Objectifs

- Connaître et appliquer les priorité des opérations;
- Calculer une expression avec et sans parenthèses;
- Connaître la structure et le vocabulaire d'une expression numérique.

I. Priorités des opérations

Activite 1 Découvrir les priorités des opérations

Activité 1 page 38

Réponses activite 1 Découvrir les priorités des opérations

- 1 Tom a fait les calculs dans l'ordre $(8+2=10, 10\times 3=30)$, et Alice a commencé par la multiplication $(2 \times 3 = 6, 8 + 6 = 14)$.
- 2 Une calculatrice scientifique donne le résultat 14, c'est donc Alice qui a raison.
- 3 On a:
 - A = 22; D = 22; G = 20;

- B = 13; E = 25; H = 9; K = 136; C = 22; F = 14; I = 12; L = 4.

5 Pour calculer une expression qui contient plusieurs opérations, on calcule les multiplications et les divisions avant les additions et les soustractions.

Propriétés

- Dans une expression numérique sans parenthèses, on effectue :
 - 1 D'abord les multiplications et les divisions, de gauche à droite;
 - 2 Puis les additions et les soustractions, également de gauche à droite.
- On dit que la multiplication et la division sont prioritaires sur l'addition et la soustraction.
- Dans une expression sans parenthèses qui contient uniquement des additions ou uniquement des multiplications, on effectue les calculs dans l'ordre que l'on veut. L'addition et la multiplication sont commutatives.

Exemples

• Je calcule l'expression $A = 20 - 2 \times 3 + 12 \div 6$

$$A = 20 - 2 \times 3 + 12 \div 6$$

$$A = 20 - 6 + 12 \div 6$$
 (je commence par la multiplication)

$$A = 20 - 6 + 2$$
 (ensuite la division)

$$A = 14 + 2$$
 (puis le reste des opérations de gauche à droite)

$$A = 16$$

• Je calcule l'expression B = 12 + 3 + 8 de trois façons différentes :

$$B = 12 + 3 + 8$$

$$B = 12 + 3 + 8$$

$$B = 12 + 8 + 3$$

$$B = 15 + 8$$

$$B = 12 + 11$$

$$B = 20 + 3$$

$$B = 23$$

$$B = 23$$

$$B = 23$$

Exercices

- exercice 1 page 42 : Calcul mental
- Exercices 2 5 page 42 : Calcul d'expressions diverses
- Exercices 9-10 page 43 : Expressions à compléter
- Exercice 11 page 43 : traduire un problème en expression et la calculer
- exercice 12 page 43 : première approche calcul littéral
- exercice 15 page 43 : problème

II. Calculer une expression

Activite Expression avec des parenthèses

(Activité au tableau)

- 1 Calculer les expression suivantes sans calculatrice
 - $(10-2) \times 2$
 - $10 (2 \times 2)$
 - $(3-2) \times (3+2)$
 - $3-2\times(3+2)$
- 2 En utilisant uniquement 4 fois le chiffre 4 des opérations $(+, -, \times, \div)$ et des parenthèses :
 - **a.** trouver 0;
 - **b.** trouver tous les nombres entiers de 0 à 9 inclus;
 - c. obtenir 0 du plus grand nombre de façons possibles;
 - d. trouver le plus possible de nombres entiers inférieurs à 100.

Propriété

- Dans une expression numérique qui contient des parenthèses, on calcule :
 - 1 d'abord les calculs entre parenthèses;
 - 2 puis on calcule l'expression sans parenthèses obtenue
- Si l'expression contient des parenthèses imbriquées, on commence par celles qui sont le plus à l'intérieur.

Exemple

Je calcule l'expression $C = (3 \times (7-3)) + 1$:

- $C = (3 \times (7-3)) + 1$ (on commence par la parenthèse intérieure)
- $C = (3 \times 4) + 1$ (puis l'autre)
- C = 12 + 1 (enfin on calcule le reste de l'expression)
- C = 13

Exercices

- Exercice 16 page 44 : Calcul mental
- Exercices 17, 19 page 44 : Calcul d'expressions diverses
- Exercice 16 page 44 : Placer des parenthèses pour obtenir le bon résultat
- Exercice 18 page 44 : faire le lien entre plusieurs écritures d'une même expression
- Exercice 21 page 45 : passer d'une situation à une expression numérique
- Exercice 23 page 45: Le compte est bon
- Exercice 26 page 45 : problème
- Exercice 27 page 45 : problème

III. Vocabulaire

Définitions

- Le résultat d'une addition est une somme, les nombres utilisés sont des termes.
- Une différence est le résultat de la soustraction de deux termes.
- Un produit est le résultat de la multiplication de deux facteurs.
- Le résultat d'une division est un quotient.

Exemples

- L'expression $5+3\times 4$ est une somme, car la dernière opération effectuées est une addition.
- L'expression $(2+3) \times 4$ est un produit, car la dernière opération effectuées est une multiplication.
- $3 \times (4+1)$ est le produit de 3 par la somme de 4 et 1.
- $3 \times 4 + 1$ est la somme du produit de 1 par 3 et 4.
- $\frac{19-3}{2\times4}$ est le quotient de la différence entre 19 et 3 par le produit de 2 par 4.

Exercices

- Exercices 28-30 page 46 : identifier un type d'expression.
- Exercice 31 page 46 : Description d'une expression.
- Exercice 32 page 46: Lien entre description et expression.
- Exercice 33 page 46 : Donner l'expression décrite.
- Exercices 34 35 page 47 : Arbre à calcul <-> expression
- Exercice 36 page 47 : Vrai ou faux
- Exercice 37 page 47 : traduire la description d'un calcul en expression (Intéressant pour faire le lien avec algo).