

Chapter 6 Determinants Ex 6.2 Q12

$$\begin{vmatrix} b+c & a-b & a \\ c+a & b-c & b \\ a+b & c-a & c \end{vmatrix} = 3abc-a^3-b^3-c^3$$

$$|b+c & a-b & a| \\ c+a & b-c & b \\ a+b & c-a & c \end{vmatrix}$$

$$= \begin{vmatrix} b+c+a & -b & a \\ c+a+b & -c & b \\ a+b+c & -a & c \end{vmatrix}$$

$$= -(b+c+a)\begin{vmatrix} 1 & b & a \\ 1 & c & b \\ 1 & a & c \end{vmatrix}$$

$$= -(b+c+a)\begin{vmatrix} 1 & b & a \\ 0 & c-b & b-a \\ 0 & a-b & c-a \end{vmatrix}$$

$$= -(b+c+a)[(c-b)(c-a)-(b-a)(a-b)]$$

$$= 3abc-a^3-b^3-c^3$$

$$= RHS$$

Chapter 6 Determinants Ex 6.2 Q13

$$\begin{vmatrix} a+b & b+c & c+a \\ b+c & c+a & a+b \\ c+a & a+b & b+c \end{vmatrix} = 2\begin{vmatrix} a & b & c \\ b & c & a \\ c & a & b \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} a+b & b+c & c+a \\ b+c & c+a & a+b \\ c+a & a+b & b+c \end{vmatrix}$$

$$Apply: C_1 \rightarrow C_1 + C_2 + C_3$$

$$= \begin{vmatrix} 2(a+b+c) & b+c & c+a \\ 2(a+b+c) & c+a & a+b \\ 2(a+b+c) & a+b & b+c \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & b+c & c+a \\ a+b+c & c+a & a+b \\ a+b+c & a+b & b+c \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & b+c & c+a \\ a+b+c & a+b & b+c \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & -a & -b \\ a+b+c & -c & -a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & b+c \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & b+c \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & b+c \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & c+a \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+b+c & a+b \\ a+b+c & a+b \end{vmatrix}$$

$$= 2\begin{vmatrix} a+$$

Chapter 6 Determinants Ex 6.2 Q14

We need to prove the following identity:

$$\begin{vmatrix} a+b+2c & a & b \\ c & b+c+2a & b \\ c & a & c+a+2b \end{vmatrix} = 2(a+b+c)^3$$

Applying $C_1 \rightarrow C_1 + C_2 + C_3$, we have,

L.H.S =
$$\begin{vmatrix} 2a + 2b + 2c & a & b \\ 2a + 2b + 2c & b + c + 2a & b \\ 2a + 2b + 2c & a & c + a + 2b \end{vmatrix}$$

Taking the term 2a + 2b + 2 as common, we have

Applying $R_2 \rightarrow R_2 - R_1$ and $R_3 \rightarrow R_3 - R_1$ we have

L.H.S =
$$2(a+b+c)\begin{vmatrix} 1 & a & b \\ 0 & a+b+c & 0 \\ 0 & 0 & a+b+c \end{vmatrix}$$

Thus, we have,

L.H.S =
$$2(a + b + c)[1 \times (a + b + c)^{2}]$$

= $2(a + b + c)(a + b + c)^{2}$
= $2(a + b + c)^{3}$

Chapter 6 Determinants Ex 6.2 Q15

$$\begin{vmatrix} a-b-c & 2a & 2a \\ 2b & b-c-a & 2b \\ 2c & 2c & c-a-b \end{vmatrix} = (a+b+c)^3$$

LHS =
$$\begin{vmatrix} a-b-c & 2a & 2a \\ 2b & b-c-a & 2b \\ 2c & 2c & c-a-b \end{vmatrix}$$

Apply: $R_1 \rightarrow R_1 + R_2 + R_3$.

$$= \begin{vmatrix} a+b+c & a+b+c & a+b+c \\ 2b & b-c-a & 2b \\ 2c & 2c & c-a-b \end{vmatrix}$$

Take (a+b+c) common from R_1

$$= (a+b+c)\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2b & b-c-a & 2b \\ 2c & 2c & c-a-b \end{vmatrix}$$

Apply:
$$C_2 \to C_2 - C_1$$
, $C_3 \to C_3 - C_1$

$$= (a+b+c)\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2b & -b-c-a & 0 \\ 2c & 0 & -c-a-b \end{vmatrix}$$

$$= (a+b+c)\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 2b & b+c+a & 0 \\ 2c & 0 & b+c+a \end{vmatrix}$$

$$= (a+b+c)^3$$

$$= RHS$$

********* END *******