① Opérations sur les relatifs

Objectifs

- Savoir additionner et soustraire des nombres relatifs.
- Savoir multiplier et diviser des nombres relatifs.

Compétences

Représenter, Calculer, Raisonner

I. Addition et soustraction de deux nombres relatifs

1) Additionner deux nombres relatifs

Propriété

Si deux nombres relatifs ont le même signe, alors leur somme a :

- le même signe;
- pour distance à zéro, la somme de leurs distances à zéro.

Exemples:

On veut calculer (+2,4) + (+5,2):

Les deux nombres sont positifs :

- leur somme est positive;
- on ajoute les distances à zéro 2,4+5,2=7,6
- \Rightarrow (+2,4) + (+5,2) = (+7,6)

On veut calculer (-4,6) + (-3,7): Les deux nombres sont négatifs :

- leur somme est négative;
- on ajoute les distances à zéro 4.6 + 3.7 = 8.3
- \Rightarrow (-4,6) + (-3,7) = (-8,3)

Propriété

Si deux nombres relatifs ont des signes différents, alors leur somme a :

- le signe du nombre qui à la plus grande distance à zéro;
- pour distance à zéro, la différence de leurs distances à zéro.

Exemples:

On veut calculer (-2,4) + (+5,2):

Les deux nombres sont de signe différents :

- -- (+ 5,2) a la plus grande distance à zéro, leur somme est positive;
- on soustrait les distances à zéro 5,2-2,4=2,8

$$\Rightarrow$$
 (-2,4) + (+5,2) = (+2,8)

On veut calculer (-4,6) + (+3,7):

Les deux nombres sont de signe différents :

- (- 4,6) a la plus grande distance à zéro, leur somme est négative;
- on soustrait les distances à zéro 4.6 3.7 = 0.9

$$\Rightarrow$$
 (-4,6) + (-3,7) = (-8,3)

2) Soustraire deux nombres relatifs

Propriété

Pour soustraire un nombre relatif, on ajoute son opposé.

Exemples:

$$A = (-5) - (+2)$$

$$A = (-5) + (-2)$$

$$A = (-7)$$

$$B = (+3) - (-6,2)$$

$$B = (+3) + (+6,2)$$

$$B = (+9,2)$$