$1^{\grave{e}re}\ ST_2S:\mathbf{DS}\ \mathbf{num\acute{e}ro}\ \mathbf{1}$

14 Octobre 2016

1 Le laboratoire perd du terrain

Le chiffre d'affaires annuel d'un laboratoire pharmaceutique était en 2008 de $32\,860\,000$ euros et en 2009 de $28\,947\,000$ euros.

1) Calculer le pourcentage de baisse du chiffre d'affaire de l'entreprise entre 2008 et 2009. Arrondir à 0.01~%.

Solution:
$$\frac{28\,947\,000 - 32\,860\,000}{32\,860\,000} \approx -0.1191$$
, soit une baisse de 11,91 %.

2) Calculer le pourcentage de hausse qui ramènerait, en 2010, le chiffre d'affaires au niveau de 2008. Arrondir les coefficients multiplicateurs à 10^{-4} .

Solution:

Le coefficient multiplicateur correspondant à une baisse de 11,91 % est (1-0,1191=0,8809).

$$\frac{1}{0.8809}$$
 = 1,1352, soit une hausse de 13,52 %.

2 Les sociétaires d'une mutuelle

Une mutuelle avait 490 000 sociétaires le 31 décembre 2006. Le nombre de sociétaires le 31 décembre à évolué les années suivantes selon le tableau ci-dessous. La deuxième colonne donne le taux d'évolution par rapport à l'année précédente, la troisième colonne, le nombre de sociétaires au 31 décembre de l'année.

Année	Évolution	Nombre de sociétaires		
2006	×	490 000		
2007	+ 3,24 %	506 000		
2008	+ 5 %			
2009				
2010	+ 2,5 %	566 366		

1) Calculer le nombre de sociétaires le 31 décembre 2008.

Solution:

Coefficient multiplicateur correspondant à une hausse de 5 % : $1 + \frac{5}{100} = 1 + 0.05 = 1.05$. On a 506 000 × 1.05 = 531 300, donc au 31 décembre 2008, il y a 531 300 sociétaires. 2)
Calculer le nombre de sociétaires le 31 décembre 2009. Arrondir à l'unité.

Solution:

Coefficient multiplicateur: 1,025.

On a $\frac{566\,366}{1,025} \approx 552\,552,1$, soit $552\,552$ sociétaires au 31 décembre 2009.

3)
Calculer le taux d'évolution entre le 31 décembre 2008 et le 31 décembre 2009.

Solution:

 $\frac{552\,552\times531\,300}{531\,300}=0{,}04,$ soit une hausse de 4 %.

Année	Évolution	Nombre de sociétaires		
2006	×	490 000		
2007	+ 3,24 %	506 000		
2008	+ 5 %	531 300		
2009	+ 4 %	5 525 552		
2010	+ 2,5 %	566 366		

4) Calculer le taux d'évolution entre le 31 décembre 2006 et le 31 décembre 2010. Arrondir à 0.01~%.

Solution:

 $\frac{566\,366-490\,000}{490\,000}\approx0,\!1558,$ soit une augmentation de 15,58 % entre le 31 décembre 2006 et le 31 décembre 2010.

3 Population scolaire

Dans une classe de Première, on a demandé l'âge des élèves. Les résultats obtenus ont été mis dans un tableau, mais certains ont été effacés.

	Pourcentage	Élèves	Filles	Garçons
16 ans	10 %			1
17 ans				12
18 ans	20 %		3	
Total	100 %	30		

1) Combien d'élèves ont 18 ans? Combien de garçons ont 18 ans?

Solution:

20 % des 30 élèves ont 18 ans, $30 \times 0.2 = 6$, donc 6 élèves ont 18 ans. 6 - 3 = 3, il y a 3 garçons de moins de 18 ans.

2)
Quel est le pourcentage d'élèves ayant 17 ans? Combien d'élèves ont 17 ans? Combien de filles ont 17 ans?

Solution:

100 - (10 + 20) = 70, donc 70 % des élèves ont 17 ans.

 $30 \times 0.7 = 21$, donc 21 élèves ont 17 ans.

21 - 12 = 9, donc il y a 9 filles de 17 ans dans la classe.

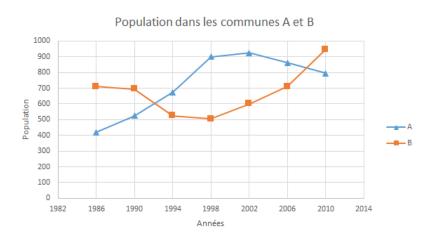
3) Compléter entièrement le tableau.

Solution:

	Pourcentage	Élèves	Filles	Garçons
16 ans	10 %	3	2	1
17 ans	70 %	21	9	12
18 ans	20 %	6	3	3
Total	100 %	30	14	16

4 Évolution de la population de deux communes

Le graphique ci-dessous représente l'évolution du nombre d'habitants de deux communes voisines, nommées A et B, de l'année 1986 à l'année 2010 (de quatre années en quatre années) .



Répondre aux questions suivantes en utilisant uniquement le graphique ci-dessus.

1)
En quelle année, la population de la commune A a été maximale?

Solution:

La population de la commune A a été maximale en 2002.

2)
Préciser les années où les deux communes on eu le même nombre d'habitants.

Solution:

Les deux villes ont eu la même population en 1992 et 2008.

3)
Quelles sont les périodes où la commune B a eu plus d'habitants que la commune A.

Solution:

La commune B a eu plus d'habitants que la commune A entre 1986 et 1992 et entre 2008 et 2010.

4)
En quelle année l'écart entre le nombre d'habitants des deux communes a-t-il été le plus important.

Solution:

L'écart entre les deux communes a été le plus important en 1998.

5)
Préciser, en justifiant la réponse, pendant quelle période de quatre années, la commune A a eu la plus forte augmentation de sa population.

Solution:

La plus forte augmentation de la population de la commune A a eu lieu entre 1994 et 1998. L'angle de la pente de la courbe est la plus importante sur cette période.