

EJERCICIOS REGLAS MULTIPLICATIVAS

Nombre: Malki Yupanki

1. En cierta región del país se sabe por experiencia que la probabilidad de seleccionar un adulto mayor de 40 años con cáncer es 0.05. Si la probabilidad de que un doctor diagnostique de forma correcta que una persona con cáncer tiene la enfermedad es 0.78, y la probabilidad de que diagnostique de forma incorrecta que una persona sin cáncer tiene la enfermedad es 0.06, ¿cuál es la probabilidad de que a una persona se le diagnostique cáncer?

① Adulto Cáncer = 5% = A
Doctor Diagnostique correcto persona con cáncer = 0,78 $P(B|A)$
Incorrecto = 0,06 $P(A')$
No tengo = 95% $P(B|A')$
Adulto Sin Cáncer = ? = B
$$P(B) = P(A \cap B) + P(A' \cap B)$$
$$P(B) = P(A) \cdot P(B|A) + P(A') \cdot P(B|A')$$
$$P(B) = 0,05(0,78) + 0,95(0,06)$$
$$P(B) = 0,096 //$$

3. Refiérase al ejercicio 1(anterior). ¿Cuál es la probabilidad de que una persona a la que se le diagnostica cáncer realmente tenga la enfermedad?

③ Probabilidad de que tenga
$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{P(A) \cdot P(B|A)}{P(B)} = \frac{0,05 \cdot 0,78}{0,096} = 0,406 //$$

5. Suponga que los cuatro inspectores de una fábrica de película colocan la fecha de caducidad en cada paquete de película al final de la línea de montaje. John, quien coloca la fecha de caducidad en 20% de los paquetes, no la pone una vez en cada 200 paquetes; Tom, quien la coloca en 60% de los paquetes, no la coloca una vez en cada 100 paquetes; Jeff, quien la coloca en 15% de los paquetes, no lo hace una vez en cada 90 paquetes; y Pat, que fecha 5% de los paquetes, falla una vez en cada 200 paquetes. Si un consumidor se queja de que su paquete de película no muestra la fecha de caducidad, ¿cuál es la probabilidad de que haya sido inspeccionado por John?

⑤ John = 20% No tiene = $1/200 = 0,005$ $P(J|X) = \frac{P(J) \cdot P(X|J)}{P(X)}$
 Tom = 60% No tiene = $1/100 = 0,01$ $P(T|X) = \frac{P(T) \cdot P(X|T)}{P(T) \cdot P(X|T) + P(J) \cdot P(X|J) + P(P) \cdot P(X|P)}$
 Jeff = 15% No tiene = $1/90 = 0,011$
 Pat = 5% No tiene = $0,005$
 No tengo = ? = x

$$P(J|X) = \frac{(0,2)(0,005)}{(0,2)(0,005) + (0,6)(0,01) + (0,15)(0,011) + (0,05)(0,005)}$$

$$P(J|X) = 0,1124 //$$

7. La contaminación de los ríos en Estados Unidos es un problema desde hace varios años. Considere los siguientes eventos:

⑦ $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B|A)$
 $P(A) = 0,3$ $P(C|A \cap B) = 0,15$
 $P(B|A) = 0,75$ $P(C|A \cap B') = 0,80$
 $P(B|A') = 0,20$ $P(C|A' \cap B') = 0,90$
 $P(C|A \cap B) = 0,15$
 a) Encuentre $P(A \cap B \cap C)$

$$P(A \cap B \cap C) = P(A \cap B) P(C|A \cap B)$$

$$P(A \cap B \cap C) = P(A) \cdot P(B|A) \cdot P(C|A \cap B)$$

$$P(A \cap B \cap C) = (0,3)(0,75)(0,15)$$

$$P(A \cap B \cap C) = 0,045$$

B) Encuentra $P(B' \cap C)$

$$P(B' \cap C) = P(A \cap B' \cap C) + P(A' \cap B' \cap C)$$

$$P(B' \cap C) = P(A \cap B')P(C|A \cap B') + P(A' \cap B')P(C|A' \cap B')$$

$$P(B' \cap C) = (0,3)(1-0,75)(0,8) + (1-0,3)(1-0,2)(0,9)$$

$$P(B' \cap C) = 0,56 //$$

C) Encuentra $P(C)$

$$P(C) = P(A \cap B \cap C) + P(A \cap B' \cap C) + P(A' \cap B \cap C) + P(A' \cap B' \cap C)$$

$$P(C) = 0,45 + 0,06 + 0,021 + 0,56$$

$$P(C) = 0,64 //$$

d) El contaminado, se permite pescar y que no detecte contaminación

$$P(A|B' \cap C) = \frac{P(A \cap B' \cap C)}{P(B' \cap C)} = \frac{0,06}{0,56} = 0,106.$$