













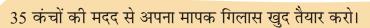


## आपका मापक गिलास

अब तुम अंदाज़ा लगाओ। क्या तुम्हें लगता है कि पाँच रुपये के 10 सिक्कों का आयतन 10 कंचों से ज़्यादा होगा?

नीचे लिखी चीजों के आयतन का अंदाजा लगाओ:

- 💠 एक बॉल लगभग \_\_\_\_\_ कंचों के बराबर होगी।
- 💠 एक रबर लगभग \_\_\_\_\_ कंचों के बराबर होगी।
- 💠 एक नीबू लगभग \_\_\_\_\_ कंचों के बराबर होगा।
- 💠 एक पेंसिल लगभग \_\_\_\_\_ कंचों के बराबर होगी।
- 💠 एक आलू लगभग \_\_\_\_\_ कंचों के बराबर होगा।



एक गिलास लो और उस पर '0' का निशान लगाओ। फिर उसमें 5 कंचे डालकर 5 M का निशान लगाओ।

उसमें फिर 5 कंचे और डालो और पानी के नए स्तर पर 10 M लिखो। इसी प्रकार 15 M, 20 M 25 M, 30 M और 35 M के निशान लगाओ।

अब हर चीज़ को अपने बनाए हुए मापक गिलास में डालो और अपने अंदाज़े को जाँचो। इसी तरह और चीज़ों जैसे बॉल, पत्थर आदि से भी करो और तालिका पूरी करो।



इन सब गतिविधियों का उद्देश्य छात्रों को परिभाषाएँ याद करवाना नहीं है बिल्क साधारण उदाहरणों से और खुद करके आयतन की समझ विकसित करना है। निशान लगाने की गतिविधि में कागज़ की पट्टी भी चिपकाई जा सकती है तािक छात्र उस पर पेन या पेंसिल से निशान लगा सकें।





















## किसका आयतन ज्यादा है?

हाँ, अगर हम क्या तुम 6 कंचों एक मापक-बोतल का आयतन mL बना लें तो। में बता सकते हो?

कक्षा IV में तुमने 250 mL मापने की एक बोतल बनाई थी।

क्या तुम ऐसी मापक बोतल बनाने के तरीके सोच सकते हो जो कि 10 mL, 20 mL. 30 mL...... 60 mL माप सके? अपने दोस्तों से चर्चा करो।

तारिक और मौली ने अपनी-अपनी मापक बोतल बनाईं।

तारिक के पास एक पुराना इंजेक्शन सिरिंज पड़ा था। उसने इंजेक्शन से अपनी मापक बोतल बनाई। मौली ने दवाई की एक खाली बोतल का उपयोग किया।

मैंने इंजेक्शन सिरिंज में एक बार में 5 mL पानी भरा। बोतल में 10 mL निशान लगाने के लिए इससे दो बार पानी बोतल में डाला।



मैंने 10 mL माप की एक खाली दवाई की बोतल से अपनी मापक बोतल बनाई है।

मौली ने पाँच रुपये के सिक्कों का आयतन पता लगाने के लिए अपनी मापक बोतल का उपयोग किया। उसने पता लगाया कि पाँच रुपये के 9 सिक्के 10 mL पानी हटाते हैं। तुम भी पाँच रुपये के 9 सिक्कों का उपयोग अपनी मापक बोतल बनाने के लिए कर संकते हो। करके देखो!

### अपनी मापक बोतल से पता करो :

क) 6 कंचों का आयतन कितना है? \_\_\_\_\_ mL









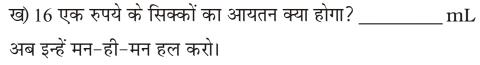












- ग) 24 कंचों का आयतन\_\_\_\_\_mL होगा।
- घ) 32 एक रुपये के सिक्कों का आयतन\_\_\_\_\_mL होगा।
- ङ) मौली ने 5 रुपये के कुछ सिक्के मापक बोतल में डाले। उसे कितने सिक्के डालने होंगे
  - 🗱 अगर 30 mL पानी ऊपर उठता है तो? \_\_\_\_\_
  - 🗱 अगर 60 mL पानी ऊपर उठता है तो? \_\_\_\_\_

पहले अंदाजा लगाओ और फिर अपनी मापक बोतल की मदद से कुछ और चीज़ों के आयतन का पता लगाओ।

चीज़	आयतन (mL में)	
		सोचो पानी के अंदर जाने पर तुम्हारा शरीर
		कितना पानी हटाएगा?

## कितने समा सकते हैं?





यह एक घन है जिसकी हर भुजा 1 cm है। देखो, तुम्हारी 'गणित का जादू' किताब 1 cm ऊँची है। तो अंदाजा लगाओ कि कितने 1 cm के घन मिलाकर तुम्हारी गणित की किताब जितनी जगह घेरेंगे।

मापक बोतल बनाने के लिए, छात्रों को बड़े मुख वाली एवं आर-पार दिखने वाली बोतलों का उपयोग करने को कहें ताकि अच्छी तरह निशान लगाए जा सकें। इस कार्य का मुख्य उद्देश्य छात्रों के नापने की क्षमताओं को विकसित करना है और यह छात्रों को गणित की कक्षा में विभिन्न उपकरणों को बनाना और सँभालना सिखाता है।



अरे, मेरी 'गणित का जादू' किताब लगभग \_\_\_ cm लंबी है। तो \_\_\_ cm घन इसकी लंबाई में फिट हो जाएँगे।



और यह लगभग \_\_\_ cm चौड़ी है तो इसकी चौड़ाई में \_\_\_ घन आ जाएँगे।





तो कुल मिलाकर
\_\_\_ cm घन इस
गणित किताब पर
फिट हो जाएँगे।



अब अगर इन सारे घनों को एक कतार में लगाया जाए, तो वह कतार कितनी लंबी होगी? \_\_\_\_\_ सेंटीमीटर



#### अभ्यास का समय

- पाँच 'गणित का जादू' किताबों से एक मंच बनाया गया है। इस मंच का आयतन
   सेंटीमीटर घनों के बराबर है।
- 2. इन चीज़ों के आयतन का सेंटीमीटर घनों में अंदाज़ा लगाओ।
- 🗱 एक माचिस की डिब्बी का आयतन लगभग \_\_\_\_ घन सेंटीमीटर होता है।
- 🗱 एक ज्यामितीय बॉक्स का आयतन लगभग घन सेंटीमीटर होगा।
- ※ एक रबर का आयतन लगभग \_\_\_\_ घन सेंटीमीटर होगा।

तुम अपने अनुमान को कैसे जाँचोगे? चर्चा करो।

## माचिस की डिब्बियों का खेल

तनु माचिस के डिब्बों से एक मंच बना रही है। वह पहले 14 माचिस की डिब्बियाँ इस तरह लगाकर एक परत तैयार करती है।



गतिविधि 'कितनी चीज़ें आएँगी' के बच्चों को एक cm घन के आकार की समझ होनी चाहिए। विभिन्न आकृतियों के आयतन पता करने के लिए अध्यापक कुछ cm घन बना सकते हैं और माचिस की डिब्बियों से अलग-अलग मॉडल बनवा सकते हैं। तनु का मंच या मोहन का मॉडल ऐसे उदाहरण हैं जिनमें बच्चे आयतन को डिब्बियों में मापते हैं, जिसको बाद में घन cm में बदला जा सकता है।



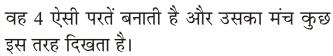


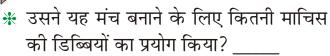














- ※ एक माचिस की डिब्बी का आयतन 10 सेंटीमीटर घनों के बराबर है तो इस मंच का आयतन \_\_\_\_ सेंटीमीटर घनों के बराबर है?
- अगर ये सारे घन एक कतार में रख दिए जाएँ तो वह कतार कितनी लंबी होगी?
  —— सेंटीमीटर
- ※ किसका आयतन ज्यादा है ─ तुम्हारी 'गिणत का जादू' किताब का या तनु के इस मंच का?

अपने दोस्तों के साथ मिलकर एक ही माप की बहुत सारी खाली माचिस की डिब्बियों को इकट्ठा करो। उनके किनारों को नापो और यहाँ लिखो।



56 माचिस की डिब्बियों का उपयोग करके अलग-अलग ऊँचाई के मंच बनाओ। इस तालिका को भरो।

	कितना ऊँचा है यह?	कितना लंबा है यह?	कितना चौड़ा है यह?
मंच 1			
मंच 2			
मंच 3			

हर मंच का आयतन \_\_\_\_\_ माचिस की डिब्बियों के बराबर है।

🗱 अपने बनाए हुए मंचों के गहरे चित्र बनाओ।



#### अभ्यास का समय

मोहन ने अपनी माचिस की डिब्बियों को इस तरह लगाया।

- कितनी माचिस की डिब्बियों का प्रयोग कर उसने यह बनाया? इसका आयतन माचिस की डिब्बियों में कितना होगा? \_\_\_\_\_ माचिस की डिब्बियाँ
- खाली माचिस की डिब्बियों को इकट्ठा करो। इन्हें एक मजेदार ढंग से लगाओ। उसका गहरा चित्र बनाओ।



#### कागज़ का घन बनाना

आनन और उसके मित्र कागज़ से घन बना रहे हैं। वह 19.5 cm का वर्ग कागज़ की शीट से काटते हैं। वह इसी तरह के 6 एक जैसे वर्गाकार कागज़ काटते हैं। इन चित्रों को देखते हुए अपना कागज़ का घन बनाओ।

 इस तरह की रेखा बनाने के लिए कागज़ को चार बराबर भागों में मोड़ो।



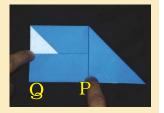
2. ऊपर बाएँ कोने को और उसके सामने वाले कोने को इस तरह मोड़ो।



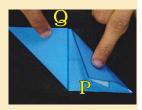
3. ऊपर और नीचे के किनारों को मोड़ो ताकि वह बीच की रेखा से मिलें। अब P कोने को मोड़ो...



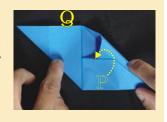
4. ताकि कागज़ इस तरह दिखे।



5. इसी तरह Q कोने को भी मोड़ो। कागज़ कुछ ऐसा दिखेगा।



6. P कोने को उठाओं और उसे मुड़े हुए कागज़ के नीचे इस तरह दबाओ।



एक जैसी इकाइयों units का प्रयोग कर बराबर आयतन की अलग-अलग आकृतियाँ बनाएँ। जैसे ईंटें या माचिस की डिब्बियाँ। मंच के किनारों को नापने के लिए लंबाई को सन्निकटन करके सेंटीमीटर तक नापें।

















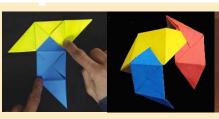
7. Q कोने के साथ भी यही करो। कागज़ अब कुछ इस तरह दिखेगा।



8. कागज़ को पलटो और उसे मोड़ो ताकि उस पर इस तरह के मोड़ के निशान आ जाएँ।



9. हरेक छात्र इसी तरह एक ऐसा टुकड़ा बनाएगा। 6 बच्चे ऐसे 6 टुकड़े बनाएँगे और सभी टुकड़ों को एक के अंदर एक जोड़कर एक घन बनेगा।





ध्यान दें: 19.5 cm भुजा वाले वर्गाकार कागज़ से शुरू करें। दूसरे कदम में सभी को बाईं ओर के कोने को मोड़कर शुरू करना है।

# तुम्हारा घन कितना बड़ा?



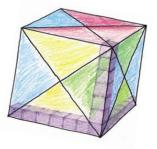
1. क) तुम्हारे घन का किनारा कितना लंबा है?\_

ख) कितने सेंटीमीटर घन उसकी

☆ लंबाई है?
\_\_\_\_\_

ॐचाई है?

ग) थिम्पू के प्रश्नों के उत्तर दो :



कागज़ी घन जितना बड़ा मंच बनाने के लिए मुझे कितने cm घनों की ज़रूरत होगी?



थिम्पू

पूरा घन बनाने के लिए ऐसी कितनी परतें मुझे बनानी पड़ेंगी?

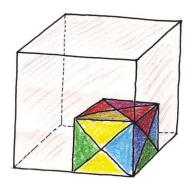
मेज पर पहली परत बनाने के लिए मुझे कितने cm घनों का इस्तेमाल करना होगा? \_\_\_\_

- घ) कुल उपयोग में लाए गए सेंटीमीटर घन होंगे = \_\_\_\_?
- ङ) कागजी घन का आयतन \_\_\_\_\_ सेंटीमीटर घनों के बराबर है।

यदि हम 19.5 cm भुजा वाले वर्गाकार कागज़ से शुरू करें, तो हमें 7 cm भुजा वाला घन मिलेगा।

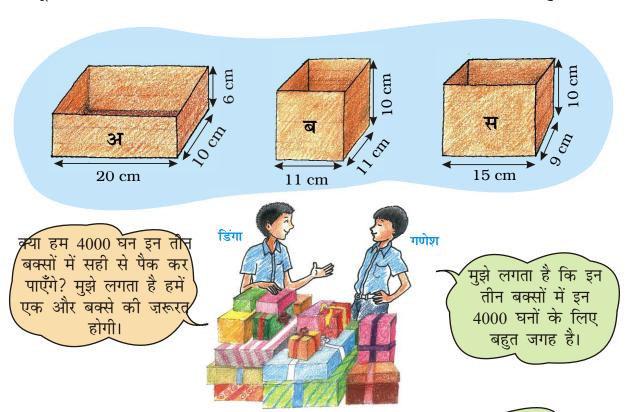


2. आनन ने एक बड़ा घन बनाया। जिसकी भुजा की लंबाई तुम्हारे कागज़ के घन की लंबाई से दुगुनी थी। तुम्हारे बने कितने कागज़ के घन इस बड़े घन के अंदर आएँगे? अपनी कक्षा में बनाए गए सभी घनों को इकट्ठा करके बडा घन बनाने की कोशिश करो।

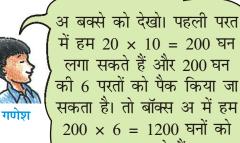


## घनों को डिब्बों में डालें

गणेश और डिंगा 4000 सेंटीमीटर घनों को बक्सों में पैक करना चाहते हैं। घनों को एक स्कूल में भेजा जाना है। तीन अलग-अलग तरह के बक्से पैकिंग के लिए मिले हुए हैं।



- 🗱 तुम्हारा क्या अंदाजा है? कौन सही है?
- 💥 गणेश और डिंगा घनों को पैक करने से पहले कैसे अपने अंदाज़ों की जाँच कर सकते हैं? अपने दोस्तों से चर्चा करो।





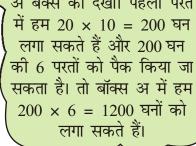














गणेश के तरीके से पता लगाओ :

- 💥 बॉक्स ब में कितने घनों को लगाया जा सकता है?
- 💥 बॉक्स स में कितने घनों को लगाया जा सकता है?
- 🗱 तो कुल मिलाकर तीनो बक्सों में कितने घन आ सकते हैं?

# कौन सा पाइप बड़ा?

कुछ पुराने पोस्ट कार्ड इकट्ठे करो। तुम 14 cm × 9 cm नाप के मोटे कागज़ का भी इस्तेमाल कर सकते हो।

पोस्टकार्ड की चौड़ाई की तरफ़ से उसे मोड़ो जिससे कि पाइप-1 बन सके। इसके जोड़ को टेप से जोड़ो।

एक दूसरा पोस्टकार्ड लो और उसे पाइप-2 बनाने के लिए लंबाई की तरफ़ से मोड़ो।

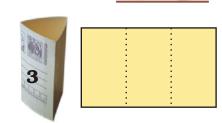
🗱 अंदाज़ा लगाओ कि दोनों पाइपों में से कौन से पाइप में ज़्यादा रेत आएगी? अपने अंदाज़े को चैक करने के लिए रेत भरके देखो। क्या तुम्हारा अंदाज़ा 1 सही था? चर्चा करो।

अब यही सब नीचे दिखाए गए पाइपों के साथ दोहराओ।

तिकोने आकार का पाइप-3 बनाने के लिए पोस्टकार्ड पर दो रेखाएँ (चित्र के अनुसार) बनाओ। रेखाओं पर कागज़ को मोडो। आखिरी किनारे को टेप से जोड़ो।

अब एक वर्गाकार पाइप-4 बनाओ।

पता करो कि किस पाइप में सबसे ज़्यादा रेत भरी जा सकती है? तो किस पाइप का आयतन सबसे ज्यादा है?





बच्चों को धागे से की गई गतिविधि (पृष्ठ 155) को याद कराएँ जिसमें यह पता लगा था कि एक परिमाप की सभी आकृतियों में से वृत्त का क्षेत्रफल सबसे अधिक था। यहाँ एक कागज़ के क्षेत्रफल वाली ऐसी आकृति ढुँढनी है जिसका आयतन सबसे अधिक हो।

































## गंगोत्री की यात्रा

कक्षा XI के छात्र गंगोत्री यात्रा पर जा रहे हैं। उन्हें छ: दिन के लिए अपना सामान रखना है और यह ध्यान रखना है कि बैग हलका रहे। साथ ही, सामान ऐसा हो जो बहुत ज्यादा जगह न घेरे। इसलिए वे ऐसा सामान ढूँढेंगे जिसका आयतन और वज़न, दोनों से कम हो। आखिरकार उन्हें ही तो यह सामान ढोकर पहाड़ पर ले जाना होगा!

यह करने के लिए उन्होंने टमाटर और प्याज तक को भी सुखा लिया। जब उनके अंदर के पानी को सुखाया जाता है तो एक किलो प्याज या टमाटर 100 ग्राम रह जाते हैं।

हरेक छात्र को एक दिन में नीचे लिखे भोजन की ज़रूरत पड़ेगी:

**चावल:** 100 ग्राम

आटा: 100 ग्राम

• दाल: चावल और आटे के भार का  $\frac{1}{3}$ 

• तेल : 50 ग्राम

चीनी : 50 ग्राम

• दूध का पाउडर: 40 ग्राम (चाय, दिलया और गर्म दूध के लिए)

चाय: लगभग 10 ग्राम

• **दलिया**: 40 ग्राम

**नमक**: 5 ग्राम

• **सूखे प्याज**: 10 ग्राम

सूखे टमाटर : 10 ग्राम





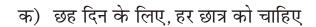












- चावल और आटा \_\_\_\_\_ ग्राम
   दालें \_\_\_\_\_ ग्राम
- सूखे प्याज \_\_\_\_ ग्राम
- ख) छह दिन तक दस लोगों के लिए कितना ताज़ा टमाटर सुखाना चाहिए?
- ग) हरेक छात्र के बैग में भोजन का कुल वजन (छह दिन के लिए) कितना है?



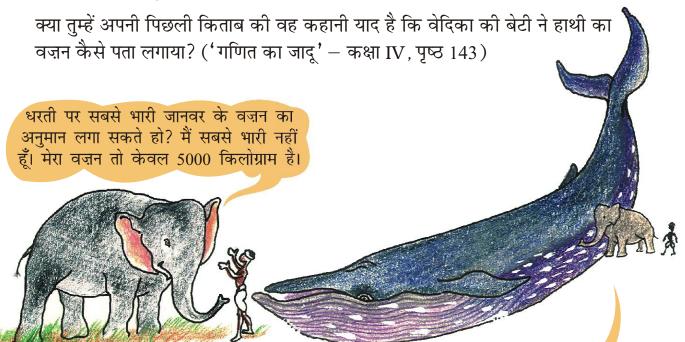
एक ग्राम ज्यादा वज़न भी यात्रा को मुश्किल बना देगा।

अंदाज़ा लगाओ हममें से कितनी एक साथ तोलने पर एक ग्राम वज़न के बराबर होंगी। लगभग 100?





# मैं कितना भारी हूँ?



वह नीली व्हेल है, जो समुद्र के अंदर रह्ती है। उसका वजन मुझसे 35 गुना ज्यादा है। तो उसका वजन कितने हज़ार किलो होगा?



- 🗱 अंदाज़ा लगाओ तुम्हारे जैसे कितने बच्चों का वज़न मिलकर एक 5000 किलो के हाथी के बराबर होगा।
- 🗱 हाथी का बच्चा जब पैदा होता है, तब उसका वज़न लगभग 90 किलो होता है। जब तुम पैदा हुए तब तुम्हारा वजन कितना था? पता करो। पैदा होने पर हाथी के बच्चे का वजन तुम्हारे वजन से कितने गुना ज्यादा था?
- ☀ अगर एक जवान हाथी एक दिन में 136 किलो भोजन खाता है तो एक महीने में लगभग \_\_\_\_\_ kg भोजन खाएगा।

अंदाज़ा लगाओ एक साल में वह कितना भोजन खाएगा।

## शाहिद ने बैंक को बचाया

शाहिद एक बैंक में काम करता है। वह नकदी के काउंटर पर बैठता है। जब कभी उसके पास ज्यादा सिक्के हो जाते हैं वह उन्हें गिनता नहीं बल्कि तोलता है।





तोलना कितना आसान है। एक 5 रुपये के सिक्के का वज़न 9 ग्राम है। मुझे बोरी का वजन बताओ तो मैं तुम्हें सिक्कों की संख्या बता दँगा।







क्या तुम हाथ में लेकर बता सकते हो कि कौन सा सिक्का सबसे भारी है?

