Correction des exercices de la semaine du 18/05

Exercice 13 page 104

On veut calculer l'expression $A = 5 + 3 \times x$

$$\boldsymbol{a}$$
) pour $x=1$

b) pour
$$x = 4$$

$$A = 5 + 3 \times x$$
 $A = 5 + 3 \times x$ $A = 5 + 3 \times 4$ $A = 5 + 3 \times 4$ $A = 5 + 12$ $A = 8$ $A = 17$

Exercice 14 page 104

On veut calculer l'expression $B = 3 \times (n+2)$

a) pour
$$n=3$$

b) pour
$$n = 9$$

$$B = 3 \times (n+2)$$
 $B = 3 \times (n+2)$
 $B = 3 \times (3+2)$ $B = 3 \times (9+2)$
 $B = 3 \times 11$
 $B = 15$ $B = 33$

Exercice 16 page 104

On veut calculer l'expression C = 3x + 5x + 4

a) pour
$$x=2$$

b) pour
$$x = 17$$

c) pour
$$x = 2.6$$

$$C = 3 \times x + 5 \times x + 4 \qquad C = 3 \times x + 5 \times x + 4 \qquad C = 3 \times x + 5 \times x + 4$$

$$C = 3 \times 2 + 5 \times 2 + 4 \qquad C = 3 \times 17 + 5 \times 17 + 4 \qquad C = 3 \times 2, 6 + 5 \times 2, 6 + 4$$

$$C = 6 + 10 + 4 \qquad C = 51 + 85 + 4 \qquad C = 7, 8 + 13 + 4$$

$$C = 20 \qquad C = 140 \qquad C = 24, 8$$

Exercice 18 page 104

On a
$$x = 7$$
 et $y = 3$

a)
$$b)$$

$$A = x^{2} + y^{2}$$

$$A = x \times x + y \times y$$

$$A = 7 \times 7 + 3 \times 3$$

$$A = 49 + 9$$

$$A = 58$$

$$C = \frac{x + y}{xy}$$

$$C = \frac{x + y}{x \times y}$$

$$C = \frac{x + y}{x \times y}$$

$$C = \frac{7 + 3}{7 \times 3}$$

$$C = \frac{10}{21}$$

$$D = (3x + 1)(12 - 2y)$$

$$D = (3 \times x + 1) \times (12 - 2 \times y)$$

$$D = (21 + 1) \times (12 - 6)$$

$$D = 22 \times 6$$

$$D = 132$$

Exercice 22 page 105

Calcul de la ration journalière de Clément

4,72 kg = 4720 gClément pèse 4720 grammes.

$$RJ = \frac{M}{10} + 250$$

$$RJ = \frac{4720}{10} + 250$$

$$RJ = 472 + 250$$

$$RJ = 722$$

Sa ration journalière est 722 grammes de lait.

Calcul de la ration journalière de Benoît

3,54 kg = 3540 gClément pèse 4720 grammes.

$$RJ = \frac{M}{10} + 250$$

$$RJ = \frac{3540}{10} + 250$$

$$RJ = 354 + 250$$

$$RJ = 604$$

Sa ration journalière est 604 grammes de lait.

Calcul de la ration journalière d'Aminata

7,25 kg = 7250 gAminata pèse 7250 grammes.

$$RJ = \frac{M}{10} + 250$$

$$RJ = \frac{7250}{10} + 250$$

$$RJ = 725 + 250$$

$$RJ = 975$$

Sa ration journalière est 975 grammes de lait.

Exercice 24 page 105

La cellule A2 contient le nombre 3.

On a donc:

$$B2 = (4 \times A2 + 7) \times A2$$

$$B2 = (4 \times 3 + 7) \times 3$$

$$B2 = (12 + 7) \times 3$$

$$B2 = 19 \times 3$$

$$B2 = 57$$

Le nombre affiché dans la cellule B2 sera 57.

Exercice 28 page 106

a) On a
$$x = 1$$
:

$$31 - x = 31 - 1$$
$$31 - x = 30$$

$$20 + x = 20 + 1$$

$$20 + x = 21$$

Donc l'égalité est fausse pour x = 1.

b) On a x = 2:

$$31 - x = 31 - 2$$
$$31 - x = 29$$

$$20 + x = 20 + 2$$

$$20 + x = 22$$

Donc l'égalité est fausse pour x = 2.

c) On a x = 3:

$$31 - x = 31 - 2$$
$$31 - x = 28$$

$$20 + x = 20 + 3$$

$$20 + x = 23$$

Donc l'égalité est fausse pour x = 3.

Exercice 29 page 106

On pose x = 3 et y = 5.

a)

$$5x + 4y = 5 \times x + 4 \times y$$
$$5x + 4y = 5 \times 3 + 4 \times 5$$
$$5x + 4y = 15 + 20$$
$$5x + 4y = 35$$

40 - y = 40 - 2

$$40 - y = 38$$

Donc l'égalité est fausse pour ces valeurs.

b)

$$6xy - 2y = 6 \times x \times y - 2 \times y$$
$$6xy - 2y = 6 \times 3 \times 5 - 2 \times 5$$
$$6xy - 2y = 90 - 10$$
$$6xy - 2y = 80$$

 $(5x + 1)y = (5 \times x + 1) \times y$ $(5x + 1)y = (5 \times 3 + 1) \times 5$

 $(5x+1)y = (15+1) \times 5$

 $(5x+1)y = 16 \times 5$

(5x+1)y = 80

Donc l'égalité est vraie pour x=3 et y=5

c)

$$x + y = 3 + 5$$

$$x + y = 8$$

$$4(y - x) = 4 \times (y - x)$$

$$4(y - x) = 4 \times (5 - 3)$$

$$4(y - x) = 4 \times 2$$

$$4(y - x) = 80$$

Donc l'égalité est vraie pour x=3 et y=5

.

Exercice 30 page 106

a) On pose x = 0

$$6 \times x - 6 = 6 \times 0 - 6$$

 $6 \times x - 6 = 0 - 6$
 $6 \times x - 6 = -6$

 $-6 \neq 0$, donc l'égalité n'est pas toujours vraie.

b) On pose x = 0

$$4(x+1) = 4 \times (x+1)$$
 $4x+1 = 4 \times x+1$
 $4(x+1) = 4 \times (0+1)$ $4x+1 = 4 \times 0+1$
 $4(x+1) = 4 \times 1$ $4x+1 = 0+1$
 $4(x+1) = 4$ $4x+1 = 1$

 $4 \neq 1$, donc l'égalité n'est pas toujours vraie.

c) On pose x = 1

$$2x + 3x = 2 \times x + 3 \times x$$

$$2x + 3x = 2 \times 1 + 3 \times 1$$

$$2x + 3x = 2 + 3$$

$$2x + 3x = 5$$

$$6x^{2} = 6 \times x \times x$$

$$6x^{2} = 6 \times 1 \times 1$$

$$6x^{2} = 6$$

 $5 \neq 6,$ donc l'égalité n'est pas toujours vraie.

Exercice 31 page 106

a) On a x = 1

$$A = 2 \times x + 1 + x + x$$
 $B = 2 + x \times x + 2$ $A = 2 \times 1 + 1 + 1 + 1$ $B = 2 + 1 \times 1 + 2$ $A = 2 + 1 + 1 + 1$ $B = 2 + 1 \times 2$ $B = 5$

b) On a x = 3

$$A = 2 \times x + 1 + x + x$$
 $B = 2 + x \times x + 2$ $A = 2 \times 3 + 1 + 3 + 3$ $B = 2 + 3 \times 3 + 2$ $A = 6 + 1 + 3 + 3$ $B = 2 + 9 + 2$ $B = 13$

c) On pose x = 0

$$A = 2 \times x + 1 + x + x$$
 $B = 2 + x \times x + 2$ $A = 2 \times 0 + 1 + 0 + 0$ $B = 2 + 0 \times 0 + 2$ $A = 0 + 1 + 0 + 0$ $B = 2 + 0 \times 0 + 2$ $B = 2 + 0 + 2$ $B = 4$

L'égalité n'est pas toujours vraie, x = 0 est un conte-exemple.

Exercice 33 page 107

On pose x = 2

$$(x+3)(x+2) = (x+3) \times (x-2)$$
$$(x+3)(x+2) = (2+3) \times (2-2)$$
$$(x+3)(x+2) = 5 \times 0$$
$$(x+3)(x+2) = 0$$

$$x^{2} + 3x - 2 = x \times x + 3 \times x - 2$$

$$x^{2} + 3x - 2 = 2 \times 2 + 3 \times 2 - 2$$

$$x^{2} + 3x - 2 = 4 + 6 - 2$$

$$x^{2} + 3x - 2 = 8$$

Donc $(x+3)(x+2) \neq x^2 + 3x - 2$.

$$2x + 1 = 2 \times x + 1$$
$$2x + 1 = 2 \times 2 + 1$$
$$2x + 1 = 4 + 1$$
$$2x + 1 = 5$$

Donc $(x+3)(x+2) \neq 2x+1$.

$$x^{2} - 6 = x \times x - 6$$

$$x^{2} - 6 = 2 \times 2 - 6$$

$$x^{2} - 6 = 4 - 6$$

$$x^{2} - 6 = -2$$

Donc $(x+3)(x+2) \neq x^2 - 6$. Par élimination, on a $(x+3)(x+2) = x^2 + x - 6$.

Exercice 34 page 107

1.

On a x = 2:

$$3x + 1 = 3 \times x + 1$$
 (1) $2x + 3 = 2 \times x + 3$ (5) $3x + 1 = 3 \times 2 + 1$ (2) $2x + 3 = 2 \times 2 + 3$ (6) $3x + 1 = 6 + 1$ (3) $3x + 1 = 4 + 3$ (7) $3x + 1 = 7$ (4) $3x + 1 = 7$ (8)

Je sais que, pour x=2, deux cotés consécutifs du rectangle ont une longueur de 7. **Or** si un rectangle a deux cotés consécutifs de même longueur, alors c'est un carré. **Donc** pour x=2 ce rectangle est un carré.

2.

On prend x = 0:

$$3x + 1 = 3 \times x + 1$$
 (9) $2x + 3 = 2 \times x + 3$ (13) $3x + 1 = 3 \times 0 + 1$ (10) $2x + 3 = 2 \times 0 + 3$ (14) $3x + 1 = 0 + 1$ (11) $3x + 1 = 0 + 3$ (15) $3x + 1 = 3$ (16)

x=0 est un contre-exemple, l'égalité n'est pas toujours vraie. Donc ce rectangle n'est pas un carré pour toutes les valeurs de x.