D.N.I.: .....

Marcar a opción seleccionada en cada pregunta do test na siguinte cuadrícula:

1.	2.	3.	4.	5.	6.	7.	Cualificación.
A	A	A	A	A			R. ben
В	В	В	В	В			R. mal
С	С	С	С	С			R. branco
D	D	D	D	D	Nota:	Nota:	Nota test

Cada pregunta ben respostada da parte do test suma 0.8 punto, se a resposta é incorrecta resta 0.2 e se se deixa en branco nin suma nin resta. Recoméndase leer inicialmente xunto co enunciado da pregunta todas as opcións, pode evitar en algúns caso facer cálculos e axudar a obter máis axeitadamente a resposta. Para a cualificación somentes se terá en conta a cuadrícula e a resolución do exercicio 8 facilitada.

1. Sabendo que  $\int_{0}^{0} g(t) dt = \sqrt{2}$ , cal das seguintes identidades é correcta?

$$\int_{a}^{0} g(x) + g(x)g'(x) dx = \sqrt{2} + \frac{(g(0))^{2}}{2} - \frac{(g(a))^{2}}{2}.$$

$$\boxed{B} \int_{a}^{0} x + g(x) dx = -\frac{a^{2}}{2} + g'(0) - g'(a).$$

$$\boxed{\mathbf{B}} \int_{a}^{0} x + g(x) \, \mathrm{d}x = -\frac{a^{2}}{2} + g'(0) - g'(a).$$

$$\boxed{\mathbf{C}} \int_{a}^{0} x + g'(x) \, \mathrm{d}x = \frac{a^{2}}{2} + \sqrt{2}.$$

D | ningunha das anteriores.

2. Se  $F(y) = \int_{arcta(y)}^{\sqrt{y}} tg(t) dt$ , cal das seguintes afirmacións é correcta?

$$\boxed{\mathbf{A}} \ F'(x) = tg(y) \frac{1}{1 + y^2}.$$

$$F'(x) = \frac{tg(\sqrt{y})}{2\sqrt{y}} - \frac{y}{1+y^2}$$
.

$$\boxed{\mathbf{C}} \ F'(x) = tg(y) \frac{1}{2\sqrt{y}} - tg(y) \frac{1}{(\cos(y))^2}.$$

D | ningunha das anteriores.

3. A integral  $\int_{1}^{+\infty} \frac{1}{x^p} dx$  sendo p unha constante arbitraria,

A resólvese aplicando a regra de Barrow no inter- $\overline{\text{valo}} [1, +\infty]$ 

B é unha integral impropia e o seu valor é  $\frac{1}{p}$  se p < 1.

é unha integral impropia e o seu valor é 1 para p = 2.

D ningunha das anteriores.

4. Cal das seguintes afirmacións é correcta?

A | A secuencia de comandos: nn=[100:100:1000];t1=[];t2=[];for n=nn A=rand(n): y=ones(n,1);t0=cputime; x=inv(A)\*y;t1=[t1 cputime-t0];t0=cputime;  $x=A \ y;$ t2=[t2 cputime-t0];

Permite obter que o tempo de cálculo para resolver o sistema Ax = y empregando o comando que calcula a matriz inversa é t1, e que o que se emprega a factorización de Cholesky é t2.

Se tratamos de resolver o sistema Ax = b, onde sabemos que A é unha matriz cadrada simétrica e definida positiva, enton podemos aplicar a factorización de Cholesky á matriz A, é dicir R'R = A, e resolver aplicando a secuencia de comandos:

>> R=chol(A) >> y=R'\b >> x=R/y

- B Se tratamos de resolver o sistema Ax = b, onde sabemos que A é unha matriz cadrada simétrica e definida positiva, enton podemos aplicar a factorización de LU á matriz A, é dicir LU = A, e resolver aplicando a secuencia de comandos:
- >> R=lu(A)
- >> y=R'\b
- >> x=R/y
- D Se tratamos de resolver o sistema Ax = b, onde sabemos que A é unha matriz cadrada non simétrica, entón podemos aplicar a factorización de Cholesky á matriz A, é dicir R'R = A, e resolver aplicando a secuencia de comandos:
- >> R=chol(A)
- >> y=R'\b
- >> x=R/y

5. Seleccionar a única opción que resolve con MATLAB correctamente a cuestión descrita:

A | O arquivo:

```
function A = trid(n,a,b,c);
B=[zeros(n-1,1) eve(n-1) ; zeros(1,n)];
A=a*eve(n)-b*B-c*B';
```

Permite definir unha function que nos construe unha matriz cadrada de orde nxa onde todos os elementos diagonais son b e os restantes son c.

C | Se executamos os comandos

- ⇒ syms s x m n
- $\gg \text{Fmn} = \text{int}(1/(1+s^2),s,m,n)$
- $\gg \text{Gmn} = \text{int}(1/(1+x^2),x,m,n)$

Os valores de Fmn e Gmn son diferentes por integrar respecto de distintas variables.

B | Se tratamos de calcular a integral

$$F(x) = \int_0^x \frac{1}{1 + s^2} ds,$$

os comandos correctos que temos que introducir son:

- $\gg \text{syms s}$
- $\gg F = int(1/(1+s^2),0,s)$

A secuencia de comandos:

» syms x

- $\gg f=1/x$
- $\gg \text{xp=linspace}(1,2,20)$
- $\gg yp = subs(f,xp)$
- $\gg \text{fill}([1,xp,2],[0,yp,0],'b')$

Permite representar en azul unha rexión do plano xy que ten por área o ln(2).

## 6. A función erro

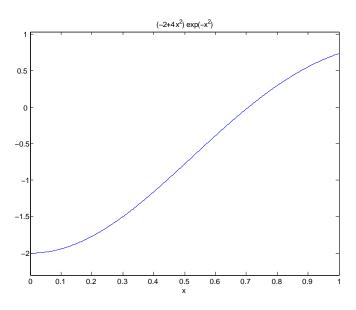
$$erf(x) = \int_0^x e^{-t^2} dt,$$

é importante en probabilidade, nas teorías de fluxo de calor e transmisión de señales e debe avaliarse numericamente xa que non existe expresión elemental para a sua primitiva, como se analizou en prácticas.

- (a) Proporcionar a expresión dunha aproximación do valor de erf(0.5) empregando a regra do trapecio para  $n=5.\ (0.5\ \mathrm{puntos})$
- (b) Acoutar o erro que se comete ao considerar dita aproximación tendo en conta a gráfica da función

$$g(x) = (-2 + 4x^2)e^{-x^2}$$

que se proporciona na seguinte figura como información. É exacta dita aproximación?, razoa a resposta. (0.5 puntos)



## 7. Respostar aos seguintes apartados:

(a) Resolver a integral:

$$I = \int \frac{3x^3}{x^2 + 1} \, dx.$$

e comprobar que a solución proposta é correcta. I é un número?, I é un conxunto? I é unha función?. (0.75 puntos).

(b) Resolver a ecuación diferencial de primeira orde e analizar se é linear:

$$(x^2 + 1)y' + 3x^3y = 6xe^{-\frac{3}{2}x^2}$$

(0.75 puntos).

(c) Dar unha solución para o problema de valor inicial:

$$(x^2+1)y'+3x^3y=6xe^{-\frac{3}{2}x^2}$$
 (1)

$$y(0) = 1 \tag{2}$$

Comprobar que a solución proposta verifica y(0) = 1.

(0.5 puntos).