# Terminale $ST_2S:DS$ numéro 2

#### Questions à choix multiple (5 points) 1

Cet exercice se présente sous la forme d'un questionnaire à choix multiple (QCM). Les cinq questions sont indépendantes. Pour chaque question, une seule réponse est exacte, on demande d'indiquer cette réponse sans la justifier. Chaque bonne réponse rapporte 1 point, chaque réponse incorrecte retire 0,25 point, une question sans réponse n'apporte ni ne retire aucun point.

(1)	1. On considère la suite arithmétique $(u_n)$ , telle que $u_0 = 16$ et $u_4 = -4$ . La raison de la suite $(u_n)$ est :
	$\bigcirc \ \ 3,5;  \bigcirc \ \ 3;  \bigcirc \ \ -3;  \bigcirc \ \ -5.$
(1)	2. On considère la suite $(u_n)$ telle que $u_n = 3n - 2$ . La suite $(u_n)$ est :
	$\bigcirc$ une suite arithmétique de raison $-2$ ;
	$\bigcirc$ une suite géométrique de raison $3$ ;
	$\bigcirc$ une suite arithmétique de raison 3;
	$\bigcirc$ une suite géométrique de raison $2$ .
(1)	3. On injecte $u_0$ cm <sup>3</sup> d'un médicament dans le sang d'un patient. La quantité de ce médicament présente dans le sang du patient $n$ heures après l'injection est $u_n$ . La quantité de médicament présente dans le sang baisse de 20 % chaque heure. La suite $(u_n)$ est :  O une suite arithmétique de raison $-20$ ;
	○ une suite géométrique de raison 1,20;
	$\bigcirc$ une suite arithmétique de raison $-0.2$ ;
	$\bigcirc$ une suite géométrique de raison $0.8$ .
(1)	4. On reprend la situation décrite dans la question 3. Cinq heures après l'injection, il reste dans le sang du patient environ :
	$\bigcirc$ 67 % de la quantité injectée;
	$\bigcirc$ 20 $\%$ de la quantité injectée;
	$\bigcirc$ rien;
	$\bigcirc$ 33 % de la quantité injectée.
(1)	5. La feuille de calcul ci-dessous est utilisée pour calculer les premiers termes de la suite géo-

(1)	5.	La feuille de calcul ci-dessous est utilisée pour
		calculer les premiers termes de la suite géo-
		métrique $(u_n)$ de premier terme 5000 et de
		raison 1,02. La formule à entrer dans la cel-
		lule B3 et à recopier vers le bas est :

1	n	u(n)
2	0	5 000
3	1	
4	2	
5	3	
6	4	
7	5	
8	6	
9	7	
10	8	
11	9	
12	10	

$\bigcirc$ 5000 * 1,02;	$\bigcirc = \$B\$2*1,02;$
$\bigcirc = B2*1.02$ .	$\bigcirc = 1.02^{\circ}A3$

### 2 Des normes antipollution (7 points)

Un grand groupe industriel fait le bilan de sa quantité de rejets polluants. En 2001, sa quantité de rejets était de 49 000 tonnes. Elle est passée à 68 000 tonnes en 2004.

De nouvelles normes antipollution ont été mises en place à partir de 2001. Le groupe, pour être aux normes ne doit pas dépasser 42 000 tonnes de rejets par an.

#### Α.

Chaque année, si ses rejets dépassent la quantité autorisée, le groupe doit payer une amende. Tant que le groupe ne prend pas de mesure pour faire baisser sa quantité de rejets, l'amende augmente de 6000 € tous les ans. En 2001, le groupe a payé une amende de 83 000 €.

Dans toute cette partie, on fait l'hypothèse que le groupe ne prend aucune mesure pour diminuer sa quantité de rejets.

On appelle  $C_1$  l'amende payée en 2001 et  $C_n$  l'amende payée l'année 2000 + n. On a alors  $C_1 = 83\,000$  €.

- (1) 1. Calculer la valeur de l'amende payée par l'entreprise en 2002 et en 2003.
- (1) 2. Quelle est la nature de la suite  $(C_n)$ ?
- (1) 3. Calculer l'amende que le groupe devra payer en 2015.

#### В.

Au vu des résultats précédents, le groupe a décidé en 2004 de mettre en place un dispositif lui permettant de se mettre aux normes progressivement, l'objectif étant de ramener sa quantité de déchets à une valeur inférieure ou égale à 42 000 tonnes en 2014.

Le groupe s'est engagé à réduire chaque année sa production de déchets de 4 % à partir de 2004.

- (1) 1. Si le groupe a rejeté 66 000 tonnes en 2005, a-t-il respecté son engagement?
  - 2. On appelle  $Q_n$  la quantité de rejets prévue pour l'année 2004+n. Ainsi,  $Q_0=68\,000$ .
- (1) (a) Quelle est la nature de la suite  $(Q_n)$ ?
- (1) (b) Exprimer  $Q_n$  en fonction de n.
- (1) (c) Calculer à la tonne près, la quantité de rejets prévue pour l'année 2014. L'entreprise aura-t-elle atteint son objectif?

#### NOM Prénom:

## 3 Offres de prêt (8 points)

Une infirmière souhaitant créer un cabinet a besoin de d'un prêt de  $100\,000$  €. Elle contacte deux banques, A et B.

- 1. La banque A lui propose un prêt remboursable en 7 annuités. Les annuités sont les termes consécutifs d'une suite arithmétique de premier terme  $u_0 = 15\,000$  (le premier remboursement est de  $15\,000$  €), et de raison 1800.
- (1) (a) Calculer le montant des versements  $u_1$ ,  $u_2$ ,  $u_3$ ,  $u_4$ ,  $u_5$  et  $u_6$ .
- (1½) (b) Quelle serait la somme totale remboursée si l'infirmière souscrivait le prêt auprès de la banque A?
  - 2. La banque B propose également de rembourser le prêt sur 7 ans, en 7 versements. Le premier remboursement noté  $v_0$  serait de  $20\,000$  €. Les remboursements suivants, notés  $v_1$ ,  $v_2$ ,  $v_3$ ,  $v_4$ ,  $v_5$  et  $v_6$  seraient chacun en augmentation de 2% par rapport au remboursement précédent.
  - (1) (a) Calculer  $v_1$  en précisant par quel calcul on passe de  $v_0$  à  $v_1$ . Calculer  $v_2$ .
  - (1) (b) Donner pour tout entier  $n, 0 \le n \le 5$ , l'expression de  $v_{n+1}$  en fonction de  $v_n$ .
  - (1) (c) En déduire que les nombres  $v_0, ..., v_6$  sont des termes consécutifs d'une suite géométrique de premier terme  $v_0$  dont on précisera la raison q.
- (1½) (d) Quelle serait la somme totale remboursée si l'infirmière souscrivait le prêt auprès de la banque B? Arrondir à l'euro.
  - (1) 3. Quelle banque offre la solution la plus avantageuse?