

Projet facultatif

Résumé

Vous devez, à travers une application shinyR, répondre aux exercices suivants. Les informations concernant ShinyR sont disponibles ici : <https://shiny.rstudio.com/>. L'application doit, à *minima*, permettre à l'utilisateur de :

- changer les données.
- changer l'intervalle de confiance (probabilité).

Toute option supplémentaire dans l'interface est évidemment la bienvenue. Le rendu doit être envoyé par mail à claeys.esiea@gmail.com, sous format .zip, objet du mail **SUJET FACULTATIF ESIEA 4A LAVAL NOM PRÉNOM** et le nom de fichier sous la forme **NOM_PRÉNOM.zip** avant le 15 décembre.

1 Exercice 1

Une machine fabrique des billes métalliques dont la masse, mesurée en grammes, suit une loi normale. Nous prélevons au hasard 10 billes. Leurs masses sont :

19, 6; 20; 20, 2; 20, 1; 20; 19, 9; 20; 20, 3; 20, 1; 19, 8.

À vous !

- a) Quel est l'intervalle de confiance à 95% de la masse des billes métalliques fabriquées ?
- b) En réalité, l'écart-type σ de la population est connu et égal à 0, 2. Quel est l'intervalle de confiance à 95% de la masse des billes métalliques fabriquées ?

2 Exercice 2

Voulant évaluer rapidement les résultats obtenus par ses 200 élèves- ingénieurs de l'ESIEA Paris lors d'un partiel, un professeur décide de corriger quelques copies tirées au hasard. Il admet par ailleurs que les notes de ses élèves suivent une loi normale de variance 4.

À vous !

- a) Le professeur corrige un échantillon de 7 copies et trouve une moyenne de 11. Quel est l'intervalle de confiance à 95% de la moyenne des 200 copies ?
- b) Combien de copies le professeur doit-il corriger s'il veut situer la moyenne générale de ses élèves dans un intervalle de confiance d'amplitude 2, avec un risque de 5% ?

- c) En trouvant une moyenne égale à 11, combien de copies le professeur devrait-il corriger pour pouvoir dire, avec un risque de 1%, que la moyenne de tous les élèves est supérieure à 10 ?

3 Exercice 3

Une entreprise fabrique un certain type de composants électroniques dont la durée de vie X , exprimée en heures, est une variable aléatoire qui suit une loi normale. Des mesures effectuées sur un échantillon aléatoire de taille $n = 50$ ont donné les résultats suivants :

$$\sum_{i=1}^{50} x_i = 60000; \quad \sum_{i=1}^{50} x_i^2 = 74 \times 10^6$$

À vous !

- Donner une estimation ponctuelle de la durée de vie moyenne des composants.
- Donner une estimation ponctuelle de l'écart-type corrigé de cette durée de vie.
- Donner l'intervalle de confiance à 95%, puis à 99% de cette durée de vie moyenne.
- Quelle aurait du être la taille de l'échantillon pour que l'intervalle de confiance à 95% de la durée de vie moyenne des composants ait une amplitude de 60 heures ?