Exercices Angles Orientés & Trigonométrie

Olivier FINOT

25 janvier 2015

Exercice 1. Questions diverses. Le but de cet exercice est de répondre à des questions simples pour montrer que le cours est compris.

- a. Que peut-on dire des vecteurs qui forment un angle nul?
- **b.** Que peut-on dire des vecteurs qui forment un angle plat ?
- c. Á quelle mesure d'angle correspond le cosinus 1?
- d. Á quelle mesure d'angle correspond le sinus 1?
- $\boldsymbol{e}.$ Quel est le cosinus d'un angle de valeur $\frac{\pi}{4}\,?$
- f. Quel est le cosinus d'un angle de valeur π ?

Exercice 2. Démonstrations. Le but de cet exercice est de démontrer que certaines affirmations sont valides ou que certaines formules sont valides.

- a. Soit ABC un triangle quelconque, démontrer que la somme des valeurs des angles de ce triangle est égale à π radians.
- **b.** Monter que la formule suivante est valide : $(\vec{u}, -\vec{v}) = (\vec{u}, \vec{v}) + \pi [2\pi]$
- c. Montrer que la formule suivante est valide : $\cos(\frac{\pi}{4}) = \frac{\sqrt{2}}{2}$.
- **d.** Monter que la formule suivante est valide : $\cos^2(x) + \sin^2(x) = 1$

Exercice 3. Équations. Résoudre les équations suivantes :

a.
$$\cos(x) = \frac{1}{2}$$
.

b.
$$\cos(x) = -\frac{\sqrt{2}}{2}$$
.

$$c. \sin(x - \frac{\pi}{3}) = -\frac{1}{2}.$$

d.
$$\cos(x) = \pi$$
.

$$e. \sin(x-1) = \sin(2).$$

$$f. \cos(2x) = \frac{\sqrt{3}}{2}.$$

$$g. \cos(\frac{x}{2}) = \cos(\frac{\pi}{3} - x)$$
.

$$h. \cos(x) = \sin(x).$$

$$i. \sin(x) = -\sin(2x).$$

$$j \cdot \cos^2(x) - \frac{3}{2}\cos(x) - 1 = 0$$

Exercice 4. Cercle Trigonométrique. Compléter

