

Terminale ST₂S : DS numéro 2

20 Décembre 2018

Exercice 1 Questions à choix multiple (5 points)

Cet exercice se présente sous la forme d'un questionnaire à choix multiple (QCM). Les cinq questions sont indépendantes. Pour chaque question, une seule réponse est exacte, on demande d'indiquer cette réponse sans la justifier. Chaque bonne réponse rapporte 1 point, chaque réponse incorrecte retire 0,25 point, une question sans réponse n'apporte ni ne retire aucun point.

- (1 point) On considère la suite arithmétique (u_n) , telle que $u_0 = 16$ et $u_4 = -4$. La raison de la suite (u_n) est :
☐ 3,5; ☐ 3; ☐ -3; ☐ -5.
- (1 point) On considère la suite (u_n) telle que $u_n = 3n - 2$. La suite (u_n) est :
☐ une suite arithmétique de raison -2 ;
☐ une suite géométrique de raison 3;
☐ une suite arithmétique de raison 3;
☐ une suite géométrique de raison 2.
- (1 point) On injecte u_0 cm³ d'un médicament dans le sang d'un patient. La quantité de ce médicament présente dans le sang du patient n heures après l'injection est u_n . La quantité de médicament présente dans le sang baisse de 20 % chaque heure. La suite (u_n) est :
☐ une suite arithmétique de raison -20 ;
☐ une suite géométrique de raison 1,20;
☐ une suite arithmétique de raison $-0,2$;
☐ une suite géométrique de raison 0,8.
- (1 point) On reprend la situation décrite dans la question 3. Cinq heures après l'injection, il reste dans le sang du patient environ :
☐ 67 % de la quantité injectée;
☐ 20 % de la quantité injectée;
☐ rien;
☐ 33 % de la quantité injectée.

- (1 point) La feuille de calcul ci-dessous est utilisée pour calculer les premiers termes de la suite géométrique (u_n) de premier terme 5000 et de raison 1,02. La formule à entrer dans la cellule B3 et à recopier vers le bas est :

- ☐ $5000 * 1,02$;
- ☐ $= \$B\$2 * 1,02$;
- ☐ $= B2 * 1,02$;
- ☐ $= 1,02^A3$;

	A	B
1	n	$u(n)$
2	0	5 000
3	1	
4	2	
5	3	
6	4	
7	5	
8	6	
9	7	
10	8	
11	9	
12	10	

Exercice 2 Des normes antipollution (7 points)

Un grand groupe industriel fait le bilan de sa quantité de rejets polluants. En 2001, sa quantité de rejets était de 49 000 tonnes. Elle est passée à 68 000 tonnes en 2004.

De nouvelles normes antipollution ont été mises en place à partir de 2001. Le groupe, pour être aux normes ne doit pas dépasser 42 000 tonnes de rejets par an.

Partie A

Chaque année, si ses rejets dépassent la quantité autorisée, le groupe doit payer une amende.

Tant que le groupe ne prend pas de mesure pour faire baisser sa quantité de rejets, l'amende augmente de 6000 € tous les ans. En 2001, le groupe a payé une amende de 83 000 €.

Dans toute cette partie, on fait l'hypothèse que le groupe ne prend aucune mesure pour diminuer sa quantité de rejets.

On appelle C_1 l'amende payée en 2001 et C_n l'amende payée l'année $2000 + n$. On a alors $C_1 = 83\,000$ €.

1. (1 point) Calculer la valeur de l'amende payée par l'entreprise en 2002 et en 2003.
2. (1 point) Quelle est la nature de la suite (C_n) ?
3. (1 point) Calculer l'amende que le groupe devra payer en 2015.

Partie B

Au vu des résultats précédents, le groupe a décidé en 2004 de mettre en place un dispositif lui permettant de se mettre aux normes progressivement, l'objectif étant de ramener sa quantité de déchets à une valeur inférieure ou égale à 42 000 tonnes en 2014.

Le groupe s'est engagé à réduire chaque année sa production de déchets de 4 % à partir de 2004.

1. (1 point) Si le groupe a rejeté 66 000 tonnes en 2005, a-t-il respecté son engagement ?
2. On appelle Q_n la quantité de rejets prévue pour l'année $2004 + n$. Ainsi, $Q_0 = 68\,000$.
 - (a) (1 point) Quelle est la nature de la suite (Q_n) ?
 - (b) (1 point) Exprimer Q_n en fonction de n .
 - (c) (1 point) Calculer à la tonne près, la quantité de rejets prévue pour l'année 2014. L'entreprise aura-t-elle atteint son objectif ?

Exercice 3 Entraînement à vélo (8 points)

Aline et Blandine décident de reprendre l'entraînement à vélo, chaque samedi pendant 15 semaines.

Chacune a établi son programme d'entraînement. Elles parcourent 20 km la première semaine et souhaitent effectuer une sortie ensemble la quinzième semaine.

1. Programme d'entraînement d'Aline

Après la première semaine, Aline décide d'augmenter chaque semaine la distance parcourue de 7 km.

On note u_n la distance parcourue la n -ième semaine. Ainsi $u_1 = 20$ et $u_{15} = 118$.

- (a) (1 point) Montrer que la suite (u_n) correspondante est une suite arithmétique de terme initial $u_1 = 20$ dont on précisera la raison.
- (b) (1 point) Exprimer u_n en fonction de n .
- (c) (1 point) Calculer la distance parcourue par Aline le samedi de la dixième semaine.
- (d) (1 point) Calculer la distance totale parcourue par Aline au cours de ses entraînements, quinzième semaine incluse.

2. Programme d'entraînement de Blandine

Chaque semaine, Blandine augmente de 13,5 % la distance parcourue, de telle sorte que la distance parcourue la quinzième semaine soit aussi de 118 km, à l'unité près.

On note v_n la distance parcourue la n -ième semaine. Ainsi $v_1 = 20$ et $v_{15} = 118$.

- (a) (1 point) Montrer que la suite (v_n) correspondante est une suite géométrique et déterminer sa raison.
- (b) (1 point) Exprimer v_n en fonction de n .
- (c) (1 point) Calculer la distance parcourue par Blandine le samedi de la dixième semaine.
- (d) (1 point) Calculer la distance totale parcourue par Blandine au cours de ses entraînements, quinzième semaine incluse.

Formulaire :

Somme des n premiers termes d'une suite arithmétique :

$$S_n = \frac{n \times (u_1 + u_n)}{2}$$

Somme des n premiers termes d'une suite géométrique :

$$S_n = u_1 \times \frac{1 - q^n}{1 - q}$$