość elementów pseudolosowych
---	----------------------------------

4.4.3.5 CRed_Black_Node * CRed_Black_Tree::find (int k)

definicja metody find

Parametry

<i>k</i>	szukany klucz
----------	---------------

Zwraca

wskaznik na wezel przechowujacy klucz Przeszukuje drzewo czerwono-czarne.

4.4.3.6 void CRed_Black_Tree::find_random (int *quantity*)

definicja metody find_random Dzia³a analogicznie jak metoda klasy CTree

4.4.3.7 CRed_Black_Node * CRed_Black_Tree::max (CRed_Black_Node * *r*)

definicja metody max

Zwraca

wezel o największym kluczu

4.4.3.8 CRed_Black_Node * CRed_Black_Tree::min (CRed_Black_Node * *tmp*)

definicja metody min

Zwraca

wezel o najmniejszym kluczu

4.4.3.9 void CRed_Black_Tree::rotate_left (CRed_Black_Node * *prev*)

definicja metody rotate_left Wykonuje rotacje w lewo. zmienia this z prev, ustawiajac this jako lewego syna. Ustawia rodzica (up) na rodzica wezla this. Ustawia lewego syna this jako prawy syn prev.

Parametry

<i>prev</i>	obracany wezel nadrzedny przy zalozeniu, ze obracany wezlem podrzednym jest this.
-------------	---

4.4.3.10 void CRed_Black_Tree::rotate_right (CRed_Black_Node * *prev*)

definicja metody rotate_right Wykonuje rotacje w prawo. zmienia this z prev, ustawiajac this jako prawego syna. Ustawia rodzica (up) na rodzica wezla this. Ustawia prawego syna this jako lewy syn prev.

Parametry

<i>prev</i>	obracany wezel nadrzedny przy zalozeniu, ze obracany wezlem podrzednym jest this.
-------------	---

4.4.4 Dokumentacja atrybutów składowych

4.4.4.1 CRed_Black_Node* CRed_Black_Tree::root [private]

wartownik

4.4.4.2 CRed_Black_Node CRed_Black_Tree::S [private]

Dokumentacja dla tej klasy została wygenerowana z plików:

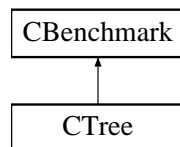
- [Red_black_tree.hh](#)
- [Red_black_tree.cpp](#)

4.5 Dokumentacja klasy CTree

definicja klasy drzewo Definiuje binarne drzewo zbudowane z węzłów galezi.

```
#include <tree.hh>
```

Diagram dziedziczenia dla CTree



Metody publiczne

- `CTree ()`
definicja konstruktora bezparametrycznego Ustawia korzeń na NULL.
- `~CTree ()`
definicja destruktoru klasy CTree wywołuje rekurencyjnie destruktor klasy CNode dopuki nie usunie korzenia. Ustawia korzeń na NULL.
- `void add (int k)`
definicja metody add Tworzy nowy węzeł, następnie dodaje go zgodnie z regułą drzewa binarnego. Dodawany element zawsze staje się liściem.
- `void preorder () const`
definicja metody preorder wywołuje metodę preorder klasy CNode Wyświetla kolejno lewą gałąź drzewa, a następnie prawą.
- `CNode * find (int k)`
definicja metody find
- `CNode * get_min ()`
definicja metody get_min
- `CNode * get_max ()`
definicja metody get_max
- `void fill_random (int x)`
definicja metody fill_random Dodaje do drzewa liczby pseudolowe w zakresie 1-10. Metoda obserwowana przez klasę CBenchmark Zapisuje do pliku timing.txt czas dodawania elementów.
- `int benchmark_add ()`
definicja metody benchmark_add Wywołuje metodę fill_random zawiera pętlę benchmarkującą w zakresie 1-10, 10-100, ..., 10 000.
- `void find_random (int quantity)`
definicja metody find_random
- `int benchmark_find ()`
definicja metody benchmark_find Wywołuje metodę find_random. Zawiera pętlę benchmarkującą w zakresie 1-10, 10-100, ..., 10 000 000.

Atrybuty prywatne

- `CNode * root`

4.5.1 Opis szczegółowy

definicja klasy drzewo Definiuje binarne drzewo zbudowane z węzłów galezi.

4.5.2 Dokumentacja konstruktora i destruktora

4.5.2.1 CTree::CTree ()

definicja konstruktora bezparametrycznego Ustawia korzen na NULL.

korzen drzewa

4.5.2.2 CTree::~CTree ()

definicja destruktor klasy CTree wywoluje rekurencyjnie destruktr klasy CNode dopuki nie usunie korzenia. Ustawia korzen na NULL.

4.5.3 Dokumentacja funkcji składowych

4.5.3.1 void CTree::add (int k)

definicja metody add Tworzy nowy wezel, nastepnie dodaje go zgodnie z regula drzewa binarnego. Dodawany element zawsze staje sie lisciem.

Parametry

k	dodawana wartosc
---	------------------

4.5.3.2 int CTree::benchmark_add ()

definicja metody benchmark_add Wywoluje metode fill_random zawiera petle benchmarkujace w zakresie 1-10, 10-100, ... , 10 000.

4.5.3.3 int CTree::benchmark_find ()

definicja metody benchmark_find Wywoluje metode find_random. Zawiera petle benchmarkujace w zakresie 1-10, 10-100, ... , 10 000 000.

4.5.3.4 void CTree::fill_random (int x)

definicja metody fill_random Dodaje do drzewa liczby pseudolowe w zakresie 1-10. Metoda obsewowana przez klase CBenchmark Zapisuje do pliku timing.txt czas dodawania elementow.

Parametry

x	ilosc elementow pseudolosowych
---	--------------------------------

4.5.3.5 CNode * CTree::find (int k)

definicja metody find

Parametry

k	szukany klucz
---	---------------

Zwraca

wskaznik na wezel o szukanym kluczu.

4.5.3.6 void CTree::find_random (int quantity)

definicja metody find_random

Parametry

<i>quantity</i>	ilosc szukanych elementow Przeszukuje drzewo binarne. Metoda obserwowana przez klase CBenchmark . Zapisuje do pliku timing.txt czas przeszukiwania drzewa.
-----------------	--

4.5.3.7 CNode * CTree::get_max ()

definicja metody get_max

Zwraca

wezel o największym elemencie.

4.5.3.8 CNode * CTree::get_min ()

definicja metody get_min

Zwraca

wezel o najmniejszym kluczu

4.5.3.9 void CTree::preorder () const

definicja metody preorder wywołuje metode preorder klasy [CNode](#) Wyświetla kolejno lewa galez drzewa, a następnie prawa.

4.5.4 Dokumentacja atrybutów składowych**4.5.4.1 CNode* CTree::root [private]**

Dokumentacja dla tej klasy została wygenerowana z plików:

- [tree.hh](#)
- [tree.cpp](#)

5 Dokumentacja plików**5.1 Dokumentacja pliku benchmark.cpp**

```
#include "benchmark.hh"
#include <windows.h>
#include <fstream>
#include <iostream>
```

5.2 Dokumentacja pliku benchmark.hh

```
#include <windows.h>
```

Komponenty

- class [CBenchmark](#)

5.3 Dokumentacja pliku main.cpp

```
#include <iostream>
#include <cstdlib>
#include <ctime>
#include <windows.h>
#include "tree.hh"
#include "benchmark.hh"
#include "node.hh"
#include "Red_black_node.hh"
#include "Red_black_tree.hh"
```

Funkcje

- int [main](#) ()

5.3.1 Dokumentacja funkcji

5.3.1.1 int main ()

5.4 Dokumentacja pliku node.cpp

```
#include <iostream>
#include <cstdlib>
#include "tree.hh"
#include "benchmark.hh"
```

5.5 Dokumentacja pliku node.hh

```
#include "benchmark.hh"
```

Komponenty

- class [CNode](#)

definicja klasy [CNode](#) Definiuje pojedynczy wezel drzewa binarnego. Jest zaprzyjzazniona z klasa [CTree](#).

5.6 Dokumentacja pliku Red_black_node.cpp

```
#include "Red_black_node.hh"
#include <iostream>
```

5.7 Dokumentacja pliku Red_black_node.hh

```
#include <iostream>
```

Komponenty

- class [CRed_Black_Node](#)

definicja klasy [CRed_Black_Node](#) definicja wezła drzewa czerwono-czarnego. Klasa zaprzyjżniona z klasa [CRed_Black_Tree](#)

5.8 Dokumentacja pliku Red_black_tree.cpp

```
#include <iostream>
#include "Red_black_tree.hh"
#include "Red_black_node.hh"
```

5.9 Dokumentacja pliku Red_black_tree.hh

```
#include "Red_black_node.hh"
#include "benchmark.hh"
```

Komponenty

- class [CRed_Black_Tree](#)

definicja klasy [CRed_Black_Tree](#) Definiuje Drzewo czerwono - czarne Posiada wartownika na lisciach. Drzewo czerwono-czarne spelnia nastepujace wlasnosci 1) Każdy węzeł jest czerwony lub czarny. 2) Korzeń jest czarny. 3) Każdy liść jest czarny (Można traktować nil jako liść). 4) Jeśli węzeł jest czerwony, to jego synowie muszą być czarni. 5) Każda ścieżka z ustalonego węzła do liścia liczy tyle samo czarnych węzłów.

5.10 Dokumentacja pliku tree.cpp

```
#include "tree.hh"
#include <iostream>
```

5.11 Dokumentacja pliku tree.hh

```
#include "benchmark.hh"
#include "node.hh"
```

Komponenty

- class [CTree](#)

definicja klasy drzewo Definiuje binarne drzewo zbudowane z wezlow galezi.

Projektowanie algorytmów i metod sztucznej inteligencji

Laboratorium 8- Sprawozdanie

Wojciech Makuch

6 Zadanie

Implementacja drzewa binarnego oraz drzewa czerwono-czarnego. Zbadanie złożoności obliczeniowej metody wstawiania oraz przeszukiwania.

7 Wstęp

Binarne drzewo przeszukiwań – struktura danych przechowująca dane oraz 2 wskaźniki na elementy następne zwane prawym oraz lewym synem. Koszt wykonania podstawowych operacji w drzewie BST jest proporcjonalny do wysokości drzewa h , ponieważ operacje wykonywane są wzdłuż drzewa. Jeżeli drzewo jest zrównoważone, to jego wysokość bliska jest logarytmowi dwójkowemu liczby węzłów. Złożoność obliczeniowa wynosi wtedy $O(\log_2 n)$. Z drugiej strony drzewo skrajnie niezrównoważone ma wysokość porównywalną z liczbą węzłów (w skrajnym przypadku drzewa zdegenerowanego do listy wartości te są równe: $h=n$), z tego powodu koszt pesymistyczny wzrasta do $O(n)$.

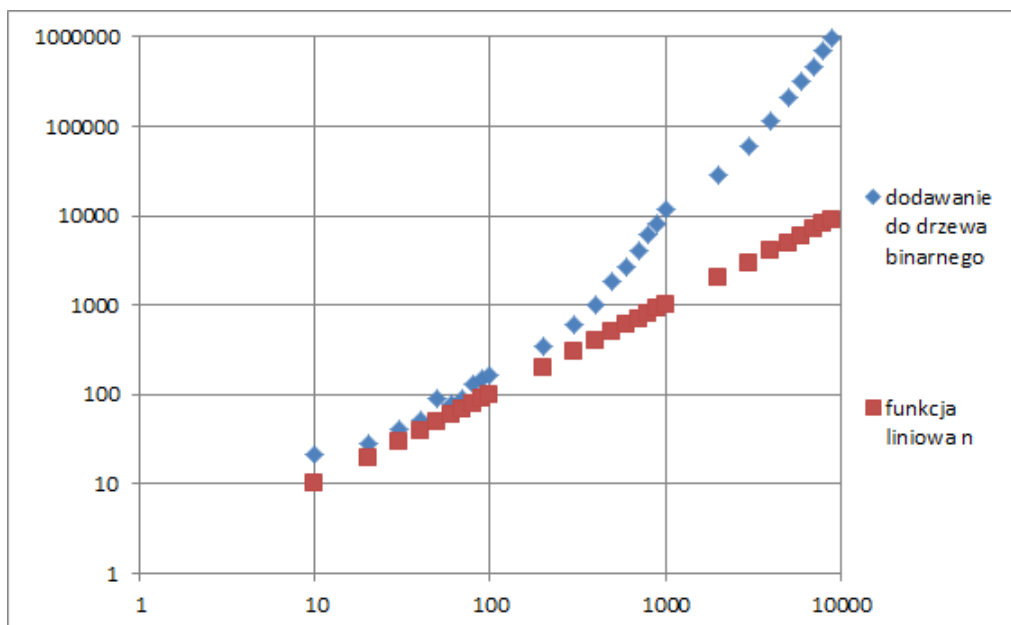
8 Drzewo binarne - implementacja

Utworzono klasę węzła posiadającą wskaźniki na ojca, lewego syna i prawego syna oraz klasę drzewa składającego się z węzłów przechowującą wskaźnik na korzeń. Zaimplementowano podstawowe metody takie jak dodawanie elementu zgodnie z zasadą drzewa binarnego, wyświetlanie zawartości drzewa zgodnie z metodą preorder oraz przeszukiwanie drzewa w celu znalezienia węzła o zadanym kluczy. Ponadto klasa jest obserwowana przez klasę benchmarkującą oraz posiada metody zawierające pętle benchmarkujące.

9 Drzewo czerwono-czarne

Drzewo czerwono-czarne – drzewo binarne dążące do zrównoważenia się, dzięki czemu głębokość jest mniejsza niż w zwykłym drzewie binarnym. Zachowuje własności:

1. Każdy węzeł jest czerwony lub czarny.
2. Korzeń jest czarny.
3. Każdy liść jest czarny (Można traktować nil jako liść).
4. Jeśli węzeł jest czerwony, to jego synowie muszą być czarni.
5. Każda ścieżka z ustalonego węzła do liścia liczy tyle samo czarnych węzłów



Rysunek 1: Dodawanie do drzewa binarnego.

10 Drzewa czerwono-czarne - implementacja

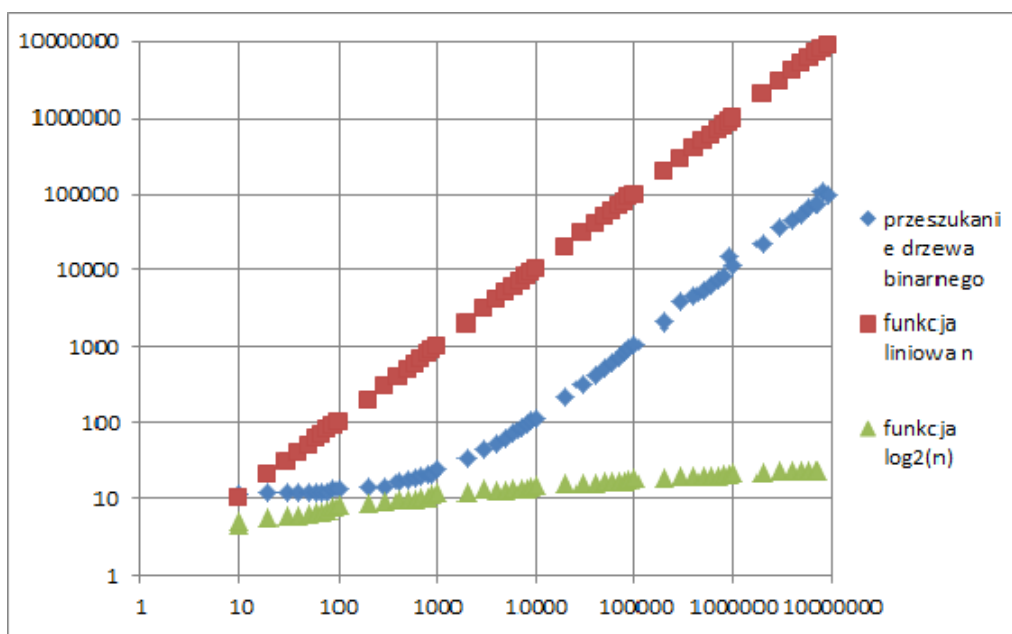
Implementacje drzewa czerwono – czarnego wykonano analogicznie do drzewa binarnego. Klasa węzeł zawiera dodatkowe pole informujące o kolorze. Ponadto zastosowano wartownika informujący kiedy następują liście nie przechowujące żadnej wartości. Zaimplementowano metody rotacji w prawo oraz rotacji w lewo w wykorzystane w metodzie dodawania elementów, aby zrównoważyć drzewo. Metoda wstawiania elementu do drzewa czerwono – czarnego jest rozbudowaniem metody wstawiania do zwykłego drzewa binarnego sprawdzająca 5 przypadków i wykonująca następujące kroki:

1. Gdy ojciec i wuj są czerwoni, zmien ich kolory.
2. Gdy lewy ojciec i jego lewy syn są czerwoni, wykonaj obrot w prawo dziadka i ojca oraz zamien ich kolory.
3. Gdy lewy ojciec i jego prawy syn są czerwoni, wykonaj obrot w lewo ojca i syna oraz wykonaj 2).
4. Gdy prawy ojciec i jego prawy syn są czerwoni, wykonaj obrot w lewo dziadka i ojca, zamien ich kolory
5. Gdy prawy ojciec i jego lewy syn są czerwoni, wykonaj obrot w prawo ojca i syna oraz wykonaj 4)

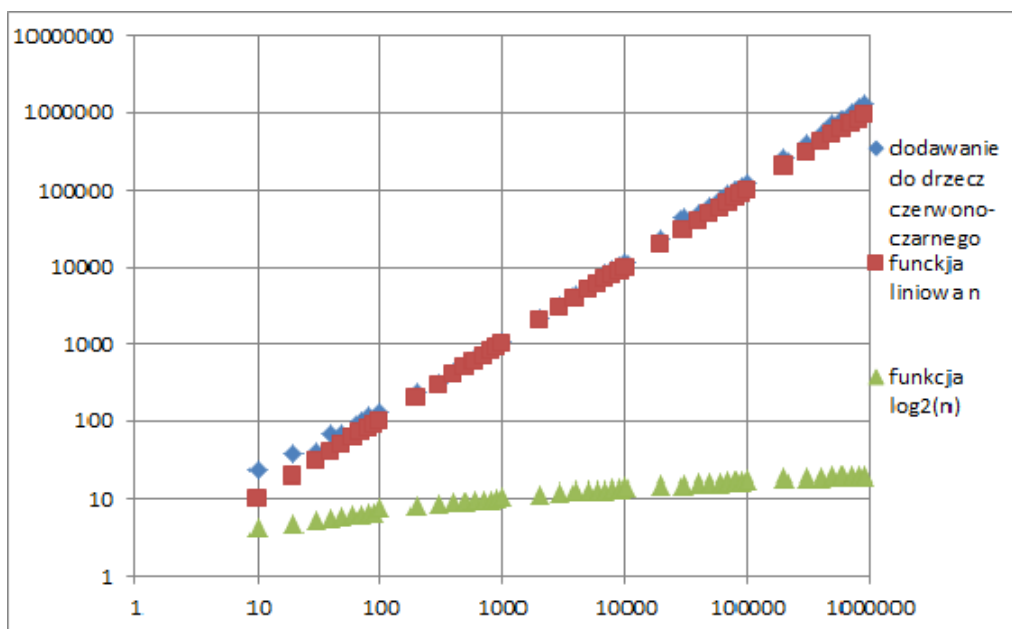
Ponadto klasa zawiera metody benchmarkujące analogicznie jak w drzewie binarnym.

11 Złożoności obliczeniowe uzyskane

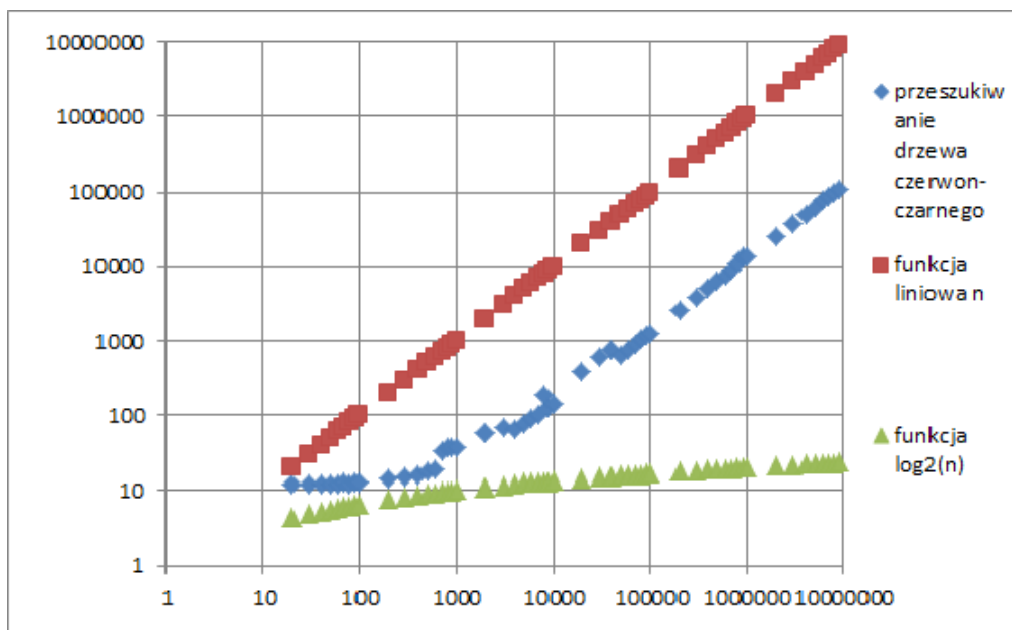
Na rysunkach poniżej przedstawiono uzyskane wyniki złożoności obliczeniowych. Analizując je po kolei można dojść do wniosku, że wstawianie do drzewa binarnego ma pesymistyczną złożoność obliczeniową $O(n)$. Wykres nieco ucieka od tej wartości, co może być spowodowane niedokładną implementacją algorytmu (np. brak wartownika przy zwykłym drzewie binarnym). Najlepsze wyniki dają algorytmy wyszukiwania w drzewie binarnym oraz binarnym czerwono – czarnym, ponieważ tam działają tylko operatory porównania. Uzyskana złożoność obliczeniowa wynosi $O(\log_2 n)$, w przypadku pesymistycznym $O(n)$. Algorytm wstawiania do drzewa czerwono-czarnego ma posiadać lepszą złożoność obliczeniową, niż w przypadku zwykłego drzewa binarnego, ale wynosi ona w przypadku pesymistycznym również $O(n)$.



Rysunek 2: Przeszukiwanie drzewa binarnego.



Rysunek 3: Dodawanie do drzewa czerwono-czarnego.



Rysunek 4: Przeszukiwanie drzewa czerwono-czarnego.

12 Komentarz

Do utworzenia dokumentacji wykorzystano system Doxygen. Funkcja pomiaru czasu dla systemu Windows pobrana ze strony dr. J. Mierzwy. Program skompilowano w środowisku Code::Blocks. Do stworzenia wykresu posłużono się pakietem MS Excel, sprawozdanie napisano używając systemu \LaTeX .