प्रश्नावली 7.1

1.
$$-\frac{1}{2}\cos 2x$$
 2. $\frac{1}{3}\sin 3x$

$$\frac{1}{2}\sin 3x$$

3.
$$\frac{1}{2}e^{2x}$$

4.
$$\frac{1}{3a}(ax+b)^3$$

4.
$$\frac{1}{3a}(ax+b)^3$$
 5. $-\frac{1}{2}\cos 2x - \frac{4}{3}e^{3x}$ 6. $\frac{4}{3}e^{3x} + x + C$

6.
$$\frac{4}{3}e^{3x} + x + C$$

7.
$$\frac{x^3}{3} - x + C$$

7.
$$\frac{x^3}{3} - x + C$$
 8. $\frac{ax^3}{3} + \frac{bx^2}{2} + cx + C$ 9. $\frac{2}{3}x^3 + e^x + C$

9.
$$\frac{2}{3}x^3 + e^x + 0$$

10.
$$\frac{x^2}{2} + \log|x| - 2x + C$$

11.
$$\frac{x^2}{2} + 5x + \frac{4}{x} + C$$

12.
$$\frac{2}{7}x^{\frac{7}{2}} + 2x^{\frac{3}{2}} + 8\sqrt{x} + C$$

13.
$$\frac{x^3}{3} + x + C$$

14.
$$\frac{2}{3}x^{\frac{3}{2}} - \frac{2}{5}x^{\frac{5}{2}} + C$$

15.
$$\frac{6}{7}x^{\frac{7}{2}} + \frac{4}{5}x^{\frac{5}{2}} + 2x^{\frac{3}{2}} + C$$

16.
$$x^2 - 3\sin x + e^x + C$$

17.
$$\frac{2}{3}x^3 + 3\cos x + \frac{10}{3}x^{\frac{3}{2}} + C$$

18.
$$\tan x + \sec x + C$$

19.
$$\tan x - x + C$$
21. C

18. $\tan x + \sec x + C$ 20. $2 \tan x - 3 \sec x + C$

22. A

1.
$$\log (1 + x^2) + C$$

1.
$$\log (1 + x^2) + C$$
 2. $\frac{1}{3} (\log |x|)^3 + C$ 3. $\log |1 + \log x| + C$

$$3. \quad \log |1 + \log x| + C$$

4.
$$\cos(\cos x) + C$$

4.
$$\cos(\cos x) + C$$
 5. $-\frac{1}{4a}\cos 2(ax+b) + C$

6.
$$\frac{2}{3a}(ax+b)^{\frac{3}{2}}+C$$

6.
$$\frac{2}{3a}(ax+b)^{\frac{3}{2}}+C$$
 7. $\frac{2}{5}(x+2)^{\frac{5}{2}}-\frac{4}{3}(x+2)^{\frac{3}{2}}+C$

8.
$$\frac{1}{6}(1+2x^2)^{\frac{3}{2}} + C$$

8.
$$\frac{1}{6}(1+2x^2)^{\frac{3}{2}} + C$$
 9. $\frac{4}{3}(x^2+x+1)^{\frac{3}{2}} + C$ 10. $2\log|\sqrt{x}-1| + C$

11.
$$\frac{2}{3}\sqrt{x+4}(x-8)+C$$

12.
$$\frac{1}{7}(x^3-1)^{\frac{7}{3}} + \frac{1}{4}(x^3-1)^{\frac{4}{3}} + C$$
 13. $-\frac{1}{18(2+3x^3)^2} + C$

13.
$$-\frac{1}{18(2+3x^3)^2}+C$$

14.
$$\frac{(\log x)^{1-m}}{1-m} + C$$

14.
$$\frac{(\log x)^{1-m}}{1-m} + C$$
 15. $-\frac{1}{8}\log|9-4x^2| + C$ 16. $\frac{1}{2}e^{2x+3} + C$

17.
$$-\frac{1}{2e^{x^2}} + C$$
 18. $e^{\tan^{-1}x} + C$ 19. $\log(e^x + e^{-x}) + C$

18.
$$e^{\tan^{-1}x} + C$$

19.
$$\log(e^x + e^{-x}) + C$$

20.
$$\frac{1}{2}\log(e^{2x}+e^{-2x})+C$$

21.
$$\frac{1}{2}$$
tan (2x-3) -x+C

22.
$$-\frac{1}{4}\tan{(7-4x)} + C$$

23.
$$\frac{1}{2}(\sin^{-1}x)^2 + C$$

24.
$$\frac{1}{2}\log|2\sin x + 3\cos x| + C$$

25.
$$\frac{1}{(1-\tan x)}$$
 + C

$$26. \quad 2\sin\sqrt{x} + C$$

26.
$$2\sin\sqrt{x} + C$$
 27. $\frac{1}{3}(\sin 2x)^{\frac{3}{2}} + C$ **28.** $2\sqrt{1+\sin x} + C$

28.
$$2\sqrt{1+\sin x} + 6$$

29.
$$\frac{1}{2}(\log \sin x)^2 + C$$
 30. $-\log |1 + \cos x| + C$ 31. $\frac{1}{1 + \cos x} + C$

31.
$$\frac{1}{1+\cos x} + C$$

32.
$$\frac{x}{2} - \frac{1}{2} \log |\cos x + \sin x| + C$$

33.
$$\frac{x}{2} - \frac{1}{2} \log |\cos x - \sin x| + C$$

34.
$$2\sqrt{\tan x} + C$$

35.
$$\frac{1}{2}(1+\log x)^3+C$$

34.
$$2\sqrt{\tan x} + C$$
 35. $\frac{1}{2}(1+\log x)^3 + C$ 36. $\frac{1}{2}(x+\log x)^3 + C$

37.
$$-\frac{1}{4}\cos(\tan^{-1}x^4) + C$$

39. B

1.
$$\frac{x}{2} - \frac{1}{8}\sin(4x+10) + C$$

2.
$$-\frac{1}{14}\cos 7x + \frac{1}{2}\cos x + C$$

3.
$$\frac{1}{4} \left[\frac{1}{12} \sin 12x + x + \frac{1}{8} \sin 8x + \frac{1}{4} \sin 4x \right] + C$$

607

4.
$$-\frac{1}{2}\cos(2x+1) + \frac{1}{6}\cos^3(2x+1) + C$$

5.
$$\frac{1}{6}\cos^6 x - \frac{1}{4}\cos^4 x + C$$

6.
$$\frac{1}{4} \left[\frac{1}{6} \cos 6x - \frac{1}{4} \cos 4x - \frac{1}{2} \cos 2x \right] + C$$

7.
$$\frac{1}{2} \left[\frac{1}{4} \sin 4x - \frac{1}{12} \sin 12x \right] + C$$

8.
$$2\tan\frac{x}{2}-x+C$$

9.
$$x - \tan \frac{x}{2} + C$$

9.
$$x - \tan \frac{x}{2} + C$$
 10. $\frac{3x}{8} - \frac{1}{4} \sin 2x + \frac{1}{32} \sin 4x + C$

11.
$$\frac{3x}{8} + \frac{1}{8}\sin 4x + \frac{1}{64}\sin 8x + C$$

12.
$$x - \sin x + C$$

13.
$$2(\sin x + x \cos \alpha) + C$$

14.
$$-\frac{1}{\cos x + \sin x} + C$$

15.
$$\frac{1}{6}\sec^3 2x - \frac{1}{2}\sec 2x + C$$

16.
$$\frac{1}{3} \tan^3 x - \tan x + x + C$$

17.
$$\sec x - \csc x + C$$

18.
$$\tan x + C$$

19.
$$\log |\tan x| + \frac{1}{2} \tan^2 x + C$$

$$20. \quad \log|\cos x + \sin x| + C$$

21.
$$\frac{\pi x}{2} - \frac{x^2}{2} + C$$

21.
$$\frac{\pi x}{2} - \frac{x^2}{2} + C$$
 22. $\frac{1}{\sin(a-b)} \log \left| \frac{\cos(x-a)}{\cos(x-b)} \right| + C$

1.
$$\tan^{-1} x^3 + C$$

2.
$$\frac{1}{2}\log|2x+\sqrt{1+4x^2}| + C$$

3.
$$\log \left| \frac{1}{2 - x + \sqrt{x^2 - 4x + 5}} \right| + C$$
 4. $\frac{1}{5} \sin^{-1} \frac{5x}{3} + C$

4.
$$\frac{1}{5}\sin^{-1}\frac{5x}{3} + C$$

5.
$$\frac{3}{2\sqrt{2}} \tan^{-1}\sqrt{2} x^2 + C$$

6.
$$\frac{1}{6} \log \left| \frac{1+x^3}{1-x^3} \right| + C$$

7.
$$\sqrt{x^2 - 1} - \log \left| x + \sqrt{x^2 - 1} \right| + C$$
 8. $\frac{1}{3} \log \left| x^3 + \sqrt{x^6 + a^6} \right| + C$

9.
$$\log \left| \tan x + \sqrt{\tan^2 x + 4} \right| + C$$
 10. $\log \left| x + 1 + \sqrt{x^2 + 2x + 2} \right| + C$

11.
$$\frac{1}{6} \tan^{-1} \left(\frac{3x+1}{2} \right) + C$$
 12. $\sin^{-1} \left(\frac{x+3}{4} \right) + C$

13.
$$\log \left| x - \frac{3}{2} + \sqrt{x^2 - 3x + 2} \right| + C$$
 14. $\sin^{-1} \left(\frac{2x - 3}{\sqrt{41}} \right) + C$

15.
$$\log \left| x - \frac{a+b}{2} + \sqrt{(x-a)(x-b)} \right| + C$$

16.
$$2\sqrt{2x^2+x-3}+C$$
 17. $\sqrt{x^2-1}+2\log |x+\sqrt{x^2-1}|+C$

18.
$$\frac{5}{6} \log |3x^2 + 2x + 1| - \frac{11}{3\sqrt{2}} \tan^{-1} \left(\frac{3x + 1}{\sqrt{2}} \right) + C$$

19.
$$6\sqrt{x^2-9x+20}+34\log\left|x-\frac{9}{2}+\sqrt{x^2-9x+20}\right|+C$$

20.
$$-\sqrt{4x-x^2}+4\sin^{-1}\left(\frac{x-2}{2}\right)+C$$

21.
$$\sqrt{x^2 + 2x + 3} + \log \left| x + 1 + \sqrt{x^2 + 2x + 3} \right| + C$$

22.
$$\frac{1}{2}\log\left|x^2 - 2x - 5\right| + \frac{2}{\sqrt{6}}\log\left|\frac{x - 1 - \sqrt{6}}{x - 1 + \sqrt{6}}\right| + C$$

23.
$$5\sqrt{x^2+4x+10}-7\log|x+2+\sqrt{x^2+4x+10}|+C$$

1.
$$\log \frac{(x+2)^2}{|x+1|} + C$$
 2. $\frac{1}{6} \log \left| \frac{x-3}{x+3} \right| + C$

3.
$$\log |x-1| - 5 \log |x-2| + 4 \log |x-3| + C$$

4.
$$\frac{1}{2}\log|x-1|-2\log|x-2|+\frac{3}{2}\log|x-3|+C$$

5.
$$4\log|x+2| - 2\log|x+1| + C$$
 6. $\frac{x}{2} + \log|x| - \frac{3}{4}\log|1 - 2x| + C$

7.
$$\frac{1}{2}\log|x-1| - \frac{1}{4}\log(x^2+1) + \frac{1}{2}\tan^{-1}x + C$$

8.
$$\frac{2}{9} \log \left| \frac{x-1}{x+2} \right| - \frac{1}{3(x-1)} + C$$
 9. $\frac{1}{2} \log \left| \frac{x+1}{x-1} \right| - \frac{4}{x-1} + C$

10.
$$\frac{5}{2}\log|x+1| - \frac{1}{10}\log|x-1| - \frac{12}{5}\log|2x+3| + C$$

11.
$$\frac{5}{3}\log|x+1| - \frac{5}{2}\log|x+2| + \frac{5}{6}\log|x-2| + C$$

12.
$$\frac{x^2}{2} + \frac{1}{2}\log|x+1| + \frac{3}{2}\log|x-1| + C$$

13.
$$-\log |x-1| + \frac{1}{2} \log (1+x^2) + \tan^{-1} x + C$$

14.
$$3\log|x-2| - \frac{5}{x-2} + C$$
 15. $\frac{1}{4}\log\left|\frac{x-1}{x+1}\right| - \frac{1}{2}\tan^{-1}x + C$

16.
$$\frac{1}{n} \log \left| \frac{x^n}{x^n + 1} \right| + C$$
 17. $\log \left| \frac{2 - \sin x}{1 - \sin x} \right| + C$

18.
$$x + \frac{2}{\sqrt{3}} \tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{3}} - 3 \tan^{-1} \frac{x}{2} + C$$
 19. $\frac{1}{2} \log \left(\frac{x^2 + 1}{x^2 + 3} \right) + C$

20.
$$\frac{1}{4} \log \left| \frac{x^4 - 1}{x^4} \right| + C$$
 21. $\log \left(\frac{e^x - 1}{e^x} \right) + C$

. B 23.

1.
$$-x\cos x + \sin x + C$$
 2. $-\frac{x}{3}\cos 3x + \frac{1}{9}\sin 3x + C$

3.
$$e^{x}(x^2-2x+2)+C$$
 4. $\frac{x^2}{2}\log x-\frac{x^2}{4}+C$

5.
$$\frac{x^2}{2} \log 2x - \frac{x^2}{4} + C$$
 6. $\frac{x^3}{3} \log x - \frac{x^3}{9} + C$

6.
$$\frac{x^3}{3} \log x - \frac{x^3}{9} + C$$

7.
$$\frac{1}{4}(2x^2 - 1)\sin^{-1}x + \frac{x\sqrt{1 - x^2}}{4} + C8$$
. $\frac{x^2}{2}\tan^{-1}x - \frac{x}{2} + \frac{1}{2}\tan^{-1}x + C$

8.
$$\frac{x^2}{2} \tan^{-1} x - \frac{x}{2} + \frac{1}{2} \tan^{-1} x + C$$

9.
$$(2x^2-1)\frac{\cos^{-1}x}{4} - \frac{x}{4}\sqrt{1-x^2} + C$$

10.
$$(\sin^{-1}x)^2 x + 2\sqrt{1-x^2} \sin^{-1}x - 2x + C$$

11.
$$-\left[\sqrt{1-x^2}\cos^{-1}x + x\right] + C$$
 12. $x \tan x + \log\left|\cos x\right| + C$

12.
$$x \tan x + \log |\cos x| + C$$

13.
$$x \tan^{-1} x - \frac{1}{2} \log(1 + x^2) + C$$

13.
$$x \tan^{-1} x - \frac{1}{2} \log(1 + x^2) + C$$
 14. $\frac{x^2}{2} (\log x)^2 - \frac{x^2}{2} \log x + \frac{x^2}{4} + C$

15.
$$\left(\frac{x^3}{3} + x\right) \log x - \frac{x^3}{9} - x + C$$
 16. $e^x \sin x + C$

16.
$$e^x \sin x + C$$

17.
$$\frac{e^x}{1+x} + C$$

18.
$$e^x \tan \frac{x}{2} + C$$

19.
$$\frac{e^x}{x}$$
 + C

20.
$$\frac{e^x}{(x-1)^2} + C$$

21.
$$\frac{e^{2x}}{5}(2\sin x - \cos x) + C$$

22.
$$2x \tan^{-1}x - \log(1 + x^2) + C$$

1.
$$\frac{1}{2}x\sqrt{4-x^2} + 2\sin^{-1}\frac{x}{2} + C$$

1.
$$\frac{1}{2}x\sqrt{4-x^2} + 2\sin^{-1}\frac{x}{2} + C$$
 2. $\frac{1}{4}\sin^{-1}2x + \frac{1}{2}x\sqrt{1-4x^2} + C$

3.
$$\frac{(x+2)}{2}\sqrt{x^2+4x+6} + \log \left|x+2+\sqrt{x^2+4x+6}\right| + C$$

4.
$$\frac{(x+2)}{2}\sqrt{x^2+4x+1} - \frac{3}{2}\log\left|x+2+\sqrt{x^2+4x+1}\right| + C$$

5.
$$\frac{5}{2}\sin^{-1}\left(\frac{x+2}{\sqrt{5}}\right) + \frac{x+2}{2}\sqrt{1-4x-x^2} + C$$

611

6.
$$\frac{(x+2)}{2}\sqrt{x^2+4x-5}-\frac{9}{2}\log\left|x+2+\sqrt{x^2+4x-5}\right|+C$$

7.
$$\frac{(2x-3)}{4}\sqrt{1+3x-x^2} + \frac{13}{8}\sin^{-1}\left(\frac{2x-3}{\sqrt{13}}\right) + C$$

8.
$$\frac{2x+3}{4}\sqrt{x^2+3x} - \frac{9}{8}\log\left|x+\frac{3}{2}+\sqrt{x^2+3x}\right| + C$$

9.
$$\frac{x}{6}\sqrt{x^2+9} + \frac{3}{2}\log\left|x + \sqrt{x^2+9}\right| + C$$

11. D

प्रश्नावली 7.8

1.
$$\frac{1}{2}(b^2-a^2)$$
 2. $\frac{35}{2}$ 3. $\frac{19}{3}$

2.
$$\frac{35}{2}$$

3.
$$\frac{19}{2}$$

4.
$$\frac{27}{2}$$

5.
$$e^{-\frac{1}{e}}$$

5.
$$e - \frac{1}{e}$$
 6. $\frac{15 + e^8}{2}$

2.
$$\log \frac{3}{2}$$
 3. $\frac{64}{3}$

3.
$$\frac{64}{3}$$

4.
$$\frac{1}{2}$$

6.
$$e^4(e-1)$$

7.
$$\frac{1}{2} \log 2$$

8.
$$\log\left(\frac{\sqrt{2}-1}{2-\sqrt{3}}\right)$$
 9. $\frac{\pi}{2}$

9.
$$\frac{\pi}{2}$$

10.
$$\frac{\pi}{4}$$

11.
$$\frac{1}{2} \log \frac{3}{2}$$
 12. $\frac{\pi}{4}$

12.
$$\frac{\pi}{4}$$

13.
$$\frac{1}{2} \log 2$$

13.
$$\frac{1}{2}\log 2$$
 14. $\frac{1}{5}\log 6 + \frac{3}{\sqrt{5}}\tan^{-1}\sqrt{5}$

15.
$$\frac{1}{2}(e-1)$$

15.
$$\frac{1}{2}(e-1)$$
 16. $5-\frac{5}{2}\left(9\log\frac{5}{4}-\log\frac{3}{2}\right)$

17.
$$\frac{\pi^4}{1024} + \frac{\pi}{2} + 2$$
 18. 0

19.
$$3\log 2 + \frac{3\pi}{8}$$

20.
$$1 + \frac{4}{\pi} - \frac{2\sqrt{2}}{\pi}$$
 21. D

प्रश्नावली 7.10

1.
$$\frac{1}{2}\log 2$$

1.
$$\frac{1}{2}\log 2$$
 2. $\frac{64}{231}$ 3. $\frac{\pi}{2} - \log 2$

4.
$$\frac{16\sqrt{2}}{15}(\sqrt{2}+1)$$

5.
$$\frac{\pi}{4}$$

4.
$$\frac{16\sqrt{2}}{15}(\sqrt{2}+1)$$
 5. $\frac{\pi}{4}$ 6. $\frac{1}{\sqrt{17}}\log\frac{21+5\sqrt{17}}{4}$

7.
$$\frac{\pi}{8}$$

8.
$$\frac{e^2(e^2-2)}{4}$$
 9. D

10. B

प्रश्नावली 7.11

1.
$$\frac{\pi}{4}$$
 2. $\frac{\pi}{4}$

$$\frac{\pi}{4}$$

3.
$$\frac{\pi}{4}$$

4.
$$\frac{\pi}{4}$$

6. 9 7.
$$\frac{1}{(n+1)(n+2)}$$

8.
$$\frac{\pi}{8} \log$$

$$\frac{16\sqrt{2}}{15}$$

8.
$$\frac{\pi}{8} \log 2$$
 9. $\frac{16\sqrt{2}}{15}$ 10. $\frac{\pi}{2} \log \frac{1}{2}$ 11. $\frac{\pi}{2}$ 12. π 13. 0 14. 0 15. 0

11.
$$\frac{\pi}{2}$$

16.
$$-\pi \log 2$$
 17. $\frac{a}{2}$

अध्याय ७ पर विविध प्रश्नावली

$$1. \quad \frac{1}{2} \log \left| \frac{x^2}{1 - x^2} \right| + C$$

2.
$$\frac{2}{3(a-b)} \left[(x+a)^{\frac{3}{2}} - (x+b)^{\frac{3}{2}} \right] + C$$

3.
$$-\frac{2}{a}\sqrt{\frac{(a-x)}{x}} + C$$

4.
$$-\left(1+\frac{1}{x^4}\right)^{\frac{1}{4}}+C$$

5.
$$2\sqrt{x} - 3x^{\frac{1}{3}} + 6x^{\frac{1}{6}} - 6\log(1 + x^{\frac{1}{6}}) + C$$

6.
$$-\frac{1}{2}\log|x+1| + \frac{1}{4}\log(x^2+9) + \frac{3}{2}\tan^{-1}\frac{x}{3} + C$$

7.
$$\sin a \log |\sin(x-a)| + x \cos a + C$$
 8. $\frac{x^3}{3} + C$

9.
$$\sin^{-1}\left(\frac{\sin x}{2}\right) + C$$
 10. $-\frac{1}{2}\sin 2x + C$

11.
$$\frac{1}{\sin(a-b)} \log \left| \frac{\cos(x+b)}{\cos(x+a)} \right| + C$$
 12. $\frac{1}{4} \sin^{-1}(x^4) + C$

13.
$$\log\left(\frac{1+e^x}{2+e^x}\right) + C$$
 14. $\frac{1}{3}\tan^{-1}x - \frac{1}{6}\tan^{-1}\frac{x}{2} + C$

15.
$$-\frac{1}{4}\cos^4 x + C$$
 16. $\frac{1}{4}\log(x^4 + 1) + C$

17.
$$\frac{[f(ax+b)]^{n+1}}{a(n+1)} + C$$
 18. $\frac{-2}{\sin \alpha} \sqrt{\frac{\sin(x+\alpha)}{\sin x}} + C$

19.
$$\frac{2(2x-1)}{\pi} \sin^{-1} \sqrt{x} + \frac{2\sqrt{x-x^2}}{\pi} - x + C$$

20.
$$-2\sqrt{1-x} + \cos^{-1}\sqrt{x} + \sqrt{x-x^2} + C$$

21.
$$e^x \tan x + C$$
 22. $-2\log|x+1| - \frac{1}{x+1} + 3\log|x+2| + C$

23.
$$\frac{1}{2} \left[x \cos^{-1} x - \sqrt{1 - x^2} \right] + C$$
 24. $-\frac{1}{3} \left(1 + \frac{1}{x^2} \right)^{\frac{3}{2}} \left[\log \left(1 + \frac{1}{x^2} \right) - \frac{2}{3} \right] + C$

25.
$$e^{\frac{\pi}{2}}$$
26. $\frac{\pi}{8}$

27.
$$\frac{\pi}{6}$$
 28. $2\sin^{-1}\frac{(\sqrt{3}-1)}{2}$

29.
$$\frac{4\sqrt{2}}{3}$$
 30. $\frac{1}{40}\log 9$

31.
$$\frac{\pi}{2}$$
-1 32. $\frac{\pi}{2}(\pi-2)$

33.
$$\frac{19}{2}$$

40.
$$\frac{1}{3} \left(e^2 - \frac{1}{e} \right)$$

प्रश्नावली 8.1

1.
$$\frac{14}{3}$$

2.
$$16-4\sqrt{2}$$

2.
$$16-4\sqrt{2}$$
 3. $\frac{32-8\sqrt{2}}{3}$

5.
$$6\pi$$
 6. $\frac{\pi}{3}$

7.
$$\frac{a^2}{2} \left(\frac{\pi}{2} - 1 \right)$$
 8. $(4)^{\frac{2}{3}}$ 9. $\frac{1}{3}$

8.
$$(4)^{\frac{2}{3}}$$

9.
$$\frac{1}{3}$$

10.
$$\frac{9}{8}$$

10.
$$\frac{9}{8}$$
 11. $8\sqrt{3}$ 12. A

13. B

प्रश्नावली 8.2

1.
$$\frac{\sqrt{2}}{6} + \frac{9}{4} \sin^{-1} \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

$$2. \quad \left(\frac{2\pi}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

3.
$$\frac{21}{2}$$

अध्याय ८ पर विविध प्रश्नावली

1. (i)
$$\frac{7}{3}$$

2.
$$\frac{1}{6}$$
 3. $\frac{7}{3}$ 4. 9 5. 4

3.
$$\frac{7}{3}$$

6.
$$\frac{8}{3} \frac{a^2}{m^3}$$

6.
$$\frac{8}{3} \frac{a^2}{m^3}$$
 7. 27 8. $\frac{3}{2} (\pi - 2)$

9.
$$\frac{ab}{4}(\pi-2)$$
 10. $\frac{9}{2}$

10.
$$\frac{9}{2}$$

14.
$$\frac{7}{2}$$

17. C

11. 2

12.
$$\frac{1}{3}$$

15.
$$\frac{9\pi}{8} - \frac{9}{4}\sin^{-1}\binom{1}{3} + \frac{1}{3\sqrt{2}}$$

19. B

प्रश्नावली 9.1

- 1. कोटि 4; घात परिभाषित नहीं
- **3.** कोटि 2; घात 1
- 5. कोटि 2; घात 1
- 7. कोटि 3; घात 1
- 9. कोटि 2; घात 1
- 11. D
- **11.** D
- 1. y'' = 0
- 3. y'' y' 6y = 0
- 5. y'' 2y' + 2y = 0
- 7. xy' 2y = 0
- 9. $xyy'' + x(y')^2 yy' = 0$
- **11.** B

- 2. कोटि 1; घात 1
- 4. कोटि 2; घात परिभाषित नहीं
- 6. कोटि 3; घात 2
- 8. कोटि 1; घात 1
- 10. कोटि 2; घात 1
- **12.** A

प्रश्नावली 9.2

12. D

प्रश्नावली 9.3

- 2. $xyy'' + x(y')^2 yy' = 0$
- 4. y'' 4y' + 4y = 0
- 6. $2xyy' + x^2 = y^2$
- 8. $xyy'' + x(y')^2 yy' = 0$
- **10.** $(x^2 9)(y')^2 + x^2 = 0$
- **12.** C

- 2. $y = 2 \sin(x + C)$
- 4. $\tan x \tan y = C$
- 6. $\tan^{-1} y = x + \frac{x^3}{3} + C$
- 1. $y = 2 \tan \frac{x}{2} x + C$
- 3. $y = 1 + Ae^{-x}$
- 5. $y = \log(e^x + e^{-x}) + C$

7.
$$v = e^{cx}$$

8.
$$x^{-4} + v^{-4} = C$$

7.
$$y = e^{cx}$$

8. $x^{-4} + y^{-4} = C$
9. $y = x \sin^{-1} x + \sqrt{1 - x^2} + C$
10. $\tan y = C (1 - e^x)$

10.
$$\tan y = C (1 - e^x)$$

11.
$$y = \frac{1}{4} \log \left[(x+1)^2 (x^2+1)^3 \right] - \frac{1}{2} \tan^{-1} x + 1$$

12.
$$y = \frac{1}{2} \log \left(\frac{x^2 - 1}{x^2} \right) - \frac{1}{2} \log \frac{3}{4}$$
 13. $\cos \left(\frac{y - 2}{x} \right) = a$

3.
$$\cos\left(\frac{y-2}{x}\right) = a$$

14.
$$y = \sec x$$

15.
$$2y - 1 = e^x (\sin x - \cos x)$$

14.
$$y = \sec x$$

16. $y - x + 2 = \log(x^2(y+2)^2)$
15. $2y - 1 = e^x(\sin x - \cos x)$
17. $y^2 - x^2 = 4$

17.
$$y^2 - x^2 = 4$$

18.
$$(x+4)^2 = y+3$$

19.
$$(63t+27)^{\frac{1}{3}}$$

$$\frac{2\log 2}{\log\left(\frac{11}{10}\right)}$$

1.
$$(x-y)^2 = Cx e^{\frac{-y}{x}}$$

$$2. \quad y = x \log |x| + Cx$$

3.
$$\tan^{-1}\left(\frac{y}{x}\right) = \frac{1}{2}\log(x^2 + y^2) + C$$
 4. $x^2 + y^2 = Cx$

4.
$$x^2 + y^2 = Cx$$

5.
$$\frac{1}{2\sqrt{2}} \log \left| \frac{x + \sqrt{2}y}{x - \sqrt{2}y} \right| = \log |x| + C$$
 6. $y + \sqrt{x^2 + y^2} = Cx^2$

6.
$$y + \sqrt{x^2 + y^2} = Cx^2$$

7.
$$xy \cos \left| \frac{y}{x} \right| = C$$

8.
$$x \left[1 - \cos \left(\frac{y}{x} \right) \right] = C \sin \left(\frac{y}{x} \right)$$

9.
$$cy = \log \frac{y}{x} - 1$$

10.
$$ye^{\frac{x}{y}} + x = C$$

11.
$$\log(x^2 + y^2) + 2 \tan^{-1} \frac{y}{x} = \frac{\pi}{2} + \log 2$$

12.
$$y + 2x = 3x^2 y$$

13.
$$\cot\left(\frac{y}{x}\right) = \log|ex|$$

14.
$$\cos\left(\frac{y}{x}\right) = \log|ex|$$

15.
$$y = \frac{2x}{1 - \log|x|} (x \neq 0, x \neq e)$$

प्रश्नावली 9.6

1.
$$y = \frac{1}{5} (2\sin x - \cos x) + C e^{-2x}$$
 2. $y = e^{-2x} + C e^{-3x}$

3.
$$xy = \frac{x^4}{4} + C$$
 4. $y(\sec x + \tan x) = \sec x + \tan x - x + C$

5.
$$y = (\tan x - 1) + C e^{-\tan x}$$
 6. $y = \frac{x^2}{16} (4 \log |x| - 1) + Cx^{-2}$

7.
$$y \log x = \frac{-2}{x} (1 + \log|x|) + C$$
 8. $y = (1 + x^2)^{-1} \log|\sin x| + C(1 + x^2)^{-1}$

9.
$$y = \frac{1}{x} - \cot x + \frac{C}{x \sin x}$$
 10. $(x + y + 1) = C e^y$

11.
$$x = \frac{y^2}{3} + \frac{C}{V}$$
 12. $x = 3y^2 + Cy$

13.
$$y = \cos x - 2 \cos^2 x$$
 14. $y (1 + x^2) = \tan^{-1} x - \frac{\pi}{4}$

15.
$$y = 4 \sin^3 x - 2 \sin^2 x$$
 16. $x + y + 1 = e^x$ **17.** $y = 4 - x - 2 e^x$ **18.** C **19.** D

अध्याय ९ पर विविध प्रश्नावली

1. (i) कोटि 2; घात 1 (ii) कोटि 1; घात 3

(iii) कोटि 4; घात परिभाषित नहीं

3.
$$y' = \frac{2y^2 - x^2}{4xy}$$
 5. $(x + yy')^2 = (x - y)^2 (1 + (y')^2)$

6.
$$\sin^{-1}y + \sin^{-1}x = C$$
 8. $\cos y = \frac{\sec x}{\sqrt{2}}$

9.
$$\tan^{-1} y + \tan^{-1}(e^x) = \frac{\pi}{2}$$
10. $e^{\frac{x}{y}} = y + C$
11. $\log |x - y| = x + y + 1$
12. $y e^{2\sqrt{x}} = (2\sqrt{x} + C)$

13.
$$y \sin x = 2x^2 - \frac{\pi^2}{2} (\sin x \neq 0)$$
 14. $y = \log \left| \frac{2x+1}{x+1} \right|, x \neq -1$

15. 31250

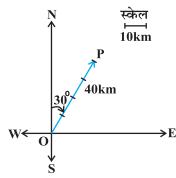
16. C

17. C

18. C

प्रश्नावली 10.1

1. संलग्न आकृति में, सदिश \overline{OP} वांछित विस्थापन को निरूपित करता है।



- 2. (i) अदिश (ii) सदिश (iii) अदिश (iv) अदिश (v) अदिश (vi) सदिश
- 3. (i) अदिश (ii) अदिश (iii) सदिश (iv) सदिश (v) अदिश
- 4. (i) सिंदश \vec{a} और \vec{b} सह-अदिम हैं।
 - (ii) सदिश \vec{b} और \vec{d} समान है।
 - (iii) सदिश \vec{a} और \vec{c} सरेख है परंतु समान नहीं हैं।
- 5. (i) सत्य (ii) असत्य (iii) असत्य (iv) असत्य

प्रश्नावली 10.2

- 1. $|\vec{a}| = \sqrt{3}, |\vec{b}| = \sqrt{62}, |\vec{c}| = 1$
- 2. संभावित उत्तरों की संख्या अनंत है।
- 3. संभावित उत्तरों की संख्या अनंत है।
- 4. x = 2, y = 3

5. -7 और 6; $-7\hat{i}$ और 6j

 $6. \quad -4\hat{j}-\hat{k}$

- 7. $\frac{1}{\sqrt{6}}\hat{i} + \frac{1}{\sqrt{6}}\hat{j} + \frac{2}{\sqrt{6}}\hat{k}$
- 8. $\frac{1}{\sqrt{3}}\hat{i} + \frac{1}{\sqrt{3}}\hat{j} + \frac{1}{\sqrt{3}}\hat{k}$
- 9. $\frac{1}{\sqrt{2}}\hat{i} + \frac{1}{\sqrt{2}}\hat{k}$

10.
$$\frac{40}{\sqrt{30}}\hat{i} - \frac{8}{\sqrt{30}}\hat{j} + \frac{16}{\sqrt{30}}\hat{k}$$
 12. $\frac{1}{\sqrt{14}}, \frac{2}{\sqrt{14}}, \frac{3}{\sqrt{14}}$

12.
$$\frac{1}{\sqrt{14}}, \frac{2}{\sqrt{14}}, \frac{3}{\sqrt{14}}$$

13.
$$-\frac{1}{3}, -\frac{2}{3}, \frac{2}{3}$$

15. (i)
$$-\frac{1}{3}\hat{i} + \frac{4}{3}\hat{j} + \frac{1}{3}\hat{k}$$
 (ii) $-3\hat{i} + 3\hat{k}$

16.
$$3\hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$$

प्रश्नावली 10.3

1.
$$\frac{\pi}{4}$$

1.
$$\frac{\pi}{4}$$
 2. $\cos^{-1}\left(\frac{5}{7}\right)$ 3. 0

4.
$$\frac{60}{\sqrt{114}}$$

6.
$$\frac{16\sqrt{2}}{3\sqrt{7}}, \frac{2\sqrt{2}}{3\sqrt{7}}$$

4.
$$\frac{60}{\sqrt{114}}$$
 6. $\frac{16\sqrt{2}}{3\sqrt{7}}, \frac{2\sqrt{2}}{3\sqrt{7}}$ 7. $6|\vec{a}|^2 + 11\vec{a}.\vec{b} - 35|\vec{b}|^2$

8.
$$|\vec{a}|=1, |\vec{b}|=1$$
 9. $\sqrt{13}$

9.
$$\sqrt{13}$$

$$12.$$
 सिंदश \vec{b} कोई भी सिंदश हो सकता है।

13.
$$\frac{-3}{2}$$

14. कोई भी दो ऋणेतर और परस्पर लंबवत् सदिशों \vec{a} और \vec{b} को लीजिए

15.
$$\cos^{-1}\left(\frac{10}{\sqrt{102}}\right)$$
 18. (D)

प्रश्नावली 10.4

1.
$$19\sqrt{2}$$

2.
$$\pm \frac{2}{3}\hat{i} \mp \frac{2}{3}\hat{j} \mp \frac{1}{3}\hat{k}$$
 3. $\frac{\pi}{3}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{\sqrt{2}}$, $\frac{1}{2}$

5.
$$3, \frac{27}{2}$$
 6. $\exists |\vec{a}| = 0 \exists |\vec{b}| = 0$

8. नहीं; कोई भी शून्येतर संरेख सदिशों को लीजिए।

9.
$$\frac{\sqrt{61}}{2}$$

10.
$$15\sqrt{2}$$

अध्याय 10 पर विविध प्रश्नावली

1.
$$\frac{\sqrt{3}}{2}\hat{i} + \frac{1}{2}\hat{j}$$

2.
$$x_2 - x_1, y_2 - y_1, z_2 - z_1; \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$$

3.
$$\frac{-5}{2}\hat{i} + \frac{3\sqrt{3}}{2}\hat{j}$$

4. नहीं; \vec{a} , \vec{b} और \vec{c} को त्रिभुज की तीनों भुजाओं को निरूपित करते हुए लीजिए।

5.
$$\pm \frac{1}{\sqrt{3}}$$

6.
$$\frac{3}{2}\sqrt{10}\,\hat{i} + \frac{\sqrt{10}}{2}\,\hat{j}$$

6.
$$\frac{3}{2}\sqrt{10}\,\hat{i} + \frac{\sqrt{10}}{2}\,\hat{j}$$
 7. $\frac{3}{\sqrt{22}}\,\hat{i} - \frac{3}{\sqrt{22}}\,\hat{j} + \frac{2}{\sqrt{22}}\hat{k}$

9.
$$3\vec{a} + 5\vec{b}$$

9.
$$3\vec{a} + 5\vec{b}$$
 10. $\frac{1}{7}(3\hat{i} - 6\hat{j} + 2\hat{k}); 11\sqrt{5}$

12.
$$\frac{1}{3}(160\hat{i}-5\hat{j}-70\hat{k})$$
 13. $\lambda=1$

प्रश्नावली 11.1

1.
$$0, \frac{-1}{\sqrt{2}}, \frac{1}{\sqrt{2}}$$
 2. $\pm \frac{1}{\sqrt{3}}, \pm \frac{1}{\sqrt{3}}, \pm \frac{1}{\sqrt{3}}$ 3. $\frac{-9}{11}, \frac{6}{11}, \frac{-2}{11}$

5.
$$\frac{-2}{\sqrt{17}}$$
, $\frac{-2}{\sqrt{17}}$, $\frac{3}{17}$; $\frac{-2}{\sqrt{17}}$, $\frac{-3}{\sqrt{17}}$, $\frac{-2}{\sqrt{17}}$; $\frac{4}{\sqrt{42}}$, $\frac{5}{\sqrt{42}}$, $\frac{-1}{\sqrt{42}}$

4.
$$\vec{r} = \hat{i} + 2 \hat{j} + 3 \hat{k} + \lambda (3 \hat{i} + 2 \hat{j} - 2 \hat{k})$$
 जहाँ λ एक वास्तविक संख्या है।

5.
$$\vec{r} = 2 \hat{i} - \hat{j} + 4 \hat{k} + \lambda (\hat{i} + 2 \hat{j} - \hat{k})$$
 और कार्तीय रूप $\frac{x-2}{1} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-4}{-1}$

6.
$$\frac{x+2}{3} = \frac{y-4}{5} = \frac{z+5}{6}$$

7.
$$\vec{r} = (5\hat{i} - 4\hat{j} + 6\hat{k}) + \lambda(3\hat{i} + 7\hat{j} + 2\hat{k})$$

8. रेखा का सिंदश समीकरण :
$$\vec{r} = \lambda (5 \hat{i} - 2 \hat{j} + 3 \hat{k})$$
;

रेखा का कार्तीय समीकरण :
$$\frac{x}{5} = \frac{y}{-2} = \frac{z}{3}$$

9. रेखा का सिदश समीकरण :
$$\overline{r} = 3\hat{i} - 2\hat{j} - 5\hat{k} + \lambda(11\hat{k})$$

रेखा का कार्तीय समीकरण :
$$\frac{x-3}{0} = \frac{y+2}{0} = \frac{z+5}{11}$$

10. (i)
$$\theta = \cos^{-1}\left(\frac{19}{21}\right)$$
, (ii) $\theta = \cos^{-1}\left(\frac{8}{5\sqrt{3}}\right)$

11. (i)
$$\theta = \cos^{-1}\left(\frac{26}{9\sqrt{38}}\right)$$
 (ii) $\theta = \cos^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$

12.
$$p = \frac{70}{11}$$
 14. $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ 15. $2\sqrt{29}$

14.
$$\frac{3\sqrt{2}}{2}$$

15.
$$2\sqrt{29}$$

16.
$$\frac{3}{\sqrt{19}}$$

16.
$$\frac{3}{\sqrt{19}}$$
 17. $\frac{8}{\sqrt{29}}$

(b)
$$\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}; \frac{1}{\sqrt{3}}$$

(c)
$$\frac{2}{\sqrt{14}}$$
, $\frac{3}{\sqrt{14}}$, $\frac{-1}{\sqrt{14}}$; $\frac{5}{\sqrt{14}}$ (d) 0, 1, 0; $\frac{8}{5}$

(d)
$$0, 1, 0; \frac{8}{5}$$

2.
$$\vec{r} \cdot \left(\frac{3 \hat{i} + 5 \hat{j} - 6 \hat{k}}{\sqrt{70}} \right) = 7$$

3. (a)
$$x+y-z=2$$
 (b) $2x+3y-4z=1$ (c) $(s-2t)x+(3-t)y+(2s+t)z=15$

(c)
$$(s-2t) x + (3-t) y + (2s+t) z = 15$$

4. (a)
$$\left(\frac{24}{29}, \frac{36}{29}, \frac{48}{29}\right)$$

(b)
$$\left(0, \frac{18}{25}, \frac{24}{25}\right)$$

(c)
$$\left(\frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{1}{3}\right)$$

(d)
$$\left(0, \frac{-8}{5}, 0\right)$$

5. (a)
$$[\bar{r} - (\hat{i} - 2\hat{k})] \cdot (\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}) = 0; x + y - z = 3$$

(b)
$$[\overline{r} - (\hat{i} + 4\hat{j} + 6\hat{k})] \cdot (\hat{i} - 2\hat{j} + \hat{k}) = 0, x - 2y + z + 1 = 0$$

(b)
$$2x + 3y - 3z = 5$$

7.
$$\frac{5}{2}$$
, 5, -5

8.
$$y = 3$$

9.
$$7x - 5y + 4z - 8 = 0$$

10.
$$\vec{r} \cdot (38\hat{i} + 68\hat{j} + 3\hat{k}) = 153$$

11.
$$x-z+2=0$$

12.
$$\cos^{-1}\left(\frac{15}{\sqrt{731}}\right)$$

13. (a)
$$\cos^{-1}\left(\frac{2}{5}\right)$$

- (b) तल आपस में लंबवत् हैं।
- (c) तल आपस में समांतर हैं। (e) 45°
- (d) तल आपस में समांतर हैं।

(b) $\frac{13}{3}$

14. (a) $\frac{3}{13}$ (c) 3

(d) 2

अध्याय 11 पर विविध प्रश्नावली

4.
$$\frac{x}{1} = \frac{y}{0} = \frac{z}{0}$$
 5. 0°

6.
$$k = \frac{-10}{7}$$

6.
$$k = \frac{-10}{7}$$
 7. $\overline{r} = \hat{i} + 2 \hat{j} + 3 \hat{k} + \lambda (\hat{i} + 2 \hat{j} - 5 \hat{k})$

8.
$$x + y + z = a + b + c$$

10.
$$\left(0, \frac{17}{2}, \frac{-13}{2}\right)$$
 11. $\left(\frac{17}{3}, 0, \frac{23}{3}\right)$ **12.** $(1, -2, 7)$

11.
$$\binom{17}{3}$$
, 0, $\frac{23}{3}$

13.
$$7x - 8y + 3z + 25 = 0$$

14.
$$p = \frac{3}{2}$$
 अथवा $\frac{11}{6}$

15.
$$y - 3z + 6 = 0$$

16.
$$x + 2y - 3z - 14 = 0$$

17.
$$33x + 45y + 50z - 41 = 0$$

19.
$$\vec{r} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k} + \lambda (-3\hat{i} + 5\hat{j} + 4\hat{k})$$

20.
$$\overline{r} = \hat{i} + 2\hat{j} - 4\hat{k} + \lambda(2\hat{i} + 3\hat{j} + 6\hat{k})$$

- **1.** (0,4) पर अधिकतम Z=16
- 2. (4,0) पर न्यूनतम Z = -12
- 3. $\left(\frac{20}{19}, \frac{45}{19}\right)$ पर अधिकतम $Z = \frac{235}{19}$
- 4. $\left(\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)$ पर न्यूनतम Z = 7

- **5.** (4,3) पर अधिकतम Z=18
- **6.** (6, 0) और (0, 3) को मिलाने वाली रेखा खंड पर स्थित सभी बिंदुओं पर न्यूनतम Z = 6.
- 7. (60,0) पर न्यूनतम Z=300; (120,0) और (60,30) को मिलाने वाली रेखा खंड पर स्थित सभी बिंदुओं पर अधिकतम Z=600;
- 8. (0,50) और (20,40) को मिलाने वाली रेखाखंड पर स्थित सभी बिंदुओं पर न्यूनतम Z=100. (0,200) पर अधिकतम Z=400
- 9. Z का कोई अधिकतम मान नहीं है।
- 10. चुँकि कोई सुसंगत क्षेत्र नहीं है अत: Z का अधिकतम मान नहीं है।

- 1. $\left(\frac{8}{3},0\right)$ और $\left(2,\frac{1}{2}\right)$ को मिलाने वाली रेखा खंड के सभी बिंदुओं पर न्यूनतम मूल्य = Rs 160
- 2. केकों की अधिकतम संख्या = 30 एक प्रकार की तथा 10 अन्य प्रकार की हैं।
- 3. (i) 4 टेनिस रैकट तथा 12 क्रिकेट बल्ले
 - (ii) अधिकतम लाभ = Rs 200
- 4. नट के तीन पैकिट तथा वोल्ट के तीन पैकिट; अधिकतम लाभ = Rs 73.50.
- 5. 30 पैकिट A प्रकार के पेंच तथा 20 पैकिट B प्रकार की पेंचो के तथा अधिकतम लाभ = Rs 410
- 6. 4 आधार लैंप और 4 काठ का ढक्कन; अधिकतम लाभ = Rs 32
- 7. A प्रकार के 8 स्मृति चिह्न तथा B प्रकार के 20 स्मृति चिह्न; अधिकतम लाभ = Rs 160.
- 8. 200 डेस्कटॉप के नमूने तथा 50 पोर्टेबल नमूने; अधिकतम लाभ = Rs 1150000.
- 9. Z = 4x + 6y का न्यूनतमीकरण कीजिए जबिक $3x + 6y \ge 80$, $4x + 3y \ge 100$, $x \ge 0$ और $y \ge 0$, जहाँ x और y क्रमश: भोज्य F_1 और F_2 की इकाईयों को दर्शाते हैं; न्यूनतम मूल्य = Rs 104
- **10.** उर्वरक F_1 के 100 kg और उर्वरक F_2 के 80 kg; न्यूनतम मूल्य = Rs 1000
- **11.** (D)

अध्याय 12 पर विविध प्रश्नावली

- 40 पैंकिट भोज्य P के और 15 पैंकिट भोज्य Q के; विटामिन A की अधिकतम मात्रा = 285 इकाई
- 2. P प्रकार के 3 थैले और Q प्रकार के 6 थैले; मिश्रण का न्यूनतम मूल्य = Rs 1950
- 3. मिश्रण का न्यूनतम मूल्य Rs 112 (भोज्य X का 2 kg तथा भोज्य Y का 4 kg).
- 5. प्रथम श्रेणी के 40 टिकट तथा साधारण श्रेणी के 160 टिकट; अधिकतम लाभ = Rs 136000.
- 6. A से : 10, 50 और 40 इकाईयाँ, B से : 50, 0 और 0 इकाईयाँ क्रमश: D, E और F को भेजी जाती है तथा न्यूनतम मूल्य = Rs 510
- 7. A से : 500, 3000 और 3500 लीटर; B से: 4000, 0 और 0 लीटर तेल क्रमश: D, E और F को भेजी जाती है तथा न्यूनतम मूल्य = Rs 4400
- 8. P प्रकार के 40 थैले और Q प्रकार के 100 थैले; नाइट्रोजन की न्यूनतम मात्रा = 470 kg.
- 9. P प्रकार के 140 थैले और Q प्रकार के 50 थैले; नाइट्रोजन की अधिकतम मात्रा = 595 kg.
- 10. A प्रकार की 800 गुड़ियाँ और B प्रकार की 400 गुड़ियाँ; अधिकतम लाभ = Rs 16000

1.
$$P(E|F) = \frac{2}{3}, P(F|E) = \frac{1}{3}$$

2.
$$P(A|B) = \frac{16}{25}$$

4.
$$\frac{11}{26}$$

5. (i)
$$\frac{4}{11}$$

(ii)
$$\frac{4}{5}$$

(iii)
$$\frac{2}{3}$$

6. (i)
$$\frac{1}{2}$$

(ii)
$$\frac{3}{7}$$

(iii)
$$\frac{6}{7}$$

8.
$$\frac{1}{6}$$

10. (a)
$$\frac{1}{3}$$
, (b) $\frac{1}{9}$

11. (i)
$$\frac{1}{2}, \frac{1}{3}$$

(ii)
$$\frac{1}{2}$$
, $\frac{2}{3}$

(iii)
$$\frac{3}{4}, \frac{1}{4}$$

12. (i)
$$\frac{1}{2}$$
 (ii) $\frac{1}{3}$ 13. $\frac{5}{9}$

(ii)
$$\frac{1}{3}$$

13.
$$\frac{5}{6}$$

14.
$$\frac{1}{15}$$

प्रश्नावली 13.2

1.
$$\frac{3}{25}$$

1.
$$\frac{3}{25}$$
 2. $\frac{25}{102}$ 3. $\frac{44}{91}$

3.
$$\frac{44}{91}$$

4. A और B परस्पर स्वतंत्र हैं।

5. A और B परस्पर स्वतंत्र नहीं हैं।

6. E और F परस्पर स्वतंत्र नहीं हैं।

7. (i)
$$p = \frac{1}{10}$$
 (ii) $p = \frac{1}{5}$

(ii)
$$p = \frac{1}{5}$$

$$(iii)$$
 0.3

9.
$$\frac{3}{8}$$

9. $\frac{3}{8}$ 10. A और B परस्पर स्वतंत्र नहीं हैं।

11. (i) 0.18 (ii) 0.12 (iii) 0.72 (iv) 0.28

12.
$$\frac{7}{8}$$

12. $\frac{7}{8}$ 13. (i) $\frac{16}{81}$, (ii) $\frac{20}{81}$, (iii) $\frac{40}{81}$

14. (i)
$$\frac{2}{3}$$
, (ii) $\frac{1}{2}$

14. (i)
$$\frac{2}{3}$$
, (ii) $\frac{1}{2}$ **15.** (i), (ii) **16.** (a) $\frac{1}{5}$, (b) $\frac{1}{3}$, (c) $\frac{1}{2}$

1.
$$\frac{1}{2}$$
 2. $\frac{2}{3}$

2.
$$\frac{2}{3}$$

3.
$$\frac{9}{13}$$

4.
$$\frac{12}{13}$$

5.
$$\frac{22}{133}$$
 6. $\frac{4}{9}$ 7. $\frac{1}{52}$

6.
$$\frac{4}{9}$$

7.
$$\frac{1}{52}$$

8.
$$\frac{1}{4}$$

9.
$$\frac{2}{9}$$

10.
$$\frac{8}{11}$$

9.
$$\frac{2}{9}$$
 10. $\frac{8}{11}$ 11. $\frac{5}{34}$

12.
$$\frac{11}{50}$$

2.
$$X = 0, 1, 2; \vec{e}\vec{1}$$
 3. $X = 6, 4, 2, 0$

3.
$$X = 6.4.2.0$$

(ii)
$$X = 0 = 1$$

 $P(X) = \frac{25}{36} = \frac{11}{36}$

8. (i)
$$k = \frac{1}{10}$$

(ii)
$$P(X < 3) = \frac{3}{10}$$

8. (i)
$$k = \frac{1}{10}$$
 (ii) $P(X < 3) = \frac{3}{10}$ (iii) $P(X > 6) = \frac{17}{100}$

(iv)
$$P(0 < X < 3) = \frac{3}{10}$$

9. (a)
$$k = \frac{1}{6}$$
 (b) $P(X < 2) = \frac{1}{2}$, $P(X \le 2) = 1$, $P(X \ge 2) = \frac{1}{2}$

11.
$$\frac{1}{3}$$

12.
$$\frac{14}{3}$$

13.
$$Var(X) = 5.833$$
, S.D = 2.415

X
 14
 15
 16
 17
 18
 19
 20
 21

 P(X)

$$\frac{2}{15}$$
 $\frac{1}{15}$
 $\frac{2}{15}$
 $\frac{3}{15}$
 $\frac{1}{15}$
 $\frac{2}{15}$
 $\frac{3}{15}$
 $\frac{1}{15}$

17. D

1. (i)
$$\frac{3}{32}$$

(ii)
$$\frac{7}{64}$$

(iii)
$$\frac{63}{64}$$

$$\frac{25}{216}$$

2.
$$\frac{25}{216}$$
 3. $(\frac{29}{20})(\frac{19}{20})^9$

4. (i)
$$\frac{1}{1024}$$
 (ii) $\frac{45}{512}$ (iii) $\frac{243}{1024}$

(ii)
$$\frac{45}{512}$$

(iii)
$$\frac{243}{1024}$$

(ii)
$$(0.95)^4 \times 1.2$$

(ii)
$$(0.95)^4 \times 1.2$$
 (iii) $1 - (0.95)^4 \times 1.2$

(iv)
$$1 - (0.95)^5$$

6.
$$\left(\frac{9}{10}\right)^4$$

6.
$$\left(\frac{9}{10}\right)^4$$
 7. $\left(\frac{1}{2}\right)^{20} \left[20C_{12} + {}^{20}C_{13} + ... + {}^{20}C_{20}\right]$

9.
$$\frac{11}{243}$$

10. (a)
$$1 - \left(\frac{99}{100}\right)^{50}$$
 (b) $\frac{1}{2} \left(\frac{99}{100}\right)^{49}$ (c) $1 - \frac{149}{100} \left(\frac{99}{100}\right)^{49}$

(b)
$$\frac{1}{2} \left(\frac{99}{100} \right)^{49}$$

(c)
$$1 - \frac{149}{100} \left(\frac{99}{100} \right)^{49}$$

11.
$$\frac{7}{12} \left(\frac{5}{6}\right)^5$$

11.
$$\frac{7}{12} \left(\frac{5}{6}\right)^5$$
 12. $\frac{35}{18} \left(\frac{5}{6}\right)^4$ 13. $\frac{22 \times 9^3}{10^{11}}$

13.
$$\frac{22 \times 9^3}{10^{11}}$$

अध्याय 13 पर विविध प्रश्नावली

1. (i) 1

(ii) 0

2. (i) $\frac{1}{3}$

(ii) $\frac{1}{2}$

3. $\frac{20}{21}$ 4. $1 - \sum_{r=2}^{10} {}^{10}C_r(0.9)^r(0.1)^{10-r}$

5. (i) $\left(\frac{2}{5}\right)^6$ (ii) $7\left(\frac{2}{5}\right)^4$ (iii) $1-\left(\frac{2}{5}\right)^6$ (iv) $\frac{864}{3125}$

6. $\frac{5^{10}}{2 \times 6^9}$ 7. $\frac{625}{23328}$ 8. $\frac{2}{7}$

9. $\frac{31}{9} \left(\frac{2}{3}\right)^4$ 10. $n \ge 4$ 11. $\frac{-91}{54}$

12. $\frac{1}{15}$, $\frac{2}{5}$, $\frac{8}{15}$ 13. $\frac{14}{29}$

14. $\frac{3}{16}$

15. (i) 0.5 (ii) 0.05

16. $\frac{16}{31}$

17. A

18. C

19. B