



Matemática Discreta 1 Tautologia, Equivalência, Contradição, Contingência e Implicação Lógicas

AULA 4

Professor: Luiz Augusto Laranjeira

luiz.laranjeira@gmail.com



Tautologia



Tautologia

Equivalência Contradição

Contingência

Implicação

- É toda proposição composta cujo valor lógico é sempre V.
- \circ Exemplos: $p + \sim p = V$

$$\sim (p \cdot \sim p) = V$$

 Somente simplificar um expressão não é tautologia.

Deve-se chegar ao valor lógico V para todas as combinações de valores lógicos das proposições simples que compõe a proposição composta.



Exemplo 1



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

$$\circ$$
 p + \sim p

$$\circ$$
 V + F = V; F + V = V

Logo, p + ~p é tautologia!!!



Exemplo 2



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

$$\circ$$
 ~(p • ~p)

$$\circ$$
 $V \cdot F = F ; F \cdot V = F$

$$\circ \sim (p \cdot \sim p) = \sim F$$

Logo, ~(p • ~p) é tautologia!!!



Equivalência Lógica



Tautologia

Equivalência

Contradição Contingência

- $\circ P(p,q,r,...) \iff Q(p,q,r,...)$
- Uma proposição P é equivalente a uma outra proposição Q se as suas tabelas verdade são idênticas.
- Propriedade Reflexiva
 P(p,q,r,...) ⇔ Q(p,q,r,...)
- Os símbolos ⇔ e ≡ indicam equivalência



Equivalência Lógica (cont.)



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

Propriedade Simétrica:

Se
$$P(p,q,r,...) \iff Q(p,q,r,...)$$

então $Q(p,q,r,...) \iff P(p,q,r,...)$

Propriedade Transitiva:

Se
$$P(p,q,r,...) \iff Q(p,q,r,...)$$

e $Q(p,q,r,...) \iff R(p,q,r,...)$
então $P(p,q,r,...) \iff R(p,q,r,...)$



Nota 1



Tautologia

Equivalência

Contradição Contingência Implicação Os símbolos ↔ e ⇔ são distintos:

- O símbolo ↔ é de operação lógica
- 2)O símbolo ⇔ é de *relação*, pois estabelece que duas proposições

P(p,q,r,...) e Q(p,q,r,...)

têm tabelas verdade idênticas.



Teorema 1



Tautologia

Equivalência

Contradição Contingência

Implicação

A proposição P(p,q,r,...) é equivalente à proposição Q(p,q,r,...), isto é

$$P(p,q,r,...) \iff Q(p,q,r,...)$$

Se e somente se a bicondicional

$$P(p,q,r,...) \leftrightarrow Q(p,q,r,...)$$

é tautológica.



Teorema 1 - Demo (a)



Tautologia

Equivalência

Contradição Contingência Implicação Se P(p,q,r,...) é equivalente a Q(p,q,r,...), então suas tabelas verdade são idênticas, e por isso o valor lógico da bicondicional é sempre V, isto é, a bicondicional é tautológica.

р	q	r	Р	Q	$P \leftrightarrow Q$
V	V	V	V	V	V
V	V	F	V	V	V
V	F	V	V	V	V
V	F	F	F	F	V
F	V	V	V	V	V
F	V	F	F	F	V
F	F	V	F	F	V
F	F	F	F	F	V

Р	Q	$P \leftrightarrow Q$
V	V	V
F	F	V

Exemplo hipotético



Teorema 1 - Demo (b)



Tautologia

Equivalência

Contradição
Contingência
Implicação

Se a bicondicional é tautológica, isto é, se a última coluna de sua tabela verdade encerra somente o valor V, então os valores lógicos respectivos das proposições P(p,q,r,...) e Q(p,q,r,...) são ambos V ou ambos F, isto é, as duas proposições são equivalentes.





Tautologia

Equivalência

Contradição Contingência

Implicação

Propriedades comutativas

$$A+B \iff B+A$$
 $A \bullet B \iff B \bullet A$

Propriedades associativas

$$(A+B) + C \iff A + (B+C)$$

$$(A \bullet B) \bullet C \iff A \bullet (B \bullet C)$$

Propriedades distributivas

$$A + (B \bullet C) \iff (A + B) \bullet (A + C)$$

$$A \bullet (B + C) \iff (A \bullet B) + (A \bullet C)$$





Tautologia

Equivalência

Contradição Contingência

Implicação

Propriedades de identidade

$$A + F \iff A$$

$$A \bullet V \iff A$$

Propriedades complementativas

$$A + \sim A \iff V$$

Leis de De Morgan

$$\sim$$
(A + B) \iff \sim A • \sim B

$$\sim$$
(A • B) \iff \sim A + \sim B





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

Propriedade reflexiva

$$A \iff A$$

Propriedades idempotentes

$$A + A \iff A$$

$$A \bullet A \iff A$$

Dupla negativa

$$\sim (\sim A) \iff A$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

Reescrevendo a condicional

$$A \rightarrow B \iff \sim A + B$$
 $\sim B \rightarrow \sim A \iff \sim (\sim B) + \sim A$
 $\sim B \rightarrow \sim A \iff \sim A + B$

$$A \rightarrow B \iff \sim B \rightarrow \sim A$$

(Contraposição)





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

Reescrevendo a bicondicional

$$A \leftrightarrow B \iff (A \rightarrow B) \bullet (B \rightarrow A)$$

 $(\sim A + B) \bullet (\sim B + A)$

$$\sim A \bullet \sim B + \sim A \bullet A + \sim B \bullet B + A \bullet B$$

 $\sim A \bullet \sim B + F + A \bullet B$

$$A \leftrightarrow B \iff (A \cdot B) + (\sim A \cdot \sim B)$$



Unb Equivalências Tautológicas



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

Importação-Exportação

$$A \rightarrow (B \rightarrow C) \iff (A \bullet B) \rightarrow C$$

A	В	С	$B \rightarrow C$	A → (B → C)	A ● B	(A • B) → C
V	V	V	V	V	V	V
V	V	F	F	F	V	F
V	F	V	V	V	F	V
V	F	F	V	V	F	V
F	V	V	V	V	F	V
F	V	F	F	V	F	V
F	F	V	V	V	F	V
F	F	F	V	V	F	V



UnB Equivalências Tautológicas



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

Equivalência de simplificação

$$A + \sim A \bullet B \iff A + B$$

Α	В	~A	~A • B	A + ~A • B	A + B
V	V	F	F	V	V
V	F	F	F	V	V
F	V	V	V	V	V
F	F	V	F	F	F



Unb Equivalências Tautológicas



Tautologia

Equivalência

Contradição Contingência

Implicação

Equivalência de simplificação

$$A \bullet (\sim A + B) \iff (A \bullet B)$$

Α	В	~A	~A + B	A • (~A + B)	A • B
V	V	F	V	V	V
V	F	F	F	F	F
F	V	V	V	F	F
F	F	V	V	F	F



Ound Equivalências Tautológicas



- Propriedade reflexiva A⇔A
- 2) Props de identidade $A + F \Leftrightarrow A \qquad A \bullet V \Leftrightarrow A$
- 3) Props complementativas $A + \sim A \Leftrightarrow V$ $A \bullet \sim A \Leftrightarrow F$
- 4) Leis de Morgan ~(A + B) ⇔ ~A • ~B ~(A • B) ⇔ ~A + ~B
- 5) Propriedades idempotentes $A + A \Leftrightarrow A \qquad A \bullet A \Leftrightarrow A$
- 6) Dupla negativa ~(~A)⇔A
- 7) Exportação-Importação $(A \bullet B) \rightarrow C \iff A \rightarrow (B \rightarrow C)$
- 8) Propriedades comutativas $A+B \Leftrightarrow B+A \quad A \bullet B \Leftrightarrow B \bullet A$

- 9) Propriedades associativas $(A + B) + C \Leftrightarrow A + (B + C)$ $(A \bullet B) \bullet C \iff A \bullet (B \bullet C)$
- 10) Propriedades distributivas $A + (B \bullet C) \Leftrightarrow (A+B) \bullet (A+C)$ $A \bullet (B+C) \iff (A \bullet B) + (A \bullet C)$
- 11) Condicional e Contraposição $A \rightarrow B \iff \sim A + B \iff \sim B \rightarrow \sim A$
- 12) Bicondicional $A \leftrightarrow B \iff (A \rightarrow B) \bullet (B \rightarrow A)$ $A \leftrightarrow B \iff (A \bullet B) + (\sim A \bullet \sim B)$
- 13) Equivs de Simplificação $A + \sim A \bullet B \iff A + B$ $A \bullet (\sim A + B) \iff A \bullet B$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

$$p + (q \cdot \sim q) \leftrightarrow p \in tautologia?$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

₁₎
$$p + (q \cdot q) \leftrightarrow p$$

$$(q \bullet \sim q) \equiv F$$

3)
$$p + F \leftrightarrow p$$

$$p + F \equiv p$$

5)
$$p \leftrightarrow p$$

Obs.:
$$F \leftrightarrow F = V$$

$$V \leftrightarrow V = V$$

Logo, a proposição é tautologia!!!





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

$$(p \bullet r) \rightarrow (\sim q + r)$$
 é tautologia?





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

$$(p \bullet r) \rightarrow (\sim q + r)$$

$$\sim (p \cdot r) + (\sim q + r)$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

(p • r)
$$\rightarrow$$
 (\sim q + r)

$$(p \cdot r) + (\sim q + r)$$

3)
$$\sim p + \sim r + \sim q + r$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

(p • r)
$$\rightarrow$$
 (\sim q + r)

$$(p \cdot r) + (\sim q + r)$$

$$\sim p + \sim r + \sim q + r$$

$$^{4)}$$
 $\sim p + \sim q + \sim r + r$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

$$(p \bullet r) \rightarrow (\sim q + r)$$

$$(p \cdot r) + (\sim q + r)$$

$$\sim p + \sim r + \sim q + r$$

4)
$$\sim p + \sim q + \sim r + r$$

$$_{5)} \sim p + \sim q + V$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

(p • r)
$$\rightarrow$$
 (\sim q + r)

$$\sim (p \cdot r) + (\sim q + r)$$

$$\sim p + \sim r + \sim q + r$$

$$^{4)}$$
 $\sim p + \sim q + \sim r + r$

$$\sim p + \sim q + V$$

6) **V**

Logo, a proposição é tautologia!!!





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

$$((p \rightarrow q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (q \rightarrow r))$$

É tautologia?





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

((p
$$\rightarrow$$
 q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (q \rightarrow r))

$$((\sim p + q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (\sim q + r))$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

(
$$(p \rightarrow q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (q \rightarrow r))$$

$$((\sim p + q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (\sim q + r))$$

3)
$$(\sim(\sim p + q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

(
$$(p \rightarrow q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (q \rightarrow r))$$

((
$$\sim p + q$$
) $\rightarrow r$) $\rightarrow (p \rightarrow (\sim q + r))$

$$(\sim(\sim p + q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)$$

((p •
$$\sim$$
q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

(
$$(p \rightarrow q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (q \rightarrow r))$$

((
$$\sim p + q$$
) $\rightarrow r$) $\rightarrow (p \rightarrow (\sim q + r))$

(
$$\sim$$
(\sim p + q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)

((p •
$$\sim$$
q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)

$$\sim ((p \bullet \sim q) + r) + (\sim p + \sim q + r)$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

((p
$$\rightarrow$$
 q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (q \rightarrow r))

$$((\sim p + q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (\sim q + r))$$

(
$$\sim$$
(\sim p + q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)

((p •
$$\sim$$
q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)

$$\sim ((p \cdot \sim q) + r) + (\sim p + \sim q + r)$$

$$\sim (p \bullet \sim q) \bullet \sim r + \sim p + \sim q + r$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

(
$$(p \rightarrow q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (q \rightarrow r))$$

$$((\sim p + q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (\sim q + r))$$

(
$$\sim$$
(\sim p + q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)

((p
$$\bullet$$
 \sim q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)

$$\sim ((p \bullet \sim q) + r) + (\sim p + \sim q + r)$$

$$\sim (p \bullet \sim q) \bullet \sim r + \sim p + \sim q + r$$

$$(\sim p + q) \cdot \sim r + \sim p + \sim q + r$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

((p
$$\rightarrow$$
 q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (q \rightarrow r))

$$((\sim p + q) \rightarrow r) \rightarrow (p \rightarrow (\sim q + r))$$

(
$$\sim$$
(\sim p + q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)

((p
$$\bullet$$
 \sim q) + r) \rightarrow (\sim p + \sim q + r)

$$\sim ((p \bullet \sim q) + r) + (\sim p + \sim q + r)$$

$$\sim (p \bullet \sim q) \bullet \sim r + \sim p + \sim q + r$$

$$(\sim p + q) \cdot \sim r + \sim p + \sim q + r$$

8)
$$(\sim p + q) \cdot \sim r + r + \sim p + \sim q$$



Exercício 3 (cont.)



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

9)
$$(\sim p + q) \cdot \sim r + r + \sim p + \sim q$$

aplicando a Equivalência de Simplificação

$$_{10)} (\sim p + q) + r + \sim p + \sim q$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

9)
$$(\sim p + q) \cdot \sim r + r + \sim p + \sim q$$

aplicando a Equivalência de Simplificação

$$_{10)} (\sim p + q) + r + \sim p + \sim q$$

$$^{11)} \sim p + \sim p + q + \sim q + r$$





Tautologia

Equivalência
Contradição
Contingência

Implicação

9)
$$(\sim p + q) \cdot \sim r + r + \sim p + \sim q$$

aplicando a Equivalência de Simplificação

$$_{10)} (\sim p + q) + r + \sim p + \sim q$$

$$^{11)} \sim p + \sim p + q + \sim q + r$$

$$_{12)} \sim p + V + r$$





Tautologia

Equivalência
Contradição
Contingência

Implicação

9)
$$(\sim p + q) \cdot \sim r + r + \sim p + \sim q$$

aplicando a Equivalência de Simplificação

$$_{10)} (\sim p + q) + r + \sim p + \sim q$$

$$^{11)} \sim p + \sim p + q + \sim q + r$$

$$_{12)} \sim p + V + r$$

$$_{13)} \sim p + r + \vee$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

9)
$$(\sim p + q) \cdot \sim r + r + \sim p + \sim q$$

aplicando a Equivalência de Simplificação

$$_{10)} (\sim p + q) + r + \sim p + \sim q$$

$$^{11)} \sim p + \sim p + q + \sim q + r$$

$$_{12)} \sim p + V + r$$

$$_{13)} \sim p + r + \vee$$

Logo a proposição é tautologia!!!



Contradição



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência Implicação É toda proposição composta cujo valor lógico é sempre F.

Contradição = ~ Tautologia



Exemplo 3



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

$$\circ$$
 $F \bullet V = F ; V \bullet F = F$

Logo, p • ~p é contradição!!!



Exemplo 4



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência Implicação o p ↔ ~p é contradição?

$$\circ$$
 $V \leftrightarrow F = F ; F \leftrightarrow V = F$

Logo, p ↔ ~p é contradição!!!





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

$$\sim (p \leftrightarrow \sim p)$$

É contradição ou tautologia?





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

$$\circ \sim (p \leftrightarrow \sim p)$$

$$\circ \quad \sim ((p \to \sim p) \bullet (\sim p \to p))$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

$$\circ \sim (p \leftrightarrow \sim p)$$

$$\circ \quad \sim ((p \to \sim p) \bullet (\sim p \to p))$$

$$\circ \sim ((\sim p + \sim p) \bullet (p + p))$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

$$\circ \quad \sim (p \leftrightarrow \sim p)$$

$$\circ \quad \sim ((p \to \sim p) \bullet (\sim p \to p))$$

$$\circ \sim ((\sim p + \sim p) \bullet (p + p))$$

$$\circ \sim (\sim p \bullet p)$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

$$\circ \quad \sim (p \leftrightarrow \sim p)$$

$$\circ \quad \sim ((p \to \sim p) \bullet (\sim p \to p))$$

$$\circ \sim ((\sim p + \sim p) \bullet (p + p))$$

$$\circ \quad \sim (\sim p \bullet p)$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

$$\circ \quad \sim (p \leftrightarrow \sim p)$$

$$\circ \quad \sim ((p \to \sim p) \bullet (\sim p \to p))$$

$$\circ \sim ((\sim p + \sim p) \bullet (p + p))$$

$$\circ \sim (\sim p \bullet p)$$

$$\circ$$

Logo, \sim (p \leftrightarrow \sim p) é tautologia!!!





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

$$(p \bullet q) \bullet \sim (p + q) \acute{e} contradição?$$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

- o $(p \cdot q) \cdot \sim (p + q)$ é contradição?
- \circ p q \sim p \sim q





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

o
$$(p \cdot q) \cdot \sim (p + q)$$
 é contradição?

- \circ p q \sim p \sim q
- $\circ (p \bullet \sim p) \bullet (q \bullet \sim q)$





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

- o $(p \cdot q) \cdot \sim (p + q)$ é contradição?
- \circ p q \sim p \sim q
- $\circ (p \bullet \sim p) \bullet (q \bullet \sim q)$
- \circ p \bullet \sim p = F e q \bullet \sim q = F





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

o
$$(p \cdot q) \cdot \sim (p + q)$$
 é contradição?

$$\circ$$
 p • q • \sim p • \sim q

$$\circ (p \bullet \sim p) \bullet (q \bullet \sim q)$$

$$\circ$$
 p \bullet \sim p = F e q \bullet \sim q = F





Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

o
$$(p \cdot q) \cdot \sim (p + q) \cdot \text{é contradição}$$
?

$$\circ$$
 p • q • \sim p • \sim q

$$\circ (p \bullet \sim p) \bullet (q \bullet \sim q)$$

$$\circ$$
 p \bullet \sim p = F e q \bullet \sim q = F

$$\circ$$
 $\mathsf{F} \bullet \mathsf{F}$

Logo, a proposição é contradição!!!



Contingência



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

- Quando a proposição composta não possui valor lógico fixo ela é uma contingência, ou seja, quando a proposição não é nem tautologia nem contradição.
- Uma proposição composta ser contingência quer dizer que o seu valor lógico depende dos valores lógicos das proposições simples que a compõem.



Implicação Lógica



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

- $\circ P(p,q,r,...) \Rightarrow Q(p,q,r,...)$
- Na tabela verdade de P e Q não pode haver uma linha em que P tenha valor V e Q tenha valor F.
- Isto é, a condicional P → Q é tautológica
- Propriedade Reflexiva

$$P(p,q,r,...) \Rightarrow P(p,q,r,...)$$



Implicação Lógica (cont.)



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

Propriedade Transitiva:

Se
$$P(p,q,r,...) \Rightarrow Q(p,q,r,...)$$

e $Q(p,q,r,...) \Rightarrow R(p,q,r,...)$
então $P(p,q,r,...) \Rightarrow R(p,q,r,...)$

- Toda proposição implica uma tautologia, isto é P(p,q,r,...) ⇒ V



Nota 2



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

Os símbolos → e ⇒ são distintos:

- O símbolo → é de operação lógica
- 2)O símbolo ⇒ é de *relação*, pois estabelece que a condicional

 $P(p,q,r,...) \rightarrow Q(p,q,r,...)$

é tautológica.



Teorema 2



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

A proposição P(p,q,r,...) implica a proposição Q(p,q,r,...), isto é

$$P(p,q,r,...) \Rightarrow Q(p,q,r,...)$$

Se e somente se a condicional

$$P(p,q,r,...) \rightarrow Q(p,q,r,...)$$

é tautológica.



Teorema 2 - Demo (a)



Tautologia
Equivalência
Contradição
Contingência
Implicação

Se P(p,q,r,...) implica Q(p,q,r,...), então, não ocorre que os valores lógicos destas proposições sejam respectivamente V e F. Por isso a última coluna da tab. verdade da condicional encerra somente o valor

р	q	r	Р	Q	$P \rightarrow Q$
V	V	V	V	V	V
V	V	F	V	V	V
V	F	V	V	V	V
V	F	F	F	V	V
F	V	V	F	V	V
F	V	F	F	F	V
F	F	V	V	V	V
F	F	F	F	F	V

V, isto é, a condicional é tautológica.

P	Q	$P \rightarrow Q$
V	V	V
F	V	V
F	F	V



Teorema 2 – Demo (b)



Tautologia
Equivalência
Contradição
Contingência

Implicação

Se a condicional é tautológica, isto é, se a última coluna de sua tabela verdade encerra somente o valor V, então, não ocorre que os valores lógicos simultâneos das proposições P(p,q,r,...) e Q(p,q,r,...) sejam respectivamente V e F, e, por consequinte, a primeira proposição implica a segunda.



Unb Equivalência e Implicações 🥌



Tautologia

Equivalência

Contradição

Contingência

Implicação

Importação-Exportação (Equivalência)

$$A \rightarrow (B \rightarrow C) \iff (A \bullet B) \rightarrow C$$

Uma equivalência dá origem a duas implicações

Importação (Implicação)

$$A \rightarrow (B \rightarrow C) \Rightarrow (A \bullet B) \rightarrow C$$

Exportação (Implicação)

$$(A \bullet B) \rightarrow C \Rightarrow A \rightarrow (B \rightarrow C)$$