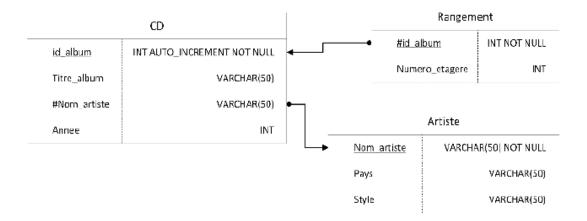
EXERCICE 1 (6 points)

Cet exercice porte sur la notion de bases de données relationnelles, le langage SQL et les protocoles de sécurisation.

Partie A – Bases de données

L'énoncé de cette partie utilise les mots du langage SQL suivants : SELECT, FROM, WHERE, JOIN, UPDATE, SET, DELETE. L'attribut AUTO_INCREMENT permet d'incrémenter automatiquement un entier dans une table à l'insertion d'un nouvel élément.

Bob, qui dispose d'une très grande collection de CDs rangés sur plusieurs étagères numérotées, a mis en place une base de données. Voici la description des trois relations de cette base dont les clés primaires ont été soulignées et les clés étrangères indiquées par un #:



 Indiquer, avec justification, s'il aurait été possible de choisir l'attribut Nom artiste comme clé primaire dans la relation CD.

La clé primaire permet de s'assurer de **l'unicité** de chacun des enregistrements d'une table (ou relation). La valeur de l'attribut qui correspond à la clé primaire **doit être unique**. Pour la relation CD, il n'aurait pas été possible de choisir l'attribut Nom_artiste comme clé primaire, car cette collection pourrait contenir plusieurs albums du même artiste.

Dans la suite, on considère les clés étrangères suivantes :

- CD.Nom artiste qui référence l'attribut Artiste.Nom artiste ;
- Rangement.id_album qui référence l'attribut CD.id_album.

Voici un extrait des enregistrements des relations CD, Artiste et Rangement définies plus haut :

CD					
id_album	Titre_album	Nom_artiste A		Annee	
1	'Master of Puppets'	'Metallica'		1986	
2	'The Marshall Mathers LP'	'Eminem'		2000	
3	'Wasting Light'	'Foo Fighters'		2011	
4	'Wishmaster'	'Nightwish'		2001	
5	'Dead Letters'	'The Rasmus'		2003	
6	'Somewhere in Time'	'Iron Maiden' 198		1986	
Artiste					

Artiste				
Nom_artiste	Pays	Style		
'Nightwish'	'Finlande'	'Metal'		
'Foo Fighters'	'Etats-Unis'	'Rock'		
'Metallica'	'Etats-Unis'	'Metal'		
'Iron Maiden'	'Royaume-Uni'	'Metal'		
'Eminem'	'Etats-Unis'	'Rap'		
'The Rasmus'	'Finlande'	'Rock'		

Rangement			
id_album	Numero_etagere		
1	2		
2	1		
3	1		
4	3		
5	3		
6	2		

2. Écrire ce que renvoie la requête suivante lorsqu'on l'applique aux extraits cidessus.

SELECT Nom_artiste FROM Artiste WHERE Pays = "Finlande";

Cette requête renvoie : 'Nightwish' et 'The Rasmus'

3. Écrire à présent ce que renvoie la requête suivante.

```
SELECT CD.Annee
FROM CD
JOIN Artiste
ON CD.Nom_artiste = Artiste.Nom_artiste
WHERE Artiste.Style = "Metal";
```

Cette requête renvoie: 1986, 2001, 1986

Bob se rend compte que l'album Wishmaster est en réalité sorti en 2000.

4. Donner la requête qu'il doit écrire pour mettre à jour sa base de données.

```
UPDATE CD SET Annee = 2000
WHERE Titre_album = 'Wishmaster';
```

 Donner la requête qu'il doit écrire pour afficher les titres de tous les albums de "Metal" rangés sur l'étagère dont le numéro est 1.

```
SELECT CD.titre_album FROM CD

JOIN Artiste AS A ON CD.Nom_artiste = A.Nom_artiste

JOIN Rangement AS R ON CD.id_album = R.id_album

WHERE A.Style = 'Metal' AND R.Numero_etagere = 1;
```

Bob a vendu l'album Dead Letters du groupe The Rasmus. Puisqu'il s'agissait du seul album de ce groupe qu'il possédait, il veut supprimer tous les enregistrements qui sont à présent inutiles dans les trois relations.

6. Donner l'ordre dans lequel il doit les supprimer en expliquant pourquoi, puis écrire la requête correspondant à la suppression de l'album dans la relation CD.

Il s'agit de supprimer dans la relation CD, l'enregistrement dont le Titre_album est 'Dead Letters'. Cet enregistrement a l'attribut id_album égal à 5 et l'attribut Nom_artiste égal à 'The Rasmus'. Il s'agit aussi de supprimer dans la table Artiste, l'enregistrement dont l'attribut Nom_artiste est égal à 'The Rasmus', et dans la table Rangement, l'enregistrement dont l'attribut id_album est égal à 5.

On commence par supprimer l'enregistrement dans la table **Rangement**, puis celui dans la table **CD**, puis celui dans la table **Artiste** afin de conserver la contrainte de clé étrangère.

Si on supprimait par exemple l'enregistrement dans CD avant celui dans Rangement, la table Rangement contiendrait un enregistrement dont l'attribut id_album n'existerait plus dans la table CD. Cette situation provoquerait une erreur sur l'intégrité de la table Rangement.

Les requêtes à exécuter seraient :

```
DELETE FROM Rangement WHERE id-album = 5;

DELETE FROM CD WHERE titre_album = 'Dead Letters';

DELETE FROM Artiste WHERE Nom_artiste = 'The Rasmus';
```

Seule la seconde requête était demandée.

Partie B - Sécurisation

La base de données de Bob est hébergée sur un serveur auquel il accède depuis un client sur son ordinateur personnel. Pour sécuriser la connexion, un algorithme de chiffrement symétrique est utilisé.

7. Expliquer brièvement ce qu'est un algorithme de chiffrement symétrique.

Un algorithme de chiffrement symétrique utilise la même clé pour chiffrer ou pour déchiffrer.

8. Rappeler brièvement ce qu'est un algorithme de chiffrement asymétrique.

Un algorithme de chiffrement asymétrique utilise une paire de 2 clés différentes qui sont liées entre elles. Elles sont générées en même temps. Un message chiffré avec la clé publique de cette paire, ne pourra être déchiffrée qu'avec la seconde clé de cette paire, celle appelée clé privée.

On suppose à présent que Bob possède une clé publique et une clé privée. La clé publique de Bob est supposée connue par le serveur.

 Proposer alors une solution pour que le serveur puisse envoyer la clé C à l'ordinateur de Bob de façon sécurisée, c'est-à-dire pour que seul Bob puisse déchiffrer la clé envoyée.

La clé publique de Bob est connue par le serveur. Celui-ci chiffre la clé secrète C avec la clé publique de Bob. Bob reçoit ce message chiffré, qui pourrait aussi être reçu par une personne malveillante qui l'aurait intercepté. Mais pour déchiffrer ce message, il est nécessaire d'utiliser la clé privée que Bob est le seul à connaître. Il peut ainsi déchiffrer la clé C qui sera ensuite utilisée pour dialoguer avec le serveur avec un protocole de chiffrement symétrique, bien plus rapide que l'asymétrique.

EXERCICE 2 (6 points)

Cet exercice porte sur la programmation orientée objets, les tris, les algorithmes gloutons, la récursivité et les assertions.

Cet exercice est composé de trois parties dont les deux dernières sont indépendantes entre elles.

Dans cet exercice, l'entête des fonctions est décrit avec le type des objets en paramètre et le type de l'objet renvoyé. Ainsi la fonction puissance qui prend un paramètre flottant x et un entier n puis qui renvoie le flottant x**n, a pour entête puissance (x: float, n: int) -> float

Une entreprise transporte des marchandises. Elle souhaite maximiser son profit en optimisant le remplissage de ses moyens de transport. On considère qu'un moyen de transport est limité par son volume (exprimé en litres). Chaque marchandise est caractérisée par son prix (en euros) et son volume indivisible (en litres).

Supposons qu'on ait trois marchandises caractérisées par les couples (prix, volume) suivants : $m_1 = (100, 10)$, $m_2 = (100, 10)$ et $m_3 = (250, 20)$. Si le moyen de transport peut encore charger 25 litres, il vaut mieux charger la marchandise numéro 3 qui rapporte $250 \notin à$ l'entreprise plutôt que charger les marchandises numéros 2 et 3 qui rapportent $200 \notin$ au total pour le même espace utilisé.

Partie A - Quelques outils

Nous souhaitons définir une classe Marchandise dont chaque instance définit une marchandise possédant deux attributs entiers prix et volume.

 Compléter le constructeur qui renvoie un objet Marchandise. Utiliser le mot-clé assert afin qu'une exception soit levée si le paramètre v n'est pas strictement positif.

On rappelle que si condition est une expression Python booléenne s'évaluant à True ou False, l'instruction assert condition déclenche une exception quand la condition s'évalue à False.

```
class Marchandises :
    def __init__(self, p: int , v: int) -> Marchandises :
        assert v > 0 , 'Le volume doit être strictement positif'
        self.prix = p
        self.volume = v
```

2. Donner une instruction qui permet de créer une variable m1 représentant une marchandise d'un volume de 7 litres coûtant 20 €.

```
m1 = Marchandises(20,7)
```

 Proposer une méthode ratio(self) -> float qui renvoie le ratio prix/volume d'une marchandise.

```
class Marchandises :
    def __init__(self, p: int , v: int) :
        assert v > 0 , 'Le volume doit être strictement positif'
        self.prix = p
        self.volume = v

def ratio(self) -> float :
        return self.prix / self.volume
```

4. Proposer une fonction prixListe(tab: list) -> int qui renvoie le prix cumulé de l'ensemble des marchandises formant le tableau tab.

```
def prixListe(tab : list) -> int :
    somme = 0
    for marchandise in tab :
        somme = somme + marchandise.prix
    return somme
```

Partie B - Première approche de rangement

Le transporteur souhaite maximiser son profit. On considère que nous avons les quatre marchandises définies par les couples (prix, volume) suivants :

```
m_1 = (40, 20), m_2 = (210, 70), m_3 = (160, 40) et m_4 = (50, 50).
```

 Préciser toutes les combinaisons de marchandises possibles si on ne dépasse pas un volume de 100 litres et le prix associé. En déduire la combinaison de marchandises qui maximise le prix.

```
Des marchandises sont transportées avec m_1:
    Possibilité 1 : m_1 seule ;
                                                                  volume total: 20 litres
                                     prix total : 40 €
                                   prix total : 250 €
    Possibilité 2 : m_1 + m_2 ;
                                                                    volume total: 90 litres
    Possibilité 3 : m_1 + m_3 ;
                                   prix total : 200 €
                                                                    volume total: 60 litres
    Possibilité 4: m_1 + m_4 ;
                                                                     volume total: 70 litres
                                     prix total : 90 €
Des marchandises sont transportées avec m_2:
    Possibilité 5 : m_2 seule
                                                                     volume total: 70 litres
                                     prix total : 210 €
Des marchandises sont transportées avec m_3:
    Possibilité 6 : m_3 seule ;
                                     prix total : 160 €
                                                                     volume total: 40 litres
    Possibilité 7 : m_3 + m_4
                                     prix total : 210 €
                                                                     volume total: 90 litres
Des marchandises sont transportées avec m_4:
    Possibilité 8 : m_4 seule
                                     prix total : 50 €
                                                                    volume total: 50 litres
```

La combinaison de marchandises qui maximise le prix est donc celle envisagée dans la possibilité 2. Elle combine $m_1 + m_2$ avec un volume total de 90 litres et un prix transporté de 250 \in .

Une première méthode appelée ChargementGlouton consiste à trier les marchandises dans l'ordre décroissant de leur prix volumique (ratio prix/volume), puis transporter en priorité les marchandises avec le plus grand prix volumique. Si une marchandise est trop volumineuse pour être transportée, on essaie avec la marchandise ayant le prix volumique juste inférieur, ce jusqu'à ce qu'aucune marchandise ne puisse rentrer. Ainsi, en notant v_restant le volume disponible et m_i la $(i+1)^e$ marchandise une fois les marchandises triées, l'algorithme peut s'écrire .

ChargementGlouton

```
n = nombre de marchandises

POUR i ALLANT de 0 à n-1 FAIRE

| SI volume de m_i <= v_restant ALORS

| charger m_i

| v_restant = v_restant - volume de m_i

TRANSPORTER le chargement prévu
```

Le tri dans l'ordre décroissant des prix volumiques donne m_3 , m_2 , m_1 , m_4 . Si le moyen de transport accepte 100 litres de chargement, l'algorithme charge m_3 et m_1 pour un prix de 200 \in (à comparer avec la combinaison trouvée précédemment pour maximiser le prix).

Par la suite, on rappelle que dans l'implémentation Python, les marchandises sont définies par des instances de la classe Marchandise.

On donne quelques qualificatifs: dichotomique, glouton, graphique, insertion, maximum, récursif, tri.

 Indiquer, sans justification, le qualificatif qui s'applique le mieux à l'algorithme précédent.

Le qualificatif qui s'applique le mieux à l'algorithme précédent est glouton .

7. Recopier et compléter la fonction tri (tab: list) -> None ci-dessous afin qu'elle trie en place un tableau contenant des objets de type Marchandise selon l'ordre décroissant des ratios. Ainsi, tab[0] doit contenir la marchandise avec le plus haut ratio prix/volume après l'appel tri (tab).

```
def tri(tab: list) -> None:
    n = len(tab)
    for i in range(1, n):
        marchandise = tab[i]
        j = i-1
        while ... and ... > ... :
        tab[j+1] = ...
        j = ...
        tab[j+1] = marchandise
```

```
def tri(tab: list) -> None:
    n = len(tab)
    for i in range(1, n):
        marchandise = tab[i]
        j = i-1
        while j >= 0 and marchandise.ratio() > tab[j].ratio():
        tab[j+1] = tab[j]
        j = j - 1
        tab[j+1] = marchandise
```

8. Sans justifier, préciser le nom de ce tri, ainsi que son coût temporel dans le pire des cas (constant, logarithmique, linéaire, quasi-linéaire $(n \log_2 n)$, quadratique, cubique ou exponentiel).

Le nom de ce tri est « tri par insertion ». Son coût temporel est quadratique $\mathcal{O}(n^2)$.

9. Recopier et compléter la fonction charge suivante qui applique l'algorithme ChargementGlouton décrit plus haut.

```
def charge(tab: list, volume: int) -> list:
    tri(tab)
    chargement = []
    n = len(tab)
    for ...
        if ...
        ...
        return ...
```

```
def charge(tab: list, volume: int) -> list:
    tri(tab)
    chargement = []
    v_restant = volume
    for marchandise in tab :
        if marchandise.volume <= v_restant :
            chargement.append(marchandise)
            v_restant = v_restant - marchandise.volume
    return chargement</pre>
```

Ou

```
def charge(tab: list, volume: int) -> list:
    tri(tab)
    chargement = []
    n = len(tab)
    v_restant = volume
    for i in range(n) :
        if tab[i].volume <= v_restant :
            chargement.append(tab[i])
            v_restant = v_restant - tab[i].volume
    return chargement</pre>
```

Partie C – Rangement optimisé par récursivité

L'algorithme précédent ne renvoie pas toujours une solution optimale. On peut donc suivre un algorithme récursif. On note n le nombre de marchandises et on souhaite implémenter la fonction récursive chargeOptimale d'entête :

```
chargeOptimale(tab: list, v_restant: int, i: int) -> list
```

Un appel à cette fonction doit permettre de calculer la charge optimale pour un transport de volume v_restant utilisant les marchandises à partir de l'indice i :

- si i >= n, toutes les marchandises ont été essayées et il n'en reste plus d'autres disponibles. L'appel récursif renvoie la liste vide ;
- si i < n et la marchandise d'indice i est de volume strictement supérieur au volume restant, l'appel récursif renvoie le résultat de l'appel effectué avec le même volume restant mais avec la marchandise suivante, c'est-à-dire chargeOptimale (tab, v_restant, i+1);
- si i < n et la marchandise d'indice i est de volume inférieur ou égal au volume restant, il existe deux options possibles :
 - Option 1 soit on utilise la marchandise i, auquel cas le chargement contiendra cette marchandise et celles du résultat de l'appel récursif à partir de la prochaine marchandise et d'un volume restant strictement inférieur,
 - Option 2 soit on n'utilise pas la marchandise i, auquel cas le chargement sera le résultat de l'appel récursif avec le même volume restant mais à partir de la marchandise suivante.

On garde l'option de chargement qui maximise le prix transporté.

10. Compléter le code de la fonction chargeOptimale dont le principe a été décrit ci-avant.

```
def chargeOptimale(tab: list, v_restant: int, i: int) -> list:
    if i >= len(tab):
        return []
    else:
        if tab[i].volume > v_restant:
            return chargeOptimale(tab, v_restant, i+1)
        else:
            option1 = [tab[i]] + chargeOptimale(tab, v_restant-tab[i].volume, i+1)
            option2 = chargeOptimale(tab, v_restant , i+1)
            if prixListe(option1) > prixListe(option2):
                return option1
            else:
                return option2
```

EXERCICE 3 (8 points)

Cet exercice porte sur la programmation orientée objet, les graphes et utilise la structure de données dictionnaire.

La direction de la station de ski *Le Lièvre Blanc*, spécialisée dans la pratique du ski de fond, souhaite disposer d'un logiciel lui permettant de gérer au mieux son domaine skiable. Elle confie à un développeur informatique la mission de concevoir ce logiciel. Celui-ci décide de caractériser les pistes de ski à l'aide d'une classe Piste et le domaine de ski par une classe Domaine.

Le code Python de ces deux classes est donné en Annexe.

Partie A - Analyse des classes Piste et Domaine

1. Lister les attributs de la classe Piste en précisant leur type.

Les attributs de la classe Piste sont :

- nom de type string
- denivele de type int
- longueur de type float
- couleur de type string
- ouverture de type booléen

La difficulté des pistes de ski de fond est représentée par 4 couleurs : verte, bleue, rouge et noire. La piste verte est considérée comme très facile, la piste bleue comme facile, la piste rouge de difficulté moyenne et la piste noire difficile. Dans la station de ski *Le Lièvre blanc*, l'équipe de direction décide de s'appuyer uniquement sur le dénivelé pour attribuer la couleur d'une piste de ski.

Ainsi, une piste de ski sera de couleur :

- 'noire' si son dénivelé est supérieur ou égal à 100 mètres ;
- 'rouge' si son dénivelé est strictement inférieur à 100 mètres, mais supérieur ou égal à 70 mètres;
- 'bleue' si son dénivelé est strictement inférieur à 70 mètres, mais supérieur ou égal à 40 mètres;
- 'verte' si son dénivelé est strictement inférieur à 40 mètres.
- 2. Écrire la méthode set_couleur de la classe Piste qui permet d'affecter à l'attribut couleur la chaîne de caractères correspondant à la couleur de la piste.

```
def set_couleur(self) :
    if self.denivele >= 100 :
        self.couleur = 'noire'
    elif self.denivele >= 70 :
        self.couleur = 'rouge'
    elif self.denivele >= 40 :
        self.couleur = 'bleue'
    else :
        self.couleur = 'verte'
```

On exécute à présent le programme suivant afin d'attribuer la couleur adéquate à chacune des pistes du domaine skiable *Le Lièvre Blanc*.

```
1 for piste in lievre_blanc.get_pistes():
2    piste.set_couleur()
```

- 3. Indiquer, parmi les 4 propositions ci-dessous, le type de l'élément renvoyé par l'instruction Python lievre_blanc.get_pistes().
 - Proposition A : une chaîne de caractères ;
 - Proposition B : un objet de type Piste ;
 - Proposition C : une liste de chaînes de caractères ;
 - Proposition D : une liste d'objets de type Piste.

Cette instruction renvoie l'attribut pistes de l'instance de classe Domaine contenue dans la variable nommée lievre_blanc. Cette attribut a comme type une liste d'objets de type Piste : Proposition D.

En raison d'un manque d'enneigement, la direction de la station est souvent contrainte de fermer toutes les pistes vertes car elles sont situées généralement en bas du domaine.

 Écrire un programme Python dont l'exécution permet de procéder à la fermeture de toutes les pistes vertes en affectant la valeur False à l'attribut ouverte des pistes concernées.

```
pistes = lievre_blanc.get_pistes()
for piste in pistes :
   if piste.get_couleur() == "verte" :
        piste.ouverture = False
```

5. Écrire une fonction pistes_de_couleur prenant pour paramètres une chaîne de caractères couleur représentant la difficulté d'une piste et une liste 1st de pistes de ski de fond. Cette fonction renvoie la liste des noms des pistes dont couleur est le niveau de difficulté.

```
Exemple: l'instruction pistes_de_couleur(lievre_blanc.get_pistes(), 'noire') renvoie la liste ['Petit Bonheur', 'Forêt', 'Duvallon'].
```

```
def pistes_de_couleur(lst,couleur) :
    listeNoms = []
    for piste in lst :
        if piste.get_couleur() == couleur :
            listeNoms.append(piste.get_nom())
    return listesNoms
```

Ou version + synthétique :

```
def pistes_de_couleur(lst, couleur):
    return [piste.get_nom() for piste in lst if piste.get_couleur() == couleur]
```

Un skieur de bon niveau se prépare assidûment pour le prochain semi-marathon, d'une distance de 21,1 kilomètres. À chaque entraînement, il note la liste des noms des pistes qu'il a parcourues et il souhaite disposer d'un outil lui indiquant si la distance totale parcourue est au moins égale à la distance qu'il devra parcourir le jour du semi-marathon.

La fonction semi_marathon donnée ci-dessous répond aux attentes du skieur : cette fonction prend en paramètre une liste L de noms de pistes et renvoie un booléen égal à True si la distance totale parcourue est strictement supérieure à 21,1 kilomètres, False sinon.

On donne ci-dessous deux exemples d'appels à cette fonction :

```
>>> entrainement1 = ['Verneys', 'Chateau enneigé', 'Rois mages',
'Diablotin']
>>> semi_marathon(entrainement1)
True
>>> entrainement2 = ['Esseillon', 'Aigle Royal', 'Duvallon']
>>> semi_marathon(entrainement2)
False
```

6. Recopier et compléter la fonction semi_marathon.

Partie B - Recherche par force brute

Le plan des pistes du domaine *Le Lièvre Blanc* peut être représenté par le graphe suivant :

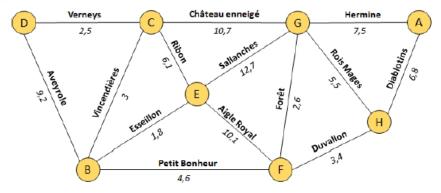


Figure 1. Graphe du domaine Le Lièvre Blanc

Sur chaque arête, on a indiqué le nom de la piste et sa longueur en kilomètres. Les sommets correspondent à des postes de secours.

Un pisteur-secouriste de permanence au point de secours D est appelé pour une intervention en urgence au point de secours A. La motoneige de la station étant en panne, il ne peut s'y rendre qu'en skis de fond. Il décide de minimiser la distance parcourue et cherche à savoir quel est le meilleur parcours possible. Pour l'aider à répondre à ce problème, on décide d'implémenter le graphe ci-dessus grâce au dictionnaire de dictionnaires suivant :

7. Écrire une instruction Python permettant d'afficher la longueur de la piste allant du sommet 'E' au sommet 'F'.

```
>>> domaine['E']['F']
10.1
```

8. Écrire une fonction voisins qui prend en paramètres un graphe G et un sommet s du graphe G et qui renvoie la liste des voisins du sommet s.

Exemple: l'instruction voisins (domaine, 'B') renvoie la liste ['C', 'D', 'E', 'F'].

```
def voisins(G,s) :
    l = []
    for v in G[s] :
        l.append(v)
    return l
```

 Recopier et compléter la fonction longueur_chemin donnée ci-dessous : cette fonction prend en paramètres un graphe G et un chemin du graphe G sous la forme d'une liste de sommets et renvoie sa longueur en kilomètres.

```
Exemple: l'instruction longueur_chemin (domaine, ['B', 'E', 'F',
    'H']) renvoie le nombre flottant 15.3.

1 def longueur_chemin (G, chemin):
    precedent = ...
    longueur = 0
4    for i in range(1, len(chemin)):
        longueur = longueur + ...
        precedent = ...
7    return ...
```

```
def longueur_chemin(G,chemin):
    precedent = chemin[0]
    longueur = 0
    for i in range(1,len(chemin)):
        longueur = longueur + G[precedent][chemin[i]]
        precedent = chemin[i]
    return longueur
```

En cas de difficulté à s'adapter à l'algorithme donné, possible de reprendre le code (mais **A EVITER**)

```
def longueur_chemin(G,chemin):
    longueur = 0
    for i in range(1,len(chemin)):
        nd1 = chemin[i-1]
        nd2 = chemin[i]
        longueur = longueur + G[nd1][nd2]
    return longueur
```

On donne ci-dessous une fonction parcours qui renvoie la liste de tous les chemins du graphe g partant du sommet depart et parcourant les sommets de façon unique, c'est-à-dire qu'un sommet est atteint au plus une fois dans un chemin.

Par exemple, l'appel parcours (domaine, 'A') renvoie la liste de tous les chemins partant du sommet A dans le graphe domaine sans se soucier ni de la longueur du chemin, ni du sommet d'arrivée. Ainsi, ['A', 'G', 'C'] est un chemin possible, tout comme ['A', 'G', 'C', 'B', 'E', 'F', 'H'].

```
1 def parcours(G, depart, chemin = [], lst_chemins = []):
2    if chemin == []:
3         chemin = [depart]
4    for sommet in voisins(G, depart):
5         if sommet not in chemin:
6             lst_chemins.append(chemin + [sommet])
7              parcours(G, sommet, chemin + [sommet])
8    return lst_chemins
```

10. Expliquer en quoi la fonction parcours est une fonction récursive. Cette fonction est récursive car elle s'appelle elle-même en ligne 7.

Un appel à la fonction parcours précédente renvoie une liste de chemins dans laquelle figurent des doublons.

11. Recopier et compléter la fonction parcours_dep_arr ci-après qui renvoie la liste des chemins partant du sommet depart et se terminant par le sommet arrivee dans le graphe G entrés en paramètres. La liste renvoyée ne doit pas comporter de doublons. Attention, plusieurs lignes de code sont nécessaires.

```
1 def parcours_dep_arr(G, depart, arrivee):
2    liste = parcours(G, depart)
3    ...

def parcours_dep_arr(G, depart, arrivee):
    liste = parcours(G, depart)
    chemins = []
    for l in liste :
        if l[-1] == arrivee and l not in chemins :
            chemins.append(l)
    return chemins
```

12. Recopier et compléter la fonction plus_court donnée ci-dessous. La fonction plus_court prend pour paramètres un graphe G, un sommet de départ depart et un sommet d'arrivée arrivee ; elle renvoie un des chemins les plus courts sous la forme d'une liste de sommets.

```
def plus_court(G, depart, arrivee):
1
2
      liste_chemins = parcours_dep_arr(G, depart, arrivee)
3
      chemin_plus_court = ...
      minimum = longueur_chemin(G, chemin_plus_court)
4
5
      for chemin in liste_chemins:
6
          longueur = longueur_chemin(G, chemin)
7
          if ...:
8
              minimum = ...
9
              chemin_plus_court = ...
10
      return chemin_plus_court
 def plus court(G, depart, arrivee):
      liste_chemins = parcours_dep_arr(G, depart, arrivee)
      chemin_plus_court = liste_chemins[0]
      minimum = longueur chemin(G, chemin plus court)
      for chemin in liste_chemins[1:]:
          longueur = longueur_chemin(G, chemin)
          if longueur < minimum :</pre>
              minimum = longueur
              chemin_plus_court = chemin
      return chemin plus court
```

13. Expliquer en quoi le choix fait par le pisteur-secouriste de choisir la distance minimale pour arriver le plus rapidement possible sur le lieu de l'incident est discutable. Proposer un meilleur critère de choix.

La distance minimale ne prend pas en compte d'autres facteurs importants tels que la difficulté du terrain, les conditions météorologiques, la disponibilité des équipements nécessaires, etc. Une approche plus intégrée, prenant en considération plusieurs critères comme le temps de parcours estimé et la difficulté des pistes, permettrait au secouriste d'arriver efficacement et en toute sécurité sur le lieu de l'incident.

```
# Pistes
  class Piste:
       def __init__(self, nom, denivele, longueur):
3
           self.nom = nom
4
5
           self.denivele = denivele # en mètres
           self.longueur = longueur # en kilomètres
6
7
           self.couleur = ''
8
           self.ouverte = True
9
       def get_nom(self):
10
           return self.nom
       def get_longueur(self):
11
           return self.longueur
12
13
       def set_couleur(self):
14
           # À compléter
15
       def get_couleur(self):
           return self.couleur
16
17 # Domaine skiable
18 class Domaine:
       def __init__(self, a):
19
           self.nom = a
20
21
           self.pistes = []
       def ajouter_piste(self, nom_piste, denivele, longueur):
22
23
           self.pistes.append(Piste(nom_piste, denivele, longueur))
24
       def get_pistes(self):
25
           return self.pistes
26 # Programme principal
27 lievre_blanc = Domaine("Le Lièvre Blanc")
28 lievre_blanc.ajouter_piste('Aveyrole', 62, 9.2)
```