

PRUEBA

Nombres: Malki Yupanki

Introducción: Es fundamental verificar la calidad de los números pseudoaleatorios. Además es importante no olvidar las 2 propiedades más importantes que deben tener los números pseudoaleatorios: uniformidad e independencia.

La uniformidad se puede verificar usando las pruebas de bondad de ajuste test Chi Cuadrada

Chi-Cuadrada

Esta prueba verifica la desviación del valor esperado y se usa cuando se trabaja con variables nominales (categorías o grupos). Debemos responder a la pregunta: ¿Difieren las frecuencias observadas de la frecuencia esperada?

Pasos para aplicar la prueba:

1. Tomar la serie de N números pseudo-aleatorios.
2. Dividir la serie en n intervalos (grados libertad)
3. Calcular la esperanza $E_i = N/n$
4. Calcular la cantidad de números observados por intervalo O_i
5. Calcular Chi – Cuadrado: $\chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{[(O_i - E_i)]^2}{E_i}$
6. Si $\chi^2 \leq \chi^2_{(k-1)}$ se acepta H_0 (los números están distribuidos uniformemente)

DESARROLLO

Para el desarrollo de la prueba procedemos a crear los diferentes métodos que nos permitan realizar los cálculos que se solicitan para la evaluación.

Luego de definir los métodos procedemos a realizar los cálculos con los datos que se entregaron:

Cuadrados medios: $X_0 = 74731897457$, $D = 7$

Congruencia lineal: $a = 74731897457$, $b = 37747318974$, $X_0 = 7$, $M = 19$

In [88]:

```
1 import numpy as np
2 import math as mtp
3 import matplotlib.pyplot as plt
```

In [89]:

```

1 def cortes(num_digitos):
2     digstos1 =0
3     digitos2=0
4     if num_digitos%2 !=0:
5         digstos1 = int(num_digitos / 2)
6         digitos2 = int(num_digitos / 2) + 1
7     else:
8         digstos1 = int(num_digitos / 2)
9         digitos2 = int(num_digitos / 2)
10    return digstos1,digitos2
11
12 def calculo_num(num_iteras, valor_inicio, num_digitos):
13     lista =[]
14     semilla_xi = int(valor_inicio)
15     aux = cortes(num_digitos)
16     for i in range(num_iteras):
17         xn2= semilla_xi ** 2
18         lon = len(str(xn2))
19         ui = str(xn2)[int(lon/2)-aux[0]:int(lon/2)+aux[1]]
20         rn = int(ui) / 10 ** num_digitos
21         lista.append(rn)
22         semilla_xi=int(ui)
23     return lista
24 def lista_Numeros(grupos, aux_incremento, lista):
25     grupos = []
26     rango_aux = 0.00
27     for i in range(grupos + 1):
28         grupos.append(round(rango_aux, 2))
29         rango_aux = rango_aux + aux_incremento
30     aux_inicio = 0
31     aux_nuevo = 1
32     rangos = {}
33     for i in range(len(grupos) - 1):
34         minimo = grupos[aux_inicio]
35         maximo = grupos[aux_nuevo]
36         rangos.update({str(minimo) + "," + str(maximo): []})
37         for i in lista:
38             if i == 0.00:
39                 if i >= minimo and i <= maximo:
40                     rangos[str(minimo) + "," + str(maximo)].append(i)
41             else:
42                 if i > minimo and i <= maximo:
43                     rangos[str(minimo) + "," + str(maximo)].append(i)
44         aux_inicio = aux_nuevo
45         aux_nuevo = aux_inicio + 1
46     return rangos
47
48 def metodo_CHI(lista, valor):
49     n = int(mtp.sqrt(len(lista)))
50     dic = lista_to_dict(n,1/n, lista)
51     suma = 0.00
52     print("X_I", "      Ei      ", "      Oi ", " (Oi-Ei)**2/Ei")
53     for x, it in enumerate(dic.items()):
54         f = ((len(it[1])-n)**2)/n
55         suma+=f
56         print(x, "      ", str(n)+"("+it[0]+")      ", len(it[1]),"      ", f)
57     plt.hist(lista)
58     plt.ylabel('Repeticiones')
59     plt.xlabel('Intervaloes')

```

```

60     plt.title('Chi-Cuadrado')
61     plt.show()
62     print("Suma: ", suma)
63     if suma < valor:
64         return True
65     else:
66         return False
67
68 def metodo_PRODME(x, a, c, mod, iters):
69     num = 0.00
70     lista = []
71     for i in range(iters):
72         x = (a * x + c) % mod
73         num = round(x / mod, 2)
74         lista.append(num)
75     return lista
76

```

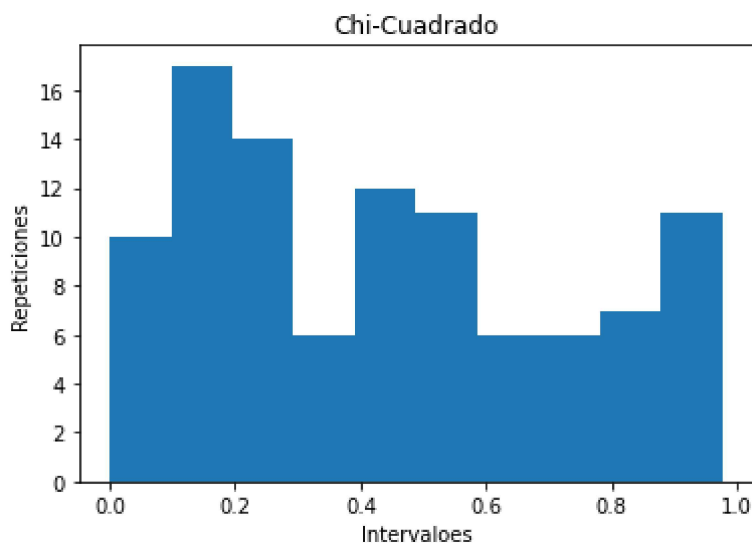
In [90]:

```

1 valor = 16.9
2 valores_iniciales =[74731897457]
3 iteraciones = 100
4 digitos_iniciales = 7
5 lista = calculo_num(iteraciones, i, digitos_iniciales)
6 res=metodo_CHI(lista,valor)
7

```

X_I	Ei	Oi	$(O_i - E_i)^2 / E_i$
0	10(0.0,0.1)	10	0.0
1	10(0.1,0.2)	17	4.9
2	10(0.2,0.3)	14	1.6
3	10(0.3,0.4)	7	0.9
4	10(0.4,0.5)	11	0.1
5	10(0.5,0.6)	11	0.1
6	10(0.6,0.7)	6	1.6
7	10(0.7,0.8)	6	1.6
8	10(0.8,0.9)	8	0.4
9	10(0.9,1.0)	10	0.0

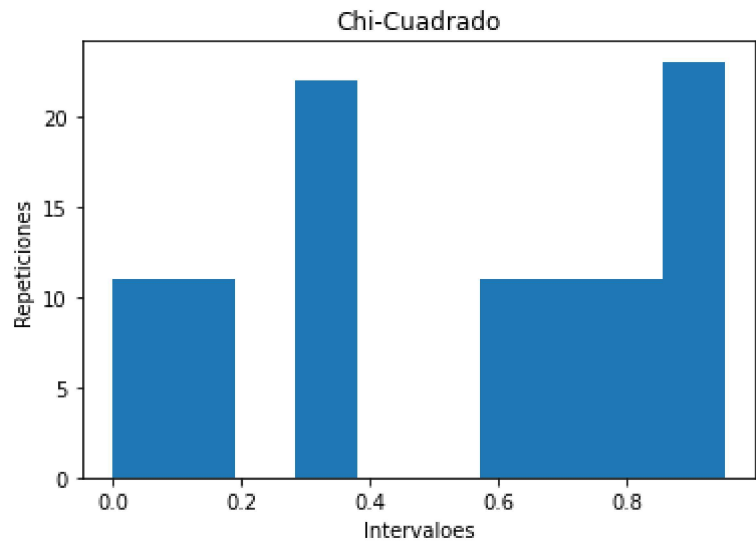


Suma: 11.2

In [91]:

```
1 x = 7
2 a = 74731897457
3 b = 37747318974
4 M = 19
5 lista2 = metodo_PRODMED(x,a,b,M,iteraciones)
6 res2 = metodo_CHI(lista2,valor)
7
```

X_I	Ei	Oi	(Oi-Ei)**2/Ei
0	10(0.0,0.1)	11	0.1
1	10(0.1,0.2)	11	0.1
2	10(0.2,0.3)	0	10.0
3	10(0.3,0.4)	22	14.4
4	10(0.4,0.5)	0	10.0
5	10(0.5,0.6)	0	10.0
6	10(0.6,0.7)	11	0.1
7	10(0.7,0.8)	11	0.1
8	10(0.8,0.9)	23	16.9
9	10(0.9,1.0)	11	0.1



Suma: 61.800000000000004

In []:

```
1
```