# Programme de mathématiques au collège et découpage en chapitres

# 1 Sixième

# 1.1 Proportionnalité

## Pré-requis

Connaissance des opérations de base pour effectuer les calculs nécessaires. (Chapitres 1.3 et 1.4)

#### Compétences

- a) Reconnaître une situation de proportionnalité.
- b) Savoir raisonner dans des situations de proportionnalité
  - Utiliser d'un rapport de linéarité (passage d'une colonne à une autre)
  - Utiliser d'un coefficient de proportionnalité (passage d'une ligne à une autre)
  - Utiliser du passage à l'unité (règle de trois)
- c) Maîtriser la notion d'échelle
- d) Appliquer un taux de pourcentage

# 1.2 Nombres entiers, nombres décimaux

## Compétences

- a) Définitions (chiffre, nombre)
- b) Décomposition d'un nombre "tranches" (unités, dizaines etc.)
- c) Écrire un nombre en toute lettres

- d) Comparer, Ordonner deux nombres
- e) Notion d'ordre croissant et décroissant
- f) Placer des nombres sur une demidroite graduée
- g) Notion d'abscisse d'un point
- h) Arrondir un nombre décimal

### 1.3 Addition et soustractions

## Pré-requis

Nombres décimaux (Chapitre 1.2).

#### Compétences

- a) Maîtriser le vocabulaire de l'addition et de la soustraction (somme, termes, différence)
- b) Additionner des nombres décimaux
- c) Soustraire un nombre décimal à un autre
- d) Vérifier le résultat d'un calcul avec un ordre de grandeur
- e) Maitriser les propriétés de l'addition et de la soustraction (commutative ou non)
- f) Calculer des expressions parenthésées

# 1.4 Multiplication et division

#### Pré-requis

Addition (Chapitre 1.3)

en

## Compétences

- a) Maîtriser le vocabulaire (produit, facteur, diviseur, dividende, quotient, reste)
- b) Multiplier deux nombres décimaux
- c) Effectuer une division euclidienne
- d) Effectuer une division décimale
- e) Notion de multiple d'un nombre décimal
- f) Critères de divisibilité (par 2; 3; 4; 5; 6; 9)
- g) Choisir la bonne opération suivant le problème à résoudre

#### 1.5 Fractions

## 1.5.1 Pré-requis

Opérations (Chapitres 1.3 et 1.4)

## Compétences

- a) Définition (quotient, numérateur, dénominateur)
- b) Représenter une fraction sur un schéma
- c) Placer une fraction sur une demidroite graduée
- d) Prendre une fraction d'une quantité
- e) Notion de quotients égaux
- f) Simplification de fractions

# 1.6 Droites, segments et cercles

## Compétences

- a) Savoir tracer une droite, une demidroite, un segment et un cercle
- b) Être capable de tracer des droites parallèles, des droites perpendiculaires
- c) Savoir déterminer le milieu d'un segment
- d) Savoir utiliser un compas pour reporter des longueurs
- e) Apprendre à effectuer des démonstrations

# 1.7 Angles et Triangles

## Pré-requis

Segments (Ch 1.6)

#### Compétences

- a) Savoir mesurer un angle avec un rapporteur
- b) Savoir identifier un angle aigu, droit ou obtus
- c) Savoir ce qu'est la bissectrice d'un angle et comment la tracer
- d) Savoir raisonner avec les angles
- e) Savoir construire les différents types de triangle
- f) Savoir démontrer qu'un triangle est particulier

# 1.8 Quadrilatères

## Pré-requis

Angles (Ch 1.7)

#### Compétences

- a) Connaître le vocabulaire (angle, angles opposés, sommet, côté, côtés consécutifs, diagonale)
- b) Connaître les quadrilatères particuliers (losange, rectangle, carré)
- c) Savoir manier les définitions et propriétés pour reconnaître certains quadrilatères

# 1.9 Symétrie axiale

## Pré-requis

Droites et angles (Ch 1.6 et 1.7)

- a) Savoir tracer le symétrique
  - d'un point
  - d'un segment
  - d'une droite

- d'un angle
- d'une figure
- d'un cercle
- b) Connaître les propriétés de la symétrie axiale
  - conservation des longueurs
  - conservation des angles

# 1.10 Axe de symétrie d'une figure

## Pré-requis

Symétrie axiale (ch 1.9)

# Compétences

- a) Savoir ce qu'est un axe de symétrie d'une figure
- b) Connaître les axes de symétrie des figures usuelles
- c) Connaître les propriétés dues aux axes de symétrie des figures usuelles

# 1.11 Parallélépipède rectangle

## Pré-requis

Quadrilatères, périmètres et aire (ch 1.8 et 1.12)

#### Compétences

- a) Savoir reconnaître un parallélépipède rectangle
- b) Savoir représenter un parallélépipède rectangle en perspective cavalière
- c) Savoir construire un parallélépipède rectangle

- d) Connaître les unités de volume
- e) Savoir calculer le volume d'un parallélépipède rectangle

#### 1.12 Périmètre et aire

## Pré-requis

Triangles, quadrilatères, cercles (ch 1.7, 1.8 et 1.7)

## Compétences

- a) Savoir utiliser les unités de longueur et d'aire
- b) Savoir calculer la circonférence d'un cercle
- c) Être capable de différencier les notions de périmètre et d'aire
- d) Savoir calculer le périmètre et l'aire d'une figure simple

# 1.13 Organiser des données

## Pré-requis

Nombres (ch 1.2)

- a) Être capable de lire et de dresser des tableaux
- b) Savoir lire des
  - diagrammes en bâtons
  - diagrammes circulaires
  - graphiques cartésiens
- c) Connaître les unités de temps et de masse

# 2 Cinquième

# 2.1 Proportionnalité

## Compétences

- a) Reconnaître si deux grandeurs sont proportionnelles
- b) Savoir calculer un coefficient de proportionnalité sous forme de quotient
- c) Connaître la règle de passage à l'unité
- d) Maîtriser les pourcentages
- e) Maîtriser la notion d'échelle

# 2.2 Statistiques

## Compétences

- a) Savoir lire et construire des tableaux
- b) Savoir calculer une fréquence
- c) Savoir répartir les données en classes
- d) Savoir lire et construire
  - des diagrammes circulaires
  - des digrammes en tuyaux d'orgues
  - des histogrammes

# 2.3 Calcul littéral

#### Pré-requis

Opérations (ch 2.4)

#### Compétences

- a) Être capable de manipuler des expressions littérales
- b) Pouvoir utiliser le calcul littéral pour démonter quelque chose
- c) Savoir distribuer (distributivité simple) et factoriser

# 2.4 Calcul numérique

#### Compétences

a) Diviser par un nombre décimal (si non vu en  $6^e$ )

- b) Connaître les priorités des différents opérateurs
- c) Savoir enchaîner plusieurs opérations

#### 2.5 Fractions

## Pré-requis

Calcul numérique (ch 2.4)

## Compétences

- a) Connaître les différentes significations d'une écriture du type  $\frac{a}{b}$  (fréquence, proportion)
- **b)** Savoir simplifier une fraction
- c) Savoir comparer des fractions
- d) Savoir multiplier des fractions
- e) Savoir additionner et soustraire des fractions
  - Avec un même dénominateur
  - Avec des dénominateurs multiples l'un de l'autre

#### 2.6 Nombres relatifs

#### Compétences

- a) Connaître les nombres relatifs
- b) Savoir ce qui caractérise deux nombres opposés
- c) Savoir ordonner des nombres relatifs
- d) Pouvoir placer des nombres relatifs sur une droite graduée
- e) Savoir utiliser des nombres relatifs pour se repérer dans un plan

# 2.7 Addition et soustraction de nombres relatifs

#### Pré-requis

Nombres relatifs (ch 2.6)

## Compétences

- a) Savoir additionner et soustraire des nombres relatifs
- b) Pouvoir calculer la distance entre deux point d'une droite graduée
- c) Savoir calculer une expression algébrique et la simplifier

# 2.8 Angles

## Compétences

- a) Savoir reconnaître des couples d'angles particuliers
  - Adjacents
  - Complémentaires
  - Supplémentaires
  - Opposés par le sommet
  - Correspondants
  - Alternes-internes
- b) Être capable de raisonner avec ces angles
- c) Connaître les propriétés des mesures des angles d'un triangle

# 2.9 Parallélogramme

#### Pré-requis

Angles (ch 2.8)

#### Compétences

- a) Connaître la définition d'un parallélogramme
- **b)** Connaître les propriétés d'un parallélogramme
- c) Savoir reconnaître qu'un quadrilatère est un parallélogramme et le démonter

# 2.10 Parallélogrammes particuliers

#### Pré-requis

Parallélogrammes (ch 2.9)

- a) Connaître les propriétés des parallélogrammes particuliers
- b) Pouvoir reconnaître et démonter qu'un quadrilatère est un 5

- Rectangle
- Losange
- Carré

# 2.11 Triangle

## Pré-requis

Angles (ch 2.8)

## Compétences

- a) Savoir construire un triangle
- b) Connaître l'inégalité triangulaire
- c) Connaître et savoir tracer les droites remarquables d'un triangle
- d) Savoir ce qu'est le cercle circonscrit à un triangle
- e) Savoir le tracer

# 2.12 Symétrie centrale

#### Compétences

- a) Être capable de tracer le symétrique
  - d'un point
  - d'un segment
  - d'une droite
  - d'une figure
  - d'un cercle
- b) Pouvoir reconnaître qu'une figure possède un centre de symétrie

# 2.13 Prismes et cylindres de révolution

#### Pré-requis

Triangles (ch 2.11)

- a) Savoir représenter un prisme droit et un cylindre de révolution
- b) Être capable de les construire
- c) Pouvoir calculer l'aire latérale, l'aire totale et le volume d'un prisme droit et d'un cylindre de révolution

# 3 Quatrième

# 3.1 Proportionnalité

## Compétences

- a) Savoir calculer une quatrième proportionnelle par plusieurs méthodes
- b) Savoir appliquer le produit en croix
- c) Savoir utiliser une représentation graphique d'une situation de proportionnalité
- d) Savoir mettre en application la proportionnalité
  - Vitesse moyenne
  - Pourcentage
- e) Savoir agrandir ou réduire une figure

# 3.2 Multiplication et division par des nombres relatifs

## Compétences

- a) Savoir calculer le produit et le quotient de deux nombres relatifs
- b) Savoir effectuer des opérations sur les fractions relatives
- c) Savoir calculer une expression algébrique contenant des produits et des quotients

#### 3.3 Puissances

#### Pré-requis

Multiplication et division de relatifs (ch 3.2)

#### Compétences

- a) Connaitre la définition d'une puissance pour un exposant entier relatif
- b) Savoir utiliser des propriétés sur les puissances
- c) Savoir appliquer ces propriétés aux puissances de 10
- d) Être capable de comprendre et d'écrire un nombre en notation scientifique

## 3.4 Calcul littéral

### Pré-requis

Relatifs et puissances (Ch 3.2, 3.3)

### Compétences

- a) Pouvoir calculer la valeur d'une expression littérale
- b) Savoir réduire une expression littérale
- c) Savoir développer ou factoriser une expression littérale

# 3.5 Triangles et milieux

### Compétences

- a) Connaître et savoir appliquer les propriétés des milieux
- b) Savoir effectuer des démonstrations

# 3.6 Théorème de Pythagore

#### Compétences

- a) Savoir dans quelles conditions s'applique le théorème de Pythagore
- b) Pouvoir mesurer des longueurs à l'aide du théorème de Pythagore
- c) Être capable de démontrer qu'un triangle est rectangle ou non

# 3.7 Propriété de Thalès

#### Pré-requis

Propriété des milieux (ch 3.5)

- a) Savoir reconnaître une situation de Thalès
- b) Savoir effectuer une démonstration à l'aide de la propriété de Thalès
- c) Savoir effectuer un agrandissement ou une réduction

#### 3.8 Triangles rectangles et 3.10 Inégalités cercles circonscrits

## Compétences

- a) Savoir calculer des longueurs de côté dans un triangle rectangle
- b) Être capable de démontrer qu'un triangle est rectangle à l'aide d'un nouvelle propriété
- c) Savoir utiliser le cosinus pour déterminer une valeur approchée de la mesure d'un angle aigu d'un triangle rectangle

#### 3.9 Distance, tangente et bissectrice

## Compétences

- a) Savoir tracer la tangente à un cercle en un de ses points
- b) Savoir trouver la distance d'un point à une droite
- c) Savoir argumenter à l'aide de ces notions
- d) Connaître et utiliser la propriété des points de la bissectrice
- e) Connaître et utiliser la définition des hauteurs, médianes et médiatrices dans un triangle
- f) Construire un cercle inscrit dans un triangle

# Pré-requis

Multiplication par un relatif (ch 3.2)

### Compétences

- a) Connaître et utiliser les opérateurs "plus petit ou égal" et "plus grand ou égal"
- b) Savoir comparer les nombres d'une nouvelle manière
- c) Connaître et savoir utiliser les opérations sur les inégalités

#### Pyramides et Cônes de 3.11 révolution

### Pré-requis

Triangles (ch 3.8)

- a) Connaître la définition d'une pyramide, d'un cône
- b) Être capable de construire des patrons de pyramides et de cônes
- c) Savoir calculer le volume d'une pyramide et celui d'un cône

# 4 Troisième

# 4.1 Fonctions linéaires Fonctions affines

- a) Notion de fonction
- **b)** Vocabulaire, notations
- c) Fonction linéaire
  - 1) Coefficient directeur
- d) Fonction affine
  - 1) Coefficient directeur et ordonnée à l'origine
  - 2) Représentation graphique

# 4.2 Statistiques

- a) Caractéristiques de position
- b) Dispersion

### 4.3 Probabilités

# 4.4 Plus Grand Commun Diviseur

- a) Définition
- b) Calcul
- c) Utilisation
- d) Nombres premiers entre eux
- e) Fractions irréductibles

## 4.5 Racine carrée

- a) Définition
- **b**) Utilisation

#### 4.6 Calcul littéral

- a) Rappels sur les puissances
- **b**) Factorisation
- c) Identités remarquables

# & 4.7 Équations et Inéquations

- a) Résolution
- **b)** Application

# 4.8 Trigonométrie

- a) Définition sinus, cosinus, tangente
- b) Valeurs approchées

## 4.9 Thalès

- a) Configuration de Thalès
- b) Égalité de Thalès
- c) Application
- d) Agrandissements et réductions

# 4.10 Polygones réguliers

- a) Angles inscrits
- b) Angles au centre
- c) Construire des polygones réguliers

# 4.11 Géométrie dans l'espace

- a) Définition d'un plan
- **b)** Section plane d'une figure

# 4.12 Sphère

- a) Définition
- **b**) Aire
- c) Volume
- d) Section plane d'une sphère