Київський національний університет імені Тараса Шевченка Факультет комп'ютерних наук та кібернетики

Лабораторна робота №6

3 дисципліни "Системне програмування"

на тему

"Performance Measurement and Analysis. (+Assembler and low-level optimisation)"

Виконав:

студент 3-го курсу групи ТТП-32

ОПП «Інформатика»

Черненко Євгеній

Лабораторна робота №6

Для обраної (скомпільованої) програми:

- 1) побудувати FlameGraph виконання:
- 1.1) продемонструвати процес побудови при захисті роботи (+36.)
- 1.2) пояснити (інтерпретувати) отримані на графіку результати (+36.)

(можна для самої програми або для системи в цілому)

(див.:

https://www.brendangregg.com/FlameGraphs/cpuflamegraphs.html#Instructions)

- 2) зібрати та пояснити статистику її виконання, зокрема:
- 2.1) /usr/bin/time -- verbose << prog>> (+26.)
- 2.2) perf stat -d <<pre>crog>> (+26.)
- 2.3) perf report (after perf record) (+26.)

(perf: створення і аналіз логів, траси виконання)

(див.: записи лекцій + https://www.brendangregg.com/perf.html#Examples)

- 3) заміряти енерговитрати (Power consumption):
- 3.1) системи при виконанні програми (+36.)
- 3.2) виключно досліджуваної програми (+36.)

(див.: https://luiscruz.github.io/2021/07/20/measuring-energy.html , але проявіть творчість!)

- 4) порівняти параметри виконання програми до та після оптимізації (або ключами -Ох, або внесенням змін у її вихідний код):
- 4.1) пояснити різницю в асемблерному коді до та після виконання оптимізації (+3б.)
- 4.1.1) пояснити на прикладі інструкцій AVX-* розширень (якщо застосовно), наприклад SIMD інструкції (+36.)

(можна користуючись https://godbolt.org)

- 4.2) порівняти час та інші показники (див. п.п. 2.1, 2.2, тощо) виконання до і після оптимізації (+3б.)
- 4.3) продемонструвати зміни на FlameGraph (п. 1) після оптимізації (+36.)
- 4.4) порівняти енерговитрати (п. 3) після оптимізації (+36.)

(див.: записи лекцій, матеріали з попередніх пунктів, https://godbolt.org/)

Сумарна кількість балів виконаних етапів (або ж кількість балів на які я претендую) = 3 + 3 + 2 + 2 + 2 + 3 + 3 + 3 + 3 + 3 = 6 + 6 + 3 + 12 = 27

^{*}жирним виділено виконані етапи

За основу для даної лабораторної роботи взято програму для обчислення чисел Трібоначі для n = 5:

```
#include <iostream>
// Функція для обчислення чисел Трібоначі через рекурсію
int tribonacci(int n) {
  if (n == 0 || n == 1) {
     return 0;
  } else if (n == 2) {
     return 1;
  } else {
     return tribonacci(n - 1) + tribonacci(n - 2) + tribonacci(n - 3);
  }
}
int main() {
  // Приклад виклику функції для n = 5
  int result = tribonacci(5);
  std::cout << "Tribonacci for n=5: " << result << std::endl;</pre>
  return 0;
}
```

Оптимізований варіант:

```
#include <iostream>
#include <unordered_map>
std::unordered_map<int, int> memo; // Кеш для зберігання
обчислених значень
// Функція для обчислення чисел Трібоначі через рекурсію з
кешуванням
int tribonacci(int n) {
  if (n == 0 || n == 1) {
    return 0;
  } else if (n == 2) {
    return 1;
  } else {
    // Перевірка, чи значення для п вже є в кеші
    if (memo.find(n) != memo.end()) {
       return memo[n];
     } else {
       // Рекурсивне обчислення та збереження результату в кеші
       memo[n] = tribonacci(n - 1) + tribonacci(n - 2) + tribonacci(n - 3)
3);
       return memo[n];
```

```
int main() {
   // Приклад виклику функції для n = 5
   int result = tribonacci(5);

std::cout << "Tribonacci for n=5: " << result << std::endl;
   return 0;
}</pre>
```

Різниця початкового та оптимізованого варіанту полягає в тому, що в початковому варіанті в результаті рекурсії перевикликається функція із одними і тими ж значеннями, що займає зайвий час та використовує ресурси. Оптимізований варіант позбавлений цієї проблеми, бо результати функції кешуються в unordered_map, що значно прискорює роботу програми.

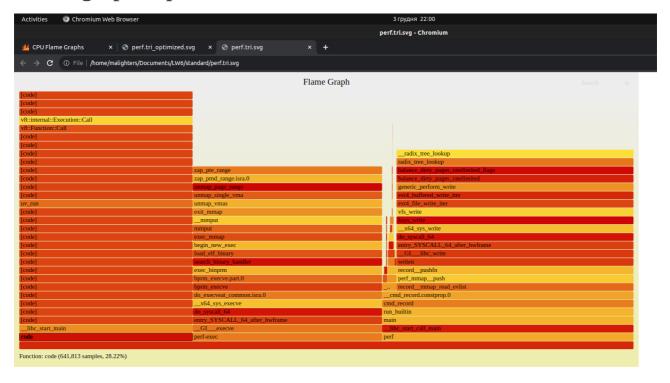
• Flamegraph

Для того, аби сформувати FlameGraph, треба до скомпільованої програми написати наступні команди в терміналі:

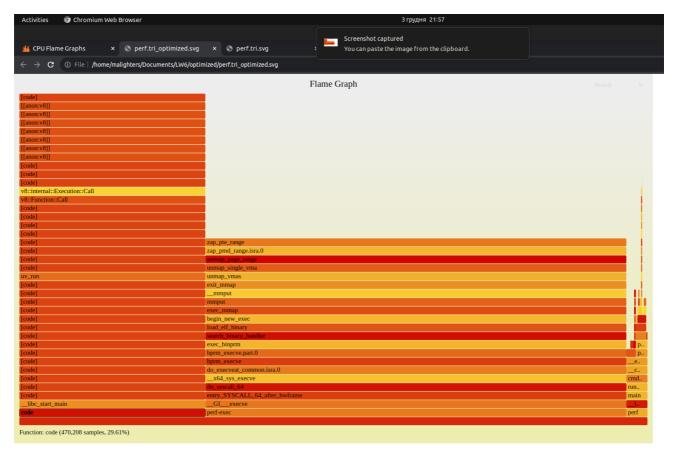
sudo perf record -F 99 -a -g /home/malighters/Documents/LW6/standard/tri sudo perf script -f | ./stackcollapse-perf.pl > out.tri.perf-folded ./flamegraph.pl out.tri.perf-folded > perf.tri.svg chromium perf.tri.svg # вже щоб запустити в браузері

Аналогічно треба і для tri_optimized

Flamegraph порівняння



Початкова програма (через рекурсію): 641 813 samples, або ж 28.22% програми



Оптимізована програма: 470 208 samples, або ж 29,61% програми

Бачимо, що оптимізована програма виконує менше операцій (470 208 проти 641 813).

Тому можна зробити висновок, що наша оптимізована програма має працювати швидше за початкову.

• Статистика

/usr/bin/time -- verbose ./tri

malighters@malighters:~/Documents/LW6/standard\$ /usr/bin/time --verbose ./tri

Tribonacci for n=40: -1543615208

Command being timed: "./tri"

User time (seconds): 51.92

System time (seconds): 0.00

Percent of CPU this job got: 99%

Elapsed (wall clock) time (h:mm:ss or m:ss): 0:51.92

Average shared text size (kbytes): 0

Average unshared data size (kbytes): 0

Average stack size (kbytes): 0

Average total size (kbytes): 0

Maximum resident set size (kbytes): 3456

Average resident set size (kbytes): 0

Major (requiring I/O) page faults: 0

Minor (reclaiming a frame) page faults: 137

Voluntary context switches: 1

Involuntary context switches: 67

Swaps: 0

File system inputs: 0

File system outputs: 0

Socket messages sent: 0

Socket messages received: 0

Signals delivered: 0

Page size (bytes): 4096

Exit status: 0

/usr/bin/time -- verbose ./tri_optimized

 $malighters@malighters:{\sim/Documents/LW6/optimized\$/usr/bin/time --verbose}./tri_optimized$

Tribonacci for n=40: -1543615208

Command being timed: "./tri_optimized"

User time (seconds): 0.00

System time (seconds): 0.00

Percent of CPU this job got: 100%

Elapsed (wall clock) time (h:mm:ss or m:ss): 0:00.00

Average shared text size (kbytes): 0

Average unshared data size (kbytes): 0

Average stack size (kbytes): 0

Average total size (kbytes): 0

Maximum resident set size (kbytes): 3328

Average resident set size (kbytes): 0

Major (requiring I/O) page faults: 0

Minor (reclaiming a frame) page faults: 137

Voluntary context switches: 1

Involuntary context switches: 0

Swaps: 0

File system inputs: 0

File system outputs: 0

Socket messages sent: 0

Socket messages received: 0

Signals delivered: 0

Page size (bytes): 4096

Exit status: 0

Оптимізована програма виконується настільки швидко, що /usr/bin/time навіть не встигає зафіксувати скільки часу воно виконується. Тому різниця очевидна. Приблизно 52 секунди проти <0.01 секунди.

```
perf stat -d ./tri
```

malighters@malighters:~/Documents/LW6/standard\$ sudo perf stat -d ./tri

Tribonacci for n=40: -1543615208

Performance counter stats for './tri':

51 962,22 msec task-clock # 0,999 CPUs utilized

571 context-switches # 10,989 /sec

40 cpu-migrations # 0,770 /sec

125 page-faults # 2,406 /sec

175 615 688 723 cycles # 3,380 GHz

(75,01%)

87 403 032 stalled-cycles-frontend # 0,05% frontend cycles idle (75,00%)

132 361 088 stalled-cycles-backend # 0,08% backend cycles idle (74,99%)

510 353 204 232 instructions # 2,91 insn per cycle

0,00 stalled cycles per insn (74,99%)

129 207 727 134 branches # 2,487 G/sec (75,00%)

223 911 200 branch-misses # 0,17% of all branches (75,01%)

128 596 817 456 L1-dcache-loads # 2,475 G/sec (75,00%)

4 411 976 L1-dcache-load-misses # 0,00% of all L1-dcache accesses (74,99%)

<not supported> LLC-loads

<not supported> LLC-load-misses

51,989267574 seconds time elapsed

51,953014000 seconds user

0,007998000 seconds sys

perf stat -d ./tri_optimized

malighters@malighters:~/Documents/LW6/optimized\$ sudo perf stat -d ./tri_optimized

Tribonacci for n=40: -1543615208

Performance counter stats for './tri_optimized':

0,698 CPUs utilized 1,65 msec task-clock 0 context-switches # 0,000 /sec 0 0,000 /sec cpu-migrations # 125 page-faults # 75,963 K/sec 5 274 250 cycles 3,205 GHz 14 729 stalled-cycles-frontend 0,28% frontend cycles idle # 21 906 stalled-cycles-backend # 0,42% backend cycles idle 4 653 632 instructions # 0,88 insn per cycle 0,00 stalled cycles per insn branches 870 384 # 528,933 M/sec 77 512 branch-misses 8,91% of all branches L1-dcache-loads <not counted> (0,00%)<not counted> L1-dcache-load-misses (0,00%)<not supported> LLC-loads <not supported> LLC-load-misses

0,002358485 seconds time elapsed

0,002453000 seconds user

0,000000000 seconds sys

При perf report було відкрито наступне вікно в терміналі:

```
Itarea object
[kernel.kallsyms]
libc.so.6
[kernel.kallsyms]
                                       perf-exec
perf-exec
                                                                                                                          __GI___execve
entry_SYSCALL_64_after_hwframe
do_syscall_64
                       0,00%
                       0,00%
0,00%
                                       perf-exec
perf-exec
perf-exec
                       0,00%
0,00%
                                                                                                                           __x64_sys_execve
do_execveat_common.isra.0
                        0,00%
                                       perf-exec
perf-exec
                                                                                                                           bprm_execve
                                                                                                                   [k] bprm_execve.part.0
[k] exec_binprm
                       0.00%
                       0,00%
0,00%
                                     perf-exec
perf-exec
                                                                                                                           search_binary_handler
load elf binary
                                                                                                                   [k] begin_new_exec
[k] exec_mmap
                                     perf-exec
perf-exec
                        0,00%
                        0,00%
                                                                                                                           mmput
                       0,00%
0,00%
                                      perf-exec
perf-exec
                                                                                                                          __mmput
exit_mmap
                        0,00%
                                                                                                                           unmap_vmas
                                      perf-exec
perf-exec
perf-exec
                                                                                                                          unmap_single_vma
unmap_sage_range
zap_pmd_range.isra.0
0x0000000001d007cb
                       0,00%
                        0,00%
                       0,00%
                                                                         [kernel.kallsyms]
                                       code
                                                                        code
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
                                                                                                                          __libc_start_main
0x000055c258647c0d
0x000055c258903a65
0x000055c258903975
0x000055c258905f28
                                                                         libc-2.31.so
                        0,00%
                       0,00%
0,00%
                                       code
                                                                        code
                                       code
                                                                        code
                        0,00%
                                       code
                                                                        code
                        0.00%
                                       code
                                                                        code
                                                                                                                           0x000055c25b305f20
0x000055c25b2d6ff4
                        0,00%
                                       code
                                                                        code
                       0,00%
0,00%
                                       code
                                                                        code
                                       code
                                                                        code
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
                                                                                                                          0x000055c25b5e3c2c
0x000055c25b58213e
                        0,00%
                                       code
                                                                        code
                        0,00%
                                      code
                                                                        code
                                                                                                                           0x000055c25b5e38c5
0x000055c25b5e2b79
0x000055c25b5e3165
                                       code
                                                                        code
                        0,00%
0,00%
                                                                        code
code
                                       code
                                       code
                                                                                                                          0x000055c25b5c4fbd
0x000055c2587ae091
                        0,00%
                                       code
                                                                        code
                        0,00%
                                       code
                                                                        code
                        0,00%
                                       code
                                                                        code
                                                                                                                          uv_run
0x000055c2586454b3
                        0,00%
                                       code
                                                                        code
                        0,00%
                                                                                                                           0x000055c258640457
                                       code
                                                                        code
                        0,00%
                                       code
                                                                                                                   [.] 0x000055c25f3f91f9
                                      'cycles
Command
                                                                          count
                                                                         Shared Object
                                                                                                                           v8::Function::Call
v8::internal::Execution::Call
0x000055c259964ad4
0x000055c2582d53c7
                       0,00%
0,00%
                                      code
                                                                        code
                                     code
                        0,00%
                                       code
                        0,00%
                                                                        code
                                      code
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
29,61%
                                                                                                                           0x000055c2582d569c
0x000055c2b833c918
0x000055c2b835a049
                       0,00%
0,00%
                                                                         [anon:v8]
[anon:v8]
                                       code
                                       code
                        0,00%
                                       code
                                                                          [anon:v8]
                                                                                                                           0x000055c2b85e186e
0x000055c2b834bafd
                        0,00%
                                       code
                                                                         [anon:v8]
                                                                                                                           0x000055c2b866c417
0x000055c2b866b9ff
                        0,00%
                                       code
                       0,00%
0,00%
                                       code
                                                                         [anon:v8]
                                                                                                                           0x000055c2b865c8aa
                                       code
                                                                         [anon:v8]
                                                                        code
libc.so.6
                        0,00%
                                       code
                                                                                                                           0x000055c25831f8a0
                       0.00%
                                      perf
                                                                                                                              libc start call main
                                                                                                                           run_builtin
cmd_record
  3,36%
3,36%
                       0,00%
0,00%
                                       perf
perf
                                                                        perf
perf
                                                                                                                 [.] cmd_record
[.] _ cmd_record.constprop.0
[.] _ evlist_enable_constprop.0
[k] entry_SYSCALL_64_after_hwframe
[.] perf_evsel__enable_cpu
[.] perf_evsel_ run_ioctl
[k] do_syscall_64
[k] _ x64_sys_ioctl
[.] _GI__ioctl
[.] evlist_cpu_iterator_next
[k] perf_ioctl
[.] perf_eyn_map__idx
[.] sched_setaffinity@@GLIBC_2.3.4
[k] __fget_light
[k] syscall_exit_to_user_mode
[k] exit_to_user_mode_prepare
                        0,00%
                                                                        perf
                        0,00%
                                       perf
                                                                         perf
                        0,00%
                                       perf
                                                                         [kernel.kallsyms]
   1.83%
                       0,00%
0,00%
                                       perf
perf
                                                                        perf
perf
   1,83%
                                                                         [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
libc.so.6
                        0,00%
                                        perf
                        0,22%
                                        perf
 1,53%
0,76%
                       0,00%
0,34%
                                                                        perf
[kernel.kallsyms]
                                        perf
                                       perf
                                                                        perf
libc.so.6
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
                                       perf
perf
 0,49%
                        0,00%
 0,42%
                        0,00%
                                                                                                                         exit to user mode prepare
perf event enable
event_function
x64 sys sched setaffinity
alloc_cpumask_var_node
_kmalloc_node
kmen_cache_all
                                                                         [kernel.kallsýms]
[kernel.kallsyms]
 0,32%
0,30%
                       0,13%
0,00%
                                       perf
perf
                                                                         [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
 0,30%
 0,30%
                       0,00%
                                       perf
                                                                         [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
                                                                                                                          __kmem_cache_alloc_node
mutex_lock
entry_SYSRETQ_unsafe_stack
                                        perf
```

, 29% , 23%

0,29% 0,23%

perf perf

```
0,00%
0,00%
                 perf
perf
                                        perf
                                                                                              main
                                                                                               run builtin
                                        pert
 0,00%
                                        .
perf
                                                                                              __cmd_record.constprop.0
entry_SYSCALL_64_after_hwframe
 0,00%
                 perf
                                        perf
 0,00%
                 perf
                                         [kernel.kallsyms]
                                                                                              do_syscall_64
__raw_spin_lock_irqsave
record_mmap_read_evlist
                 perf
perf
                                        [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
0,00%
0,00%
0,00%
0,00%
                 perf
perf
                                        perf
                                                                                              perf_mmap__push
record__pushfn
                                        perf
                                                                                             record__pusnin
writen
_GI__libc_write
_x64_sys_write
ksys_write
vfs_write
ext4_file_write_iter
ext4_buffered_write_iter
                                        perf
perf
libc.so.6
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
0,00%
0,00%
                 perf
perf
 0,00%
                                                                                      [k]
[k]
[k]
[k]
0,00%
0,00%
                 perf
perf
                                        [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
 0,00%
 0.00%
                 perf
                                                                                              extd_burrered_write_lter
generic_perform_write
balance_dirty_pages_ratelimited
balance_dirty_pages_ratelimited_flags
radix_tree_lookup
__radix_tree_lookup
__mod_lruwor_pages_tatelimited_flags
 0,00%
                 perf
                                                                                      [k]
[k]
[k]
[k]
0,00%
0,00%
                 perf
perf
                 perf
perf
 0,00%
0,00%
                                                                                              __mod_lruvec_page_state
__GI __execve
_entry_SYSCALL_64_after_hwframe
                perf-ex
0,00%
0,00%
                                        libc.so.6
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
                                                                                      [.]
[k]
[k]
[k]
                                                                                              do_syscall_64
__x64_sys_execve
do_execveat_common.isra.0
0,00%
0,00%
 0,00%
                                                                                      [k]
[k]
[k]
[k]
[k]
[k]
[k]
                                         [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
0,00%
0,00%
                                                                                              bprm_execve
bprm execve.part.0
 0,00%
                                         [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
                                                                                              exec_binprm
                                                                                              search_binary_handler
load_elf_binary
 0,00%
 0,00%
                                         [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
0,00%
0,00%
                                                                                              begin_new_exec
exec_mmap
                 perf-ex
perf-ex
perf-ex
 0,00%
                                         .
[kernel.kallsýms]
                                                                                              mmput
                                         [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
                                                                                              __mmput
exit_mmap
 0,00%
                                                                                      [k]
[k]
[k]
[k]
0,00%
0,00%
                 perf-ex
perf-ex
                                        [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
                                                                                              unmap_vmas
unmap_single_vma
                                         [kernel.kallsyms]
```

```
'cycles
Command
                                                           , Event count (approx.): 2274017
Shared Object Symbol
                     of event
amples: 67
Children
                                                                                                           0x000055c25f3f870d
                                         code
                           0.00%
                                                            code
                                                                                                           0x000055c25f3f37fe
0x000055c25f3f1837
                           0,00%
                           0,00%
                                         code
                                                            code
                                         code
                                                            code
                           0,00%
                                         code
                                                            code
                                                                                                           0x000055c25f2468b9
                                                                                                           v8::Function::Call
                           0,00%
                                        code
                                                            code
                                         code
                                                            code
                                                                                                           0x000055c259964ad4
0x000055c2582d53c7
                           0,00%
0,00%
                                         code
                                                            code
                                         code
                                                            code
                                                                                                         0x000055c2582ccb47
_evlist_enable.constprop.0
perf_evsel_enable_cpu
perf_evsel_run_ioctl
_GI_ioctl
_x64_sys_ioctl
evlist_cpu_iterator_next
perf_ioctl
perf_event_ctx_lock_nested.constprop.0
sched_setaffinity@GGLIBC_2.3.4
_perf_event_enable
fdget
                           0,00%
0,15%
                                         code
perf
                                                            code
                                                            perf
                           0,00%
                                                            perf
                           0,16%
0,00%
                                         perf
perf
                                                             perf
                                                             libc.so.6
      0,97%
0,84%
                           0,15%
0,15%
                                                             [kernel.kallsyms]
                                         perf
                                         perf
                                                            perf
                                                             [kernel.kallsyms]
                           0,24%
                                         perf
                                                            [kernel.kallsyms]
libc.so.6
                           0,20%
0,00%
                                         perf
perf
      0,36%
      0,35%
                                                            libc.so.6
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
                                         perf
perf
      0,31%
                           0,20%
                                                                                                           __fdget
      0.31%
                           0,00%
                                                                                                    [k]
                                                                                                           ___nget
__fget_light
smp_call_function_single
mutex_unlock
       0,31%
                           0,00%
      0,23%
0,16%
                           0,12%
0,16%
                                         perf
perf
                                                                                                          mutex_unlock
xyarray_max_y
entry_SYSCALL_64
entry_SYSRETQ_unsafe_stack
syscall_enter_from_user_mode
_x64_sys_sched_setaffinity
alloc_cpumask_var_node
_kmmalloc_node
kmem_cache_alloc_node
                           0,00%
0,16%
0,16%
                                                            perf
[kernel.kallsyms]
       0,16%
                                                                                                    [.]
[k]
                                         perf
      0,16%
                                                             [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
                                                                                                    [k]
      0,16%
0,15%
                           0,00%
0,00%
                                         perf
perf
                                                                                                   [k]
[k]
[k]
                                                            [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
       0,15%
                           0,00%
                                          perf
                                         perf
perf
      0,15%
0,15%
                           0,00%
                                                                                                           __kmem_cache_alloc_node
__perf_event_enable
syscall_exit_to_user_mode
                           0,00%
      0,15%
                           0,12%
                                         perf
                           0,15%
       0,15%
                                                                                                           systati exit_to_user_mot
perf_evsel__ioctl
xyarray_entry
perf_cpu_map__idx
srso_alias_return_thunk
_perf_ioctl
       0,15%
                           0,00%
                                                            perf
perf
                           0,00%
0,00%
      0,15%
                                         perf
perf
                                                             [kernel.kallsyms]
[kernel.kallsyms]
                           0,13%
0,00%
                                         perf
perf
      0,13%
      0,12%
                                                                                                           perf_event_for_each_child
event_function_call
                                                              kernel.kallsýms
                                                             kernel.kallsvms
                                                                                                    [k] generic exec single
```

• Енерговитрати

Для даного експерименту було використано n=30 malighters@malighters:~/Documents/LW6/standard\$ likwid-powermeter ./tri

CPU name: AMD Ryzen 7 7730U with Radeon Graphics

CPU type: AMD K19 (Zen3) architecture

CPU clock: 2.00 GHz

Tribonacci for n=40: -1543615208

Runtime: 60.1021 s

Measure for socket 0 on CPU 0

Domain CORE:

Energy consumed: 972.892 Joules

Power consumed: 16.1873 Watt

Domain PKG:

Energy consumed: 719.19 Joules

Power consumed: 11.9661 Watt

malighters@malighters:~/Documents/LW6/optimized\$ likwid-powermeter ./tri_optimized

CPU name: AMD Ryzen 7 7730U with Radeon Graphics

CPU type: AMD K19 (Zen3) architecture

CPU clock: 2.00 GHz

Tribonacci for n=40: -1543615208

Runtime: 1.03938 s

Measure for socket 0 on CPU 0

Domain CORE:

Energy consumed: 15.3075 Joules

Power consumed: 14.7275 Watt

Domain PKG:

Energy consumed: 12.4253 Joules

Power consumed: 11.9545 Watt

• Різниця в асемблерному коді

Скомпільовані коди програм були збережені в файли tri.asm та tri_optimized.asm.

- рекурсія та ітерація: `tri` використовує рекурсивні виклики, що легко ідентифікувати за `CALL tribonacci(int)`, тоді як `tri_optimized` використовує unordered_map для кешування значень, що ефективніше з точки зору використання пам'яті та швидкодії.
- управління пам'яттю: В `tri` використовується стек для зберігання стану кожного рекурсивного виклику, у той час як `tri_optimized` використовує динамічну пам'ять для збереження проміжних результатів.
- оптимізація продуктивності: tri_optimized оптимізує обчислення, зменшуючи загальну кількість операцій, порівняно з tri, де кожен рекурсивний виклик може призвести до значного зростання кількості обчислень, особливо для великих вхідних значень.

• Зведена таблиця результатів (зібраної статистики)

Характерист	До	Після	Різниця	Різниця (%)
ика	оптимізації	оптимізації		
FlameGraph	641 813 samples (28.22%)	470 208 samples (29,61%)	171605	26,7
Час	51,989267574	0,002358485	51,986909089	99,9
виконання	seconds time elapsed	seconds time elapsed		
	51,953014000	0,002453000	51,950561	99.9
	seconds user	•		
	0,007998000 seconds sys	0,000000000 seconds sys	0,007998000	100
Енерговитрат и	972.892 Joules	15.3075 Joules	957,5845	98
(Domain Core)	16.1873 Watt	14.7275 Watt	1,4598	9