## **EXAMEN MATEMÁTICA DISCRETA JUNIO 2015**

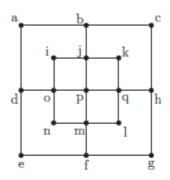
1. Utiliza o teorema chinés dos restos para resolver o seguinte sistema de congruencias e determina cantas solucións teñen valor absoluto entre 150 e 2015.

$$x \equiv 2 \pmod{3}$$

$$x \equiv 1 \pmod{4}$$

$$x \equiv 3 \pmod{5}$$

- 2. Determina o número de 5 caracteres ASCII que conteñen algunha vez o caracter "@". **Nota**: O número de caracteres ASCII é 2<sup>7</sup>
- 3. a) Da unha relación de recurrencia para calcular o número de cadeas de bits de lonxitude n con dous ceros consecutivos.
  - b) Cales son as condicións iniciais?
  - c) Calcula cantas cadeas de lonxitude 7 conteñen dous ceros consecutivos.
- 4. Dado o seguinte grafo G



- (a) Comprobar o teorema de apertón de mans. Calcular a sucesión de graos do grafo G.
- (b) É bipartito? Cal é o número crómatico do grafo G?
- (c) É conexo? Describir un camiño simple de lonxitude 6. É isomorfo ao grafo K<sub>5</sub>?
- (d) É euleriano? É hamiltoniano?
- (e) É plano? Comprobar a fórmula de Euler para o grafo G.
- (f) Calcular unha árbore xeradora minimal de G usando o algoritmo de Kruskal, sendo os pesos do grafo os que se indican a continuación

