BÀI THỰC HÀNH 3: ỨNG DỤNG MATLAB TÍNH GẦN ĐÚNG ĐẠO HÀM VÀ TÍCH PHÂN

Bài 1 (2.5đ): Cho hàm số: $y(x) = \arcsin(x)$ với các giá trị tại:

$$x = [0.1 \ 0.3 \ 0.5 \ 0.7 \ 0.9]$$

 $y = [0.1002 \ 0.3047 \ 0.5236 \ 0.7754 \ 1.1198]$

- a. Tính gần đúng đạo hàm của y tại x = 0.7 bằng cách áp dụng công thức Taylor. (1đ)
- b. Tính gần đúng đạo hàm của hàm số: $y = \arcsin(x)$ tại x = 0.7 bằng cách dùng đa thức nội suy Lagrange. (1đ)
- c. Tính chính xác kết quả đạo hàm. So sánh với 2 kết quả gần đúng ở trên và nhận xét.
 (0.5đ) Biết:

$$(\arcsin(x))' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

Bài 2 (2.5đ): Viết function tính gần đúng tích phân của một hàm số f(x) bất kỳ trong khoảng [a,b] sử dụng công thức hình thang với N đoạn con bằng nhau

function
$$y = tichphanhinhthang(fx,a,b,N)$$

Áp dụng tính gần đúng tích phân của hàm số $f(x) = x^3 \sin(x) + x\cos(x)$ trong khoảng [0,1] với N = 10.

Bài 3 (2.5đ): Viết function tính gần đúng tích phân của một hàm số f(x) bất kỳ trong khoảng [a,b] sử dung công thức Simpson với với N đoan con bằng nhau

Áp dụng tính gần đúng tích phân của hàm số $f(x) = x^3 \sin(x) + x\cos(x)$ trong khoảng [0,1] với N = 10.

Bài 4 (2.5đ):

- a. Tính chính xác tích phân của hàm số $f(x) = x^3 \sin x$ trong khoảng [0,1]. So sánh với giá trị gần đúng ở câu a và b rồi nhận xét. Gọi ý: tìm hiểu lệnh integral (1đ)
- b. Viết chương trình tính sự chênh lệch của 2 phương pháp hình thang và Simpson so với tích phân chính xác integral ở ba trường hợp N=1, N=10 và N=50 (in ra chi tiết giá trị chênh lệch). Từ đó rút ra kết luận phương pháp nào có độ chính xác cao hơn? $(1.5\mathfrak{d})$