

### **Objectifs**

### Être capable:

- 1 de reconnaître une suite arithmétique ou géométrique;
- 2 de calculer le terme de rang n d'une suite arithmétique ou géométrique;
- 3 de représenter graphiquement une suite arithmétique ou géométrique;
- 4 de calculer la somme de termes consécutifs d'une suite arithmétique ou géométrique.
- 5 de déterminer le sens de variation d'une suite arithmétique ou géométrique.

# I. Suites numériques

### Définition

Une suite numérique est constituée de plusieurs nombres rangés dans un certain ordre. Ces nombres sont les termes de la suite.  $u_1$  est le premier terme de la suite,  $u_2$  le deuxième,  $u_n$  est le n-ième. Le terme suivant est noté  $u_{n+1}$ .

# II. Suites arithmétiques

# 1) Définition et terme de rang n

#### Activite La suite des nombres impairs

On considère la suite des nombres impairs, 1, 3, 5, 7, ..., que l'on note successivement  $u_1, u_2, u_3, u_4$ ... Donc  $u_1 = 1, u_2 = 3, u_3 = 5$ ...

- 1 Compléter :  $u_4 = \dots, u_7 = 15, u_{10} = \dots$
- 2 Quel est le premier terme de la suite?
- 3 Comment passe-t-on d'un terme au suivant?
- 4 n est est nombre entier positif non nul, on s'intéresse au terme de rang n (donc le  $n^{i \`{e}me}$  nombre impair). Exprimer  $u_{n+1}$  en fonction de  $u_n$ .
- 5 Exprimer  $u_n$  en fonction de n.
- 6 Calculer  $u_{100}$ ,  $u_{150}$ ,  $u_{1000}$ .

## Á retenir

• Une suite arithmétique est une suite de nombres, où chaque terme, à partir du deuxième est obtenu en ajoutant au précédent un même nombre, la raison de la suite (notée r). On note :

$$u_{n+1} = u_n + r$$

- Dans une suite arithmétique de raison r, le terme  $u_n$  est obtenu à partir du premier terme par la relation:
  - $\rightarrow u_n = u_0 + nr$  (lorsque le terme initial est  $u_0$ )
  - $\rightarrow u_n = u_1 + (n-1)r$  (lorsque le terme initial est  $u_1$ )

# 2) Somme des termes d'une suite arithmétique

### Activite Somme de nombres impairs

On note  $S_1 = u_1 = 1$ ;  $S_2 = u_1 + u_2 = 1 + 3 = 4$ ; puis, plus généralement  $S_n = u_1 + u_2 + u_3 + \ldots + u_n$ .

1 Compléter le tableau suivant :

n	1	2	3	4	5	6	7	8
$u_n$	1	3	5					
$S_n$	1	4						

- 2 En déduire une relation entre  $S_{n+1}$ ,  $S_n$ , et  $u_{n+1}$ .
- En observant les résultats du tableau conjecturer une expression de  $S_n$  en fonction de n.

## Á retenir

 $S_n$  est la somme des termes d'une suite arithmétique jusqu'à  $u_n$ , on a :

•  $S_n = \frac{(n+1) \times (u_0 + u_n)}{2} + nr$  (lorsque le terme initial est  $u_0$ )
•  $S_n = \frac{n \times (u_1 + u_n)}{2} + nr$  (lorsque le terme initial est  $u_1$ )

2

# III. Suites Géométriques

## 1) Définition et terme de rang n

### Activite Augmentation d'un loyer

Le loyer d'un appartement augmente chaque année de 3%. En 2005, le loyer annuel s'élève à 6000  $\in$ . On note  $v_n$ , le montant du loyer annuel en 2005 + n

- 1 Calculer le montant du loyer en 2006, 2007, 2008 et 2009.
- 2 Quel est le premier terme de la suite?
- 3 Comment passe-t-on d'un terme au suivant?
- 4 Exprimer  $v_{n+1}$  en fonction de  $v_n$ .
- 5 Exprimer  $v_n$  en fonction de n.
- 6 Calculer  $v_{10}$ ,  $u_{15}$ ,  $u_{35}$ .

### Á retenir

Une suite géométrique est une suite de nombres, où chaque terme, à partir du deuxième est obtenu multipliant le précédent par un même nombre, la raison de la suite (notée q).

On note:

$$u_{n+1} = u_n \times q$$

Dans une suite géométrique de raison q, le terme  $u_n$  est obtenu à partir du premier terme par la relation :

- $u_n = u_0 \times q^n$  (lorsque le terme initial est  $u_0$ )
- $u_n = u_1 \times q^{n-1}$  (lorsque le terme initial est  $u_1$ )