فصل بیست و

یکم

ساختمانهای داده

اهداف

- فرمدهی ساختمانهای دادهٔ متصل به هم با استفاده از مراجعهها، کلاسهای خود ارجاعی و بازگشتی.
- ایجاد و کار با ساختمانهای داده دینامیکی، همانند لینک لیستها، صفها، پشتهها و درختهای باینری.
 - آشنایی با نحوه عملکرد برنامههای ساختمان داده.
- آشنایی با نحوه ایجاد ساختمانهای دادهٔ با قابلیت استفاده مجدد با بکارگیری کلاسها، توارث و ترکیب.

رئوس مطالب

- 21-1 مقدمه
- 21-2 کلاسهای خود ارجاعی



- 21-3 اخذ دینامیکی حافظه و ساختمان داده
 - 4-21 لیستهای پیوندی
 - 21-5 پشتهها
 - 21-6 صفها
 - 7-21 درختها

21-1 مقدمه

در مورد ساختمانهای داده با سایز ثابت همانند آرایههای یک بعدی و آرایههای دو بعدی مطالبی بیان کردیم. در این فصل در مورد ساختمانهای داده دینامیکی که در زمان اجرا تغییر سایز می دهند صحبت خواهیم کرد. لیستهای پیوندی (link list) مجموعهای از عناصر داده هستند که عمل درج و حذف در هر جای لیست پیوندی ممکن است. پشتهها (stack) جزء ساختارهای مهم در کامپایلرها و سیستمهای عامل هستند که عمل درج و حذف فقط از بالای (ابتدای) آن ممکن است. صفها (queue) به مانند صفهای انتظار می باشند. عمل درج یا اضافه کردن به صف از انتهای آن (tail) و عمل حذف از ابتدای (head) آن صورت می گیرد. درختهای باینری (binary trees)، جستجوی بسیار سریع، ذخیره سازی دادهها و کامپایل عبارات به زبان ماشین را تسهیل می کنند. البته این ساختمانهای داده در کاربردهای متفاوت دیگری نیز به کار گرفته می شوند.

در این فصل در مورد هر کدام یک از این ساختمانهای داده مطالبی بیان خواهیم و برنامههای برای ایجاد و نگهداری این ساختمان داده ها خواهیم نوشت. از کلاسها، توارث و ترکیب برای ایجاد بستهها (package) و ساختمانهای داده برای افزایش قابلیت برنامهها استفاده خواهیم کرد.

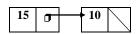
2-21 کلاسهای خود ارجاعی

یک کلاس خود ارجاعی، حاوی بخشی است که اشارهٔ به یک شی کلاس، از همان نوع کلاس دارد. برای مثال، کلاس تعریف شده در زیر

```
class Node
{
public:
    Node( int ); // constructor
    void setData( int ); // set data member
    int getData() const; // get data member
    void setNextPtr( Node * ); // set pointer to next Node
    Node *getNextPtr() const; // get pointer to next Node
    private:
        int data; // data stored in this Node
        Node *nextPtr; // pointer to another object of same type
}; // end ListNode
```



تعریف کننده نوع Node است. این نوع دارای دو عضو داده private به نامهای Node از نوع عدد صحیح و nextPtr است که به Node اشاره دارد. عضو nextPtr اشاره به شی از نوع Node دارد، همان نوع بعنوان کلاس جاری به عضو nextPtr بعنوان یک لینک (پیوند) نگاه می شود (به این معنی که nextPtr می تواند برای گره زدن یک شی از نوع Node به شی دیگری از همان نوع بکار گرفته شود). همچنین نوع Node دارای پنج تابع عضو است: یک سازنده که یک مقدار صحیح برای مقدار دهی اولیه عضو ata دریافت می کند، یک تابع setData برای تنظیم مقدار عضو data برای nextPtr و تابع برگشت دادن مقدار از عضو hextPtr بزای تنظیم مقدار عضو nextPtr و تابع nextPtr برای برگشت دادن مقدار از عضو nextPtr



شكل 1-21 | شيهاى كلاس خود ارجاعي كه به هم متصل شدهاند.

خطای برنامهنویسی

در صورتیکه آخرین گره در یک لیست (یا دیگر ساختمانهای داده خطی) با null تنظیم نشود با خطای منطقی مواجه خواهید شد.

3-21 اخذ دینامیکی حافظه و ساختمان داده

ایجاد و نگهداری ساختمانهای داده دینامیکی مستلزم اخذ دینامیکی حافظه است، قابلیت بدست آوردن حافظه بیشتر (برای نگهداری متغیرهای جدید) و آزاد کردن حافظه ی در زمان اجرای برنامه دیگر به آن نیازی نیست. اخذ دینامیکی حافظه محدود به حافظه فیزیکی موجود در کامپیوتر است (و مقدار فضای موجود بر روی دیسک در حافظه مجازی سیستم). در بیشتر موارد، حافظه موجود در کامپیوتر بایستی مابین برنامههای دیگر به اشتراک گذاشته شود.

عملگر new برای اخذ حافظه دینامیکی لازم است. کلمه کلیدی new نام کلاسی را بعنوان یک آرگومان دریافت می کند. سپس بصورت دینامیکی، حافظه را برای شی جدید اخذ کرده، و اشاره گری به شی جدیداً ایجاد شده برگشت می دهد. برای مثال، عبارت:

Node *newPtr = new Node (10); //create Node with data 10

مقدار حافظه متناسب را برای ذخیره سازی Node به اجرا گذاشته، سازنده Node اجرا شده و آدرس شدی جدید Node به newPtr تخصیص داده می شود. اگر حافظه در دسترس نباشد، new یک استثناء از bad_alloc به راه می اندازد. مقدار 10 به سازنده Node ارسال شده و عضو داده Node با 10مقداردهی اولیه می شود.

عملگر delete مبادرت به اجرای نابود کننده Node کرده و حافظه اخذ شده با new را بازپس می گیرد. حافظه به سیستم برگردانده می شود. برای آزاد کردن حافظه ای که به روش دینامیکی در عبارت فوق اخذ شده است، از عبارت زیر استفاده می شود

delete newPtr;

دقت کنید که خود newPtr حذف نمی شود، بجای آن فضایی که newPtr به آن اشاره می کند حذف می گردد. اگر اشاره گر newPtr دارای اشاره گر null با مقدار صفر باشد، عبارت فوق تاثیری نخواهد داشت. حذف اشاره گر null خطا نیست.

در بخشهای بعدی به توضیح لیستها، پشتهها، صفها و درختها میپردازیم. این ساختمانهای داده با اخذ حافظه دینامیکی و کلاسهای خود ارجاعی ایجاد و نگهداری میشوند.

4-21 لیستهای پیوندی

یک لیست پیوندی (Linked list) مجموعه خطی، از شیهای کلاس خود ارجاعی به نام گره است که توسط لینکهای اشاره گر به یکدیگر متصل شدهاند. یک لیست پیوندی از طریق اشاره گر به اولین گره لیست قابل دسترس است. گرههای بعدی از طریق قسمت لینک اشاره گر که در هر گره ذخیره شدهاند، قابل دسترساند. طبق قاعده لینک اشاره گر آخرین گره لیست با null تنظیم می شود که انتهای لیست را نشان می دهد. داده ها در لیست پیوندی بصورت دینامیکی ذخیره می شوند و هر گره زمانی ایجاد می شود که به آن نیاز است. یک گره می تواند شامل هر نوع داده ای از جمله شی هایی از سایر کلاس ها باشد. پشته ها و صف ها جزء ساختمان داده های خطی هستند و همانطوری که خواهید دید، آنها نوعی لیست پیوندی می باشند، در حالیکه در ختها جزء داده های غیر خطی هستند.

اگر چه داده ها را می توان در آرایه ها ذخیره کرد، اما لیست های پیوندی مزیت های نسبت به آرایه ها دارند، از جمله هنگامی که تعداد عناصر داده مشخص نباشد، کاربرد لیست ها بسیار مناسب است. لیست های پیوندی حالت دینامیکی دارند و از اینرو طول لیست می تواند در صورت نیاز افزایش یا کاهش



یابد. در حالیکه در آرایه ها با سایز ثابت چنین کاری نمی توان انجام داد چرا که سایز آرایه در هنگام ایجاد تعیین می شود. آرایه می تواند پر شود اما لیست های پیوندی فقط در زمانیکه سیستم با کمبود حافظه مواجه شود و نتواند حافظه ای در اختیار لیست قرار دهد، پر می شوند. برنامه نویسان می توانند با وارد کردن هر عنصر جدید در مکان مناسب در لیست، همواره لیست پیوندی را بصورت مرتب شده نگهداری کنند. اگر چه انجام اینکار زمانبر است اما نیازی به جابجا کردن عناصر لیست ندارد.



کارآیی

عمل درج و حذف در یک آرایه مرتب شده زمانگیر است چرا که تمام عضوهای موجود در آرایه بایستی بصورت صحیح جابجا شوند.



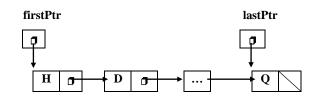
کار آیی

عناصر آرایه بصورت به هم پیوسته در حافظه ذخیره می شوند. از اینرو می توان بلافاصله به عنصر مورد نظر در آرایه با توجه به آدرس شروع آرایه دسترسی پیدا کرد، در حالیکه در لیست های پیوندی نمی توان چنین دسترسی داشت.

معمولاً گرههای لیست پیوندی در حافظه پشت سرهم و متصل به یکدیگر ذخیره نمی شود. در عوض گرهها بصورت منطقی در پشت سرهم قرار دارند. شکل 2-2 نشاندهنده یک لیست پیوندی متشکل از چند گره است.

پیادهسازی لیست پیوندی

در برنامههای 3-21 الی5-21 از یک الگوی کلاس List برای کار با لیستی از مقادیر صحیح و لیستی از مقادیر است. برنامه راهانداز (شکل 5-21) پنج گزینه دارد: 1) مقداری به ابتدای لیست اضافه می کند، 3) مقداری را از ابتدای لیست حذف می کند، 4) مقداری را از انتهای لیست حذف می کند، 5) پردازش لیست را پایان می دهد.



شكل 2-21 | نمايش گرافيكي از يك ليست پيوندي.

برنامه از الگوهای کلاس ListNode (شکل 2-12) و List (شکل 2-12) استفاده می کند. کپسوله کردن در هر شی ListNode، یک لیست پیوندی از شیهای ListNode است. کلاس ListNode (شکل 21-3)



حاوی دو عضو داده data و nextPtr (خطوط 20-19)، یک سازنده برای مقداردهی این اعضا و تابع getData برای برگشت دادن داده در گره است. عضو data مقداری از نوع NODETYPE، نوع پارامتر ارسالی به الگوی کلاس را ذخیره می کند. عضو nextPtr مبادرت به ذخیره کردن اشاره گر به شی بعدی ListNode در لیست پیوندی می کند.

خطوط 25-24 از کلاس List شکل 4-25، متشکل از اعضای داده firstPtr (اشاره کننده به اولین ListNode در یک List (اشاره کنند. به آخرین ListNode در یک List است. سازنده در یک List می در یک List می می کند. نابود کننده در پیش فرض (خطوط 37-32) مبادرت به مقداردهی اولیه هر دو اشاره گر با List می کند. نابود کننده در خطوط 60-40 ما را مطمئن می کند که تمام شی های List در یک شی List زمانیکه شی List خطوط 67-63)، List عبارتند از insertAtfront (خطوط 75-63)، removeFromBack (خطوط 111-19) و removeFromBack (خطوط 141-141).

```
1 // Fig. 21.3: Listnode.h
2 // Template ListNode class definition.
3 #ifndef LISTNODE H
4 #define LISTNODE H
6 // forward declaration of class List required to announce that class
  //List exists so it can be used in the friend declaration at line 13
8 template< typename NODETYPE > class List;
10 template< typename NODETYPE >
11 class ListNode
12 {
      friend class List< NODETYPE >; // make List a friend
13
14
15 public:
     ListNode ( const NODETYPE & ); // constructor
16
     NODETYPE getData() const; // return data in node
17
18 private:
    NODETYPE data; // data
     ListNode< NODETYPE > *nextPtr; // next node in list
21 }; // end class ListNode
22
23 // constructor
24 template< typename NODETYPE >
25 ListNode NODETYPE >::ListNode ( const NODETYPE &info )
26
      : data( info ), nextPtr( 0 )
27 {
28
      // empty body
29 } // end ListNode constructor
31 // return copy of data in node
32 template< typename NODETYPE >
33 NODETYPE ListNode NODETYPE >::getData() const
34 {
35
      return data;
36 } // end function getData
```



```
38 #endif
```

شكل 3-21 | تعريف كلاس ListNode

```
// Fig. 21.4: List.h
   // Template List class definition.
3
   #ifndef LIST H
   #define LIST H
5
   #include <iostream>
7
  using std::cout;
9
   #include "Listnode.h" // ListNode class definition
10
11 template< typename NODETYPE >
12 class List
13 {
14 public:
      List(); // constructor
15
16
      ~List(); // destructor
      void insertAtFront( const NODETYPE & );
17
      void insertAtBack( const NODETYPE & );
18
19
      bool removeFromFront( NODETYPE & );
20
      bool removeFromBack( NODETYPE & );
21
      bool isEmpty() const;
22
      void print() const;
23 private:
      ListNode< NODETYPE > *firstPtr; // pointer to first node
24
25
      ListNode< NODETYPE > *lastPtr; // pointer to last node
26
27
      // utility function to allocate new node
28
      ListNode< NODETYPE > *getNewNode( const NODETYPE & );
29 }; // end class List
31 // default constructor
32 template< typename NODETYPE >
33 List< NODETYPE >::List()
34
      : firstPtr(0), lastPtr(0)
35 {
      // empty body
36
37 } // end List constructor
38
39 // destructor
40 template< typename NODETYPE >
41 List< NODETYPE >::~List()
42 {
43
      if ( !isEmpty() ) // List is not empty
44
45
         cout << "Destroying nodes ...\n";</pre>
46
47
         ListNode< NODETYPE > *currentPtr = firstPtr;
48
         ListNode< NODETYPE > *tempPtr;
49
         while ( currentPtr != 0 ) // delete remaining nodes
50
51
52
            tempPtr = currentPtr;
            cout << tempPtr->data << '\n';</pre>
53
54
            currentPtr = currentPtr->nextPtr;
55
            delete tempPtr;
         } // end while
      } // end if
```

```
58
59
      cout << "All nodes destroyed\n\n":
60 } // end List destructor
61
62 // insert node at front of list
63 template< typename NODETYPE >
64 void List< NODETYPE >::insertAtFront( const NODETYPE &value )
65 {
66
      ListNode< NODETYPE > *newPtr = getNewNode( value ); // new node
67
      if ( isEmpty() ) // List is empty
68
69
         firstPtr = lastPtr = newPtr; // new list has only one node
70
      else // List is not empty
71
       newPtr->nextPtr = firstPtr;//point new node to previous 1st node
72
         firstPtr = newPtr; // aim firstPtr at new node
73
74
       // end else
75 } // end function insertAtFront
76
77 // insert node at back of list
78 template< typename NODETYPE >
79 void List< NODETYPE >::insertAtBack( const NODETYPE &value )
80 {
      ListNode< NODETYPE > *newPtr = getNewNode( value ); // new node
81
82
83
      if ( isEmpty() ) // List is empty
         firstPtr = lastPtr = newPtr; // new list has only one node
84
85
      else // List is not empty
86
      {
87
         lastPtr->nextPtr = newPtr; // update previous last node
88
         lastPtr = newPtr; // new last node
89
      } // end else
90 } // end function insertAtBack
91
92 // delete node from front of list
93 template< typename NODETYPE >
94 bool List< NODETYPE >::removeFromFront( NODETYPE &value )
      if ( isEmpty() ) // List is empty
95
96
         return false; // delete unsuccessful
97
      else
98
aa
        ListNode<NODETYPE> *tempPtr = firstPtr;//hold tempPtr to delete
100
101
         if ( firstPtr == lastPtr )
            firstPtr = lastPtr = 0; // no nodes remain after removal
102
103
         else
104
            firstPtr = firstPtr->nextPtr; // point to previous 2nd node
105
106
         value = tempPtr->data; // return data being removed
         delete tempPtr; // reclaim previous front node
107
108
         return true; // delete successful
109
      } // end else
110 } // end function removeFromFront
111
112 // delete node from back of list
113 template< typename NODETYPE >
114 bool List< NODETYPE >::removeFromBack( NODETYPE &value )
115 {
       if ( isEmpty() ) // List is empty
116
117
         return false; // delete unsuccessful
118
      else
```

```
ساختمانهاي داده _____ فصل بيست و يكو105
```

```
119
120
         ListNode<NODETYPE> *tempPtr = lastPtr;//hold tempPtr to delete
121
122
          if ( firstPtr == lastPtr ) // List has one element
123
             firstPtr = lastPtr = 0; // no nodes remain after removal
124
          else
125
126
             ListNode< NODETYPE > *currentPtr = firstPtr;
127
128
             // locate second-to-last element
             while ( currentPtr->nextPtr != lastPtr )
129
130
                currentPtr = currentPtr->nextPtr; // move to next node
131
132
             lastPtr = currentPtr; // remove last node
             currentPtr->nextPtr = 0; // this is now the last node
133
          } // end else
134
135
136
          value = tempPtr->data; // return value from old last node
          delete tempPtr; // reclaim former last node return true; // delete successful
137
138
       } // end else
139
140 } // end function removeFromBack
141
142 // is List empty?
143 template< typename NODETYPE >
144 bool List< NODETYPE >::isEmpty() const
145 {
146
       return firstPtr == 0;
147 } // end function isEmpty
148
149 // return pointer to newly allocated node
150 template< typename NODETYPE >
151 ListNode < NODETYPE > *List < NODETYPE >::getNewNode(
152
       const NODETYPE &value )
153 {
154
      return new ListNode< NODETYPE >( value );
155 } // end function getNewNode
156
157 // display contents of List
158 template < typename NODETYPE >
159 void List< NODETYPE >::print() const
160 {
161
       if ( isEmpty() ) // List is empty
162
163
          cout << "The list is empty\n\n";</pre>
164
          return;
165
       } // end if
166
167
       ListNode< NODETYPE > *currentPtr = firstPtr;
168
       cout << "The list is: ";</pre>
169
170
171
      while ( currentPtr != 0 ) // get element data
172
          cout << currentPtr->data << ' ';</pre>
173
174
          currentPtr = currentPtr->nextPtr;
175
       } // end while
176
       cout << "\n\n";
177
178 } // end function print
179
180 #endif
```

شكل 4-21 | تعريف كلاس List.

```
1 // Fig. 21.5: Fig21_05.cpp
  // List class test program.
3 #include <iostream>
4 using std::cin;
5 using std::cout;
6 using std::endl;
8 #include <string>
9 using std::string;
10
11 #include "List.h" // List class definition
12
13 // function to test a List
14 template< typename T >
15 void testList( List< T > &listObject, const string &typeName )
16 {
17
      cout << "Testing a List of " << typeName << " values\n";</pre>
18
      instructions(); // display instructions
19
20
      int choice; // store user choice
      T value; // store input value
21
22
23
      do // perform user-selected actions
24
25
         cout << "? ";
26
         cin >> choice;
27
28
         switch ( choice )
29
            case 1: // insert at beginning
  cout << "Enter " << typeName << ": ";</pre>
30
31
32
                cin >> value;
                listObject.insertAtFront( value );
33
34
                listObject.print();
35
               break;
36
            case 2: // insert at end
               cout << "Enter " << typeName << ": ";</pre>
37
38
                cin >> value;
                listObject.insertAtBack( value );
39
40
               listObject.print();
               break;
41
            case 3: // remove from beginning
42
                if ( listObject.removeFromFront( value ) )
43
                   cout << value << " removed from list\n";</pre>
44
45
46
                listObject.print();
47
               break;
            case 4: // remove from end
48
49
                if ( listObject.removeFromBack( value ) )
                   cout << value << " removed from list\n";</pre>
50
51
52
                listObject.print();
53
                break;
54
         } // end switch
      } while ( choice != 5 ); // end do...while
55
56
      cout << "End list test\n\n";</pre>
57
58 } // end function testList
```

60 // display program instructions to user

61 void instructions()



```
62 {
      cout << "Enter one of the following:\n"</pre>
63
         << " 1 to insert at beginning of list\n"
<< " 2 to insert at end of list\n"
64
65
         << " 3 to delete from beginning of list\n"
<< " 4 to delete from end of list\n"
<< " 5 to end list processing\n";</pre>
66
67
68
69 } // end function instructions
71 int main()
72 {
73
       // test List of int values
      List< int > integerList;
75
      testList( integerList, "integer" );
76
77
      // test List of double values
78
      List< double > doubleList;
      testList( doubleList, "double" );
80
      return 0;
81 } // end main
Testing a list of integer values
Enter one of the following:
 1 to insert at beginning of list
 2 to insert at end of list
 3 to delete from beginning of list
 4 to delete from end of list
 5 to end list processing
 ? 1
 Enter integer: 1
 The list is: 1
 ? 1
 Enter integer: 2
 The list is: 2 1
 Enter integer: 3
 The list is: 2 1 3
 Enter integer: 4
 The list is: 2 1 3 4
 2 remove from list
 The list is: 1 3 4
 1 remove from list
 The list is: 3 4
 4 remove from list
 The list is: 4
 3 remove from list
 The list is empty
 End list test
```

```
Testing a List of double values
Enter one of the following:
1 to insert at beginning of list
 2 to insert at end of list
3 to delete from beginning of list
4 to delete from end of list
5 to end list processing
Enter double: 1.1
The list is: 1.1
Enter double: 2.2
The list is: 2.2 1.1
Enter double: 3.3
The list is: 2.2 1.1 3.3
Enter double: 4.4
The list is: 2.2 1.1 3.3 4.4
2.2 removed from list
The list is: 1.1 3.3 4.4
1.1 removed from list
The list is: 3.3 4.4
4.4 removed from list
The list is: 3.3
3.3 removed from list
The list is empty
End list test
All nodes destroyed
All nodes destroyed
```

شكل 5-21 | كار با ليست پيوندي.

تابع isEmpty (خطوط 148-144) یک تابع پیشگو است که تعیین می کند آیا لیست تهی است یا خیر. print اگر لیست تهی باشد، تابع isEmpty مقدار true و در غیر اینصورت false باز می گرداند. تابع 151 (خطوط 159-159) محتویات لیست را به نمایش در می آورد. تابع کمکی getNewNode در خطوط 151-159 در خطوط 156 یک شی ListNode اخذ شده به روش دینامیکی را برگشت می دهد. این تابع از سوی توابع insertAtBack فراخوانی می شود.



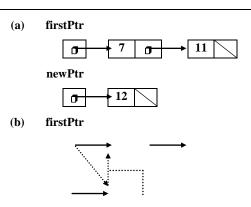
برنامه راهانداز (شكل 2-21) از تابع testList براى اينكه كاربر بتواند با شيهاى كلاس List كار كند استفاده کرده است. خطوط 74 و 78 شی های لیست را برای نوعهای int و double ایجاد می کنند. خطوط 75 و 79 تابع testList را به همراه این شیهای List فراخوانی می کنند.

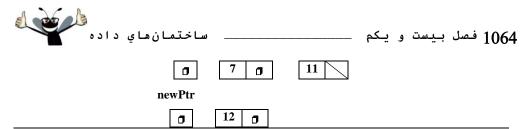
تابع عضو insertAtFront

در چند صفحه بعدی در مورد عملکرد هر کدامیک از توابع عضو کلاس List توضیح خواهیم داد. تابع insertAtFront (شكل 4-21، خطوط 75-63) يك گره جديد در ابتداى ليست قرار مىدهد. اين تابع در چند مرحله عمل می کند که بصورت زیر می توان آنرا توضیح داد (به شکل 6-21 توجه کنید):

- ارسال مقدار به آن، که یک مراجعه ثابت به مقدار گرهای است که -1درج می شود (خط 66).
- 2- تابع getNewNode در خطوط 151-156 از عملگر new برای ایجاد یک گره جدید و برگشت دادن یک اشاره گر به گره جدیدا اخذ شده استفاده می کند، که به newPtr در تخصيص داده مي شود (خط 66).
 - 3- اگر لیست تهی باشد، هم firstPtr و هم lastPtr با newPtr تنظیم خواهند شد (خط 69).
- 4-اگر لیست خالی نباشد (خط 70)، گره مورد اشاره توسط newPtr به لیست با کپی firstPtr به newPtr->nextPtr متصل می شود (خط 72)، از اینرو است که گره جدید به اولین گره لیست اشاره می کند، و با کپی کردن newPtr به firstPtr (خط 73) است که firstPtr به اولین گره جدید در لیست اشاره می کند.

شكل 21-6 نحوه عملكرد تابع insertAtFront را نشان مي دهد. بخش (a) در حال نمايش ليست و گره جدیدی است که در عملیات insertAtFront بوجود آمده و قبل از وصل کردن گره جدید (حاوی مقدار 12) به لیست است. فلش های نقطه چین در بخش (b) مراحل عملکرد insertAtFront را که در مرحله 4 شرح داده شده است و در تبدیل به گره اول در لیست می شود را نشان می دهند.





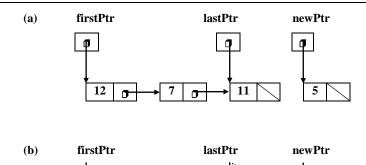
شکل 6-21 | نمایش گرافیکی از عملکرد insertAtFront

insertAtBack تابع عضو

تابع insertAtBack (شکل 4-21، خطوط 90-78) یک گره جدید در انتهای لیست قرار می دهد. عملکرد این تابع در چهار مرحله است (شکل 7-21):

- است که یک مراجعه ثابت به مقدار گرهای است که وراخوانی تابع $\frac{1}{2}$ ورهای است که درج می شود (خط 81).
- 2- تابع getNewNode در خطوط 156-151 از عملگر new برای ایجاد یک گره جدید و برگشت دادن یک اشاره گر به گره جدیدا اخذ شده استفاده می کند، که به newPtr در insertAtBack تخصیص یک اشاره گر به گره جدیدا اخذ شده استفاده می کند، که به newPtr داده می شود (خط 81).
 - 3- اگر لیست تهی باشد، هم firstPtr و هم lastPtr با newPtr تنظیم خواهند شد (خط 83).
- 4- اگر لیست خالی نباشد (خط 85)، گره مورد اشاره توسط newPtr به لیست با کپی newPtr به الیست با کپی newPtr به اگره لیست lastPtr->nextPtr متصل می شود (خط 87)، از اینرو است که گره جدید به آخرین گره لیست اشاره می کند، و با کپی کردن newPtr به lastPtr (خط 88) است که عالمی کردن جدید در لیست اشاره می کند.

شکل 7-21 مراحل عملکرد تابع insertAtBack را نشان می دهد. بخش (a) در حال نمایش لیست و گره جدید (با مقدار 5) بوجود آمده در عملیات insertBack و قبل از متصل شدن گره به لیست است. فلش های نقطه چین در بخش (b) مراحلی که تابع insertAtBack طی می کند تا گره جدید به انتهای لیست افزوده شود، را نشان می دهند.





ساختمانهاي داده _____ فصل بيست و يكوّ

0 0

12 g 7 g 11 g 5

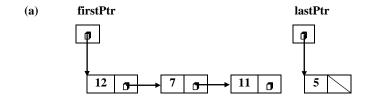
شكل 7-21 | نمايش گرافيكي ازعملكرد insertAtBack

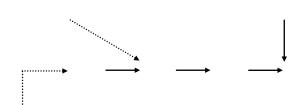
تابع عضو removeFromFront

تابع removeFromFont (شکل 4–21، خطوط 111-93) مبادرت به حذف گره ابتدائی از لیست کرده و اشاره گری به داده حذف شده باز می گرداند. اگر برنامه سعی در حذف گره از یک لیست تهی نماید، تابع مقدار false و در غیر اینصورت مقدار true برگشت می دهد (خطوط 97-96). این تابع در شش مرحله وظیفه خود را به انجام می رساند:

- 1- تخصیص آدرس **tempPtr** به جای که firstPtr اشاره می کند (خط 100). سرانجام، tempPtr به بای که بخار گرفته می شود.
- 2- اگر firstPtr و lastPtr یکی باشند (خط 102) پس لیست حاوی یک عنصر است. در این حالت، تابع مبادرت به تنظیم firstPtr و lastPtr با 0 (خط 103) می کند، تا گره از لیست حذف شود (لیست تهی می شود).
- 3- اگر لیست حاوی بیش از یک گره باشد، گره اولی حذف خواهد شد، در اینحالت اشاره گر firstPtr->nextPtr با firstPtr تنظیم می اند و فقط firstPtr->nextPtr با firstPtr تنظیم می شود (خط 105). از اینرو، firstPtr به گره دوم قبل از فراخوانی تابع firstPtr به گره دوم قبل از فراخوانی تابع firstPtr به گره دوم قبل از فراخوانی تابع
- 4- پس از اینکه کار تمام این اشاره گرها تمام شد، مقدار عضو data متعلق به گرهای که حذف خواهد شد، به value تخصیص داده می شود (خط 107).
 - 5- حال گره مورد اشاره توسط tempPtr حذف می شود (خط 108).
 - 6- برگشت true، نشان می دهد که حذف با موفقیت صورت گرفته است (خط 109).

شکل 8-21مراحل عملکرد تابع removeFromFront را نشان میدهد. بخش (a) در حال نمایش لیست قبل از انجام عمل حذف است. بخش (b) نحوه جابجایی اشاره گر را نشان میدهد.





(b)	firstPtr		lastPtr	
	12 🐧	7 .	11 👩	5
o tempPtr				

شكل 8-21 | نمايش گرافيكي عملكرد removeFromFront.

تابع عضو removeFromBack

تابع removeFromBack (شکل 4-12، خطوط 114-141) آخرین گره از لیست را حذف و مراجعه ای به داده حذف شده باز می گرداند. اگر برنامه مبادرت به حذف گره از یک لیست تهی نماید، تابع مقدار false (خطوط 118-117) و در غیر اینصورت مقدار true برگشت خواهد داد. عملکرد این تابع در نه مرحله صورت می گیرد (شکل 9-21):

- 1- تخصیص آدرس tempPtr به جای که lastPtr اشاره می کند (خط 121). سرانجام، سرانجام، rempPtr برای حذف گره بکار گرفته می شود...
- 2- اگر firstPtr و lastPtr یکی باش ند (خط 123) پس لیست حاوی یک عنصر است. در این حالت، تابع مبادرت به تنظیم firstPtr و lastPtr با 0 (خط 124) می کند، تا گره از لیست حذف شود (لیست تهی می شود).
- 3- اگر لیست حاوی بیش از یک گره باشد، اشاره گر currentPtr ایجاد و به firstPtr تخصیص داده می شود (خط 127).
- 4- از currentPtr برای پیمایش لیست تا رسیدن آن به گره ماقبل آخر استفاده می شود. حلقه while (خطوط currentPtr) تا مادامیکه currentPtr->nextPtr برابر lastPtr نشده، آنرا به uncorrentPtr اشاره می دهد.
- 5- پس از یافتن گره ما قبل آخر، currentPtr به lastPtr تخصیص یافته (خط 133) و موجب می شود تا گره آخر از لیست جدا شود.
 - 6- تنظيم currentPtr->nextPtr گره جدید آخر لیست با 0 (خط 134).

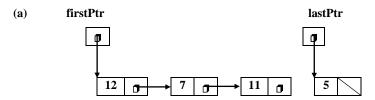


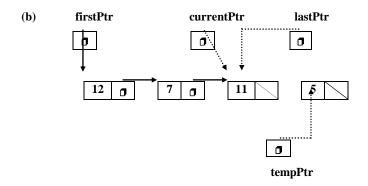
- 7- پس از اینکه کار تمام این اشاره گرها تمام شد، مقدار عضو data متعلق به گرهای که حذف خواهد شد، به value تخصیص داده می شود (خط 137).
 - 8- حال گره مورد اشاره توسط tempPtr حذف مي شود (خط 138).
 - 9- برگشت true، نشان مي دهد كه حذف با موفقيت صورت گرفته است (خط 139).
- شكل 9-21 مراحل عملكرد تابع removeFromBack را نشان مي دهد. بخش (a) در حال نمايش لیست قبل از انجام عمل حذف است. بخش (b) نحوه جابجایی اشاره گر را نشان می دهد.

23-5 يشتهها

پشتهها فضاهای برای متغیرهای محلی به هنگام فراخوانی روال ایجاد میکنند. هنگامی که روال به، روال فراخوان خود باز می گردد، فضای اخذ شده برای متغیرها از پشته حذف می شود و دیگر متغیرها در برنامه شناخته نمی شوند. همچنین از پشته ها برای ارزیابی عبارات محاسباتی در کامپایلرها و ایجاد کد زبان ماشین برای این عبارات استفاده می شود.

با استفاده از مزایای لیستها و پشتهها، کلاس پشته مورد نظر خود را پیادهسازی می کنیم (با استفاده مجدد از کلاس لیست). به توضیح دو نوع متفاوت از بکارگیری استفاده مجدد میپردازیم. ابتدا کلاس پشته را با ارثبری از کلاس List پیادهسازی می کنیم. سپس همان کلاس پشته را از طریق ترکیب با بكارگيري يك شي List بعنوان يك عضو private در كلاس پشته پيادهسازي خواهيم كرد.







شكل 9-21 | نمايش گرافيكي عملكرد removeFromBack.

برنامههای شکل 13-21 و 14-21 یک کلاس پشته (شکل 13-21) را از طریق ارثبری (خط 9) push از کلاس List موجود در برنامه 4-21 ایجاد می کنند. میخواهیم که پشته دارای توابع push (خطوط 13-21) pop،(16 (خطوط 13-22) و printStack (خطوط 13-34) باشد. ضرورتاً، آنها توابع List ناها توابع isStackEmpty (removeFromFront dinsertAtFront و List ناها توابع removeFromBack و insertAtBack است که بود. کلاس های دیگری همانند print و isempty شته در دسترس قرار گیرند.

به هنگام پیادهسازی تابعهای پشته، تابعهای متناسب در List فراخوانی خواهند شد، تابع push تابع به هنگام پیادهسازی تابعهای بیاده pop تابع isStackEmpty (خط 21) و تابع isStackEmpty تابع print (خط 25) و تابع printStack (خط 27) و تابع printStack (خط 27) و تابع

```
// Fig. 21.13: Stack.h
   // Template Stack class definition derived from class List.
   #ifndef STACK H
  #define STACK_H
  #include "List.h" // List class definition
8 template< typename STACKTYPE >
9 class Stack : private List< STACKTYPE >
10 {
11 public:
      // push calls the List function insertAtFront
12
      void push( const STACKTYPE &data )
13
14
15
         insertAtFront( data );
16
     } // end function push
17
      // pop calls the List function removeFromFront
18
     bool pop( STACKTYPE &data )
19
20
         return removeFromFront( data );
21
22
     } // end function pop
23
      // isStackEmpty calls the List function isEmpty
     bool isStackEmpty() const
25
26
27
         return isEmpty();
28
      } // end function isStackEmpty
     // printStack calls the List function print
30
31
      void printStack() const
32
        print();
     } // end function print
35 }; // end class Stack
37 #endif
```



شكل 13-21 | تعريف كلاس پشته.

کلاس پشته در main (شکل 14-21) برای نمونهسازی پشته صحیح intStack از نوع < بكار گرفته شده است (خط 11). مقادير صحيح 0 تا 2 وارد پشته intStack شده (خطوط 20-16)، سپس از آن خارج مىشوند (خطوط 30-25). برنامه از كلاس پشته براى ایجاد یک doubleStack از نوع (خطوط 43-38) و سيس از آن خارج شدهاند (خطوط 53-48).

```
1 // Fig. 21.14: Fig21_14.cpp
   // Template Stack class test program.
3 #include <iostream>
  using std::cout;
  using std::endl;
  #include "Stack.h" // Stack class definition
9 int main()
10 {
11
      Stack< int > intStack; // create Stack of ints
12
      cout << "processing an integer Stack" << endl;</pre>
13
14
15
      // push integers onto intStack
      for ( int i = 0; i < 3; i++ )
16
17
18
         intStack.push( i );
19
         intStack.printStack();
20
      } // end for
21
      int popInteger; // store int popped from stack
22
23
24
      // pop integers from intStack
25
      while (!intStack.isStackEmpty() )
26
27
         intStack.pop( popInteger );
28
         cout << popInteger << " popped from stack" << endl;</pre>
29
         intStack.printStack();
      } // end while
30
31
32
      Stack< double > doubleStack; // create Stack of doubles
      double value = 1.1;
33
34
35
      cout << "processing a double Stack" << endl;</pre>
36
37
      // push floating-point values onto doubleStack
38
      for ( int j = 0; j < 3; j++ )
39
40
         doubleStack.push( value );
41
         doubleStack.printStack();
         value += 1.1;
42
43
      } // end for
44
45
      double popDouble; // store double popped from stack
46
47
      // pop floating-point values from doubleStack
48
      while ( !doubleStack.isStackEmpty() )
49
```

cout << popDouble << " popped from stack" << endl;</pre>

doubleStack.pop(popDouble);

```
doubleStack.printStack();
52
53
     } // end while
54
55
     return 0:
56 } // end main
processing an integer stack
The list is: 0
The list is: 1 0
The list is: 2 1 0
2 popped from stack
The list is: 1 0
1 popped from stack
The list is: 0
0 popped from stack
The list is empty
processing a double Stack
The list is: 1.1
The list is: 2.2 1.1
The list is: 3.3 2.2 1.1
3.3 popped from stack
The list is: 2.2 1.1
2.2 popped from stack
The list is: 1.1
1.1 popped from stack
The list is empty
All nodes destroyed
All nodes destroyed
```

شكل 14-21 | برنامه ساده يشته.

روش دیگر در پیاده سازی یک کلاس پشته از طریق استفاده مجدد از کلاس لیست و به کمک ترکیب است. کلاس موجود در برنامه شکل 15-21 پیاده سازی جدیدی از کلاس پشته است که حاوی یک شی List میباشد (خط 38). این نسخه از کلاس پشته از کلاس پشته از کلاس شکل List حاصی نام عید این کلاس، از برنامه راهانداز در شکل 14-21 استفاده شده میکند. برای تست این کلاس، از برنامه راهانداز در شکل 14-21 استفاده شده است، اما حاوی فایل سر آیند Stackcomposition.h در خط 6 است. خروجی برنامه با هر دو نسخه کلاس پشته یکسان است.

```
1 // Fig. 21.15: Stackcomposition.h
```

50

51

^{2 //} Template Stack class definition with composed List object.

^{3 #}ifndef STACKCOMPOSITION_H

^{4 #}define STACKCOMPOSITION H



```
6 #include "List.h" // List class definition
8 template< typename STACKTYPE >
  class Stack
10 {
11 public:
12
      // no constructor; List constructor does initialization
13
14
      // push calls stackList object's insertAtFront member function
      void push( const STACKTYPE &data )
15
16
17
         stackList.insertAtFront( data );
18
      } // end function push
19
      // pop calls stackList object's removeFromFront member function
20
21
     bool pop ( STACKTYPE &data )
22
23
         return stackList.removeFromFront( data );
24
     } // end function pop
25
26
     // isStackEmpty calls stackList object's isEmpty member function
     bool isStackEmpty() const
27
28
29
         return stackList.isEmpty();
30
      } // end function isStackEmpty
32
      // printStack calls stackList object's print member function
33
      void printStack() const
34
35
         stackList.print();
36
      } // end function printStack
37 private:
38
     List< STACKTYPE > stackList; // composed List object
39 }; // end class Stack
41 #endif
```

شكل 15-21 | كلاس پشته با تركيب شي ليست.

21-6 صفها

نوع دیگری از ساختمان داده ها، صف (Queue) است. صف شبیه به یک صف انتظار (نوبت) در یک فروشگاه است، که در آن ابتدا به اولین شخص در سر صف، سرویس داده می شود و مشترهای بعدی باید در انتظار رسیدن نوبت خود باقی بمانند. در صف گره ها از ابتدا یا سر صف (head) حذف می شوند و اضافه کردن گره به صف از انتهای (tail) آن صورت می گیرد، به همین دلیل به ساختمان داده صف، اولین ورودی اولین خروجی (FIFO) گفته می شود. به عمل افزودن گره به صف enqueue و حذف گره از صف طفوسود.

در سیستم های کامپیوتری صفها کاربردهای متفاوتی دارند. بیشتر کامپیوترها دارای یک پردازنده هستند، بنابراین فقط یک کاربرد در هر زمان می تواند سرویس بگیرد و تقاضای سایر کاربران در صف قرار می گیرد. همچنین از صفها در فرآیند چاپ هم استفاده می شود. در یک محیط چند کاربره ممکن است، فقط یک چاپگر وجود داشته باشد و کاربران هم برای ارسال مستندات خود به چاپگر نیاز داشته



باشند. اگر چاپگر مشغول باشد، ممکن است خروجی های دیگری در حال تولید باشند و از اینرو یک صف انتظار برای دسترسی به چاپگر تشکیل می شود.

در شبکههای کامیبوتری بستههای اطلاعاتی در صفهای انتظار قرار می گیرند و در هر زمان یک بسته به عنوان گره به شبکه ارسال می شود و اگر نیاز باشد تا رسیدن به مقصد این بسته جابجا می شود.

برنامه های شکل 16-21 و 17-21 کلاس صف (Queue) را از طریق ارثبری (خط 9) از کلاس List ايجاد مي كنند (شكل 4-21). ميخواهيم كلاس Queue حاوى توابع enqueue (خطوط 16-13)، dequeue (خطوط 22-19)، isQueueEmpty (خطوط 25-28) و printQueue (خطوط 31-34) باشد. دقت كنيد كه اين توابع ضرورتاً تابعهای isEmpty ،removeFromFront ،insertAtBack و print از كلاس List هستند.

```
1 // Fig. 21.16: Queue.h
   // Template Queue class definition derived from class List.
   #ifndef QUEUE_H
  #define QUEUE H
6 #include "List.h" // List class definition
8 template< typename QUEUETYPE >
  class Queue: private List< QUEUETYPE >
10 {
11 public:
     // enqueue calls List member function insertAtBack
      void enqueue( const QUEUETYPE &data )
13
14
15
         insertAtBack( data );
     } // end function enqueue
16
17
18
      // dequeue calls List member function removeFromFront
     bool dequeue ( QUEUETYPE &data )
19
20
         return removeFromFront( data );
22
     } // end function dequeue
23
24
      // isQueueEmpty calls List member function isEmpty
25
     bool isQueueEmpty() const
26
27
         return isEmpty();
28
      } // end function isQueueEmpty
29
30
     // printQueue calls List member function print
31
     void printQueue() const
32
33
        print();
     } // end function printQueue
35 }; // end class Queue
37 #endif
```



به هنگام پیادهسازی توابع صف، توابع متناسب در List فراخوانی خواهند شد، تابع enqueue تابع insertAtBack (خط 15)، تابع dequeue تابع dequeue (خط 15) و تابع isQueueEmpty تابع isQueue خط 27) و تابع printQueue نجط 33) را فراخواني مي کند.

كلاس صف در شكل 21-17 براى نمونه سازى صف صحيح intQueue از نوع <Queue<int بكار گرفته شده است (خط 11). مقادير صحيح 0 تا 2 وارد صف intQueue شده (خطوط 20-16)، سپس از آن خارج مى شوند (خطوط 30-25). برنامه از كلاس صف براى ایجاد یک doubleQueue از نوع Queue<double</p>
استفاده کرده است (خط 32). مقادیر 2.2 1.1 و 3.3 وارد queue شده (خطوط 43-38) و سپس از آن خارج شدهاند (خطوط 53-48).

```
// Fig. 21.17: Fig21_17.cpp
  // Template Queue class test program.
   #include <iostream>
  using std::cout;
5 using std::endl;
   #include "Queue.h" // Queue class definition
8
9 int main()
10 {
11
      Queue< int > intQueue; // create Queue of integers
12
13
      cout << "processing an integer Queue" << endl;</pre>
14
15
      // enqueue integers onto intQueue
      for (int i = 0; i < 3; i++)
16
17
18
         intQueue.enqueue( i );
19
         intQueue.printQueue();
20
      } // end for
21
      int dequeueInteger; // store dequeued integer
22
23
24
      // dequeue integers from intQueue
25
      while ( !intQueue.isQueueEmpty() )
26
27
         intQueue.dequeue( dequeueInteger );
         cout << dequeueInteger << " dequeued" << endl;</pre>
29
         intQueue.printQueue();
30
      } // end while
31
32
      Queue< double > doubleQueue; // create Queue of doubles
33
      double value = 1.1;
34
35
      cout << "processing a double Queue" << endl;</pre>
36
      // enqueue floating-point values onto doubleQueue for ( int j = 0; j < 3; j++ )
37
38
39
40
         doubleQueue.enqueue( value );
41
         doubleQueue.printQueue();
42
         value += 1.1;
      } // end for
43
```

45

double dequeueDouble; // store dequeued double

```
46
47
      // dequeue floating-point values from doubleQueue
48
      while ( !doubleQueue.isQueueEmpty() )
49
50
         doubleQueue.dequeue( dequeueDouble );
         cout << dequeueDouble << " dequeued" << endl;</pre>
51
52
         doubleQueue.printQueue();
53
     } // end while
54
55
     return 0;
56 } // end main
processing an integer Queue
The list is:0
 The list is: 0 1
The list is: 0 1 2
 0 dequeued
The list is: 1 2
1 dequeued
The list is: 2
 2 dequeued
The list is empty
processing an double Queue
 The list is: 1.1
The list is: 1.1 2.2
The list is: 1.1 2.2 3.3
 1.1 dequeued
 The list is: 2.2 3.3
 2.2 dequeued
 The list is: 3.3
 3.3 dequeued
 The list is empty
All nodes destroyed
All nodes destroyed
```

شكل 17-21 | برنامه پردازش صف.

7-21 درختها

لیستهای پیوندی، پشتهها و صفها جزء ساختمان دادههای خطی هستند (متوالی). در حالیکه درخت (tree) یک ساختمان داده دو بعدی با خصوصیات ویژه خود است. گرههای درخت دارای دو یا بیشتر از دو لینک هستند. در این بخش در مورد درختهای باینری (دودوئی)

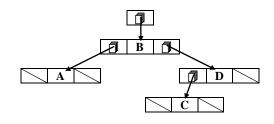


صحبت خواهیم کرد (شکل 18-21). در این نوع از درختها همه گرهها دارای دو لینک هستند (یکی یا هر دو می تواند برابر null باشد یا هیچ کدام).

گره ریشه اولین گره در درخت است. هر لینک گره ریشه، به یک فرزند اشاره می کند. فرزند چپ، اولین گره در زیر درخت راست است. به فرزندان یک گره sibling و به گره بدون فرزند گره برگ (leaf node) گفته می شود. دانشمندان کامپیو تر معمولاً درختها را از ریشه به پایین ترسیم می کنند که برخلاف رشد طبیعی درخت در طبیعت است.

درخت جستجوى باينري

در این بخش یک درخت باینری ویژه بنام درخت جستجوی باینری (binary search tree) ایجاد خواهیم کرد. یک درخت جستجوی باینری (با مقادیر غیر تکرار شونده در گرهها) دارای خصوصیاتی به شرح زیر است: مقادیر موجود در هر زیر درخت چپ کمتر از مقدار گره والد خود است و مقادیر موجود در هر زیر درخت راست بزرگتر از مقدار والد خود می باشد. شکل 21-19 یک درخت جستجوی باینری با 12 مقدار صحیح است.

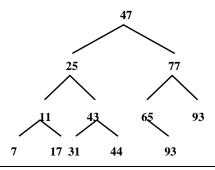


شكل 18-21 | نمايش گرافيكي از يك درخت باينري.

پیادهسازی درخت جستجوی باینری

برنامه شکلهای 20–21 الی 22–21 یک درخت جستجوی باینری ایجاد و آن را به سه روش بازگشتی preorder inorder و preorder پیمایش می کنند. برنامه مبادرت به ایجاد 10 عدد تصادفی کرده و هر یک را وارد درخت می کند. در شکل 17–23، کلاس Tree در فضای نامی BinaryTreeLibrary تعریف شده است. شکل 18–23 تعریف کننده کلاس TreeTest است که توصیف کننده قابلیتهای Tree می باشد. تابع Main از مدول TreeTest یک شی تهی Tree نمونهسازی کرده، 10 مقدار صحیح تصادفی ایجاد و هر مقدار را در درخت باینری و با استفاده از تابع InsertNode وارد می کند. سپس برنامه پیمایشهای inorder ، preorder و inorder ، و با به انجام می رساند. در مورد هر کدامیک از این پیمایشها توضیح خواهیم داد.





شكل 19-21 | درخت جستجوى باينري.

```
// Fig. 21.20: Treenode.h
   // Template TreeNode class definition.
3
   #ifndef TREENODE H
4
   #define TREENODE H
   // forward declaration of class Tree
6
7
   template< typename NODETYPE > class Tree;
  // TreeNode class-template definition
10 template< typename NODETYPE >
11 class TreeNode
12 {
13
      friend class Tree< NODETYPE >;
14 public:
15
      // constructor
16
      TreeNode ( const NODETYPE &d )
         : leftPtr( 0 ), // pointer to left subtree
data( d ), // tree node data
17
18
           rightPtr( 0 ) // pointer to right substree
19
20
21
         // empty body
22
      } // end TreeNode constructor
23
      // return copy of node's data
24
25
      NODETYPE getData() const
```

```
فصل بیست و یکم1077
26
     {
27
        return data:
28
     } // end getData function
29 private:
     TreeNode< NODETYPE > *leftPtr; // pointer to left subtree
31
     NODETYPE data:
     TreeNode< NODETYPE > *rightPtr; // pointer to right subtree
32
33 }; // end class TreeNode
35 #endif
                                               شكل 20-21 | تعريف كلاس TreeNode.
  // Fig. 21.21: Tree.h
   // Template Tree class definition.
3
   #ifndef TREE H
   #define TREE_H
  #include <iostream>
6
   using std::cout;
   using std::endl;
10 #include <new>
11 #include "Treenode.h"
12
13 // Tree class-template definition
14 template< typename NODETYPE > class Tree
15 {
16 public:
      Tree(); // constructor
17
18
      void insertNode( const NODETYPE & );
      void preOrderTraversal() const;
19
20
      void inOrderTraversal() const;
21
      void postOrderTraversal() const;
22 private:
      TreeNode< NODETYPE > *rootPtr;
23
24
25
     // utility functions
26
      void insertNodeHelper(TreeNode< NODETYPE> **, const NODETYPE & );
      void preOrderHelper( TreeNode< NODETYPE > * ) const;
27
      void inOrderHelper( TreeNode< NODETYPE > * ) const;
28
29
      void postOrderHelper( TreeNode< NODETYPE > * ) const;
30 }; // end class Tree
31
32 // constructor
33 template< typename NODETYPE >
34 Tree< NODETYPE >::Tree()
35 {
      rootPtr = 0; // indicate tree is initially empty
36
37 } // end Tree constructor
38
39 // insert node in Tree
40 template< typename NODETYPE >
41 void Tree< NODETYPE >::insertNode( const NODETYPE &value )
42 {
43
      insertNodeHelper( &rootPtr, value );
44 } // end function insertNode
45
46 // utility function called by insertNode; receives a pointer
47 // to a pointer so that the function can modify pointer's value
```

48 template< typename NODETYPE >

49 void Tree< NODETYPE >::insertNodeHelper(

```
50
      TreeNode< NODETYPE > **ptr, const NODETYPE &value )
51 {
52
       // subtree is empty; create new TreeNode containing value
53
      if ( *ptr == 0 )
54
         *ptr = new TreeNode< NODETYPE >( value );
      else // subtree is not empty
55
56
57
         // data to insert is less than data in current node
58
         if ( value < ( *ptr )->data )
59
           insertNodeHelper( &( ( *ptr )->leftPtr ), value );
60
         else
61
62
            // data to insert is greater than data in current node
63
            if ( value > ( *ptr )->data )
               insertNodeHelper( &( ( *ptr )->rightPtr ), value );
64
65
            else // duplicate data value ignored
66
               cout << value << " dup" << endl;</pre>
67
         } // end else
68
      } // end else
69 } // end function insertNodeHelper
70
71 // begin preorder traversal of Tree
72 template< typename NODETYPE >
73 void Tree< NODETYPE >::preOrderTraversal() const
74 {
75
      preOrderHelper( rootPtr );
76 } // end function preOrderTraversal
77
78 // utility function to perform preorder traversal of Tree
79 template< typename NODETYPE >
80 void Tree<NODETYPE>::preOrderHelper(TreeNode<NODETYPE> *ptr ) const
81 {
82
      if ( ptr != 0 )
83
84
         cout << ptr->data << ' '; // process node
85
         preOrderHelper( ptr->leftPtr ); // traverse left subtree
         preOrderHelper( ptr->rightPtr ); // traverse right subtree
86
87
      } // end if
88 } // end function preOrderHelper
90 // begin inorder traversal of Tree
91 template< typename NODETYPE >
92 void Tree< NODETYPE >::inOrderTraversal() const
93 {
94
      inOrderHelper( rootPtr );
95 } // end function inOrderTraversal
96
97 // utility function to perform inorder traversal of Tree
98 template< typename NODETYPE >
99 void Tree<NODETYPE>::inOrderHelper(TreeNode<NODETYPE> *ptr ) const
100 {
      if ( ptr != 0 )
101
102
103
         inOrderHelper( ptr->leftPtr ); // traverse left subtree
         cout << ptr->data << ' '; // process node
104
105
         inOrderHelper( ptr->rightPtr ); // traverse right subtree
106
      } // end if
107 } // end function inOrderHelper
108
109 // begin postorder traversal of Tree
110 template< typename NODETYPE >
111 void Tree< NODETYPE >::postOrderTraversal() const
```



```
112 {
      postOrderHelper( rootPtr );
113
114 } // end function postOrderTraversal
115
116 // utility function to perform postorder traversal of Tree
117 template< typename NODETYPE >
118 void Tree< NODETYPE >::postOrderHelper(
119
      TreeNode< NODETYPE > *ptr ) const
120 {
121
      if ( ptr != 0 )
122
123
         postOrderHelper( ptr->leftPtr ); // traverse left subtree
124
         postOrderHelper( ptr->rightPtr ); // traverse right subtree
         cout << ptr->data << ' '; // process node</pre>
125
      } // end if
126
127 } // end function postOrderHelper
128
129 #endif
```

شكل 21-21 | تعريف كلاس Tree.

بحث را با تعریف الگوی کلاس TreeNode آغاز می کنیم (شکل 20–21) که حضو که از TreeNode را بعنوان friend اعلان کرده است (خط 13). با اینکار تمام توابع عضو که از کلاس الگوی TreeNode می شوند، کلاس الگوی TreeNode می آیند (شکل 21–21) دوستان متناظر کلاس الگوی TreeNode می شوند، از اینرو است که می توانند به اعضای private شی های TreeNode از آن نوع دسترسی پیدا کنند. بدلیل اینکه از پارامتر NODETYPE بعنوان آرگومان TreeNode در اعلان friend استفاده شده است، NODETYPE می تواند فقط از طریق یک Tree با همان نوع پردازش شود.

```
1 // Fig. 21.22: Fig21 22.cpp
2 // Tree class test program.
3 #include <iostream>
4 using std::cout;
5 using std::cin;
6 using std::fixed;
8 #include <iomanip>
9 using std::setprecision;
11 #include "Tree.h" // Tree class definition
12
13 int main()
14 {
15
      Tree< int > intTree; // create Tree of int values
16
      int intValue;
17
      cout << "Enter 10 integer values:\n";</pre>
18
19
20
      // insert 10 integers to intTree
21
      for ( int i = 0; i < 10; i++ )
22
         cin >> intValue;
24
         intTree.insertNode( intValue );
      } // end for
25
26
      cout << "\nPreorder traversal\n";</pre>
```

```
28
      intTree.preOrderTraversal();
29
30
      cout << "\nInorder traversal\n";</pre>
31
      intTree.inOrderTraversal();
32
      cout << "\nPostorder traversal\n";</pre>
33
      intTree.postOrderTraversal();
34
35
36
      Tree< double > doubleTree; // create Tree of double values
37
      double doubleValue;
38
39
      cout << fixed << setprecision( 1 )</pre>
40
         << "\n\nEnter 10 double values:\n";</pre>
41
42
      // insert 10 doubles to doubleTree
      for ( int j = 0; j < 10; j++ )
43
44
45
         cin >> doubleValue;
46
         doubleTree.insertNode( doubleValue );
      } // end for
47
48
49
      cout << "\nPreorder traversal\n";</pre>
50
      doubleTree.preOrderTraversal();
51
      cout << "\nInorder traversal\n";</pre>
52
53
      doubleTree.inOrderTraversal();
54
55
      cout << "\nPostorder traversal\n";</pre>
56
      doubleTree.postOrderTraversal();
57
58
      cout << endl;</pre>
59
     return 0;
60 } // end main
Enter 10 integer values:
50 25 75 12 33 67 88 6 13 68
Preorder traversal
50 25 12 6 13 33 75 67 68 88
 Inorder traversal
 6 12 13 25 33 50 67 68 75 88
 Postorder traversal
 6 13 12 33 25 68 67 88 75 50
Enter 10 double values:
39.2 16.5 82.7 3.3 65.2 90.8 1.1 4.4 89.5 92.5
Preorder traversal
39.2 16.5 3.3 1.1 4.4 82.7 65.2 90.8 89.5 92.5
 Inoreder traversal
1.1 3.3 4.4 16.5 39.2 65.2 82.7 89.5 90.8 92.5
Postorder traversal
1.1 4.4 3.3 16.5 65.2 89.5 92.5 90.8 82.7 39.2
```

شكل 22-21 |ايجاد و پيمايش درخت باينري.

خطوط 32-32 داده private از TreeNode را اعلان کردهاند– مقدار داده گره، و اشاره گرهای (خطوط 22-16) (برای زیردرخت گره راست). سازنده (خطوط 22-16)



مباردت به تنظیم مقدار data تدارک دیده شده از سوی آرگومان سازنده و تنظیم اشارهگرهای leftPtr و rightPtr با صفر كرده است. تابع عضو getData (خطوط 28-25) مقدار data را برگشت مىدهد.

کلاس Tree (شکل 21-21) حاوی گره ریشه (rootPtr) در خط 22 است که به گره ریشه در درخت اشاره دارد. همچنین کلاس دارای تابع insertNode (خطوط 20-17) است که گرهای را در درخت جاى مى دهد، البته داراى توابع سراسرى inOrderTraversal ،preOrderTraversal و postOrderTraversal است که وظیفه پیمایش درخت را برعهده دارند. هر تابع پیمایش درخت، یک تابع یوتیلیتی بازگشتی جداگانه را برای انجام عملیات پیمایش بر روی ساختار داخلی درخت فراخوانی می کند. سازنده Tree مبادرت به مقداردهی rootPtr با null (صفر) می کند تا نشان دهد درخت در ابتدای کار تهی است.

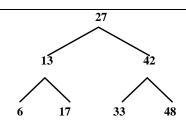
تابع InsertNode ابتدا تابع كمك insertNodeHelper (خطوط 68-47) را فراخواني مي كند تا بصورت بازگشتی گرهای را وارد درخت کند. در یک درخت جستجوی باینری گرهها فقط می توانند به عنوان گرههای برگ وارد درخت شوند. اگر درخت تهی باشد، یک TreeNode جدید ایجاد، مقداردهی اولیه شده و در درخت درج می شود (خطوط 54-53).

اگر درخت تهی نباشد، برنامه مقدار وارد شده را با مقدار data در گره ریشه مقایسه می کند. اگر مقدار واردهٔ کمتر از (کوچکتر از) از مقدار گره ریشه باشد (خط 57)، برنامه بصورت بازگشتی تابع insertNodeHelper (خط 58) را برای درج مقدار در زیر درخت چپ فراخوانی می کند. اگر مقدار واردهٔ بزرگتر از مقدار گره ریشه باشد (خط 62)، برنامه بصورت بازگشتی تابع insertNodeHelper (خط 64) را برای درج مقدار در زیر درخت راست فراخوانی می کند. اگر مقدار وارد شده برابر با مقدار گره ریشه باشد، برنامه پیغام "dup" را چاپ (خط 65) کرده و بدون اینکه مقدار تکراری را وارد درخت کند، باز می گردد. دقت کنید که insertNode آدرس rootPtr را به insertNodeHelper ارسال می کند (خط 42) از اینرو است که می تواند مقدار ذخیره شده در rootPtr را اصلاح کند. برای دریافت اشاره گر به rootPtr که خود یک اشاره گر است، اولین آرگومان insertNodeHelper بعنوان یک اشاره گر به اشاره گر به یک treeNode اعلان شده است.

توابع پيمايش inOrderTraversal (خطوط 90-94)، preOrderTraversal (خطوط 71-75) و postOrderTraversal (خطوط 103-113) توابع كمكى postOrderTraversal preOrderHelper (خط 84) و postOrderHelper (خط 123) را به ترتیب فراخوانی می کنند تا درخت



پیمایش شده و مقادیر هر گره به نمایش در آید. تابعهای کمک کننده در کلاس Tree به برنامهنویس امکان می دهند تا شروع به پیمایش درخت نماید بدون اینکه ابتدا به گره ریشه اشاره کند. برای اینکه بهتر با مبحث پیمایش آشنا شوید از تصویر درخت جستجوی باینری در شکل 23-21 استفاده می کنیم.



شكل 23-21 | يك درخت جستجوى باينرى.

الگوریتم پیمایش Inorder

تابع inOrderHelper تعریف کننده مراحل پیمایش بفرم inorder است. این مراحل عبارتند از:

- 1- اگر آر گومان برابر null باشد، بلافاصله برگشت داده می شود.
- 2- با فراخواني inOrderHelper زير درخت چپ را پيمايش مي كند (خط 102).
 - 3- مقدار موجود در گره پردازش می شود (خط 103).
 - 4- ييمايش زير درخت راست با فراخواني inOrderHelper (خط 104).

در پیمایش inorder تا زمانیکه مقادیر گرههای زیر درخت چپ پردازش نشده، مقدار موجود در گره پردازش نخواهد شد. پیمایش inorder بر روی درخت شکل 23-21 نتیجه زیر را خواهد داشت:

6 13 17 27 33 42 48

دقت کنید که در این نوع پیمایش بر روی درخت جستجوی باینری مقادیر گرهها بصورت صعودی بچاپ می رسند و اصولاً فر آیند ایجاد یک درخت جستجوی باینری بصورت مرتب شده است.

الگوریتم پیمایش Preorder

تابع preOrderHelper تعریف کننده مراحل پیمایش بفرم preorder است. این مراحل عبارتند از:

- 1- اگر آرگومان null باشد، بلافاصله برگشت داده می شود.
 - 2 پردازش مقدار موجود در گره (خط 83).



- 3- پيمايش زير درخت چپ با فراخواني preOrderHelper (خط 84).
- 4- ييمايش زير درخت راست با فراخواني preOrderHelper (خط 85).

در ییمایش preorder مقدار هر گره ملاقات شده پردازش می شود. پس از پردازش مقدار گره بدست آمده، پیمایش کار خود را با پردازش مقادیر در زیر درخت چپ ادامه داده و سپس مقادیر زیر درخت راست یردازش می شود. نتیجه پیمایش preorder بر روی درخت شکل 23–21 بصورت زیر خواهد بود:

27 13 6 17 42 33 48

الگوریتم پیمایش Postorder

تابع postOrderHelper تعریف کننده مراحل پیمایش بفرم postorder است. این مراحل عبار تند از:

- ا اگر آرگو مان null باشد، بلافاصله برگشت داده می شود.
- 2- پيمايش زير درخت چپ با فراخواني postOrderHepler (خط 122).
- 3- ييمايش زير درخت راست با فراخواني postOrderHelper (خط 123).
 - 4- ير دازش مقدار مو جو د در گره (خط 124).

نتیجه پیمایش postroder بر روی درخت شکل 23-21 بصورت زیر خواهد بود:

6 17 13 33 48 42 27

تمرينات

- 21-1 برنامهای بنو بسید که دو لیست یبوندی را به یکدیگر متصل کند.
- 2-21 برنامهای بنویسید که دو لیست پیوندی مرتب شده با مقادیر صحیح را باهم ادغام کرده و یک لیست مرتب شده ایجاد نماید.
- 2-12 برنامه ای بنویسید که 25 عدد تصادفی از میان اعداد از 0 تا 100 را بصورت مرتب شده در یک لیست پیوندی قرار دهد.
 - 4-21 برنامهای بنویسید که عبارتی دریافت و با استفاده از پشته، آن عبارت را بفرم معکوس به نمایش در آورد.
 - 2-15 برنامهای بنویسید که با استفاده از یشته مشخص کند که آیا رشتهای یالندروم است یا خیر.
 - 6-21 روالي بنام depth بنویسید که یک درخت باینری دربافت و عمق آنرا بدست آورد.

ساختمانهاي داده

21-7 برنامه ای بنویسید که یک لیست پیوندی با 10 کاراکتر ایجاد کرده و سپس لیست دیگری که کپی از لیست اولیه است ایجاد کند اما با ترتیب معکوس.

8-12 همانطوری که می دانید پشته ها توسط کامپایلرها به منظور کمک در پردازش ارزیابی عبارات و ایجاد کد زبان ماشین بکار گرفته می شوند. بطور کلی ما انسان ها عبارات را بفرم 4+8 یا 7/9 می نویسیم که عملگر (4+1) بین عملوندها قرار می گیرد، که به اینحالت نشانه گذاری میانوندی (infix notation) گفته می شود. کامپیوتر ها حالت نشانه گذاری پسوندی (postfix notation) را ترجیح می دهند، که در آن عملگر در سمت راست دو عملوند نوشته می شود (قرار می گیرد). در نشانه گذاری پسوندی عبارات 4+8 و 7/9 به ترتیب بفرم 448 و 7/9 نوشته می شوند.

برای ارزیابی یک عبارت پیچیده infix، بایستی ابتدا کامپیوتر کل عبارات را بحالت postfix تبدیل کرده و سپس آنرا ارزیابی کند. هر کدام از این الگوریتمها مستلزم یک گذار از چپ به راست بر روی عبارات خواهند داشت.

هر الگوریتم از یک پشته برای انجام عملیات خود استفاده می کند و در هر الگوریتم از پشته به منظور متفاوتی استفاده می شود. در این تمرین برنامه تبدیل عبارت infix به postfix نوشته خواهد شد و در تمرین بعدی برنامه ارزیابی عبارات postfix نوشته می شود.

کلاسی بنام Infix ToPostfix Converter بنویسید که یک عبارت عادی ریاضی (infix) که فقط متشکل از اعداد صحیح همانند 8 / 8 - 5 * (6+2) است به عبارت postfix تبدیل کند. پس از تبدیل این عبارت، postfix بفرم زیر خواهد بود:

62+5*84/-

برنامه باید عبارت وارد شدهٔ را بدرون رشته string Builder خوانده و از کلاس StackCompostion برای ایجاد عبارت stringBuilder بصورت زیر است:

- a) يرانتز سمت چپ ')' در درون پشته قرار مي گيرد.
 - b) الحاق يك يرانتر راست '(' به انتهاى infix.
- c) تا زمانیکه پشته خالی نشده، infix از چپ به راست خوانده شده و مراحل زیر انجام می شود:
 - * اگر کاراکتر جاری در infix یک رقم باشد، آنرا به postfix اضافه می کند.
 - * اگر کاراکتر جاری در infix یک پرانتر چپ باشد، آنرا بدرون پشته وارد می کند (push).
 - اگر کاراکتر جاری در infix یک عملگر باشد:
- * خارج كردن عملگرها (اگر عملگرى وجود داشته باشد) از بالاى پشته (Pop) تا زماينكه عملگرى داراى تقدم برابر يا بالاتر از عملگر فعلى قرار داشته باشد. عملگرهاى خارج شده از پشته به postfix الحاق مىشوند.



- * وارد شدن کاراکتر جاری در infix بدرون پشته
- اگر کاراکتر فعلی در infix یک یرانتر سمت راست باشد:
- * عملگرها از بالای پشته خارج شده (Pop) و به postfix الحاق میشود و اینکار تا زمانی صورت می گیرد که یک پرانتز چپ در بالای پشته مشاهده شود.
 - * پرانتز سمت چپ از پشته خارج می شود.

همچنین عملگرهای ریاضی نیز می توانند در عبارات وجود داشته باشند، عملگرهای:

- + جمع
- تفریق
- * ضرب
- / تقسيم
- ^ توان
- % باقيمانده
- تعدادی از تابعهایی که ممکن است در این برنامه از آنها استفاده کنید عبار تنداز:
 - a) تابع **ConvertToPostfix** برای تبدیل عبارت ConvertToPostfix به
 - b) تابع IsOperator برای تعیین اینکه آیا کاراکتر یک عملگر است یا خیر.
- c) تابع Precedence برای تعیین اینکه آیا تقدم عملگر operator1 (از عبارت infix) کمتر، برابر یا بیشتر از تقدم عملگر operator2 (از پشته) است یا خیر. اگر تقدم عملگر operator1 کمتر از عملگر operator2 باشد، تابع مقدار True و در غیر اینصورت مقدار False برگشت می دهد.
- 21-9 كلاسى با نام Postfix Evaluator كه عبارات postfix را ارزيابي مي كند، بنويسيد. فرض كنيد عبارت postfix بفرم زیر باشد:

62 + 5 * 84 / -

برنامه بایستی عبارت postfix را که متشکل از ارقام و عملگرها میباشد بدرون رشته StringBuilder وارد کند. برنامه باید عبارت را از ابتدا تا انتها طی کرده و آنرا ارزیابی کند. الگوریتم به شرح زیر عمل می کند:

- a) الحاق پرانتز سمت راست '(' به انتهای عبارت postfix. هنگامی که با پرانتر سمت راست مواجه شود، ادامه پردازش ضروری نیست.
 - b) تا زمانیکه با پرانتز سمت راست مواجه نشده است، عبارت از سمت چپ به راست خوانده می شود.
 - اگر کاراکتر جاری یک رقم باشد:
 - * دو عنصر از بالای پشته خارج شده (Pop) و در درون متغیرهای x و y جای داده می شوند.
 - * محاسبه مقدار، x عملگر y
 - * وارد کردن نتیجه محاسبه، به درون یشته (Push).



c) هنگامی که با کاراکتر سمت راست مواجه شود، مقدار بالایی پشته از آن خارج می شود (Pop) که نتیجه ارزیابی عبارت postfix است.

عملگرهای ریاضی زیر می توانند در عبارات وجود داشته باشند:

+ جمع

– تفریق

* ضرب

/ تقسيم

^ توان

% باقيمانده

می توانید از تابعهای زیر در برنامه استفاده کنید:

a تابع **EvaluatePostfixExpression** برای ارزیابی عبارت (a

.Op1 مملگر Op2 عملگر (b Calculate برای ارزیابی عبارت (b