

# Laboratori de Programació

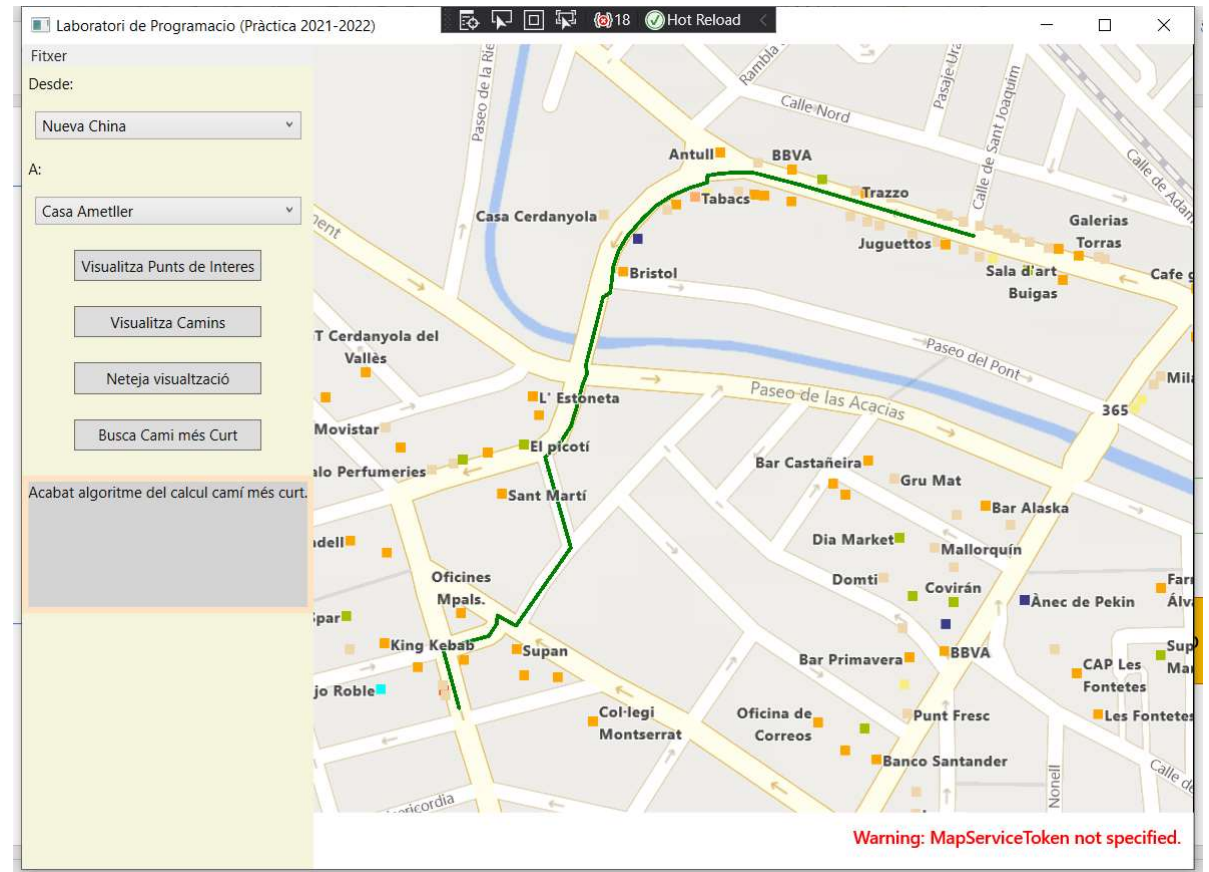
---

Guió de la Zona Part Projecte 2023-24

# Objectius

---

1. Implementar els algoritmes i estructures de dades necessaris per la cerca del camí més curt entre dos punts d'interès especificats.



# Tasca 1

---

Afegir els fitxers: **GrafSolucio.h** i **GrafSolucio.cpp** a on construirem un graf que tindrà com a nodes les coordenades dels camins que carregueu a través de **MapaSolucio** i com arestes les connexions entre aquests nodes donades pels camins i ponderades per la **distància Haversine** entre els nodes.

## Consideracions:

- **Important:** Un punt pot estar en més d'un camí, però al mapa es correspon a només un node del graf.
- Recomanem tenir els mètodes de la **classe Graf**: **afegirNode** i **afegirAresta**.
- Escolliu implementar com a matriu d'adjacència o a través de vectors amb llista tal com hem vist a classe.
- Penseu a on haureu de tenir aquesta estructura.
- A la **classe Util**, disposeu de dos mètodes per calcular-ne la distància Haversine:
  - `static double DistanciaHaversine(double lat1, double lon1, double lat2, double lon2);`
  - `static double DistanciaHaversine(Coordinate px1, Coordinate px2);`

# Tasca 2

---

Utilitzar els fitxers **BallTree.h** i **BallTree.cpp** per definir la classe **BallTree**, la informació d'aquesta classe la obtindreu a partir dels nodes de camí:

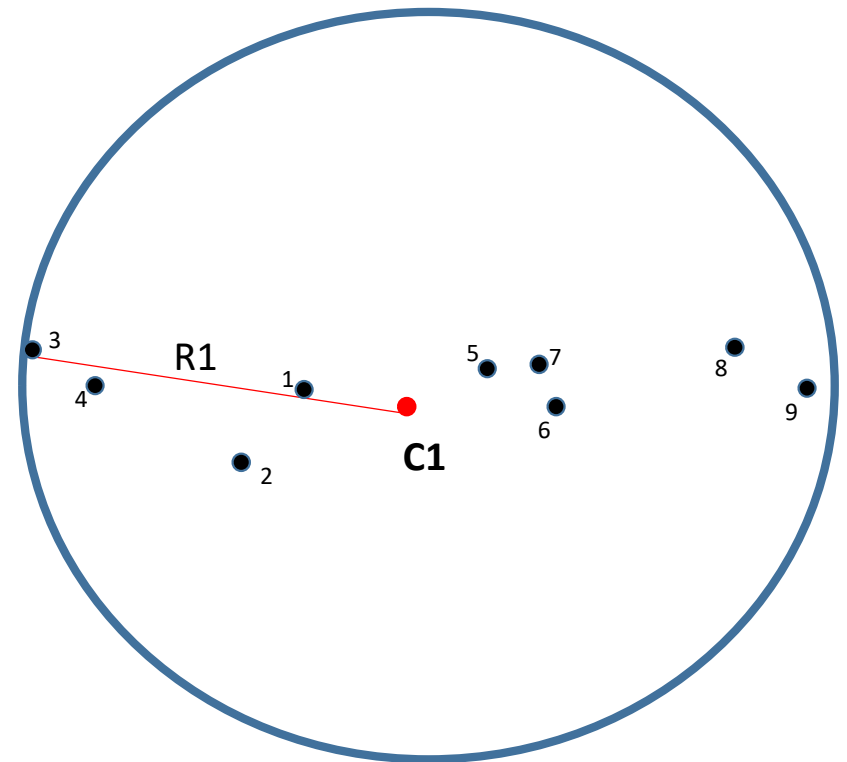
Un **BallTree** és un arbre binari a on cada node és un **BallTree**

**Idea general tasques 2 i 3:** Com els punts d'interès estan separats dels nodes de camí necessitem trobar quin és el node de camí més proper a un punt d'interès per poder connectar-lo amb la resta de nodes del graf. Per fer això primer construirem un **BallTree** amb tots els nodes de camí i després per cada punt d'interès cercarem al **BallTree** quin és el node de camí més proper a ell.

# Tasca 2: Ball Tree

## Què és un BallTree:

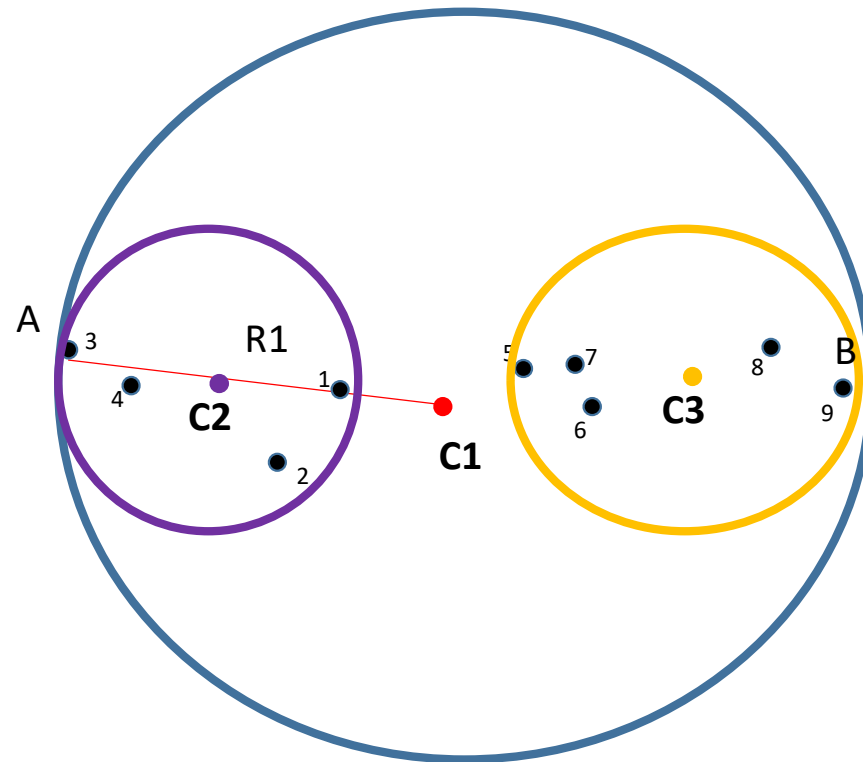
- Arbre binari a on cada node és altre un BallTree. Es tracta doncs d'una estructura de dades recursiva.
- Durant aquesta presentació, utilitzarem Ball com BallTree indistintivament.
- Un BallTree és un conjunt de punts amb un centre  $C1$  i un radi  $R1$ .



# Tasca 2: Ball Tree

## Què és un BallTree:

- Sobre el punt central C1 del Ball arrel calculem el punt A més llunyà i el punt B més llunyà a l'A.
- Dividim els punts entre els que estan més propers a B (subarbre dret) i els que estan més propers a A (subarbre esquerre).

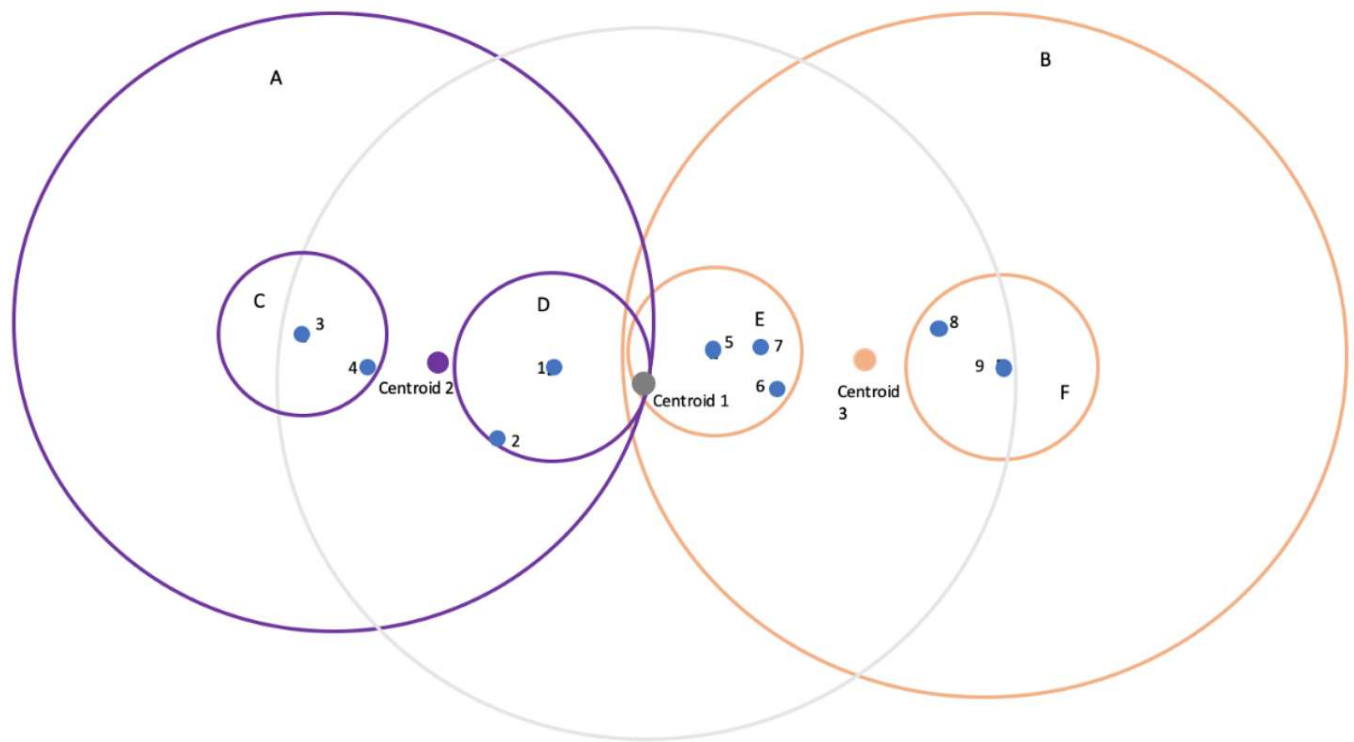


# Tasca 2: Ball Tree

Referència: <https://towardsdatascience.com/tree-algorithms-explained-ball-tree-algorithm-vs-kd-tree-vs-brute-force-9746debcd940>

## Què és un BallTree:

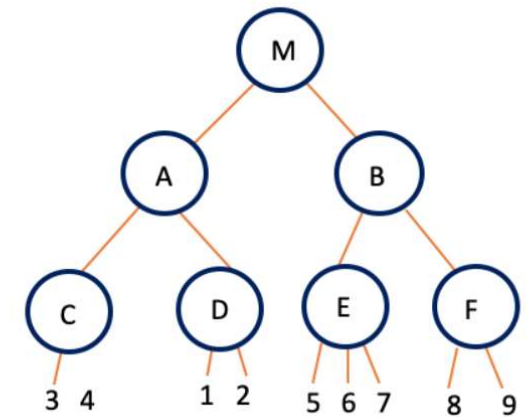
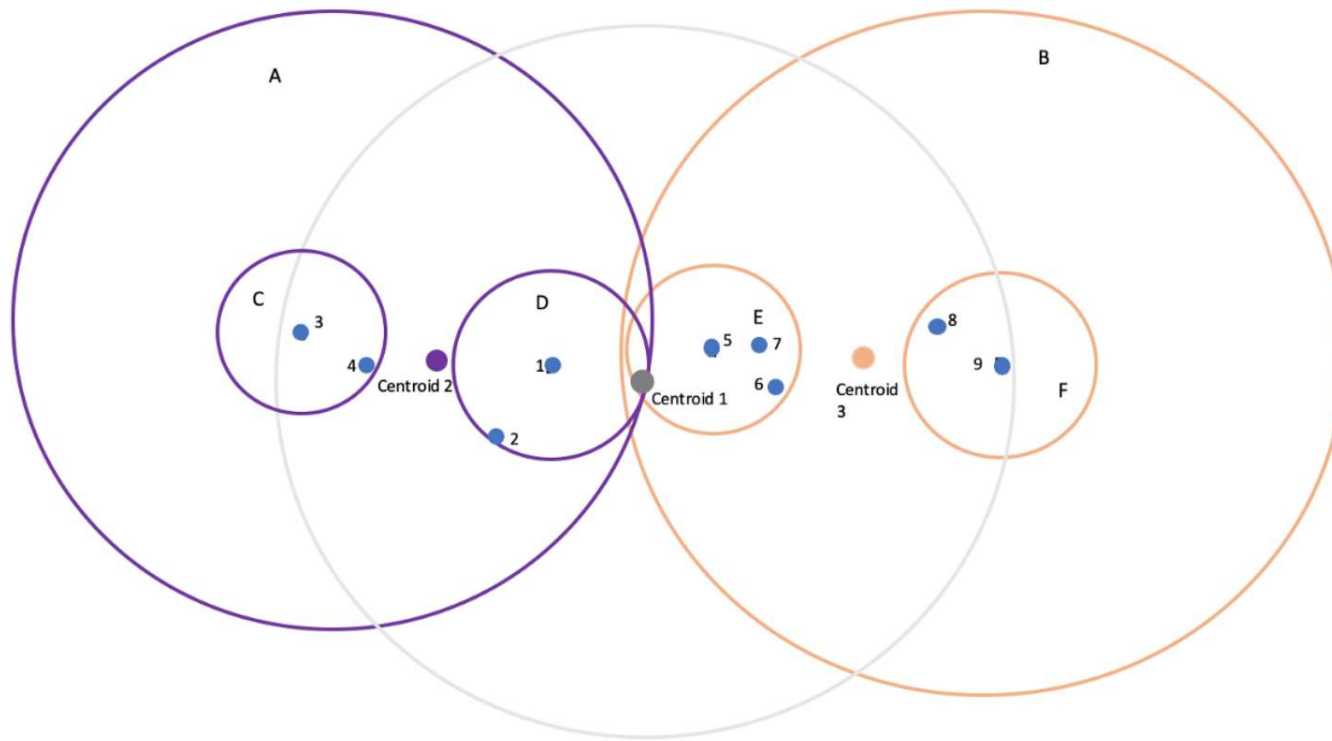
- Fem aquest procés de dividir els Balls fins arribar a tenir un sol punt per fulla.
- Això ens permet dividir l'espai per distàncies a on aquestes distàncies són “radis” de cercles que inclouen els punts que el formen.





# Tasca 2: Ball Tree

Referència: <https://towardsdatascience.com/tree-algorithms-explained-ball-tree-algorithm-vs-kd-tree-vs-brute-force-9746debcd940>



# Tasca 2: Ball Tree

---

**BallTree:** Per cada bola:

- El seu pivot (que serà el punt central C)
- El seu radi (distància respecte el punt A)
- Un apuntador a la bola BallTree filla dreta
- Un apuntador a la bola BallTree filla esquerra
- Tots els punts que la formen.

```
Coordinate getPivot() {  
    return m_pivot;  
}  
  
double getRadi() {  
    return m_radi;  
}  
  
Ball* getEsquerre() {  
    return m_right;  
}  
  
Ball* getDreta() {  
    return m_left;  
}  
  
std::vector<Coordinate>& getCoordenades() {  
    return m_coordenades;  
}
```

# Tasca 2:

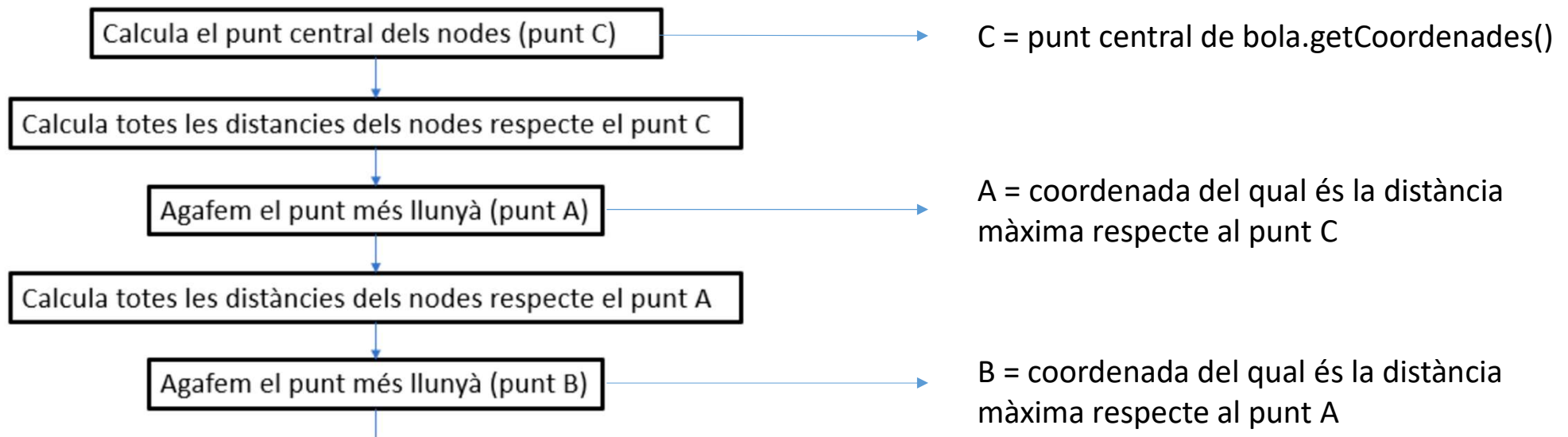
---

Utilitzar els fitxers **BallTree.h** i **BallTree.cpp** per definir la classe **BallTree**: Arbre binari format per "Balls" que contindrà els nodes camins

- No poden haver coordenades repetides a les fulles del BallTree (però diferents camins poden tenir les mateixes coordenades).
- Podeu utilitzar funcions de la classe Util
- Heu d'implementar:
  - **void inOrdre(std::vector<std::list<Coordinate>>& out)**: Recorre arbre en inordre. Retorna llista coordenades de cada Ball, del camí realitzat, a través del paràmetre de referència out.
  - **void postOrdre(std::vector<std::list<Coordinate>>& out)**: Recorre arbre en postordre. Retorna la llista de coordenades que conté cadascuna de les boles, del camí realitzat, a través del paràmetre de referència out.
  - **void preOrdre(std::vector<std::list<Coordinate>>& out)**: Recorre arbre en preordre. Retorna la llista de coordenades que conté cadascuna de les boles, del camí realitzat, a través del paràmetre out

# Tasca 2:

## Algorisme construcció BallTree



**Consell:** Veure funcions de la classe Util pel càlcul de distàncies i certs punts.

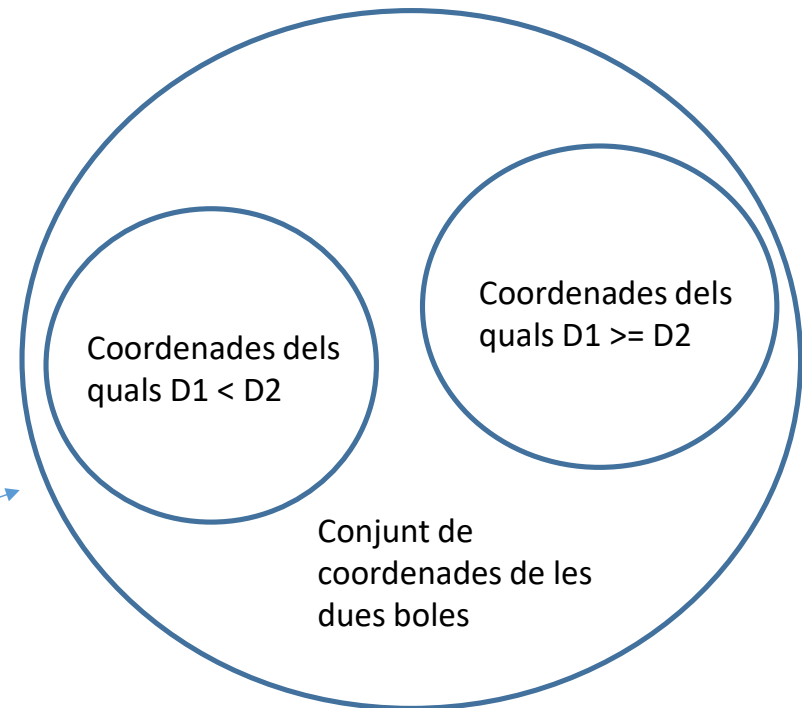
# Tasca 2:

**Condicció d'aturada:** quan la bola "gran" disposi d'una sola coordenada (de manera que no té sentit assignar aquesta a cap de les seves boles filles). Estarem doncs, a una fulla.

Iterem pels nodes (node-i):

1. Calcula la distància del node-i al punt A ( $D1$ )
2. Calcula la distància del node-i al punt B ( $D2$ )
3. Si  $D1 < D2$ , assignem node-i a la bola esquerra
4. Si  $D1 \geq D2$ , assignem a node-i a la bola dreta

Nova bola del qual té nova bola esquerra i una nova bola dreta amb les coordenades assignades.



# Tasca 3:

---

**Tasca 3:** Implementar la cerca del node-camí més proper del punt d'interès, a través del BallTree.

Per l'avaluació heu d'implementar al BallTree el següent mètode:

- **Coordinate nodeMesProper(Coordinate *pdi*, Coordinate& Q, BallTree\* *bola*)**

Que retornarà la Coordinate node-camí, emmagatzemada a ***bola***, més propera al ***pdi*** que es proporciona utilitzant el diagrama de flux descrit seguidament.

# Tasca 3:

Calcula la distància del punt central de la bola respecte al pdi (D1)

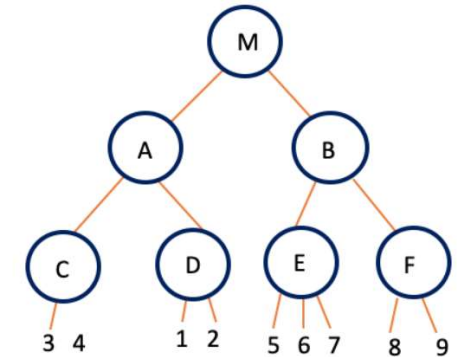
Calcula la distància del punt central de la bola respecte al Q (D2)

Si  $D1 - \text{bola.radi} \geq D2$   
retorna Q

Si la bola és una fulla de l'arbre, actualitza Q  
si és el node camí més proper al punt  
d'interès, dels punts que formen la bola

Sinó:

1. Calcula la distància pdi respecte el punt central de la bola esquerra (Da)
2. Calcula la distància pdi respecte del punt central de la bola dreta (Db)
3. Si  $Da < Db$ , comença la cerca per la bola esquerra, i després, a la dreta
4. Si  $Da \geq Db$ , comença la cerca per la bola dreta, i després, a l'esquerra.



Q és la coordenada del arbre del qual és la distància més curta respecte pdi.

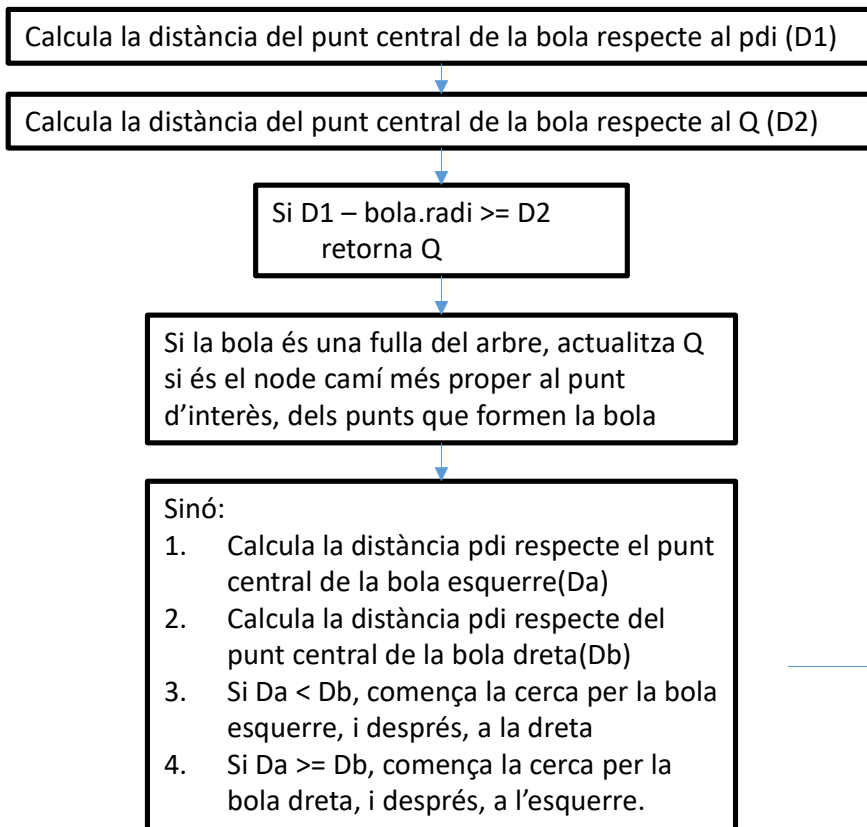
És a dir, s'ha d'actualitzar Q si s'ha trobat una coordenada a la bola del qual està més proper al pdi:

$\text{Distancia}(\text{pdi}, \text{coordenada}) < \text{Distancia}(\text{pdi}, Q_{\text{actual}})$

Per la primera iteració, podem forçar que l'algorisme actualitzi Q indicant-li una coordenada del qual és segur que és molt llunyà a qualsevol punt dels que tractem (per exemple, podem considerar el valor inicial de Q com una coordenada amb latitud i longitud iguals a 0.0).

Un cop actualitzat Q per paràmetre, en retorna la coordenada Q també per la funció.

# Tasca 3:



Calculem les distàncies del pdi (punt de interès) respecte el pivot (punt central de la bola) per les boles fill esquerre i dreta.

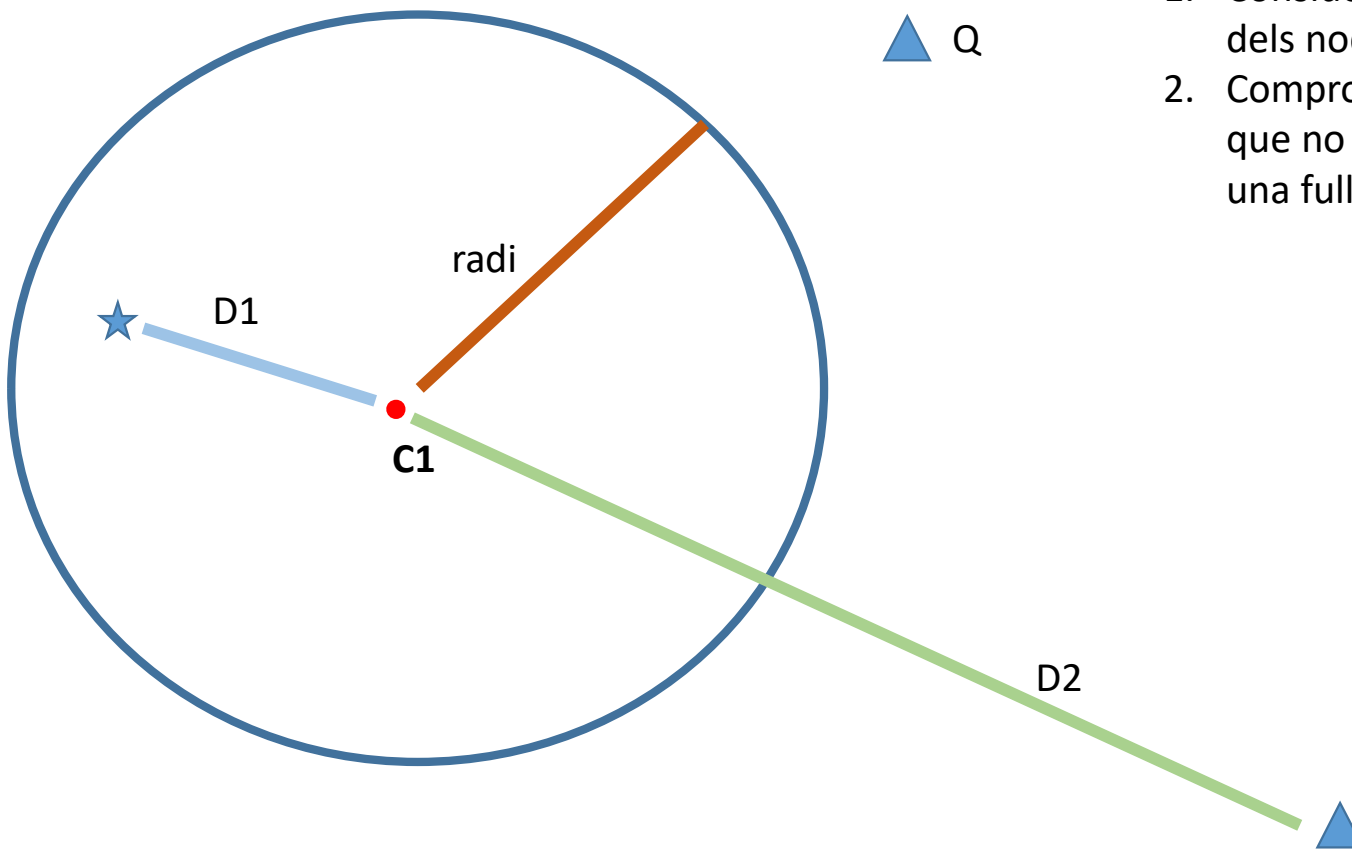
Comencem altra cop la cerca per la bola fill més propera al pdi.

Seguidament, ho fem per la bola més llunyana.



# Tasca 3:

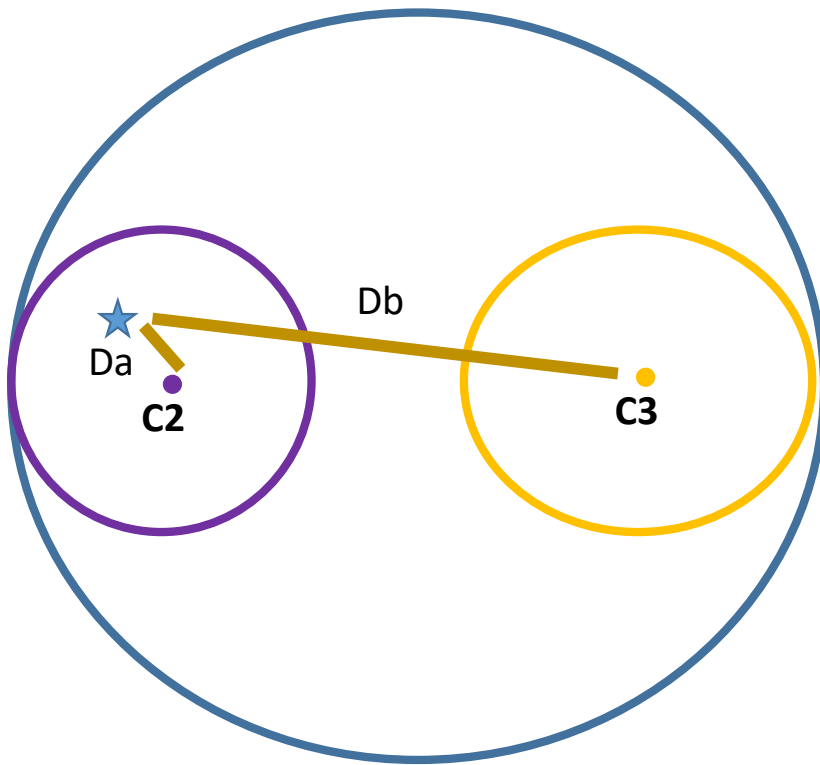
★ pdi  
▲ Q



1. Considerem Q com a una coordenada molt llunyana dels nodes del arbre.
2. Comprovem si Q és el nostre valor desitjat, i en cas que no ( $D2 > D1 - \text{radi}$ ), comprovem que no sigui una fulla.

# Tasca 3:

★ pdi  
▲ Q

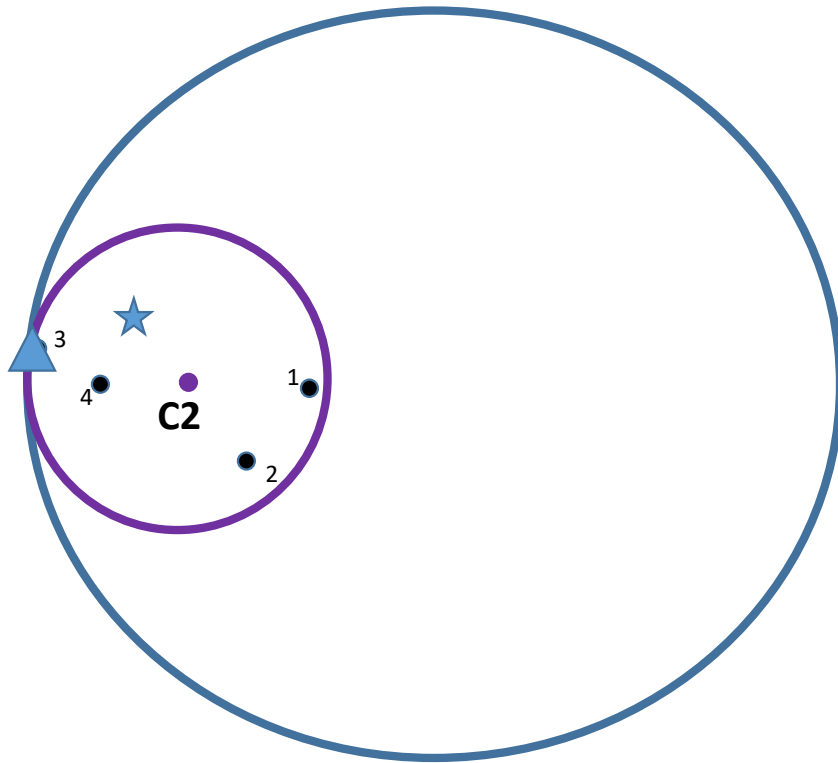


1. Considerem Q com a una coordenada molt llunyana dels nodes del arbre.
2. Comprovem si Q és el nostre valor desitjat, i en cas que no ( $D2 > D1 - \text{radi}$ ), comprovem que no sigui una fulla.
3. Decidim a quina bola cerquem primer mitjançant el càlcul de distàncies entre pdi i els centres C2 i C3.
4. Fet que  $Da < Db$ , continuem la cerca primer per la bola C2.



# Tasca 3:

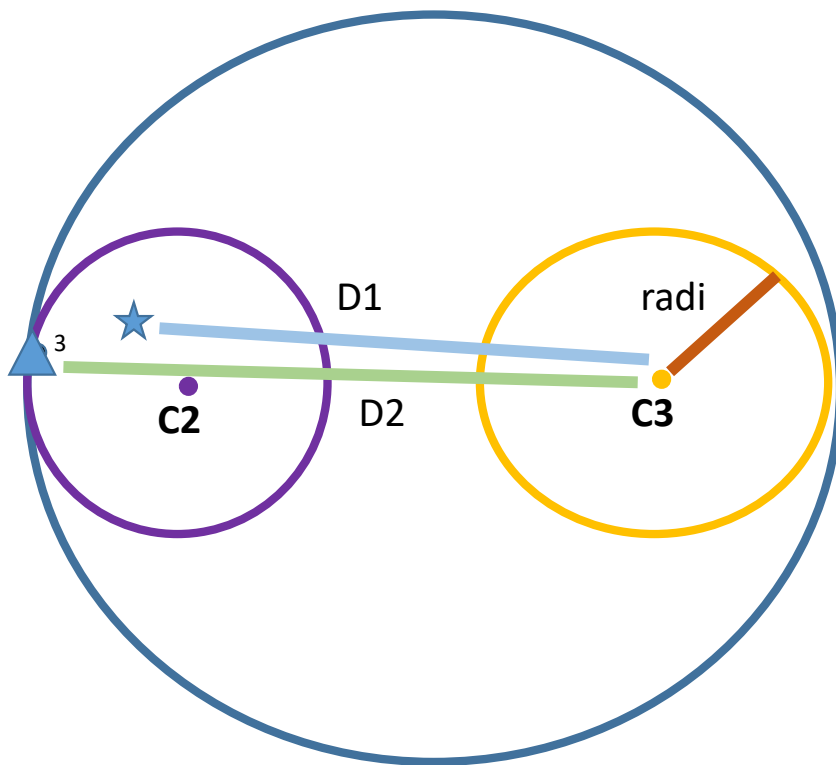
★ pdi  
▲ Q



1. Considerem Q com a una coordenada molt llunyana dels nodes del arbre.
2. Comprovem si Q és el nostre valor desitjat, i en cas que no ( $D2 > D1 - \text{radi}$ ), comprovem que no sigui una fulla.
3. Decidim a quina bola cerquem primer mitjançant el càlcul de distàncies entre pdi i els centres C2 i C3.
4. Fet que  $D_a < D_b$ , continuem la cerca primer per la bola C2.
5. Per la facilitat en l'animació, considerem que hem arribat a una fulla. Busquem de la bola, quin és el node-camí més proper al pdi, i actualitzem Q.
6. En aquest cas, la coordenada més propera és 3.

# Tasca 3:

★ pdi  
▲ Q



1. Considerem Q com a una coordenada molt llunyana dels nodes del arbre.
2. Comprovem si Q és el nostre valor desitjat, i en cas que no ( $D2 > D1 - \text{radi}$ ), comprovem que no sigui una fulla.
3. Decidim a quina bola cerquem primer mitjançant el càlcul de distàncies entre pdi i els centres C2 i C3.
4. Fet que  $D_a < D_b$ , continuem la cerca primer per la bola C2.
5. Per la facilitat en l'animació, considerem que hem arribat a una fulla. Busquem de la bola, quin és el node-camí més proper al pdi, i actualitzem Q.
6. En aquest cas, la coordenada més propera és 3.
7. Seguint amb la cerca per la bola C3, comprovem si aquesta bola pot contenir una Q millor que la que tenim. En aquest cas, no, ja que  $D1 - \text{radi} < D2$ , de manera que retornem Q.

# Tasca 4:

---

**Tasca 4:** Implementar a la classe **MapaSolucio** el càlcul del camí més curt, donats dos punts d'interès.

Assegureu-vos de tenir a **MapaBase** la següent declaració:

- **virtual CamiBase\*** buscaCamiMesCurt(**PuntDeInteresBase\*** desde, **PuntDeInteresBase\*** a) = 0;
- I haureu d'implementar aquest mètode a **MapaSolucio**.
- **Avisos**
  1. Aquest és l'únic mètode que s'utilitza a la interfície gràfica per l'obtenció i representació del camí més curt.
  2. Seguiu els passos indicats a la Introducció per fer la crida d'aquest mètode desde la interfície gràfica.