学习通相关习题

- 1.APRAM 并行计算模型各处理器可异步执行,同一相内不允许两个处理器访问同一存储单元
- 2.快速排序是基于分治策略的递归排序方法,适合串行算法的直接并行化策略
- 3.并行算法的划分设计技术包括均匀划分技术、方根划分技术、功能划分技术(不包括指数划分技术)
- 4.方根划分技术,以待处理序列长度 n 为划分依据
- 5.平衡术设计技术常采用平衡二叉树
- 6.划分离散傅里叶变换算法,适合采用均匀划分技术(流水线)
- 7.设计求森林的根算法,适合采用倍增设计技术
- 8.倍增技术又称指针跳跃技术,特别适合于处理链表或有向树之类的数据结构
- 9.双调归并网络基于 Batcher 定理设计,并很好的利用了分治思想
- 10.并行计算的一般设计过程依次包括:划分、通信、组合、映射
- 11.重复计算,也称冗余计算,用于 PCAM 设计方法学中的组合阶段
- 12.并行数值计算的数值可用实数表示,也可用虚数表示
- 13.并行数值计算求解问题的依据是基于数值分析中的数学原理
- 14.并行数值计算的算法可用直接法,但更普遍的是迭代法
- 15.并行数值计算的计算结果一般是满足预定精度要求的近似解
- 16.与稠密阵相对的的是稀疏阵,稠密阵几乎没有零元素,而稀疏阵其绝大多数元素均为零
- 17.简单的并行分块乘法速度快,但存储要求过大,Cannon乘法和Fox乘法在存储方面进行了优化

一、并行计算机互连网络

分类: 静态互连网络、动态互连网络、标准互连网络 静态互连网络: 一维线性阵列、二维网孔、树、超立方、嵌入

二、并行计算机结构模型

单指令多数据流计算机(SIMD): 多为专用

多指令多数据流计算机(MIMD): 并行向量处理机(PVP)、对称多处理机(SMP)、大规模并行处理机(MPP)、工作站机群(COW)、分布共享存储多处理机(DSM)

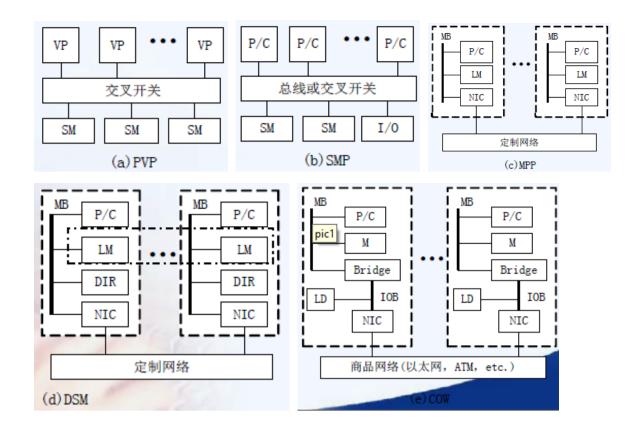
公用结构: Shell 结构

Shell 结构包括一个专门设计和定制的电路将商品化处理器和高速缓存 C、主存 M、NIC 和磁盘 D 连接起来

优点: 当处理器芯片更新换代时,只需要改变 Shell

属性	PVP	SMP	MPP	DSM	COW
结构类型	MIMD	MIMD	MIMD	MIMD	MIMD
处理器类型	专用定制	商用	商用	商用	商用
互连网络	定制交叉开关	总线、交叉开关	定制网络	定制网络	商用网络
通信机制	共享变量	共享变量	消息传递	共享变量	消息传递
地址空间	单地址空间	单地址空间	多地址空间	单地址空间	多地址空间
系统存储器	集中共享	集中共享	分布非共享	分布共享	分布非共享
访存模型	UMA	UMA	NORMA	NUMA	NORMA

相互联系:①DSM 是对 MPP 的改进和优化,实现了分布共享存储;②SMP、MPP、DSM、COW 并行结构趋于一致;③DSM 是 SMP 和 MPP 的自然结合;④MPP 和 COW 的界限逐渐模糊,趋于一致,形成当代并行机的公用结构;⑤并行计算机结构朝着高可扩放性(松散耦合)方向发展结构模型:



三、并行计算模型

- (一) PRAM 模型
- ①基本概念:又称 SIMD-SM 模型,有一个集中的共享存储器和一个指令控制器,通过 SM 的 R/W 交换数据,隐式同步计算
- ③分类、计算能力比较: 见第六大题
- ④优点:适合并行算法表示和复杂性分析,易于使用,隐藏了并行机的通讯、同步等细节
- ⑤缺点:不适合 MIMD 并行机,忽略了 SM 的竞争、通讯延迟等因素
- (二) 异步 APRAM 模型
- ①基本概念:又称分相 PRAM 或 MIMD-SM,每个处理器有其局部存储器、局部时钟、局部程序;无 全局时钟,各处理器异步执行;处理器通过 SM 进行通讯;处理器间依赖关系,需在并行程序中显式 地加入同步路障
- ②指令类型:全局读、全局写、局部操作、同步
- ④优缺点:易编程和分析算法的复杂度,但与现实相差较远,其上并行算法非常有限,也不适合 MIMD-DM 模型
- (三) BSP 模型

基本概念: "块"同步模型,是一种异步 MIMD-DM 模型,支持消息传递系统,块内异步并行,块间显式同步

- (四) logP 模型
- ①基本概念:是一种分布存储的、点到点通讯的多处理机模型,其中通讯由一组参数描述,实行隐式同步
- ③优缺点:捕捉了 MPC 的通讯瓶颈,隐藏了并行机的网络拓扑、路由、协议,可以应用到共享存储、消息传递、数据并行的编程模型中,但难以进行算法描述、设计和分析
- (注1) BSP 模型与 logP 模型的对比:
- BSP→LogP: BSP 块同步→BSP 子集同步→BSP 进程对同步=LogP
- BSP 可以常数因子模拟 LogP, LogP 可以对数因子模拟 BSP
- BSP 提供了更方便的程设环境, LogP 更好地利用了机器资源
- BSP 似乎更简单、方便和符合结构化编程

(注2) 四种计算模型综合比较

模型	PRAM	APRAM	BSM	LogP
体系结构	SIMD-SM	MIMD-SM	MIMD-DM	MIMD-DM
计算模式	同步计算	异步计算	异步计算	异步计算
同步方式	自动同步	路障同步	路障同步	隐式同步
通信方式	读/写共享变量	读/写共享变量	发送/接收消息	发送/接收消息

四、静态互联网络节点度、对剖宽度

节点度:射入或射出一个节点的边数(单向网络中,入射和出射边之和称为节点度)

网络直径: 网络中任何两个节点之间的最长距离(即最大路径数)

对剖宽度:对分网络各半所必须移去的最少边数

如果从仟一节点观看网络都一样,则称网络为对称的

NUMBER 1. WWW DE DI 4. H H N NO 14. 14. 14. 14. 14. 14. 14. 14. 14. 14.					
网络名称	网络规模	节点度	网络直径	对剖宽度	
线性阵列	N个节点	2	N-1	1	
环形	N个节点	2	[N/2] (双向)	2	
2-D 网孔	$(\sqrt{N} \times \sqrt{N})$ 个节点	4	$2(\sqrt{N}-1)$	\sqrt{N}	
Illiac 网孔	$(\sqrt{N} \times \sqrt{N})$ 个节点	4	$\sqrt{N}-1$	$2\sqrt{N}$	
2-D 环绕	$(\sqrt{N} \times \sqrt{N})$ 个节点	4	$2\left[\sqrt{N}/2\right]$	$2\sqrt{N}$	
二叉树	N个节点	3	$2(\lceil \log_2 N \rceil - 1)$	1	
星形	N个节点	N-1	2	[N/2]	
超立方	N=2 ⁿ 个节点	n	n	N/2	
立方环	N=k2 ^k 个节点	3	2k - 1 + [k/2]	N/(2k)	

五、超线性加速

实际加速比相较于算出来的加速比更快,优于计算结果

例如:多个处理器在不同的分支方向上同时搜索,一旦有一个处理器找到了解,就结束其他处理器的搜索,从而产生超线性加速现象

六、PRAM 模型分类

分类:

①PRAM-CRCW 并发读并发写

CPRAM-CRCW: 仅允许写入相同数据

PPRAM-CRCW: 仅允许优先级最高的处理器写入

APRAM-CRCW: 允许任意处理器自由写入

②PRAM-CREW 并发读互斥写

③PRAM-EREW 互斥读互斥写

计算能力比较:

PRAM-CRCW 是最强的计算模型,PRAM-EREW 可 logp 倍模拟 PRAM-CREW 和 PRAM-CRCW Terew≥Tcrew

七、域分解、功能分解

(一) 域分解(数据划分)

划分的对象是数据,可以是算法的输入数据、中间处理数据和输出数据;

将数据分解成大致相等的小数据片;

划分时考虑数据上的相应操作;

如果一个任务需要别的任务中的数据,则会产生任务间的通讯

(二) 功能分解(计算划分)

划分的对象是计算,将计算划分为不同的任务,其出发点不同于域分解;

划分后,研究不同任务所需的数据,如果这些数据不相交的,则划分是成功的;

如果数据有相当的重叠, 意味着要重新进行域分解和功能分解;

功能分解是一种更深层次的分解

八、带状划分、棋盘划分

(一) 带状划分

将矩阵整行或整列地分成若干组,每组指派给一个处理器;也可将若干行或若干列指派给一个处理器 块带状划分: 每组的行和列是连续的

循环带状划分: 每组的行和列是等距相间的

折中带状划分

(二) 棋盘划分

将方阵划分成若干个子方阵,每个子方阵指派给一个处理器

块棋盘划分: 行和列连续

循环棋盘划分: 行和列等间距

折中棋盘划分

九、高速缓存一致性问题

简化版定义:如何保证同一单元在不同高速缓存中的备份数据一致

详细定义: 当某一处理器第一次访问某一存储单元时,系统会将其内容的副本也同时传给与该处理器相连的高速缓存,以后当处理器再次访问此数据时,它就可以直接访问其高速缓存。如果另一个处理器也访问此同一个存储单元,则此数据的副本也将被传到与其相连的另一高速缓存。在此情况下,如果其中一个处理器改写了其高速缓存中的内容,但另一处高速缓存中的内容却仍是原来的值,这就造成了高速缓存中的数据不一致,即高速缓存一致性问题。

十、两种开关技术

(一) 存储转发选路(Store-and-Forward)

消息被分成基本的传输单位——信包,每个信包都含有寻径信息

当一个信包到达中间节点 A 时, A 把整个信包放入其通信缓冲器中, 然后在选路算法的控制下选择下一个相邻节点 B, 当从 A 到 B 的通道空闲并且 B 的通信缓冲器可用时, 把信包从 A 发向 B

(*)信包的传输时间: tcomm(SF)=ts+(mtw+th)l=O(ml)

缺点:每个结点必须对整个消息和信包进行缓冲,缓冲器较大;网络时延与发送信息所经历的节点数 成正比

(二)切通选路(Cut Through)

在传递一个消息之前,就为它建立一条从源节点到目的节点的物理通道,在传递的全部过程中,线路的每一段都被占用,当消息的尾部经过网络后,整条物理链路才被废弃

(*)传输时间: t_{comm}(CT)=ts+mt_w+lt_h=O(m+l)

缺点: 物理通道非共享: 传输过程中物理通道一直被占用

十一、等效率函数曲线

令 tie 和 tio 分别是系统上第 i 个处理器的有用计算时间和额外开销时间(包括通信、同步和空闲等待时间等)

 T_p 是 p 个处理器系统上并行算法的运行时间,对于任意 i 显然(假设)有 T_p = t_ie + t_io ,且 T_e + T_o =p T_p 问题的规模 W 定义为最佳串行算法所完成的计算量,W= T_e

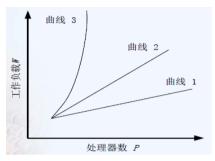
$$S = \frac{T_e}{T_p} = \frac{T_e}{\frac{T_e + T_o}{p}} = \frac{p}{1 + \frac{T_0}{T_e}} = \frac{p}{1 + \frac{T_0}{W}} \qquad E = \frac{S}{p} = \frac{1}{1 + \frac{T_0}{T_e}} = \frac{p}{1 + \frac{T_0}{W}}$$

如果问题规模 W 保持不变,处理器数 p 增加,开销 T_o增大,效率 E 下降。为了维持一定的效率(介于 0 与 1 之间),当处理数 p 增大时,需要相应地增大问题规模 W 的值。由此定义函数 $f_E(p)$ 为问题规模 W 随处理器数 p 变化的函数,为等效率函数

曲线 1 表示算法具有很好的扩放性; 曲线 2 表示算法是可扩放的; 曲线 3 表示算法是不可扩放的。

优点: 简单可定量计算的、少量的参数计算等效率函数

缺点: 如果 T。难以计算出(在共享存储并行机中)



十二、三种加速比性能定律

定义参数:

p: 并行系统中处理器数

W: 问题规模 W_s : 应用程序中的串行分量 W_p : 应用程序中可并行化部分

f: 串行分量比例 1-f: 并行分量比例 $T_s=T_1$: 串行执行时间 T_p : 并行执行时间

S: 加速(比) E: 效率

对应关系:

 $W=W_s+W_p$ $W_s=W_1$ $f=W_s/W$ f+(1-f)=1

定律	Amdahl 定律	Gustafson 定律	Sun 和 Ni 定律
出发点	①固定不变的计算负载; 载; ②固定的计算负载分 布在多个处理器上 的,增加处理器加快 执行速度,从而达到 了加速的目的	①对于很多大型计算,精度要求很高,即在此类应用中精度是个关键因素,而计算时间是固定不变的,此时为了提高精度,必须加大计算量,相应地亦必须增多处理器数才能维持时间不变; ②增多处理器必须相应增大问题规模才有实际意义	充分利用存储空间等计算 资源,尽量增大问题规模 以产生更好/更精确的解
适用 条件	实时应用问题,任务 量不变	任务量增加	从存储角度出发(存储量 增加)
备注	当问题的计算负载或 规模固定时,必须通 过增加处理器数目来 降低计算时间; 加速比受到算法中串 行工作量的限制,实 际上也受并行实现时 的额外开销的限制	随着处理器数目的增加,串行执行部分 f 不再是并行算法的瓶颈	是 Amdahl 定律和 Gustafson 定律的推广; G(p)=1 时就是 Amdahl 加速定律; G(p)=p 变为 f+p(1-f),就是 Gustafson 加速定律; G(p)>p 时,相应于计算机负载比存储要求增加得快,此时 Sun 和 Ni 加速均比 Amdahl 加速和Gustafson 加速高

公式推导:

①Amdahl 定律

$$T_{s} + fW + (1 - f)W \qquad T_{p} = fW + \frac{(1 - f)W}{p}$$

$$S_{p} = \frac{W}{fW + \frac{(1 - f)W}{p}} = \frac{p}{pf + 1 - f} = \frac{1}{\frac{(p - 1)f + 1}{p}} \xrightarrow{p \to \infty} \frac{1}{f}$$

②Gustafson 定律

$$S' = \frac{W_S + pW_P}{W_S + p \cdot W_P/p} = \frac{W_S + pW_P}{W_S + W_P}$$
$$S' = f + p(1 - f) = p + f(1 - p) = p - f(p - 1)$$

③Sun 和 Ni 定律

设单机上的存储器容量为 M, 其工作负载 W=fW+(1-f)W

当并行系统有p个结点时,存储容量扩大了pM,用G(p)表示系统的存储容量增加p倍时工作负载的增加量。则存储容量扩大后的工作负载为W=fW+(1-f)G(p)W,所以存储受限的加速为:

$$S'' = \frac{fW + (1 - f)G(p)W}{fW + (1 - f)G(p)W/p} = \frac{f + (1 - f)G(p)}{f + (1 - f)G(p)/p}$$

十三、并行计算对云计算、大数据、人工智能的支撑作用

核心支撑: 算力(并行计算)+算法(并行计算)+数据(并行存储)

算力=并行体系结构(硬件)+并行程序

算法=并行分布式算法(思维)+并行编程

数据=分布式存储技术(数据组织)+存储系统

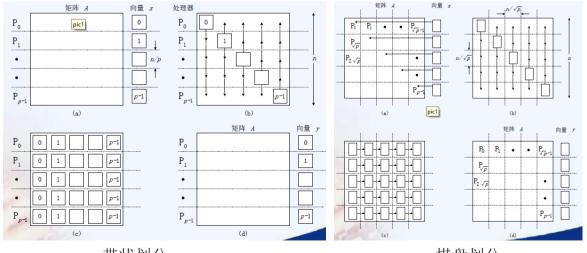
十四、异步 PRAM 模型的同步障

同步障的作用:为了避免数据访问的错误;处理器任何时间依赖关系需明确地在各处理器的处理器中加入同步障

详细作用: 计算系由一些列用同步障分开的全局相所组成,在各全局相内,每个处理器异步地运行局部程序,每个局部程序中的最后一条指令是同步障指令,正因为不同的处理器访问存储单元总是由同步障分开,所以指令完成的时间上的差异不影响整个计算。

十五、矩阵和向量相乘的并行化

带状划分:每个处理器分到矩阵一行/列的数据,计算开始前,每个处理器把自己存储的向量中的元素发给其他所有处理器,这样每个处理器就可以独立地完成一行的运算,最后合并计算结果



带状划分

棋盘划分

棋盘划分:每个处理器分到一个小矩阵的数据,计算开始前,处于对角线上的处理器把的向量中的元素发送给其他处理器,之后,每个处理器可以独自完成运算最后合并计算结果(向右发送)

脉动算法: 局部串行, 全局并行

十六、快速排序算法的并行化

(*)对于长度为 n 的序列,在最坏情况下的划分的两个子序别为 n-1 及 1 的长度、相应的运行时间为 $t(n)=t(n-1)+\Theta(n)$,其解为 $t(n)=\Theta(n^2)$ 。理想的情况是所划分的两个子序列等长,相应的运行时间为 $t(n)=2t(n/2)+\Theta(n)$,其解为 $t(n)=\Theta(n\log n)$ 。一种自然的并行化方法是并行地调用快排序对两个所划分的子序列进行快速排序。这种方法并不改变串行算法本身的属性,很容易改成并行形式。但是,如果用 n 个处理器排序 n 个数,若用一个处理器将 $(A_1 \cdots A_n)$ 划分成 $(A_1 \cdots A_s)$, $(A_{s+1} \cdots A_n)$ 是不会得到成本最优算法的。

只有将划分步并行化,才有可能得到成本最优算法。

PRAM-CRCW 上快排序算法:

- ①构造一棵二叉排序树, 其中主元是根;
- ②小于等于主元的元素处于左子树,大于主元的元素处于右子树;
- ③其左、右子树分别也为二叉排序树。

具体步骤:

- ①每个处理器分得一个元素,每个处理器将自己的元素编号并行地写入容量为1的全局变量,只有一个能写入成功,将其作为主元;
- ②每个处理器将它的元素与主元进行大小比较,如果相等则退出,所有小于等于主元的元素并行地将自己的编号写入主元的左子节点,大于主元的元素同理,最终左子节点、右子节点均只有一个元素成功写入:
- ③未退出的处理器并行读取相应的处理元;
- ④重复步骤②直至所有处理机退出:
- ⑤中序遍历所得二叉排序树,得到最终结果。

构造二叉排序树的时间复杂度 O(log n)

十七、并行计算模型的演化过程和发展路线

(一) 演化过程

模型随着主流并行机体系结构变化的演化过程:

NTE TENENT TO VET AND TO NOTE TO					
	第一代共享存储模型	第二代分布存储模型	第三代分布共享存储模型		
适应于	共享存储 SIMD 和 MIMD	分布存储的 MIMD 并行机	分布共享的 MIMD 并行机		
	并行机				
以为中心	CPU 计算	数据通信	数据访问		
	将 CPU 计算、数据存储和	将 CPU 操作和 I/O 通信操	将 CPU 计算和数据访问操		
	通信传输等不做区分,并将	作区分开来,认为通信时间	作严格区分开来,认为访问		
	所有的运算都归一化为	是算法运行时间的主体,计	与不同层次存储器中数据		
	CPU 的单步时间操作,计	算过程中可整体大同步或	的时间是算法运行时间主		
	算过程中可锁步(自动同	个体异步进行	体,计算过程中可同步或异		
	步) 或异步进行		步进行		
代表模型	PRAM, APRAM	BSP、LogP	DRAM(h)、Memory-LogP		

(二) 发展路线

模型沿着不断完善强化单一模型功能的路线而发展

- ①起初模型中仅有反映 CPU 特性的单一参数
- ②然后模型中又考虑了反映通信网络特性的一些参数(如延迟、宽带等)
- ③近来模型又引入了考虑不同存储器(如访问寄存器、高速缓存、主存和外存等)访问特性的一组参数

十八、几种 DSM 系统实现方案

DSM 结构特性: 共享存储系统采用分布共享,减少集中共享的冲突;采用高速缓存来缓和由共享引起的冲突和分布存储引起的长延迟;保持了共享编程的方便性和软件的可移植性

DSM 系统分类:

- ①硬件实现的共享存储: CC-NUMA、NCC-NUMA、COMA
- ②软件实现的共享存储: 共享虚拟存储(SVM)

DSM 系统	CC-NUMA	NCC-NUMA	COMA	SVM
全称	高速缓存一致性非 均匀存储结构系统	非高速缓存一 致性非均匀存 储结构系统	全高速缓存存储结构系统	共享虚拟存储系统
特点	共享存储器分布于 各节点之中,节点 之间通过可扩放性 好的互连网络相 连,每个处理器都 能缓存共享单元	虽然每个处理 器都有高速缓 存,但硬件不 负责维护高速 缓存一致性	共享存储器的地址是活动的, 存储单元与物理地址分离,数 据可以根据访存模式动态地在 各节点的存储器间移动和复 制,每个节点的存储器相当于 一个大容量高速缓存	用软件的方法把分布 于各节点的多个独立 编址的存储器组织成 一个统一编址的共享 存储空间
维持高 速缓存 一致性 的方法	通常采用基于目录 的方法来维持	由编译器或程序员来维护	由在每个节点存储器维护	/
优点	/	/	在本地共享存储器命中的概率 较高	在消息传递的系统上 实现共享存储的界面
缺点	/	/	当存储器的访问不在本节点命中时,由于存储器的地址是活动的,需要一种机制来查找被访问单元的当前位置,因此延迟很大	难以获得满意的性能