نسخهی در حال تکمیل مقالهی زیر (از انتشار آن خودداری شود)

کاربرد بسط تیلور در کاهش حجم شبکههای عصبی پیچشی برای طبقهبندی نقاشیهای سبک امپرسیونیسم و مینیاتور

محمود امين طوسي

چکیده. بسط تیلور یکی از روشهای تقریب توابعی است که از هر مرتبهای مشتق پذیر هستند. روال اصلی یادگیری در شبکههای عصبی، مبتنی بر مشتق گیری از تابع هدف و استفاده از گرادیان کاهشی برای نیل به پاسخ بهینه است. شبکههای عصبی پیچشی از مهمترین ابزار حوزه یادگیری عمیق هستند. عمده ی این شبکهها متضمن مدلهایی با اندازههای بزرگ بوده و کاهش حجم این مدلها از موضوعات تحقیقاتی بهروز میباشد. شیوه ی اصلی روشهای کاهش حجم مدلها، هرس کردن اتصالات زائد شبکههای عصبی است، که عموماً مبتنی بر اندازهی وزن اتصالات میباشند. از جملهی این شیوهها، استفاده از بسط تیلور تابع هدف در محاسبه ی اولویت اتصالات، برای حذف آنها از شبکه است. در این نوشتار، این شیوه به صورت مسبوط مورد بررسی قرار گرفته و کاربرد جدیدی از آن در تفکیک تابلوهای نقاشی با سبکهای امپرسیونیسم (برداشت گرایی) و مینیاتور (خُردنگارگری) ارائه شده است. نتایج آزمایشها نشان داده است که با روش مبتنی بر بسط تیلور میتوان ۸۳ درصد از اتصالات شبکه را انتخاب و حذف نمود، بدون آنکه دقت مدل در این کاربرد خاص کاهش پیدا کند.

١. مقدمه

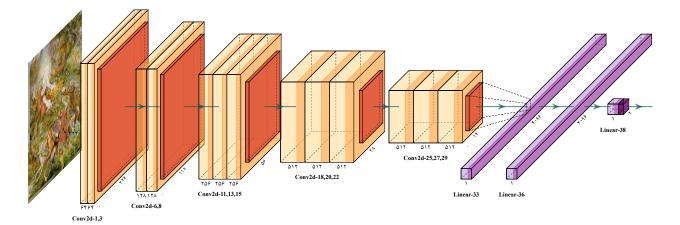
مدلهای یادگیری عمیق در سالیان اخیر کارایی فوقالعادهای در شناسایی اشیاء به نمایش گذاشتهاند [۱]. روشهای مدلهای یادگیری عمیق در سالیان اخیر کارایی فوقالعادهای در این تحقیقات به نمایش گذاشتهاند. این Mask R-CNN [۲] RCNN [۲] از جمله تحقیقات به کار گرفته شدهاند. این عصبی پیچشی می از ابزارهای اصلی مورد استفاده در این زمینه است که در این تحقیقات به کار گرفته شدهاند. این شبکهها را می توان توسیعی از شبکههای عصبی مرسوم از نوع پرسپترون چند لایه دانست که عمل پیچش یا فیلتر کردن تصاویر را برای استخراج ویژگیهای مفید انجام می دهند و معمولاً متضمن هزاران نورون و میلیونها اتصال هستند. داشتن مجموعه دادگان بزرگ از الزامات مدلهای پیچیده ی جدید این حوزه است. این مجموعه دادهها یا به صورت مستقیم در خود مدل استفاده می شود و یا در ایجاد معماری هایی مانند GG [۵] ResNet [۶] ResNet و یا منظر تعداد نورونها، به کار برده شدهاند، که مبنای بیشتر مدلهای مرتبط است. هر یک از این مدلها تفاوتهایی از منظر تعداد نورونها بارامتر نحوه ی اتصالات و نوع لایههای شبکه با هم دارند. اندازه این مدلها معمولاً بسیار بزرگ بوده و شامل میلیونها پارامتر هستند. شکل ۱ ساختار مدل VGG16 را نشان می دهد که بالغ بر ۱۳۰ میلیون پارامتر دارد. در روال یادگیری یک شبکه عصبی، در واقع وزن اتصالات هستند که باید به نحوی تنظیم شوند که عمل خواسته شده انجام شود. حجم یک مدل متناسب با تعداد نورونها و اتصالات آن می باشد که جزء پارامترهای مدل می باشند.

عبارات و کلمات کلیدی. شبکههای عصبی پیچشی، بسط تیلور، یادگیری عمیق، هرس شبکه، طبقهبندی تصویر. محمود امیزطوسی

تاریخ دریافت: ۱۳۷۷/xx/xx تاریخ پذیرش: ۱۳۷۷/xx/xx

¹Deep Learning ²Convolutional Neural Networks (CNNs/ConvNets) ³Multi Layer Perceptron ⁴Convolution ⁵https://pjreddie.com/darknet/





شکل ۱: معماری مدل VGG16 [۵] با بیش از ۱۳۰ میلیون پارامتر (وزن). ورودی شبکه، یک تصویر و خروجی آن مشخص کننده ی طبقه ی تصویر ورودی است.

برای آموزش چنین مدلههایی، حجم زیاد داده و توان پردازشی بالا مورد نیاز است. کاهش حجم این مدلها که از طریق حذف تعدادی از نورونها و اتصالات آنها یا حذف برخی از اتصالات انجام می شود، از موضوعات مورد علاقه محققین یادگیری عمیق است. هرس و کاهش اندازهی مدل می تواند حجم یک مدل اولیهی مثلاً ۵۰۰ مگابایتی را به ۵۰ مگابایت کاهش دهد، که برای استفاده در یک برنامهی اندرویدی مناسبتر است. روشهای مختلفی برای کاهش تعداد نورونها یا تعداد اتصالات شبکهها ارائه شده است. اولین بار ایده دراپاوت و شمکاران و همکاران [۸] تعداد نورونها یا تعداد اتصالات شبکهها ارائه شده است. اولین بار ایده دراپاوت و شمکاران ایم شوند. گرچه ایدهی اصلی ساده است اما در عمل کارایی بسیار خوبی داشته و عموم مدلهای جدید، متضمن چندین لایه دراپاوت هستند. ایدهی دراپاوت هینتون توسط وان ۸ و همکاران [۹] به حذف تصادفی وزنها تعمیم داده شد و بعداً کارایی این شیوه بر روی شبکههای پیچشی مورد بررسی قرار گرفت [۱۰]. شیوه ی کلی دیگری که در هرس وزنهای شبکهها استفاده می شود، منظمسازی است که توسط محققین مختلف در قالب یک مسئلهی بهینهسازی تُنُک ۱ فرموله و حل شده می شود، منظمسازی است که توسط محققین مختلف در قالب یک مسئلهی بهینهسازی تُنُک ۱ فرموله و حل شده وزنهای اتصالات شبکه به عنوان جملهی منظمساز، به تابع هدف مسئله افزوده می شود. نُرم صفر یک بردار، تعداد عناصر غیرصفر آن است. و زنهای با مقادیر کوچک نزدیک به صفر، هرس شده و حجم مدل کاهش می یابد. مولچانوف ۱۱ و همکاران از پژوهشگران شرکت انوی دیا ۱۲ یک شیوهی مبتنی بر استفاده از بسط تیلور تابع هدف ارائه و برتری آن را نسبت به چندین روش مرسوم در این حوزه نشان داده اند [۱۵].

هدف این نوشتار، مقایسه ی این روشها نیست؛ بلکه هدف اصلی، بیان چگونگی روش کار مولچانوف و همکاران [۱۵] است که در آن از بسط تیلور برای هرس اتصالات شبکه استفاده شده است. در مقاله ی مذکور، شیوه ی مورد استفاده به اختصار بیان شده است؛ در این نوشتار این روش به تفصیل بیان شده و در ضمنِ یک کاربرد جدید، کارایی آن نشان داده شده است. به عنوان کاربردی جدید، مسئله ی تفکیک دو سبک نقاشی امپرسیونیسم ۱۳ (برداشت گرایی) و مینیاتورهای ایرانی با سبک محمود فرشچیان در نظر گرفته شده است که در بخش ۲ بیان می شود.

۷ جفری هینتون (Geoffrey Hinton) روانشناس شناختی، دانشمند علوم کامپیوتر و یکی از افرادی است که از آنها به عنوان پدران یادگیری عمیق یاد می شود.

⁶Dropout ⁸L. Wan ⁹Regularization ¹⁰Sparse Optimization ¹¹P. Molchanov ¹²Nvidia ¹³Impersionism



از آنجا که برای بیان مسئله، یک نگرش مقدماتی بر شبکههای عصبی پیچشی لازم است، در بخش ۲، به مرور کوتاهی بر شبکههای عصبی پرداخته شده است. مدل ساده پرسپترون، که سنگ بنای شبکههای عصبی است، نحوه آموزش آن و مدلهای شبکههای عصبی پیچشی در این بخش بیان شدهاند. در بخش ۳، به معضل حذف اتصالات اضافی در شبکههای عصبی پیچشی، بسط تیلور و چگونگی استفاده از آن در روال حذف اتصالات زائد پرداخته شده است. در بخش ۴، مسئله تفکیک سبکهای نقاشی به عنوان کاربردی جدید از شبکههای عصبی پیچشی عنوان شده و نتایج استفاده از شیوه مبتنی بر بسط تیلور برای کاهش حجم مدل مورد استفاده ذکر شده است. نتایج آزمایشهای انجام شده نشان داده است که با شیوه مورد بحث، می توان در عین حفظ دقت مدل اصلی، ۸۳ درصد از اتصالات شبکه را حذف کرد. آخرین بخش به جمع بندی اختصاص یافته است.

۲. مروری بر شبکه های عصبی

مدلهای شبکههای عصبی مصنوعی، سالها به امید ایجاد عملکردی مشابه مغز انسان در موضوعاتی نظیر تشخیص صحبت و تصویر در شاخههای هوش مصنوعی مورد مطالعه قرار گرفته اند. ساختار این مدلها که الهام گرفته از شبکههای عصبی زیستی است، متشکل از تعدادی عنصر محاسباتی (نورونها، گرهها، نودها) است که از طریق وزنهایی تطبیقی ۲۰ به هم متصل شده و به موازات یکدیگر کار می کنند. ساده ترین ساختار گره، معمولاً به صورت غیرخطی است که در آن، هر کدام از ورودیها در وزن خاصی ضرب شده و حاصل جمع آنها پس از عبور از یک تابع، خروجی را به دست می آورد (شکل ۲). هر شبکهی عصبی، علاوه بر معماری (توپولوژی) شبکه و مشخصات گره یا نود (یعنی نوع تابع آن، موسوم به تابع فعالیت ۱۵)، دارای یک روال یادگیری یا آموزشی نیز می باشد. عمل یادگیری ۲۰ در شبکههای عصبی، به معنی تنظیم درست وزنها است به گونهای که شبکه با ورود داده های مشخص، پاسخ مورد انتظار را تولید کند. روش های طراحی شبکه و قواعد آموزش آن، موضوع بسیاری از تحقیقات گذشته و اکنون است. با دسترسی به داده های آموزشی حجیم و شبکه و قواعد آموزش آن، موضوع بسیاری از تحقیقات گذشته و اکنون است. با دسترسی به داده های آموزشی حجیم و گرافیکی قدر تمند در کنار ابداع روش های بهتر بهینه سازی و انواع جدیدتر توابع فعالیت، باعث اوج گیری مجدد شبکههای عصبی، در قالب یادگیری عمیق ۱۷ شده است.

یکی از ابزارهای حوزه یادگیری عمیق، شبکههای عصبی پیچشی ۱۸ است که با دقت زیاد قادر به تفکیک نمونهها در قالب دستههای از پیش مشخص است. مثال مشهوری که امروزه در حوزه یادگیری عمیق استفاده می شود، دسته بندی تصاویر سگ و گربه، یک شبکه عصبی پیچشی آموزش می بیند تا مشخص کند که یک تصویر جدید (سگ یا گربه) متعلق به کدام دسته است. روال یادگیری در بسیاری از انواع شبکه ها از جمله شبکههای عصبی پیچشی مدل پرسپترون و شبکههای عصبی پیچشی به صورت مختصر بیان می شوند.

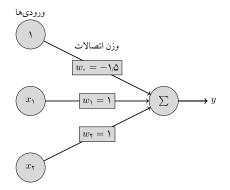
۱.۲. مدل پرسپترون. روال اصلی یادگیری در شبکههای پرسپترونی مبتنی بر کمینه کردن خطای شبکه است. اگر هدف شبکه، طبقه بندی باشد، تابع هدف می تواند کاهش تعداد نمونههایی باشد که به صورت نادرست دسته بندی شده اند 1 . فرض کنید که مسئله ی موردنظر، طبقه بندی داده ها به دو کلاس است که برچسب دو کلاس (طبقه) به ترتیب صفر و یک درنظر گرفته شده و خروجی شبکه، صفر یا یک است. اگر y_i برچسب درست طبقه ی نمونه ی i ام

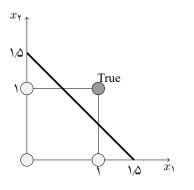
¹⁴Adaptive Weights ¹⁵Activation Functions ¹⁶Training or Learning Rule ¹⁷Deep Learning ¹⁸Convolutional Neural Networks

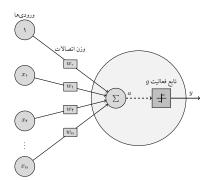
¹⁹Perceptron ²⁰Miss-Classification Error ²¹Target











شکل *: مدل پرسپترون برای ترکیب عطفی x_1 و x_2 : نمایش دهنده خط جداساز شکل *1 است.

شکل ۲: مدل پرسپترون

و \hat{y}_i خروجی شبکه برای این نمونه باشد، مجموع زیر بیانگر تعداد نمونههایی است که به اشتباه طبقهبندی شدهاند:

 x_2 شکل x_1 : ترکیب عطفی x_1 و و

بالای خط پررنگ، ناحیهای است

که True $x_1 \wedge x_2$ است.

$$\sum_{i} |y_i - \hat{y}_i|$$

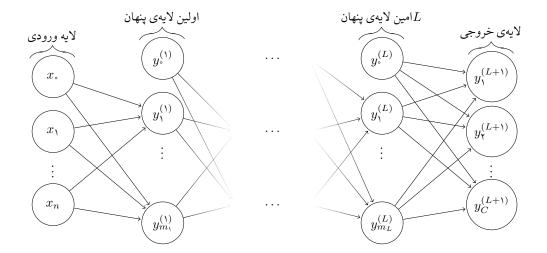
یعنی \hat{y}_i که خروجی شبکه ی عصبی است ممکن است منطبق بر مقدار مورد انتظار y_i باشد (طبقه بندی درست) یا نباشد (طبقه بندی نادرست). نحوه ی محاسبه ی خروجی شبکه عصبی، در ادامه آمده است.

همان گونه که در ابتدای بخش اشاره شد یک نود در شبکههای عصبی مصنوعی، سیگنالهای ورودی را از n نورون دیگر یا ورودیهای شبکه دریافت کرده و مجموع وزن دار این سیگنالها، ورودی تابع فعالیت نورون را شکل می دهد (شکل ۲). یک مدل ساده با تابع فعالیت همانی، در واقع مشخص کننده ی یک مرز خطی برای دو ناحیه در صفحه است که هر ناحیه، یک دسته را مشخص می کند. با یک مثال، نحوه ی پیاده سازی ترکیب عطفی x_1 و x_2 با مدل پر سپترون را نشان خواهیم داد. خط x_3 و x_4 به x_4 به x_5 و x_5 به x_5 و x_5 با مدل پر سپترون را نشان خواهیم داد. خط x_5 و x_5 آلت و x_5 به ترتیب با یک و صفر نشان داده شوند، خط فوق، مشخص کننده ی مرز تصمیم گیری برای x_5 آلت و x_5 هر دو یک (True) با بشند، داده شوند، خط فوق، مشخص کننده ی منفی خواهد شد. اگر مثبت و منفی را به ترتیب متناظر با پر آلت و و که مرز برای x_5 آلت و منفی را به ترتیب متناظر با که آلت و آلت و ترکیب عطفی دو ورودی خود را انجام می دهد. مدل پر سپترون نمایش داده شده در شکل ۲، حاصل x_5 ورودی های خود را انجام می دهد. مدل پر سپترون نمایش داده شده در شکل ۲، حاصل x_5 ورودی محاسبه می کند که با توضیح داده شده، در واقع عمل ترکیب عطفی ورودی محاسبه می کند که با توضیح داده شده، در واقع عمل ترکیب عطفی ورودی های خود را انجام می دهد. می عداده می کند که با توضیح داده شده می کند. فرض کنید مطابق رابطه ی زیر، x_5 مجموع وزن دار تعداد ویژگیهای بیشتر) یک ابر صفحه ی جداساز را مشخص می کنند. فرض کنید مطابق رابطه ی زیر، x_5 مجموع وزن دار ورودی های نورون باشد:

$$a = \sum_{j=1}^{n} w_j x_j + b$$

که در آن n تعداد ویژگیها (مؤلفهها)ی هر نمونه، b عرض از مبدأ (بایاس)، i امین سیگنال ورودی و i وزن اتصال ورودی i امین نورون است. برای راحتی، عموماً یک ورودی i ورودی i درنظر گرفته شده و i به عنوان وزن ورودی i این نورون است. برای راحتی، عموماً یک ورودی i ورودی i درنظر گرفته شده و i به عنوان وزن





شكل ۵: شبكه عصبي پرسپترون چند لايه

اتصال این ورودی منظور می شود. به این ترتیب، رابطه بالا به صورت زیر نوشته می شود:

$$a = \sum_{j=1}^{n} w_j x_j + b = \sum_{j=0}^{n} w_j x_j = \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$

که در آن، $\mathbf{w} = [w_0 = b, w_1, \cdots, w_n]^T$ بردار ورودی و $\mathbf{x} = [x_0 = 1, x_1, \cdots, x_n]^T$ وزن اتصالات میباشد. سیگنال خروجی \hat{y} یا پاسخ نورون، تابعی از ورودی آن است:

(*)
$$\hat{y} = g(a) = g\left(\sum_{j=0}^{n} w_j x_j\right) = g(\mathbf{w}^T \mathbf{x})$$

تابع g(.) تابع فعالیت نامیده می شود. توابع مختلفی به عنوان تابع فعالیت درنظر گرفته می شوند که تابع سیگمویید با ضابطه ی $g(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ از مرسوم ترین آنهاست. این ساختار ساده «مدل پرسپترون» نامیده می شود که در شکل ۲ نشان داده شده است.

 $\{(\mathbf{x}_i,y_i),\ i=1,\cdots,N\}$ روال آموزش پرسپترون. مجموعه ی آموزشی، متشکل از N زوج از الگوهای $\mathbf{x}_i\in\mathbb{R}^n$ است که در آن $\mathbf{x}_i\in\mathbb{R}^n$ بردار نشان دهنده ی iامین ورودی و i طبقه ی درست متناظر با این نمونه است. اگر مسأله ی مدنظر، طبقه بندی نمونه ها به دو کلاس باشد، یعنی i i i که در آن، صفر و یک برچسب دو کلاس هستند.

تابع هدف (۱) را میتوان در قالب مجموع مربعات خطا به صورت زیر نوشت که برای کمینهسازی مناسبتر است:

(
$$\Delta$$
)
$$\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{N} (y_i - \hat{y}_i)^2$$





اگر iامین نمونه از دادهها به مدل داده شود، خروجی مدل به صورت $\hat{y}_i = g(a_i) = g(\sum_{j=0}^n w_j x_j)$ خواهد بود. با جایگزینی \hat{y}_i در تابع هدف (۵)، آن را میتوان به صورت زیر برحسب w_i نوشت:

(9)
$$E(\mathbf{w}) = \frac{1}{2} \sum_{i} (y_i - \hat{y}_i)^2 = \frac{1}{2} \sum_{i} \left(y_i - g(\sum_{j=0}^n w_j x_j) \right)^2$$

در این تابع خطا x_j ، x_j و y_i معلوم بوده و هدف، پیدا کردن وزنهای بهینه \mathbf{w}) برای کمینه سازی خطاست. پایه یه همهی روشهای مرسوم کمینه سازی در شبکه های عصبی الگوریتم گرادیان کاهشی می باشد. در هر مرحله از یک روال تکراری، وزنهای جدید بر اساس گرادیان تابع هدف، به صورت زیر بهنگام می شوند:

$$\mathbf{w}^{new} = \mathbf{w}^{old} - \eta \nabla E$$

که η نرخ یادگیری و ∇E گرادیان تابع خطاست. کافی است گرادیان تابع خطا برحسب وزنهای اتصالات، محاسبه شده و وزنها، مطابق رابطه ی بالا بروزرسانی شوند، که در ادامه بیان خواهد شد. برای ساده سازی، خطای یک نمونه (بدون اندیس i) را درنظر بگیرید:

$$e = \frac{1}{2}(y - \hat{y})^2$$

بنا به قاعدهی مشتق زنجیرهای داریم:

(A)
$$\frac{\partial e}{\partial w_j} = \frac{\partial e}{\partial y} \frac{\partial y}{\partial a} \frac{\partial a}{\partial w_j} = -(y - \hat{y})g'(a)x_j = (\hat{y} - y)g'(a)x_j$$

لذا:

(4)
$$\frac{\partial E}{\partial w_j} = \sum_i (\hat{y}_i - y_i)g'(a)x_j$$

بنابراین گرادیان تابع هزینه را به صورت زیر خواهیم داشت که میتواند در رابطهی (۷) برای بهنگام سازی وزنها به کار گرفته شود:

(1.)
$$\nabla E = \left[\frac{\partial E}{\partial w_0}, \frac{\partial E}{\partial w_1}, \dots, \frac{\partial E}{\partial w_n} \right]^T$$

به عنوان مثال اگر g(a)=a تابع همانی g(a)=a باشد، مشتق آن بر حسب a یک شده و لذا روابط (۱۰) و (۱۰) برای نمونه ی aام به صورت زیر درخواهد آمد:

$$\frac{\partial e_i}{\partial w_j} = (\hat{y}_i - y)x_j$$

که

(17)
$$\nabla e_i = \left[\frac{\partial e_i}{\partial w_0}, \frac{\partial e_i}{\partial w_1}, \dots, \frac{\partial e_i}{\partial w_n} \right]^T$$

در رابطهی (۱۰) خطای همهی دادههای ورودی محاسبه می شود. اما به صورت معمول در روال آموزش شبکههای عصبی، خطای دادههای آموزشی به صورت تکی یا گروهی در بروزرسانی وزنها بکار برده می شوند:

$$\mathbf{w}^{new} = \mathbf{w}^{old} - \eta \nabla e_i$$

²²Error Function



اگر n=0 و یا به عبارتی فقط یک داشته باشیم، رابطهی فوق برای بهنگام کردن وزنها به صورت زیر درخواهد آمد (بدون اندیس مربوط به نمونهی iام):

$$w = w - \eta \nabla e$$

$$= w - \eta(\hat{y} - y)\mathbf{x}$$

$$= w + \eta(y - \hat{y})\mathbf{x}$$

با اندیس مربوط به نمونهی iام:

$$w = w - \eta \nabla e_i$$

$$= w - \eta(\hat{y}_i - y_i)\mathbf{x}_i$$

$$= w + \eta(y_i - \hat{y}_i)\mathbf{x}_i$$

 ${f x}$ هم تعداد ابعاد ${f x}$ را مشخص می کند و هم تعداد ابعاد ${f w}$ را؛ لذا رابطه ی فوق می تواند با فرض برداری بودن ${f x}$ به صورت زیر نوشته شود:

$$\mathbf{w} = \mathbf{w} - \eta(\hat{y}_i - y_i)\mathbf{x}_i$$

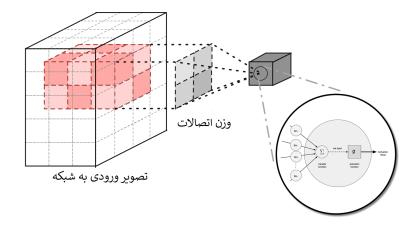
عنصر اصلی شبکههای چند لایه ی پرسپترونی ٔ همین مدل پرسپترون ساده است. یک شبکه ی چند لایه معمولاً شامل یک لایه ی ورودی، یک لایه ی خروجی و یک یا چند لایه ی پنهان است. شکل ۵، یک نمونه شبکه عصبی چند لایه را نشان می دهد. ساختار هر نود که با y نشان داده شده است، همان ساختار مدل پرسپترون شکل ۲ است. کلیات روش یادگیری در این شبکهها و شبکههای پیچشی (شکل ۶) که با نام پس انتشار خطا ٔ ۱۶] معروف است، مشابه روال فوق الذکر است.

7.7. شبکههای عصبی پیچشی. در شکل 3، بخشی از یک شبکه ی پیچشی که با نام شبکههای پیچشی عمیق هم نامیده می شوند ملاحظه می شود. برخلاف شبکههای چندلایه ی پرسپترونی که ورودی در قالب بردار به شبکه داده می شود، ورودی شبکههای پیچشی یک تصویر است. اگر تصویر رنگی (مرکب از سه رنگ قرمز، سبز و آبی) باشد، مطابق شکل فوق الذکر، ورودی یک مکعب مستطیل خواهد بود. در عموم شبکههای عصبی مرسوم، هر نود به همه نودهای لایههای مجاور متصل است، اما در شبکههای عصبی پیچشی، هر نود فقط از تعدادی از نودهای لایه قبل تاثیر می پذیرد. این بخش کار، مشابه عمل پیچش (کانولوشن) در پردازش سیگنالهاست که وجه تسمیه ی این شبکهها به شبکههای عصبی پیچشی شده است. همچنین برای نمایشها نورونها برخلاف روال معمول نمایش شبکههای پرسپترونی که نورونها با دایره نمایش داده می شوند، در شبکههای پیچشی از مکعب استفاده می شود. مکعب خاکستری نمایش داده شده در شکل 3 است. از آنجا که تعداد اتصالات در شبکههای پیچشی بسیار زیاد است، به صورت خط نمایش داده نمی شوند، بلکه گروهی از اتصالات دارای وزن، در قالب ماتریس یا مکعب مستطیل نمایش داده می شوند و یا اصلاً نمایش داده نشده و فقط تعداد آنها ذکر می شود (شکل ۱).

از معروف ترین توپولوژی های ابداع شده از شبکه های پیچشی، مدل VGG [۵] است که در شکل ۱ معماری مدلی از آن با نام VGG16 نشان داده شد. این مدل بیش از ۱۳۴ میلیون اتصال دارد. پنج گروه لایهی پیچشی وظیفهی استخراج ویژگی ها را دارند و سه لایهی پرسپترونی آخر، کار طبقه بندی ویژگی های استخراج شده را انجام می دهند. این لایه ها در شکل ۱ به ترتیب با رنگهای زرد و بنفش مشخص شده اند. لایه های نارنجی رنگ بیانگر تابع فعالیت هستند و لایه های قرمز رنگ، لایه نمونه بردار یا انتخاب بیشینه (Max Pooling) نامیده می شوند که کار کوچک سازی تصویر را انجام داده

²³Multi Layer Perceptron (MLP) ²⁴Error Backpropagation





شکل ۶: مدل شبکهی عصبی پیچشی. عموماً در نمایش شبکههای پیچشی از مکعب مستطیل برای نمایش نورونها و از ماتریس (دوبعدی) یا مکعب مستطیل (سهبعدی) برای نمایش وزنها استفاده می شود. مکعب خاکستری در واقع یک نورون با مدل پرسپترون نمایش داده شده در شکل ۲ است. اتصالات شبکه حکم فیلترهای یک شبکهی پیچشی را دارند.

و بدون وزن هستند. آخرین لایه به تعداد کلاسهای مورد طبقهبندی، نورون دارد. در مدل اصلی آموزش دیده، هزار طبقه وجود دارد، اما برای کاربرد مدنظر این نوشتار، دو نورون خروجی برای دو دسته سبک نقاشی درنظر گرفته شده است. جدول ۱ تعداد وزنهای مدل شکل ۱ را نشان میدهد. ستون Layer بیانگر نام لایه هاست که در شکل ۱ در ضلع زيرين مكعب مستطيل ها نوشته شده است. ستون Output Shape اندازه خروجي هر لايه را نشان مي دهد. به عنوان نمونه، خروجی اولین لایهی پیچشی (اولین لایه زرد رنگ شکل ۱) در اولین سطر جدول ۱ به صورت [64,224,224] بیانگر آن است که 64 فیلتر بر روی تصویر ورودی - که در اینجا 224×224 بوده است - اعمال شده و خروجی هر کدام یک تصویر 224 × 224 می باشد. ستون آخر، تعداد یارامترهای هر لایه را نشان می دهد. برای اولین سطر، اگر مشابه با شکل 9 ، اندازه هر فیلتر 3×3 درنظر گرفته شود، هر فیلتر برای یک تصویر رنگی $3 \times 3 \times 3 \times 3$ وزن اتصالی دارد که با احتساب بایاس ۲۸ وزن خواهد شد. لذا برای اولین لایه که ۶۴ فیلتر داریم، به تعداد 28 = 1792 = 64 imes 64 پارامتر خواهیم داشت۲۵. چون تصویر مربعی درنظر گرفته شده است، فقط در کنار ضلع پایین مربعهای شکل ۱ اندازهی آنها نوشته شده است. لایههایی که بدون وزن بودهاند نمایش داده نشدهاند؛ به همین دلیل شماره لایهها پیدریی نیست. تعداد یارامترها در اینجا همان تعداد اتصالات است که هر یک دارای یک وزن هستند همانگونه که ملاحظه می شود این مدل بیش از ۱۳۰ میلیون اتصال دارد. روال کلی آموزش شبکه، همان روشی است که در بخش ۲.۲ توضیح داده شد. صرفنظر از برخی ظرافتها و پیچیدگیهای پیادهسازی عملی، یک مسئله مهم در مورد این شبکهها زمانبر بودن آموزش آنهاست. با هر داده آموزشی (یا گروهی از دادهها) که به شبکه داده می شود، همهی وزن اتصالات باید بهنگام شوند. استفاده از کارتهای گرافیکی با توان پردازشی بالای موازی امکان انجام چنین حجم زیادی از پردازشها را مهیا کرده است؛ با این حال، کاهش حجم مدل، موجب کاهش میزان محاسبات و کمتر شدن حافظهی مورد نیاز خواهد شد.

^{۲۵} هدف این نوشتار بیان تفصیلی شبکههای پیچشی نیست و به همین مقدار بسنده میشود. برای آشنایی بیشتر با مدلهای شبکههای عصبی پیچشی و چگونگی محاسبه تعداد پارامترهای آنها، مطالعهی کتاب «یادگیری عمیق با پایتون» [1۷] پیشنهاد میشود.



جدول ۱: خلاصه مدل و پارامترهای مدل VGG16 نمایش داده شده در شکل ۱ برای یک تصویر ورودی فرضی با ابعاد $VGG16 \times VGG16$. این مدل 34,268,738 وزن دارد. لایههایی که بدون وزن بودهاند نمایش داده نشدهاند. اعداد پررنگ بیانگر تعداد فیلترهای (مجموعهای از وزنها) آن لایه است. تعداد پارامترها ربطی به طول و عرض تصویر ورودی ندارد. کاهش تعداد اتصالات (پارامترها) برای لایههای پیچشی بالای نقطه چین انجام خواهد شد.

| Layer (type) | Output Shape | Param # |
|---------------------------|-------------------------|-------------|
| Conv2d-1 | [64 , 224, 224] | 1,792 |
| Conv2d-3 | [64, 224, 224] | 36,928 |
| Conv2d-6 | [128, 112, 112] | 73,856 |
| Conv2d-8 | [128, 112, 112] | 147,584 |
| Conv2d-11 | [256 , 56, 56] | 295,168 |
| Conv2d-13 | [256 , 56, 56] | 590,080 |
| Conv2d-15 | [256 , 56, 56] | 590,080 |
| Conv2d-18 | [512 , 28, 28] | 1,180,160 |
| Conv2d-20 | [512 , 28, 28] | 2,359,808 |
| Conv2d-22 | [512 , 28, 28] | 2,359,808 |
| Conv2d-25 | [512, 14, 14] | 2,359,808 |
| Conv2d-27 | [512, 14, 14] | 2,359,808 |
| Conv2d-29 | [512, 14, 14] | 2,359,808 |
| Linear-33 | [4096] | 102,764,544 |
| Linear-36 | [4096] | 16,781,312 |
| Linear-38 | [2] | 8,194 |
| Total params: 134,268,738 | | |

۳. کاهش حجم شبکههای عصبی پیچشی

هماگونه که در جدول ۱ ملاحظه شد، مدلی مانند VGG میلیونها اتصال دارد. مدل اولیه بر روی ۱۴ میلیون تصویر و برای طبقه بندی هزار موجودیت متفاوت آموزش دیده است. یکی از مباحث حوزه یادگیری عمیق، یادگیری انتقالی ۲۶ است که هدف در آن به کارگیری یک مدل آموزش دیده در کاربردهای جدید است. به عنوان مثال اگر قرار باشد تصاویری متعلق به اشیاء جدیدی دسته بندی شوند که در هزار دسته ی اولیه ی VGG نبودهاند، می توان با داشتن یک مدل آموزش دیده و فقط چند صد تصویر از اشیاء جدید، مدل قبلی را با صرف هزینه ی محاسباتی نسبتاً کم، دوباره آموزش داد تا برای شناسایی اشیاء جدید قابل استفاده باشد. اگر مدل جدید فقط برای شناسایی چند دسته ی محدود موردنیاز باشد، احتمالاً بتوان بدون کاهش کارایی شبکه، تعدادی از اتصالات زائد۲۷ را حذف کرد. این کاری است که به عنوان کاهش مدل انجام می شود.

1.۳. چالشها. راه حل اولیهای که ممکن است به ذهن متبادر شود این است که به نوبت، هر یک از اتصالات حذف شده و تاثیر آن در کاهش خطای شبکه محاسبه شود. اتصالاتی که حذف آنها مؤثر باشد، هرس خواهند شد. در پیادهسازیهای معمول شبکههای پیچشی، امکان حذف یک اتصال به صورت مجزا فراهم نیست، اما میتوان یک دسته از آنها (یک فیلتر یا یک لایه) را حذف کرد. اگر قرار به حذف یک اتصال باشد، به جای حذف آن، ضریب وزنی آن صفر

²⁶Transfer Learning ²⁷Redundant





قرار داده می شود. به این ترتیب برای انتخاب فقط یک اتصال برای حذف، همهی اتصالات به نوبت باید به صورت موقت حذف شده و اتصال با کمترین تاثیر در کارایی شبکه، انتخاب و به صورت دائمی حذف شود.

روش فوق در عمل کارایی نخواهد داشت؛ عموماً به جای حذف تکی، انتخاب و حذف نورونها به صورت گروهی انجام می شود؛ اما انتخاب و حذف وزنها با این روش، یک مسئله ی بهینه سازی ترکیبیاتی است. اگر در هر مرحله k اتصال از بین n اتصال انتخاب شوند، $\binom{n}{k}$ حالت برای انتخاب وجود دارد. به عنوان نمونه اگر مدل شامل یک میلیون اتصال بوده و هدف، انتخاب و حذف ده اتصال باشد، $2.75 \times 10^{53} \times 10^{10}$ حالت ممکن برای انتخاب این ده اتصال وجود دارد که بررسی همه آنها عملی نیست.

پس از حذف تعدادی از اتصالات، شبکه نیازمند آموزش مجدد است؛ که این عمل نیز زمانبر است. اگر شبکه شامل n اتصال باشد و در هر مرحله تعداد کمی از اتصالات هرس شوند، بلافاصله نباید اقدام به انتخاب و حذف گروه بعدی اتصالات نمود. چون حذف اتصالات قبلی، ساختار شبکه را مقداری تغییر داده است و شبکه برای یک مجموعه داده مشخص، همان خروجی قبل از حذف را تولید نمی کند. پس از هرس تعدادی از اتصالات، شبکه باید مجدداً مقداری آموزش داده شود تا اثر ناشی از حذف اتصالات جبران گردد.

ممکن است این پرسش مطرح شود که درصورت حذف تعدادی از اتصالات، وضعیت شبکه به چه صورت درخواهد آمد؟ همان گونه که پیشتر ذکر شد، عموماً در عمل، گروهی از اتصالات حذف می شوند. هر لایه در یک شبکهی عصبی پیچشی، متضمن چندین فیلتر (گروهی از اتصالات) است. به عنوان نمونه، اولین لایهی مدل VGG16 مطابق جدول ۱ دارای ۶۴ فیلتر است. حذف یک یا چند فیلتر از این لایه، خروجی و تعداد پارامترهای این لایه و ورودی به لایهی بعدی را تحت تاثیر قرار خواهد داد. کاهش تعداد فیلترها، مترادف با کاهش حجم مدل است که هدف این نوشتار هم همین است.

همان گونه که در بخش ۳.۲ اشاره شد، بسیاری از مدلهای پیچشی عمیق دارای تعداد بسیار زیادی نورون و اتصالات بین نورونها میباشند. حذف اتصالات زائد میتواند منجر به ایجاد مدلی کوچکتر شود که حجم حافظه و محاسبات کمتری نیاز داشته باشد. مولچانوف و همکاران ایشان شیوهای مبتنی بر بسط تیلور تابع هدف (۶) برای انتخاب وزنهای زائد پیشنهاد دادهاند [۱۵] که در این بخش این روش به صورت مبسوط بیان میشود.

۲.۳. استفاده از بسط تیلور در انتخاب وزنها برای کاهش حجم مدل. فرض کنید \mathbf{w} بردار وزنهای شبکه و $E(\mathbf{w})$ تابع هزینه ی مسئله ی طبقهبندی باشد. کاهش حجم مدل، به معنی کاستن تعداد درایههای \mathbf{w} است. برای بیان ریاضی مسئله، به جای حذف درایهها، مؤلفههای مورد هرس از \mathbf{w} را صفر کرده و بردار جدید را \mathbf{w} مینامیم. صفر شدن وزن یک اتصال مترادف با حذف (هرس) ارتباط بین دو نود مربوطه است. اگر فرض کنیم هیچ کدام از درایههای \mathbf{w} برابر با صفر نباشد، نرم صفر \mathbf{w} (\mathbf{w}) \mathbf{w})، تعداد مؤلفههای غیرصفر مدل، بعد از هرس را نشان می دهد. به این ترتیب میزان تغییر خطای شبکه، ناشی از هرس کردن تعدادی از اتصالات آن را میتوان به صورت $|\mathbf{w}|$ نشان داد. فرض کنید میزان کاهش حجم نهایی مشخص است، یعنی به عنوان مثال برای \mathbf{w} مفروض، مایل هستیم \mathbf{w} است. کمتر بودن \mathbf{w} معادل کمتر بودن مؤلفههای غیرصفر بردار وزن و به عبارت دیگر کمتر بودن اتصالات فعال مدل است. اگر اتصالاتِ دارای وزن برابر با صفر – به عنوان اتصالات غیرفعال — از بردار وزن حذف شوند، مدلی کوچکتر خواهیم داشت. حجم مدل جدید ناشی از هرس اتصالات شبکه را میتوان به صورت زیر نوشت:

$$\min_{\mathbf{W}'} |E(\mathbf{w}) - E(\mathbf{W}')| \quad \text{s.t. } \|\mathbf{W}'\|_0 \leq B$$



وقتی یک اتصال (وزن) حذف شود، میزان تغییر تابع خطا با استفاده از بسط تیلور تقریب زده می شود. ابتدا مرور کوتاهی بر بسط تیلور داشته و سپس نحوه ی انتخاب اتصالاتی از شبکه که حذف آنها تاثیر کمی بر کارایی شبکه داشته باشد، بیان خواهد شد.

اگر تابع f در نقطه ی a (نزدیک به x) بینهایت بار مشتق پذیر باشد، داریم:

$$f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{f^{(n)}(a)}{n!} (x-a)^n = f(a) + \frac{f'(a)}{1!} (x-a) + \frac{f''(a)}{2!} (x-a)^2 + \cdots$$

که در آن f(0)(0) مشتق مرتبه f(0) مشتق مرتبه f(0) است. اگر f(0) یک تابع حقیقی مقدار چند متغیره باشد، بسط تیلور آن به صورت زیر است:

$$T(\mathbf{x}) = f(\mathbf{a}) + (\mathbf{x} - \mathbf{a})^{\mathsf{T}} \nabla f(\mathbf{a}) + \frac{1}{2!} (\mathbf{x} - \mathbf{a})^{\mathsf{T}} \left\{ \nabla^2 f(\mathbf{a}) \right\} (\mathbf{x} - \mathbf{a}) + \cdots$$

در حالت دو متغیره، اگر از جملات مربوط به مشتقات دوم به بعد صرفنظر کنیم، داریم:

$$f(x,y) \approx f(a,b) + \frac{\partial}{\partial x} f(a,b)(x-a) + \frac{\partial}{\partial y} f(a,b)(y-b)$$

بسط فوق، فقط در راستای محور xها حول نقطه ی (a, y) به صورت زیر است:

$$f(x,y) \approx f(a,y) + \frac{\partial}{\partial x} f(a,y)(x-a)$$

بر این اساس، اگر به فرض، مدل شبکه عصبی دارای دو وزن w_1, w_2 باشد، تقریب خطی فوق در راستای w_1 حول نقطه ی w_1 را به صورت خواهیم داشت:

(YT)
$$E(w_1, w_2) \approx E(0, w_2) + \frac{\partial}{\partial w_1} E(0, w_2) (w_1 - 0)$$

پیش از این، بردار \mathbf{w} که تعدادی از درایههای آن صفر باشند، با \mathbf{W}' نمایش داده شد؛ برای حالت دو متغیرهی فوقالذکر و با فرض $\mathbf{w}=[w_1,w_2]$ و $\mathbf{w}=[v_1,w_2]$ رابطهی (۲۳) را میتوان به صورت زیر نوشت:

(YY)
$$E(\mathbf{w}) \approx E(\mathbf{W}') + \frac{\partial}{\partial w_i} E(\mathbf{W}')(w_i - 0), \qquad i = 1$$

به عبارت دیگر در حالت کلی داریم:

(Ya)
$$E(\mathbf{w}) - E(\mathbf{W}') \approx \frac{\partial}{\partial w_i} E(\mathbf{W}') w_i$$

و لذا:

$$|E(\mathbf{w}) - E(\mathbf{W}')| \approx \left| \frac{\partial}{\partial w_i} E(\mathbf{W}') w_i \right|$$

به این ترتیب مسئلهی کمینهسازی (۱۹) را می توان به صورت زیر نوشت:

$$\min \left| \frac{\partial}{\partial w_i} E(\mathbf{W}') w_i \right| \quad \text{s.t. } \left\| \mathbf{W}' \right\|_0 \leq B$$

هدف اصلی در هرس شبکهها، یافتن اتصالاتی بود که حذف آنها کمترین تاثیر را بر کارایی شبکه داشته باشد. در را بر کارایی شبکه در مورت صفر شدن $|E(\mathbf{w}) - E(\mathbf{W}')|$ است که رابطه ی (۲۶)، مقدار $|E(\mathbf{w}) - E(\mathbf{W}')|$ بیانگر تغییر کارایی شبکه در صورت صفر شدن $|E(\mathbf{w}) - E(\mathbf{W}')|$ است که با بسط تیلور، معادل بودن تقریبی آن با $\left|\frac{\partial}{\partial w_i}E(\mathbf{W}')w_i\right|$ نشان داده شد. حال برای یافتن اتصالی که حذف آن کمترین با بسط تیلور، معادل بودن تقریبی آن با





اثر در تغییر کارایی شبکه را داشته باشد، کافی است آن w_i انتخاب شود که کمترین مقدار $E(\mathbf{W}')w_i$ را داشته w_i باشد. محاسبهی این عبارت فقط نیازمند وزن مربوطه و مشتق تابع هدف است. ابزارهای مرسوم مورد استفاده در حوزه یادگیری عمیق در روال تنظیم وزنها، مقادیر وزنها و مشتق تابع هدف را در اختیار برنامهنویس قرار میدهند. به آسانی۲۸ مىتوان وزنها را بر اساس حاصل ضرب مشتق تابع در وزن اتصال به صورت صعودى مرتب نموده و وزن با كمترين مقدار $\left| \frac{\partial}{\partial w_i} E(\mathbf{W}') w_i \right|$ را انتخاب و حذف کرد. در ادامه، کاربردی از این شیوه در مسئلهی تفکیک دو سبک نقاشی بیان

۴. کاربرد در طبقهبندی نقاشیهای سبک امپرسیونیسم و مینیاتور

در این بخش در قالب یک کاربرد جدید، تاثیر هرس وزنها بر پایهی بسط تیلور را خواهیم دید. روش مورد بررسی در بستر پای تورچ^{۲۹} پیاده سازی شده است که به همراه تصاویر به کار برده شده، از گیت هاب نگارنده ^{۳۰} قابل دستر س است. کاربرد مدنظر، تفکیک تابلونگارههای دو سبک نقاشی مشهور است. فرض کنید چند صد تصویر از دو نوع سبک نقاشی -به عنوان تصاویر آموزشی- و مدلی از قبل آموزش دیده ۳۱ بر روی اشیایی دیگر در دسترس است. یک مدل VGG16 حدود ۵۰۰ مگابایت حجم دارد. هدف، ایجاد یک مدل کم حجمتر است که بتواند نقاشی های دیگری از این دو سبک که در مجموعه آموزشی نبودهاند را با دقت خوبی به دو دستهی مربوطه کلاسهبندی نماید. به این منظور دو سبک نقاشی امپرسیونیسم (برداشت گرایی) و مینیاتور با سبک فرشچیان انتخاب شدند. در زمان نگارش این متن (شهریور ۹۹) مسابقهی تولید نقاشی با سبک بر داشت گرایی مونه در کاگل ۳۲ آغاز شده بود۳۳. هدف مسابقهی مذکور ایجاد یک شبکهی مولد رقابتی ۳۴ برای تولید خودکار نقاشی های جدید با سبک امپرسیونیسم کلود مونه ۳۵ بوده است. شیوهی برداشت گرایی به عنوان سبکی از نقاشی توسط گروهی از هنرمندان ساکن پاریس آغاز شده است. نام این سبک از نام یک نقاشی از کلود مونه بنام برداشت گرایی، طلوع خورشید (به فرانسوی: Impression, soleil levant) گرفته شدهاست^{۳۶}. مسابقهی فوق نقطه شروع ایدهی این کاربرد بود. به عنوان سبک دیگری از نقاشی که یک سیستم تفکیک دو سبک مدلسازی شود، مینیاتورهای (خُرد نگارگریهای) محمود فرشچیان انتخاب شد. شکل ۷، دو نمونه از نقاشیهای کلود مونه و فرشچیان را نشان می دهد. تصویر فرضی ورودی به مدل نمایش داده شده در شکل ۱، مینیاتور ضامن آهوی فرشچیان بوده است. تا آنجا که نگارنده میداند هنوز کاری درخصوص طبقهبندی تابلونگارههای سبکهای نقاشی انجام نشده است. البته هدف از این نوشتار، ایجاد بهترین مدل برای طبقهبندی این سبکهای نقاشی نیست؛ هدف اصلی آن است که نحوهی استفاده از بسط تیلور در کاهش حجم مدلهای یادگیری عمیق بیان شده و کاربرد جدیدی از آن بدینوسیله نشان داده شود. لذا موضوع مقایسه با سایر روشهای طبقهبندی مطرح نیست.

برای جمع آوری تصاویر موردنیاز، با یک خزنده ی وب^{۳۷}، با جستجوی عبارات «impressionism-claude-monet» و «مینیاتورفرشچیان» در گوگل، حدود هزار تصویر برداشت شد. با ملاحظهی بصری، تعداد زیادی از نتایج نامطلوب حذف شدند و برای هر دسته ۳۱۳ تصویر نگه داشته شد. تصاویر به دو دستهی آموزش و آزمون تقسیم شدند. از مجموع ۶۲۶ تصویر، ۹۰ درصد (۵۲۶ تصویر) به عنوان آموزش و ۶۲ تصویر باقیمانده به عنوان داده آزمون درنظر گرفته شدند. اندازه تصاویر ورودی کوچک و در حدود 150 imes 150 پیکسل بوده است.

۲۸ البته این «به آسانی»، از آن به آسانیهاست که گاهی در منابع ریاضی ملاحظه میکنیم که «به آسانی نتیجه میشود». مرتبسازی مشکلی ندارد، اما دسترسی به مشتق تابع در هر

²⁹PyTorch: https://pytorch.org/ 30 https://github.com/mamintoosi/CNN-pruning-using-Taylor-expansion ³¹Pre-trained Model ³³Will you be the next Monet? https://www.kaggle.com/c/gan-getting-started/ ³⁴Generative Adversarial Network ³⁵Claude Monet ³⁶https://en.wikipedia.org/wiki/Impressionism ³⁷Web Crawler





شکل ۷: تصاویر کلود مونه (نقاش با سبک امپرسیونیسم) و محمود فرشچیان (مینیاتور) در کنار برخی از آثار ایشان.



شکل ۸: خروجی روی ده تصویر آزمون. تصویر اول از سطر دوم، متعلق به سبک مینیاتور بوده است که به اشتباه متعلق به سبک امپرسیونیسم شمرده شده است.

ابتدا مدل اصلی از قبل آموزش دیده ی شکل ۱ با پارمترهای جدول ۱ بر روی دادههای آموزشی مورد آموزش مجدد قرار گرفت. برای ارزیابی کارایی مدل از معیار صحت 74 استفاده شده است. «صحت» عبارت از نسبت تعداد نمونههایی که به درستی طبقه بندی شده اند به کل دادههای مورد بررسی است و به صورت عددی در بازه ی صفر تا یک و یا برحسب درصد بیان می شود. میزان صحت مدل بدست آمده، روی دادههای آزمون ۹۲ درصد بوده است که به منزله ی شناسایی درست ۵۹ تصویر از ۶۴ تصویر تست (آزمون) بوده است. مدت زمان کل آموزش مجدد مدل فوق با پانزده تکرار روی درست ۵۹ تصویر آموزشی یک دقیقه و شش ثانیه (۶۶ ثانیه) بوده است. برنامه روی سرورهای گوگل و مجهز به کارت گرافیک تسلا اجرا شده است. مشخصات سیستم مورد استفاده در جدول ۲ آمده است.

³⁸Accuracy





جدول ۲: مشخصات سیستم گوگل کولب، مورد استفاده در آزمایشها.

CPU Intel(R) Xeon(R) CPU @ 2.20GHz

GPU Tesla P100-PCIE-16GB 3584 CUDA cores, 16GB vRAM

RAM 12.6 GB

زمان اجرای مورد نیاز این برنامه روی یک دستگاه معمولی (Core is) و بدون بهرهبردن از توان کارت گرافیک، حدوداً پنجاه برابر زمان اجرا روی سیستم فوق است. پس از آموزش اولیه، هرس شبکه با روش بسط تیلور انجام شد. همانگونه که در بخش ۱۰۳ اشاره شد، پس از حذف اتصالات، شبکه باید مورد آموزش مجدد قرار گیرد تا اثر ناشی از هرس اتصالات، ترمیم شده، سایر اتصالات بتوانند خودشان را با این ساختار جدید وفق دهند. روش آموزش، مبتنی بر همان روال آموزشی است که در بخش ۲۰۲ توضیح داده شد. روال تکراری حذف تعدادی از اتصالات و آموزش مجدد شبکه ۱۳ دقیقه و ۴۵ ثانیه به طول انجامید (۸۲۵ ثانیه). حدود ۸۳ درصد وزنهای شبکه هرس شدند. میزان صحت مدل نهایی بدست آمده بر روی دادههای آزمون ۹۶ درصد بوده است. شکل ۸، نتیجه ی اجرای برنامه ی پایتون نوشته شده روی ده تصویر آزمون را نشان می دهد. سطر اول، نمونه نقاشی های با سبک امپرسیونیسم هستند که همگی به درستی تشخیص داده شدهاند. سطر دوم نمونههای متعلق به مینیاتور فرشچیان هستند که اولی به اشتباه «امپرسیونیسم» برچسب خورده است. این تشخیص نادرست توسط ماشین، نشان گر خطاهایی است که انسان هم ممکن است در تشخیص داشته باشد. یک تفاوت اصلی شبکههای عصبی پیچشی، استخراج ویژگی توسط خود شبکه انجام می شود. برای آشنایی با بصری سازی چند لایه آن است که در شبکههای پیچشی، استخراج ویژگی توسط خود شبکه انجام می شود. برای آشنایی با بصری سازی لایه آن است که در شبکه که عمل استخراج ویژگی ها را انجام می دهند، به مرجع [۱۷] مراجعه شود.

جدول ۲، پارامترهای مدل VGG16 را بعد از اعمال کاهش تعداد وزنها نشان می دهد. در بالای نقطه چین جدول ۱، به VGG16 بارامترهای مدل VGG16 را بعد از اعمال کاهش تعداد در جدول ۲، به VGG16 را بعد از 134, 268, 738 – 16, 789, 506 = 117, 479, 232 بارامتر داریم؛ این تعداد در جدول ۳، به عبارت دیگر، 16, 789, 506 = 6, 319, 598 رسیده است که بیانگر نسبت که بیانگر نسبت که بیانگر نسبت به مدل اولیه را باعث روش مورد بررسی، کاهش حدود ۹۵ درصدی تعداد اتصالات لایمی پیچشی در مدل جدید نسبت به مدل اولیه را باعث شده است. البته اگر تمام اتصالات مدنظر قرار گیرد نسبت کاهش وزنها ۸۳ درصد بوده است. دادههای این جدول و جدول ۱ حاصل خروجی دستور summary در پای تورچ بر روی مدل هستند.

۵. جمعبندی

نمایش کاربردهای ملموس نظریههای ریاضی می تواند برانگیزاننده ی اشتیاق دانش آموز یا دانشجو برای مطالعه و تعمق در آن حوزه باشد. در نوشتار حاضر، کاربردی از بسط تیلور برای کوچکسازی یک مدل بزرگ شبکههای عصبی پیچشی به تفصیل شرح داده شد. مبحث شبکههای عصبی پیچشی با شروع از مدل ساده پرسپترون و بر پایه ی دانش ریاضیات عمومی مرور گردید. تابع هزینه ی شبکههای عصبی، میزان اختلاف خروجی شبکه با مقدار واقعی آن بر روی دادههای آموزشی است. روال آموزش، شامل مشتق گیری از تابع هدف و روش گرادیان کاهشی برای رسیدن به نقطه ی بهینه است. در بسط تیلور، توابع از هر مرتبه مشتق پذیر را می توان به صورت چند جملهای حول یک نقطه نمایش داد. با بسط تیلور تابع هدف در نقطهای که فقط یکی از وزنها صفر است، و سنجش اختلاف مقدار این تابع با وضعیتی که همه وزنها لحاظ شوند، رابطهای برای برآورد اهمیت حضور هر اتصال شبکه بدست می آید. بر اساس این رابطه که حاصل ضرب وزن اتصال مورد هرس در مشتق تابع در آن نقطه است، اتصالاتی که تأثیر کمتری در کارایی شبکه دارند، شناسایی و



جدول ۳: خلاصه مدل و پارامترهای مدل هرس شده با استفاده از بسط تیلور. هرس وزنها فقط برای لایههای بالای نقطه چین در این جدول انجام شده است. اتصالات این لایهها نسبت به لایههای متناظر در جدول ۱ نزدیک به ۹۵ درصد کاهش پیدا کردهاند. اگر تعداد کل پارامترهای مدل مدنظر باشد، نسبت تعداد پارامترهای این مدل به مدل اولیه 0.17 است که به منزلهی کاهش ۸۳ درصدی می باشد. به این ترتیب مدل بسیار کوچکتری حاصل شده است که کارایی کمتری از مدل اولیه ندارد.

| Layer (type) | Output Shape | Param # |
|--------------------------|-------------------------|------------|
| Conv2d-1 | [22 , 224, 224] | 616 |
| Conv2d-3 | [29 , 224, 224] | 5,771 |
| Conv2d-6 | [48, 112, 112] | 12,576 |
| Conv2d-8 | [39, 112, 112] | 16,887 |
| Conv2d-11 | [66 , 56, 56] | 23,232 |
| Conv2d-13 | [62 , 56, 56] | 36,890 |
| Conv2d-15 | [61 , 56, 56] | 34,099 |
| Conv2d-18 | [64, 28, 28] | 35,200 |
| Conv2d-20 | [53 , 28, 28] | 30,581 |
| Conv2d-22 | [61, 28, 28] | 29,158 |
| Conv2d-25 | [59, 14, 14] | 32,450 |
| Conv2d-27 | [46, 14, 14] | 24,472 |
| Conv2d-29 | [30, 14, 14] | 12,450 |
| Linear-33 | [4096] | 6,025,216 |
| Linear-36 | [4096] | 16,781,312 |
| Linear-38 | [2] | 8,194 |
| Total params: 23,109,104 | | |

حذف شدند. کارایی شیوه ی مبتنی بر بسط تیلور در هرس اتصالات شبکه و کوچک کردن مدل بر روی کاربردی جدید (تفکیک تابلوهای با دو سبک نقاشی برداشت گرایی و مینیاتور) نشان داده شد. در این کاربرد خاص، تعداد پارامترهای مدل ۸۳ درصد کم شد و مدل جدیدی حاصل شد که گرچه فقط ۱۷ درصد تعداد اتصالات مدل اولیه را دارد، اما همانند مدل اولیه دقت بالای ۹۲ درصد روی دادههای تست را حفظ کرده است.

در این نوشتار فقط از تقریب مرتبه ی اول بسط تیلور استفاده شد. استفاده از تقریبهای با مرتبه ی بالاتر می تواند از جمله کارهای آتی باشد. همچنین در این نوشتار، اهمیت همه ی اتصالات یکسان درنظر گرفته شده و ملاک انتخاب اتصالات برای هرس، تنها حاصلضرب مقدار وزن اتصال در مشتق تابع هدف بود که بر اساس بسط تیلور بدست آمده بود. اما ممکن است کاربر ترجیح دهد به جای هرس شدن بود. اما ممکن است شرایط دیگری هم مدنظر باشد؛ به عنوان مثال، ممکن است کاربر ترجیح دهد به جای هرس شدن مختصر دو لایه ی پیچشی، کل یک لایه حذف شود. تعیین حداکثر میزان فشردگی مدل، به شرط اینکه دقت کلی از میزان معینی کمتر نشود نیز می تواند از جمله موضوعات تحقیقاتی بعدی باشد.

سپاس گزاری

از داوران گرامی که با مطالعهی دقیق و نظرات سازندهی خود موجبات بهبود نوشتار حاضر را فراهم کردند، سپاسگزاری میکنم.





مراجع

- [1] L. Jiao, F. Zhang, F. Liu, S. Yang, L. Li, Z. Feng, and R. Qu, "A survey of deep learning-based object detection," *IEEE Access*, vol.7, pp.128837–128868, 2019.
- [2] R. Girshick, J. Donahue, T. Darrell, and J. Malik, "Rich feature hierarchies for accurate object detection and semantic segmentation," in 2014 IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, pp.580–587, 2014.
- [3] K. He, G. Gkioxari, P. Dollár, and R. Girshick, "Mask R-CNN," *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, vol.42, no.2, pp.386–397, 2020.
- [4] J. Redmon and A. Farhadi, "Yolo9000: Better, faster, stronger," CVPR, 2017.
- [5] K. Simonyan and A. Zisserman, "Very deep convolutional networks for large-scale image recognition," in *International Conference on Learning Representations*, 2015.
- [6] K. He, X. Zhang, S. Ren, and J. Sun, "Deep residual learning for image recognition," in *Proceedings of the IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition (CVPR)*, June 2016.
- [7] A. Krizhevsky, I. Sutskever, and G. E. Hinton, "Imagenet classification with deep convolutional neural networks," in *Advances in Neural Information Processing Systems 25* (F. Pereira, C. J. C. Burges, L. Bottou, and K. Q. Weinberger, eds.), pp.1097–1105, Curran Associates, Inc., 2012.
- [8] G. E. Hinton, N. Srivastava, A. Krizhevsky, I. Sutskever, and R. Salakhutdinov, "Improving neural networks by preventing co-adaptation of feature detectors," *CoRR*, vol.abs/1207.0580, 2012.
- [9] L. Wan, M. Zeiler, S. Zhang, Y. L. Cun, and R. Fergus, "Regularization of neural networks using dropconnect," in *Proceedings of the 30th International Conference on Machine Learning* (S. Dasgupta and D. McAllester, eds.), vol.28 of *Proceedings of Machine Learning Research*, (Atlanta, Georgia, USA), pp.1058–1066, PMLR, 17–19 Jun 2013.
- [10] H. Wu and X. Gu, "Towards dropout training for convolutional neural networks," Neural Networks, vol.71, pp.1 10, 2015.
- [11] B. Liu, M. Wang, H. Foroosh, M. F. Tappen, and M. Pensky, "Sparse convolutional neural networks.," in *CVPR*, pp.806–814, IEEE Computer Society, 2015.
- [12] X. Chen, "Escort: Efficient sparse convolutional neural networks on gpus," CoRR, vol.abs/1802.10280, 2018.
- [13] W. Wen, C. Wu, Y. Wang, Y. Chen, and H. Li, "Learning structured sparsity in deep neural networks," in *Advances in Neural Information Processing Systems* 29 (D. D. Lee, M. Sugiyama, U. V. Luxburg, I. Guyon, and R. Garnett, eds.), pp.2074–2082, Curran Associates, Inc., 2016.
- [14] K. Mitsuno, J. Miyao, and T. Kurita, "Hierarchical group sparse regularization for deep convolutional neural networks," 2020.
- [15] P. Molchanov, S. Tyree, T. Karras, T. Aila, and J. Kautz, "Pruning convolutional neural networks for resource efficient inference," in 5th International Conference on Learning Representations, ICLR 2017, Toulon, France, April 24-26, 2017, Conference Track Proceedings, OpenReview.net, 2017.
- [16] D. E. Rumelhart, G. E. Hinton, and R. J. Williams, "Neurocomputing: Foundations of research," chap. Learning Representations by Back-propagating Errors, pp.696–699, Cambridge, MA, USA: MIT Press, 1988.
- [17] F. Chollet. Deep Learning with Python. Manning, Nov. 2017.







محمود امین طوسی، استادیار دانشگاه حکیم سبزواری است. وی دوره های کارشناسی و کارشناسی ارشد خود را در رشته های ریاضی (گرایش کاربرد در کامپیوتر) و مهندسی کامپیوتر (گرایش نرمافزار) در دانشگاه فردوسی به اتمام رسانده و دوره دکترای خود را در رشته مهندسی کامپیوتر (گرایش هوش مصنوعی) در دانشگاه علم و صنعت ایران گذرانده است. علائق پژوهشی وی یادگیری ماشین، بینایی ماشین و بهینه سازی ترکیبیاتی می باشد. چاپ مقالات متعدد در کنفرانس ها و مجلات و انجام چند طرح تحقیقاتی از جمله کارهای پژوهشی وی می باشد.