

### Université des Sciences et de la Technologie Houari Boumediene Faculté Informatique

#### TP DATA MINING

# Exploitation des données et Extraction des règles d'associations

Étudiants:

HOUACINE MAYA OUCHAR MANEL SII G02

# Table des matières

In	trod	uction	Générale	6
1	Ana	alyse e	t prétraitement des données	7
	1.1	Donné	ées statiques : Dataset 1	7
		1.1.1	Description du dataset	7
		1.1.2	Analyse des caractéristiques des attributs	8
			1.1.2.1 Calcul des mesures de tendance centrale et déduction Des	
			symétries	8
			1.1.2.2 Boîtes à moustache et données aberrantes	9
			1.1.2.3 Histogrammes et distribution des données	11
			1.1.2.4 Diagrammes de dispersion des données	12
		1.1.3	Prétraitement	15
			1.1.3.1 Traitement des valeurs manquantes et aberrantes :	15
			1.1.3.1.a Choix de la méthode de remplacement des valeurs	
			manquantes	15
			1.1.3.1.b Choix de la méthode de traitement des valeurs aber-	
			rantes	16
			1.1.3.2 Réduction des données horizontales / verticales	16
			1.1.3.3 Normalisation des données :	17
			1.1.3.3.a Méthode Min-Max	17
			1.1.3.3.b Méthode z-score	17
	1.2	Donné	ées temporelles : Dataset 2	18
		1.2.1	Description du dataset	18
		1.2.2	Prétraitement	19
			1.2.2.1 Traitement des Valeurs Manquantes	19
			1.2.2.2 Traitement des Données Aberrantes	19
		1.2.3	Visualisation	20
			1.2.3.1 La distribution du nombre total des cas confirmés et tests	
			positifs par zones	20
			1.2.3.1.a Graphe	20
			1.2.3.1.b Analyse	20

			1.2.3.2	L'evolution des tests COVID-19, tests positifs et le nombre	
				de cas confirmés au fil du temps pour la zone $94085$	21
			1.2	2.3.2.a Graphes	21
			1.2	2.3.2.b Analyse	22
			1.2.3.3	Distribution des cas COVID-19 positifs par zone et par	
				année	22
			1.2	2.3.3.a Graphe	22
			1.2	2.3.3.b Analyse	22
			1.2.3.4	Le rapport entre la population et le nombre de tests effectués	23
			1.5	2.3.4.a Graphe	23
			1.5	2.3.4.b Analyse	23
			1.2.3.5	Les 5 zones les plus fortement impactées par le coronavirus	24
			1.5	2.3.5.a Graphe	24
			1.2	2.3.5.b Analyse	24
			1.2.3.6	Le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les	
				tests positifs pour chaque zone pendant une periode choisie	25
			1.2	2.3.6.a Graphes	25
			1.5	2.3.6.b Analyse	26
2	Extra	ction		·	
2			de moti	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations	27
2	2.1 D	ataset	$\mathbf{de} \ \mathbf{moti}$	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations	<b>27</b> 27
2	2.1 D 2.	ataset .1.1	de moti 3 Descripti	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations  on du dataset	27 27 27
2	2.1 D 2.	0ataset .1.1 .1.2	de moti 3 Descripti Discrétisa	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset	27 27 27 28
2	2.1 D 2.	Oataset .1.1 .1.2	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset	27 27 27 28 28
2	2.1 D 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2	de moti 3 Descripti Discrétise 2.1.2.1 2.1.2.2	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset	27 27 27 28 28 28
2	2.1 D 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1 2.1.2.2 Extractio	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset ation de l'attribut Température En classes d'effectifs égaux (Equal Frequency) En classes d'amplitudes égales (Equal Width) on des motifs fréquents : Apriori	27 27 28 28 28 29
2	2.1 D 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2 .1.3 .1.4	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1 2.1.2.2 Extractic	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset	27 27 28 28 28 29 32
2	2.1 D 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2 .1.3 .1.4	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1 2.1.2.2 Extractic Extractic 2.1.4.1	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset	27 27 28 28 28 29 32 32
2	2.1 D 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2 .1.3 .1.4	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1 2.1.2.2 Extractic Extractic 2.1.4.1 2.1.4.2	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset ation de l'attribut Température En classes d'effectifs égaux (Equal Frequency) En classes d'amplitudes égales (Equal Width) on des motifs fréquents : Apriori on des règles d'associations sous plusieurs mesures Confiance Lift	27 27 28 28 28 29 32 32 33
2	2.1 D 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2 .1.3 .1.4	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1 2.1.2.2 Extractic 2.1.4.1 2.1.4.2 2.1.4.3	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset ation de l'attribut Température En classes d'effectifs égaux (Equal Frequency) En classes d'amplitudes égales (Equal Width) on des motifs fréquents : Apriori on des règles d'associations sous plusieurs mesures Confiance Lift Cosine	27 27 28 28 28 29 32 32 33 33
2	2.1 D 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2 .1.3 .1.4	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1 2.1.2.2 Extractic 2.1.4.1 2.1.4.2 2.1.4.3 2.1.4.4	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset ation de l'attribut Température En classes d'effectifs égaux (Equal Frequency) En classes d'amplitudes égales (Equal Width) on des motifs fréquents : Apriori on des règles d'associations sous plusieurs mesures Confiance Lift Cosine Jaccard	27 27 28 28 28 29 32 32 33 33 33
2	2.1 D 2. 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2 .1.3 .1.4	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1 2.1.2.2 Extractic 2.1.4.1 2.1.4.2 2.1.4.3 2.1.4.4 2.1.4.5	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset ation de l'attribut Température En classes d'effectifs égaux (Equal Frequency) En classes d'amplitudes égales (Equal Width) on des motifs fréquents : Apriori on des règles d'associations sous plusieurs mesures Confiance Lift Cosine Jaccard Kulczynski	27 27 28 28 28 29 32 32 33 33
2	2.1 D 2. 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2 .1.3 .1.4	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1 2.1.2.2 Extractic 2.1.4.1 2.1.4.2 2.1.4.3 2.1.4.4 2.1.4.5 Résultats	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset ation de l'attribut Température En classes d'effectifs égaux (Equal Frequency) En classes d'amplitudes égales (Equal Width) on des motifs fréquents : Apriori on des règles d'associations sous plusieurs mesures Confiance Lift Cosine Jaccard Kulczynski s de l'expérimentation des différentes valeurs de MinSupp	27 27 28 28 28 29 32 32 33 33 33 33
2	2.1 D 2. 2. 2.	Oataset .1.1 .1.2 .1.3 .1.4	de moti 3 Descripti Discrétisa 2.1.2.1 2.1.2.2 Extractic 2.1.4.1 2.1.4.2 2.1.4.3 2.1.4.4 2.1.4.5 Résultats	ifs fréquents, règles d'associations et corrélations on du dataset ation de l'attribut Température En classes d'effectifs égaux (Equal Frequency) En classes d'amplitudes égales (Equal Width) on des motifs fréquents : Apriori on des règles d'associations sous plusieurs mesures Confiance Lift Cosine Jaccard Kulczynski	27 27 28 28 28 29 32 32 33 33 33

# Table des figures

1.1	Boxplots des 14 attributs du dataset1 avec échelle logarithmique	10
1.2	Histogramme de l'attribut Mn (Manganèse) avant remplacement des va-	
	leurs abberantes	11
1.3	Histogramme de l'attribut Mn (Manganèse) après remplacement des va-	
	leurs abberantes	11
1.4	Histogramme de l'attribut EC	11
1.5	Histogramme de l'attribut Cu	11
1.6	Histogramme de l'attribut N	11
1.7	Histogramme de l'attribut S	11
1.8	Matrice de corrélation des attributs du Dataset 1	12
1.9	Scatter plot des deux attributs N et Fertility	13
1.10	Scatter plot des deux attributs OC et OM avant traitement des valeurs	
	aberrantes	13
1.11	Scatter plot des deux attributs OC et OM après traitement des valeurs	
	aberrantes	13
1.12	Scatter plot des deux attributs K et Zn avant traitement des valeurs aber-	
	rantes	14
1.13	Scatter plot des deux attributs K et Zn après traitement des valeurs aber-	
	rantes	14
1.14	Scatter plots des deux attributs B et Mn, Cu et pH, avant et après traite-	
	ment des valeurs aberrantes	15
1.15	Graphe de distribution du nombre total des cas confirmés et tests positifs	
	par zones	20
1.16	Graphe de l'évolution hebdomadaire du nombre de cas, tests positifs et	
	tests effectués dans la zone 94086 en août 2021	21
1.17	Graphe de l'évolution hebdomadaire du nombre de cas et tests positifs dans	
	la zone 94086 en août 2021	21
1.18	Graphe de l'évolution mensuelle du nombre de cas, tests positifs et tests	
	effectués dans la zone 94086 en 2021 $\ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots$	21
1.19	Graphe de l'évolution mensuelle du nombre de cas et tests positifs dans la	
	zone 94086 en 2021	21

TABLE DES FIGURES Table des figures

1.20	Graphe de l'évolution annuelle du nombre de cas, tests positifs et tests effectués dans la zone 94086	21
1.21	Graphe de l'évolution annuelle du nombre de cas, tests positifs dans la zone 94086	21
1.22	Graphe de distribution des cas COVID-19 positifs par zone et par année	22
	Graphe représentant le rapport entre la population et le nombre de tests	
	effectués	23
1.24	Graphe de distribution des cas COVID-19 positifs par zone et par année. $$ .	24
1.25	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 22	25
1.26	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 26	25
1.27	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 30	25
1.28	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 35	25
1.29	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 40	25
1.30	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 45	25
1.31	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 50	25
1.32	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 56	25
1.33	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 62	25
1.34	Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués	
	et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 67	26
2.1	Graphe 3D du nombre de règles fréquentes générées par rapport au support	
	minimum et à la confiance minimale	34
2.2	Graphe de l'évolution du nombre de motifs fréquents selon supmin	35
2.3	Graphe de l'évolution du temps d'exécution selon supmin	35
2.4	Graphe l'évolution de l'espace mémoire alloué à l'algorithme Apriori et les	
	règles d'associations selon le support minimum et la confiance minimale	36

# Liste des tableaux

1.1	Description des attributs du Dataset1	8
1.2	Tendances centrales, quartiles et ecart type des attributs du Dataset1	9
1.3	Tableau descriptif des attributs du Dataset 2	18
2.1	Tableau descriptif des attributs du Dataset3	27
3.2	Tableau descriptif des attributs du dataset1	39
3.3	Tableau de l'évolution du temps d'exécution de l'algorithme Apriori selon	
	le support minimum	59
3.4	Tableau de l'évolution du nombre de règles générées de l'algorithme Apriori	
	selon la confiance minimale et le support minimum	68
3.5	Tableau de l'évolution de l'éspace mémoire alloué à l'algorithme Apriori	
	selon la confiance minimale et le support minimum	70

### Introduction générale

Au vu de la croissante exponentielle de quantitées de data générés ces dernieres années, nous sommes submergés par les données, mais reste affamés de connaissance, ce qui rend le Datamining est d'autant plus important de nos jours. Dans cette première partie de notre projet nous allons d'abord netoyer et prétraités nos données, car avec des données incompletes, redondantes et bruité aucun bon resultats ne peut etre tiré des modeles. Ensuite, nous nous concentrons sur l'extraction de règles d'associations et la découverte de motifs fréquents.

Dans le premier chapitre, nous explorons deux types de datasets : le dataset statique (dataset1) portant sur les propriétés du sol, et le dataset temporel (dataset2) représentant l'évolution du nombre de cas de COVID-19 par code postal. Cette exploration comprend l'analyse et pré-traitement des données, et est essentielle pour garantir la fiabilité des résultats dans la prochaine phase du projet.

Le deuxième chapitre se consacre à l'extraction de motifs fréquents et de règles d'association dans un dataset spécifique (dataset3), Ce processus, impliquant la discrétisation des données et l'application de l'algorithme Apriori, vise à fournir des informations cruciales sur les associations existantes entre les differents attribut liés au climat, au sol, à la végétation, et à l'utilisation d'engrais... pour des prises de décision judicieuses.

La section suivante détaille les résultats expérimentaux, en variant les valeurs du support minimum ainisi que la confiance minimale afin de deduire leurs effets sur differentes mesures. En parallèle, le développement d'une interface utilisateur conviviale offre une expérience interactive pour explorer les résultats.

En conclusion, nous analysant ,pretraitant et appliquant un nouvel algorithme "Appriori" sur de reel dataset de domaines variés tels que l'agriculture, et la santé publique.

## Chapitre 1

### Analyse et prétraitement des données

### 1.1 Données statiques : Dataset 1

#### 1.1.1 Description du dataset

Le dataset que nous explorons dans cette première partie du projet, comprend 14 caractéristiques concernant le sol, notamment des éléments nutritifs tels que l'azote et le potassium, des indicateurs de santé comme le pH et la matière organique, ainsi que des métaux essentiels. Le Tableau1.1 ci-dessous présente une brève description de chacune d'entre elles.

Ces données fournissent une vue globale sur les propriétés de **884** sols (instances), ainsi que leurs fertilités respectives comprises entre 0 et 2, offrant une base pour des analyses approfondies en agriculture et en gestion environnementale.

Attribut	Description	Type
N	Azote	entier
Р	Phosphore	reel
K	Potassium	entier
рН	Potentiel Hydrogène	reel
EC	Conductivité Électrique	reel
OC	Matière Organique	reel
S	Soufre	reel
Zn	Zinc	reel
Fe	Fer	reel
Cu	Cuivre	reel
Mn	Manganèse	reel
В	Bore	reel
OM	Matière Organique	reel
Fertility	Fertilité du Sol F	{0,1,2}

Table 1.1 – Description des attributs du Dataset1

#### 1.1.2 Analyse des caractéristiques des attributs

#### 1.1.2.1 Calcul des mesures de tendance centrale et déduction Des symétries

En comparant entre les valeurs de moyenne, mode et médiane de chaque attribut, nous pouvons déduire la nature de leurs distributions.

PH, EC, Zn et OC se distinguent par des distributions symetriques/légérement asymétrique, car leurs mode = médiane = moyenne. Tandis que les attributs K, Mn et B ont une Moyenne > Médiane > Mode ce qui correspond à une asymétrie positive. Ils indiquent que les valeurs de ses caractéristiques sont généralement faibles dans les sols, mais cela peut aussi être dû à la présence de valeurs aberrantes. Quant au reste des attributs, ils sont soit asymétriques simples soit suivent une distribution asymétriques négative comme

#### Fertility

En ce qui concerne les écart-types, elles varient entre 0.14 et 129.03 indiquant que certains attributs dénotent d'une grande variabilité dans les données alors que d'autres sont denses dans leurs distributions.

À noter que tous les attributs sont unimodale à l'exception d'EC et S qui sont bimodale

Nom	Mean	Mode	Min	Q1	Q2	Q3	Max	Ecart type
N	246.997	[207.0]	6.0	201.0	257.0	307.0	383.0	77.315
Р	14.555	[8.3]	2.9	6.8	8.1	10.7	125.0	21.918
K	501.338	[444.0]	11.0	412.0	475.0	581.0	1560.0	129.031
Ph	7.511	[7.5]	0.9	7.35	7.5	7.63	11.15	0.4643
EC	0.5439	[0.53, 0.62]	0.1	0.43	0.55	0.64	0.95	0.1412
OC	0.617	[0.88]	0.1	0.38	0.59	0.78	24.0	0.84064
S	7.545	[4.22, 5.13]	0.64	4.7	6.64	8.75	31.0	4.415
Zn	0.468	[0.28]	0.07	0.28	0.36	0.47	42.0	1.887
Fe	4.126	[6.32]	0.21	2.05	3.56	6.31	44.0	3.10
Cu	0.952	[1.25]	0.09	0.63	0.93	1.25	3.02	0.52
Mn	8.6536	[7.54]	0.11	6.21	8.34	11.44	31.0	4.298
В	0.593	[0.34]	0.06	0.27	0.41	0.61	2.82	0.5744
OM	1.0637	[1.51]	0.17	0.65	1.0148	1.34	41.28	1.445
fertility	0.592	[1.0]	0.0	0.0	1.0	1.0	2.0	0.578

TABLE 1.2 – Tendances centrales, quartiles et ecart type des attributs du Dataset1

#### 1.1.2.2 Boîtes à moustache et données aberrantes.

la figure suivante englobante les boxplots des 14 attributs de notre dataset sur une

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 9

échelle logarithmique afin de les comparer entre eux met en évidence les faits suivants :

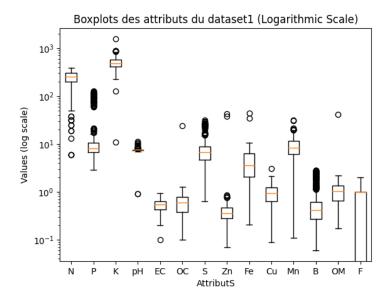


FIGURE 1.1 – Boxplots des 14 attributs du dataset1 avec échelle logarithmique

- Les caractéristiques de nos sols appartiennent à des échelles distinctes allant de  $10\wedge(-1)$  à  $10\wedge3$
- Nous pouvons visuellement constater les différentes distributions des attributs et confirmer qu'elles concordent avec les observations et deductions du tableau precedant
- Pour ce qui est des valeurs aberrantes, nous remarquons que le phosphore, le Bore, le Souffre et le PH sont sensible aux Outliers de par leurs nombres conséquents.
   À l'inverse OC, EC, le Cuivre et la matière organique n'en contiennent que très peu.

#### 1.1.2.3 Histogrammes et distribution des données

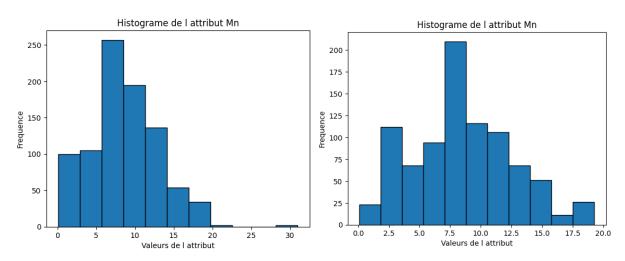
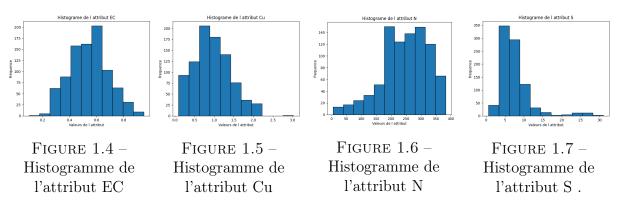


FIGURE 1.2 – Histogramme de l'attribut Mn (Manganèse) avant remplacement des valeurs abberantes

FIGURE 1.3 – Histogramme de l'attribut Mn (Manganèse) après remplacement des valeurs abberantes

L'observation initiale de l'histogramme de fréquence du manganèse (Mn) montre l'existance de valeurs abberantes ,causant une classe vide et affectant la représentation globale de la distribution (Figure 1.2). Afin d'assurer une interprétation plus fiable, nous avons traité ces valeurs aberrantes et généré un nouvel histogramme dépourvu de ces anomalies (Figure 1.3).

Ce deuxième histogramme montre une distribution legerement asymétrique positive, car la majorité des échantillons ont des concentrations modérées en manganèse. Ceci met en évidence la tendance des sols, à ne pas accumuler beaucoup de manganèse. Cette petite inclination peut être due entre autres à la nature géologique du sol qui limite l'absorption du manganèse.



L'histogramme de la conductivité électrique (EC) des sols, dévoile une distribution symétrique, car la plupart des sols ont des concentrations moyennes. Les fréquences les plus élevées se situent entre 0,2 et 0,6, ce qui indique qu'il y a généralement une tendance vers des niveaux modérés comme le confirme sa valeur faible d'ecart type.

L'observation des l'histogrammes représentant la fréquence du soufre (S) et "Cuivre" (Cu) sur les sols, révèle une distribution asymétrique. Cette asymétrie est positive car la majorité des données sont concentrées à gauche Les raisons de cette tendance peuvent être multiples, allant des propriétés géologiques du sol aux pratiques agricoles spécifiques et meme l'activité humaine et d'autres facteurs.

Tandis que l'histogramme indiquant la fréquence de l'Azote (N) sur les sols, révèle une distribution asymétrique négative etant donnée que ses valeurs on tendance à etre grandes et effectivement ce qui etait moins facile à deduire à partir du tableau des tendances centrales.

#### 1.1.2.4 Diagrammes de dispersion des données

Les diagrammes de dispersions nous fournissent un aperçu sur les corrélations existantes entre les attributs ce qui est primordial, que se soit lors du prétraitement dans la réduction de dimensions, la découverte de nouvelles relations implicite entre attributs et l'amélioration des modèles utilisé sur la dataset par la suite

Étant donné qu'il y a 91 possibles scatter plots, nous avons calculé la matrice de corrélation afin de choisir judicieusement nos graphes.

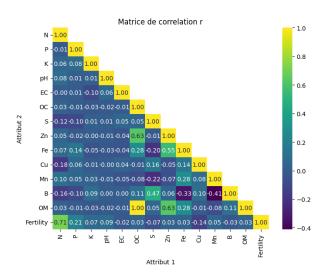
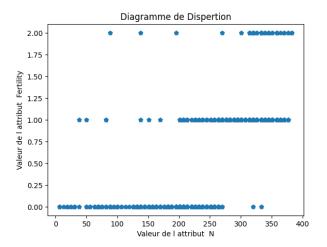


FIGURE 1.8 – Matrice de corrélation des attributs du Dataset 1.

Nous pouvons observer à partir de cette matrice que la plupart des attributs sont indépendants, et que ceux corrélés négativement relativement fortement sont presque inexistant. Cependant, il y a plusieurs propriétés du sol qui sont corrélées positivement avec EC et OM atteignant une valeur de 1.0 (Selon Pearson corrélation).



Une autre paire correlée positivement est la paire Fertility et N, comme l'attribut Fertility est de type categorique les points s'accumulent a 0,1 et 2 seulement. Donc le Nitrogene est un bon indicateur de la fertilité du sol.

FIGURE 1.9 – Scatter plot des deux attributs N et Fertility.

Pour ce qui est des graphes concerant la paire d'attribut OM et OC apres avoir remplacer les valeurs abberantes par regression lineaire, nous constatons qu'elle correspond à la fonction x=y indiquant une claire correlation positive entre les 2 (r=1). Ceci s'explique par le fait que le carbone organique constitue 58% de la matiere organique.

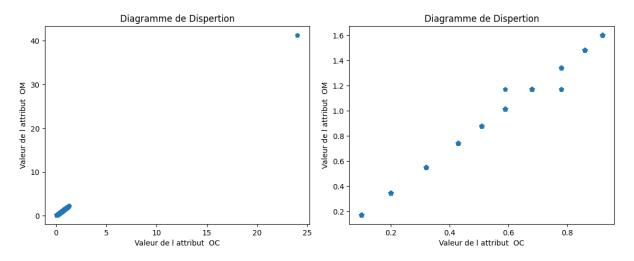


FIGURE 1.10 – Scatter plot des deux attributs OC et OM avant traitement des valeurs aberrantes.

FIGURE 1.11 – Scatter plot des deux attributs OC et OM après traitement des valeurs aberrantes.

Malgré le remplacement des valeurs aberrantes, ainsi que l'obtension de r<0 pour la paire (B,Mn) nous ne voyons pas de corrélations négative calire entre les 2 caractéristiques, cela est attribuable au fait que r=-0.4 est plus proche de 0 (aucune corrélation) que de -1

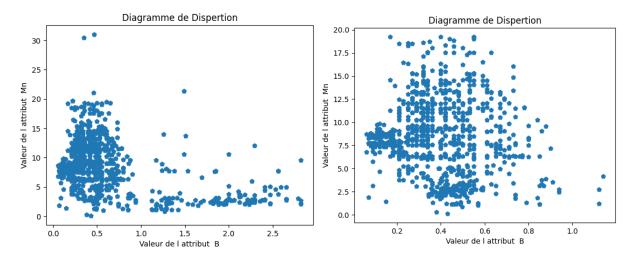


FIGURE 1.12 – Scatter plot des deux attributs K et Zn avant traitement des valeurs aberrantes.

FIGURE 1.13 – Scatter plot des deux attributs K et Zn après traitement des valeurs aberrantes.

Pour ce qui est des 2 paires (Cu,Ph) et (K,Zn) leurs points sont dispersées de manière aléatoire prouvant l'indépendance entre ces propriétés.

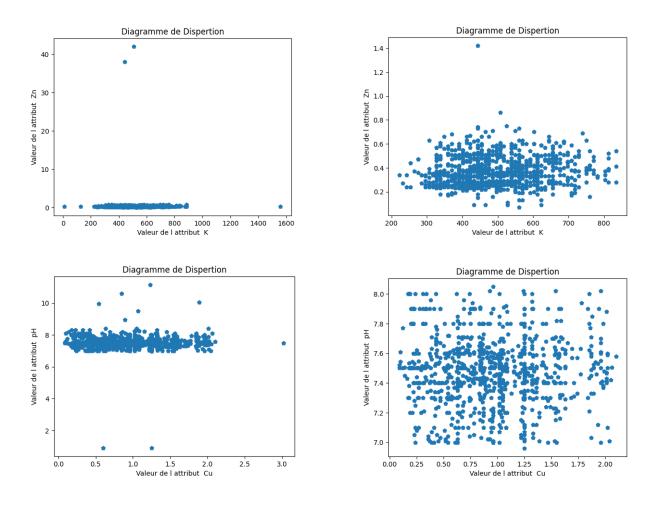


FIGURE 1.14 – Scatter plots des deux attributs B et Mn, Cu et pH, avant et après traitement des valeurs aberrantes.

#### 1.1.3 Prétraitement

#### 1.1.3.1 Traitement des valeurs manquantes et aberrantes :

#### 1.1.3.1.a Choix de la méthode de remplacement des valeurs manquantes.

Après avoir analysé nos données, il est temps de nettoyer notre dataset. Pour les valeurs manquantes, nous en avons détecté 4 (Qui sont " " , " ?" , " ?" , " NA") en utilisant une expression régulière. Cela en retournant les valeurs qui ne respectent pas le pattern correspondant à des valeurs numériques (étant donné que tous nos attributs sont de ce type)

Pour le remplacement 2 techniques fut implémenter

- 1. Remplacement par Mode : Cette méthode consiste à remplacer chaque valeur manquante par la valeur la plus fréquemment observée de sa colonne. Nous avons identifié le mode en comptabilisant la fréquence de chaque valeur non manquante dans la colonne respective. En cas de plusieurs modes, nous avons choisi aléatoirement l'une de ces valeurs.
- 2. Remplacement par Moyenne : Adaptée aux données numériques, cette approche remplace les valeurs manquantes par la moyenne des valeurs non manquantes de la même classe (valeur de Fertility) assurant un remplacement contextuel des valeurs manquantes. Cette opération préserve la cohérence des données.

#### 1.1.3.1.b Choix de la méthode de traitement des valeurs aberrantes

Les valeurs aberrantes quant à elles sont détectées si elles verifient la condition suivante :

si 
$$x > Q3 + 1.5 \times IQR$$
 ou  $x < Q1 - 1.5 \times IQR$ 

L'IQR est la différence entre le troisième quartile (Q3) et le premier quartile (Q1) des données.

$$IQR = Q3 - Q1$$

- Remplacement par regression lineaire : Nous avons créer un modèle de régression linéaire qui nous permet d'estimer la valeur aberrante trouvée en utilisant les autres variables du groupe. Cette méthode permet un remplacement plus contextuel en tenant compte des relations entre la variable cible et les autres variables.
- Remplacement par discretisation par frequence : Apres avoir etablit les intervalles des classes de l'attribut contenant des valeurs abberantes, Nous avons choisis de remplacer la valeur aberrante trouvée par la mediane de l'intervalle ou il se trouve. Cette méthode de discrétisation est insensible au outliers contrairement à Equal Width (Plus de details dans la Discretisation à la partie 3).

#### 1.1.3.2 Réduction des données horizontales / verticales.

Réduire les dimensions de notre dataset a une influence considérablement sur les performances des modèles d'apprentissage automatique de plusieurs manières : en réduisant le temps d'exécution et la mémoire consommée, améliorant les résultats en prévenant l'overfitting et en réduisant les redondances.

Pour ce qui est de la réduction horizontale, nous avons éliminé les lignes redondantes ainsi, 2 instances ont été supprimées. Concernant la réduction verticale, nous avons calculé la corrélation de Pearson ente chaque paire d'attributs et parmi celles dont la valeur depassent le seuil (paramètre empirique à expérimenter en partie 2), l'une des deux est retirée.

#### 1.1.3.3 Normalisation des données :

La dernière étape de notre prétraitement consiste à normaliser nos données. Elle implique de ramener à une échelle commune tous les attributs de notre dataset afin de s'assurer qu'ils contribuent de manière équitable lors de l'exécution des algorithmes de clustering. Sans cela, certaines domineront plus que d'autres simplement en raison de la disparité entre ses valeurs et ceux des autres attributs.

Nous avons appliqué les 2 méthodes de normalisation suivantes :

#### 1.1.3.3.a Méthode Min-Max

Nous permet de normaliser les données au sein d'un intervalle dont les bornes sont choisies en entrée, voici sa formule :

$$Valeur_{(i,new)} = \frac{Valeur_{(i,old)} - Valeur_{(min,old)}}{Valeur_{(max,old)} - Valeur_{(min,new)}} \left( Valeur_{(max,new)} - Valeur_{(min,new)} \right) + Valeur_{(min,new)} \quad (1.1)$$

#### 1.1.3.3.b Méthode z-score.

Elle quantifie à quel point chaque valeur est éloignée de la moyenne de l'attribut courant en termes d'unités d'écart-type comme le montre la formule suivante

$$Valeur_{(i,new)} = \frac{Valeur_{(i,old)} - Valeur_{(mean,old)}}{\sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \left| Valeur_{(i,old)} - Valeur_{(mean,old)} \right|^2}}$$
(1.2)

#### 1.2 Données temporelles : Dataset 2

#### 1.2.1 Description du dataset

Le deuxième dataset de cette partie "dataset2" fournit des informations détaillées sur la propagation du COVID-19 de 2019 à 2023 dans plusieurs régions aux Etats Unis, identifiées par un code postal. Ce dataset comprend 11 colonnes, chacune décrivant un attribut spécifique de la situation épidémiologique au fil du temps. Le tableau 2 représente une description de chacun d'entre eux.

Attribut	Description	Type
ZCTA	Identifiant unique d'une zone géographique	Caractère
Time Period	Période temporelle pendant laquelle les don- nées ont été enregistrées	Entier
Population	Nombre de personnes résidant dans la zone géographique considérée	Entier
Start Date	Dates de début de chaque période tempo- relle, indiquant le début des enregistrements	Date
End Date	Dates de fin de chaque période temporelle, indiquant la fin des enregistrements	Date
Case Count	Nombre total de cas de COVID-19 enregistrés au cours de la période spécifiée	Entier
Test Count	Nombre total de tests de dépistage effectués pendant la période considérée	Entier
Positive Tests	Nombre de tests qui ont donné un résultat positif pour le COVID-19	Entier
Case Rate	Taux de cas	Réel
Test Rate	Taux de tests	Réel
Positivity Rate	Taux de positivité	Réel

Table 1.3 – Tableau descriptif des attributs du Dataset 2.

Chaque ligne du dataset représente une période temporelle spécifique et fournit des informations détaillées sur le nombre de cas, les tests effectués, et d'autres métriques

associées à la propagation du COVID-19 dans une zone géographique spécifique.

#### 1.2.2 Prétraitement

Afin d'assurer la qualité et la fiabilité de nos analyses ultérieures, nous avons effectué deux traitements sur ce dataset : le traitement des valeurs manquantes et le traitement des données aberrantes.

#### 1.2.2.1 Traitement des Valeurs Manquantes

Nous avons utilisé un processus méthodique pour trouver les valeurs manquantes dans le Dataset 2. Tout d'abord, compte tenu de la nature des données temporelles du dataset, nous avons identifié les valeurs manquantes et sélectionné les méthodes de remplacement appropriées. Nous avons garder les 2 methodes de la partie 1 c'est à dire remplacement par mode et par moyenne de meme classe à part qu'ici la classe represente la period pour prendre en compte la temporalité dans nos données

Ensuite pour les attributs de type date un traitement speciale a lieu. D'abord nous rendons les formats des dates uniforme ensuite pour les dates sans année, nous avons remarquer une relation entre l'attribut time period et date debut ce qui nous permet de retrouver l'année manquante en mettant l'année de date debut des instances ayant le meme period

#### 1.2.2.2 Traitement des Données Aberrantes

Ici les methodes definis en partie 1 : par discretisation et par regression lineaire fonctionnent tres bien dans notre dataset temporelle, cependant, il est plus judicieux d'utiliser la regression lineaire dans ce cas la car discretiser des attributs tel que positif test et case count.. nous fera perdre en pertinence d'information

Pour ce qui est des attributs de type dates, aucun remplacement n'a lieu car les dates sont valides et comprises entre 2019 et 2023 comme cité à l'enoncé.

#### 1.2.3 Visualisation

# 1.2.3.1 La distribution du nombre total des cas confirmés et tests positifs par zones

#### 1.2.3.1.a Graphe

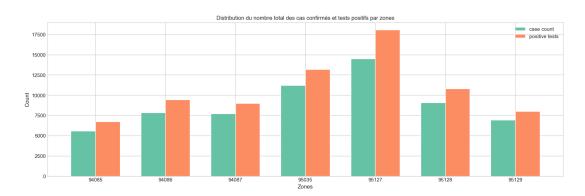


FIGURE 1.15 – Graphe de distribution du nombre total des cas confirmés et tests positifs par zones.

#### 1.2.3.1.b Analyse

En analysant le graphe de la Figure 1.17, nous avons remarqué des variations significatives entre les différentes zones dans le dataset, en termes de cas confirmés et de tests positifs. La zone 95127 a le nombre de cas confirmés et de tests positifs le plus élevé, suivie de près par la zone 95035. Les chiffres des zones 94085, 94086 et 95128 sont intermédiaires, tandis que les chiffres des zones 94087 et 95129 sont plus faibles. Ceci peut être expliqué par plusieurs facteurs tels que la densité de population, l'accès aux tests, et les mesures de santé publique dans cette zone.

Nous avons observés aussi une corrélation positive entre les cas confirmés et les tests positifs pour toutes les zones.

# 1.2.3.2 L'évolution des tests COVID-19, tests positifs et le nombre de cas confirmés au fil du temps pour la zone 94085

#### 1.2.3.2.a Graphes



FIGURE 1.16 – Graphe de l'évolution hebdomadaire du nombre de cas, tests positifs et tests effectués dans la zone 94086 en août 2021

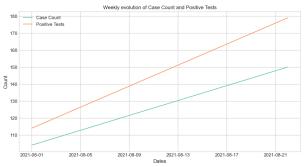


FIGURE 1.17 – Graphe de l'évolution hebdomadaire du nombre de cas et tests positifs dans la zone 94086 en août 2021

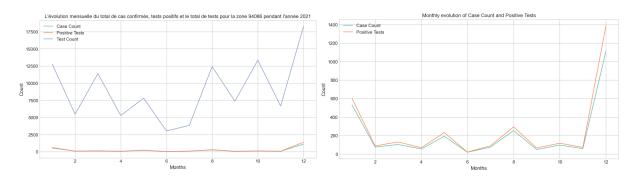


FIGURE 1.18 – Graphe de l'évolution FIGURE 1.19 – Graphe de l'évolution mensuelle du nombre de cas, tests positifs et mensuelle du nombre de cas et tests positifs tests effectués dans la zone 94086 en 2021 dans la zone 94086 en 2021

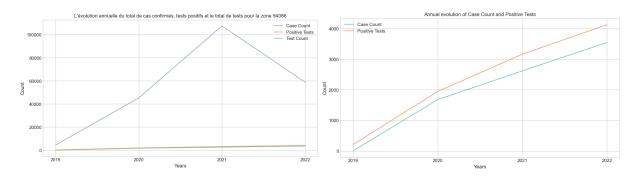


FIGURE 1.20 – Graphe de l'évolution annuelle du nombre de cas, tests positifs et tests effectués dans la zone 94086

FIGURE 1.21 – Graphe de l'évolution annuelle du nombre de cas, tests positifs dans la zone 94086

#### 1.2.3.2.b Analyse

Les résultats des différentes zones notamment la zone 94086 nous ont indiquer une croissance respective du nombre de cas confirmés, nombre de tests positifs et nombre de tests effectués. Cette augmentation montre une évolution de la situation épidémiologique dans la zone 94086 au cours de ces semaines.

Nous avons remarqué aussi que le nombre total de tests atteint des valeurs relativement élevées pour les 3 périodes. En comparaison, les attributs de cas confirmés et de tests positifs ont des valeurs beaucoup plus basses. Cette disparité indique une grande proportion de tests négatifs.

Nous avons également observé que les valeurs de tests positifs sont généralement légèrement plus élevées que celles des cas confirmés pour chaque période. Ceci suggère la possibilité de faux positifs dans les tests.

#### 1.2.3.3 Distribution des cas COVID-19 positifs par zone et par année

#### 1.2.3.3.a Graphe

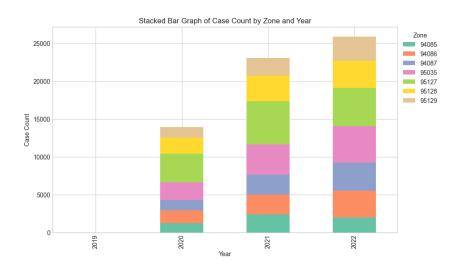


FIGURE 1.22 – Graphe de distribution des cas COVID-19 positifs par zone et par année.

#### 1.2.3.3.b Analyse

Plusieurs tendances distinctes se dégagent en examinant la répartition des cas de COVID-19 par zone. Nous distingons aussi des zones de concentration récurrents qui sont 95035, 95127 et 95128 qui peuvent être expliqués par la population élevée de ses zones. Les

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 22

zones 94085 et 95127 ont connu une forte croissance en 2020 et 2021, mais elles ont connu une légère baisse en 2022. Cependant, les autres zones sont en constante augmentation au fil du temps, ce qui révèle des différences importantes dans l'impact de la pandémie en fonction des zones géographiques.

Une analyse par année, montre que le nombre de cas a augmenté considérablement en 2020, atteignant son pic en 2022 ce qui souligne la persistance du virus au fil des années. En

En résumé, l'impact de la pandémie de COVID-19 varie considérablement d'une région à l'autre et montre des variations notables chaque année. Les facteurs géographiques, socio-économiques et les stratégies de gestion de la pandémie spécifiques à chaque région pourraient influencer ces tendances divergentes.

#### 1.2.3.4 Le rapport entre la population et le nombre de tests effectués

#### 1.2.3.4.a Graphe

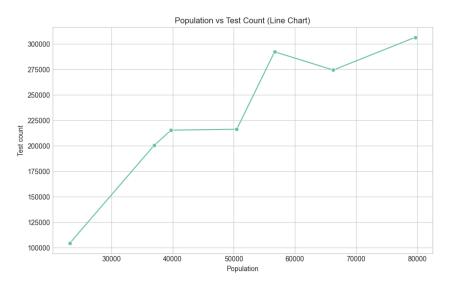


FIGURE 1.23 – Graphe représentant le rapport entre la population et le nombre de tests effectués.

#### 1.2.3.4.b Analyse

L'analyse du graphique montrant le rapport entre la population et le nombre de tests effectués indique une augmentation rapide du nombre de tests par rapport à la population, suivie d'une tendance à la stagnation ou à une croissance moins prononcée dans les zones densément peuplées. Les tests disponibles, les politiques de santé publique et certaines caractéristiques démographiques peuvent expliquer cette variation.

#### 1.2.3.5 Les 5 zones les plus fortement impactées par le coronavirus

#### 1.2.3.5.a Graphe

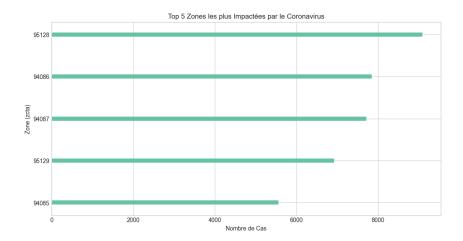


FIGURE 1.24 – Graphe de distribution des cas COVID-19 positifs par zone et par année.

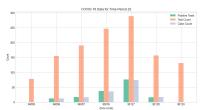
#### 1.2.3.5.b Analyse

D'après les résultats obtenus du graphe, les 5 zones les plus touchées par le coronavirus sont les suivantes, classées de la plus touchée à la moins touchée :

- 1. **95128** avec 9082 cas confirmés.
- 2. **94086** avec 7844 cas confirmés.
- 3. **94087** avec 7710 cas confirmés.
- 4. **95129** avec 6917 cas confirmés.
- 5. 94085 avec 5555 cas confirmés.

# 1.2.3.6 Le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant une periode choisie

#### 1.2.3.6.a Graphes



200 Pales No. 10 P

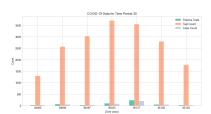
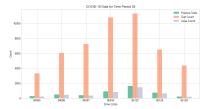
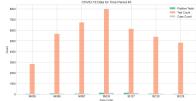


FIGURE 1.25 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 22.

FIGURE 1.26 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 26.

FIGURE 1.27 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 30.





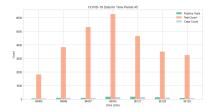
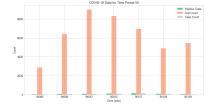
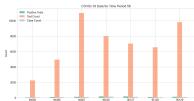


FIGURE 1.28 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 35.

FIGURE 1.29 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 40.

FIGURE 1.30 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 45.





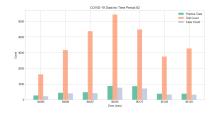


FIGURE 1.31 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 50.

FIGURE 1.32 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 56.

FIGURE 1.33 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 62.

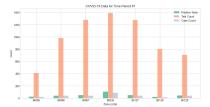


FIGURE 1.34 – Graphe représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour chaque zone pendant la période 67.

#### 1.2.3.6.b Analyse

D'après l'analyse des 10 graphes ci-dessus représentant le rapport entre les cas confirmés, les tests effectués et les tests positifs pour différentes périodes dans chaque zone, nous observons que toutes les zones semblent suivre une trajectoire similaire avec une augmentation ou une baisse du nombre de tests effectués, des tests positifs et des cas confirmés selon la période choisie.

Nous remarquons aussi une corrélation positive entre le nombre de tests effectués, le nombre de cas confirmés et nombre tests positifs. Ceci peut etre expliqué par le fait que le nombre de tests effectués englobe à la fois les cas confirmés et les tests positifs, établissant ainsi un lien entre ces trois attributs.

Notons aussi que certaines zones ont des ratios de tests positifs, tests effectués et tests positifs plus élevés par rapport aux autres. Cela est dû à divers facteurs notamment la population.

## Chapitre 2

# Extraction de motifs fréquents, règles d'associations et corrélations

#### 2.1 Dataset3

#### 2.1.1 Description du dataset

Dans cette troisieme partie du projet, les données concernent également le sol avec cette fois seulement 295 instances et des caracteristiques relatifs au climat, la vegetation .. expliquées avec plus details dans le tableau 2.1 suivant :

Attribut	Description	Instervalles des valeurs
Température	Température en degrees celsius	[20.05-29.87]
Humidity	Humidité en	[80.12-99.98]
Rainfall	Precipitation	[131.09-298.56]
Soil	Type de sol	{alluvial, clay loam, sandy, laterite, silty clay, coastal, Clayey}
Crop	Type de vegetation	{Coconut, rice}
Fertilizer	Engrais utilisé	{Good NPK, MOP, Urea, DAP}

Table 2.1 – Tableau descriptif des attributs du Dataset3

Les informations qui seront tiré de ce dataset nottament les associations deduites sont cruciale dans la gestion des ressources environnementales et agricoles.

#### 2.1.2 Discrétisation de l'attribut Température

Afin d'utiliser l'attribut "Température" dans ce qui suit, il est nécessaire de la discrétiser, nous l'avons fait en 2 manières :

#### 2.1.2.1 En classes d'effectifs égaux (Equal Frequency)

Ici, chaque classe a la meme frequence mais avec des largeur differentes. On détermine la fréquence en divisant le nombre de valeurs de l'attribut par le nombre de classes souhaité.

#### 2.1.2.2 En classes d'amplitudes égales (Equal Width)

Dans cette approche, les classes ont toute la même étendue (intervalles de même taille) que nous déterminons à partir du nombre de classes k choisis par l'utilisateur  $\frac{Valeur_{\max}-Valeur_{\min}}{k}$ .

Critère	Equal Width (Largeur égale)	Equal Frequency (Fréquence égale)	
Avantages	Simple à implementer et à in- terpréter, Preserve la distribution des données	Assure une distribution égale des valeurs dans chaque intervalle, in- sensible au valeurs abberantes	
Inconvénients	Peut générer des classes vide sur- tout si il y a des outliers, Peut ne pas refléter la densité des données	Déforme la distribution des don- nées, Nécessite des calculs plus complexes pour déterminer les in- tervalles	

Comparaison entre les 2 methodes de discrétisation Le choix entre Equal width et EqualFrequency dépend du cas d'utilisation et de l'objectif de la discrétisation. Comme nous l'avons vu dans la partie "Remplacement de valeurs aberrantes", la méthode de classe de fréquences égales est plus adapté car elle est insensible au Outliers

#### 2.1.3 Extraction des motifs fréquents : Apriori

En Datamining, l'extraction des motifs fréquents est une tache courante visant à trouver des associations récurrentes (patterns) dans des ensembles de données volumineux. Le but étants d'y découvrir des informations pertinentes et implicites, ce qui est en soit le but ultime du domaine.

Avant d'appliquer cette méthode, nous devons d'abord fixer la valeur le support minimum (paramètre empirique) et définir la table de transaction.

L'état initial d'un dataset n'est souvent pas adapté à la structure d'une table de transanctions. Dans ce cas, il est nécessaire de la transformer.

Dans le cadre de notre dataset, une transaction représente les instances car il s'agit de sols et chacun est unique avec ses propres caracteristiques donc rien à modifier de ce côté-là, tandis que les items correspondent aux différentes valeurs des attributs qui sont de type catégorique. Lors de la discretisation de l'attribut Temperature nous avons choisis k=3 sans risque de perte d'information car les valeurs ont un ecartype tres faible (les donneées varie entre 20 et 29 degres ) et suit une distribution symetrique.

Maintenant que nos prérequis sont satisfait, nous allons expliquer l'algorithme permettant d'effectuer notre tâche à savoir l'algorithme Apriori

La 1ère opération est celle de la génération de candidats. Pour k=1 il suffit de retourner simplement la liste de tous les items sans répétitions, sinon elle retourne les combinaisons d'items de taille k à partir des items des motifs fréquents de taille k-1. Cependant à partir de k=3, il faut effectuer le Pruning, qui consiste à filtrer ces combinaisons en ne conservant que celles qui contiennent des sous-combinaisons frequentes. Autrement dit en vérifiant si toute les sous-combinaisons se trouvent dans la liste des motifs fréquents en entrée.

#### Algorithm 1 Generateur Ck

```
1: procedure GENERATEURCK(k, L, itemliste)
       if k == 1 then
           return itemListe
 3:
       else
 4:
           C \leftarrow \text{liste vide}()
 5:
           if longueur(L) == 0 then
 6:
              return C
 7:
 8:
           end if
9:
           liste items uniques \leftarrow ensemble des éléments uniques de tous les tuples des L.cles()
           if longueur(liste items uniques) < k then
10:
              return C
11:
           end if
12:
           combinations list \leftarrow combinations(liste items uniques, k)
13:
           if k == 2 then
14:
              return combinations list
15:
16:
           end if
                                                                                ▶ Le pruning
           for combi in combinations list do
17:
              existe \leftarrow vrai
18:
              sous combinations list \leftarrow combinations(combi, k-1)
19:
              for sous_combi in sous_combinations_list do
20:
                  if sous combination L.cles() then
21:
22:
                      existe \leftarrow faux
23:
                      break
                  end if
24:
              end for
25:
              if existe == vrai then
26:
                  C.ajouter(combi)
27:
              end if
28:
29:
           end for
           return C
30:
       end if
31:
32: end procedure
```

Après avoir généré les candidats de taille k, nous calculons leurs supports respectifs en parcourant la table de transaction une seule fois transaction par transaction. Dès que l'une d entre elles contient un sous-ensemble d'item correspondant à un candidat, nous incrémentons le compteur de ce dernier.

A la fin nous divisant ces valeurs (nombre de transactions contenant notre itemset) par le nombre totale de transactions dans notre table.

#### Algorithm 2 Calculateur Support

```
1: procedure CalculateurSupport(C, dataset)
        dico \leftarrow \{ \text{val} : 0 \text{ for val in } C \}
        for ligne in dataset do
 3:
             combinations list \leftarrow combinations(ligne, len(dico.keys()[0]))
 4:
             for val in combinations list do
 5:
                 if val in dico then
 6:
                     dico[val] \leftarrow dico[val] + 1
 7:
 8:
                 end if
             end for
 9:
        end for
10:
        dico \leftarrow \{\text{key} : \text{val/len}(\text{dataset}) \text{ for key, val in dico.items}()\}
11:
        return dico
12:
13: end procedure
```

Enfin, la dernière étape de génération des motifs fréquents de taille k est de filtrer les candidats selon leurs supports comme présenté dans le pseudo-code suivant :

#### Algorithm 3 Generateur Lk

```
1: procedure GENERATEURLK(C, supp_min)
2: l \leftarrow \{\}
3: for each item c in C do
4: if c.valeur() \geq supp_min then
5: l.ajouter(c)
6: end if
7: end for
8: return l
9: end procedure
```

À présent, nous pouvons nous attaquer à l'algorithme principal d'Appriori. Comme nous pouvons le constater dans le pseudo-code suivant, il consiste à générer des candidats de taille k, calculer leurs supports respectifs et ne garder que ceux supérieurs au Supmin. Ce processus est répété de manière itérative en incrémentant à chaque fois la taille k et ceci jusqu'à qu'il soit impossible d'en générer de nouveaux.

#### Algorithm 4 Apriori Algorithm

```
1: procedure APRIORI(min supp, dataset)
         L \leftarrow \text{liste vide}()
         k \leftarrow 1
 3:
         C \leftarrow \text{generateur } Ck(k, \text{None}, \text{dataset})
 4:
         while C non vide do
 5:
              S \leftarrow \text{calculateur support}(C, \text{dataset})
 6:
              l \leftarrow \text{generateur Lk}(S, \text{min supp})
 7:
 8:
              if l non vide then
 9:
                   L.ajouter(l)
              end if
10:
              k \leftarrow k + 1
11:
              C \leftarrow \text{generateur } Ck(k, l, \text{None})
12:
         end while
13:
         return L
14:
15: end procedure
```

#### 2.1.4 Extraction des règles d'associations sous plusieurs mesures

Les motifs fréquents étant identifiés, nous allons maintenant trouver les corrélations existantes au sein de chacun en extrayant les règles d'association fréquentes.

Une règle d'association s'écrit sous la forme d'une implication logique entre deux itemset  $A \Rightarrow B$ , sémantiquement cela veut dire, nous associons à la présence de l'itemset à l'antecedant de la regle, la présence de l'itemset à la conclusion de la regle

Ainsi, nous gênerons toutes les règles possibles pour chaque itemset fréquent (en combinant les sous-motifs dans l'antecedant et conséquent) cela nous donne  $2 \land (k-2)$  règles pour un motif de taille k

Ensuite nous calculons la valeur de mesure de corrélation de chaque règle et ne gardons que celles dépassant un seuil minimal.

Dans le cadre de notre projet, nous avons choisi les 4 mesures suivantes :

#### 2.1.4.1 Confiance

Indique la probabilité conditionnelle de la présence du conséquent sachant la présence de l'antécédant dans une règle d'association. Mais peu causer des ambiguités dans les

resultats obetnus (2 regles contradictoires avec une haute confiance)

$$Confiance(A \Rightarrow B) = \frac{Support(A \cup B)}{Support(A)}$$
 (2.1)

#### 2.1.4.2 Lift

tente d'équilibrer le support et la confiance. Le lift mesure l'augmentation de la probabilité du conséquent sachant l'antécédent par rapport à la probabilité sans l'antécédent. A eviter quand il y a beaucoup de transaction nulles

$$Lift(A \Rightarrow B) = \frac{Confiance(A \Rightarrow B)}{Support(B)}$$
 (2.2)

#### 2.1.4.3 Cosine

Dans le contexte des règles d'association, il est utilisé pour évaluer à quel point deux ensembles d'items co-occurrent fréquemment.

$$Cosine(A, B) = \frac{Support(A \cup B)}{\sqrt{Support(A) \times Support(B)}}$$
(2.3)

#### 2.1.4.4 Jaccard

Évalue la similarité entre deux ensembles en mesurant le rapport du nombre d'éléments communs sur le nombre total d'éléments distincts.

$$\operatorname{Jaccard}(A, B) = \frac{\operatorname{Support}(A \cup B)}{\operatorname{Support}(A) + \operatorname{Support}(B) - \operatorname{Support}(A \cup B)}$$
 (2.4)

#### 2.1.4.5 Kulczynski

Mesure la similitude entre deux itemset en considérant à la fois les éléments communs et ceux exclusifs des ensembles.

$$Kulczynski(A, B) = \frac{1}{2} \left( \frac{Support(A \cup B)}{Support(A)} + \frac{Support(A \cup B)}{Support(B)} \right)$$
 (2.5)

Le choix de la mesure de corrélation à utiliser dépend fortement de l'objectif de l'analyse, le type d'analyse, chaque mesure capture différents aspects de la relation entre

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 33

les 2 ensembles de notre règle et a ses propres avantages et desavantages.

# 2.1.5 Résultats de l'expérimentation des différentes valeurs de MinSupp et MinConf

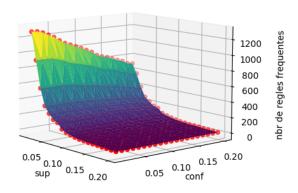


FIGURE 2.1 – Graphe 3D du nombre de règles fréquentes générées par rapport au support minimum et à la confiance minimale.

Le graphe 3D suivant décrivant le nombre de règles générées en fonction du confmin et supmin suivant révèle 2 choses.

En premier lieu, les valeurs de spumin influencent le nombre de règles fréquentes de manière telle que leur diminution entraı̂ne une augmentation du nombre de règles.

Alors que les valeurs de confmin n'ont d'impact sur le nombre de règles fréquentes que lorsque supmin est très petit, dans ce scénario spécifique, une réduction de confmin conduit à une croissance proportionnelle du nombre de règles.

Cela provient du fait qu'un supmin relativement élevé engendrera peu de motifs fréquents, c'est pourquoi peu importe la valeur de confmin dans ce cas le nombre de règles fréquentes sera minime.

La raison pour laquelle les valeurs de supmin et confmin sont de l'ordre de 0.1%-0.01% est dû à la taille conséquente de notre table de transaction qui ajoute de la diversité dans les motifs et diminue la probabilité qu'un d'eux se trouvent dans un nombre considérable de transactions.

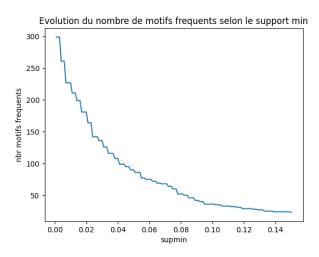


FIGURE 2.2 – Graphe de l'évolution du nombre de motifs fréquents selon supmin.

Ce graphe montre que plus la valeur du support minimum augmente, plus le nombre de motifs générés décroît, indiquant ainsi une claire corrélation négative entre les deux. Cela est dû au fait qu'une grande valeur de supmin filtrera plus sévèrement les motifs initiaux laissant passer un nombre plus petit.

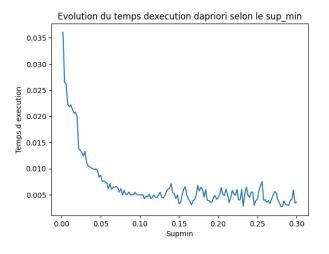


FIGURE 2.3 – Graphe de l'évolution du temps d'exécution selon supmin.

Nous constatons à partir de cette courbe que le temps d'exécution de l'algorithme Appriori est inversement proportionnel à la valeur du support minimum, chutant de 0.035 s pour un Supmin de 0.001 à moins de 0.005 s où il se stabilise au delà 0.1 de supmin. Nous expliquons cela par le fait qu'avec une valeur de Supmin relativement grande, plus il y aura moins de motifs fréquents à traiter (comme vu dans le graphe précédant).

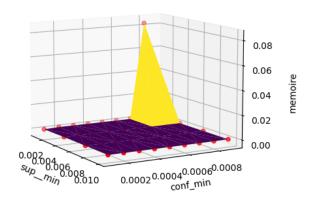


FIGURE 2.4 – Graphe l'évolution de l'espace mémoire alloué à l'algorithme Apriori et les règles d'associations selon le support minimum et la confiance minimale.

Les résultats relatifs aux ressources spatiales allouées durant l'exécution de l'algorithme Appriori sont en accord avec les résultats précédents. La consommation de mémoire est très basse globalement, à l'exception du cas ou les valeurs du support minimum et confiance minimale sont très faible, car ainsi, le nombre de motifs et de règles retenus deviennent énormes conduisant à une explosion combinatoire de l'espace utilisé pour stocker ces derniers.

## Chapitre 3

## Conclusion et perspectives

L'analyse et le prétraitement de dataset de différent types (statique et temporel), l'extraction des motifs et regles d'associations frequentes ainsi que les resultats des experimentations sur l'algorithme appriori nous a permis de resortir avec ces conclusions :

- L'analyse visuelle des attributs d'un dataset s'avère utile pour connaître la distribution des attributs et la corrélation entre les données
- Dans un dataset les valeurs manquantes se manifeste sous plusieurs formes vide, signe ou lettre au lieu de chiffre... Cela doit être pris en compte lors de leur détection.
- le choix de méthode de remplacement de valeurs manquantes et aberrantes doit être pertinent : remplacer par smoothing après avoir discrétisé par largeurs égales ne remplace pas les outiller, car Equal Width est sensible aux valeurs aberrantes.
- L'analyse et le prétraitement d'un dataset de type temporelle se différencie d'un dataset statique à cause du besoin d'adaptation par rapport à la dimension temporelle (graphes et méthodes de remplacement des valeurs manquantes et aberrantes spécifiques)
- Il est important de bien définir à quoi correspond une transaction et un item (et de discrétiser un attribut si besoin) afin de bien adapter notre dataset à la structure d'une table de transaction, avant l'exécution de l'algorithme Appriori.
- Le support minimum et confiance minimale sont des paramètres empiriques à fixer selon nos objectifs et après avoir effectué des expérimentations. Ils sont inversement proportionnels au nombre de motifs, règles fréquente ainsi que les ressources temporelle et spatiales déversées.
- Le choix de mesure de corrélations durant l'extraction des règles d'association fréquente est important, même si la confiance et la plus connue, elle n'est pas toujours le meilleur choix causant des ambiguïtés dans certains cas.

## Annexe

Support minimum	Temps d'exécution (s)	
0.3	0.0036019086837768555	
0.298	0.0034363269805908203	
0.296	0.005937981605529785	
0.294	0.004112625122070312	
0.292	0.0039030075073242187	
0.29	0.0030003786087036133	
0.288	0.003092670440673828	
0.286	0.0030974388122558595	
0.284	0.003845524787902832	
0.282	0.002753591537475586	
0.279999999999999	0.0027333498001098633	
0.2779999999999999	0.0035440921783447266	
0.2759999999999999	0.004053235054016113	
0.2739999999999999	0.0054159402847290036	
0.2719999999999999	0.005620694160461426	
0.269999999999999	0.004890847206115723	
0.2679999999999999	0.0040825605392456055	
0.265999999999999	0.0033171415328979493	
0.263999999999999	0.003920125961303711	
0.2619999999999999	0.003582763671875	
0.259999999999999	0.004069089889526367	
0.2579999999999995	0.003955316543579101	
0.255999999999999	0.007555413246154785	
0.253999999999999	0.006713080406188965	
0.2519999999999995	0.005774641036987304	
Rapport - <b>Exploitation des données e</b> 0.24999999999999999	Extraction des règles d'associations $39$ $0.004099321365356445$	
0.2479999999999994	0.0038920164108276365	

Support min	Confiance min	Nombre règles
0.01	0.01	1270.0
0.01	0.02	1265.0
0.01	0.03	1243.0
0.01	0.04	1207.0
0.01	0.05	1169.0
0.01	0.060	1117.0
0.01	0.069	1073.0
0.01	0.08	1044.0
0.01	0.09	1014.0
0.01	0.099	982.0
0.01	0.11	948.0
0.01	0.12	914.0
0.01	0.13	862.0
0.01	0.14	835.0
0.01	0.150	817.0
0.01	0.16	790.0
0.01	0.17	760.0
0.01	0.180	738.0
0.01	0.19	698.0
0.01	0.2	685.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $40\,$ 

0.02	0.01	914.0
0.02	0.02	914.0
0.02	0.03	914.0
0.02	0.04	908.0
0.02	0.05	889.0
0.02	0.060	863.0
0.02	0.0699	829.0
0.02	0.08	809.0
0.02	0.09	792.0
0.02	0.0999	771.0
0.02	0.11	753.0
0.02	0.12	728.0
0.02	0.13	696.0
0.02	0.14	678.0
0.02	0.150	664.0
0.02	0.16	642.0
0.02	0.17	615.0
0.02	0.180	603.0
0.02	0.19	566.0
0.02	0.2	559.0
0.03	0.01	564.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $41\,$ 

0.03	0.02	564.0
0.03	0.03	564.0
0.03	0.04	564.0
0.03	0.05	564.0
0.03	0.060	561.0
0.03	0.0699	550.0
0.03	0.08	539.0
0.03	0.09	528.0
0.03	0.099	519.0
0.03	0.11	508.0
0.03	0.12	488.0
0.03	0.13	478.0
0.03	0.14	465.0
0.03	0.150	461.0
0.03	0.16	449.0
0.03	0.17	426.0
0.03	0.180	419.0
0.03	0.19	390.0
0.03	0.2	387.0
0.04	0.01	348.0
0.04	0.02	348.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $42\,$ 

0.04	0.03	348.0
0.04	0.04	348.0
0.04	0.05	348.0
0.04	0.060	348.0
0.04	0.0699	348.0
0.04	0.08	344.0
0.04	0.09	341.0
0.04	0.0999	336.0
0.04	0.11	333.0
0.04	0.12	319.0
0.04	0.13	314.0
0.04	0.14	307.0
0.04	0.150	304.0
0.04	0.16	298.0
0.04	0.17	286.0
0.04	0.180	281.0
0.04	0.19	264.0
0.04	0.2	261.0
0.05	0.01	264.0
0.05	0.02	264.0
0.05	0.03	264.0
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $43\,$ 

0.05       264.0         0.05       264.0         0.05       264.0         0.05       264.0         0.05       0.0609       264.0         0.05       0.08       264.0         0.05       0.09       262.0         0.05       0.11       262.0         0.05       0.12       251.0         0.05       0.13       248.0         0.05       0.14       245.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000000000000000000000			
0.05       0.060       264.0         0.05       0.0699       264.0         0.05       0.08       264.0         0.05       0.09       262.0         0.05       0.11       262.0         0.05       0.12       251.0         0.05       0.13       248.0         0.05       0.14       245.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000       0.01       198.0         0.0600000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.04	264.0
0.05       0.0699       264.0         0.05       0.08       264.0         0.05       0.09       264.0         0.05       0.099       262.0         0.05       0.11       262.0         0.05       0.12       251.0         0.05       0.13       248.0         0.05       0.14       245.0         0.05       0.150       242.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000005       0.01       198.0         0.0600000000000000000       0.02       198.0         0.0600000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.05	264.0
0.05       0.08       264.0         0.05       0.09       262.0         0.05       0.11       262.0         0.05       0.12       251.0         0.05       0.13       248.0         0.05       0.14       245.0         0.05       0.150       242.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000       0.01       198.0         0.060000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.060	264.0
0.05       0.09       264.0         0.05       0.099       262.0         0.05       0.11       262.0         0.05       0.12       251.0         0.05       0.13       248.0         0.05       0.14       245.0         0.05       0.150       242.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000000000000000000000	0.05	0.0699	264.0
0.05       0.099       262.0         0.05       0.11       262.0         0.05       0.12       251.0         0.05       0.13       248.0         0.05       0.14       245.0         0.05       0.150       242.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000       0.01       198.0         0.0600000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.08	264.0
0.05       0.11       262.0         0.05       0.12       251.0         0.05       0.13       248.0         0.05       0.14       245.0         0.05       0.150       242.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.0600000000000000000       0.01       198.0         0.06000000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.09	264.0
0.05       0.12       251.0         0.05       0.13       248.0         0.05       0.14       245.0         0.05       0.150       242.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000       0.01       198.0         0.060000000000000000       0.02       198.0         0.0600000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.099	262.0
0.05       0.13       248.0         0.05       0.14       245.0         0.05       0.150       242.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000000000000000000000	0.05	0.11	262.0
0.05       0.14       245.0         0.05       0.150       242.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000       0.01       198.0         0.060000000000000000       0.02       198.0         0.0600000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.12	251.0
0.05       0.150       242.0         0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000       0.01       198.0         0.060000000000000000       0.02       198.0         0.060000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.13	248.0
0.05       0.16       236.0         0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000       0.01       198.0         0.06000000000000000       0.02       198.0         0.060000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.14	245.0
0.05       0.17       229.0         0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000       0.01       198.0         0.06000000000000000       0.02       198.0         0.060000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.150	242.0
0.05       0.180       224.0         0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.060000000000000000       0.01       198.0         0.0600000000000000       0.02       198.0         0.06000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.16	236.0
0.05       0.19       210.0         0.05       0.2       207.0         0.0600000000000000       0.01       198.0         0.0600000000000000       0.02       198.0         0.06000000000000000       0.03       198.0	0.05	0.17	229.0
0.05       0.2       207.0         0.06000000000000000       0.01       198.0         0.0600000000000000       0.02       198.0         0.0600000000000000       0.03       198.0	0.05	0.180	224.0
0.06000000000000000       0.01       198.0         0.0600000000000000       0.02       198.0         0.0600000000000000       0.03       198.0	0.05	0.19	210.0
0.06000000000000000       0.02       198.0         0.0600000000000000       0.03       198.0	0.05	0.2	207.0
0.0600000000000000000000000000000000000	0.0600000000000000005	0.01	198.0
	0.0600000000000000005	0.02	198.0
0.0600000000000000000000000000000000000	0.0600000000000000005	0.03	198.0
	0.060000000000000005	0.04	198.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 44

0.06000000000000000       0.05       198.0         0.06000000000000000       0.060000000000000       198.0         0.06000000000000000       0.08       198.0         0.0600000000000000       0.09       198.0         0.0600000000000000       0.09999999999999       198.0         0.0600       0.12       198.0         0.060       0.13       196.0         0.060       0.14       193.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0         0.0699       0.05       172.0			
0.060000000000000000       0.069999999999999       198.0         0.06000000000000000       0.09       198.0         0.0600000000000000       0.0999999999999       198.0         0.0600000000000000       0.11       198.0         0.060       0.12       198.0         0.060       0.13       196.0         0.060       0.14       193.0         0.060       0.150       192.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.0600000000000000005	0.05	198.0
0.060000000000000005       0.08       198.0         0.06000000000000005       0.09999999999999       198.0         0.060000000000000005       0.11       198.0         0.060       0.12       198.0         0.060       0.13       196.0         0.060       0.14       193.0         0.060       0.150       192.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.0600000000000000005	0.0600000000000000005	198.0
0.060000000000000000       0.09       198.0         0.06000000000000000       0.099999999999999999999999999999999999	0.0600000000000000005	0.069999999999999	198.0
0.060000000000000000       0.099999999999999       198.0         0.060       0.12       198.0         0.060       0.13       196.0         0.060       0.14       193.0         0.0605       0.150       192.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.0600000000000000005	0.08	198.0
0.060000000000000000       0.11       198.0         0.060       0.12       198.0         0.060       0.13       196.0         0.060       0.14       193.0         0.0605       0.150       192.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.0600000000000000005	0.09	198.0
0.060       0.12       198.0         0.060       0.13       196.0         0.060       0.14       193.0         0.0605       0.150       192.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.0600000000000000005	0.099999999999999	198.0
0.060       0.13       196.0         0.060       0.14       193.0         0.0605       0.150       192.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.0600000000000000005	0.11	198.0
0.060       0.14       193.0         0.0605       0.150       192.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.060	0.12	198.0
0.0605       0.150       192.0         0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.060	0.13	196.0
0.060       0.16       186.0         0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.060	0.14	193.0
0.060       0.17       181.0         0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.0605	0.150	192.0
0.060       0.180       176.0         0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.060	0.16	186.0
0.060       0.19       166.0         0.060       0.2       163.0         0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.060	0.17	181.0
0.060       0.2       163.0         0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.060	0.180	176.0
0.0699       0.01       172.0         0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.060	0.19	166.0
0.0699       0.02       172.0         0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.060	0.2	163.0
0.0699       0.03       172.0         0.0699       0.04       172.0	0.0699	0.01	172.0
0.0699 0.04 172.0	0.0699	0.02	172.0
	0.0699	0.03	172.0
0.0699 0.05 172.0	0.0699	0.04	172.0
	0.0699	0.05	172.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $45\,$ 

0.0699	0.060	172.0
0.0699	0.0699	172.0
0.0699	0.08	172.0
0.0699	0.09	172.0
0.0699	0.0999	172.0
0.0699	0.11	172.0
0.0699	0.12	172.0
0.0699	0.13	172.0
0.0699	0.14	170.0
0.0699	0.150	169.0
0.0699	0.16	163.0
0.0699	0.17	158.0
0.0699	0.180	155.0
0.0699	0.19	148.0
0.0699	0.2	146.0
0.08	0.01	104.0
0.08	0.02	104.0
0.08	0.03	104.0
0.08	0.04	104.0
0.08	0.05	104.0
0.08	0.06000000000000000000005	104.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 46

0.08	0.069999999999999	104.0
0.08	0.08	104.0
0.08	0.09	104.0
0.08	0.099999999999999	104.0
0.08	0.11	104.0
0.08	0.12	104.0
0.08	0.13	104.0
0.08	0.14	104.0
0.08	0.150000000000000002	104.0
0.08	0.16	104.0
0.08	0.17	102.0
0.08	0.180000000000000002	100.0
0.08	0.19	93.0
0.08	0.2	91.0
0.09	0.01	76.0
0.09	0.02	76.0
0.09	0.03	76.0
0.09	0.04	76.0
0.09	0.05	76.0
0.09	0.0600000000000000005	76.0
0.09	0.069999999999999	76.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 47

0.09       76.0         0.09       76.0         0.09       76.0         0.09       76.0         0.09       0.11       76.0         0.09       0.12       76.0         0.09       0.13       76.0         0.09       0.14       76.0         0.09       0.150000000000002       76.0         0.09       0.17       76.0         0.09       0.17       76.0         0.09       0.19       74.0         0.09       0.2       72.0         0.0999999999999       0.02       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.099999999999999       0.0600000000000005       58.0         0.09999999999999       0.06000000000000005       58.0         0.09999999999999       0.060000000000000005       58.0         0.09999999999999       0.0600000000000000005       58.0         0.09999999999999       0.0600000000000000000       58.0         0.0999999999999       0.06000000000000000000       58.0         0.0999999999999       0.060000000000000000000000000       58.0		•	
0.09       0.099999999999999999999999999999999999	0.09	0.08	76.0
0.09       0.11       76.0         0.09       0.12       76.0         0.09       0.13       76.0         0.09       0.14       76.0         0.09       0.1500000000000002       76.0         0.09       0.16       76.0         0.09       0.17       76.0         0.09       0.180000000000002       76.0         0.09       0.19       74.0         0.09       0.2       72.0         0.09999999999999       0.01       58.0         0.09999999999999       0.02       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.09999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.06000000000000005       58.0         0.09999999999999       0.06000000000000005       58.0         0.0999999999999       0.060000000000000000       58.0	0.09	0.09	76.0
0.09       0.12       76.0         0.09       0.13       76.0         0.09       0.14       76.0         0.09       0.1500000000000002       76.0         0.09       0.16       76.0         0.09       0.17       76.0         0.09       0.180000000000002       76.0         0.09       0.19       74.0         0.09       0.2       72.0         0.0999999999999       0.01       58.0         0.09999999999999       0.03       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.09999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.060000000000000005       58.0         0.09999999999999       0.060000000000000005       58.0	0.09	0.099999999999999	76.0
0.09       0.13       76.0         0.09       0.14       76.0         0.09       0.1500000000000000000000000000000000000	0.09	0.11	76.0
0.09       0.14       76.0         0.09       0.1500000000000000000000000000000000000	0.09	0.12	76.0
0.09       0.1500000000000000       76.0         0.09       0.16       76.0         0.09       0.17       76.0         0.09       0.180000000000000       76.0         0.09       0.19       74.0         0.09       0.2       72.0         0.09999999999999       0.01       58.0         0.09999999999999       0.02       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.09999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.06000000000000000       58.0         0.0999999999999999       0.06090000000000000       58.0         0.099999999999999       0.06099999999999       58.0	0.09	0.13	76.0
0.09       0.16       76.0         0.09       0.17       76.0         0.09       0.1800000000000002       76.0         0.09       0.19       74.0         0.09       0.2       72.0         0.09999999999999       0.01       58.0         0.09999999999999       0.02       58.0         0.09999999999999       0.03       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.09999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.060000000000000005       58.0         0.099999999999999       0.060000000000000000       58.0         0.09999999999999       0.060000000000000000       58.0	0.09	0.14	76.0
0.09       0.17       76.0         0.09       0.1800000000000000       76.0         0.09       0.19       74.0         0.09       0.2       72.0         0.09999999999999       0.01       58.0         0.09999999999999       0.02       58.0         0.09999999999999       0.03       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.09999999999999       0.06000000000000000       58.0         0.09999999999999       0.06000000000000000       58.0         0.09999999999999       0.06999999999999       58.0	0.09	0.1500000000000000002	76.0
0.09       0.1800000000000000       76.0         0.09       0.19       74.0         0.09       0.2       72.0         0.09999999999999       0.01       58.0         0.09999999999999       0.02       58.0         0.09999999999999       0.03       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.09999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.06000000000000000       58.0         0.099999999999999       0.06999999999999       58.0	0.09	0.16	76.0
0.09       0.19       74.0         0.09       0.2       72.0         0.099999999999999999999999999999999999	0.09	0.17	76.0
0.09       0.2       72.0         0.0999999999999999       0.01       58.0         0.099999999999999       0.02       58.0         0.09999999999999       0.03       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.09999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.06000000000000000       58.0         0.09999999999999       0.0600000000000000       58.0         0.099999999999999       58.0	0.09	0.180000000000000002	76.0
0.099999999999999       0.01       58.0         0.099999999999999       0.02       58.0         0.099999999999999       0.03       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.09999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.0600000000000000       58.0         0.09999999999999       0.06099999999999       58.0	0.09	0.19	74.0
0.09999999999999       0.02       58.0         0.09999999999999       0.03       58.0         0.09999999999999       0.04       58.0         0.09999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.060000000000000000000000000000000000	0.09	0.2	72.0
0.09999999999999       0.03       58.0         0.099999999999999       0.04       58.0         0.099999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.060000000000000000000000000000000000	0.099999999999999	0.01	58.0
0.09999999999999       0.04       58.0         0.099999999999999       0.05       58.0         0.09999999999999       0.060000000000000000000000000000000000	0.099999999999999	0.02	58.0
0.09999999999999       0.05       58.0         0.099999999999999       0.060000000000000000       58.0         0.099999999999999       0.06999999999999       58.0	0.099999999999999	0.03	58.0
0.0999999999999       0.0600000000000000       58.0         0.0999999999999       0.06999999999999       58.0	0.099999999999999	0.04	58.0
0.0999999999999999999999999999999999999	0.099999999999999	0.05	58.0
	0.099999999999999	0.0600000000000000005	58.0
0.099999999999 0.08 58.0	0.099999999999999	0.0699999999999999	58.0
	0.099999999999999	0.08	58.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 48

0.09999999999999       0.0999999999999       58.0         0.099999999999999       0.11       58.0         0.09999999999999       0.12       58.0         0.09999999999999       0.13       58.0         0.09999999999999       0.14       58.0         0.0999999999999       0.16       58.0         0.0999999999999       0.16       58.0         0.0999999999999       0.17       58.0         0.0999999999999       0.180000000000002       58.0         0.0999999999999       0.19       58.0         0.0999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.0600000000000005       44.0         0.11       0.06909999999999       44.0         0.11       0.08       44.0         0.11       0.09       44.0			
0.099999999999999       0.11       58.0         0.099999999999999       0.13       58.0         0.09999999999999       0.14       58.0         0.0999999999999       0.1500000000000002       58.0         0.0999999999999       0.16       58.0         0.0999999999999       0.17       58.0         0.0999999999999       0.180000000000002       58.0         0.0999999999999       0.19       58.0         0.09999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.06000000000000005       44.0         0.11       0.060999999999999       44.0         0.11       0.0609999999999999       44.0	0.099999999999999	0.09	58.0
0.099999999999999       0.12       58.0         0.099999999999999       0.14       58.0         0.09999999999999       0.15000000000000000       58.0         0.09999999999999       0.16       58.0         0.09999999999999       0.17       58.0         0.0999999999999       0.180000000000000       58.0         0.0999999999999       0.19       58.0         0.0999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.03       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000       44.0         0.11       0.06999999999999       44.0         0.11       0.069999999999999       44.0         0.11       0.0699999999999999       44.0	0.099999999999999	0.099999999999999	58.0
0.099999999999999       0.13       58.0         0.099999999999999       0.1500000000000000       58.0         0.09999999999999       0.16       58.0         0.09999999999999       0.17       58.0         0.09999999999999       0.180000000000000       58.0         0.0999999999999       0.19       58.0         0.09999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.0600000000000000       44.0         0.11       0.0600000000000000       44.0         0.11       0.06999999999999       44.0         0.11       0.08       44.0	0.099999999999999	0.11	58.0
0.099999999999999       0.14       58.0         0.099999999999999       0.15000000000000000       58.0         0.09999999999999       0.17       58.0         0.09999999999999       0.180000000000000       58.0         0.0999999999999       0.19       58.0         0.0999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.0600000000000000       44.0         0.11       0.0600000000000000       44.0         0.11       0.060999999999999       44.0         0.11       0.069999999999999       44.0         0.11       0.08       44.0	0.099999999999999	0.12	58.0
0.09999999999999       0.1500000000000000       58.0         0.09999999999999       0.16       58.0         0.0999999999999       0.17       58.0         0.0999999999999       0.180000000000000       58.0         0.0999999999999       0.19       58.0         0.0999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.0600000000000000       44.0         0.11       0.0600000000000000       44.0         0.11       0.06999999999999       44.0         0.11       0.08       44.0	0.099999999999999	0.13	58.0
0.099999999999999       0.16       58.0         0.099999999999999       0.1800000000000000       58.0         0.09999999999999       0.19       58.0         0.09999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.03       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.099999999999999	0.14	58.0
0.0999999999999999       0.17       58.0         0.099999999999999       0.1800000000000000       58.0         0.09999999999999       0.19       58.0         0.09999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.03       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.099999999999999	0.15000000000000000000002	58.0
0.099999999999999       0.1800000000000000       58.0         0.099999999999999       0.19       58.0         0.09999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.03       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.099999999999999	0.16	58.0
0.099999999999999999999999999999999999	0.099999999999999	0.17	58.0
0.099999999999999       0.2       57.0         0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.03       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.099999999999999	0.180000000000000002	58.0
0.11       0.01       44.0         0.11       0.02       44.0         0.11       0.03       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.099999999999999	0.19	58.0
0.11       0.02       44.0         0.11       0.03       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.099999999999999	0.2	57.0
0.11       0.03       44.0         0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.11	0.01	44.0
0.11       0.04       44.0         0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.11	0.02	44.0
0.11       0.05       44.0         0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.11	0.03	44.0
0.11       0.060000000000000000000000000000000000	0.11	0.04	44.0
0.11       0.069999999999999       44.0         0.11       0.08       44.0	0.11	0.05	44.0
0.11 0.08 44.0	0.11	0.060000000000000005	44.0
	0.11	0.069999999999999	44.0
0.11 0.09 44.0	0.11	0.08	44.0
	0.11	0.09	44.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 49

0.11	0.099999999999999	44.0
0.11	0.11	44.0
0.11	0.12	44.0
0.11	0.13	44.0
0.11	0.14	44.0
0.11	0.15000000000000000000002	44.0
0.11	0.16	44.0
0.11	0.17	44.0
0.11	0.180000000000000002	44.0
0.11	0.19	44.0
0.11	0.2	44.0
0.12	0.01	34.0
0.12	0.02	34.0
0.12	0.03	34.0
0.12	0.04	34.0
0.12	0.05	34.0
0.12	0.0600000000000000005	34.0
0.12	0.069999999999999	34.0
0.12	0.08	34.0
0.12	0.09	34.0
0.12	0.099999999999999	34.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $50\,$ 

0.12	0.11	34.0
0.12	0.12	34.0
0.12	0.13	34.0
0.12	0.14	34.0
0.12	0.1500000000000000000000000000000000000	34.0
0.12	0.16	34.0
0.12	0.17	34.0
0.12	0.180000000000000002	34.0
0.12	0.19	34.0
0.12	0.2	34.0
0.13	0.01	30.0
0.13	0.02	30.0
0.13	0.03	30.0
0.13	0.04	30.0
0.13	0.05	30.0
0.13	0.0600000000000000005	30.0
0.13	0.069999999999999	30.0
0.13	0.08	30.0
0.13	0.09	30.0
0.13	0.099999999999999	30.0
0.13	0.11	30.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $51\,$ 

0.13	0.12	30.0
0.13	0.13	30.0
0.13	0.14	30.0
0.13	0.150000000000000002	30.0
0.13	0.16	30.0
0.13	0.17	30.0
0.13	0.180000000000000002	30.0
0.13	0.19	30.0
0.13	0.2	30.0
0.14	0.01	24.0
0.14	0.02	24.0
0.14	0.03	24.0
0.14	0.04	24.0
0.14	0.05	24.0
0.14	0.0600000000000000005	24.0
0.14	0.069999999999999	24.0
0.14	0.08	24.0
0.14	0.09	24.0
0.14	0.099999999999999	24.0
0.14	0.11	24.0
0.14	0.12	24.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 52

0.14       0.13       24.0         0.14       0.1500000000000000000000000000000000000		ī	1
0.14       0.1500000000000002       24.0         0.14       0.16       24.0         0.14       0.17       24.0         0.14       0.1800000000000000000000000000000000000	0.14	0.13	24.0
0.14       0.16       24.0         0.14       0.17       24.0         0.14       0.1800000000000000000000000000000000000	0.14	0.14	24.0
0.14       0.17       24.0         0.14       0.1800000000000000000000000000000000000	0.14	0.150000000000000002	24.0
0.14       0.1800000000000002       24.0         0.14       0.19       24.0         0.150000000000000000       0.01       22.0         0.150000000000000000       0.02       22.0         0.15000000000000000       0.03       22.0         0.15000000000000000       0.04       22.0         0.15000000000000000       0.05       22.0         0.15000000000000000       0.06000000000000       22.0         0.15000000000000000       0.08       22.0         0.15000000000000000       0.09       22.0         0.150000000000000000       0.099999999999999999       22.0         0.150000000000000000       0.11       22.0         0.150000000000000000       0.11       22.0         0.150000000000000000       0.12       22.0	0.14	0.16	24.0
0.14       0.19       24.0         0.14       0.2       24.0         0.15000000000000000       0.01       22.0         0.15000000000000000       0.02       22.0         0.15000000000000000       0.03       22.0         0.15000000000000000       0.04       22.0         0.15000000000000000       0.05       22.0         0.15000000000000000       0.060000000000005       22.0         0.15000000000000000       0.08       22.0         0.15000000000000000       0.09       22.0         0.15000000000000000       0.099999999999999999999999999999999999	0.14	0.17	24.0
0.14       0.2       24.0         0.150000000000000002       0.01       22.0         0.150000000000000002       0.02       22.0         0.150000000000000002       0.03       22.0         0.15000000000000002       0.04       22.0         0.15000000000000002       0.05       22.0         0.15000000000000002       0.060000000000000       22.0         0.150000000000000002       0.08       22.0         0.150000000000000000       0.09       22.0         0.150000000000000000       0.099999999999999       22.0         0.1500000000000000000       0.11       22.0         0.1500000000000000000       0.12       22.0	0.14	0.180000000000000002	24.0
0.15000000000000002       0.01       22.0         0.15000000000000002       0.02       22.0         0.150000000000000002       0.03       22.0         0.15000000000000002       0.04       22.0         0.150000000000000002       0.05       22.0         0.15000000000000002       0.060000000000000       22.0         0.15000000000000000       0.069999999999999       22.0         0.150000000000000000       0.09       22.0         0.150000000000000000       0.09999999999999       22.0         0.150000000000000000       0.11       22.0         0.150000000000000000       0.12       22.0	0.14	0.19	24.0
0.15000000000000000       0.02       22.0         0.15000000000000000       0.03       22.0         0.15000000000000000       0.04       22.0         0.15000000000000000       0.05       22.0         0.15000000000000000       0.06000000000000       22.0         0.15000000000000000       0.08       22.0         0.15000000000000000       0.09       22.0         0.15000000000000000       0.099999999999999       22.0         0.150000000000000000       0.11       22.0         0.1500000000000000000       0.12       22.0	0.14	0.2	24.0
0.15000000000000000       0.03       22.0         0.15000000000000000       0.04       22.0         0.15000000000000000       0.05       22.0         0.1500000000000000       0.06000000000000       22.0         0.15000000000000000       0.069999999999999       22.0         0.15000000000000000       0.08       22.0         0.15000000000000000       0.09       22.0         0.15000000000000000       0.09999999999999999       22.0         0.15000000000000000       0.11       22.0         0.1500000000000000000       0.12       22.0	0.1500000000000000002	0.01	22.0
0.15000000000000000       0.04       22.0         0.15000000000000000       0.05       22.0         0.15000000000000000       0.06000000000000       22.0         0.1500000000000000       0.06999999999999       22.0         0.15000000000000000       0.08       22.0         0.15000000000000000       0.09       22.0         0.150000000000000000       0.099999999999999       22.0         0.150000000000000000       0.11       22.0         0.1500000000000000000       0.12       22.0	0.1500000000000000000000000000000000000	0.02	22.0
0.15000000000000000       0.05       22.0         0.1500000000000000       0.060000000000000       22.0         0.1500000000000000       0.06999999999999       22.0         0.1500000000000000       0.08       22.0         0.15000000000000000       0.09       22.0         0.15000000000000000       0.099999999999999       22.0         0.150000000000000000       0.11       22.0         0.1500000000000000000       0.12       22.0	0.1500000000000000000000000000000000000	0.03	22.0
0.150000000000000000       0.060000000000000       22.0         0.15000000000000000       0.069999999999999       22.0         0.15000000000000000       0.08       22.0         0.15000000000000000       0.09       22.0         0.15000000000000000       0.09999999999999       22.0         0.150000000000000000       0.11       22.0         0.150000000000000000       0.12       22.0	0.1500000000000000000000000000000000000	0.04	22.0
0.15000000000000002       0.069999999999999       22.0         0.15000000000000002       0.08       22.0         0.15000000000000002       0.09       22.0         0.15000000000000002       0.09999999999999       22.0         0.15000000000000000       0.11       22.0         0.150000000000000000       0.12       22.0	0.1500000000000000000000000000000000000	0.05	22.0
0.15000000000000000       0.08       22.0         0.1500000000000000       0.09       22.0         0.1500000000000000       0.0999999999999       22.0         0.15000000000000000       0.11       22.0         0.150000000000000000       0.12       22.0	0.1500000000000000000000000000000000000	0.0600000000000000005	22.0
0.1500000000000000       0.09       22.0         0.1500000000000000       0.099999999999999       22.0         0.1500000000000000       0.11       22.0         0.15000000000000000       0.12       22.0	0.1500000000000000002	0.069999999999999	22.0
0.150000000000000       0.09999999999999       22.0         0.1500000000000000       0.11       22.0         0.1500000000000000       0.12       22.0	0.1500000000000000000000000000000000000	0.08	22.0
0.150000000000000       0.11       22.0         0.150000000000000       0.12       22.0	0.1500000000000000000000000000000000000	0.09	22.0
0.1500000000000000000000000000000000000	0.1500000000000000000000000000000000000	0.099999999999999	22.0
	0.1500000000000000000000000000000000000	0.11	22.0
0.150000000000000 0.13 22.0	0.1500000000000000000000000000000000000	0.12	22.0
	0.1500000000000000000000000000000000000	0.13	22.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $53\,$ 

	•	
0.1500000000000000000000000000000000000	0.14	22.0
0.1500000000000000002	0.1500000000000000002	22.0
0.1500000000000000000000000000000000000	0.16	22.0
0.15000000000000000000002	0.17	22.0
0.1500000000000000000000000000000000000	0.1800000000000000000000000000000000000	22.0
0.1500000000000000000000000000000000000	0.19	22.0
0.1500000000000000000000000000000000000	0.2	22.0
0.16	0.01	20.0
0.16	0.02	20.0
0.16	0.03	20.0
0.16	0.04	20.0
0.16	0.05	20.0
0.16	0.060000000000000005	20.0
0.16	0.069999999999999	20.0
0.16	0.08	20.0
0.16	0.09	20.0
0.16	0.099999999999999	20.0
0.16	0.11	20.0
0.16	0.12	20.0
0.16	0.13	20.0
0.16	0.14	20.0
		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 54

0.16	0.15000000000000000000002	20.0
0.16	0.16	20.0
0.16	0.17	20.0
0.16	0.1800000000000000000000000000000000000	20.0
0.16	0.19	20.0
0.16	0.2	20.0
0.17	0.01	14.0
0.17	0.02	14.0
0.17	0.03	14.0
0.17	0.04	14.0
0.17	0.05	14.0
0.17	0.060000000000000000000005	14.0
0.17	0.069999999999999	14.0
0.17	0.08	14.0
0.17	0.09	14.0
0.17	0.099999999999999	14.0
0.17	0.11	14.0
0.17	0.12	14.0
0.17	0.13	14.0
0.17	0.14	14.0
0.17	0.150000000000000002	14.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $55\,$ 

0.17       0.16       14.0         0.17       0.17       14.0         0.17       0.1800000000000000000000000000000000000		Г	
0.17       0.1800000000000000000000000000000000000	0.17	0.16	14.0
0.17       0.19       14.0         0.17       0.2       14.0         0.1800000000000000000000000000000000000	0.17	0.17	14.0
0.17       0.2       14.0         0.180000000000000002       0.01       12.0         0.18000000000000002       0.02       12.0         0.18000000000000002       0.03       12.0         0.18000000000000002       0.04       12.0         0.18000000000000002       0.05       12.0         0.18000000000000002       0.060000000000000       12.0         0.180000000000000002       0.08       12.0         0.18000000000000000       0.09       12.0         0.180000000000000000       0.099999999999999       12.0         0.180000000000000000       0.11       12.0         0.1800000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000000       0.12       12.0         0.180000000000000000000       0.13       12.0	0.17	0.180000000000000002	14.0
0.18000000000000000       0.01       12.0         0.18000000000000000       0.02       12.0         0.18000000000000000       0.03       12.0         0.18000000000000000       0.04       12.0         0.18000000000000000       0.05       12.0         0.1800000000000000       0.06000000000000       12.0         0.1800000000000000       0.08       12.0         0.18000000000000000       0.09       12.0         0.180000000000000000       0.099999999999999       12.0         0.180000000000000000       0.11       12.0         0.1800000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000       0.12       12.0         0.180000000000000000000000       0.12       12.0         0.180000000000000000000       0.13       12.0	0.17	0.19	14.0
0.18000000000000000       0.02       12.0         0.18000000000000000       0.03       12.0         0.18000000000000000       0.04       12.0         0.18000000000000000       0.05       12.0         0.1800000000000000       0.060000000000000       12.0         0.18000000000000000       0.08       12.0         0.18000000000000000       0.09       12.0         0.18000000000000000       0.09999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.11       12.0         0.180000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000       0.12       12.0	0.17	0.2	14.0
0.18000000000000000       0.03       12.0         0.18000000000000000       0.04       12.0         0.18000000000000000       0.05       12.0         0.18000000000000000       0.060000000000000       12.0         0.18000000000000000       0.069999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.09       12.0         0.18000000000000000       0.09999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.11       12.0         0.180000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000000000000000000000	0.18000000000000000000002	0.01	12.0
0.18000000000000000       0.04       12.0         0.18000000000000000       0.05       12.0         0.18000000000000000       0.060000000000000       12.0         0.18000000000000000       0.069999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.08       12.0         0.18000000000000000       0.09       12.0         0.18000000000000000       0.09999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.11       12.0         0.180000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000       0.13       12.0	0.18000000000000000000002	0.02	12.0
0.18000000000000000       0.05       12.0         0.18000000000000000       0.060000000000000       12.0         0.1800000000000000       0.069999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.08       12.0         0.18000000000000000       0.09       12.0         0.18000000000000000       0.099999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.11       12.0         0.180000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000       0.13       12.0	0.18000000000000000000002	0.03	12.0
0.18000000000000000       0.060000000000000       12.0         0.18000000000000000       0.0699999999999999       12.0         0.1800000000000000       0.08       12.0         0.1800000000000000       0.09       12.0         0.1800000000000000       0.09999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.11       12.0         0.18000000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000000       0.13       12.0	0.1800000000000000000000000000000000000	0.04	12.0
0.1800000000000000       0.069999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.08       12.0         0.1800000000000000       0.09       12.0         0.1800000000000000       0.099999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.11       12.0         0.18000000000000000       0.12       12.0         0.180000000000000000       0.13       12.0	0.1800000000000000000000000000000000000	0.05	12.0
0.18000000000000000       0.08       12.0         0.18000000000000000       0.09       12.0         0.18000000000000000       0.09999999999999       12.0         0.18000000000000000       0.11       12.0         0.18000000000000000       0.12       12.0         0.180000000000000000       0.13       12.0	0.18000000000000000000002	0.0600000000000000005	12.0
0.18000000000000000       0.09       12.0         0.1800000000000000       0.099999999999999       12.0         0.1800000000000000       0.11       12.0         0.1800000000000000       0.12       12.0         0.18000000000000000       0.13       12.0	0.18000000000000000000002	0.069999999999999	12.0
0.1800000000000000       0.099999999999999       12.0         0.1800000000000000       0.11       12.0         0.1800000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000       0.13       12.0	0.18000000000000000000002	0.08	12.0
0.1800000000000000       0.11       12.0         0.1800000000000000       0.12       12.0         0.1800000000000000       0.13       12.0	0.18000000000000000000002	0.09	12.0
0.180000000000000     0.12     12.0       0.1800000000000000     0.13     12.0	0.1800000000000000002	0.099999999999999	12.0
0.1800000000000000000000000000000000000	0.1800000000000000000000000000000000000	0.11	12.0
	0.1800000000000000000000000000000000000	0.12	12.0
0.1800000000000000000000000000000000000	0.1800000000000000000000000000000000000	0.13	12.0
	0.1800000000000000000000000000000000000	0.14	12.0
0.1800000000000000 0.150000000000000 12.0	0.1800000000000000000000000000000000000	0.1500000000000000000000000000000000000	12.0
0.1800000000000000000000000000000000000	0.1800000000000000000000000000000000000	0.16	12.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $\mathbf{56}$ 

0.1800000000000000000000000000000000000	0.17	12.0
0.1800000000000000000000000000000000000	0.180000000000000002	12.0
0.1800000000000000000000000000000000000	0.19	12.0
0.1800000000000000002	0.2	12.0
0.19	0.01	8.0
0.19	0.02	8.0
0.19	0.03	8.0
0.19	0.04	8.0
0.19	0.05	8.0
0.19	0.0600000000000000005	8.0
0.19	0.069999999999999	8.0
0.19	0.08	8.0
0.19	0.09	8.0
0.19	0.099999999999999	8.0
0.19	0.11	8.0
0.19	0.12	8.0
0.19	0.13	8.0
0.19	0.14	8.0
0.19	0.150	8.0
0.19	0.16	8.0
0.19	0.17	8.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $57\,$ 

0.19	0.180000000000000002	8.0
0.19	0.19	8.0
0.19	0.2	8.0
0.2	0.01	6.0
0.2	0.02	6.0
0.2	0.03	6.0
0.2	0.04	6.0
0.2	0.05	6.0
0.2	0.060000000000000005	6.0
0.2	0.069999999999999	6.0
0.2	0.08	6.0
0.2	0.09	6.0
0.2	0.099999999999999	6.0
0.2	0.11	6.0
0.2	0.12	6.0
0.2	0.13	6.0
0.2	0.14	6.0
0.2	0.150	6.0
0.2	0.16	6.0
0.2	0.17	6.0
0.2	0.180	6.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $58\,$ 

0.2	0.19	6.0
0.2	0.2	6.0

Table 3.3 – Tableau de l'évolution du temps d'exécution de l'algorithme Apriori selon le support minimum.

sup min	nbr motifs
0.2	11.0
0.199	11.0
0.198	11.0
0.197	11.0
0.196	13.0
0.195	13.0
0.194	13.0
0.193	13.0
0.192	13.0
0.191	13.0
0.19	13.0
0.189	13.0
0.188	13.0
0.187	13.0
0.186	13.0

0.185	13.0
0.184	13.0
0.183	16.0
0.182	16.0
0.181	16.0
0.18	16.0
0.179	17.0
0.178	17.0
0.177	17.0
0.176	17.0
0.175	17.0
0.174	17.0
0.173	17.0
0.172	17.0
0.1709999999999999	17.0
0.1699999999999998	17.0
0.1689999999999998	19.0
0.1679999999999998	19.0
0.1669999999999998	19.0
0.1659999999999998	19.0
0.1649999999999998	19.0
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations  $60\,$ 

0.1639999999999998	19.0
0.1629999999999998	19.0
0.1619999999999998	22.0
0.1609999999999998	22.0
0.1599999999999998	22.0
0.1589999999999999	23.0
0.1579999999999999	23.0
0.1569999999999999	23.0
0.1559999999999999	23.0
0.1549999999999999	23.0
0.1539999999999999	23.0
0.1529999999999999	23.0
0.1519999999999999	23.0
0.1509999999999999	23.0
0.1499999999999999	23.0
0.1489999999999999	24.0
0.1479999999999999	24.0
0.1469999999999999	24.0
0.1459999999999999	24.0
0.1449999999999999	24.0
0.1439999999999999	24.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 61

0.1429999999999999	24.0
0.1419999999999999	24.0
0.1409999999999996	24.0
0.139999999999999	24.0
0.138999999999999	24.0
0.13799999999999996	25.0
0.1369999999999996	25.0
0.1359999999999995	25.0
0.1349999999999995	25.0
0.1339999999999995	25.0
0.1329999999999995	25.0
0.1319999999999995	27.0
0.1309999999999995	27.0
0.1299999999999995	27.0
0.1289999999999995	27.0
0.1279999999999995	28.0
0.1269999999999995	28.0
0.1259999999999995	28.0
0.1249999999999999	29.0
0.12399999999999994	29.0
0.12299999999999994	29.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 62

0.1219999999999999       29.0         0.1199999999999999       29.0         0.118999999999999       29.0         0.117999999999999       31.0         0.116999999999999       31.0         0.115999999999999       31.0         0.114999999999999       32.0         0.11299999999999       32.0         0.11199999999999       32.0         0.11199999999999       33.0         0.1099999999999       33.0         0.10799999999999       33.0         0.10799999999999       33.0         0.10699999999999       33.0         0.10599999999999       33.0         0.10499999999999       35.0         0.10299999999999       35.0         0.101999999999999       35.0		
0.1199999999999999       29.0         0.11899999999999999       31.0         0.1169999999999999       31.0         0.115999999999999       31.0         0.114999999999999       32.0         0.113999999999999       32.0         0.111999999999999       32.0         0.111999999999999       32.0         0.11099999999999       33.0         0.1099999999999       33.0         0.10799999999999       33.0         0.10699999999999       33.0         0.10599999999999       33.0         0.10499999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.12199999999999994	29.0
0.1189999999999999       29.0         0.11799999999999999       31.0         0.1169999999999999       31.0         0.115999999999999       31.0         0.114999999999999       32.0         0.112999999999999       32.0         0.111999999999999       32.0         0.11099999999999       33.0         0.1099999999999       33.0         0.10799999999999       33.0         0.10699999999999       33.0         0.10599999999999       35.0         0.102999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.1209999999999994	29.0
0.1179999999999999       31.0         0.11699999999999999       31.0         0.1159999999999999       31.0         0.1149999999999999       32.0         0.112999999999999       32.0         0.111999999999999       32.0         0.11099999999999       32.0         0.11099999999999       33.0         0.10999999999999       33.0         0.10799999999999       33.0         0.10699999999999       33.0         0.10599999999999       33.0         0.10499999999999       35.0         0.102999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.11999999999999994	29.0
0.1169999999999999       31.0         0.11599999999999999       31.0         0.1149999999999999       32.0         0.112999999999999       32.0         0.111999999999999       32.0         0.111999999999999       32.0         0.11099999999999       33.0         0.10999999999999       33.0         0.10799999999999       33.0         0.10699999999999       33.0         0.10599999999999       33.0         0.10499999999999       35.0         0.103999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.11899999999999994	29.0
0.1159999999999999       31.0         0.11499999999999999       32.0         0.112999999999999       32.0         0.111999999999999       32.0         0.111999999999999       32.0         0.110999999999999       33.0         0.10999999999999       33.0         0.10899999999999       33.0         0.10799999999999       33.0         0.10699999999999       33.0         0.10599999999999       33.0         0.10499999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.11799999999999994	31.0
0.1149999999999999       32.0         0.1139999999999999       32.0         0.112999999999999       32.0         0.111999999999999       32.0         0.110999999999999       33.0         0.10999999999999       33.0         0.10899999999999       33.0         0.10799999999999       33.0         0.10699999999999       33.0         0.10599999999999       33.0         0.10499999999999       35.0         0.102999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.11699999999999994	31.0
0.1139999999999999       32.0         0.1129999999999999       32.0         0.1119999999999999       32.0         0.110999999999999       33.0         0.109999999999999       33.0         0.108999999999999       33.0         0.107999999999999       33.0         0.106999999999999       33.0         0.10599999999999       33.0         0.10499999999999       35.0         0.102999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.11599999999999994	31.0
0.1129999999999999       32.0         0.11199999999999999       32.0         0.1109999999999999       33.0         0.109999999999999       33.0         0.1089999999999999       33.0         0.1079999999999999       33.0         0.106999999999999       33.0         0.105999999999999       33.0         0.104999999999999       35.0         0.1029999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.1149999999999999	32.0
0.1119999999999999       32.0         0.1109999999999999       33.0         0.108999999999999       33.0         0.107999999999999       33.0         0.107999999999999       33.0         0.106999999999999       33.0         0.10599999999999       33.0         0.10499999999999       35.0         0.102999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.1139999999999993	32.0
0.11099999999999999       33.0         0.1099999999999999       33.0         0.1089999999999999       33.0         0.1079999999999999       33.0         0.106999999999999       33.0         0.105999999999999       33.0         0.104999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.1129999999999993	32.0
0.1099999999999999       33.0         0.1089999999999999       33.0         0.1079999999999999       33.0         0.106999999999999       33.0         0.105999999999999       33.0         0.104999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.11199999999999993	32.0
0.1089999999999999       33.0         0.1079999999999999       33.0         0.1069999999999999       33.0         0.1059999999999999       33.0         0.104999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.1109999999999993	33.0
0.1079999999999999       33.0         0.1069999999999999       33.0         0.105999999999999       33.0         0.104999999999999       35.0         0.103999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.1099999999999993	33.0
0.1069999999999999       33.0         0.1059999999999999       33.0         0.104999999999999       35.0         0.103999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.1089999999999993	33.0
0.105999999999999       33.0         0.104999999999999       35.0         0.103999999999999       35.0         0.10299999999999       35.0	0.1079999999999993	33.0
0.104999999999999       35.0         0.103999999999999       35.0         0.10299999999999       35.0	0.1069999999999993	33.0
0.103999999999999       35.0         0.102999999999999       35.0	0.1059999999999993	33.0
0.10299999999999999999999999999999999999	0.1049999999999993	35.0
	0.1039999999999999	35.0
0.1019999999999999999999999999999999999	0.1029999999999999	35.0
	0.1019999999999999	35.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 63

0.100999999999999999       36.0         0.098999999999999999       36.0         0.0979999999999999       36.0         0.096999999999999       36.0         0.095999999999999       36.0         0.094999999999999       36.0         0.09399999999999       40.0         0.09299999999999       40.0         0.09199999999999       42.0         0.08899999999999       42.0         0.0879999999999       46.0         0.0859999999999       46.0         0.0849999999999       46.0         0.08399999999999       50.0         0.08199999999999       52.0		
0.0989999999999999999999999999999999999	0.1009999999999999	36.0
0.0979999999999999999999999999999999999	0.099999999999999	36.0
0.0969999999999999999999999999999999999	0.098999999999999	36.0
0.09599999999999999       36.0         0.09499999999999999       40.0         0.0929999999999999       40.0         0.091999999999999       40.0         0.090999999999999       42.0         0.088999999999999       42.0         0.08899999999999       42.0         0.0879999999999       46.0         0.0869999999999       46.0         0.0849999999999       46.0         0.0839999999999       50.0         0.08199999999999       50.0	0.0979999999999999	36.0
0.0949999999999999999999999999999999999	0.0969999999999999	36.0
0.0939999999999999999999999999999999999	0.0959999999999999	36.0
0.0929999999999999999999999999999999999	0.0949999999999999	36.0
0.09199999999999999       40.0         0.09099999999999999       42.0         0.0889999999999999       42.0         0.088999999999999       42.0         0.087999999999999       46.0         0.086999999999999       46.0         0.084999999999999       46.0         0.08399999999999       50.0         0.08199999999999       50.0         0.081999999999999       50.0	0.093999999999999	40.0
0.090999999999999999       42.0         0.08899999999999999       42.0         0.087999999999999       46.0         0.086999999999999       46.0         0.085999999999999       46.0         0.084999999999999       46.0         0.08399999999999       50.0         0.08199999999999       50.0	0.092999999999999	40.0
0.0899999999999999999999999999999999999	0.0919999999999999	40.0
0.0889999999999999999999999999999999999	0.0909999999999991	42.0
0.08799999999999999       46.0         0.08699999999999999       46.0         0.0859999999999999       46.0         0.084999999999999       46.0         0.083999999999999       50.0         0.08199999999999       50.0	0.0899999999999991	42.0
0.08699999999999999       46.0         0.0859999999999999       46.0         0.084999999999999       46.0         0.083999999999999       50.0         0.08199999999999       50.0	0.0889999999999999	42.0
0.0859999999999999       46.0         0.0849999999999999       46.0         0.083999999999999       50.0         0.082999999999999       50.0         0.08199999999999       50.0	0.0879999999999999	46.0
0.0849999999999999       46.0         0.083999999999999       50.0         0.082999999999999       50.0         0.08199999999999       50.0	0.0869999999999999	46.0
0.0839999999999999       50.0         0.082999999999999       50.0         0.08199999999999       50.0	0.0859999999999999	46.0
0.082999999999999     50.0       0.081999999999999     50.0	0.0849999999999999	46.0
0.08199999999999 50.0	0.0839999999999991	50.0
	0.08299999999999999	50.0
0.0809999999999999999999999999999999999	0.081999999999999	50.0
	0.080999999999999	52.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 64

0.079999999999999	52.0
0.078999999999999	52.0
0.077999999999999	52.0
0.076999999999999	60.0
0.075999999999999	60.0
0.074999999999999	60.0
0.073999999999999	64.0
0.072999999999999	64.0
0.071999999999999	64.0
0.070999999999999	68.0
0.069999999999999	68.0
0.068999999999999	68.0
0.067999999999999	68.0
0.0669999999999999	69.0
0.0659999999999999	69.0
0.0649999999999999	69.0
0.0639999999999999	72.0
0.0629999999999999	72.0
0.0619999999999999	72.0
0.0609999999999999	75.0
0.0599999999999999	75.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 65

0.05899999999999886	75.0
0.05799999999999885	75.0
0.05699999999999884	77.0
0.0559999999999988	77.0
0.0549999999999988	77.0
0.0539999999999988	86.0
0.0529999999999988	86.0
0.0519999999999988	86.0
0.0509999999999988	86.0
0.0499999999999988	90.0
0.0489999999999988	90.0
0.04799999999999876	90.0
0.04699999999999875	95.0
0.04599999999999874	95.0
0.0449999999999987	95.0
0.0439999999999987	99.0
0.0429999999999987	99.0
0.0419999999999987	99.0
0.0409999999999987	99.0
0.0399999999999987	108.0
0.0389999999999987	108.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 66

0.0379999999999987	108.0
0.03699999999999866	116.0
0.03599999999999865	116.0
0.03499999999999865	116.0
0.03399999999999864	116.0
0.032999999999986	126.0
0.0319999999999986	126.0
0.0309999999999986	126.0
0.029999999999986	136.0
0.0289999999999986	136.0
0.0279999999999986	136.0
0.02699999999999857	142.0
0.02599999999999857	142.0
0.02499999999999856	142.0
0.02399999999999855	142.0
0.02299999999999854	164.0
0.02199999999999853	164.0
0.02099999999999852	164.0
0.0199999999999985	181.0
0.0189999999999985	181.0
0.0179999999999985	181.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 67

0.0169999999999985	181.0
0.01599999999999848	199.0
0.01499999999999847	199.0
0.01399999999999846	199.0
0.01299999999999845	211.0
0.01199999999999844	211.0
0.01099999999999843	211.0
0.00999999999999842	227.0
0.00899999999999841	227.0
0.0079999999999984	227.0
0.0069999999999984	227.0
0.00599999999999839	261.0
0.00499999999999838	261.0
0.00399999999999837	261.0
0.00299999999999836	299.0
0.001999999999998352	299.0
0.000999999999998344	299.0

Table 3.4 – Tableau de l'évolution du nombre de règles générées de l'algorithme Apriori selon la confiance minimale et le support minimum.

Support min	Confiance min	Mémoire
-------------	---------------	---------

0.001	0.0001	-0.000387923
0.001	0.0002	7.71986166
0.001	0.0003000	6.175889328
0.001	0.0004	2.8949481
0.001	0.0005	2.894948122530
0.001	0.000600	5.7898962
0.001	0.0007000	5.7898962450
0.001	0.0008	0.08220
0.001	0.0009000	6.175889328
0.004	0.0001	7.719861660
0.004	0.0002	0.0
0.004	0.000300	0.0
0.004	0.0004	0.0
0.004	0.0005	0.0
0.004	0.0006000	0.0
0.004	0.00070000	0.0
0.004	0.0008	0.0
0.004	0.0009000	0.0
0.007	0.0001	0.0
0.007	0.0002	0.0
0.007	0.000300000	0.0

Rapport - Exploitation des données et Extraction des règles d'associations 69

0.007	0.0004	0.0
0.007	0.0005	0.0
0.007	0.00060000	0.0
0.007	0.00070	0.0
0.007	0.0008	0.0
0.007	0.00090000	0.0
0.010000	0.0001	0.0
0.0100000	0.0002	0.0
0.0100000	0.0003000	0.0
0.010000	0.0004	0.0
0.0100000	0.0005	0.0
0.010000	0.00060000	0.0
0.0100000	0.000700	0.0
0.0100000	0.0008	0.0
0.0100000	0.000900	0.0

Table 3.5 – Tableau de l'évolution de l'éspace mémoire alloué à l'algorithme Apriori selon la confiance minimale et le support minimum.