মূল বইয়ের অতিরিক্ত অংশ

ষোড়শ অধ্যায়: পরিমিতি



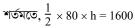
পরীক্ষায় কমন পেতে আরও প্রশ্নু ও সমাধান

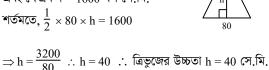
প্রশ্ন ▶১ একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের ভূমির দৈর্ঘ্য ৪০ সে.মি. এবং এর ক্ষেত্রফল 1600 বর্গ সে.মি. I

- ক. সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের উচ্চতা নির্ণয় কর।
- খ. সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের পরিসীমা নির্ণয় কর।
- গ. সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের ভূমি ও উচ্চতা উভয়ই 5 সে.মি. করে বৃদ্ধি করা হলে এর ক্ষেত্রফল এবং পরিসীমা বৃদ্ধির পরিমাণ নির্ণয় কর।

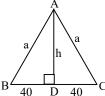
১ নং প্রশ্নের সমাধান

ক মনে করি, সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের উচ্চতা = h সে.মি. দেওয়া আছে, ভূমি = 80 সে.মি. এবং ক্ষেত্রফল = 1600 বর্গ সে.মি.





খ

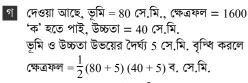


মনে করি, সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য AB = a সে.মি. সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের বিপরীত শীর্ষ থেকে ভূমির উপর অঙ্কিত লম্ব ভূমিকে সমদ্বিখন্ডিত করে।

- \therefore BD = DC = 40
- 'ক' হতে পাই, h = 40 = AD

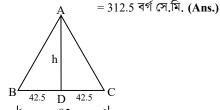
এখন, $\triangle ABD$ এ পিথাগোরাসের উপপাদ্য প্রয়োগ করে পাই. $AB^2 = BD^2 + AD^2$

- $a^2 = 40^2 + 40^2$
- $\Rightarrow a = \sqrt{3200}$
- \therefore a = $40\sqrt{2}$
- ∴ ত্রিভুজটির পরিসীমা = $(40\sqrt{2} + 40\sqrt{2} + 80)$ সে.মি. $= 80\sqrt{2} + 80$ সে.মি. $= 80(1 + \sqrt{2})$ সে.মি. = 193.137 সে.মি.



= 1912.5 বর্গ সে.মি.

∴ ক্ষেত্ৰফল বৃদ্ধি পাবে = (1912.5 – 1600) বৰ্গ সে.মি.



ভূমি ও উচ্চতা 5 সৈ.মি. করে বাডলে

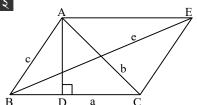
সমান বাহুর দৈর্ঘ্য = $\sqrt{(42.5)^2 + (45)^2} = \sqrt{3831.25} = 61.897$ ∴ নতুন পরিসীমা হবে = (61.8971 + 61.897 + 85) সে.মি. = 208.79 সে.মি.

'খ' হতে পাই, পূর্বের পরিসীমা = $80(1+\sqrt{2})$ = 193.137 সে.মি.

∴ পরিসীমা বৃদ্ধির পরিমাণ = (208.79 – 193.137) সে.মি.

= 15.653 সে.মি. (Ans.)

প্রশ়▶২



চিত্রে ABC ও ABCE যথাক্রমে একটি ত্রিভূজ ও সামান্তরিক। BC. CA, AB ও BE এর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে a, b, c ও e । ΔABC এর উচ্চতা এবং ক্ষেত্ৰফল যথাক্ৰমে h এবং R

ক. যদি
$$b=c$$
 হয়, দেখাও যে, $R=rac{a}{4}\sqrt{4c^2-a^2}$

- খ. যদি a=b=c এবং a,b ও c এর দৈর্ঘ্য 2 মিটার করে বৃদিধ করলে R, $4\sqrt{3}$ বর্গমিটার বৃদ্ধি পায়। R এর মান বের কর।
- গ. যদি a=3 সে.মি., b=4 সে.মি. এবং c=5 সে.মি. হয়, তাহলে ∆BCE এর পরিসীমা বের কর।

২ নং প্রশ্নের সমাধান

ক AABC এর AB = AC = c এবং BC = a.

যেহেতু AD
$$\perp$$
 BC

$$\therefore BD = CD = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}a$$

$$\triangle ABD \triangleleft AB^2 = AD^2 + BD^2$$

বা,
$$AD^2 = AB^2 - BD^2$$

বা,
$$AD^2 = c^2 - \left(\frac{a}{2}\right)^2$$

$$AD^2 = \frac{4c^2 - a^2}{4}$$

$$\therefore AD = \frac{\sqrt{4c^2 - a^2}}{2}$$

$$\therefore R = \frac{1}{2} \times BC \times AD = \frac{1}{2} \times a \times \frac{\sqrt{4c^2 - a^2}}{2}$$

$$\therefore R = \frac{a}{4}\sqrt{4c^2 - a^2} \text{ (rythin zero)}$$

খ থেহেত a = b = c

ধরি,
$$a = b = c = x$$
 মিটার

∴
$$R = \frac{\sqrt{3}}{4} x^2$$
 বৰ্গমিটার।

আবার, a, b, c অর্থাৎ ত্রিভূজের বাহুর দৈর্ঘ্য 2 মিটার বাড়লে,

$$R' = \frac{\sqrt{3}}{4} (x + 2)^2$$

প্রামতে, $R'-R=4\sqrt{3}$ বা, $\frac{\sqrt{3}}{4}(x+2)^2-\frac{\sqrt{3}}{4}x^2=4\sqrt{3}$

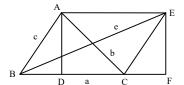
ৰা,
$$(x+2)^2 - x^2 = 16$$
 ৰা, $x^2 + 4x + 4 - x^2 = 16$

বা, 4x = 12

বা,
$$x = 3$$
 \therefore $x = 3$ মিটার

∴
$$R = \frac{\sqrt{3}}{4}(3)^2 = \frac{9\sqrt{3}}{4}$$
 বৰ্গ মি. (Ans.)

দেওয়া আছে, a = 3 সে.মি. b = 4 সে.মি. c = 5 সে.মি.



 ΔABC এর অর্ধ পরিসীমা, $s\!=\!\frac{a\!+\!b\!+\!c}{2}\!=\!\frac{3\!+\!4\!+\!5}{2}\!=\!6$ সে.মি.

$$\triangle$$
 ABC এর ক্ষেত্রফল = $\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$ = $\sqrt{6(6-3)(6-4)(6-5)}$ = $\sqrt{6 \times 3 \times 2 \times 1} = 6$ বর্গ সে. মি. আবার, \triangle ABC এর ক্ষেত্রফল = $\frac{1}{2} \times$ BC \times AD

$$\therefore \frac{1}{2} \times a \times AD = 6 \quad \overrightarrow{a}, AD = \frac{6 \times 2}{a} = \frac{12}{3} = 4$$

এখন, E থেকে BC এর বর্ধিতাংশের উপর EF লম্ব টানি।

∴ EF = AD = 4 সে.মি.

আবার, যেহেতু ABCE সামান্তরিক,

∴ CE = AB = c = 5 সে.মি.

এখন, সমকোণী ত্রিভুজ CEF এর $CE^2 = EF^2 + CF^2$

বা,
$$CF^2 = CE^2 - \widehat{EF}^2 = 5^2 - 4^2 = 9$$

 \therefore CF = 3

∴ BF = BC + CF = 3 + 3 = 6 সে.মি.

আবার, $\triangle BEF$ এ $BE^2 = EF^2 + BF^2$

$$4$$
 $= 4^2 + 6^2 = 16 + 36 = 52$ ∴ $e = \sqrt{52}$

$$∴$$
 $\triangle BCE$ এর পরিসীমা $= BC + CE + BE$

$$= a + c + e = 3 + 5 + \sqrt{52} = 15.21$$
 সে.মি. (প্রায়) (Ans.)

প্রশ্ন ▶০ একটি ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে ৪ সে.মি. 6 সে.মি. ও 4 সে.মি.। ত্রিভূজটির বৃহত্তম বাহুর বিপরীত শীর্ষবিন্দু থেকে অঙ্কিত লম্ব ত্রিভুজটিকে দুইটি ত্রিভুজ ক্ষেত্রে বিভক্ত করে।

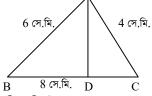
- ক. উপরের তথ্যের ভিত্তিতে সংক্ষিপ্ত বর্ণনাসহ চিত্র আঁক।
- খ. ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. বিভক্তকৃত ত্রিভূজদ্বয়ের ক্ষেত্রফলের অনুপাত নির্ণয় কর।

৩ নং প্রশ্নের সমাধান

ক

∆ABC এ AB = 6 সে.মি. BC = 8 সে.মি.

AC = 4 সে.মি.



বৃহত্তম বাহু BC এর বিপরীত শীর্ষবিন্দু A হতে BC এর উপর অঙ্কিত লম্ব AD ত্রিভুজটিকে AADB ও AADC এ বিভক্ত করেছে।

খ $\triangle ABC$ এর অর্ধপরিসীমা = $\frac{6+4+8}{2} = \frac{18}{2} = 9$ সে.মি. ∴ $\triangle ABC$ এর ক্ষেত্রফল = $\sqrt{9(9-8)(9-6)(9-4)}$ $= \sqrt{9 \times 1 \times 3 \times 5} = \sqrt{135}$ = 11.62 বর্গ সে.মি. (প্রায়) (Ans.)

্রণ 'খ' হতে, ∆ABC এর ক্ষেত্রফল = 11.62 বর্গ সে.মি.

∴
$$\frac{1}{2} \times BC \times AD = 11.62$$
 বা, 8 AD = 23.24

$$\therefore$$
 AD = $\frac{23.24}{8}$ = 2.905 সে.মি.

∆ABD 4 AD ⊥ BD |

∴ ∆ABD সমকোণী।

পীথাগোরাসের উপপাদ্য অনুসারে,

$$AB^2 = AD^2 + BD^2$$
 $\overline{4}$, $6^2 = (2.905)^2 + BD^2$

বা,
$$BD^2 = 36 - 8.439$$

∴ BD =
$$\sqrt{27.561}$$
 = 5.25 সে.মি.

$$\therefore$$
 CD = BC - BD = 8 - 5.25 = 2.75

$$\therefore \Delta ABD : \Delta ADC = \frac{1}{2} \times BD \times AD : \frac{1}{2} \times CD \times AD$$

প্রশ্ন ▶৪ একটি আয়তাকার ঘনবস্তুর দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতার অনুপাত

21:16:12 এবং কর্ণের দৈর্ঘ্য ৪7 সে.মি.।

- ক. অনুপাতের সাধারণ রাশি x হলে, x এর মান নির্ণয় কর।
- খ. ঘনবস্তুটির আয়তন ও সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. ঘনবস্তুটির বৃহত্তম তলকে এর দৈর্ঘ্যের চারিদিকে ঘোরালে যে ঘনবস্ত উৎপন্ন হয় তার সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল ও আয়তন নির্ণয় কর।

৪ নং প্রশ্নের সমাধান

ক মনে করি, একটি আয়তাকার ঘনবস্তুর দৈর্ঘ্য, প্রস্থ এবং উচ্চতা যথাক্রমে a সে.মি.. b সে.মি. এবং c সে.মি.

আয়তাকার ঘন বস্তুর কর্ণ = $\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$ সে.মি.

প্রামতে,
$$\sqrt{a^2+b^2+c^2}=87$$

বা,
$$a^2 + b^2 + c^2 = 87^2$$

বা,
$$(21x)^2 + (16x)^2 + (12x)^2 = (87)^2$$

বা,
$$441x^2 + 256x^2 + 144x^2 = 7569$$

বা,
$$x^2 = \frac{7569}{841}$$

খ ঘনবস্তুর আয়তন = abc

$$=21x \times 16x \times 12x$$

$$=4032x^{3}$$

 $= 4032 \times 3^3$ ঘন সে.মি.

= 108864 ঘন সে.মি. (Ans.)

ঘনবস্তুটির তলের ক্ষেত্রফল

- = 2(ab + bc + ca) বৰ্গসে.মি.
- $= 2(21x \times 16x + 16x \times 12x + 12x \times 21x)$ বৰ্গ সে.মি.
- $= 2(336x^2 + 192x^2 + 252x^2)$ বৰ্গ সে.মি.
- $= 2 \times 780 x^2$ বর্গ সে.মি.
- = 1560 × 3² বর্গ সে.মি.
- = 1560 × 9 বর্গ সে.মি.
- = 14040 বর্গ সে.মি. (Ans.)

গ্র ঘনবস্তুটির বৃহত্তম তল হবে দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ বরাবর। বৃহত্তম তলের দৈর্ঘ্য = 21x সে.মি. = 21 × 3 সে.মি.

এবং প্রস্থ = 16x সে.মি. = 16 × 3 সে.মি. = 48 সে.মি. তলটিকে দৈর্ঘ্যের চারিদিকে ঘোরালে বেলনাকৃতির ঘনবস্তু উৎপন্ন হবে যার ভূমির ব্যাসার্ধ, r = 48 সে.মি.

 \therefore বেলনটির সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল = $2\pi r(h+r)$

$$= 2 \times 3.1416 \times 48 (63 + 48)$$

= 33476.9 বর্গ সে.মি. (প্রায়) (Ans.)

এবং আয়তন =
$$\pi r^2 h$$

= $3.1416 \times 48^2 \times 63$
= 456009.52 ঘন সে.মি. (প্রায়) (Ans.)

প্রশ্ন ▶৫ একটি সমবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেকটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক করে বাড়ানো হলে তার ক্ষেত্রফল 3√3 বর্গ একক বেড়ে যায়।

- ক. সমদ্বিবাহু ও সমবাহু ত্রিভূজের ক্ষেত্রফল নির্ণয়ের সূত্র দুটি লেখ। ২
- খ. ত্রিভুজটির বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- গ. সমবাহু ত্রিভুজের অভ্যন্তরস্থ একটি বিন্দু হতে বাহু তিনটির উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য 6, 7, 8 সে.মি. হলে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

৫ নং প্রশ্নের সমাধান

ক সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $= \frac{b}{4} \sqrt{4a^2 - b^2}$ বর্গএকক

এখানে, a= ত্রিভুজের সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য এবং b= অপর বাহুর দৈর্ঘ্য

আবার, সমবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য a একক হলে ক্ষেত্রফল $= \frac{\sqrt{3}a^2}{4}$ বর্গ একক

সমবাহু ত্রিভুজেরপ্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য 2 মিটার বাড়ানো হলে বাহুর দৈর্ঘ্য হবে (a + 2) একক

 \therefore এক্ষেত্রে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল হবে $\dfrac{\sqrt{3}}{4}\,(a+2)^2$ বর্গএকক

প্রশানুসারে,
$$\frac{\sqrt{3}}{4} (a+2)^2 - \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 3\sqrt{3}$$

$$\boxed{4}, \quad \frac{\sqrt{3}}{4} \left(a^2 + 4a + 4 - a^2 \right) = 3\sqrt{3}$$

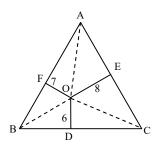
বা,
$$4a + 4 = 12$$

বা,
$$a = \frac{8}{4}$$

$$\therefore$$
 a = 2

∴ সমবাহু ত্রিভূজটির বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক (Ans.)





মনে করি, ∆ABC-এ

$$AB = BC = AC = a$$

এর অভ্যন্তরস্থ O বিন্দু হতে OF \perp AB, OD \perp BC,

OE⊥AC আঁকি।

সুতরাং OD = 6 সে. মি., OF = 7 সে. মি., OE = 8 সে. মি. O, A; O, B এবং O, C যোগ করি।

এখন \triangle ক্ষেত্র $AOB = \frac{1}{2} \times AB \times OF = \frac{1}{2} \times a \times 7$ বর্গ সে.মি.

 Δ ক্ষেত্র $BOC = \frac{1}{2} \times BC \times OD = \frac{1}{2} \times a \times 6$ বর্গ সে.মি.

 Δ ক্ষেত্র $AOC = \frac{1}{2} \times AC \times OE = \frac{1}{2} \times a \times 8$ বর্গ সে.মি.

$$\Delta$$
ক্ষেত্র $ABC = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2$ বর্গ সে.মি.

এখন, Δ ক্ষেত্র $ABC = \Delta$ ক্ষেত্র $AOB + \Delta$ ক্ষেত্র $BOC + \Delta$ ক্ষেত্র AOC

$$\boxed{4}, \quad \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = \frac{1}{2} \times a \times 7 + \frac{1}{2} \times a \times 6 + \frac{1}{2} \times a \times 8$$

$$\boxed{4}, \quad \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = \frac{a}{2} (7 + 6 + 8)$$

বা,
$$\frac{\sqrt{3}}{2}$$
 a = 7 + 6 + 8 [উভয়পক্ষকে $\frac{2}{a}$ দ্বারা গুণ করে]

$$\overline{41}, \quad a = \frac{21 \times 2}{\sqrt{3}} = \frac{42}{\sqrt{3}} = \frac{42\sqrt{3}}{3} = 14\sqrt{3}$$

$$a = 24.2487$$

∴ ত্রিভুজটির বাহুর দৈর্ঘ্য 24.249 সে. মি. (প্রায়)

এবং ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল =
$$\frac{\sqrt{3} \ a^2}{4}$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{4} \times (24.249)^2 \ \text{বর্গ সে. মি.}$$

$$= 254.61 \ \text{বর্গ সে.মি. (প্রায়)}$$

Ans. বাহুর দৈর্ঘ্য 24.249 সে.মি. (প্রায়) এবং ক্ষেত্রফল 254.61 বর্গ সে. মি. (প্রায়)

প্রশ় ▶৬ একটি সমকোণী ত্রিভুজের লম্ব ভূমির $\frac{11}{12}$ অংশ থেকে 6 সে.

মি. কম এবং অতিভুজ ভূমির $\frac{4}{3}$ অংশ থেকে 3 সে. মি. কম।

- ক. ভূমি $_X$ হলে ত্রিভূজটির ক্ষেত্রফল $_X$ এর মাধ্যমে প্রকাশ কর। \qquad ২
- খ. ভূমির দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- গ. ত্রিভুজটির ভূমি 12 সে. মি. হলে এর পরিসীমার সমান পরিসীমাবিশিষ্ট সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। 8

৬ নং প্রশ্নের সমাধান

ক দেওয়া আছে,

সমকোণী ত্রিভুজের ভূমির দৈর্ঘ্য x সে. মি.

তাহলে, ত্রিভুজটির লম্বের দৈর্ঘ্য = $\left(\frac{11x}{12} - 6\right)$ সে. মি.

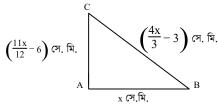
এবং অতিভুজের দৈর্ঘ্য = $\left(\frac{4x}{3} - 3\right)$ সে.মি.

∴ ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল $=\frac{1}{2} \times$ ভূমি \times লম্ব

$$=\frac{1}{2}x\left(\frac{11x}{12}-6\right)$$
 বৰ্গ সে.মি. (Ans.)

খ 'ক' থেকে পাই ত্রিভুজটির ভূমি x সে.মি. হলে লম্ব $\left(\frac{11x}{12}-6\right)$

সে.মি. এবং অতিভুজ $\left(\frac{4x}{3} - 3\right)$ সে.মি.



মনে করি, $\triangle ABC$ এর ∠A = সমকোণ |

$$\therefore$$
 লম্ব $AC = \left(\frac{11x}{12} - 6\right)$ সে.মি. এবং

8

8

অতিভূজ,
$$BC = \left(\frac{4x}{3} - 3\right)$$
 সে.মি.

এখন ΔABC -এ পিথাগোরাসের সূত্র প্রয়োগ করে পাই,

$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$

$$\left(\frac{4x}{3} - 3\right)^2 = x^2 + \left(\frac{11x}{12} - 6\right)^2$$

$$\boxed{4x-9)^2} = x^2 + \frac{(11x-72)^2}{144}$$

$$\boxed{4x - 9^2 = 144x^2 + (11x - 72)^2}$$

[উভয়পক্ষকে 144 দ্বারা গুণ করে]

$$\boxed{4}, \quad 16(16x^2 - 72x + 81) = 144x^2 + 121x^2 - 1584x + 5184$$

$$\boxed{4}, \quad 256x^2 - 1152x + 1296 = 265x^2 - 1584x + 5184$$

$$-9x^2 + 432x - 3888 = 0$$

বা,
$$x^2 - 48x + 432 = 0$$
 [উভয়পক্ষে (-9) দ্বারা ভাগ করে]

$$x^2 - 12x - 36x + 432 = 0$$

বা,
$$x(x-12)-36(x-12)=0$$

বা,
$$(x-12)(x-36)=0$$

গ দেওয়া আছে,

ত্রিভুজটির ভূমি, BC = 12 সে. মি.

∴ লম্ব,
$$AB = \left(\frac{11 \times 12}{12} - 6\right)$$
 সে.মি. $\frac{13}{12}$ সে.মি. $\frac{13}{12}$ সে.মি. $\frac{13}{12}$ সে.মি. $\frac{13}{12}$ সে.মি.



অতিভুজ,
$$AC = \left\{ \left(12 \times \frac{4}{3}\right) - 3 \right\}$$
 সে. মি. $= (16 - 3)$ সে. মি.

 $\triangle ABC$ এর পরিসীমা = AB + BC + AC

মনে করি.

সমবাহু ত্রিভূজের এক বাহু = a সে. মি.

 \therefore সমবাহু ত্রিভূজের পরিসীমা = 3a সে. মি.

শর্তমতে, সমবাহু ত্রিভুজের পরিসীমা = ΔABC এর পরিসীমা

$$\overline{a}$$
, $3a = 30$ \overline{a} , $a = \frac{30}{3}$

$$\therefore$$
 সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $= \frac{\sqrt{3}}{4} \, a^2 \, ext{বর্গ একক}$ $= \frac{\sqrt{3}}{4} \times (10)^2 \, ext{বর্গ সে. মি.}$ $= \frac{\sqrt{3}}{4} \times 100 \, ext{বর্গ সে. মি.}$ $= 25\sqrt{3} \, ext{বর্গ সে. মি.}$ $= 43.301 \, ext{বর্গ সে. মি.}$

∴ সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = 43.301 বর্গ সে. মি. (প্রায়) (Ans.)

প্রশ্ন > ৭ একটি সমবাহু ত্রিভূজের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 4 মিটার বৃদ্ধি করলে তার ক্ষেত্রফল 15√3 বর্গমিটার বৃদ্ধি পায়।

- ক. সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের ভূমি 6 সে.মি. এবং সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য 5 সে.মি. হলে ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- ত্রিভূজটির বাহুর দৈর্ঘ্য ও ক্ষেত্রফল নির্ণয় করো।
- গ. প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য কত মিটার কমালে ক্ষেত্রফল $\frac{5\sqrt{3}}{2}$ বর্গমিটার কমে যাবে?

৭ নং প্রশ্নের সমাধান

ক সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $= \frac{b}{4} \sqrt{4a^2 - b^2}$ বর্গএকক (যেখানে ভূমি b একক এবং সমান সমান বাহু a একক)

∴ নির্ণেয় ক্ষেত্রফল =
$$\frac{6}{4}\sqrt{4 \times 5^2 - 6^2}$$
 বর্গ সে.মি.
$$= \frac{3}{2}\sqrt{100 - 36}$$
 বর্গ সে.মি.
$$= \frac{3}{2}\sqrt{64}$$
 বর্গ সে.মি.
$$= \frac{3}{2} \times 8$$
 বর্গ সে.মি.
$$= 12$$
 বর্গ সে.মি. (Ans.)

খ আমরা জানি, সমবাহু ত্রিভূজের

ক্ষেত্ৰফল
$$=\frac{\sqrt{3}}{4}a^2$$
 বৰ্গ মি.

সমবাহু ত্রিভূজের প্রতিবাহুর দৈর্ঘ্য 4 মিটার বাড়ালে ত্রিভুজটি হবে নিম্নরূপ:

এবং ক্ষেত্রফল হবে = $\frac{\sqrt{3}}{4}(a+4)^2$ বর্গ মি.

$$=\frac{\sqrt{3}}{4}(a^2+8a+16)$$

$$\therefore \quad \text{প্রশামতে, } \frac{\sqrt{3}}{4}(a^2 + 8a + 16) = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 + 15\sqrt{3}$$

$$\overline{4}, \quad \frac{\sqrt{3}}{4}(a^2 + 8a + 16) - \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = 15\sqrt{3}$$

$$\boxed{4}, \quad \frac{\sqrt{3}}{4}(a^2 + 8a + 16 - a^2) = 15\sqrt{3}$$

$$\boxed{4}, \quad \frac{\sqrt{3}}{4}(8a+16) = 15\sqrt{3}$$

বা,
$$8(a+2)=60$$

$$4$$
, $a+2=\frac{60}{8}$

বা,
$$a+2=7.5$$

$$\therefore$$
 a = 5.5

সমবাহু ত্রিভূজের বাহুর দৈর্ঘ্য 5.5 মিটার। (Ans.)

$$\therefore$$
 ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল = $\frac{\sqrt{3}}{4}a^2$ বর্গ মি. = $\frac{\sqrt{3}}{4}(5.5)^2$ বর্গ মি. = 13.099 বর্গ মি. (প্রায়) (Ans.)

গ ধরি, প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্য x মিটার কমালে ক্ষেত্রফল $\frac{5\sqrt{3}}{2}$ বর্গমিটার কমে যায়।

$$\therefore \quad \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 - \frac{\sqrt{3}}{4} (a - x)^2 = \frac{5\sqrt{3}}{2}$$

$$\boxed{4}, \quad \frac{\sqrt{3}}{4} \left\{ a^2 - (a - x)^2 \right\} = \frac{5\sqrt{3}}{2}$$

বা,
$$a^2 - a^2 + 2ax - x^2 = 10$$
 ডিভয়পক্ষকে $\frac{4}{\sqrt{3}}$ দ্বারা গুণ করে

বা,
$$2ax - x^2 = 10$$

বা,
$$2 \times 5.5 \times x - x^2 = 10$$
 ['খ' থেকে পাই, $a = 5.5$]

বা,
$$11x - x^2 = 10$$

বা,
$$x^2 - 11x + 10 = 0$$

বা,
$$x^2 - 10x - x + 10 = 0$$

বা,
$$x(x-10)-1(x-10)=0$$

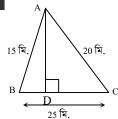
বা,
$$(x-1)(x-10)=0$$

$$\therefore \quad x = 1, 10$$

কিন্তু ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্য 5.5 মিটার হওয়ায় $x\!=\!10$ মিটার গ্রহণযোগ্য নয় । $x\!=\!1$ মিটার

অর্থাৎ, x এর মান 1 মিটার কমালে ক্ষেত্রফল $\frac{5\sqrt{3}}{2}$ বর্গমিটার কমে যায়। (Ans.)

প্রা⊳৮



- ক. AB বাহুর দৈর্ঘ্য 15 মি. না হয়ে 20 মি. হলে ΔABC এর ক্ষেত্রফল কত হবে তা সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের ক্ষেত্রফলের সূত্রের সাহায্যে নির্ণয় কর। ২
- খ. প্রদত্ত ত্রিভুজের ক্ষেত্রফলের সমান ক্ষেত্রফলবিশিষ্ট সমদ্বিবাহু ত্রিভঙ্জের ভমি 15 মিটার হলে সমান বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। 8
- গ. Δ ক্ষেত্র ${
 m ABD}+\Delta$ ক্ষেত্র ${
 m ACD}=\Delta$ ক্ষেত্র ${
 m ABC}$ এর সত্যতা যাচাই কর। 8

৮ নং প্রশ্নের সমাধান

- ক সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $=\frac{b}{4}\sqrt{4a^2-b^2}$ (যেখানে, a সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য এবং b অপর বাহু) এখানে, b=25 মি., a=20 মি.
- ∴ সমন্বিবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = $\frac{25}{4}\sqrt{4(20)^2-(25)^2}$ $=\frac{25}{4}\sqrt{1600-625}$ $=\frac{25}{4}\sqrt{975}$ $=\frac{25}{4}\sqrt{25\times39}$ $=\frac{25\times5}{4}\sqrt{39}$ $=\frac{125}{4}\sqrt{39}$ =195.156 =195.156 =195.156 =195.156

- খ চিত্ৰ থেকে পাই, AB = 15 মি., BC = 25 মি., AC = 20 মি.
- ∴ অর্ধ-পরিসীমা, $S = \frac{15 + 25 + 20}{2} = 30$
- \therefore $\triangle ABC$ এর ক্ষেত্রফল = $\sqrt{s(s-a)\,(s-b)\,(s-c)}$ বর্গ একক = $\sqrt{30(30-15)(30-20)(30-25)}$ বর্গ মিটার = $\sqrt{30\times15\times10\times5}$ বর্গ মিটার = 150 বর্গ মিটার

প্রশানুসারে, সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের ক্ষেত্রফল = 150 বর্গমিটার

বা,
$$\frac{15}{4}\sqrt{4a^2-15^2}=150$$
 [যেখানে সমান বাহুর দৈর্ঘ্য a]

ৰা,
$$\sqrt{4a^2 - 15^2} = \frac{150 \times 4}{15}$$
 ৰা, $\sqrt{4a^2 - 15^2} = 40$

বা,
$$4a^2 - 15^2 = 1600$$
 [বর্গ করে]

বা,
$$4a^2 = 1600 + 225$$
 বা, $4a^2 = 1825$

বা,
$$a^2 = \frac{1825}{4}$$
 .. $a = 21.36$ মিটার (Ans.)

গ চিত্ৰ থেকে পাই, ΔABC এর ক্ষেত্রফল = $\frac{1}{2} \times BC \times AD$

বা,
$$150 = \frac{1}{2} \times 25 \times AD$$

['ক' হতে ABC ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল = 150 বর্গ মিটার]

বা, AD =
$$\frac{300}{25}$$

সমকোণী ত্রিভূজ $\triangle ABD$ -এ, $AB^2 = AD^2 + BD^2$

বা,
$$15^2 = 12^2 + BD^2$$

বা,
$$BD^2 = 15^2 - 12^2$$

বা,
$$BD^2 = 225 - 144$$

বা,
$$BD^2 = 81$$

:
$$CD = BC - BD = 25 - 9$$
 \Re .

$$\Delta ABD$$
 এর ক্ষেত্রফল $=\frac{1}{2}\,AD\times BD$ $=\frac{1}{2}\times 12\times 9$ $=54$ বর্গ মিটার

এবং
$$\triangle ACD$$
 এর ক্ষেত্রফল $=\frac{1}{2}\times AD\times CD$ $=\frac{1}{2}\times 12\times 16$ $=96$ বর্গ মিটার

(সত্যতা যাচাই করা হল)

প্রশা ►৯ একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ভূমির দৈর্ঘ্য 60 সে.মি.। এর ক্ষেত্রফল 1200 বর্গ সে.মি.।

- ক. একটি সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল 36√3 বর্গ সে.মি. হলে ত্রিভুজটির পরিসীমা কত সে.মি.?
- খ. সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য বের কর।
- গ. সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য কোনো সমবাহু ত্রিভূজের বাহুর দৈর্ঘ্যের সমান হলে ঐ ত্রিভূজের ক্ষেত্রফল ও পরিসীমা বের কর।

৯ নং প্রশ্নের সমাধান

ক মনে করি, ত্রিভুজটির এক বাহুর দৈর্ঘ্য = a সে.মি.।

$$\therefore$$
 ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল = $\frac{\sqrt{3}}{4} \, a^2 \, \mathsf{d}$ র্গ সে.মি.

দেওয়া আছে, ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল $=36\sqrt{3}$ বর্গ সে.মি.

$$\therefore \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 36\sqrt{3}$$
 বা, $a^2 = 144$ বা, $a = 12$ সে.মি.

সুতরাং ত্রিভূজটির পরিসীমা = $3a = 3 \times 12 = 36$ সে.মি. (Ans.)

- খ পাঠ্যবইয়ের অনুশীলনী-১৬.১ এর উদাহরণ-৫ দ্রম্টব্য। পৃষ্ঠা-২৯৮
- গ 'খ' থেকে প্রাপ্ত, a = 50 সে.মি.

প্রশ্নমতে, সমবাহু ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্য, a=50 সে.মি. আমরা জানি, সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $=\frac{\sqrt{3}}{4}\,a^2$ বর্গ সে.মি. $=\frac{\sqrt{3}}{4}\times(50)^2\,$ বর্গ সে.মি. $=\frac{\sqrt{3}}{4}\times2500\,$ বর্গ সে.মি.

4 ×2500 বন লে.মে.
 = 625√3 বর্গ সে.মি.
 = 1082.53 বর্গ সে.মি. (প্রায়)

আবার সমবাহু ত্রিভুজটির পরিসীমা = বাহুত্রয়ের দৈর্ঘ্যের সমষ্টি = 3×50 সে.মি. = 150 সে.মি.

Ans. ক্ষেত্রফল 1082.53 বর্গ সে.মি. (প্রায়) এবং পরিসীমা 150 সে.মি.।

প্রশ্ন ►১০ একটি বাগানের দৈর্ঘ্য 80 মিটার এবং প্রস্থ 60 মিটার। বাগানটির ভিতরে সমান পাড়বিশিষ্ট একটি পুকুর খনন করা হল। *দি. বো. ১৭,* ক. বাগানের পরিসীমা ও ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ২

- খ. যদি পুকুর পাড়ের ক্ষেত্রফল 804 বর্গমিটার হয়, তবে পুকুরের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর।
- গ. পুকুরের গভীরতা 2.75 মিটার হলে, প্রতি ঘনমিটার মাটি খনন করতে 325 টাকা হিসাবে ঐ পুকুরটির মাটি খনন করতে কত টাকা লাগবে?

১০ নং প্রশ্নের সমাধান

ক দেওয়া আছে, বাগানের দৈর্ঘ্য 80 মিটার এবং প্রস্থ 60 মিটার

খ দেওয়া আছে,

পুকুর পাড়ের ক্ষেত্রফল ৪04 বর্গমিটার 'ক' থেকে পাই, বাগানের ক্ষেত্রফল 4800 বর্গ মিটার

মনে করি, বাগানটির ভিতরে x মিটার পাড়বিশিষ্ট পুকুর খনন করা হয়েছে।

∴ পুকুরের ক্ষেত্রফল = (80 – 2x) (60 – 2x)

শর্তমতে,
$$(80 - 2x)(60 - 2x) = 3996$$

$$4800 - 160x - 120x + 4x^2 = 3996$$

$$4x^2 - 280x + 4800 - 3996 = 0$$

$$4x^2 - 280x + 804 = 0$$

$$4(x^2 - 70x + 201) = 0$$

$$41, \quad x^2 - 70x + 201 = 0$$

$$4, \quad x^2 - 67x - 3x + 201 = 0$$

$$41, \quad x(x-67)-3(x-67)=0$$

$$(x-67)(x-3)=0$$

হয়,
$$x - 67 = 0$$
 ∴ $x = 67$

যা গ্রহণযোগ্য নয়। কারণ পাড়ের বিস্তার দৈর্ঘ্য বা প্রস্থ অপেক্ষা বড় হতে পারে না।

= 54 মিটার

∴ পুকুরের দৈর্ঘ্য 74 মিটার এবং প্রস্থ 54 মিটার (Ans.)

গ 'খ' থেকে পাই,

পুকুরের ক্ষেত্রফল 3996 বর্গ মিটার দেওয়া আছে, পুকুরের গভীরতা 2.75 মিটার

∴ পুকুরের আয়তন = ক্ষেত্রফল × গভীরতা

= 3996 × 2.75 ঘন মিটার

= 10989 ঘন মিটার

∴ ঐ পুকুরটির মাটি খনন করতে লাগবে (10989 × 325) টাকা = 3571425 টাকা (Ans.)

প্রশ্ন >১১ ABCD একটি সামান্তরিকের দুই বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 12 সে.মি. এবং ৪ সে.মি.। এর ক্ষুদ্রতম কর্ণের দৈর্ঘ্য 10 সে.মি.। /ह. বো. ১৭/

ক. সংক্ষিপ্ত বর্ণনাসহ চিত্রটি আঁক। খ. সামান্তরিকের উচ্চতা নির্ণয় কর।

গ. উদ্দীপকের উপাত্ত অনুসারে সামান্তরিকের অপর কর্ণ এবং ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

১১ নং প্রশ্নের সমাধান

পাঠ্যবইয়ের অনুশীলনী-১৬.২ এর উদাহরণ-১২ দ্রফ্টব্য। পৃষ্ঠা-৩০8 [বি. দ্র. 'মিটার' এর পরিবর্তে 'সে.মি.' হবে। এবং সামান্তরিকের ক্ষেত্রফল = (ভূমি × উচ্চতা) বর্গ একক = 12×6.61

প্রশ্ন ▶১২ একটি আয়তাকার বাগানের ক্ষেত্রফল 2000 বর্গমিটার। যদি এর দৈর্ঘ্য 10 মিটার কম হয়, তবে বাগানটি বর্গাকার হয়। াদি. লে. ১৬/

= 79.32 বর্গ সে.মি. (প্রায়) (Ans.)

ক. আয়তাকার বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থাকে যথাক্রমে x মিটার ও y
মিটার ধরে প্রয়োজনীয় সমীকরণ গঠন কর।

খ. বাগানের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর।

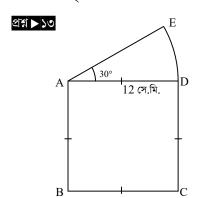
গ. যদি আয়তাকার বাগানের পরিসীমা কোনো রম্বসের পরিসীমার সমান হয় এবং রম্বসের ক্ষুদ্রতর কর্ণটি 54 মিটার হয়, তবে রম্বসের অপর কর্ণ এবং ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

১২ নং প্রশ্নের সমাধান

- ক পাঠ্যবইয়ের অনুশীলনী-১৬.২ এর উদাহরণ-৯ দ্রফ্টব্য। পৃষ্ঠা-৩০৩
- খ পাঠ্যবইয়ের অনুশীলনী-১৬.২ এর উদাহরণ-৯ দ্রম্টব্য। পৃষ্ঠা-৩০৩
- গ 'খ' থেকে পাই,

আয়তাকার বাগানের দৈর্ঘ্য 50 মিটার এবং প্রস্থ 40 মিটার আয়তাকার বাগানের পরিসীমা = 2(50 + 40) মিটার = 2 × 90 মিটার = 180 মিটার

∴ রম্বসের পরিসীমা = বাগানের পরিসীমা = 180 মিটার অতঃপর অনুশীলনীর প্রশ্ন ও সমাধান অংশের ১০ নং সমাধান দ্রস্টব্য। পৃষ্ঠা-৭৫১



উপরের চিত্রটি বর্গক্ষেত্র ও বৃত্তকলায় বিভক্ত।

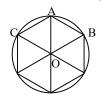
- ক. বর্গক্ষেত্রটির কর্ণের দৈর্ঘ্য ও পরিসীমা নির্ণয় কর।
- খ. সম্পূর্ণ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট কোনো সুষম ষড়ভুজ কোনো বৃত্তে অন্তর্লিখিত হলে বৃত্তের অনধিকৃত অংশের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। 8

১৩ নং প্রশ্নের সমাধান

- ক এখানে, বর্গক্ষেত্রটির একবাহুর দৈর্ঘ্য, a = 12 সে.মি.
 - \therefore কর্ণের দৈর্ঘ্য = $\sqrt{2}a = (\sqrt{2} \times 12)$ = 16.97 সে.মি. (প্রায়) (Ans.)
 - ∴ পরিসীমা = 4a = (4 × 12) = 48 সে.মি. (Ans.)
- থ এখানে, বৃত্তকলার ব্যাসার্ধ = 12 সে.মি. এবং কেন্দ্রে উৎপন্ন কোণ, $\theta = 30^\circ$
 - \therefore বৃত্তকলার ক্ষেত্রফল $= \frac{\theta}{360} \times \pi r^2$ $= \left(\frac{30}{360} \times 3.1416 \times 12^2\right)$ = 37.7 বর্গ সে.মি. প্রোয়)
 - ∴ বর্গের ক্ষেত্রফল = $(এক বাহু)^2$ = $12^2 = 144$ বর্গ সে.মি.
 - ∴ সম্পূর্ণ ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল = (144 + 37.7)

= 181.7 বর্গ সে.মি. (প্রায়) (Ans.)





সুষম ষড়ভুজের প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্য, a = বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্য = 12 সে.মি.

∴ সুষম ষড়ভুজের (n = 6) ক্ষেত্রফল

$$= \frac{6 \times 12^2}{4} \cot \left(\frac{180}{6}\right)$$
= 374.12 বৰ্গ সে.মি. (প্রায়)

∴ বৃত্তের ক্ষেত্রফল = π(12)²

= 452.39 বর্গ সে.মি. (প্রায়)

∴ অনধিকৃত অংশের ক্ষেত্রফল = (452.39 – 374.12)

বর্গ সে.মি. (প্রায়)

= 78.27 বৰ্গ সে.মি. (প্ৰায়) (Ans.)

প্রশ্ন ▶১৪ একটি বৃত্তের পরিধি 44 মিটার।

[সি. ৰো. ১৭] ২

ক. বৃত্তের ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।

খ.বৃত্তে অন্তর্লিখিত বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। ৪

গ. বৃত্তের পরিধি একটি সমবাহু ত্রিভুজের পরিসীমার সমান হলে এদের ক্ষেত্রফলের অনুপাত নির্ণয় কর। 8

১৪ নং প্রশ্নের সমাধান

ক ধরি, বৃত্তটির ব্যাসার্ধ = r

$$\therefore$$
 " পরিধি = $2\pi r$

শৰ্তমতে, $2\pi r = 44$

বা,
$$r = \frac{44}{2 \times \pi}$$

∴ r = 7 মিটার (প্রায়) (Ans.)

খ বৃত্তটির ব্যাসার্ধ = 7 মিটার [ক হতে]

" ব্যাস $=(7 \times 2)$ মিটার =14 মিটার আমরা জানি,

বৃত্তে অন্তর্লিখিত বর্গের কর্ণের দৈর্ঘ্য বৃত্তটির ব্যাসের সমান। সুতরাং বর্গক্ষেত্রটির কর্ণ = 14 মিটার ধরি, বর্গের এক বাহুর দৈর্ঘ্য a একক

$$\therefore$$
 ্বৰ্ণ = $\sqrt{2}a$ একক

$$\therefore \quad \sqrt{2}a = 14$$

বা,
$$a = \frac{14}{\sqrt{2}}$$

বা,
$$a = \frac{14\sqrt{2}}{2}$$

∴ $a = 7\sqrt{2}$ মিটার = 9.899 মিটার (প্রায়) (Ans.)

গ বৃত্তটির ব্যাসার্ধ r = 7 মিটার ['ক' থেকে]

 \therefore " ক্ষেত্ৰফল $=\pi r^2$ বৰ্গ একক

 $=\pi(7)^2$ বর্গ মিটার

 $= 3.1416 \times 49$ " "

= 153.938 বর্গ মিটার (প্রায়)

আবার, যেহেতু বৃত্তের পরিধি = সমবাহু ত্রিভুজের পরিসীমা

- সমবাহু ত্রিভুজের পরিসীমা = 44 মিটার
 ধরি, সমবাহু ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্য a
- ∴ পরিসীমা = 3a
- $\therefore \quad 3a = 44 \quad \therefore \ a = \frac{44}{3}$

ক

আমরা জানি, সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $= \frac{\sqrt{3}}{4} \, a^2$ বর্গ একক $=\frac{\sqrt{3}}{4}\left(\frac{44}{3}\right)^2$ বর্গ মিটার $=\frac{\sqrt{3}}{4}\times\frac{1936}{9}$ "

= 93.146 বর্গ মিটার (প্রায়)

∴ বৃত্ত ও সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফলের অনুপাত $= 153.938 \$ \$ 93.146 $= 1.65 \$ \$ 1 (Ans.)

প্রশ্ন ▶১৫ একটি বৃত্তস্থ আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য এবং প্রস্থ যথাক্রমে 12 মি. এবং 5 মি.। আয়তক্ষেত্র বাদে বুত্তের মধ্যে অবশিষ্ট খালি জায়গায় ঘাস লাগানো আছে। (ता. ता. ३७)

- ক. প্রদত্ত তথ্যের আলোকে চিত্র অংকন কর।
- খ. বৃত্তাকার ক্ষেত্রের পরিধি নির্ণয় কর।
- গ. প্রতি বর্গমিটারে ঘাস লাগাতে 50 টাকা হিসাবে মোট কত টাকা

১৫ নং প্রশ্নের সমাধান



মনে করি, ABCD একটি আয়তাকার ক্ষেত্র। যার দৈর্ঘ্য AD = BC = 12 মিটার, প্রস্থ AB = CD = 5 মিটার এবং কর্ণ AC = BD. AC ও BD কর্ণদ্বয় পরস্পর O বিন্দুতে ছেদ করেছে। ABCD

আয়তাকার ক্ষেত্রটিকে পরিবেষ্টিত করে 🔾 কেন্দ্র বিশিষ্ট একটি বৃত্তাকার ক্ষেত্র আছে। গাঢ় চিহ্নিত অংশটুকুতে ঘাস লাগানো হয়েছে।

খ 'ক' থেকে পাই, ABCD আয়তাকার ক্ষেত্রটির কর্ণ AC = BD

: ABCD আয়তাকার ক্ষেত্রটির কর্ণ AC বা BD হবে বৃত্তাকার ক্ষেত্রটির ব্যাস।

অতএব, ABC সমকোণী ত্রিভুজ থেকে পাই, $AC^2 = AB^2 + BC^2$

=
$$(5)^2 + (12)^2$$
 [< AB = 5 $\overline{\text{N}}$.; BC = 12 $\overline{\text{N}}$.]
= $25 + 144 = 169$

- \therefore AC = $\sqrt{169}$ = 13
- ∴ বৃত্তাকার ক্ষেত্রটির ব্যাস, AC = 13 মিটার সুতরা, বৃত্তাকার ক্ষেত্রের ব্যাসার্ধ, $r = \frac{13}{2}$ মি. = 6.5 মি.
- ∴ বৃত্তাকার ক্ষেত্রের পরিধি = 2πr একক

$$= 2 \times 3.1416 \times 6.5$$
 N.

= 40.84 মি. (Ans.)

ুগা বুত্তাকার ক্ষেত্রটির ক্ষেত্রফল $=\pi r^2$ বর্গ একক

= 3.1416 × (6.5)² বর্গ মিটার [খ হতে]

= 132.7326 বর্গ মিটার (প্রায়)

দেওয়া আছে, আয়তাকার ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য = 12 মিটার

এবং প্রস্থ = 5 মিটার

∴ আয়তাকার ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল = (12×5) বর্গ মিটার = 60 বর্গ মিটার

∴ বৃত্তাকার ক্ষেত্রটির আয়তাকার ক্ষেত্র দ্বারা অনধিকৃত অংশের ক্ষেত্রফল = (132.7326 – 60) বর্গ মিটার = 72.7326 বর্গ মিটার

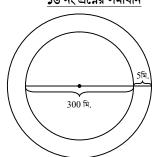
প্রতি বর্গ মিটারে ঘাস লাগাতে খরচ হয় 50 টাকা।

 \therefore 72.7326 বর্গ মিটার ঘাস লাগাতে খরচ হয় = (72.7326 \times 50) টাকা = 3636.63 টাকা (প্রায়) (Ans.)

প্রশ্ন ▶ऽ७ একটি বৃত্তাকার বাগানের ব্যাস 300 মি.। বাগানের সীমানা ঘেঁষে বাইরের দিকে 5 মি. চওড়া একটি রাস্তা আছে। প্রতি বর্গ. মি. রাস্তা বাঁধাই করতে খরচ হয় 100 টাকা এবং প্রতি মি. বেড়া দিতে খরচ হয় 7.50 টাকা। [কু. বো. **১**৬/

- ক. প্রদত্ত তথ্যের আনুপাতিক চিত্র আঁক এবং বাগানের ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর। ২
- বাগানের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর এবং রাস্তার ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। 8
- গ্রাস্তাটি বাঁধাই করতে কত খরচ লাগবে? রাস্তার ক্ষেত্রফলের সমান ক্ষেত্রফলবিশিষ্ট বর্গাকার মাঠের চারপাশে বেড়া দিতে কত খরচ লাগবে?

১৬ নং প্রশ্নের সমাধান



এখানে, বাগানের ব্যাস = 300 মি.

∴ বাগানের ব্যাসার্ধ, $r = \frac{300}{2}$ মি.

= 150 মি. (Ans.)

খ 'ক' থেকে পাই,

ক

বৃত্তাকার বাগানের ব্যাসার্ধ, r = 150 মি.

এখানে, বুত্তাকার বাগানের বাইরে একটি রাস্তা আছে যার চওড়া

∴ রাস্তাসহ বৃত্তাকার বাগানের ব্যাসার্ধ, R = (150 + 5) মি.

= 155 মি.

ক্ষেত্ৰফল = πR^2 বৰ্গ মি. = 3.1416 × (155)² বৰ্গ মি. = 3.1416 × 24025 বর্গ মি. = 75476.94 বর্গ মি. (প্রায়)

সুতরাং রাস্তার ক্ষেত্রফল

- = রাস্তাসহ বাগানের ক্ষেত্রফল বাগানের ক্ষেত্রফল
- = (75476.94 70686) বর্গ মি.
- = 4790.94 বর্গ মি. (প্রায়) (Ans.)

গ 'খ' থেকে পাই,

রাস্তার ক্ষেত্রফল = 4790.94 বর্গমিটার (প্রায়) এখানে, প্রতি বর্গ মি. রাস্তা বাধাই করতে খরচ হয় 100 টাকা

∴ 4790.94 " " " " (4790.94 × 100) "

= 479094 টাকা (Ans.)

প্রশানুসারে,

বর্গাকার মাঠের ক্ষেত্রফল = রাস্তার ক্ষেত্রফল = 4790.94 বর্গ মি. (প্রায়)

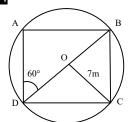
∴ " বাহুর দৈর্ঘ্য = √4790.94 মি. = 69.22 মি. (প্রায়)

" পরিসীমা = (4 × 69.22) মি. = 276.88 মিটার (প্রায়) এখানে, প্রতি মিটার বেড়া দিতে খরচ হয় 7.50 টাকা

∴ 276.88 " " " (276.88 × 7.50) টাকা

= 2076.6 টাকা (প্রায়) (Ans.)

প্রা ▶১৭



চিত্রে O কেন্দ্র বিশিষ্ট বৃত্তে ABCD আয়তক্ষেত্রটি অন্তর্লিখিত। আয়তক্ষেত্রটির পরিসীমার সমান পরিসীমা বিশিষ্ট বর্গক্ষেত্রকে 40 সে.মি. বর্গাকৃতির পাথর দিয়ে বাঁধাই করা হলো।

ক. বৃত্তটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

খ. আয়তক্ষেত্রটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

গ. প্রয়োজনীয় পাথরের সংখ্যা নির্ণয় কর।

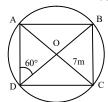
১৭ নং প্রশ্নের সমাধান

ক চিত্রে O কেন্দ্র বিশিষ্ট ABCD আয়তক্ষেত্রটি অন্তর্লিখিত হয়েছে। বৃত্তের ব্যাসার্ধ, r = 7m

$$\dot{\Sigma}$$
 বৃত্তের ক্ষেত্রফল = πr^2 বর্গ একক = $3.1416 \times (7)^2$ বর্গমিটার = 153.9384 বর্গমিটার

= 153.94 বর্গমিটার (প্রায়) (Ans.)

খ



ধরি, আয়তক্ষেত্রটির দৈর্ঘ্য = AB ও প্রস্থ = AD এখানে, বৃত্তের ব্যাসার্ধ, OC = 7 মিটার।

∴ বুত্তের ব্যাস, AC = 14 মিটার ।

∴ AC = BD = 14 মিটার

 Δ ABD 4, $\sin 60^{\circ} = \frac{AB}{BD}$

বা,
$$\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{AB}{14}$$

বা, AB =
$$\frac{\sqrt{3}}{2} \times 14$$

$$\therefore$$
 AB = $7\sqrt{3}$

আবার, $\triangle ABD$ এ, $\cos 60^\circ = \frac{AD}{BD}$

$$\boxed{4}, \quad \frac{1}{2} = \frac{AD}{14}$$

বা,
$$AD = \frac{1}{2} \times 14$$

$$\therefore$$
 আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য = $7\sqrt{3}$ মিটার এবং প্রস্থ = 7 মিটার

" ক্ষেত্ৰফল =
$$7\sqrt{3} \times 7$$
 বৰ্গমিটার (প্রায়)
= $49\sqrt{3}$ বৰ্গমিটার
= 94.87 বর্গমিটার (প্রায়) (A.-

= 84.87 বর্গমিটার (প্রায়) (Ans.)

বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা = আয়তক্ষেত্রের পরিসীমা

=
$$2(7\sqrt{3} + 7)$$
 মিটার
= 38.25 মিটার (প্রায়)

∴ বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈঘ্য
$$=$$
 $\frac{38.25}{4}$ মিটার

= 91.44 বর্গমিটার (প্রায়)

বর্গাকার পাথরের দৈর্ঘ্য = 40 সে.মি. = 0.4 মিটার বর্গাকার পাথরের ক্ষেত্রফল = $(0.4)^2$ বর্গমিটার = 0.16 বর্গমিটার

∴ মোট পাথরের সংখ্যা
$$=\frac{91.44}{0.16}$$
টি

প্রশ্ন ►১৮ একটি লোহার পাইপের ভিতরের ও বাইরের ব্যাস যথাক্রমে ৪ সে.মি. ও 10 সে.মি. এবং পাইপের উচ্চতা 4 মিটার। 1 ঘন সে.মি. লোহার ওজন 7.2 গ্রাম।

ক. পাইপের পুরুত্ব কত সে.মি. নির্ণয় কর।

২

খ. পাইপের বাইরের বক্রতলের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

গ. পাইপে ব্যবহৃত লোহার ওজন কত কে.জি. নির্ণয় কর। 8

১৮ নং প্রশ্নের সমাধান

ক দেওয়া আছে,

পাইপের বাইরের ব্যাস = 10 সে. মি.

" ব্যাসার্ধ =
$$\frac{10}{2}$$
 সে. মি. = 5 সে. মি.

পাইপের ভিতরের ব্যাস = 8 সে. মি.

" ব্যাসার্ধ =
$$\frac{8}{2}$$
 সে. মি. = 4 সে. মি.

∴ পাইপের পুরুত্ব =
$$(5-4)$$
 সে. মি. = 1 সে. মি. (Ans.)

খ 'ক' হতে পাই,

পাইপের বাইরের ব্যাসার্ধ R = 5 সে. মি.

দেওয়া আছে.

পাইপের উচ্চতা h=~4~ মি. $=(4\times 100)$ সে. মি.

আমরা জানি,

পাইপের বাইরের বক্রতলের ক্ষেত্রফল = $2\pi Rh$ বর্গ একক

$$=(2 \times \pi \times 5 \times 400)$$
 বর্গ সে. মি.

পাইপের উচ্চতা, h = 4 মিটার = 400 সে.মি.

'ক' হতে পাই, পাইপের বাইরের ব্যাসার্ধ R = 5 সে.মি. ∴ পাইপের বাইরের আয়তন = πR²h ঘন একক = 3.1416 × (5)² × 400

= 31416 ঘন সে.মি. (প্রায়)

'ক' হতে পাই, পাইপের ভিতরের ব্যাসার্ধ, r = 4 সে.মি.

∴ পাইপের ভিতরের আয়তন = $\pi r^2 h$ ঘন একক

 $= (3.1416 \times (4)^2 \times 400)$

= 20106.24 ঘন সে.মি. (প্রায়)

∴ পাইপের লোহার আয়তন = (31416 – 20106.24)

= 11309.76 ঘন সে.মি.

∴ পাইপের লোহার ওজন = 11309.76 × 7.2 গ্রাম

= $\frac{81430.272}{1000}$ কিলোগ্ৰাম

= 81.43 কিলোগ্রাম (প্রায়) (Ans.)

প্রশ্ন ►১৯ একটি আয়তাকার ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল 160 বর্গ মি.। যদি এর দৈর্ঘ্য 6 মিটার কম হয় তবে ক্ষেত্রটি বর্গাকার হয়।

। ব. লে. ১৬,

- ক. আয়তাকার ক্ষেত্রের দৈর্ঘ্যকে x এবং প্রস্থাকে y মিটার ধরে দুইটি সমীকরণ গঠন কর।
- খ. আয়তাকার ক্ষেত্রের একটি কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- গ. আয়তাকার ক্ষেত্রটিকে বৃহত্তর বাহুর চারদিকে ঘোরালে যে ঘনবস্তু উৎপন্ন হয় তার সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল ও আয়তন নির্ণয় কর। 8

১৯ নং প্রশ্নের সমাধান

- ক এখানে, আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য x মি. ও প্রস্থ y মি. প্রথম শর্তমতে, xy = 160 ... (i) ২য় শর্তমতে, x – 6 = y ... (ii) (Ans.)
- খ (i) ও (ii) নং সমীকরণ হতে পাই,

$$x(x-6) = 160$$

$$\boxed{4}, \quad x^2 - 6x - 160 = 0$$

$$x^2 - 16x + 10x - 160 = 0$$

$$\boxed{4}, \quad x(x-16) + 10(x-16) = 0$$

বা,
$$(x-16)(x+10)=0$$

অর্থাৎ,
$$x = 16$$
 অথবা, $x = -10$

কিন্তু দৈর্ঘ্য ঋণাত্মক হতে পারে না।

∴ আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য = 16 মি.

কর্ণ =
$$\sqrt{16^2 + 10^2}$$
 মি. = $2\sqrt{89}$ মি. = 18.87 মি. (প্রায়) (Ans.)

- ্যা আয়তক্ষেত্রটিকে বৃহত্তর বাহুর চতুর্দিকে ঘুরালে উৎপর্ন সিলিন্ডারের ব্যাসার্ধ, r=10 মি. ও উচ্চতা, h=16 মি.
 - \therefore সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল = $2\pi r \ (r+h)$ বর্গ একক = $2\times\pi\times10\ (10+16)$ বর্গ মি.

= 1633.628বৰ্গ মি. (প্ৰায়) (Ans.)

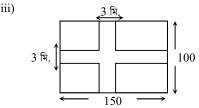
এবং আয়তন $=\pi r^2 h$ ঘন একক

$$=\pi \times 10^2 \times 16$$
 ঘন মি.

= 5026.55 ঘন মি. (প্রায়) (Ans.)

প্রশ্ন ▶২০ (i) একটি ঘনকের পৃষ্ঠের কর্ণের দৈর্ঘ্য 8√2 সে.মি.

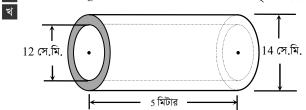
(ii) একটি লোহার পাইপের ভিতরের ও বাইরের ব্যাস যথাক্রম 12 সে.মি. ও 14 সে.মি. এবং পাইপটির দৈর্ঘ্য 5 মিটার।



- ক. ঘনকের কর্ণের দৈর্ঘ্য ও আয়তন নির্ণয় কর।
- খ. যদি 1 ঘন সে.মি. লোহার ওজন 7.2 গ্রাম হয় তাহলে পাইপের লোহার ওজন বের কর।
- গ. চিত্র হতে পথটির ক্ষেত্রফল বের কর এবং 25 সে.মি. দৈর্ঘ্য ও 12.5 সে.মি. প্রস্থ বিশিষ্ট ইট দিয়ে পথটি পাকা করতে কতটি ইট লাগবে?

২০ নং প্রশ্নের সমাধান

ক পাঠ্যবইয়ের অনুশীলনী-১৬.৪ এর উদাহরণ-৩২ দ্রফ্টব্য। পৃষ্ঠা-৩২২



দেওয়া আছে, পাইপের ভিতরের ব্যাস = 12 সে.মি.

এবং 1 ঘন সে.মি. লোহার ওজন = 7.2 গ্রাম।

আমরা জানি, বেলনের আয়তন $=\pi r^2 h$ ঘন একক

∴ পাইপের বাইরের আয়তন =
$$\pi \left(\frac{14}{2}\right)^2 \times 500$$
 ঘন সে.মি. = 24500π ঘন সে.মি.

এবং পাইপের ভিতরের আয়তন
$$=\pi imes \left(\frac{12}{2}\right)^2 imes 500$$
 ঘন সে.মি. $=18000\pi$ ঘন সে.মি.

এখন.

8

াং পাইপের লোহার আয়তন = বাইরের আয়তন – ভিতরের আয়তন

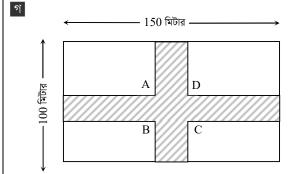
 $=(24500\pi - 18000\pi)$ ঘন সে.মি.

 $=6500\pi$ ঘন সে.মি.

· পাইপের লোহার ওজন = 6500π × 7.2 গ্রাম

$$=\frac{147026.54}{1000}$$
 কিলোগ্রাম

= 147.027 কিলোগ্রাম (প্রায়)(Ans.)



বাগানের দৈর্ঘ্য বরাবর রাস্তার ক্ষেত্রফল = 150×3 বর্গমিটার

= 450 বর্গমিটার

বাগানের প্রস্থ বরাবর রাস্তার ক্ষেত্রফল = 100×3 বর্গমিটার

= 300 বর্গমিটার

∴ রাস্তা দুইটির মোট ক্ষেত্রফল = (450 + 300) বর্গমিটার = 750 বর্গমিটার

কিন্তু রাস্তা দুইটি যেখানে পরস্পর ছেদ করে সেই ABCD সাধারণ অংশের ক্ষেত্রফল = 3 মিটার × 3 মিটার = 9 বর্গমিটার রাস্তার মোট ক্ষেত্রফলের সাথে এই সাধারণ অংশের ক্ষেত্রফল দুইবার ধরা হয়েছে।

∴ রাস্তার ক্ষেত্রফল = (750 – 9) বর্গমিটার = 741 বর্গমিটার (Ans.)

দেওয়া আছে, ইটের দৈর্ঘ্য = 25 সে.মি. = 0.25 মিটার

[< 1 মিটার = 100 সে.মি.]

ইটের প্রস্থ = 12.5 সে.মি.

= 0.125 মিটার [< 1 মিটার = 100 সে.মি.]

একটি ইটের ক্ষেত্রফল = (0.25×0.125) বর্গমিটার = 0.03125 বর্গমিটার

∴ ইটের প্রয়োজন = (741 ÷ 0.03125)টি = 23,712 b (Ans.)

প্রশ্ন ▶২১ একটি বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা আয়তক্ষেত্রের পরিসীমার সমান। আয়তক্ষেত্রটির দৈর্ঘ্য প্রস্থের তিনগুণ এবং ক্ষেত্রফল 768 বর্গমিটার। প্রতিটি 40 সে.মি. বর্গাকার পাথর দিয়ে বর্গক্ষেত্রটি বাঁধাই করা হল।

- ক. আয়তক্ষেত্রের পরিসীমা নির্ণয় কর।
- খ. বর্গক্ষেত্রটি বাঁধাই করতে মোট কতটি পাথর লাগবে?
- গ. যদি উক্ত আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল একটি ঘনকের পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফলের সমান হয়, তবে ঘনকের কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

২১ নং প্রশ্নের সমাধান

- ক দেওয়া আছে, আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল = 768 বর্গমিটার মনে করি, আয়তক্ষেত্রের প্রস্থ = x মি. তাহলে আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য = 3x মি.
 - ∴ আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল = 3x × x = 3x² বর্গমিটার প্রশ্নমতে, $3x^2 = 768$ বা, $x^2 = 256$ $\therefore x = 16$ মি.
 - ∴ আয়তক্ষেত্রের পরিসীমা = 2(3x + x) মিটার $= 2 \times 4x$ মিটার

$$= 2 \times 4 \times 16 = 128$$
 মিটার (Ans.)

- খ 'ক' থেকে পাই, আয়তক্ষেত্রের পরিসীমা = 128 মিটার প্রশ্নমতে, বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা = আয়তক্ষেত্রের পরিসীমা
 - বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা = 128 মিটার
 - বর্গক্ষেত্রের এক বাহুর দৈর্ঘ্য = $\frac{96}{8} = \frac{128}{4} = 32$ মিটার
 - বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল = $(32)^2$ = 1024 বর্গমিটার বর্গাকার পাথরের এক বাহু = 40 সে.মি. = $\frac{40}{100}$ মি. = 0.4 মি.
 - বর্গাকার একটি পাথরের ক্ষেত্রফল = $(0.4)^2$ বর্গমিটার = 0. 16 বর্গমিটার
 - বর্গের ক্ষেত্রফল ∴ বর্গক্ষেত্রটি বাঁধাতে পাথর লাগবে = পাথরের ক্ষেত্রফল

$$=\frac{1024}{0.16}$$
 $\boxed{b} = 6400$ \boxed{b} (Ans.)

- া দেওয়া আছে, আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল = 768 বর্গ মি. ধরি, ঘনকটির বাহুর দৈর্ঘ্য a মি.
 - \therefore ঘনকটির পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল $=6a^2$ ঘনকটির কর্ণের দৈর্ঘ্য = $\sqrt{3}a$ মি.

প্রামতে, $6a^2 = 768$

$$\boxed{4}, \quad a^2 = \frac{768}{6} \ \boxed{4}, \ a^2 = 128$$

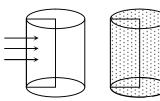
- বা, $3a^2 = 384$ [উভয়পক্ষকে 3 দ্বারা গুণ করে]
- বা, $\sqrt{3}a = \sqrt{384}$ [বর্গমূল করে]
- $\therefore \sqrt{3}a = 19.596$
- ঘনকটির কর্ণের দৈর্ঘ্য 19.596 মি. (প্রায়) (Ans.)

প্রশ্ন ▶২২ একটি সমবৃত্তভূমিক সিলিন্ডারের বব্রুতলের ক্ষেত্রফল 100 বর্গ সে.মি. এবং আয়তন 150 ঘন সে.মি.।

- ক. সমবৃত্তভূমিক বেলন কাকে বলে?
- ২ খ. সিলিন্ডারের উচ্চতা ও ভূমির ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।
- গ. সিলিন্ডারটির বক্রতলের ক্ষেত্রফলের সমান একটি ঘনকের সম্পূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল হয় তবে ঐ ঘনকের কর্ণের দৈর্ঘ্য ও আয়তন নির্ণয় কর।

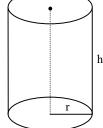
২২ নং প্রশ্নের সমাধান

ক সমবৃত্তভূমিক বেলন: কোনো আয়তক্ষেত্রের যেকোনো বাহুকে অক্ষ ধরে আয়তক্ষেত্রটিকে ঐ বাহুর চতুর্দিকে ঘোরালে যে ঘনবস্তুর সৃষ্টি হয়, তাকে সমবৃত্তিভূমিক বেলন বা সিলিন্ডার বলা হয়।



- খ মনে করি, বেলনটির উচ্চতা h সে.মি. এবং ভূমির ব্যাসার্ধ r সে.মি.
 - \therefore বেলনের বক্রতলের ক্ষেত্রফল = $2\pi rh$ বর্গ সে.মি.

এবং বেলনের আয়তন = $\pi r^2 h$ ঘন সে.মি.



অর্থাৎ ভূমির ব্যাসার্ধ = 3 সে.মি. (Ans.)

- (i) এ r এর মান বসিয়ে পাই, $2\pi \times 3 \times h = 100$
- $h = \frac{100}{6 \times \pi}$
- h = 5.305

অর্থাৎ উচ্চতা = 5.305 সে.মি. (প্রায়) (Ans.)

- দেওয়া আছে, সিলিন্ডারটির বক্রতলের ক্ষেত্রফল = 100 বর্গ সে.মি.
 - ∴ ঘনকের সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল = 100 বর্গ সে.মি.
 - মনে করি, ঘনকের বাহুর দৈর্ঘ্য = a সে.মি.
 - \therefore সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল $=6a^2$ বর্গ সে.মি.
 - কর্ণ = $\sqrt{3}a$ সে.মি.

এবং আয়তন = a^3 ঘন সে.মি.

প্রশ্নতে, $6a^2 = 100$

বা,
$$a^2 = \frac{100}{6}$$

বা, a² = 16.667

- \therefore a = $\sqrt{16.667}$ = 4.0825 সে. মি.
- ∴ ঘনকের বাহুর দৈর্ঘ্য = 4.0825 সে.মি. (প্রায়)
- \therefore ঘনকের কর্ণ = $\sqrt{3}a = \sqrt{3} \times 4.0825$ সে.মি. = 7.07 সে.মি. (প্রায়) (Ans.)

এবং ঘনকের আয়তন = $(4.0825)^3$ ঘন. সে. মি. = 68.042 ঘন. সে. মি. (প্রায়) (Ans.)



সৃজনশীল প্রশ্নব্যাংক

প্রশ্ন ►২৩ একটি সমবাহু ত্রিভুজের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 4 মিটার বৃদ্ধি করলে তার ক্ষেত্রফল 15√3 বর্গমিটার বৃদ্ধি পায়।

- ক. সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের ভূমি 6 সে.মি. এবং সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য 5 সে.মি. হলে ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- খ. ত্রিভুজটির বাহুর দৈর্ঘ্য ও ক্ষেত্রফল নির্ণয় করো।
- গ. প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য কত মিটার কমালে ক্ষেত্রফল $\frac{5\sqrt{3}}{2}$ বর্গমিটার কমে যাবে?

উত্তর: ক. 12 বর্গ সে.মি.; খ. 5.5 মি., 13.099 বর্গ মি. (প্রায়); গ. 1মি. প্রশ্ন ▶২৪ একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ভূমির দৈর্ঘ্য 60 সে.মি.। এর ক্ষেত্রফল 1200 বর্গ সে.মি.।

- ক. একটি সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $36\sqrt{3}$ বর্গ সে.মি. হলে ত্রিভজটির পরিসীমা কত সে.মি.?
- খ. সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য বের কর।
- গ. সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য কোনো সমবাহু ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্যের সমান হলে ঐ ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল ও পরিসীমা বের কর।

উত্তর: ক. 36 সে.মি.; খ. 50 সে.মি.;

গ. ক্ষেত্রফল 1082.53 বর্গ সে.মি. (প্রায়) এবং পরিসীমা 150 সে.মি.;

প্রশ্ন \triangleright ২৫ একটি সমবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য 1 মিটার বাড়ালে ক্ষেত্রফল $3\sqrt{3}$ বর্গমিটার বেড়ে যায়।

- ক. একটি ত্রিভুজের দুইটি বাহু যথাক্রমে 9 সে.মি., 38 সে.মি. এবং অন্তর্ভুক্ত কোণ 30° হলে ক্ষেত্রফল কত?
- খ. সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. সমবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য কত মিটার বাড়ালে ক্ষেত্রফল $6\sqrt{3}$ বর্গ মিটার বৃদ্ধি পাবে?

উত্তর: ক. 85.5 বর্গ সে.মি.; খ. 13.099 বর্গ মি. (প্রায়); গ. 1.865 মিটার;

প্রশ্ন ▶ ২৬ AABC এ AB = AC = a একক এবং ভূমি BC = b একক।



- ক. ত্রিভুজটির উচ্চতা কত?
- খ. ΔABC এর ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. যদি Δ ক্ষেত্র ABC=48 বর্গ একক এবং a=10 একক হয় তবে b এর মান নির্ণয় কর।

উত্তর: ক. $\frac{\sqrt{4a^2-b^2}}{2}$; খ. $\frac{b}{4}\sqrt{4a^2-b^2}$; গ. 12 একক অথবা 16 একক।

প্রশ্ন \triangleright ২৭ একটি সমবাহু ত্রিভুজের প্রত্যেক বাহুর দৈর্ঘ্য 2 মিটার বাড়ানো হলে এর ক্ষেত্রফল $3\sqrt{3}$ বর্গ মিটার বেড়ে যায় আবার আর একটি সমবাহু ত্রিভুজের অভ্যন্তরের কোন বিন্দু হতে বাহু তিনটির উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 5 সে.মি., 6 সে.মি. এবং 7 সে.মি.।

- ক. 4 সে.মি., 5 সে.মি. এবং 6 সে.মি. দৈর্ঘ্যের বাহু বিশিষ্ট একটি ত্রিভজের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- খ. প্রথম সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। 8
- গ্র দ্বিতীয় সমবাহু ত্রিভূজের বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

উত্তর: ক. 9.92 বর্গ সে.মি. (প্রায়);

খ. $\sqrt{3}$ বর্গ মি.; গ. $12\sqrt{3}$ সে.মি.

প্রশ্ন ▶২৮ একটি বৃত্তাকার মাঠের চতুর্দিকে বাইরে একটি পাকা রাস্তা ও ভিতরে একটি কাঁচা রাস্তা আছে। মাঠটির বাইরের পরিধি ভিতরের পরিধি অপেক্ষা 44 মিটার বেশি এবং কাঁচা রাস্তার প্রস্থ 2 মিটার।

- ক. উদ্দীপকের আলোকে জ্যামিতিক চিত্র এঁকে সংক্ষিপ্ত বর্ণনা দাও। ২
- খ. পাকা রাস্তার প্রস্থ বের কর।
- গ. বৃত্তাকার মাঠের ব্যাস 26 মিটার হলে, কাঁচা রাস্তার ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ৪ উত্তর: খ. 7 মি. (প্রায়); গ. 150.৪ বর্গ মিটার (প্রায়);

প্রশ্ন ►২৯ সমকেন্দ্রিক দুইটি বৃত্তের ব্যাসার্ধ যথাক্রমে 9 সে.মি. ও 7 সে.মি. এবং বৃহত্তম বৃত্তের 30 সে.মি. দৈর্ঘ্যবিশিষ্ট বৃত্তচাপ কেন্দ্রে ৪ কোণ উৎপন্ন করে।

- ক. একটি অর্ধবৃত্তের ক্ষেত্রফল 25.135 বর্গ সে.মি. হলে এর ব্যাসার্ধ কত? ২
- খ. বৃত্ত দুইটির ক্ষেত্রফলের পার্থক্য নির্ণয় কর।
- গ. θ কোণের সাপেক্ষে ক্ষুদ্রতম বৃত্তের বৃত্তচাপের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। 8 উত্তর: ক. $r \approx 4$ সে.মি. (প্রায়);

গ. 23.335 সে.মি. (প্রায়);

8

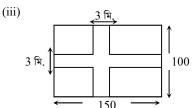
প্রশ্ন ▶৩০ একটি গাড়ির সামনের চাকার ব্যাস 28 সে.মি. এবং পিছনের চাকার ব্যাস 35 সে.মি.।

- ক. চাকা দুইটির ক্ষেত্রফলের পার্থক্য নির্ণয় কর।
- খ. 44 মিটার পথ যেতে সামনের চাকা পেছনের চাকা অপেক্ষা কত (পূর্ণ সংখ্যক) বার বেশি ঘুরবে।
- গ. গাড়িটি প্রতি মিনিটে 50 মিটার বেগে 10 মিনিটে কোনো বৃত্তাকার পথ অতিক্রম করে। ঐ বৃত্তাকার ক্ষেত্রের ব্যাসার্ধ কত? 8 উত্তর: ক. 346.36 বর্গ সে.মি. (প্রায়);

খ. 10 (পূর্ণসংখ্যক) বার বেশি ঘুরবে; গ. 79.58 মিটার (প্রায়);

প্রম ►৩১ (i) একটি ঘনকের পৃষ্ঠের কর্ণের দৈর্ঘ্য $8\sqrt{2}$ সে.মি.

(ii) একটি লোহার পাইপের ভিতরের ও বাইরের ব্যাস যথাক্রম 12 সে.মি. ও 14 সে.মি. এবং পাইপটির দৈর্ঘ্য 5 মিটার।



- ক. ঘনকের কর্ণের দৈর্ঘ্য ও আয়তন নির্ণয় কর।
- খ. যদি 1 ঘন সে.মি. লোহার ওজন 7.2 গ্রাম হয় তাহলে পাইপের লোহার ওজন বের কর।
- গ. চিত্র হতে পথটির ক্ষেত্রফল বের কর এবং 25 সে.মি. দৈর্ঘ্য ও 12.5 সে.মি. প্রস্থ বিশিষ্ট ইট দিয়ে পথটি পাকা করতে কতটি ইট লাগবে?

উত্তর: ক. 8√3 সে.মি.; 512 ঘন সে.মি. খ. 147.03 কি.গ্রাম (প্রায়); গ. 741 ব.মি.: 23712টি ২

২

8

প্রশ্ন ▶৩২ একটি বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা আয়তক্ষেত্রের পরিসীমার সমান। আয়তক্ষেত্রটির দৈর্ঘ্য প্রস্থের তিনগুণ এবং ক্ষেত্রফল 768 বর্গমিটার। প্রতিটি 40 সে.মি. বর্গাকার পাথর দিয়ে বর্গক্ষেত্রটি বাঁধাই করা হল।

- ক. আয়তক্ষেত্রের পরিসীমা নির্ণয় কর।
- খ. বর্গক্ষেত্রটি বাঁধাই করতে মোট কতটি পাথর লাগবে?
- গ. যদি উক্ত আয়তক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল একটি ঘনকের পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফলের সমান হয়, তবে ঘনকের কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। 8 উত্তর: ক. 128; খ. 6400 টি; গ. 19.596 মি. (প্রায়);

প্রশ্ন ▶০০ একটি রম্বসের পরিসীমা 68 সে. মি. এবং এর বৃহত্তর কর্ণের দৈর্ঘ্য 30 সে. মি.। রম্বসটির পরিসীমার চেয়ে 8 সে. মি. বেশি পরিসীমা বিশিষ্ট একটি ত্রিভূজের তিন বাহুর দৈর্ঘ্যের অনুপাত 9 ঃ 7 ঃ 3।

- ক. একটি আয়তাকার ঘনবস্তুর দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতা যথাক্রমে 7 সে. মি., 5 সে. মি. ও 3 সে. মি. হলে, এর পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ২
- খ. রম্বসটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. ত্রিভুজটির বৃহত্তর বাহুর বিপরীত শীর্ষ হতে ঐ বাহুর উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

উত্তর: ক. 142 বর্গ সে. মি.; খ. 240 বর্গ সে. মি.; গ. 7.81 সে. মি. (প্রায়);

প্রশ্ন ▶ 08 একটি আয়তাকার ঘনবস্তুর দৈর্ঘ্য, প্রস্থ ও উচ্চতার অনুপাত 21 ঃ 16 ঃ 12 এবং কর্ণের দৈর্ঘ্য ৪7 সে.মি.। আবার একটি লোহার পাইপের উচ্চতা 5 মিটার এবং এর বাইরের ও ভিতরের ব্যাস যথাক্রমে আয়তাকার ঘন বস্তুটির প্রস্থের এক চতুর্থাংশ ও উচ্চতার এক চতুর্থাংশের সমান। 1 ঘন সে.মি. লোহার ওজন 7.2 গ্রাম।

- ক. বৃত্তকলা বলতে কী বোঝ?
- খ. আয়তাকার ঘনবস্তুটির সমগ্র তলের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. পাইপের লোহার ওজন নির্ণয় কর।

উত্তর: খ. 14040 বর্গ সে.মি.; গ. 178.12 কিলোগ্রাম (প্রায়)।

প্রশা ▶০৫ একটি লোহার পাইপের ভিতরের ও বাইরের ব্যাস যথাক্রমে 12 সে.মি. ও 14 সে.মি. এবং পাইপটির উচ্চতা 5 মিটার।

- ক. পাইপটির বাইরের বক্রতলের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- খ. 1 ঘন সে.মি. লোহার ওজন 7.2 গ্রাম হলে পাইপটির লোহার ওজন নির্ণয় কর।
- গ. পাইপটি গলিয়ে 6 সেমি. ব্যাসার্ধবিশিষ্ট একটি নিরেট দণ্ডে পরিণত করা হলে দণ্ডটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

উত্তর: ক. 2.19912 ব. মি.: খ. 147.027 কিলোগ্রাম:

গ. 180.56 সে.মি. (প্রায়)।

প্রশ্ন ▶৩৬ একটি নির্দিষ্ট স্থান থেকে দুটি রাস্তা পরস্পর 90° কোণ করে দুদিকে চলে গেছে। দুজন লোক ঐ নির্দিষ্ট স্থান থেকে যথাক্রমে ঘণ্টায় 7 কি. মি. এবং ঘণ্টায় 5 কি.মি. বেগে বিপরীত দিকে রওনা হল।

- ক. চিত্র এঁকে 4 ঘণ্টা পরে স্থানটি থেকে লোক দুটির অতিক্রান্ত দূরত্ব নির্ণয় কর। ২
- খ. 4 ঘণ্টা পরে তাদের সরাসরি দূরত্ব নির্ণয় কর।
- গ. যদি রাস্তা দুটির অন্তর্ভুক্ত কোণ 120°, লোক দুজনার গতিবেগ ঘণ্টায় 10 কি. মি. ও ঘণ্টায় 8 কি. মি. হয় তবে 5 ঘণ্টা পরে তাদের সরাসরি দূরত্ব কত হবে ?

উত্তর: ক. 28 কি. মি. এবং 20 কি. মি.; খ. 34.41 কি. মি. (প্রায়) গ. 78.1 কি. মি. (প্রায়) প্রশ্ন ▶৩৭ একটি সমবাহু ত্রিভুজের প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 মিটার বাড়ালে এর ক্ষেত্রফল 6√3 বর্গমিটার বেড়ে যায়।

- ক. ত্রিভুজটি অঙ্কন কর এবং ত্রিভুজটির বাহুর দৈর্ঘ্য a মিটার ধরে এর ক্ষেত্রফল নির্ণয়ের সূত্রটি লিখ।
- খ. ত্রিভূজটির বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। 8
- গ. ত্রিভুজটির বাহুর দৈর্ঘ্য কত মিটার বাড়ালে এর ক্ষেত্রফল 8√3 বর্গমিটার বৃদ্ধি পাবে।

উত্তর: ক. $\frac{\sqrt{3}}{4}$ a^2 বর্গমিটার; খ. 5 মিটার; গ. 2.55 মিটার;

প্রশ্ন ►৩৮ একটি সমবাহু ত্রিভুজের অভ্যন্তরস্থ একটি বিন্দু থেকে বাহু তিনটির ওপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 6, 7 ও 8 সে.মি.।

- ক. ত্রিভুজটি আঁক।
- খ. ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত?
- গ. ত্রিভুজটির প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্য কত সে.মি. বাড়ালে এর ক্ষেত্রফল 180 বর্গ সে.মি. বৃদ্ধি পাবে?

উত্তর: খ. 254.61 বর্গ সে.মি. (প্রায়); গ. 7.43 সে.মি.;

প্রম ▶৩৯ রুমির বাড়ির সামনে একটি আয়তাকার বাগান আছে যার দৈর্ঘ্য ও প্রস্থের অনুপাত 3 ঃ 2 এবং ক্ষেত্রফল 600 বর্গমিটার। বাগানটির পরিসীমা একটি বর্গাকার কক্ষের পরিসীমার সমান। প্রতিটি 25 সে.মি. বর্গাকার পাথর দিয়ে কক্ষটি মোড়াতে হবে। প্রতিটি পাথরের মূল্য 15.50 টাকা।

- ক. রুমির বাগানের প্রস্থ নির্ণয় কর।
- খ. কক্ষটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. সম্পূর্ণ কক্ষটি পাথর দিয়ে মোড়াতে মোট কত টাকা খরচ হবে? 8 উত্তর: ক. 20 মি.; খ. 625 বর্গ মি.; গ. 155000 টাকা;

প্রশ্ন ▶৪০ একটি বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা একটি আয়তক্ষেত্রের পরিসীমার সমান। আয়তক্ষেত্রটির দৈর্ঘ্য, প্রস্থের দ্বিগুণ এবং ক্ষেত্রফল 968 বর্গমিটার হলে—

- ক. আয়তক্ষেত্রটির পরিসীমা নির্ণয় কর।
- খ. বর্গক্ষেত্রটির কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- গ. 25 সে.মি. বর্গাকার পাথর দিয়ে বর্গক্ষেত্রটি বাঁধাইতে মোট কতটি পাথর লাগবে?

উত্তর: ক. 132 মিটার; খ. 46.67 মিটার (প্রায়); গ. 17424টি;

প্রশ্ন ▶ 8১ একটি রম্বসের কর্ণদ্বয় যথাক্রমে 40 সে.মি. এবং 60 সে.মি.।

- ক. একটি সামান্তরিকের বাহুদ্বয় 16 মি. ও 8 মি.। এর অন্তর্ভুক্ত কোণ 30° হলে এর ক্ষেত্রফল কত বর্গমিটার?
- খ. রম্বসটির পরিসীমা ও উচ্চতা নির্ণয় কর।
- গ. রম্বসটির সমান ক্ষেত্রফল বিশিষ্ট একটি আয়তের দৈর্ঘ্য, প্রস্থের তিন গুণ হলে আয়তের পরিসীমা নির্ণয় কর।

উত্তর: ক. 64 বর্গ মি.;

খ. পরিসীমা 144.24 সে.মি. (প্রায়) এবং উচ্চতা 33.28 সে.মি. (প্রায়); গ. 160 সে.মি.

প্রশ্ন ▶ 8২ একটি সামান্তরিকের ক্ষেত্রফল একটি বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফলের সমান। সামান্তরিকের ভূমি 125 মিটার এবং উচ্চতা 5 মিটার।

- ক. তথ্যের ভিত্তিতে চিত্র আঁক।
- খ্য বর্গক্ষেত্রের কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- প্রতিটি 50 সে.মি. বর্গাকার পাথর দিয়ে বর্গক্ষেত্রটি বাঁধাতে মোট কতটি পাথর লাগবে?

উত্তর: খ. 35.35 মিটার (প্রায়); গ. 2500 টি

প্রশ ▶8৩



উপরোক্ত চিত্রে আয়তক্ষেত্রটি দ্বারা বৃত্তক্ষেত্রের অনধিকৃত অংশে ঘাস লাগাতে প্রতি বর্গমিটারে খরচ হয় 45 টাকা।

- ক. আয়তক্ষেত্রটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- খ. বৃত্তক্ষেত্রের পরিধি নির্ণয় কর।
- গ. অনধিকৃত অংশে ঘাস লাগাতে মোট কত টাকা খরচ হবে তা নির্ণয় কর।৪ উত্তর: ক. 108 বর্গ মিটার; খ. 47.124 মিটার (প্রায়);
 - গ. 3092.18 টাকা (প্রায়);

প্রশ্ন ▶88 একটি বৃত্তের ব্যাসার্ধ 14 সে.মি. এবং এর একটি বৃত্তচাপ কেন্দ্রে 76° কোণ উৎপন্ন করে।

- ক. বৃত্তের পরিধি নির্ণয় কর।
- খ. বৃত্তাংশের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. ঐ বৃত্তে অন্তর্লিখিত বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। 8 উত্তর: ক. 87.965 সে.মি. (প্রায়); খ. 130 বর্গ সে.মি. (প্রায়); গ. 19.8 সে.মি.(প্রায়)

প্রশ্ন ▶৪৫ একটি বৃত্তাকার মাঠের ব্যাস 100 মিটার। মাঠের বাইরের সীমানা ঘেঁষে 5 মিটার চওড়া একটি রাস্তা আছে।

- ক. মাঠের ক্ষেত্রফল কত?
- খ. রাস্তাটির ক্ষেত্রফল কত?
- গ. একটি বর্গাকার মাঠের ক্ষেত্রফল উক্ত মাঠের ক্ষেত্রফলের সমান। বর্গাকৃতি মাঠের বাইরের চারদিকে 5 মি. চওড়া একটি রাস্তা আছে। প্রতি বর্গমি. 250 টাকা হিসেবে উক্ত রাস্তা বাঁধাতে মোট কত খরচ হবে? 8 উত্তর: ক. 7854 বর্গমি.; খ. 1649.34 বর্গমি. (প্রায়);

গ. 467976.10 টাকা (প্রায়)

প্রশ্ন ▶৪৬ একটি বৃত্তাকার মাঠকে ঘিরে একটি রাস্তা আছে। রাস্তাটির বাইরের পরিধি ভিতরের পরিধি অপেক্ষা 22 মিটার বেশি। প্রতি বর্গমিটার রাস্তায় ইট বসাতে খরচ হয় 300 টাকা।

- ক. 7 সে. মি. ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তে পরিধি ও ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। ২
- খ. রাস্তাটি কত মিটার চওড়া নির্ণয় কর।
- গ. মাঠের ব্যাসার্ধ 35 মিটার হলে, রাস্তাটিতে ইট বসাতে কত খরচ হবে তা নির্ণয় কর।

উত্তর: ক. পরিধি = 14π সে.মি., ক্ষেত্রফল = 49π বর্গ সে.মি.; খ. 3.50 মিটার (প্রায়); গ. 242454 টাকা।

প্রশ্ন ▶ 89 একটি আয়তাকার ঘনবস্তুর মাত্রা তিনটির দৈর্ঘ্যের অনুপাত 5 ঃ 3 ঃ 4 । ঘনবস্তুটির পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল 846 বর্গ একক।

- ক. ঘনবস্তুটির বৃহত্তম মাত্রার দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- খ. একটি গোলকের আয়তন উক্ত ঘনবস্থুর আয়তনের $\frac{\sqrt{3}}{2}$ গুণ হলে গোলকটির পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

গ. ঘনবস্তুটি গলিয়ে 7 একক, 8 একক এবং x একক ধারের তিনটি ঘনক তৈরি করা হলে তৃতীয় ঘনকটির আয়তন ও কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

উত্তর: ক. 15 একক; খ. 1282.745 বর্গ একক;

গ. 765 ঘন একক; 15.84 একক।

প্রশ় ▶৪৮ একটি লোহার পাইপের বাইরের ব্যাসার্ধ ৪ সে.মি. ও ভিতরের ব্যাসার্ধ 7 সে.মি.। পাইপটির দৈর্ঘ্য 10 সে.মি.।

- ক. একটি আয়তিক ঘনের তিনটি মাত্রা যথাক্রমে ৪ সে.মি., 6 সে.মি. এবং 4 সে.মি. হলে এর কর্ণের দৈর্ঘ্য কত?
- খ. পাইপটি তৈরিতে ব্যবহৃত লোহার আয়তন নির্ণয় কর।
- গ. লোহা পানির তুলনায় 7.2 গুণ ভারী হলে, পাইপটির ওজন কত? 8 উত্তর: ক. 10.77 সে.মি.:
 - খ. 471.24 ঘন সে.মি. (প্রায়);
 - গ. 3.393 কিলোগ্রাম (প্রায়)।

প্রশ্ন ► 8৯ 10 সে.মি. উচ্চতা বিশিষ্ট একটি বেলনের ভূমির ব্যাসার্ধ 4 সে.মি.।

- ক. তথ্যানুযায়ী চিত্র আঁক এবং বক্রতলের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- খ. বেলনের সম্পূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল ও আয়তন নির্ণয় কর।
- গ. যে বেলনের বক্রতলের ক্ষেত্রফল 100 বর্গ সে.মি. এবং আয়তন 150 ঘন সে.মি. তার এবং প্রদত্ত বেলনের পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফলের পার্থক্য নির্ণয় কর।

উত্তর: ক. 251.327 বর্গ সে.মি. (প্রায়);

- খ. 351.858 বর্গ সে.মি. (প্রায়), 502.655 ঘন সে.মি. (প্রায়);
- গ. 195.28 বর্গ সে.মি. (প্রায়)

প্রশা ► ৫০ একটি সুষম বৃত্তাকার সিলিন্ডারের উচ্চতা 12 সে.মি. এবং ভূমির ব্যাসার্ধ 5 সে.মি.।

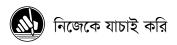
- ক. সিলিন্ডারের উচ্চতার সমান উচ্চতা বিশিষ্ট ঘনকের আয়তন কত? ২
- খ. সিলিন্ডারের সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. সিলিন্ডারের ভূমির ব্যাসার্ধ 20% বৃদ্ধি পেলে, এর আয়তনের পরিবর্তন কি রকম হবে?

উত্তর: ক. 1728 ঘন সে.মি.:

- খ. 534.071 বর্গ সে.মি.;
- **গ.** 44% বৃদ্ধি পাবে

প্রশ় ►৫১ একটি ত্রিভুজের বাহুগুলোর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 25 সে.মি., 20 সে.মি. এবং 15 সে.মি.। বৃহত্তম বাহুর বিপরীত শীর্ষ থেকে ঐ বাহুর উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য h।

- ক. দেখাও যে, ত্রিভুজটি সমকোণী ত্রিভুজ।
- খ. h এর মান নির্ণয় কর।
- গ. একটি বৃত্তাকার মাঠের ব্যাস h মিটার। মাঠের সীমানা ঘেসে 2 মিটার চওড়া একটি রাস্তা আছে। রাস্তার ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর। 8 উত্তর: খ. 12 সে.মি.; গ. ৪7.965 বর্গ মিটার প্রায়)



নিজেকে যাচাই করার জন্য অধ্যায়ের মডেল প্রশ্নপত্রের ওপর পরীক্ষা দাও। তোমার করা উত্তরগুলো পরের পৃষ্ঠায় দেওয়া উত্তরপত্র থেকে মিলিয়ে নাও। প্রয়োজনে ্রিক্রিক্তি উত্তরপত্রটি শিক্ষক বা অভিভাবককে দিয়ে মূল্যায়ন করাও।

সূজনশীল বহুনির্বাচনি প্রশ্ন

১. ত্রিভুজের তিন বাহুর দৈর্ঘ্য 12 সে.মি., ৪ সে.মি. ও 10 সে.মি. হলে ক্ষেত্রফল কত? K 40.68 L 39.68

M 38.68

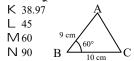
N 37.68

২. একটি সমবাহু ত্রিভূজের ক্ষেত্রফল $16\sqrt{3}$ বর্গমিটার হলে, ত্রিভুজটির বাহুর দৈর্ঘ্য কত? L 8 মি. K 16 মি. M 6 মি. N 4 মি.

৩. একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের ভূমি x এবং সমান বাহুদ্বয়ের দৈর্ঘ্য y হলে, ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল

$$\begin{array}{ccccc} \mathsf{K} & \frac{x}{4} \sqrt{4y^2 - x^2} & \;\; \mathsf{L} & \frac{4}{x} \sqrt{4y^2 - x^2} \\ \mathsf{M} & \frac{x}{4} \sqrt{4x^2 - y^2} & \mathsf{N} & \frac{x}{4} \sqrt{x^2 - 4y^2} \end{array}$$

8. ABC ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?



একটি সমবাহু ত্রিভুজের পরিসীমা $\frac{15}{2}\,\mathrm{cm}$

হলে এর ক্ষেত্রফল– $K \frac{25}{16} L \frac{16\sqrt{3}}{25} M \frac{25\sqrt{3}}{16} N \frac{5\sqrt{3}}{16}$

৬. একটি ত্রিভূজের বাহুর দৈর্ঘ্য 7 সে.মি., 8 সে.মি. ও 9 সে.মি.। ত্রিভুজের—

i. অর্ধপরিসীমা = 12 সে.মি.

ii. ক্ষেত্ৰফল = 50.2 সে.মি.

iii. ত্রিভুজটি বিষমবাহু

নিচের কোনটি সঠিক?

Кічі

L i ଓ iii

N i, ii & iii Mii & iii

৭. সৃষম পঞ্চভুজের একটি শীর্ষকোণ কত ডিগ্রী? K 106° L 108° M 110° N 120°

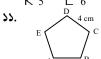
৮. একটি বর্গের পরিসীমা 16 মি. হলে, এর কর্ণ কত?

 $K 4\sqrt{2} L 3\sqrt{3} M 3\sqrt{2} N 2\sqrt{3}$

৯. একটি ট্রাপিজিয়ামের সমান্তরাল বাহুদ্বয়ের দৈর্ঘ্য 18 সে.মি. ও 14 সে.মি. এবং তাদের মধ্যবর্তী দূরত্ব 8 সে.মি. হলে ট্রাপিজিয়ামের ক্ষেত্রফল কত বৰ্গ সে.মি.?

K 128 L 64 M 32 N 16

১০. সামান্তরিকের ক্ষেত্রফল 120 বর্গ সেমি এবং একটি কর্ণ 24 সেমি। বিপরীত শীর্ষ থেকে কর্ণের উপর অঙ্কিত লম্বের দৈর্ঘ্য কত? K 5 L 6 M 10 N 24



সুষম পঞ্চুজ ABCDE এর ক্ষেত্রফল কত বৰ্গ সে.মি.?

K 3.5 L 4.5 M 5.5 N 27.53

সময়: ৩০ মিনিট; 100 মি. 16 মি

চিত্রে ABCD সামান্তরিক হলে

i. BE = 8√3 মিটার

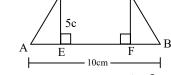
ii. ABCD এর ক্ষেত্রফল 800 বর্গমিটার iii. ∆ ক্ষেত্র ABE = 64√3 বর্গ মিটার নিচের কোনটি সঠিক?

K i 🛚 ii

L i ଓ iii N i, ii & iii

Mii ७ iii নিচের চিত্র থেকে (১৩ ও ১৪) নং প্রশ্নের উত্তর

দাও: 6c 5c



১৩. ABCD এর ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.? K 30 L 40 M 50 N 60

১৪. CDEF এর পরিসীমা কত সে.মি? K 10 L 11 M 12 N 22

১৫. একটি বৃত্তের ব্যাসার্ধ 5 সে.মি. এবং একটি বৃত্তচাপ কেন্দ্রে 60° কোণ উৎপন্ন করে। বৃত্তকলার ক্ষেত্রফল কত?

K 13.09 বর্গ সে.মি.

L 78.54 বর্গ সে.মি.

M 31.42 বর্গ সে.মি.

N 471.24 বর্গ সে.মি.

১৬. একটি চাকা 720 মিটার পথ যেতে 18 বার ঘুরে, চাকাটির পরিধি কত?

K 40 মি.

L 738 মি.

M 702 মি. N 12980 মি.

১৭. একটি বৃত্তের পরিধি $12\sqrt{2}p$ সে.মি.। ঐ বৃত্তের অন্তর্লিখিত বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্য = কত? K 12√2 সে.মি. L 12 সে.মি. M 6 সে.মি. N 6√2 সে.মি.

১৮. একটি বৃত্তের ব্যাসার্ধ 14 সেমি। যে বৃত্ত চাপটি কেন্দ্রে 45° কোণ উৎপন্ন করে তার দৈর্ঘ্য কত

L 2π M $\frac{7\pi}{2}$ N 5π

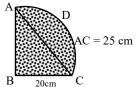
১৯. কোন বৃত্তের ব্যাসার্ধ 6 সে.মি. হলে—

i. অর্ধবৃত্তের ক্ষেত্রফল 56.55 বর্গ সে.মি. ii. পরিধি ও ব্যাসের পার্থক্য 25.7 সে.মি.

iii. যদি কেন্দ্রে 30° কোণ উৎপন্ন করে তাহলে চাপের দৈর্ঘ্য 3.1416 সে.মি.

নিচের কোনটি সঠিক?

K i ଓ ii L ii G iii Mi ଓ iii N i, ii & iii নিচের চিত্রের আলোকে (২০ ও ২১) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



২০. ADC চাপের দৈর্ঘ্য কত?

K 39.27 cm L 78.54 cm N 490.88 cm M 245.44 cm

২১. ABCD এর গাঢ় অংশের ক্ষেত্রফল কত? K 395.44 বর্গ সে.মি. L 495.44 বর্গ সে.মি.

M 640.88 বর্গ সে.মি. N 740.88 বর্গ সে.মি.

২২. একটি ঘনকের কর্ণের দৈর্ঘ্য $6\sqrt{3}$ মিটার হলে, এর আয়তন কত ঘন মিটার?

K 36 L 144 M 216 N 512

২৩. 5 সে.মি. ধারবিশিষ্ট ঘনকের কর্ণের দৈর্ঘ্য কত সে.মি.?

K 3.87 L 7.07 M 8.66 N 15.03

২৪. আয়তাকার ঘনবস্তুর কয়টি তল আছে? K 2 L 3 M 4 N 6

২৫. একটি ঘনকের সম্পূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল 96 বর্গ মিটার হলে, এর কর্ণের দৈর্ঘ্য কত মিটার? K $4\sqrt{3}$ L $3\sqrt{3}$ M $2\sqrt{3}$ N $16\sqrt{3}$

২৬. একটি বেলনের ভূমির ব্যাস 4 সে.মি. এবং উচ্চতা 3 সে.মি.। উহার বক্রপৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল কত? K 37.70 ব. সে. মি.L 62.83 ব. সে. মি. M 74.70 ব. সে. মি. N 84.70 ব. সে. মি.

২৭. 13 সে.মি. উচ্চতাবিশিষ্ট বেলনের ভূমির ব্যাসার্ধ 6 সে.মি. হলে -

i. ভূমির ক্ষেত্রফল 113.10 বর্গ সে.মি.

ii. পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল 490.09 বর্গ সে.মি. iii. আয়তন 1470.27 ঘন সে.মি.

নিচের কোনটি সঠিক?

K i. ii L i, iii

Mii, iii N i, ii ଓ iii

নিচের তথ্যের আলোকে (২৮ ও ২৯) নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

ABCDEFGH একটি ঘনক। এর আয়তন 64 ঘন

২৮. ঘনকটির সম্পূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?

K 36 L 48 M 64 N 96

২৯. ঘনকটির পৃষ্ঠতলের কর্ণের দৈর্ঘ্য কত সে.মি.? $K 4\sqrt{2} L 4\sqrt{3} M 8 N 8\sqrt{2}$

৩০. একটি সমবৃত্তভূমিক সিলিন্ডারের বক্রতলের ক্ষেত্রফল 100 বর্গ সেমি এবং আয়তন 150 ঘন সে.মি.। সিলিন্ডারটির ব্যাসার্ধ কত?

K 1 সে.মি. L 2 সে.মি. M3 সে.মি. N 4 সে.মি.

সুজনশীল রচনামূলক প্রশ্ন

সময়: ২ ঘণ্টা ৩০ মিনিট: মান-৭০

[বি. দ্র. যে কোনো ৭টি প্রশ্নের উত্তর দিতে হবে। প্রতি প্রশ্নের মান ১০

 $\delta \circ \times \theta = \theta \circ$

- ১. ▶ একটি নির্দিষ্ট স্থান থেকে দুইটি রাস্তা পরস্পর 135° কোণ করে দুই দিকে চলে গেছে। দুইজন লোক ঐ নির্দিষ্ট স্থান থেকে যথাক্রমে ঘণ্টায় 7 কি. মি ও 10 কি.মি. বেগে বিপরীতমুখে রওনা হলো।
- ক. উদ্দীপকের তথ্যটি চিত্রের মাধ্যমে প্রকাশ কর এবং 5 ঘণ্টা পর যাত্রা স্থান থেকে তাদের অতিক্রান্ত দূরত্ব কত?
- খ. 5 ঘণ্টা পর তাদের সরাসরি দূরত্ব নির্ণয় কর।
- গ. যদি দুইজন পরস্পর সমকোণে যাত্রা শুরু করে তাহলে উক্ত সময়ে তাদের মধ্যবতী সরাসরি দরত্ব নির্ণয় কর।

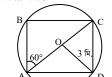
ર. ▶



- ক. AB বাহুর দৈর্ঘ্য 15 মি. না হয়ে 20 মি. হলে ΔABC এর ক্ষেত্রফল কত হবে তা সমদ্বিবাহু ত্রিভূজের ক্ষেত্রফলের সূত্রের সাহায্যে নির্ণয় কর।
- খ. প্রদত্ত ত্রিভুজের ক্ষেত্রফলের সমান ক্ষেত্রফলবিশিষ্ট সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের ভূমি 15 মিটার হলে সমান বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। 8
- গ. $\stackrel{\sim}{\Delta}$ ক্ষেত্র $ABD + \Delta$ ক্ষেত্র $ACD = \Delta$ ক্ষেত্র ABC এর সত্যতা যাচাই কর ৷
- ৩. ► অভির বাড়ির সামনে একটি আয়তাকার বাগান আছে যার দৈর্ঘ্য 60 মিটার এবং প্রস্থা 40 মিটার। বাগানটির মাঝখানে সমান পাড়বিশিষ্ট একটি পুকুর খনন করা হলো যার ক্ষেত্রফল বাগানের ক্ষেত্রফলের এক-তৃতীয়াংশ। পুকুরের পরিসীমা একটি বর্গাকার ক্ষেত্রের পরিসীমার সমান।
- ক. বাগানের ক্ষেত্রফল কত এয়র?
- খ. পুকুরটির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর।
- গ. প্রতিটি 50 সে.মি. বর্গাকার পাথর দিয়ে বর্গক্ষেত্রটি বাঁধতে মোট কতটি পাথর লাগবে?
- 8. \blacktriangleright একটি সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের পরিসীমা 18 সে.মি.। এর সমান সমান বাহু ভূমির $\frac{5}{6}$ গুণ।
- ক. উদ্দীপকের আলোকে চিত্র অংকন কর, ত্রিভুজের ভূমি ${f x}$ সে.মি. ধরে সমীকরণ গঠন কর।
- খ. সমদ্বিবাহু ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. সমদ্বিবাহু ত্রিভুজটির পরিসীমার সমান পরিসীমা বিশিষ্ট সুষম ষড়ভুজের ক্ষেত্রফল ও কেন্দ্র হতে কৌণিক বিন্দুর দূরত্ব নির্ণয় কর।
- ৫. ▶ একটি রম্বসের ক্ষেত্রফল 480 বর্গমিটার। এর বাহুর দৈর্ঘ্য 26 মিটার।
- ক. রম্বসটির উচ্চতা নির্ণয় কর।
- খ. রম্বসটির কর্ণদ্বয়ের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- গ. রম্বসটির সমান ক্ষেত্রফল বিশিষ্ট আয়তক্ষেত্রের প্রস্থ, দৈর্ঘ্যের দুই তৃতীয়াংশ হলে আয়তক্ষেত্রের পরিসীমা ও কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। 8

- ৬. ▶ একটি বৃত্তের পরিধি 44 মিটার।
- ক. বৃত্তের ব্যাসার্ধ নির্ণয় কর।
- থ. বৃত্তে অন্তর্লিখিত বর্গক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- গ. বৃত্তের পরিধি একটি সমবাহু ত্রিভুজের পরিসীমার সমান হলে এদের ক্ষেত্রফলের অনুপাত নির্ণয় কর।
- q. ► বৃত্তের পরিধি 440 মিটার। একটি বর্গ উক্ত বৃত্তে অর্ত্তলিখিত হয় এবং বর্গটির বাইরের অংশে ঘাস লাগানো হয় যা বৃত্তের মধ্যে।
- ক. উদ্দীপকটি চিত্রের মাধ্যমে দেখাও।
- প্রতি মিটারে 40 টাকা দরে বর্গটিকে দুইবার দড়ি দিয়ে বেড় দিতে কত
 টাকা লাগবে?
- া. প্রতি বর্গমিটারে 100 টাকা হিসেবে ঘাস লাগাতে কত খরচ হবে?
- ৮. \blacktriangleright একটি সমবাহু ত্রিভুজের প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 মিটার বাড়ালে ক্ষেত্রফল $5\sqrt{3}$ বর্গমিটার বেড়ে যায়।
- ক. ত্রিভুজটির প্রতি বাহুর দৈর্ঘ্য x মিটার হলে, ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল x চলকের মাধ্যমে লিখ।
- খ. ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. কোনো সমবৃত্তভূমিক সিলিভারের উচ্চতা ও ভূমির ব্যাসার্ধ যথাক্রমে ত্রিভুজটির উচ্চতা ও এক বাহুর দৈর্ঘ্যের সমান হলে, সিলিভারটির আয়তন নির্ণয় কর।
- ৯. ▶ ঢাকুনাসহ একটি বাক্সের বাইরের মাপ যথাক্রমে 10 সে.মি., 9 সে.মি.
- ও 7 সে.মি. এবং ভিতরের সমগ্র পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল 348 বর্গ সে.মি.।
- ক. বাক্সটির সমগ্রতলের ক্ষেত্রফর্ল নির্ণয় কর।
- খ. বাক্সটির দেয়ারের পুরুত্ব সমান হলে এর পুরুত্ব নির্ণয় কর।
- বাক্সের প্রস্থা ও উচ্চতার সমান দৈর্ঘ্যের ব্যাসার্ধবিশিষ্ট সমকেন্দ্রিক দুইটি
 বৃত্তের পরিধির মধ্যবতী স্থানের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

30. ▶



বৃত্তটির কেন্দ্র O এবং ABCD একটি অন্তলির্খিত আয়তক্ষেত্র।

- ক. বৃত্তটির পরিধি নির্ণয় কর।
- খ. ABCD আয়তক্ষেত্রটির পরিসীমা নির্ণয় কর।
- বৃত্তিটির ব্যাসার্ধের দ্বিগুণ ব্যাসার্ধের একটি নিরেট গোলক গলিয়ে 6 মি.
 ব্যাসের একটি নিরেট দণ্ডে পরিণত করা হল। দণ্ডটির দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- ১১. ► একটি সুষম বৃত্তাকার সিলিন্ডারের উচ্চতা 12 সে.মি. এবং ভূমির ব্যাসার্ধ 5 সে.মি.।
- ক. সিলিন্ডারের উচ্চতার সমান উচ্চতা বিশিষ্ট ঘনকের আয়তন কত?
- খ. সিলিন্ডারের সমগ্রতলের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. সিলিভারের ভূমির ব্যাসার্ধ 20% বৃদ্ধি পেলে, এর আয়তনের পরিবর্তন কি রকম হবে?

সৃজনশীল বহুনির্বাচনি | মডেল প্রশ্নপত্রের উত্তর

3 L 2 L 0 K 8 K @ M & L 9 L & K 8 K 30 K 33 N 32	K 30 L 38 N 30 K
54 K \text{59 L \text{56 M \text{30 K \text{29 K \text{20 K \tex	L ২৮ N ২৯ K ৩০ M

সৃজনশীল রচনামূলক | মডেল প্রশ্নপত্রের উত্তর

- ক. 35 কি.মি., 50 কি.মি.; খ. 78.74 কি.মি. (প্রায়); গ. 61.033 কি.মি. প্রোয়)
- ২. ক. 195.156 বর্গ মি. (প্রায়); খ. 21.36 মিটার.
- ক. 24 এয়র; খ. 40 মিটার এবং 20 মিটার.; গ. 3600 টি
- 8. ক. $\frac{5x}{6} + \frac{5x}{6} + x = 18$; খ. 15.1875 বর্গ সে. মি. (প্রায়).;
 - গ. 23.38 বর্গ সে. মি. (প্রায়), 3 সে. মি.
- ক. 18.46 মিটার (প্রায়); খ. 48 মিটার ও 20 মিটার.
 - গ. 89.44 মিটার (প্রায়); 32.25 মিটার (প্রায়)
- ৬. ক. 7 মিটার (প্রায়); খ. 9.899 মিটার (প্রায়).; গ. 1.65 ঃ 1

- ৭. খ. 31693 টাকা (প্রায়).; গ. 559812 টাকা
- ৮. ক. $\frac{\sqrt{3}}{4}$ x^2 বর্গ মিটার; খ. 6.928 বর্গ মিটার (প্রায়).
 - গ. 174.125 ঘনমিটার (প্রায়)
- **৯. ক.** 446 বর্গ সে.মি.; খ. 0.5 সে.মি.
 - গ. 100.53 বর্গ সে.মি. (প্রায়)
- **১০. ক.** 18.85 সে.মি. (প্রায়)
 - খ. 16.392 মি. (প্রায়).; গ. 32 মিটার
- ১১. ক. 1728 ঘন সে.মি.; খ. 534.071 বর্গ সে.মি.; গ. 44% বৃদ্ধি পাবে

সৃজনশীল বহুনির্বাচনি প্রশ্ন

- ১. যেকোনো $\triangle ABC$ এর $\angle B=90^{\circ},\ AB=3$ সে.মি., BC=4 সে.মি. হলে, $\sin C$ এর মান কত? K $\frac{5}{3}$ L $\frac{4}{5}$ M $\frac{3}{4}$ N $\frac{3}{5}$
- একটি সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল 36√3 বর্গ সে.মি. হলে ত্রিভুজটির পরিসীমা কত সে.মি.?
 K 26 L 30 M 32 N 36

9. A

চিত্রে, \triangle ABC এর অর্ধ-পরিসীমা কত একক? K 10 L 12 M 14 N 16 একটি সমবাহু ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্য 2 মিটার, এর দৈর্ঘ্য দ্বিগুণ হলে, ক্ষেত্রফল কত বর্গমিটার বাড়বে?

K √3 L 2√3 M 3√3 N 4√3
৫. একটি ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 7 সে.মি., 8 সে.মি. ও 9 সে.মি. হলে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?
K 22.45 (প্রায়) L 26.83 (প্রায়)
M 309.94 (প্রায়) N 312.92 (প্রায়)

ABCD একটি রশ্বস হলে—
 i. রশ্বসের কোণগুলো সমকোণ
 ii. বিপরীত কোণদ্বয় পরস্পর সমান
 iii. রশ্বসের কর্ণদ্বয় সমান নয়
 উপরের বাক্যগুলির প্রেক্ষিতে নিচের কোনটি
 সঠিক?

Kigii Ligiii Miigiii Ni,iigiii

- ৭. নিচের তথ্যগুলো লক্ষ্য কর—
 - ন. সমকোণী ত্রিভুজের একটি কোণ সমকোণ। অপর দুইটি কোণ সূক্ষ্মকোণ
 - ii. ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য a একক, b একক, c একক এবং অর্ধপরিসীমা s হলে ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল =

 $\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

iii. সমদ্বিবাহু ত্রিভুজের সমান সমান বাহুর দৈর্ঘ্য a এবং ভূমি b হলে ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল $= \frac{b}{4} \sqrt{a^2 - 4b^2}$

নিচের কোনটি সঠিক?

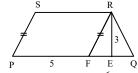
Kigii Ligiii Miigiii Ni, iigiii



উপরের চিত্রের আলোকে নিচের (৮ ও ৯) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

৮. AP ও PC এর অনুপাত কত? ${\sf K} \ \frac{6}{7} \ {\sf L} \ \frac{12}{13} \ {\sf M} \ \frac{4}{5} \ {\sf N} \ \frac{5}{4}$

- সময়: ৩০ মিনিট; মান-৩০ ৯. ΔΑΡC এর ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.? K 30 L 90 M 65 N 70
- ১০. সমকোণী ত্রিভুজের ভূমি 6 মিটার এবং সমকোণ সংলগ্ন বাহুর দৈর্ঘ্য ভূমির ⁵/₆ ভাগ হলে ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল কত বর্গ মি.? K 10 L 15 M 16 N 20
- একটি সুষম পঞ্চলুজের প্রতিবাহুর দৈর্ঘ্য 4
 সেমি হলে এর ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?
 K 27.528
 L 32
 M 36
 N 20
- ১২. একটি রম্বসের কর্ণদ্বয়ের অর্ধেক যথাক্রমে 5 সে. মি. এবং 7 সে. মি.। রম্বসের ক্ষেত্রফল কত? K 12cm² L 24cm² M 35cm² N 70cm²



১৩. SPFR এর ক্ষেত্রফল কত বর্গ একক? K 10 L 15 M 20 N 24

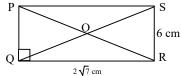


চিত্ৰে AB = BC = CD = AD এবং BO = 4cm, OC = 3cm

উপরের তথ্যের আলোকে (১৪ ও ১৫) নং প্রশ্নের উত্তর:

\$8. BC এর মান কত সে.মি.? K 7 L 6 M 5

১৫. ABCD চতুর্জের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.? K 48 L 25 M 24 N 16



১৬. OP এর দৈর্ঘ্য কত?

K 7cm L 6cmM 5cm N 4cm

- ১৭. একটি অর্ধবৃত্তের ক্ষেত্রফল 25.135 বর্গ সে.মি. হলে, এর ব্যাসার্ধ কত? K 4 সে.মি. L 3 সে.মি. M 2 সে.মি. N 1 সে.মি.
- ১৮. O কেন্দ্র বিশিষ্ট বৃত্ত PQ = 8 সে.মি., QR = 6 সে.মি. হলে, বৃত্তের ব্যাসার্ধ কত?

K 5 (স.মি. L 8 (স.মি. M 9 (স.মি. N 10 (স.মি.



- ১৯. বৃত্তের ব্যাসার্ধ 7 সে.মি. হলে বৃত্তে অন্তর্লিখিত বর্গের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.? K 90 L 96 M 98 N 100
- ২০. কোন বৃত্তের ব্যাসার্ধ r হলে- i. ক্ষেত্রফল = πr^2 ব.এ.

- ii. পরিধি = $2\pi r$ এ.
- iii. বৃত্ত কলার ক্ষেত্রফল $=\frac{\theta.\pi r^2}{360^\circ}$

নিচের কোনটি সঠিক?

Kigii Liigiii Migiii Ni,iigiii

নিচের চিত্রের আলোকে (২১ ও ২২) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



- ১১. চিত্রের AOB অর্ধবৃত্তের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?

 K 31.80 L 318.0

 M 63.60 N 636.0
- ২২. ΔΑΒC এর ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.? K 341.97 L 34.197 M 3.4197 N 0.34197
- ২৩. একটি আয়তিক ঘনের তিনটি মাত্রা যথাক্রমে

 8 সে.মি., 6 সে.মি. এবং 4 সে.মি. হলে,

 এর কর্ণের দৈর্ঘ্য কত সে.মি?

 K 2√29 L 3√29

K $2\sqrt{29}$ L $3\sqrt{29}$ M $4\sqrt{29}$ N $5\sqrt{29}$

২৪. একটি ঘনকের সম্পূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল 48 ব. মি. হলে উহার ধার কত মিটার?

 $K_2 L 2\sqrt{2}M_6 N$

- ২৫. একটি ঘনকের সম্পূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল 216 বর্গমিটার হলে এর বাহুর দৈর্ঘ্য কত মিটার? K 8 L 7 M 6 N 5
- ২৬. নিচের তথ্যগুলো লক্ষ্য কর
 - i. একটি বর্গাকার পাথরের ধার 4 সে.মি. হলে প্রিসীমা 16 সে.মি.
 - ii. 3 সে.মি. ব্যাসার্ধবিশিষ্ট বৃত্তাকার শিটের ক্ষেত্রফল 3π বর্গ সে. মি.
 - iii. 5 সে.মি. উচ্চতা এবং 2 সে.মি. ব্যাসার্ধবিশিষ্ট সিলিন্ডারের আয়তন 20π ঘন সে.মি.

নিচের কোনটি সঠিক?

Kigii Ligiii

Mii Siii Ni, ii Siii

নিচের তথ্যের আলোকে (২৭-৩০) নংপ্রামের উত্তর দাও: কোনো আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য 12 সে.মি. এবং প্রস্থা 5 সে.মি.। একে বৃহত্তর বাহুর চতুর্দিকে ঘুরানোর ফলে একটি ঘনবস্থু উৎপন্ন হল।

২৭. ঘনবস্তুটি কী আকৃতির?

 K বেলন
 L ঘনক

 M গোলক
 N কোণক

- ২৮. বেলনের উচ্চতা কত সে.মি.?
- K 12 L 6 M 5 N 4 ২৯. বেলনের পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?

২৯. বেলনের পৃষ্ঠতলের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.।
 K 85
 L 267.055
 M 534.071
 N 1068.14

৩০. একটি সমবৃত্তভূমিক বেলনের ভূমির ব্যাসার্ধ 3 সে.মি. হলে ভূমির ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.? Κ 16π L 9π Μ 6π N 2π

8

সুজনশীল রচনামূলক প্রশ্ন

সময়: ২ ঘণ্টা ৩০ মিনিট; মান-৭০

[বি. দ্র. যে কোনো ৭টি প্রশ্নের উত্তর দিতে হবে। প্রতি প্রশ্নের মান ১০

 $\Rightarrow 0 \times 9 = 90$

একটি সমবাহু ত্রিভুজের বাহুর দৈর্ঘ্য a একক এবং শীর্ষবিন্দু হতে ভূমির উপর লম্ব আঁকা হলো।

- ক. সংক্ষিপ্ত বিবরণসহ ত্রিভজটি আঁক।
- খ. জ্যামিতিক পর্ম্বতিতে দেখাও যে, উক্ত সমবাহু ত্রিভুজের ক্ষেত্রফলের মান $\frac{\sqrt{3}}{4}\,a^2$ বর্গ একক।
- গ. ঐ সমবাহু ত্রিভূজের প্রত্যেকটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 একক করে বাড়ানো হলে এর ক্ষেত্রফল 3√3 বর্গ একক বেড়ে যায়। সমবাহু ত্রিভূজটির বাহুর দৈর্ঘ্য কত ছিল?
- ২. ▶ একটি ট্রাপিজিয়ামের সমান্তরাল বাহুদ্বয়ের দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 91 সে.মি. ও
- 51 সে.মি. এবং অপর বাহুদ্বয়ের দৈর্ঘ্য যথাক্রমে 37 সে.মি. ও 13 সে.মি.।
- ক্রাপিজিয়ামিটর পরিসীমা নির্ণয় কর।
- খ. ট্রাপিজিয়ামের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- গ. যদি ট্রাপিজিয়ামের পরিসীমা একটি বর্গের পরিসীমার সমান হয় তবে উক্ত বর্গের বাহুর দৈর্ঘ্য ও ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।

৩. ► 32 সে.মি. ব্যাসবিশিষ্ট একটি বৃত্তের পরিধি ও একটি বর্গক্ষেত্রের পরিসীমা সমান।

- ক. বৃত্তটির পরিধি এবং ক্ষেত্রফল নির্ণয় করো।
- খ. বর্গক্ষেত্রটির কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় করো।
- গ. বর্গক্ষেত্রটির পরিবৃত্ত ও অন্তর্বৃত্তের পরিধির অন্তর নির্ণয় করো।



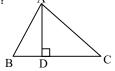
- ক. গণি মিয়ার ফুলের জমির পরিসীমা কত?
- খ. রজনীগন্ধা ফুলের চাষকৃত জমির পরিমাণ নির্ণয় কর।
- গ. প্রতি বর্গমিটার জমি হতে 500 টাকার গোলাপ বিক্রয় করলে তিনি মোট কত টাকার গোলাপ বিক্রয় করতে পারবেন।
- ৫. \blacktriangleright সজিব ঘণ্টায় 5 কি. মি, বেগে দৌড়ে 36 সেকেন্ডে এমন একটি বৃত্তচাপ অতিক্রম করে যা বৃত্তের কেন্দ্রে 56° কোণ উৎপন্ন করে।
- ক. সজিব কতটুকু পথ অতিক্রম করলো?
- খ. বৃত্তটির ব্যাস নির্ণয় কর।
- গ. সজিবের অতিক্রান্ত বৃভচাপ দ্বারা গঠিত বৃভকলার ক্ষেত্রফল যদি একটি বৃভের ক্ষেত্রফলের সমান হয় তবে বৃভের পরিধি নির্ণয় কর। 8

- ৬. ► একটি বৃত্তাকার ক্ষেত্রের পরিধি 220 মিটার। ঐ বৃত্তাকার ক্ষেত্রে একটি বর্গাকার ক্ষেত্র অর্ত্তলিখিত। বর্গকার ক্ষেত্র ব্যতীত বাকি অংশে গাছ লাগানো হয়েছে।
- ক. বৃত্তাকার ক্ষেত্রের ব্যাসার্ধ কত?
- খ. বৃত্তাকার ক্ষেত্রে অন্তর্লিখিত বর্গাকার ক্ষেত্রের বাহুর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- প্রতি বর্গমিটার 150 টাকা হিসেবে গাছের চারা লাগাতে কত টাকা খরচ হয়েছে?
- ৭. ► রহিম একটি আয়তাকার ঘনবস্তু তৈরি করলেন যা 48 ব.মি. ক্ষেত্রফল বিশিষ্ট ভূমির উপর দণ্ডায়মান এবং যার উচ্চতা 3 মিটার, কর্ণের দৈর্ঘ্য 13 মিটার।
- ক. আয়তাকার ঘনবস্তুর আয়তন কত?
- খ. ঘনবস্তুটির দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ নির্ণয় কর।
- প্রতি ব.মি. 50 পয়য়া হিসেবে ঐ ঘনবস্তুতে সীয়ার প্রলেপ দিতে কত টাকা খরচ হবে?
- r. 🕨 তিনটি ধাতব ঘনকের ধার যথাক্রমে 3 সে.মি., 4 সে.মি. ও 5 সে.মি.।
- ক. বৃহত্তম ঘনকের কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- খ. ঘনক তিনটি গলিয়ে নতুন ঘনক তৈরি করা হলো। নতুন ঘনকের সম্পূর্ণ পৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল নির্ণয় কর।
- ঘনক গুলোর ধারকে যথাক্রমে আয়তাকার ঘনবস্তুর প্রস্থ, দৈর্ঘ্য ও উচ্চতা বিবেচনা করে আয়তাকার ঘনবস্তুর আয়তন ও কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। 8
- ৯. 🕨 একটি বর্গক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল 625 বর্গমিটার। বর্গক্ষেত্রটি বৃত্তে অন্তর্লিখিত।
- ক. বর্গক্ষেত্রটির কর্ণের দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।
- খ. বর্গক্ষেত্রটি বাহুর দৈর্ঘ্য 15% বৃদ্ধি করলে ক্ষেত্রফল শতকরা কত বৃদ্ধি পাবে?
- গ. বৃত্তের পরিধি নির্ণয় কর।
- ১০. ▶ একটি লোহার পাইপের ভিতরের ও বাইরের ব্যাস যথাক্রমে 12 সে.মি. ও 14 সে.মি. এবং পাইপটির উচ্চতা 5 মিটার।
- ক. পাইপটির বাইরের বক্রপৃষ্ঠের ক্ষেত্রফল কত?
- খ. 1 ঘন সে.মি. লোহার ওজন 7.2 গ্রাম হলে, পাইপটির লোহার ওজন কত?
- গ. পাইপটি গলিয়ে 6 সে.মি. ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট একটি নিরেট দন্ডে পরিণত করা হলো। দন্ডটির দৈর্ঘ্য কত? \underline{A}
- ۵۵. ト

২

8

8



 $\triangle ABC$ এ BC = a, AB = c, AC = b এবং 2S = a + b + c

- ক. বৃত্তের পরিধি এবং ব্যাসের পার্থক্য 90 সে.মি. হলে বৃত্তের ব্যাসার্ধ নির্ণয় করো। ২
- খ. উদ্দীপকে উল্লেখিত ΔABC এর ক্ষেত্রফল নির্ণয়ের সূত্রটি প্রতিপাদন করো । 8
- গ. যদি উদ্দীপকের △ABC এর a=b=c হয় এবং প্রতিটি বাহুর দৈর্ঘ্য 2 মিটার করে বাড়ানো হয় তাহলে এর ক্ষেত্রফল $6\sqrt{3}$ বর্গ মিটার বেড়ে যায়। ত্রিভুজটির ক্ষেত্রফল নির্ণয় করো।

স্জনশীল বহুনির্বাচনি | মডেল প্রশ্নপত্রের উত্তর | ১ | N | ২ | N | ৩ | L | 8 | M | ৫ | L | ৬ | M | 9 | K | ৮ | M | 8 | L | 50 | L | 55 | K | 52 | N | 50 | L | 58 | M | 56 | M | | 56 | N | 59 | K | 56 | K | 58 | M | 20 | N | 25 | K | 22 | L | 20 | K | 28 | L | 26 | M | 26 | L | 29 | K | 26 | M | 00 | L

সৃজনশীল রচনামূলক | মডেল প্রশ্নপত্রের উত্তর

- গ. 2 একক।
- ২. ক. 192 সেটিমিটার; খ. 852 বর্গ সে.মি.; গ. 48 সে. মি.; 2304 বর্গ সে.মি.
- ক. 100.5312 সে.মি. (প্রায়); 804.2496 বর্গ সে.মি. (প্রায়);
 খ. 35.5431 সে.মি. (প্রায়); গ. 32.7 সে.মি. (প্রায়);
- 8. ক. 91.416 মিটার; খ. 113.10 বর্গমিটার (প্রায়); গ. 121460 টাকা
- ৫. ক. 50 মিটার; খ. 102.32 মিটার (প্রায়); গ. 126.79 মিটার (প্রায়)।
- **৬. ক.** 35.014 মি. (প্রায়); খ. 49.52 মি. (প্রায়); গ. 209896.35 টাকা।
- ক. 144 ঘনমিটার; খ. দৈর্ঘ্য = 12 মিটার এবং প্রস্থ = 4 মিটার; গ. 96 টা
- ·. ক. ৪.6602 সে.মি. (প্রায়); খ. 216 বর্গ সে.মি.;
 - গ. 60 ঘন সে.মি.; 7.07 সে.মি. (প্রায়);
- **৯. ক.** 35.36 মি. (প্রায়); খ. 32.25%; গ. 111.07 মিটার (প্রায়);
- ১০. ক. 21991.2 বর্গ সে.মি. (প্রায়); খ. 147.027 কিলোগ্রাম (প্রায়) গ. 180.56 সে.মি. (প্রায়)
- **১১. ক.** 21.01 সে.মি. (প্রায়); গ. 10.83 বর্গ মিটার (প্রায়)।