

## Objectifs

- Savoir si deux fractions sont égales
- Savoir si un nombre est divisible par un autre
- Identifier un nombre premier
- Décomposer un nombre en produit de facteurs premiers
- Simplifier une fraction
- Comparer des fractions
- Additionner et soustraire des fractions dont les dénominateurs sont des multiples l'un de l'autre

#### Compétences travaillées

- Représenter (Re2) : produire et utiliser plusieurs représentations d'un nombre ;
- Calculer (Ca1) : calculer avec des nombres rationnels, de manière exacte ou approchée en combinant astucieusement le calcul mental, le calcul posé et le calcul instrumenté;
- Raisonner (Ra1) : résoudre des problèmes impliquant des grandeurs variées : mobiliser les connaissances nécessaires, analyser et exploiter ses erreurs, mettre à l'essai plusieurs solutions.

# I. Quotients et fractions

#### Définition

a et b sont deux nombres  $(b \neq 0)$ . Le **quotient** de a par b se note  $a \div b$  ou  $\frac{a}{b}$ , en écriture fractionnaire.

#### Exemple

Le quotient de 5 par 4 est  $\frac{5}{4}$ , c'est le nombre qui multiplié par 4 donne 5.

$$\frac{5}{4} \times 4 = 5$$

#### Définition

Si a et b sont entiers, alors  $\frac{a}{b}$  est une **fraction**. a est le **numérateur** et b est le **dénominateur**.

#### Exemple

 $\frac{4,2}{2}$ ,  $\frac{5}{2,4}$ ,  $\frac{1,3}{3,7}$  et  $\frac{2}{3}$  sont toutes des écritures fractionnaires, mais seule  $\frac{2}{3}$  est une fraction.

## II. Divisibilité et nombres premiers

### Propriété

Un nombre a est divisible par un nombre b si le reste de la division de a par b vaut 0.

#### Exemples

- $5 \times 3 + 0 = 15$ , donc 15 est divisible par 3 et 5.
- $5 \times 3 + 2 = 17$ , donc 17 n'est pas divisible par 3 et 5.

#### Propriétés

- Un nombre est divisible par 2 s'il est pair (son chiffre des unités est 0, 2, 4, 6 ou 8).
- Un nombre est divisible par 3 si la somme de ses chiffres est divisible par 3.
- Un nombre est divisible par 5 si son chiffre des unités est 0 ou 5.
- Un nombre est divisible par 9 si la somme de ses chiffres est divisible par 9.

## Exemples

- 20 est divisible par 2 et 5;
- 45 est divisible par 3, 5 et 9 (4 + 5 = 9);
- 2520 est divisible par 2, 3, 5 et 9 (2 + 5 + 2 = 9).

## Propriétés

- Un nombre premier est un nombre qui est divisible uniquement par 1 et lui-même.
- Les nombres premiers inférieurs à 30 sont : 1; 2; 3; 5; 7; 11; 13; 17; 19; 23 et 29.

## Exemples

- 15 est divisible par 3 et 5, il n'est pas premier.
- 21 est divisible par 3 et 7, il n'est pas premier.

# III. Fractions égales et simplification

## Propriété

Une fraction ne change pas quand on multiplie (ou on divise) le numérateur et le dénominateur par un même nombre non nul.

$$\frac{a}{b} = \frac{a \times k}{b \times k}$$

ou

$$\frac{a}{b} = \frac{a \div k}{b \div k}$$

## Exemple

$$\frac{3,2}{1.5} = \frac{3,2 \times 10}{1.5 \times 10} = \frac{32}{15}$$

$$\frac{12}{27} = \frac{12 \div 3}{27 \div 3} = \frac{4}{9}$$

## Définition

Simplifier une fraction, c'est trouver une autre fraction égale à la première avec le numérateur et le dénominateur les plus petits possibles.

3

# Exemple

$$\frac{27}{72} = \frac{27 \div 9}{72 \div 9} = \frac{3}{8}$$

$$\frac{25}{100} = \frac{25 \div 25}{100 \div 25} = \frac{1}{4}$$