I. Vocabulaire

1) Expérience, issue et probabilité

Définitions

- En probabilités, on étudie les issues d'une expérience aléatoire.
- L'ensemble des issues de l'expérience forme l'univers.
- On associe une **probabilité** p_i à chaque issue.
- La somme des probabilités de toutes les issues d'une expérience vaut 1.
- L'équiprobabilité correspond au cas où toutes les issues de l'expérience ont la même probabilité de se produire.

Exemple

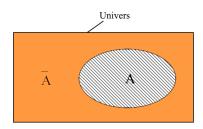
Expérience : On lance un dé à 6 faces non truqué et on note le numéro de la face du dessus.

- L'ensemble des issues possibles est $\{1; 2; 3, 4; 5; 6\}$.
- La probabilité de chaque face est 1/6: $p_1 = 1/6, p_2 = 1/6, p_3 = 1/6, p_4 = 1/6, p_5 = 1/6, p_6 = 1/6.$
- La somme de toutes les probabilités est 1 : 1/6 + 1/6 + 1/6 + 1/6 + 1/6 + 1/6 = 6/6 = 1.

2) Événements

Définitions

- Un événement A regroupe une partie des issues d'une expérience.
- La probabilité d'un événement A est p(A).
- \bar{A} est l'événement contraire de A (voir figure 1), on a \bar{A} est $p(\bar{A}) = 1 p(A)$.
- L'intersection de deux événements A∩B est l'ensemble des issues qui réalisent A ou B (au moins un des deux). (Dans la figure 2, la partie hachurée dans les deux sens)
- L'union de deux événements $A \cup B$ est l'ensemble des issues qui réalisent à la fois A et B. (Dans la figure 2, toutes les parties hachurées)



Univers

FIGURE 1: Un événement et son contraire

FIGURE 2: Union et intersection d'événements

Exemple

Au lancer d'un dé cubique, on considère les événements A : «Obtenir au moins 5», et B : «Obtenir un nombre pair». On a :

- $A = \{5; 6\}.$
- $B = \{2; 4; 6\}.$
- $\bar{A} = \{1; 2; 3; 4\}.$

- $A \cap B = \{6\}.$
- $A \cup B = \{2; 4; 5; 6\}.$

II. Calculs de probabilités

1) Probabilité d'un événement

Propriétés

- La probabilité p(A) d'un événement A est la somme des propriétés des issues qui réalisent l'événement.
- En cas d'équiprobabilité on a : $p(A) = \frac{Nombre\ de\ cas\ favorables\ \grave{a}\ A}{Nombre\ de\ cas\ possibles}$.

Exemple

On lance un dé à 6 faces truqué. Une étude statistique donne le tableau suivant :

Issue x_i	1	2	3	4	5	6
Probabilité p_i	0, 125	0, 125	0, 125	0, 125	0,2	0,3

On s'intéresse à l'événement A : «le nombre obtenu est pair». On a :

$$p(A) = p_2 + p_4 + p_6$$

= 0, 125 + 0, 125 + 0, 3
= 0, 55

La probabilité d'obtenir un nombre pair est de 0,55.

Exemple

On lance un dé à 6 faces non truqué. Puisque le de n'est pas truqué, nous sommes dans une situation d'équiprobabilité. On s'intéresse à l'événement A: «le nombre obtenu est pair». On a :

$$p(A) = p_2 + p_4 + p_6$$

$$= \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$$

$$= \frac{3}{6}$$

$$= 0, 5$$

Dans ce cas, la probabilité d'obtenir un résultat pair est de 0,5.

2) Opérations sur les événements