

## I. Fonctions affines, fonctions linéaires

### Définitions

$a$  et  $b$  sont des nombres quelconques ; la fonction qui à tout nombre  $x$ , associe le nombre  $ax + b$ , est une **fonction affine**.

Cas particuliers :

- Si  $b = 0$ , la fonction est **linéaire**.
- Si  $a = 0$ , la fonction est **constante**.

### Exemples

On considère les fonctions  $f, g, h$  et  $i$  :

- $f(x) = 2x$
- $g(x) = -x + 2$
- $h(x) = 3x - 4$
- $i(x) = 5$
- $f$  est une fonction **linéaire** (On a  $a = 2$  et  $b = 0$ ).
- $g$  est une fonction **affine** (On a  $a = -1$  et  $b = 2$ ).
- $h$  est une fonction **affine** (On a  $a = 3$  et  $b = -4$ ).
- $i$  est une fonction **constante** (On a  $a = 0$  et  $b = 5$ ).

## II. Représentation graphique et variations

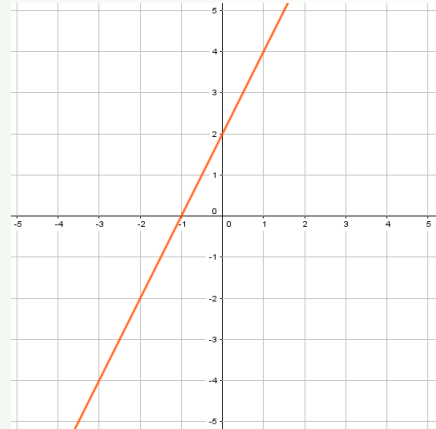
### 1) Représentation graphique d'une fonction affine

#### Propriétés

- La **représentation graphique** d'une fonction affine  $f(x) = ax + b$  est une **droite**. On dit que  $y = ax + b$  est l'équation de la droite. **a** est le **coefficient directeur** (ou la pente) de la droite. **b** est l'**ordonnée à l'origine**.
- La droite passe par le point de coordonnées  $(0; b)$ , si la fonction est linéaire elle passe par l'origine du repère.

### Exemple

On considère la fonction affine  $f(x) = 2x + 4$ . Elle ne passe pas par l'origine du repère, elle n'est pas linéaire. Elle passe par le point de coordonnées  $(0; 4)$ .



## 2) Sens de variation

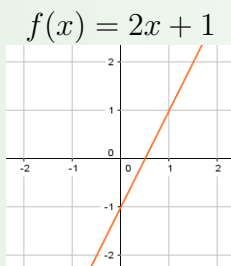
### Propriété

Le sens de variation d'une fonction affine dépend du signe de  $a$  :

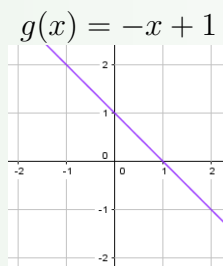
- Si  $a > 0$ , la droite "**monte**", la fonction est **croissante** ;
- Si  $a < 0$ , la droite "**descend**" la fonction est **décroissante** ;
- Si  $a = 0$ , la droite est **horizontale**, la fonction est **constante**.

### Exemples

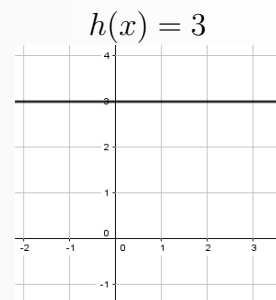
$f, g$  et  $h$  sont des fonctions affines telles que :



$a = 2$  ;  $a > 0$ , la droite "monte", la fonction est croissante.



$a = -1$  ;  $a < 0$ , la droite "descend", la fonction est décroissante.



$a = 0$ , la droite est horizontale, la fonction est constante.

### 3) Calcul du coefficient directeur

#### Méthode

Pour calculer le coefficient directeur d'une fonction affine  $f$ , on a besoin de deux nombres distincts  $x_1$  et  $x_2$  et de leurs images par  $f$ ,  $f(x_1)$  et  $f(x_2)$ . On a alors :

$$a = \frac{f(x_2) - f(x_1)}{x_2 - x_1}$$

#### Exemple

La fonction passe par les points de coordonnées  $(2; 4)$  et  $(4; 8)$ , on a :

$$a = \frac{8 - 4}{4 - 2}$$

$$a = \frac{4}{2}$$

$$a = 2$$

## III. Résolution graphique