Física 2º Bachillerato

Manuel Sánchez Abián

2025-2026

Índice

1. Campo Gravitatorio

1.1. Leyes de Kepler

Las leyes de Kepler son 3 leyes acerca de las **órbitas** de los **planetas** alrededor del Sol, que se deducen a partir de la ley de gravitación universal.

1.1.1. Primera Ley de Kepler

Los planetas describen **órbitas elípticas** alrededor del Sol. El sol está situado en uno de los **focos** de la elipse.

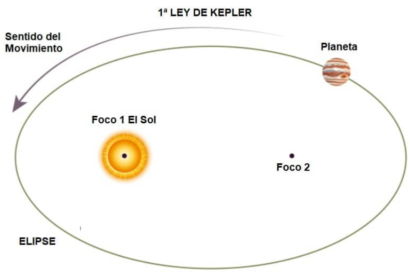


Figura 1: Primera Ley de Kepler

1.1.2. Segunda Ley de Kepler

Los planetas giran con una **velocidad areolar constante**, es decir, el vector posición (radiovector) barre áreas iguales en tiempos iguales:

$$\frac{dA}{dt} = \text{cte.}$$

Esto quiere decir que la velocidad en el **perihelio** (punto más cercano al Sol) es **mayor** que la velocidad en el **afelio** (punto más lejano al Sol).

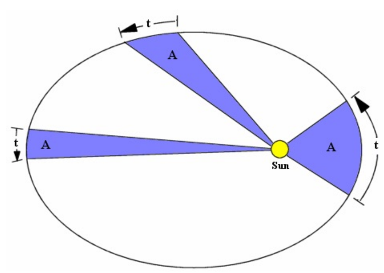


Figura 2: Segunda Ley de Kepler

1.1.3. Tercera Ley de Kepler

El **cuadrado** de los **periodos** (T) alrededor del Sol es **proporcional** al **cubo** de los **radios** medios de sus órbitas (r). Es decir:

$$T^2 = k \cdot r^3 \tag{1}$$

Siendo k una **constante** igual para **todos los planetas**.

1.2. Demostración de la Tercera Ley de Kepler

$$\left.\begin{aligned} G\frac{Mm}{r^2} = m\frac{v^2}{r} \Longrightarrow v^2 = \frac{GM}{r} \\ T = \frac{2\pi r}{v} \Longrightarrow v^2 = \frac{4\pi^2 r^2}{T^2} \end{aligned}\right\} \frac{GM}{r} = \frac{4\pi^2 r^2}{T^2} \Longrightarrow T^2 = \frac{4\pi^2}{GM} r^3 \tag{2}$$

1.3. El Momento Angular de los Planetas

Cuando una partícula describe un movimiento curvilíneo, su estado de **movimiento** se caracteriza por su **momento angular** o momento cinético ($\vec{L}$):

$$\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p} = \vec{r} \times m\vec{v} \tag{3}$$

$$L = r \cdot m \cdot v \cdot \sin\alpha$$

1.3.1. Teorema de Conservación del Momento Angular

Fórmulas utilizadas: $\vec{M} = \vec{r} \times \vec{F}$, $\vec{L} = \vec{r} \times m\vec{v}$, $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt}$, $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$

$$\frac{d\vec{L}}{dt} = \frac{d}{dt}\left(\vec{r} \times m\vec{v}\right) = m\left(\frac{d\vec{r}}{dt} \times \vec{v} + \vec{r} \times \frac{d\vec{v}}{dt}\right) = \vec{r} \times \vec{F} = \vec{M} \tag{4}$$

Si $\vec{M} = 0 \Longrightarrow \vec{L} = \text{cte}$.

1.4. Ley de Gravitación Universal

Conocida como la ley gravitacional de Newton, se expresa el **valor** de la **fuerza de atracción** entre dos masas. La **dirección** del vector es la recta que une las dos partículas. Las **fuerzas** que interactúan entre dos masas tienen el mismo **módulo** y **dirección** pero distinto sentido.

$$\vec{F} = -G\frac{Mm}{r^2}\vec{u_r} \tag{5}$$

Donde la Constante de Gravitación Universal es $G = 6{,}67 \times 10^{-11}\,\mathrm{N\,m^2\,kg^{-2}}$

1.5. Campo Gravitatorio

El campo gravitatorio se define como la **perturbación** que la masa produce en el **espacio** que le **rodea** por el hecho de tener masa.

I. **Líneas de Campo Gravitatorio**:

a) Son **radiales** y van **dirigidos a la masa**.

b) Son **tangentes** en cada punto al vector intensidad de campo y tienen su mismo sentido.

c) No tienen **origen definido** (ya que el alcance del campo gravitatorio es infinito), pero terminan en puntos materiales denominados sumideros de campo.

d) La **densidad** de líneas de campo es **proporcional** al módulo de la **intensidad** del campo.

e) Las líneas de campo **no se pueden cortar**, ya que eso significaría que en un punto del espacio, el campo tendría dos valores distintos.

II. **Intensidad de Campo Gravitatorio** ($\vec{g}$)

$$\vec{g} = -G\frac{M}{r^2}\vec{u_r} \Longrightarrow g = G\frac{M}{r^2} \tag{6}$$

III. **Principio de Superposición**

a) La intensidad del campo gravitatorio en un punto es la **suma vectorial** de los campos que crearía cada cuerpo aislado.

b) De igual forma, la fuerza gravitatoria que siente una masa debido a otras masas será la **suma** de las fuerzas que cada una ejerzan:

$$\vec{F_T} = \Sigma F_i \tag{7}$$

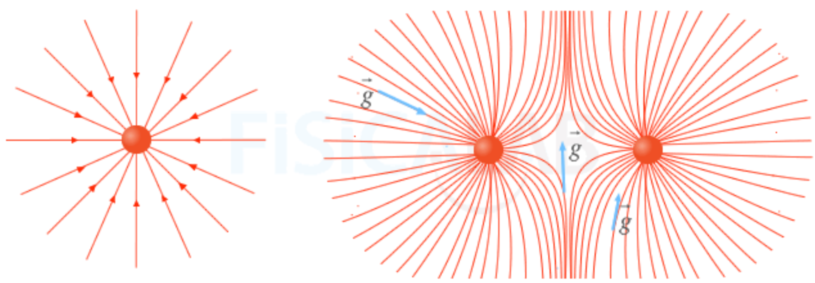


Figura 3: Líneas de Campo Gravitatorio

1.6. Fuerzas Conservativas y Energías

Las **fuerzas** son **conservativas** cuando el trabajo que realiza dicha fuerza para trasladar una partícula de un punto A a otro B depende de los puntos inicial y final, pero **no** del camino **seguido**. En este caso, la **gravedad** es una fuerza **conservativa**.

1.6.1. Energía Potencial Gravitatoria

La energía potencial gravitatoria (E_p) es aquella que posee una masa m por **encontrarse** bajo la **influencia** gravitatoria de otra masa M u otras masas. También puede definirse como el **trabajo** que realizaría el campo gravitatorio para **trasladar** una masa m desde un punto hasta el **infinito**.

$$E_p = -G\frac{Mm}{r} \tag{8}$$

1.7. ¿Por qué la E_p también es $m \cdot g \cdot h$?

Con esta expresión, se asume que $h \ll R_t$

$$\begin{aligned} \Delta E_p = E_{pB} - E_{pA} &= -G\frac{Mm}{R_t + h} + G\frac{Mm}{R_t} \\ &= GMm\left(\frac{1}{R_t} - \frac{1}{R_t + h}\right) = \frac{GMmh}{R_t(R_t + h \simeq R_t)} \end{aligned} \tag{9}$$

$$\Delta E_p = \frac{GM}{R_t^2}mh = mgh \tag{10}$$

1.7.1. Potencial Gravitatorio

El potencial gravitatorio (V) en un punto se define como la **energía potencial gravitatoria** por **unidad** de masa en dicho punto:

$$E_p = m \cdot V \Longrightarrow V = -G\frac{M}{r} \tag{11}$$

1.7.2. Trabajo

Si $W > 0$, el trabajo lo realiza el **campo gravitatorio**. Si $W < 0$ el trabajo lo realiza una **fuerza exterior al campo**. Si $W = 0$ **no** se realiza **trabajo**. El trabajo para llevar una partícula de masa m desde un punto A hasta uno B será:

I. $W_{A\to B} = -\Delta E_p$

II. $W_{A\to B} = -m\Delta V$

1.8. Satélites

1.8.1. Velocidad Orbital

Es la **velocidad necesaria** para que una masa m (como un satélite, tanto natural como artificial) describa una **órbita circular** alrededor de **otra** M, para lo que la fuerza **centrípeta** debe ser **igual** que la fuerza **gravitatoria**.

$$G\frac{M\cancel{m}}{r^{\cancel{2}}} = \cancel{m}\frac{v^2}{\cancel{r}} \Longrightarrow v_{\text{orbital}} = \sqrt{\frac{GM}{r}} \tag{12}$$

1.8.2. Satélites Geoestacionarios

Se llaman **satélites geosíncronos** a aquellos satélites cuyo periodo de revolución coincide con el de la Tierra: $T = 24\text{h} = 86400\text{s}$. Si además estos satélites están todo el rato **sobre el mismo punto** de la superficie terrestre (para lo que es necesario que su plano orbital coincida con el ecuador) entonces se denominan **satélites geoestacionarios**.

1.8.3. Velocidad de Escape

La velocidad de escape es la velocidad mínima que debe adquirir un cuerpo para escapar de la **atracción gravitatoria del planeta** en cuyas **proximidades** se encuentre. Esto significa que $E_p = 0$, $E_c = 0$ y $E_m = 0$.

$$v_{\text{escape}} = \sqrt{\frac{2GM}{r}} = \sqrt{2} \cdot v_{\text{orbital}} \tag{13}$$

1.8.4. Energía Mecánica de un Satélite en Órbita

La energía mecánica de un satélite en órbita, también denominada energía orbital, es la **suma** de la energía **potencial** y **cinética**:

$$E_m = -G\frac{Mm}{2r} \tag{14}$$

1.8.5. Principio de Conservación de la Energía

Es la energía que debemos **comunicarle** a un satélite para que **pase** de una **órbita** a otra, donde las energías mecánicas son distintas.

$$W_{\text{com}} + E_{p_A} + E_{c_A} = E_{c_B} + E_{p_B} \tag{15}$$

De esta fórmula se puede **deducir** la fórmula de la **ENERGÍA DE SATELIZACIÓN** (energía necesaria para poner un satélite en órbita):

$$E_{\text{satelización}} = GMm\left(\frac{1}{r_A} - \frac{1}{2 \cdot r_B}\right) \tag{16}$$

Conceptos Clave: Gravitación.

- **Distancia r:** En todas las fórmulas, r es la distancia al **centro** del planeta. Si te dan la altura h, recuerda: $r = R_T + h$.
- **Signos:** La Energía Potencial (E_p) y el Potencial (V) son siempre **negativos** (el 0 está en el infinito).

1.9. Resumen de Fórmulas

Magnitud / Concepto	**Fórmula**	**Unidades (SI)**
Ley de Gravitación Universal	$\vec{F} = -G\frac{Mm}{r^2}\vec{u_r}$	N
Intensidad del Campo Gravitatorio	$\vec{g} = -G\frac{M}{r^2}\vec{u_r}$	$\mathrm{m\,s^{-2}}$
Cte. Grav. Universal	$G = 6{,}67 \times 10^{-11}$	$\mathrm{N\,m^2\,kg^{-2}}$
Momento Angular	$\vec{L} = \vec{r} \times m\vec{v}$	$\mathrm{kg\,m^2\,s^{-1}}$
Energía Potencial Gravitatoria	$E_p = -G\frac{Mm}{r} = mV$	J
Potencial Gravitatorio	$V = -G\frac{M}{r}$	$\mathrm{J\,kg^{-1}}$
Trabajo del Campo Gravitatorio	$W_{A\to B} = -\Delta E_p = -m\Delta V$	J
Velocidad Orbital	$v_{\text{orbital}} = \sqrt{\frac{GM}{r}}$	$\mathrm{m\,s^{-1}}$
Velocidad de Escape	$v_{\text{escape}} = \sqrt{\frac{2GM}{r}}$	$\mathrm{m\,s^{-1}}$
Energía Mecánica en Órbita	$E_m = -G\frac{Mm}{2r}$	J
Energía de Satelización	$GMm\left(\frac{1}{r_A} - \frac{1}{2r_B}\right)$	J
Periodo Orbital	$T = \frac{2\pi r}{v}$	s

Tabla 1: Formulario de Gravedad

2. Campo Eléctrico

2.1. Cargas Puntuales

2.1.1. Ley de Coulomb

La fuerza de **atracción o repulsión** entre 2 cargas puntuales es directamente proporcional al producto de las cargas e **inversamente proporcional** al cuadrado de la distancia que las separa.

$$\vec{F} = k\frac{Qq}{r^2}\vec{u_r} \Longrightarrow F = k\frac{Qq}{r^2} \tag{17}$$

Donde $k = 9\times10^9\,\mathrm{N\,m^2\,C^{-2}}$ en el vacío, que está relacionada con ε (permitividad eléctrica):

$$k = \frac{1}{4\pi\varepsilon}$$

2.1.2. Líneas de Campo Eléctrico

El campo eléctrico es la **perturbación** que genera un cuerpo por tener carga eléctrica.

I. Si la carga es **positiva**, el campo eléctrico es de **repulsión**.

II. Si la carga es **negativa**, el campo eléctrico es de **atracción**.

El campo eléctrico, igual que el campo gravitatorio, es un **campo conservativo**.

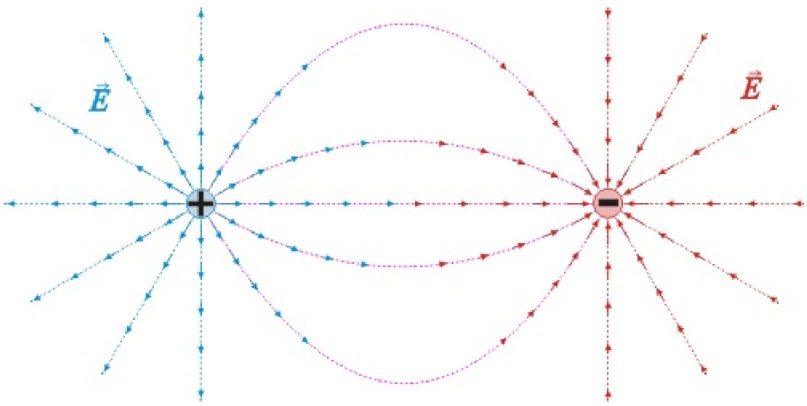


Figura 4: Líneas de Campo Magnético

2.1.3. Intensidad del Campo Eléctrico

La **intensidad** de campo eléctrico ($\vec{E}$) (también llamada simplemente campo eléctrico) en un punto se define como la **fuerza** que se ejerce por **unidad** de **carga** positiva situada en dicho punto:

$$\vec{F} = q \cdot \vec{E} \tag{18}$$

$$\vec{E} = k\frac{Q}{r^2} \cdot \vec{u_r} \Longrightarrow E = k\frac{Q}{r^2} \tag{19}$$

2.1.4. Principio de Superposición

$$\vec{F_T} = \Sigma F_i \tag{20}$$

$$\Delta V = -\vec{E} \cdot \Delta \vec{r} \tag{21}$$

2.2. Energías y Fuerzas Conservativas

La energía potencial eléctrica (E_p) es aquella que **posee** una carga por **encontrarse** bajo la influencia **eléctrica** de otra carga u otras cargas:

$$E_p = k\frac{Qq}{r} \tag{22}$$

2.2.1. Potencial Gravitatorio (V)

Es el trabajo **realizado** por el campo eléctrico para **trasladar** una **unidad** de carga desde un punto hasta el **infinito**.

$$V = \frac{E_p}{q} \Longrightarrow V = k\frac{Q}{r} \tag{23}$$

2.2.2. Trabajo (W)

La fuerza **eléctrica** (al igual que la fuerza gravitatoria) es una **fuerza central**, ya que está dirigida hacia un punto. El campo eléctrico (igual que el campo gravitatorio) es un **campo conservativo**. El trabajo realizado por el campo **depende** solo de su estado **inicial** y **final**, no depende de la **trayectoria**.

$$W_{A\to B} = E_{pA} - E_{pB} \Longrightarrow W_{A\to B} = -q(V_B - V_A) \tag{24}$$

2.3. Campos Eléctricos Uniformes

2.3.1. Líneas de Campo

Las líneas de campo de un campo eléctrico **uniforme** son **líneas** de campo **paralelas**.

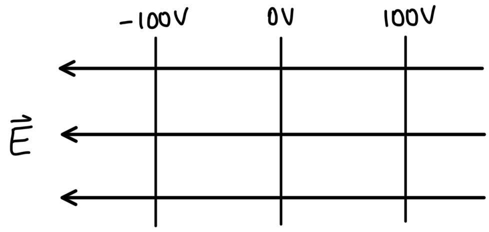


Figura 5: Líneas de Campo Eléctrico en un Campo Uniforme

2.3.2. Movimiento de Carga en Campo Uniforme

Cuando trabajamos con un campo eléctrico uniforme, al ser **constante**, aplicaremos también la **segunda ley de Newton**, $\Sigma F = ma$, siendo esta **aceleración** también **uniforme**.

Por lo tanto, podremos utilizar en este caso las **fórmulas del MRUA**:

$$\left.\begin{aligned} x &= x_0 + v_0 t + \frac{1}{2}at^2 \\ v &= v_0 + at \\ v^2 &= v_o^2 + 2a\Delta x \end{aligned}\right\} \tag{25}$$

Podemos resolverlo también mediante el **Principio de Conservación de la Energía Mecánica**, al ser la fuerza eléctrica **conservativa**:

$$\Delta E_m = 0 \Longrightarrow \Delta E_c = -\Delta E_p \tag{26}$$

2.3.3. Campo: Láminas Infinitas

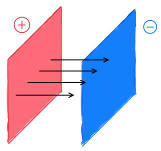


Figura 6: Campo Eléctrico Creado por Láminas Infinitas

$$E = \frac{\sigma}{\varepsilon} \tag{27}$$

Siendo σ las cargas por superficie $\frac{\text{cargas } (C)}{\text{superficie } (m^2)}$ y ε depende del material.

2.3.4. Campo: Hilo Infinito

Las líneas de campo salen radialmente del hilo (suponiendo λ positivo).

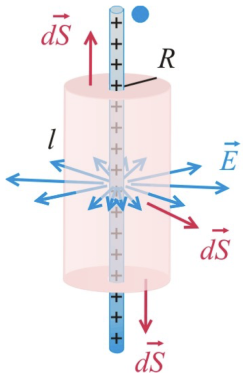


Figura 7: Campo Eléctrico Creado por Un Hilo Infinito

$$E = 2k\frac{\lambda}{r} = \frac{\lambda}{2\varepsilon\pi r} \tag{28}$$

Siendo λ las cargas por longitud $\frac{\text{cargas }(C)}{\text{longitud }(m)}$ y ε depende del material.

El Electronvoltio. Un Electronvoltio se define como la energía que tiene un electrón sometido a una diferencia de potencial de 1 V.

$$1\,\text{eV} = 1{,}602 \times 10^{-19}\,\text{J}$$

Consejos Clave: Campo Eléctrico.

- **Vectores vs Escalares:**
  - Fuerza ($\vec{F}$) y Campo ($\vec{E}$) son **vectores**
  - Potencial (V) y Energía (E_p) son **escalares**
- **Signo de la carga:** En las fórmulas escalares (V, E_p), **incluye** el signo de la carga. En las vectoriales, usa el signo para determinar el sentido del vector.

2.4. Resumen de Fórmulas

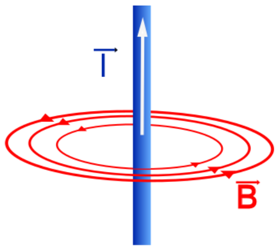
Magnitud / Concepto	**Fórmula**	**Unidades (SI)**
Ley de Coulomb	$\vec{F} = k\frac{Qq}{r^2}\vec{u_r}$	N
Constante de Coulomb	$k = 9 \times 10^9 = \frac{1}{4\pi\varepsilon}$	$\mathrm{N\,m^2\,C^{-2}}$
Intensidad del Campo Eléctrico (Definición)	$\vec{F} = q\vec{E}$	N
Campo Eléctrico Creado por una Carga Puntual	$\vec{E} = k\frac{Q}{r^2}\vec{u_r}$	$\mathrm{N\,C^{-1}}$
Principio de Superposición	$\vec{F_T} = \sum_i \vec{F_i}$	N
Energía Potencial Eléctrica	$E_p = k\frac{Qq}{r}$	J
Potencial Eléctrico	$V = \frac{E_p}{q} = k\frac{Q}{r}$	$\mathrm{V = J\,C^{-1}}$
Trabajo del Campo Eléctrico	$W_{A\to B} = E_{pA} - E_{pB} = -q(V_B - V_A)$	J
Campo Eléctrico Uniforme	$E = \frac{F}{q}$	$\mathrm{N\,C^{-1}}$
Campo Creado por Láminas Infinitas	$E = \frac{\sigma}{\varepsilon}$	$\mathrm{N\,C^{-1}}$
Campo Creado por un Hilo Infinito	$E = 2k\frac{\lambda}{r} = \frac{\lambda}{2\pi\varepsilon r}$	$\mathrm{N\,C^{-1}}$
Relación entre V y E	$\Delta V = -\vec{E} \cdot \Delta\vec{r}$	—
Electron-voltio	$1\,\mathrm{eV} = 1{,}602 \times 10^{-19}$	J

Tabla 2: Formulario del Campo Eléctrico

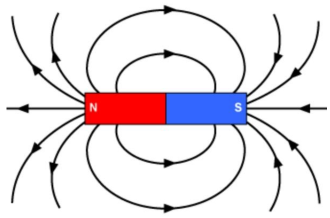
3. Campo Magnético

El campo **magnético** es la **perturbación** que genera un **imán** o **cargas en movimiento** (corrientes eléctricas). El campo **magnético**, a diferencia de los campos gravitatorios y eléctricos, es un campo **no conservativo**, ya que el trabajo **sí** depende de la **trayectoria**.

La **intensidad** de campo magnético B es una magnitud **vectorial**, cuya unidad en el **Sistema Internacional** es el **Tesla** (T). El **tesla** es una unidad muy **grande**. Por ejemplo, el campo magnético terrestre es del orden de 10^{-5} T. Por eso a veces se usa una **unidad menor**, denominada **Gauss** (G): $1\,\mathrm{G} = 10^{-4}\,\mathrm{T}$.



(a) **Hilo**



(b) **Imán**

Figura 8: Líneas de Campo Creados por un Hilo y por un Imán

3.1. Ley de Lorentz

$$\vec{F_m} = q \cdot \vec{v} \times \vec{B} \Longrightarrow F_m = |q| \cdot v \cdot B \sin \alpha \tag{29}$$

Siendo α el **ángulo** que forman v y B. La unidad de B son los Teslas (T), que son: $\mathrm{N\,C^{-1}\,m^{-1}\,s}$.

I. Si $\vec{v}$ y $\vec{B}$ son **paralelos**: $\alpha = 0° \Longrightarrow F_m = 0$, por lo tanto, la carga describirá un **MRU**.

II. Si $\vec{v}$ y $\vec{B}$ son **perpendiculares**, la **fuerza** será **máxima** y la carga describirá un **MCU**.

III. En el **resto** de casos, la carga describirá un **movimiento helicoidal** (véase fig. 11).

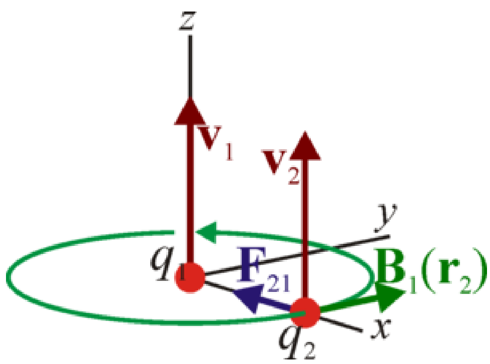


Figura 9: Vectores del Campo Magnético

(a) Regla de la Mano Derecha (b) Regla del Sacacorchos

Figura 10: Reglas de la Mano Derecha y del Sacacorchos

La regla de la **mano derecha** (o del **sacacorchos**) determina **sentidos vectoriales**. Para el sacacorchos, giramos de $\vec{v}$ a $\vec{B}$. Para la mano derecha, véase la figura 10a.

3.2. Características del Movimiento

La partícula que penetra con **velocidad perpendicular** al campo magnético. El **radio** de la circunferencia r que describe una partícula cargada **depende** de su **velocidad**. El **periodo** (T) del movimiento circular lo podemos **calcular** también. Para las partículas que penetran con un **ángulo** α **cualquiera** con el campo magnético se pueden **descomponer** en **ejes perpendiculares** y **paralelos** al campo magnético.

$$r = \frac{m \cdot v}{q \cdot B} \tag{30}$$

$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi m}{qB} \tag{31}$$

$$\vec{v} = \vec{v}_\perp + \vec{v}_\parallel = v_\perp \cdot \vec{u_\perp} + v_\parallel \cdot \vec{u_\parallel} \tag{32}$$

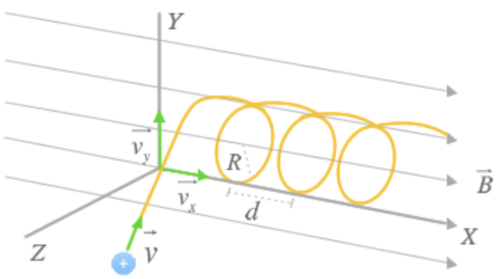


Figura 11: Movimiento Descrito por una Carga con una Velocidad bajo un Ángulo

3.3. El Selector de Velocidades

El selector de velocidades utiliza campos **eléctrico** y **magnético** cruzados. Si las **partículas cargadas** entran con cierta **velocidad**, las fuerzas se **cancelan**. Esto permite que sigan una **trayectoria rectilínea** y **atraviesen** el dispositivo **sin desviarse**.

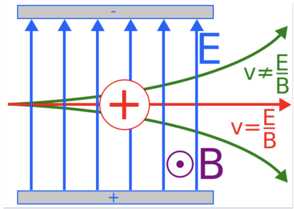


Figura 12: Selector de Velocidades

Para seleccionar las partículas que tienen una **cierta velocidad**, la fuerza eléctrica y magnética han de ser **iguales**:

$$\vec{F_E} = \vec{F_B} \Longrightarrow E = vB \Longrightarrow v = \frac{E}{B} \tag{33}$$

3.4. Espectrómetro de Masas

Es un **dispositivo** que empleado para **separar partículas** cargadas que poseen **distinta relación** ($\frac{\text{carga}}{\text{masa}}$). El espectrómetro de masas consta básicamente de un **selector de velocidades** (que permite seleccionar las partículas con una determinada velocidad) seguido de una **zona** en la que se establece un **campo magnético**. En esta zona, la partícula **cargada** describe una trayectoria **circular**, y un a placa **fotográfica** recoge el **impacto** de las partículas después de **describir una semicircunferencia**. De esta forma podemos medir el **radio** de curvatura y calcular la relación $\frac{\text{carga}}{\text{masa}}$.

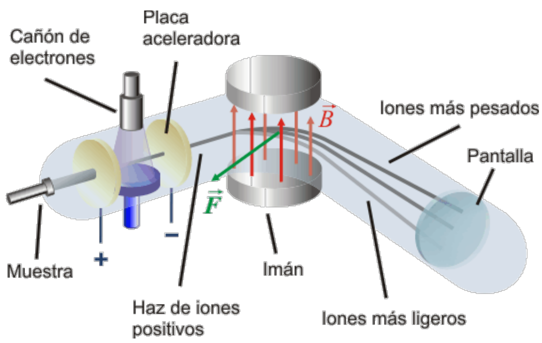


Figura 13: Espectrómetro de Masas

3.5. Ciclotrón

Un ciclotrón es un **acelerador de partículas** cargadas que después suelen ser utilizadas para producir **reacciones nucleares** o para **obtener información** sobre otros núcleos.

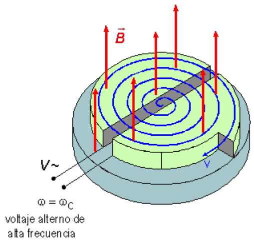


Figura 14: Ciclotrón

I. Un ciclotrón tiene dos **partes** llamadas "*Des*"(por su forma). Son recipientes **semicirculares** al **vacío**, colocados **perpendicularmente** a un **campo** B. Las partículas describen **trayectorias** circulares de radio **creciente**. Las dos "Ds", D_1 y D_2, están separadas cierta **distancia**.

II. En **ese espacio** se **acelera** la partícula mediante una **diferencia de potencial**, **aumentando** su radio, hasta que alcanza un **radio máximo** denominado **radio de extracción**.

III. El **periodo** es **independiente** de la velocidad de la partícula y de su **radio**, por lo que será **constante** en el **ciclotrón**. Tras una serie de **vueltas**, la partícula **alcanzará** una energía **cinética** máxima con la que saldrá del **ciclotrón**.

$$\left.\begin{array}{r} |q|\,Bv = m\dfrac{v^2}{r} \Longrightarrow \dfrac{r}{v} = \dfrac{m}{|q|\,B} \\ T = \dfrac{2\pi r}{v} \end{array}\right\} T = \frac{2\pi m}{|q|\,B} \tag{34}$$

La frecuencia en la que hay que cambiar la **polaridad** de la corriente en el ciclotrón, es el periodo de la partícula dividido entre 2. A esta frecuencia se llama **radiofrecuencia**: $\frac{T}{2} = \frac{\pi m}{|q|B}$:

$$f_{\text{radiofrecuencia}} = \frac{|q|\,B}{\pi m} \tag{35}$$

Consejos Clave: Campo Magnético.

- **Trabajo Nulo:** La fuerza magnética **nunca** realiza trabajo ($W = 0$) porque es siempre perpendicular a la velocidad.
- **Energía Cinética:** Como no hay trabajo, la fuerza magnética **no cambia** la rapidez (módulo de la velocidad), solo curva la trayectoria. $E_c = \text{cte}$.

3.6. Resumen de Fórmulas

Magnitud / Concepto	Fórmula	Unidades (SI)
Ley de Lorentz (Vectorial)	$\vec{F}_m = q(\vec{v} \times \vec{B})$	N
Ley de Lorentz (Módulo)	$F_m = \|q\| v B \sin\alpha$	N
Radio de la Trayectoria	$r = \frac{mv}{\|q\|B}$	m
Periodo (Partícula / Ciclotrón)	$T = \frac{2\pi m}{\|q\|B}$	s
Frecuencia (Ciclotrón)	$f = \frac{\|q\|B}{2\pi m}$	Hz
Velocidad Angular	$\omega = \frac{\|q\|B}{m}$	$\mathrm{rad\,s^{-1}}$
Paso de la Hélice	$p = v_\parallel \cdot T$	m
Selector de Velocidades	$v = \frac{E}{B}$	$\mathrm{m\,s^{-1}}$
Energía Cinética Máxima (Ciclotrón)	$E_{c,\max} = \frac{q^2 B^2 R^2}{2m}$	J

Tabla 3: Formulario de Campo Magnético