## ÖKLİT, MANHATTAN, MINKOWSKI

**Veri Seti** 

Gözlemler	Α	В	С
1	2	3	1
2	4	1	3
3	5	7	3
4	4	8	2
5	3	9	5

Öklit Uzaklığı:

d(2,1) = d(1,2) = 
$$\sqrt{(4-2)^2 + (1-3)^2 + (3-1)^2}$$
 = 3.46  
d(3,1) = d(1,3) =  $\sqrt{(5-2)^2 + (7-3)^2 + (3-1)^2}$  = 5.39  
d(3,2) = d(2,3) =  $\sqrt{(5-4)^2 + (7-1)^2 + (3-3)^2}$  = 6.08  
d(4,1) = d(1,4) =  $\sqrt{(4-2)^2 + (8-3)^2 + (2-1)^2}$  = 5.48  
d(4,2) = d(2,4) =  $\sqrt{(4-4)^2 + (8-1)^2 + (2-3)^2}$  = 7.07  
d(4,3) = d(3,4) =  $\sqrt{(4-5)^2 + (8-7)^2 + (2-3)^2}$  = 1.73  
d(5,1) = d(1,5) =  $\sqrt{(3-2)^2 + (9-3)^2 + (5-1)^2}$  = 7.28  
d(5,2) = d(2,5) =  $\sqrt{(3-4)^2 + (9-1)^2 + (5-3)^2}$  = 8.31  
d(5,3) = d(3,5) =  $\sqrt{(3-5)^2 + (9-7)^2 + (5-3)^2}$  = 3.46  
d(5,4) = d(4,5) =  $\sqrt{(3-4)^2 + (9-8)^2 + (5-2)^2}$  = 3.32

Gözlem	1	2	3	4	5
1	0.0	3.46	5.39	5.48	7.28
2	3.46	0.0	6.08	7.07	8.31
3	5.39	6.08	0.0	1.73	3.46
4	5.48	7.07	1.73	0.0	3.32
5	7.28	8.31	3.46	3.32	0.0

Öklit uzaklık hesabına göre en yakın iki nokta 3 ile 4 noktasıdır. İki nokta arasındaki öklit uzaklığı hangisinde en küçükse o noktalar birbirlerine en yakın olan noktalardır.

Veri Seti

Gözlemler	Α	В	С
1	2	3	1
2	4	1	3
3	5	7	3
4	4	8	2
5	3	9	5

Manhattan Uzaklığı:

$$d(2,1) = |4-2|+|1-3|+|3-1| = 6$$

$$d(3,1) = |5-2|+|7-3|+|3-1| = 9$$

$$d(3,2) = |4-5|+|7-1|+|3-3| = 7$$

$$d(4,1) = |4-2|+|8-3|+|2-1| = 8$$

$$d(4,2) = |4-4|+|8-1|+|2-3| = 8$$

$$d(4,3) = |4-5|+|8-7|+|2-3| = 3$$

$$d(5,1) = |3-2|+|9-3|+|5-1| = 11$$

$$d(5,2) = |3-4|+|9-1|+|5-3| = 6$$

$$d(5,4) = |3-4|+|9-8|+|5-2| = 5$$

Gözlem	1	2	3	4	5
1	0.0	6	9	8	11
2	6	0.0	7	8	11
3	9	7	0.0	3	6
4	8	8	3	0.0	5
5	11	11	6	5	0.0

Manhattan uzaklık hesabına göre en yakın iki nokta 3 ile 4 noktasıdır. İki nokta arasındaki manhattan uzaklığı hangisinde en küçükse o noktalar birbirlerine en yakın olan noktalardır.

Veri Seti

Gözlemler	Α	В	С
1	2	3	1
2	4	1	3
3	5	7	3
4	4	8	2
5	3	9	5

Minkowski Uzaklığı:  $d(2,1) = [(4-2)^3 + (1-3)^3 + (3-1)^3]^{1/3} = 2.88$   $d(3,1) = [(5-2)^3 + (7-3)^3 + (3-1)^3]^{1/3} = 4.63$   $d(3,2) = [(5-4)^3 + (7-1)^3 + (3-3)^3]^{1/3} = 6.01$   $d(4,1) = [(4-2)^3 + (8-3)^3 + (2-1)^3]^{1/3} = 5.12$   $d(4,2) = [(4-4)^3 + (8-1)^3 + (2-3)^3]^{1/3} = 7.01$   $d(4,3) = [(4-5)^3 + (8-7)^3 + (2-3)^3]^{1/3} = 1.44$   $d(5,1) = [(3-2)^3 + (9-3)^3 + (5-1)^3]^{1/3} = 6.55$   $d(5,2) = [(3-4)^3 + (9-1)^3 + (5-3)^3]^{1/3} = 8.05$ 

Gözlem	1	2	3	4	5
1	0.0	2.88	4.63	5.12	6.55
2	2.88	0.0	6.01	7.01	8.05
3	4.63	6.01	0.0	1.44	2.88
4	5.12	7.01	1.44	0.0	3.07
5	6.55	8.05	2.88	3.07	0.0

d(5,3) =  $[(3-5)^3 + (9-7)^3 + (5-3)^3]^{1/3} = 2.88$ 

d(5,4)= $[(3-4)^3+(9-8)^3+(5-2)^3]^{1/3}=3.07$ 

Minkowski uzaklık hesabına göre en yakın iki nokta 3 ile 4 noktasıdır. İki nokta arasındaki minkowski uzaklığı hangisinde en küçükse o noktalar birbirlerine en yakın olan noktalardır.

## **KÜMELEME**

Gözlem	X <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>
1	4	2
2	6	4
3	5	1
4	10	6
5	11	8

Örnek: Yukarıdaki veriseti üzerinde en yakın komşu algoritmasını kullanarak kümeleme işlemlerini yapınız.

**Adım 1 :** Uzaklıklar matrisi oluşturulur. Bu matrisi <u>Öklit, Manhattan veya Minkowski</u> formüllerinden herhangi birini kullanarak oluşturabiliriz. Bu örnekte Öklit uzaklık formülünü kullanacağız.

d(2,1) = 
$$\sqrt{(6-4)^2 + (4-2)^2}$$
 = 2.83

d(3,1) = 
$$\sqrt{(5-4)^2 + (1-2)^2}$$
 = 1.41

d(3,2) = 
$$\sqrt{(5-6)^2 + (1-4)^2}$$
 = 3.16

d(4,1) = 
$$\sqrt{(10-4)^2 + (6-2)^2}$$
 = 7.21

d(4,2) = 
$$\sqrt{(10-6)^2 + (6-4)^2} = 4.47$$

d(4,3) = 
$$\sqrt{(10-5)^2 + (6-1)^2} = 7.07$$

d(5,1) = 
$$\sqrt{(11-4)^2 + (8-2)^2} = 9.22$$

d(5,2) = 
$$\sqrt{(11-6)^2 + (8-4)^2} = 6.4$$

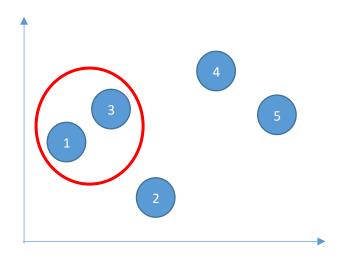
d(5,3) = 
$$\sqrt{(11-5)^2 + (8-1)^2} = 9.22$$

d(5,4) = 
$$\sqrt{(11-10)^2 + (8-6)^2}$$
 = 2.24

Uzaklıklar Matrisi

Gözlem	1	2	3	4	5
1	0				
2	2.83	0			
3	1.41	3.16	0		
4	7.21	4.47	7.07	0	
5	9.22	6.40	9.22	2.24	0

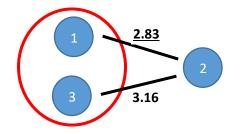
En yakın iki nokta, 1 ile 3 noktaları.



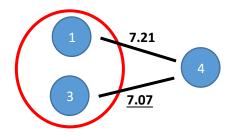
Görüldüğü üzere 1 ile 3 noktaları artık tek bir küme gibi oldu. Başlangıçta 5 adet küme varken şimdi 4 tane küme var: { (1,3) , 2 , 4 , 5}

**Adım 2:** 1 ve 3 noktaları artık tek bir nokta gibi diğer noktalara olan uzunluklarına göre kümeleme yapılır. Uzaklıklar matrisini göz önüne aldığımızda,

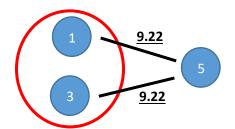
Gözlem	1	2	3	4	5
1	0				
2	2.83	0			
3	1.41	3.16	0		
4	7.21	4.47	7.07	0	
5	9.22	6.40	9.22	2.24	0



1'in 2'ye olan uzaklığı 2.83'tü. 3'ün 2'ye olan uzaklığı 3.16'ydı. Dolayısıyla 2.83 ile daha yakın. (1,3) ile 2 arasındaki uzaklık **2.83** alınır.



1'in 4'e olan uzaklığı 7.21'di. 'ün 4'e olan uzaklığı 7.07 'ydi. Dolayısıyla 7.07 ile daha yakın. (1,3) ile 4 arasındaki uzaklık **7.07** alınır.

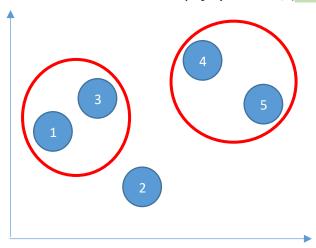


1'in 5'e olan uzalklığı ile 3'ün 5'e olan uzaklıkları aynı olduğu için direkt **9.22** alınır.

Bu verilere göre yeni uzaklıklar matrisi oluşturulur.

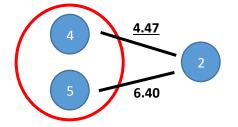
Gözlem	(1,3)	2	4	5
(1,3)	0			
2	2.83	0		
4	7.07	4.47	0	
5	9.22	6.40	2.24	0

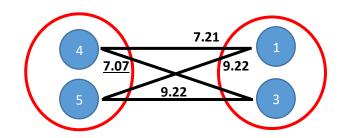
Yeni en yakın iki nokta 4 ile 5 arasında olup en küçük uzaklık olan 2.24'tür. O halde artık 3 adet küme olup şöyledir : { (1,3) , 2 , (4,5) }



**Adım 3 :** Kümeler arasında uzaklıklara bakılarak yeni uzaklıklar matrisi oluşturulur.

Goziem	1	2	3	4	5
1	0				
2	2.83	0			
3	1.41	3.16	0		
4	7.21	4.47	7.07	0	
5	9.22	6.40	9.22	2.24	0





En kısa uzaklık 4.47 olarak alındı.

En kısa uzaklık **7.07** olarak alındı.

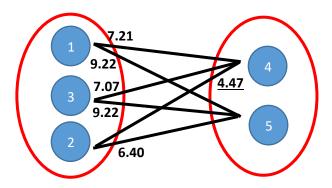
O halde, bu verilere göre yeni uzunluklar matrisi oluşturulur.

Gözlem	(1,3)	2	(4,5)
(1,3)	0		
2	2.83	0	
(4,5)	7.07	4.47	0

Bu tabloya göre birbirlerine en yakın noktalar (1,3) kümesi ile 2 noktasıdır. O halde yeni kümeler 2 adet olup şöyledir : { ((1,3), 2), (4,5) }

Adım 4 : Kümeler arasında uzaklıklara bakılarak yeni uzaklıklar matrisi oluşturulur.

Gözlem	1	2	3	4	5
1	0				
2	2.83	0			
3	1.41	3.16	0		
4	7.21	4.47	7.07	0	
5	9.22	6.40	9.22	2.24	0



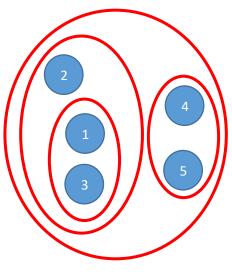
Uzunluk matrisi oluşuturulur.

Gözlem	((1,3),2)	(4,5)	
((1,3),2)	0		
(4,5)	4.47	0	

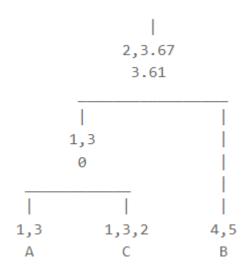
Bu verilere göre uzaklıklar ve kümeler tablosu oluşturulur.

Uzunluklar	Kümeler
1.41	(1,3)
2.24	(4,5)
2.83	(1,2,3)
4.47	(1,2,3,4,5)





Kümeler



Dendogram

Hakan Cem Gerçek

gmail: hakancg95gmail.com

instagram : hkn.cem
Twitter: eightjune95