

## Опишіть основні проблеми використання симетричних алгоритмів шифрування.

### 1. Проблема розподілу ключів

- Для роботи симетричних алгоритмів потрібен спільний секретний ключ між відправником та отримувачем.
- Передача цього ключа через незахищений канал створює ризик перехоплення ключа зловмисником.
- Для кожної пари користувачів необхідно зберігати окремий ключ, що ускладнює масштабованість.

### 2. Відсутність аутентифікації

- Якщо більше двох сторін обмінюються повідомленнями за допомогою спільного ключа, неможливо аутентифікувати відправника.

### 3. Відсутність цифрового підпису

- не діє неможливість відмови

## Чому в режимі RC5-CBC-Pad алгоритму RC5 відкритий текст, довжина якого кратна кількості блоків, все одно доповнюється байтами заповнювача?

В режимі **RC5-CBC-Pad** (Cipher Block Chaining with Padding) алгоритму RC5, навіть якщо довжина відкритого тексту кратна довжині блоків, до нього додається спеціальний байт або блок заповнювача. Основною причиною цього є необхідність гарантувати однозначне розшифрування і правильне видалення заповнювача.

Доповнення допомагає чітко зрозуміти, де закінчується оригінальне повідомлення після дешифрування. Без доповнення для повідомлень, довжина яких кратна блоку, важко зрозуміти, чи додавалися байти доповнення.

## Опишіть основні підходи до побудови системи розподілу ключів за допомогою симетричних алгоритмів шифрування.

Розподіл ключів є найважливішою проблемою симетричного шифрування, тому є кілька підходів до розподілу ключів симетричних алгоритмів шифрування:

- а) ключ вибирається стороною А та фізично доставляється напряму до В;
- б) створити ключ може третя сторона С та доставити до А і В;
- в) якщо обидві сторони (А і В) мають встановлений захищений зв'язок із третьою стороною С, то сторону С можна використати як проміжну. В такому випадку ключ передається від А до С, а сторона С відправляє його стороні В;
- г) якщо сторони А та В мають старий спільний ключ, то для передачі нового ключа сторона А може зашифрувати новий ключ старим і передати стороні В.

**При виконанні проекту необхідно створити програмний модуль передачі даних, який буде забезпечувати конфіденційність і цілісність інформації. Напишіть відповідну схему використання криптографічних примітивів. 🍑**

**$EK[M||H(M)]$**

1. Конфіденційність: Повне повідомлення  $M$  і його хеш  $H(M)$  зашифровані ключем  $K$ , тому їх може прочитати лише отримувач, який знає ключ  $K$ .
2. Цілісність: Отримувач може розшифрувати  $M$ , обчислити  $H(M)$  самостійно та порівняти з отриманим хешем для перевірки, чи не було змінено повідомлення.

**При виконанні проекту необхідно створити програмний модуль передачі даних, який буде забезпечувати конфіденційність і цифровий підпис інформації. Напишіть відповідну схему використання криптографічних примітивів. 🍑**

**$EKU_b[EKR_a[M]]$**

1. Конфіденційність: оскільки повідомлення шифрується публічним ключем отримувача ( $EKU_b$ ), і тільки він може його розшифрувати.
2. Цифровий підпис: оскільки повідомлення підписується приватним ключем відправника ( $EKR_a$ ), що підтверджує його автентичність.

**При виконанні проекту необхідно створити програмний модуль передачі даних, який буде забезпечувати конфіденційність і аутентифікацію інформації. Напишіть відповідну схему використання криптографічних примітивів. 🍑**

При традиційному шифруванні - А відправляє повідомлення В:  $E_k[M]$ .

1. Конфіденційність: оскільки повідомлення шифрується секретним ключем  $k$
2. Аутентифікація забезпечується через секретний ключ  $k$  бо його знають тільки відправник та отримувач.

При асиметричному шифруванні - А відправляє повідомлення В:  $E_{kub}[E_{kra}[M]]$  (ця схема також забезпечує неможливість відмови).

3. Конфіденційність: оскільки повідомлення шифрується публічним ключем отримувача ( $EKU_b$ ), і тільки він може його розшифрувати.
4. Аутентифікація забезпечується через підпис відправника його приватним ключем ( $EKR_a$ )

**При виконанні проекту необхідно створити програмний модуль передачі даних, який буде забезпечувати аутентифікацію і цілісність інформації. Напишіть відповідну схему використання криптографічних примітивів. 🍑**

**$A \rightarrow B: M \parallel Ek[H(M)]$**

1. Забезпечує цілісність повідомлення, оскільки хеш-функція  $H(M)$  перевіряє, чи не було змінено повідомлення.
2. Аутентифікація забезпечується за допомогою секретного ключа  $k$  бо його знають тільки відправник та отримувач.

**$M \parallel SK(M) \parallel H(M)$**

3. забезпечує цілісність повідомлення, оскільки хеш-функція  $H(M)$  перевіряє, чи не було змінено повідомлення.
4. Аутентифікація забезпечується за допомогою функції MAC  $SK(M)$ , яка підтверджує, що повідомлення надійшло від авторизованого відправника, оскільки він має доступ до секретного ключа для створення MAC.

**Перелічіть і опишіть основні властивості функцій хешування.**

1. **Застосовність до даних довільної довжини:**
  - Хеш-функція повинна бути здатною обробляти блоки даних будь-якої довжини.
2. **Фіксований розмір вихідного значення:**
  - Незалежно від розміру вхідних даних, результат (хеш-код) завжди має фіксовану довжину.
3. **Ефективність обчислення:**
  - Значення  $H(M)$  повинно бути відносно легко обчислюваним для будь-якого повідомлення  $M$ , забезпечуючи швидкість та зручність реалізації.
4. **Односторонність:**
  - Для будь-якого хеш-коду  $hhh$  практично неможливо знайти таке  $M$ , що  $H(M)=h$ . Це означає, що функція хешування є необоротною.
5. **Слабка стійкість до колізій:**
  - Для будь-якого блоку  $xxx$  практично неможливо знайти інший блок  $y \neq x$ , для якого  $H(x)=H(y)$
6. **Сильна стійкість до колізій:**
  - Практично неможливо знайти будь-яку пару  $x$  та  $y$  ( $x \neq y$ ), для яких  $H(x)=H(y)$ .
7. **Практичні для програмної та апаратної реалізації**

**Опишіть найпростішу схему розподілу таємних ключів за допомогою системи з відкритим ключем.**

**$A \rightarrow B: EK_{Ub}[N1 \parallel IDA]$**

**$B \rightarrow A: EK_{Ua}[N1 \parallel N2]$**

**$A \rightarrow B: EK_{Ub}[N2]$**

**$A \rightarrow B: EK_{Ub}[EK_{Ra}[KS]]$**

**Версія 1 - складніший опис**

Крок 1: A -> B:  $E_{K_{Ub}}[N1||IDA]$

- Сторона A генерує випадкове число  $N1$  (nonce) і об'єднує його зі своїм ідентифікатором  $IDA$ .
- Це об'єднання шифрується публічним ключем B ( $K_{Ub}$ ), що гарантує, що тільки B зможе його розшифрувати (завдяки приватному ключу  $K_{Rb}$ ).

Крок 2: B -> A:  $E_{K_{Ua}}[N1||N2]$

- Сторона B розшифровує повідомлення, отримане від A, щоб отримати  $N1$ , і генерує своє  $N2$ .
- Потім B об'єднує  $N1$  і  $N2$  та шифрує це публічним ключем A ( $K_{Ua}$ ), щоб A могла перевірити відповідність  $N1$ .

Крок 3: A -> B:  $E_{K_{Ub}}[N2]$

- A розшифровує попереднє повідомлення, отримує  $N2$ , і надсилає його назад B, зашифрувавши публічним ключем B.
- Це дозволяє B впевнитися, що A знає  $N2$ , забезпечуючи автентифікацію A.

Крок 4: A -> B:  $E_{K_{Ub}}[E_{K_{Ra}}[KS]]$

- A генерує сесійний ключ  $KS$  і підписує його за допомогою свого приватного ключа  $K_{Ra}$  (створюючи цифровий підпис).
- Потім A шифрує підписаний ключ публічним ключем B ( $K_{Ub}$ ) і надсилає його B.
- B може розшифрувати це повідомлення, перевірити підпис A, і отримати сесійний ключ  $KS$ .

## Версія 2 - простіший опис

- Повідомлення надсилається від A до B. Повідомлення складається з казії  $N1$  та ID A і шифрується відкритим ключем B.
- Повідомлення надсилається від B до A. Містить казії  $N1$  і  $N2$ , шифрується публічним ключем A.
- Повідомлення від A до B. Передається казія  $N2$ , зашифрована публічним ключем B.
- Від A до B. Передається таємний ключ  $Ks$ , зашифрований приватним ключем A, а потім і публічним ключем B.

Опишіть найпростішу схему цифрового підпису 👍.

$M||E_{K_{Ra}}[H(M)]$

$M||E_{K_{Ra}}[H(M)]$

### Відправник:

1. Створює хеш повідомлення  **$H(M)$**  для перевірки цілісності.
2. Шифрує хеш своїм приватним ключем, створюючи цифровий підпис.
3. Надсилає підписане повідомлення  **$M$**  та підпис  **$E_{K_{Ra}}[H(M)]$** .

## Отримувач:

1. Розшифровує підпис публічним ключем відправника.
2. Порівнює хеш повідомлення з розшифрованим підписом. Якщо співпадає, підтверджується автентичність і цілісність.

## Які класи функції можуть служити для створення аутентифікатора повідомлень?

- **Криптографічні хеш-функції.** Хеш-функції використовуються разом з секретним ключем для створення MAC. Однією з популярних реалізацій є HMAC (Hash-based Message Authentication Code).
- **Симетричні шифри.** Функція MAC може бути побудована на основі симетричних алгоритмів шифрування, таких як DES або AES.
- **Асиметричні шифри.**
- **Коди перевірки на основі теорії чисел:** використовуються математичні операції, такі як модульні перетворення.
- **дописат**
- 
- **Лінійні та нелінійні контрольні функції**

## Опишіть наступну схему обміну даними

1. **A → B:**  $E_{K_{Ub}}[N_1 || ID_A]$
2. **B → A:**  $E_{K_{Ua}}[N_1 || N_2]$
3. **A → B:**  $E_{K_{Ub}}[N_2]$
4. **A → B:**  $E_{K_{Ub}}[E_{K_{Ra}}[K_s]]$

Це схема розподілу таємних ключів за допомогою системи з відкритим ключем

### Версія 1 - складніший опис

Крок 1: A → B:  $E_{K_{Ub}}[N_1 || ID_A]$

- Сторона A генерує випадкове число  $N_1$  (nonce) і об'єднує його зі своїм ідентифікатором  $ID_A$ .
- Це об'єднання шифрується публічним ключем B ( $K_{Ub}$ ), що гарантує, що тільки B зможе його розшифрувати (завдяки приватному ключу  $K_{Rb}$ ).

Крок 2: B → A:  $E_{K_{Ua}}[N_1 || N_2]$

- Сторона B розшифровує повідомлення, отримане від A, щоб отримати  $N_1$ , і генерує своє  $N_2$ .
- Потім B об'єднує  $N_1$  і  $N_2$  та шифрує це публічним ключем A ( $K_{Ua}$ ), щоб A могла перевірити відповідність  $N_1$ .

Крок 3: A → B:  $E_{K_{Ub}}[N_2]$

- А розшифровує попереднє повідомлення, отримує  $N_2$ , і надсилає його назад В, зашифрувавши публічним ключем В.
- Це дозволяє В впевнитися, що А знає  $N_2$ , забезпечуючи автентифікацію А.

Крок 4:  $A \rightarrow B: E_{K_{Ub}}[E_{K_{Ra}}[KS]]$

- А генерує сесійний ключ  $KS$  і підписує його за допомогою свого приватного ключа  $K_{Ra}$  (створюючи цифровий підпис).
- Потім А шифрує підписаний ключ публічним ключем В ( $K_{Ub}$ ) і надсилає його В.
- В може розшифрувати це повідомлення, перевірити підпис А, і отримати сесійний ключ  $KS$ .

## Версія 2 - простіший опис

це схема розподілу таємних ключів за допомогою системи з відкритим ключем

Повідомлення надсилається від А до В. Воно містить випадкове число  $N_1$  та ідентифікатор  $ID_A$  і шифрується відкритим ключем В.

Повідомлення надсилається від В до А. Воно містить випадкові числа  $N_1$  і  $N_2$  та шифрується публічним ключем А.

Повідомлення надсилається від А до В, передаючи випадкове число  $N_2$ , зашифроване публічним ключем В.

Від А до В передається сеансовий ключ  $KS$ , зашифрований спочатку приватним ключем А, а потім публічним ключем В.

**Постачальник локальних мереж забезпечує засоби розподілу ключів за наступною схемою. (опишіть деталі цієї схеми)**

1.  $A \rightarrow ЦРК:$              $Запит || N_1$
2.  $ЦРК \rightarrow A:$              $E_{K_a}[K_s || Запит || N_1 || E_{K_b}(K_s || ID_A)]$
3.  $A \rightarrow B:$                  $E_{K_b}[K_s || ID_A]$
4.  $B \rightarrow A:$                  $E_{K_s}[N_2]$
5.  $A \rightarrow B:$                  $E_{K_s}[f(N_2)]$

крок 1.  $A \rightarrow ЦРК:$  Запит  $N_1$

- Що відбувається:
  - Сторона А надсилає Центру розподілу ключів (ЦРК) запит на отримання сесійного ключа  $K_s$  для спілкування з В.
  - $N_1$  - випадково згенероване число (nonce), яке забезпечує унікальність запиту та захист від повторних атак.
- Мета:
  - Ідентифікувати запит і уникнути повторення (Replay Attack).

Що відбувається, якщо злоумисник перехоплює повідомлення?

Якщо злоумисник перехоплює  $E_k(N_1 || N_2)$  і повторно надсилає його:

Сторона А помітить, що  $N_1$  не є новим, і відкине запит.

Або сторона В виявить невідповідність  $f(N2)$ .

Крок 2

**Що відбувається:**

- ЦРК генерує новий сесійний ключ **KS**, який буде використовуватися між А і В.
- ЦРК шифрує дані двома способами:
- Для А (шифрування ключем **KA**):
  - Включає **KS**, копію запиту **N1** для валідації, і  $E_{KB}(Ks||IDa)$ , який буде передано В.
- Для В (шифрування ключем **KB**):  $KS||IDa$ .

**Мета:**

- Передати А необхідні дані для встановлення зв'язку з В, зокрема зашифроване повідомлення для В.

Крок 3

**Що відбувається:**

- А надсилає В повідомлення, яке було зашифроване ЦРК для В.
- В отримує **KS**, розшифровуючи його своїм ключем **KB**.

**Мета:**

- Дати стороні В сесійний ключ **KS**, за допомогою якого відбуватиметься подальший обмін даними.

Крок 4

**Що відбувається:**

- В генерує своє випадкове число **N2 (nonce)** і надсилає його А, зашифрувавши ключем **KS**.

**Мета:**

- Перевірити, чи А дійсно володіє сесійним ключем **KS**.
- Забезпечити автентифікацію сторони А.

Крок 5

**Що відбувається:**

- А обчислює функцію  **$f(N2)$**  (наприклад, хеш, операцію XOR або будь-яке інше узгоджене перетворення) та надсилає результат В, зашифрувавши його **KS**.

**Мета:**

- Завершити взаємну автентифікацію.

- Підтвердити, що А також володіє сесійним ключем K<sub>S</sub>.

#### Описати схему обміну даними

$$A \rightarrow B: E_{K_2}[M] \parallel C_{K_1}[E_{K_2}[M]]$$

EK<sub>2</sub>[M]:

- Конфіденційність: Повідомлення М шифрується за допомогою публічного ключа K<sub>2</sub> користувача В, що гарантує, що тільки В, який має відповідний приватний ключ K<sub>2</sub>, може розшифрувати повідомлення.

СК<sub>1</sub>[EK<sub>2</sub>[M]]:

- Аутентифікація та цілісність: Створюється MAC (Message Authentication Code) за допомогою секретного ключа K<sub>1</sub> відправника А для вже зашифрованого повідомлення EK<sub>2</sub>[M]. Це гарантує, що повідомлення не було змінено під час передачі та підтверджує, що воно надійшло від А.

#### Описати схему обміну даними 🍑

$$A \rightarrow B: E_K[M \parallel E_{K_{Ra}}[H(M)]]$$

У даній схемі відбувається таке: обчислюється хеш H(M) для даного повідомлення М. Даний хеш шифрується приватним ключем відправника А (E<sub>K<sub>Ra</sub></sub>). Повідомлення М разом із зашифрованим хешем повідомлення (E<sub>K<sub>Ra</sub></sub>[H(M)]) шифрується за допомогою методу традиційного шифрування (симетричного), за допомогою спільного для А та В ключа К.

Дана схема обміну даними забезпечує такі сервіси:

- Аутентифікація і цифровий підпис: Відправник А своїм приватним ключем підписує хеш повідомлення, що засвідчує, що це справді він.
- Цілісність: До повідомлення прикріплюється хеш повідомлення, що дозволить отримувачу В перевірити, чи не було внесено змін, або наявних помилок у переданому повідомленні.
- Конфіденційність: Дане повідомлення разом із його зашифрованим хешем шифрується за допомогою алгоритму симетричного шифрування, з використанням спільного ключа К. Інформація захищена, при умові, що лише А та В знають ключ К.

#### Описати схему обміну даними 🍑

$$A \rightarrow B: M \parallel E_{K_{Ra}}[H(M)]$$



У даній схемі передається відкритий текст повідомлення, а також зашифрований за допомогою приватного ключа К відправника А хеш даного повідомлення. Така схема буде забезпечувати

- цілісність, адже передається хеш, за яким можна перевірити, чи передане повідомлення не було модифіковане в процесі передачі. Хеш повідомлення у цій схемі шифрується за допомогою приватного ключа відправника А, що реалізує цифровий підпис.
- При цьому цифровий підпис забезпечує неможливість відмови, бо приватний ключ відправника А відомий лише йому, та аутентифікацію, адже за допомогою шифрування своїм приватним ключем відправник А підтверджує, що це справді він.

Описати схему обміну даними 👍

$$A \rightarrow B: M \parallel E_K[H(M)]$$

У даній схемі передається відкритий текст повідомлення, а також зашифрований за допомогою ключа К хеш даного повідомлення. Така схема буде забезпечувати:

- **цілісність**, адже передається хеш, за яким можна перевірити, чи передане повідомлення не було модифіковане в процесі передачі;
- **аутентифікацію**, адже хеш повідомлення шифрується за допомогою секретного ключа К, який є відомий лише відправнику А та отримувачу В.

Описати схему обміну даними 👍

$$A \rightarrow B: E_K[M \parallel H(M)]$$

- Конфіденційність: Повне повідомлення М і його хеш Н(М) зашифровані ключем К, тому їх може прочитати лише отримувач, який знає ключ К.
- Цілісність: Отримувач може розшифрувати М, обчислити Н(М) самостійно та порівняти з отриманим хешем для перевірки, чи не було змінено повідомлення.
- Аутентифікація: Якщо ключ К є спільним лише між А і В, отримання коректного хешу підтверджує, що повідомлення надійшло від А.

Описати схему обміну даними 👍

$$A \rightarrow B: E_{K_{Ub}}[M]$$

конфіденційність - оскільки тільки отримувач (користувач В), який володіє приватним ключем, може розшифрувати повідомлення і отримати його оригінальний зміст.

Описати схему обміну даними 👍

$$A \rightarrow B: E_{K_{Ub}}[E_{K_{Ra}}[M]]$$

**цифровий підпис і конфіденційність**

- Конфіденційність: оскільки повідомлення шифрується публічним ключем отримувача ( $E_{K_{Ub}}$ ), і тільки він може його розшифрувати.
- Цифровий підпис: оскільки повідомлення підписується приватним ключем відправника ( $E_{K_{Ra}}$ ), що підтверджує його автентичність.