I. Vocabulaire

1) Expérience, issue et probabilité

Définitions

- En probabilités, on étudie les issues d'une expérience aléatoire.
- L'ensemble des issues de l'expérience forme l'univers.
- On associe une **probabilité** p_i à chaque issue.
- La somme des probabilités de toutes les issues d'une expérience vaut 1.
- L'équiprobabilité correspond au cas où toutes les issues de l'expérience ont la même probabilité de se produire.

Exemple

Expérience : On lance un dé à 6 faces non truqué et on note le numéro de la face du dessus.

- L'ensemble des issues possibles est $\{1; 2; 3, 4; 5; 6\}$.
- La probabilité de chaque face est 1/6: $p_1 = 1/6, p_2 = 1/6, p_3 = 1/6, p_4 = 1/6, p_5 = 1/6, p_6 = 1/6.$
- La somme de toutes les probabilités est 1 : 1/6 + 1/6 + 1/6 + 1/6 + 1/6 + 1/6 = 6/6 = 1.

2) Événements

Définitions

- Un événement A regroupe une partie des issues d'une expérience.
- La probabilité d'un événement A est p(A).
- \bar{A} est l'événement contraire de A (voir figure 1), on a \bar{A} est $p(\bar{A}) = 1 p(A)$.
- L'intersection de deux événements A∩B est l'ensemble des issues qui réalisent A ou B (au moins un des deux). (Dans la figure 2, la partie hachurée dans les deux sens)
- L'union de deux événements $A \cup B$ est l'ensemble des issues qui réalisent à la fois A et B. (Dans la figure 2, toutes les parties hachurées)

Exemple

Au lancer d'un dé cubique, on considère les événements A: «Obtenir au moins 5», et B : «Obtenir un nombre pair». On a :

• $A \cap B = \{6\}.$

- A = {5; 6}.
 B = {2; 4; 6}.
 Ā = {1; 2; 3; 4}.

• $A \cup B = \{2; 4; 5; 6\}.$

Calculs de probabilités II.

1) Probabilité d'un événement

Propriétés

- La probabilité p(A) d'un événement A est la somme des probabilités des issues qui réalisent l'événement.
- En cas d'équiprobabilité on a : $p(A) = \frac{Nombre\ de\ cas\ favorables\ \grave{a}\ A}{Nombre\ de\ cas\ possibles}$.

Exemple

On lance un dé à 6 faces truqué. Une étude statistique donne le tableau suivant :

Issue x_i	1	2	3	4	5	6
Probabilité p_i	0,125	0, 125	0,125	0,125	0, 2	0,3

On s'intéresse à l'événement A : «le nombre obtenu est pair». On a :

$$p(A) = p_2 + p_4 + p_6$$

= 0, 125 + 0, 125 + 0, 3
= 0, 55

La probabilité d'obtenir un nombre pair est de 0,55.

Exemple

On lance un dé à 6 faces non truqué. Puisque le de n'est pas truqué, nous sommes dans une situation d'équiprobabilité. On s'intéresse à l'événement A: «le nombre obtenu est pair». On a :

$$p(A) = p_2 + p_4 + p_6$$

$$= \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$$

$$= \frac{3}{6}$$

$$= 0.5$$

Dans ce cas, la probabilité d'obtenir un résultat pair est de 0,5.

2) Utilisation d'un tableau de probabilités

Méthode

On peut regrouper les différentes issues d'une expérience aléatoire dans un tableau. En transformant ce tableau en tableau de probabilités, on peut calculer plus facilement des combinaisons de deux événements.

Exemple

Pour 500 personnes respirant des poussières pendant leur activité professionnelle on dispose des données suivantes :

	Atteints de toux chronique	non atteins de toux chronique	Total
Fumeurs	60	140	200
Non fumeurs	40	260	300
Total	100	400	500

On prélève au hasard le dossier d'une personne parmi les 500.

On note A l'événement « Le dossier est celui d'une personne atteinte de toux chronique» et F «Le dossier est celui d'un fumeur».

Le tirage de chaque dossier est équiprobable donc on peut utiliser les formule (nombre de cas favorables) divisé par (nombre de cas possibles).

	A	$ar{A}$	Total
F	$\frac{60}{500} = 0,12$	$\frac{140}{500} = 0,28$	0.4
$ar{F}$	$\frac{40}{500} = 0,08$	$\frac{260}{500} = 0,52$	0.6
Total	0,2	0,8	1

 $p(A \cup F) = 0, 12 + 0, 08 + 0, 28 = 0, 48.$

"">> 7 df 5 c 2031162 ed 4727f 320c 52917a 16f 2eb 611cb