

TEORÍA DE CONJUNTOS.

Nombre: _____ Curso: _____ Fecha: ____/____/____

Algunos símbolos que se utilizan en matemática son:

\forall	para todo	$($	paréntesis circular
\exists	existe	$[$	paréntesis de corchete (o cuadrado)
\nexists	no existe	$\{$	paréntesis de llaves
$\exists!$	existe un único	$ x $	valor absoluto de una cantidad “x”
\in	pertenece a	\sphericalangle	ángulo
\notin	no pertenece a	\perp	perpendicular a
\subset	subconjunto	\therefore	por lo tanto
\subseteq	subconjunto o igual a	\parallel	paralelo a
\supset	superconjunto	\cong	congruente a
\cup	unión	\sim	semejante a
\cap	intersección	α	alfa
\Rightarrow	entonces	β	beta
---	si y sólo si	γ	gamma
$ $	tal que	δ	delta
\wedge	conector lógico y	ε	epsilon
\vee	conector lógico o	θ	theta
\emptyset	conjunto vacío	λ	lambda
$\{ \}$	conjunto vacío	π	pi
$\#$	cardinalidad (en teoría de conjuntos)	φ	phi
$\#$	paralelogramo (en geometría)	ω	omega
∞	infinito	Ω	omega mayúscula
$=$	es igual a	Σ	sigma mayúscula (símbolo de sumatoria)
\neq	no es igual a (distinto de)	\odot	circunferencia
$<$	menor que	\mathbb{N}	Conjunto de los números Naturales
\leq	menor o igual que	\mathbb{N}_0	Conjunto de los números Cardinales
$>$	mayor que	\mathbb{Z}	Conjunto de los números Enteros
\geq	mayor o igual que	\mathbb{Q}	Conjunto de los números Racionales
\approx	aproximadamente	\mathbb{I}	Conjunto de los números Irracionales
\equiv	idéntico a	\mathbb{R}	Conjunto de los números Reales

CONJUNTOS.

El concepto de conjunto es fundamental en todas las ramas de la matemática. El concepto de conjunto es primitivo y no se puede definir, pero intuitivamente un **conjunto** es una lista, colección o reunión de objetos con una característica en común. Los objetos que forman un conjunto se llaman **elementos**.

Ejemplos:

$V = \{a, e, i, o, u\}$
 $A = \{\text{rojo, amarillo, azul}\}$
 $B = \{\text{lunes, martes, miércoles, jueves, viernes, sábado, domingo}\}$

Observaciones:

- Los conjuntos se denotan por letras mayúsculas.
- Los elementos de los conjuntos se representan por letras minúsculas.

Un conjunto lo podemos expresar de dos formas:

Por extensión.

Significa enumerar todos sus elementos uno a uno separados por comas y encerrándolos entre paréntesis de llaves.

Ejemplos:

$A = \{a, e, i, o, u\}$
 $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$
 $C = \{2, 4, 6, 8\}$

Por comprensión.

Significa enunciar los requisitos, propiedades o cualidad que deben tener los elementos del conjunto y solo ellos.

Ejemplos:

$A = \{x | x \text{ es vocal del abecedario}\}$
 $B = \{x \in \mathbb{N} | x \leq 5\}$
 $C = \{x | x \text{ es par menor a } 10\}$

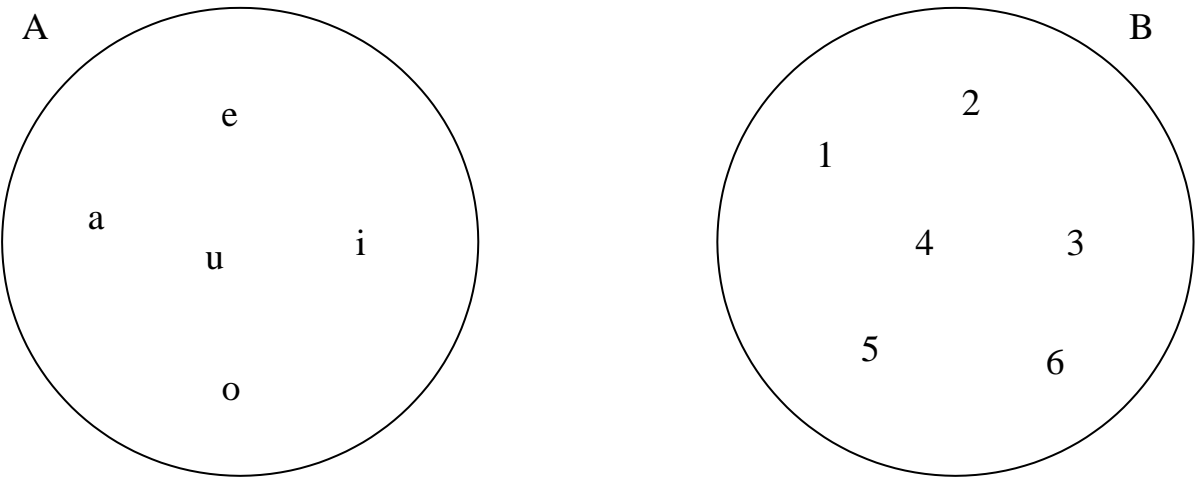
DIAGRAMA DE VENN - EULER.

Los Diagramas de Venn – Euler, o simplemente Diagramas de Venn, son esquemas utilizados en la teoría de conjuntos para mostrar en forma ordenada los elementos de un conjunto encerrados por una circunferencia.

Ejemplo:

Sean los conjuntos

$A = \{\text{vocales del abecedario}\}$
 $B = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 7\}$



ACTIVIDAD 1.
Escribe por extensión los siguientes conjuntos.

- a) $H = \{\text{letras de la palabra SEPTIMO}\}$
 $H = \{ \dots \}$
- b) $J = \{\text{letras de la palabra MATEMÁTICA}\}$
 $J = \{ \dots \}$
- c) $G = \{x \in \mathbb{N} \mid 1 < x < 5\}$
 $G = \{ \dots \}$
- d) $P = \{x \in \mathbb{N} \mid x = 2p \text{ A } 2 < x < 8\}$
 $P = \{ \dots \}$
- e) $M = \{x \in \mathbb{N} \mid x = 2n - 1 \text{ A } 1 < x \leq 11\}$
 $M = \{ \dots \}$

ACTIVIDAD 2.
Escribe por comprensión los siguientes conjuntos.

- a) $D = \{5, 6, 7, 8\}$
 $D = \{ \dots \}$
- b) $L = \{7\}$
 $L = \{ \dots \}$
- c) $C = \{11, 13, 15, 17, 19\}$
 $C = \{ \dots \}$
- d) $T = \{2, 4, 6, 8\}$
 $T = \{ \dots \}$
- e) $M = \{d, e, p, o, r, t\}$
 $M = \{ \dots \}$

ACTIVIDAD 3.
Representa en un Diagrama de Venn cada conjunto.

a) $Z = \{a, t, u, n\}$



b) $W = \{x \in \mathbb{N} \mid 3 \leq x < 10\}$



PERTENENCIA.

Si un objeto x es elemento de un conjunto A , es decir, si A contiene a x como uno de sus elementos, se escribe $x \in A$ y se lee $\ll x \text{ pertenece a } A \gg$.

Si un objeto x no es elemento de un conjunto A , es decir, si A no contiene a x como uno de sus elementos, se escribe $x \notin A$ y se lee $\ll x \text{ no pertenece a } A \gg$.

Ejemplo:

Dado el conjunto $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 5\}$ se puede afirmar que $1 \in A, 2 \in A, 3 \in A, 4 \in A, 5 \notin A, 6 \notin A$, etc.

CARDINALIDAD DE CONJUNTOS (#).

Corresponde al número de elementos que tiene un conjunto.

Ejemplo:

Si $B = \{r, s, t\}$, entonces $\#(B) = 3$

Observaciones:

- Si la cardinalidad de un conjunto es **finita**, significa que el número de sus elementos es **limitado**.
- Si la cardinalidad de un conjunto es **infinita**, significa que el número de sus elementos es **ilimitado**.

CONJUNTO UNIVERSO.

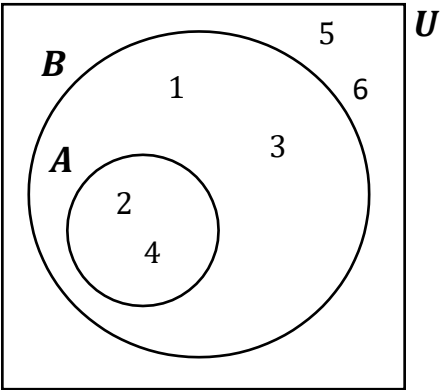
Es el conjunto de referencia que agrupa a todos los elementos existentes. El conjunto universo se denota por la letra U .

SUBCONJUNTOS.

Si todos los elementos de un conjunto A están en un conjunto B , se dice que A es **subconjunto de B** y se escribe $A \subset B$.

Ejemplo:

Dados los conjuntos $U = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 7\}, A = \{2, 4\}$ y $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$.



$A \subset B$

$__ \subset U$

$A \subset __$

Con los elementos de un conjunto se pueden formar varios subconjuntos.

Ejemplo:

Dado el conjunto $B = \{x \in \mid x < 5\}$.

Los subconjuntos que se pueden formar con los elementos de B son:

$\{1\} \{2\} \{3\} \{4\} \{1, 2\} \{1, 3\} \{1, 4\} \{2, 3\}$
 $\{2, 4\} \{3, 4\} \{1, 2, 3\} \{1, 2, 4\} \{1, 3, 4\} \{2, 3, 4\} \{1, 2, 3, 4\} \{ \}$

Observaciones:

- Todo subconjunto que tenga menos elementos que el conjunto del que forman parte, se llama **Subconjunto Propio**.
- El **conjunto vacío** es un conjunto que carece de elementos y se denota por el símbolo \emptyset o con dos llaves de conjunto separadas por un espacio en blanco $\{ \}$.
- El conjunto vacío es subconjunto de todo conjunto.
- Un **conjunto Unitario o Singleton** es un conjunto que tiene sólo un elemento.
- Todo conjunto es subconjunto de sí mismo.

ACTIVIDAD 4.
Dados los conjuntos $A = \{1, 3, 5, 7, 9, 11\}$, $B = \{x \in \mathbb{N}_0 \mid x < 10\}$, $C = \{2, 4, 6\}$ indica si cada afirmación es Verdadera (V) o Falsa (F).

- a)_____ $1 \in A$
- b)_____ $6 \notin A$
- c)_____ $7 \notin A$
- d)_____ $4 \in A$
- e)_____ $1 \in C$
- f) _____ $3 \in B$
- g)_____ $3 \notin B$
- h)_____ $2 \in C$
- i) _____ $3 \in A$
- j) _____ $7 \in C$
- k)_____ $5 \notin B$
- l) _____ $1 \notin A$
- m)_____ $9 \notin C$
- n)_____ $5 \notin C$
- o)_____ $11 \in B$
- p)_____ $8 \in B$

ACTIVIDAD 5.
Completa la siguiente tabla con la información correcta (Pertenencia y Cardinalidad).

Conjunto	Pertenencia		Cardinalidad
$P = \{a, b, c\}$	e _____ P	b _____ P	$\# P =$ _____
$Q = \{x \in \mathbb{N} \mid 5 \leq x < 12\}$	5 _____ Q	12 _____ Q	$\# Q =$ _____
$R = \{x \in \mathbb{N} \mid x = 2n - 1 \wedge 3 \leq x < 9\}$	3 _____ R	8 _____ R	$\# R =$ _____

ACTIVIDAD 6.
Dado el conjunto universo $U = \mathbb{N}$. Sean los conjuntos $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x = 5n \wedge x \leq 20\}$, $S = \{2, 4, 6, 8\}$ $F = \{2\}$ $J = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 11\}$. Determina si cada afirmación es Verdadera (V) o Falsa (F).

- a)_____ $A \subset U$
- b)_____ $S \subset F$
- c)_____ $J \not\subset S$
- d)_____ $\{5\} \subset A$
- e)_____ $\{6, 8\} \subset U$
- f) _____ $\{1, 2\} \not\subset J$
- g)_____ $\{2, 3, 4\} \subset J$
- h)_____ $\{10, 20\} \not\subset A$
- i) _____ $S \subset J$
- j) _____ $F \not\subset A$
- k)_____ $A \not\subset J$
- l) _____ $J \subset U$

CONJUNTO POTENCIA.

El conjunto potencia es el conjunto que tiene por elementos a todos los subconjuntos de un conjunto. Es decir, el conjunto potencia $P(A)$ es el conjunto formado por todos los subconjuntos de A .

La cardinalidad del conjunto potencia se puede determinar utilizando la expresión 2^n , donde n corresponde al número de elementos del conjunto.

Ejemplo:
Dado el conjunto $B = \{1, 2, 3, 4\}$. El conjunto potencia $P(B)$ es:

$$P(B) = \{\{1\}, \{2\}, \{3\}, \{4\}, \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}, \{2, 3\}, \{2, 4\}, \{3, 4\}, \{1, 2, 3\}, \{1, 2, 4\}, \{1, 3, 4\}, \{2, 3, 4\}, \{1, 2, 3, 4\}, \emptyset\}$$

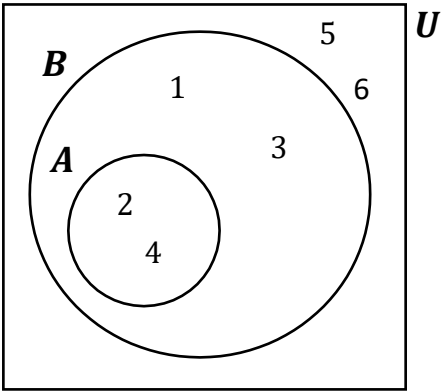
El conjunto B tiene $n = 4$ elementos, la expresión $2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2$ determina la cantidad de subconjuntos que se pueden formar con los elementos de B . Es así que el conjunto potencia de B está formado por 16 elementos.

$$\therefore \# P(B) = 16$$

SUPERCONJUNTO.

B es superconjunto de A si A es subconjunto de B y se denota por $B \supset A$.

Ejemplo:
Dados los conjuntos $U = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 7\}$, $A = \{2, 4\}$ y $B = \{1, 2, 3, 4\}$.



$$B \supset A$$

$$_\supset A$$

$$U \supset _\$$

DIFERENCIA ENTRE PERTENENCIA E INCLUSIÓN.

Pertenencia.
Relacionar un **elemento** con un **conjunto**.
Se utiliza el símbolo \in .

\neq

Inclusión.
Relacionar un **conjunto** con otro **conjunto**.
Se utiliza el símbolo \subset .

Ejemplo: Sea el conjunto $A = \{a, e, i, o, u\}$ <<El elemento a pertenece al conjunto A >> $a \in A$
<<El conjunto $\{a, e\}$ esta incluido (subconjunto de) en el conjunto A >> $\{a, e\} \subset A$.

CONJUNTOS EQUIVALENTES O COORDINABLES.

Dos conjuntos son equivalentes (o coordinables) si y solo si los conjuntos tienen igual cardinalidad. Los conjuntos equivalentes tienen correspondencia uno a uno.

Ejemplo:

$A = \{1, 2, 3\}$
 $\# A = 3$

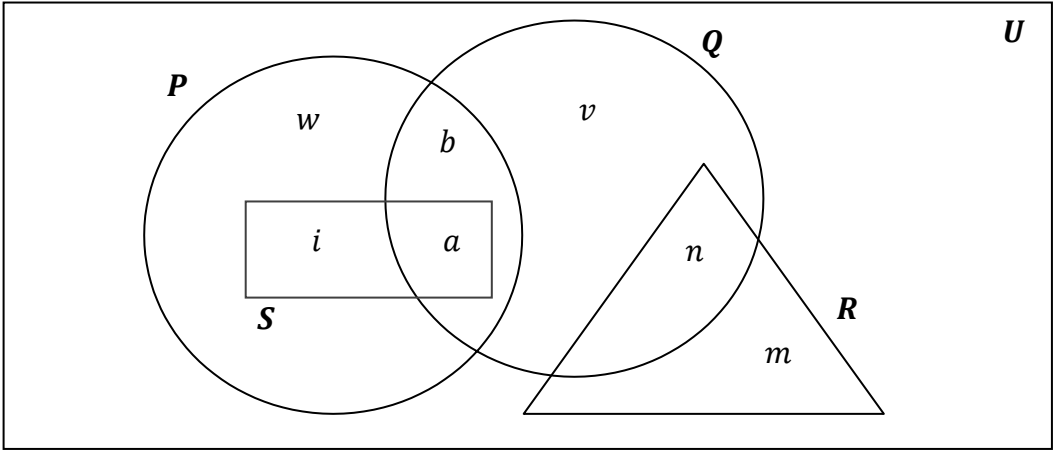
$B = \{x, y, z\}$
 $\# B = 3$

CONJUNTOS IGUALES.

Dos conjuntos son iguales si y solo si ambos conjuntos están formados por los mismos elementos, sin importar el orden en que aparezcan.

Ejemplo:
 $A = \{j, v, s\}$ y $B = \{s, j, v\}$
 A y B son conjuntos iguales.

ACTIVIDAD 7.
 Observa los conjuntos del siguiente diagrama y completa con los símbolos \in , \notin , \subset , $\not\subset$ o \supset según corresponda.



- a) P ____ Q
 c) $\{m\}$ ____ R
 e) P ____ S
 g) P ____ U
 i) $\{a, i\}$ ____ S
 k) S ____ P
 m) $\{b, v\}$ ____ Q
- b) m ____ Q
 d) n ____ R
 f) $\{n\}$ ____ Q
 h) U ____ Q
 j) b ____ S
 l) w ____ P
 n) \emptyset ____ S

ACTIVIDAD 8.
 Escribe por extensión el conjunto potencia de cada conjunto.

- a) $A = \{15\}$
 $P(A) = \{ \dots \}$
- b) $B = \{a, b\}$
 $P(B) = \{ \dots \}$
- c) $C = \{x \in \mathbb{N} \mid 4 < x < 8\}$
 $P(C) = \{ \dots \}$

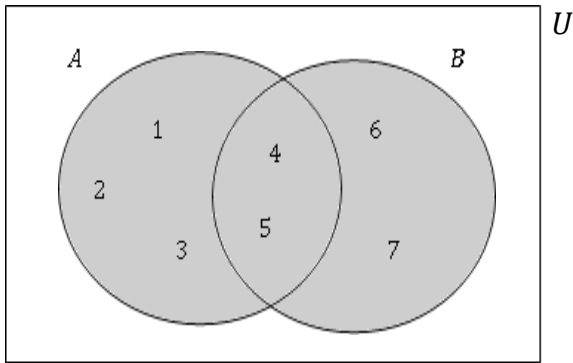
ACTIVIDAD 9.
 Escribe en la respuesta si el conjunto de la columna A es igual o equivalente al conjunto de la columna B

A	B	RESPUESTA.
$\{a, e, i, o, u\}$	$\{x \in \mathbb{N} \mid x \text{ es impar A } x \leq 9\}$	
$\{0, 1\}$	$\{x \mid x \text{ es divisor de } 17\}$	
$\{x \in \mathbb{N} \mid 4 < x < 8\}$	$\{7, 5, 6\}$	
$\{x \in \mathbb{N} \mid x + 4 = 12\}$	$\{x \in \mathbb{N} \mid x - 3 = 5\}$	

OPERACIONES ENTRE CONJUNTOS.

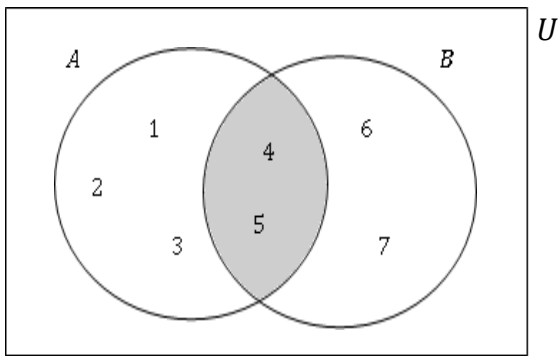
1. Unión de conjuntos: es la operación que nos permite agrupar los elementos de dos o más conjuntos en un nuevo conjunto. El símbolo que utilizamos es \cup .

Ejemplo:
 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ y $B = \{4, 5, 6, 7\}$ entonces $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$



2. Intersección de conjuntos: es la operación que nos permite agrupar en un nuevo conjunto sólo los elementos que tienen en común los conjuntos. El símbolo que utilizamos es \cap .

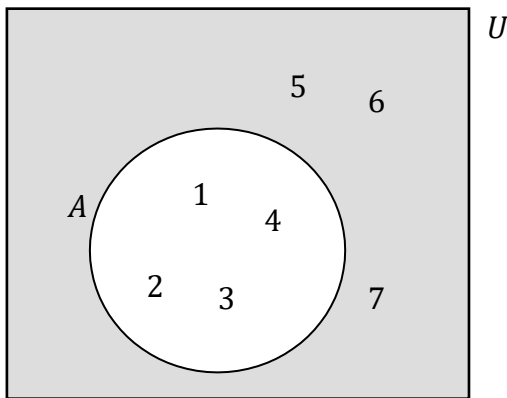
Ejemplo:
 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ y $B = \{4, 5, 6, 7\}$ entonces $A \cap B = \{4, 5\}$



- Si no existen elementos en común entre dos conjuntos, significa que la intersección es el conjunto vacío.
- Si la intersección de dos conjuntos es el conjunto vacío, entonces se dice que los **conjuntos son Disjuntos**.

3. Complemento de conjuntos: es el conjunto que agrupa a todos los elementos que faltan en un conjunto para completar el Universo de referencia.

Ejemplo:
Sean $A = \{1, 2, 3, 4\}$ y $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ entonces el complemento del conjunto A es $A^c = \{5, 6, 7\}$.



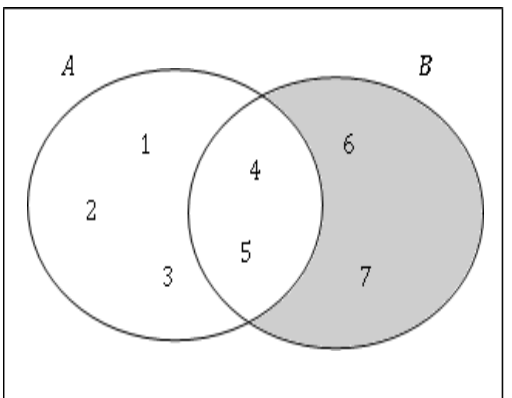
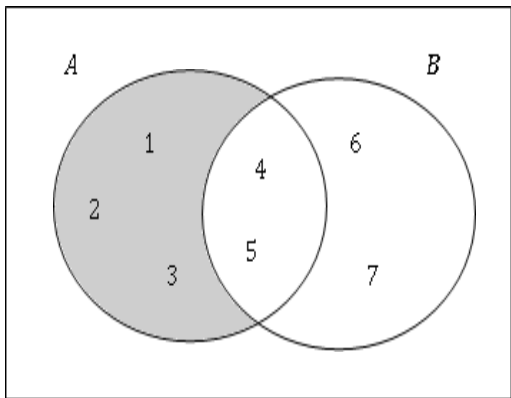
- El complemento del conjunto vacío es el conjunto universo.
- El complemento del conjunto universo es el conjunto vacío.

4. Diferencia de conjuntos: la diferencia de los conjuntos A y B es el conjunto de elementos que pertenecen a A , pero no a B . Es decir, es el conjunto de todos los elementos que pertenecen solo a A . Se denota $A - B$.

Ejemplo:
 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ y $B = \{4, 5, 6, 7\}$ entonces

$$A - B = \{1, 2, 3\}$$

$$B - A = \{6, 7\}$$



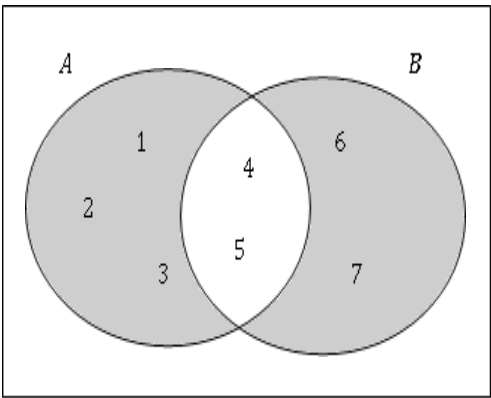
Observación:

- La diferencia de A con B no es igual a la diferencia de B con A .

$$A - B \neq B - A$$

5. Diferencia Simétrica: la diferencia simétrica entre los conjuntos A y B corresponde al conjunto que se forma de todos los elementos que pertenecen solo a A o solo a B . El símbolo que ocupamos es Δ

Ejemplo:
 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ y $B = \{4, 5, 6, 7\}$ entonces $A \Delta B = \{1, 2, 3, 6, 7\}$



ACTIVIDAD 10.

Dados los conjuntos $U = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 9\}$, $A = \{x \in \mathbb{N} \mid 2 \leq x \leq 8\}$, $B = \{1, 2, 3, 4\}$, $C = \{3, 4, 5, 6\}$. Escribe por extensión los siguientes conjuntos

- a) $A \cup B = \{.....\}$
- b) $A \cup C = \{.....\}$
- c) $A \cap B = \{.....\}$
- d) $B \cap C = \{.....\}$
- e) $A - B = \{.....\}$
- f) $B - C = \{.....\}$
- g) $A \Delta C = \{.....\}$
- h) $B \cup C = \{.....\}$
- i) $A \cup B \cup C = \{.....\}$
- j) $A \cap C = \{.....\}$
- k) $A \cap B \cap C = \{.....\}$
- l) $A - C = \{.....\}$
- m) $A \Delta B = \{.....\}$
- n) $B \Delta C = \{.....\}$

ACTIVIDAD 11.

Dados los conjuntos $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 6\}$, $B = \{x \in \mathbb{N} \mid x = 2n - 1 \wedge 3 \leq x \leq 9 \wedge n \in \mathbb{N}\}$ y $C = \{x \in \mathbb{N} \mid 3 < x \leq 8\}$.

- a) Escribe por extensión los conjuntos A , B y C .

$A = \{$ $\}$

$B = \{$ $\}$

$C = \{$ $\}$

- b) Escribe por extensión el conjunto $A \cup B \cup C$.

$A \cup B \cup C = \{$ $\}$

- c) Escribe por extensión el conjunto $A \cap B \cap C$.

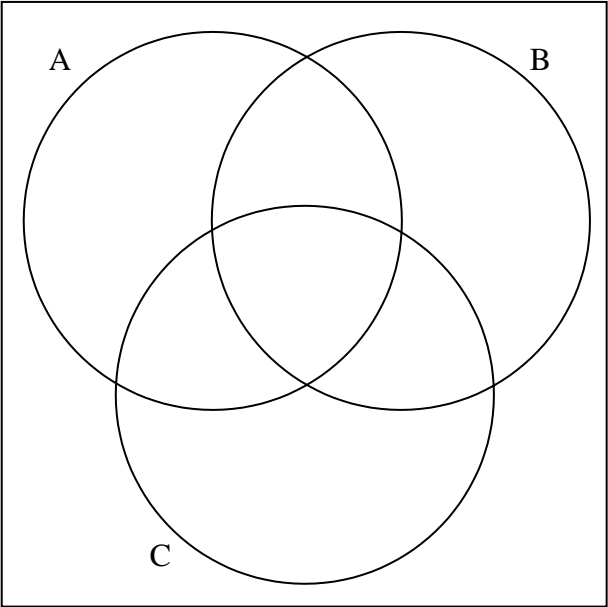
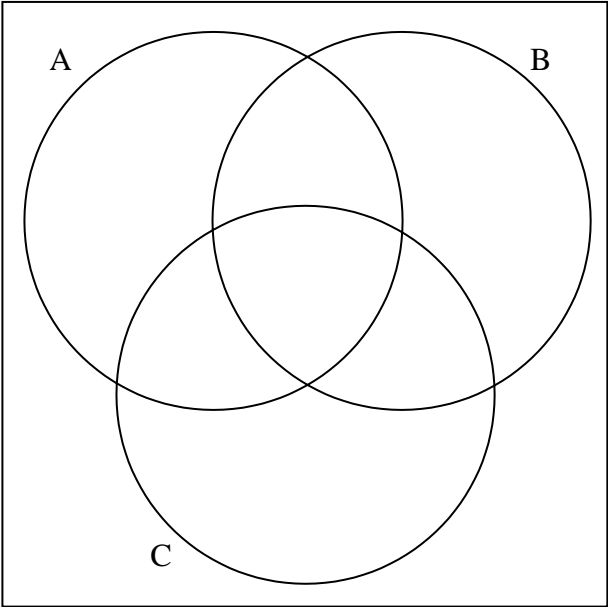
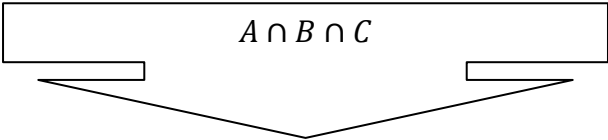
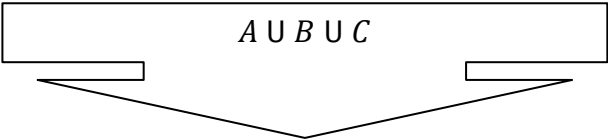
$A \cap B \cap C = \{$ $\}$

ACTIVIDAD 12.
 Considerando los conjuntos A, B y C completa con los elementos cada diagrama de Venn y colorea el espacio correspondiente a la operación indicada.

$$A = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 6\}$$

$$B = \{x \in \mathbb{N} \mid x = 2n - 1 \wedge 3 \leq x \leq 9 \wedge n \in \mathbb{N}\}$$

$$C = \{x \in \mathbb{N} \mid 3 < x \leq 8\}$$



- ACTIVIDAD 13.**
 Completa en forma correcta cada afirmación dada.
- a) Un intuitivamente es una agrupación de objetos.
 - b) Un es un conjunto que forma parte de otro conjunto.
 - c) Si queremos indicar que “7 es uno de los elementos del conjunto M”, simbólicamente es
 - d) El conjunto vacío es el quede elementos.
 - e) Dos conjuntos son si tienen la misma cardinalidad
 - f) Dos conjuntos son si tienen exactamente los mismos elementos.
 - g) Un subconjunto es aquel que tiene menos elementos que su conjunto principal.
 - h) El conjunto $F = \{a, b, c, d, e, f, g\}$ tiene Subconjuntos.
 - i) El complemento del conjunto universo es el conjunto
 - j) El conjunto es el complemento del conjunto vacío.
 - k) La diferencia entre dos conjuntos A y B, corresponde al conjunto formado por todos los elementos de que no están en
 - l) Dos conjuntos son, si su intersección es el conjunto vacío.

RELACIONES.

CONCEPTO DE PAR ORDENADO.

Intuitivamente, un par ordenado consta de dos elementos, a y b , que siguen un orden preestablecido. Un par ordenado se simboliza por (a, b) , donde el primer elemento del par ordenado se llama primera componente y el segundo elemento se llama segunda componente.

Observaciones:

- Dos pares ordenados (a, b) y (c, d) son iguales si y solo si $a = c$ y $b = d$.
- El par ordenado $(a, b) \neq (b, a)$. Si cambiamos el orden de las componentes de un par, ellos serán diferentes.
- Puede haber pares ordenados que tengan las componentes iguales, por ejemplo (a, a)

PRODUCTO CARTESIANO.

Dados dos conjuntos A y B , se llama producto cartesiano de A y B al conjunto de todos los pares ordenados (a, b) con $a \in A$ y $b \in B$. Un producto cartesiano se denota por $A \times B$, se lee “ A cruz B ”.

$$A \times B = \{(a, b) \mid a \in A \wedge b \in B\}$$

Si el conjunto A tiene m elementos y el conjunto B tiene n elementos, entonces $\#(A \times B) = m \cdot n$

Ejemplo:

Sea el conjunto universal $U = \mathbb{N}$, donde $A = \{1, 2\}$ y $B = \{3, 4, 5\}$. Entonces,

$$A \times B = \{(1, 3), (1, 4), (1, 5), (2, 3), (2, 4), (2, 5)\}$$
$$\#A = 2 \wedge \#B = 3 \Rightarrow \#(A \times B) = 6$$

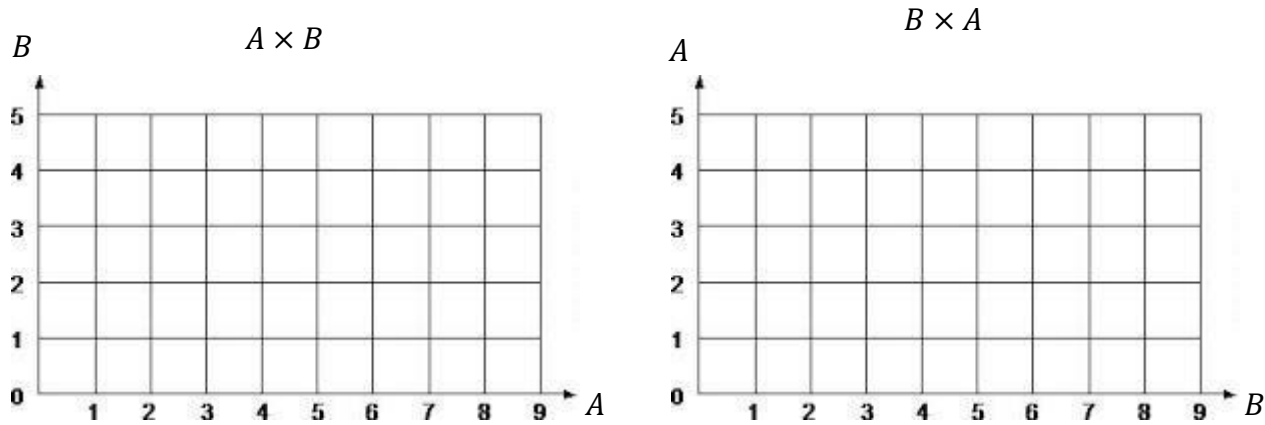
ACTIVIDAD 14.
Dados los conjuntos $A = \{1, 3, 5\}$ y $B = \{2, 4\}$.

a) Calcule la cardinalidad de $A \times B$ $\#(A \times B) = \dots\dots\dots$	b) Calcule la cardinalidad de $B \times A$ $\#(A \times B) = \dots\dots\dots$
c) Escriba por extensión el conjunto $A \times B$ $A \times B = \{ \dots\dots\dots \}$	
d) Escriba por extensión el conjunto $B \times A$ $B \times A = \{ \dots\dots\dots \}$	

ACTIVIDAD 15.
Dados los conjuntos $A = \{1, 2, 3, 4\}$ y $B = \{1, 2, 3\}$.

a) Calcule la cardinalidad de $A \times B$ $\#(A \times B) = \dots\dots\dots$	b) Calcule la cardinalidad de $B \times A$ $\#(A \times B) = \dots\dots\dots$
c) Escriba por extensión el conjunto $A \times B$ $A \times B = \{ \dots\dots\dots \}$	
d) Escriba por extensión el conjunto $B \times A$ $B \times A = \{ \dots\dots\dots \}$	

ACTIVIDAD 16.
 Representa gráficamente los conjuntos $A \times B$ y $B \times A$ de la “Actividad 14”.



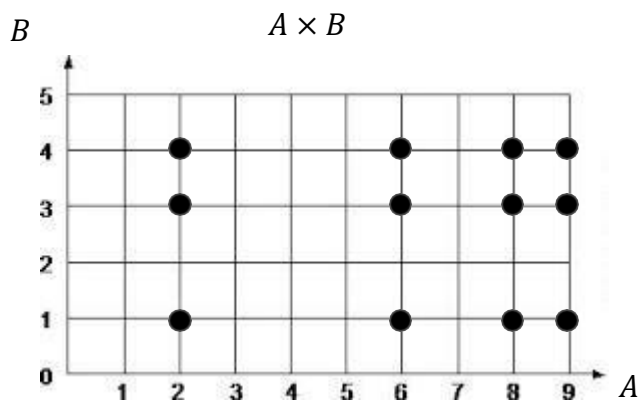
Observa las gráficas, ¿Qué puedes concluir respecto a $A \times B$ y $B \times A$?

.....

.....

Simbólicamente se puede escribir:

ACTIVIDAD 17.
 Observa el gráfico y escribe por extensión los conjuntos A , B y $A \times B$.



$A = \{.....\}$

$B = \{.....\}$

$A \times B = \{.....\}$

RELACIÓN.

Dados los conjuntos A y B no vacíos, se llama relación definida de A en B a cualquier subconjunto del producto cartesiano $A \times B$.

$$R \text{ es relación definida de } A \text{ en } B \iff R \subseteq A \times B$$

$(a, b) \in R$ se escribe también $a R b$, y se lee “el elemento a está relacionado con el elemento b ”

Una relación es un conjunto de pares ordenados, se denota $R : A \rightarrow B$

Observaciones:

- $(a, b) \in R \iff a R b$
- $(a, b) \notin R \iff \neg (a R b)$
- Si el conjunto A tiene m elementos y el conjunto B tiene n elemento, entonces hay $2^{m \cdot n}$ relaciones distintas entre A y B . como $A \times B$ tiene $m \cdot n$ elementos, tiene $2^{m \cdot n}$ subconjuntos diferentes.

Ejemplos:

- a) Sean $A = \{1, 2, 3\}$ y $B = \{a, b\}$. Entonces una relación R es $R = \{(1, a), (1, b), (3, a)\}$
- b) Sean $A = \{2, 3, 4\}$ y $B = \{4, 6\}$. Entonces una relación R es $R = \{(a, b) \mid a \in A \wedge b \in B, b = a \cdot n, n \in \mathbb{N}\}$, escrito por extensión es $R = \{(2, 4), (2, 6), (3, 6), (4, 4)\}$

DOMINIO Y RECORRIDO DE UNA RELACIÓN.

Sea $R : A \rightarrow B$ una relación y $(a, b) \in R$.

Se denomina **pre-imagen** a la primera componente de un par ordenado. Al conjunto de todas las pre-imágenes se le denomina **Dominio de la relación**.

$$Dom R = \{a \in A \mid \exists b \in B \wedge a R b\} \subset A$$

Se denomina **imagen** a la segunda componente de un par ordenado. Se denota $b = R(a)$. Al conjunto de todas las imágenes se le denomina **Recorrido de la relación**.

$$Rec R = \{b \in B \mid \exists a \in A \wedge a R b\} \subset B$$

Ejemplos:

- a) Dada la relación $R = \{(1, a), (1, b), (3, a)\}$
 $Dom R = \{1, 3\}$
 $Rec R = \{a, b\}$
- b) Dada la relación $R = \{(2, 7), (3, 8), (4, 7), (5, 8)\}$
 $Dom R = \{2, 3, 4, 5\}$
 $Rec R = \{7, 8\}$

ACTIVIDAD 18.
Dado los conjuntos A y B , escriba por extensión cada relación R .

a) $A = \{1, 2, 3, 4\}$ y $B = \{1, 3, 5\}$. $R = \{(x, y) \mid x < y\}$

b) $A = \{2, 3, 4, 5\}$ y $B = \{3, 6, 7, 10\}$. $R = \{(x, y) \mid y : x \in \mathbb{N}\}$

ACTIVIDAD 19.

Sea R una relación definida en los números naturales, donde $R = \{(x, y) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N} | x + 3y = 12\}$

a) Escriba por extensión la relación R .

$R = \{ \dots \dots \dots \}$

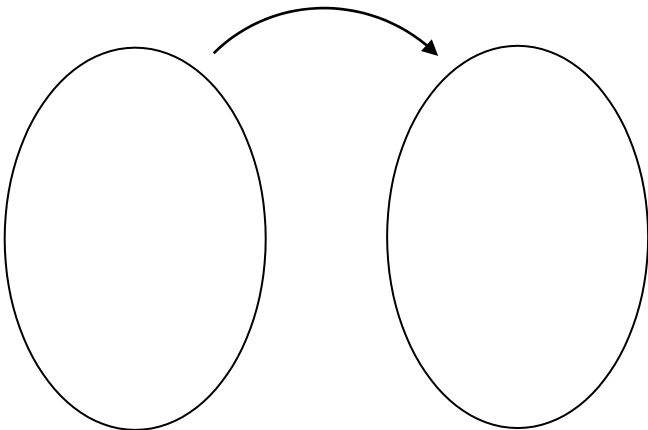
b) Escriba por comprensión el dominio de la relación R .

$Dom\ R = \{ \dots \dots \dots \}$

c) Escriba por comprensión el recorrido de la relación R .

$Rec\ R = \{ \dots \dots \dots \}$

d) Representa la relación R en un diagrama sagital.



e) Graficar la relación R en un plano cartesiano. Recuerda dar nombre a los ejes cartesianos.

