



# ANUAL SAN MARCOS



[www.aduni.edu.pe](http://www.aduni.edu.pe)



# Razonamiento Matemático

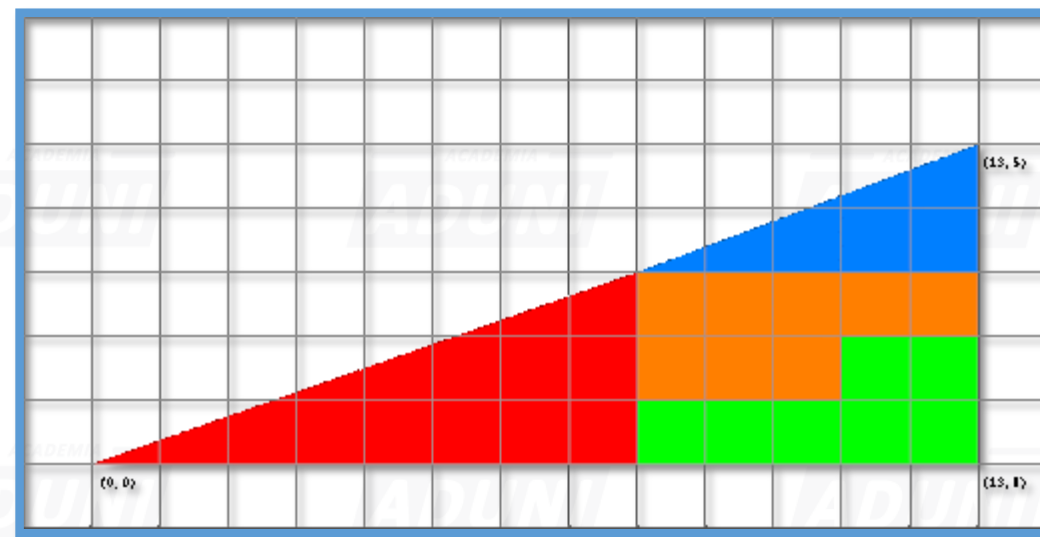
Rotación y traslación de  
figuras

[www.aduni.edu.pe](http://www.aduni.edu.pe)

ACADEMIA  
**ADUNI**  
ANUAL  
SAN MARCOS

## OBJETIVOS

- Desarrollar la habilidad visual para imaginar los movimientos de las figuras.
- Conocer las diferencias entre rotación, traslación y sus aplicaciones.



# ROTACIÓN Y TRASLACIÓN DE FIGURAS

Posición y  
sobreposición  
de figuras

Rodamiento  
de figuras

Longitud del  
recorrido de  
un punto

Área de  
región  
generada

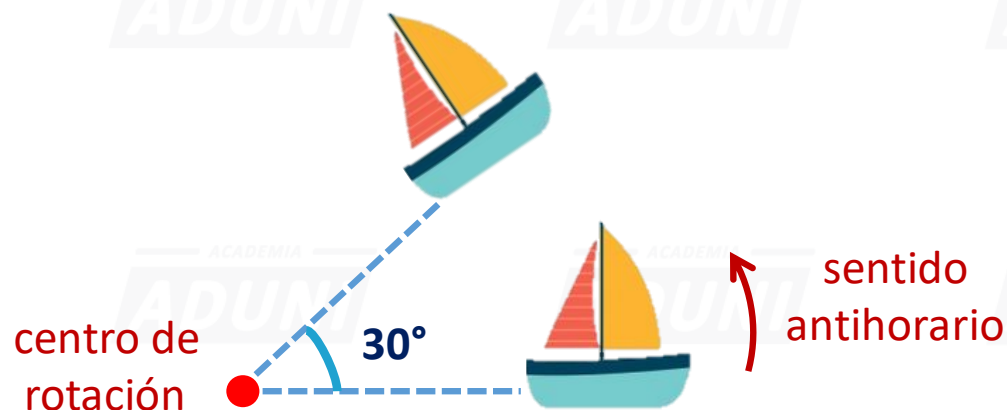
## Nociones previas

### ROTACIÓN O GIRO

Es un movimiento alrededor de un punto.

Una rotación se determina por tres elementos:

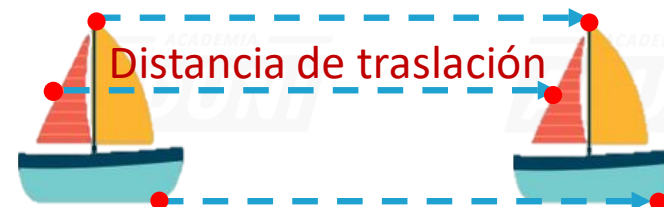
- Un punto llamado **centro de rotación** puede ser un punto de la figura o un punto exterior de la figura.
- Un **sentido de la rotación**, que puede ser del mismo sentido de las agujas del reloj (**horario**) o en sentido contrario a ellas (**antihorario**).
- Un **ángulo** que determina la amplitud de la rotación.



Entonces el resultado de una rotación es otra figura idéntica que ha sido girada un cierto ángulo.

### TRASLACIÓN

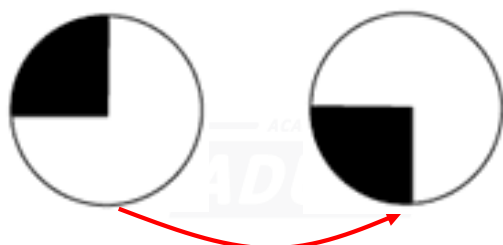
Es el movimiento directo de una figura en la que todos sus puntos se mueven en la misma dirección y a la misma distancia.



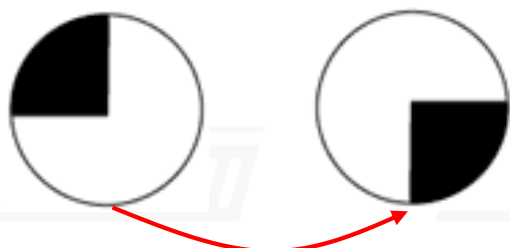
Entonces el resultado de una traslación es otra figura idéntica que se ha desplazado una cierta distancia en una dirección determinada.

## Posición de figuras

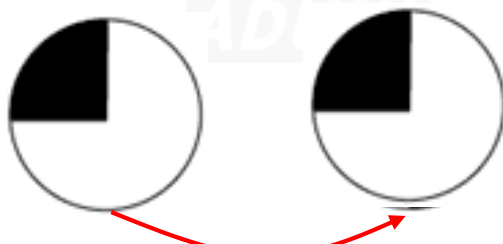
- Giro horario y antihorario:



Gira  $270^\circ$  en  
sentido horario



Gira  $180^\circ$  en sentido  
antihorario



Gira  $360^\circ$  en sentido  
antihorario

### TENER EN CUENTA:

Gira  $360^\circ \Leftrightarrow$  1 vuelta

Cada vuelta la figura  
vuelve a su misma posición

Veamos que sucede si el ángulo de giro es mayor

### Ejemplos:

- Girar  $760^\circ \Leftrightarrow 2(360^\circ) + 40^\circ$   
2 vueltas

No se altera  
su posición

Luego

- Girar  $760^\circ \Leftrightarrow$  Girar  $40^\circ$

- Girar  $2250^\circ \Leftrightarrow 6(360^\circ) + 90^\circ$   
6 vueltas

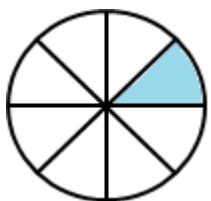
No se altera  
su posición

Luego

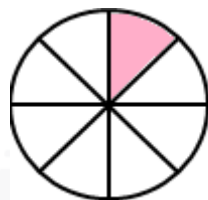
- Girar  $2250^\circ \Leftrightarrow$  Girar  $90^\circ$

**Ejemplo:**

Si las siguientes figuras son láminas transparentes

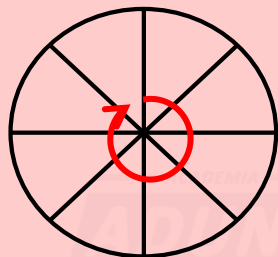


Gira  $180^\circ$   
(horario)



Gira  $450^\circ$   
(antihorario)

Busquemos su posición final

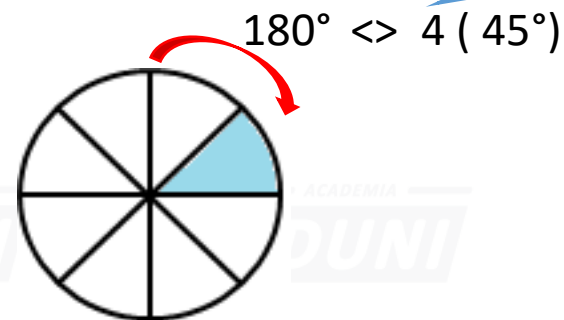
**TENER EN CUENTA:**

Total  $\leftrightarrow 360^\circ$

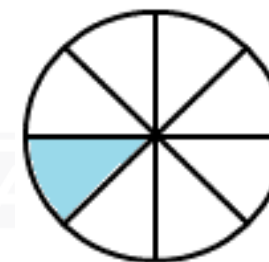
Tenemos 8 sectores circulares

**Cada sector  $\leftrightarrow 45^\circ$**

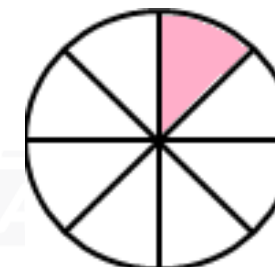
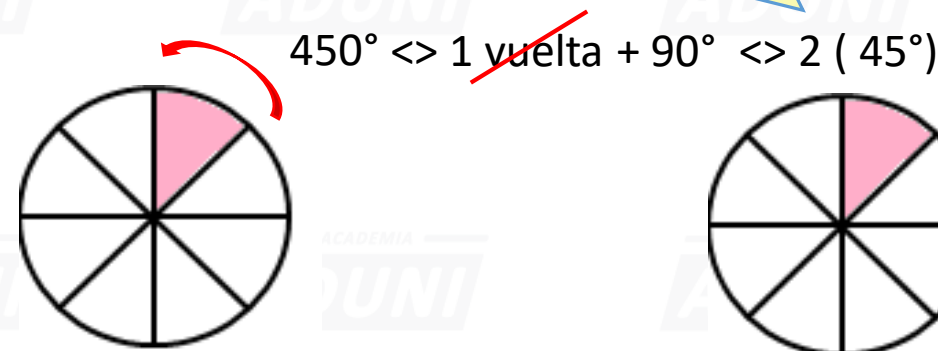
Luego



La región sombreada se desplaza 4 sectores



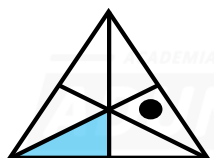
La región sombreada se desplaza 2 sectores



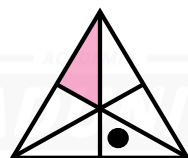
## Sobreposición de figuras luego de la rotación

### Ejemplo

Las figuras I y II son triángulos equiláteros congruentes y han sido dibujados sobre láminas transparentes.



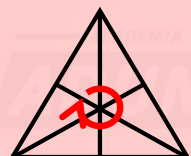
I



II

La figura I gira sobre su centro  $120^\circ$  en sentido antihorario y la figura II gira sobre su centro  $240^\circ$  en sentido horario. Luego de los giros realizados, se traslada sin rotar una figura sobre la otra; entonces la figura resultante es:

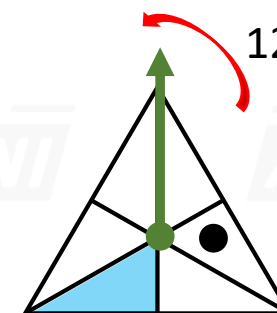
### TENER EN CUENTA:

Total  $\leftrightarrow 360^\circ$ 

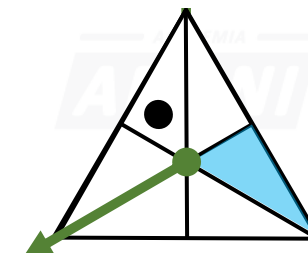
Tenemos 6 triángulos congruentes

Cada triángulo  $\leftrightarrow 60^\circ$ 

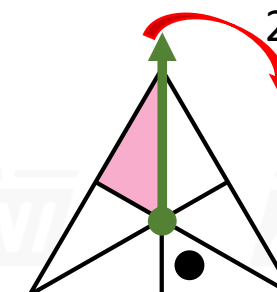
Para la figura I

 $120^\circ \leftrightarrow 2 (60^\circ)$ 

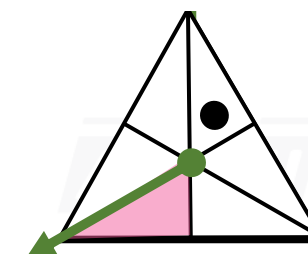
El triángulo se mantiene  
La región sombreada y el  
punto se desplaza 2 espacios



Para la figura II

 $240^\circ \leftrightarrow 4 (60^\circ)$ 

El triángulo se mantiene  
La región sombreada y el  
punto se desplaza 4 espacios

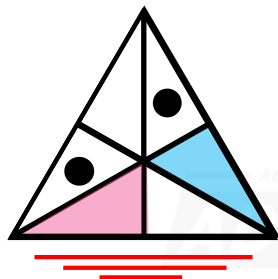




Luego de rotar cada figura tenemos

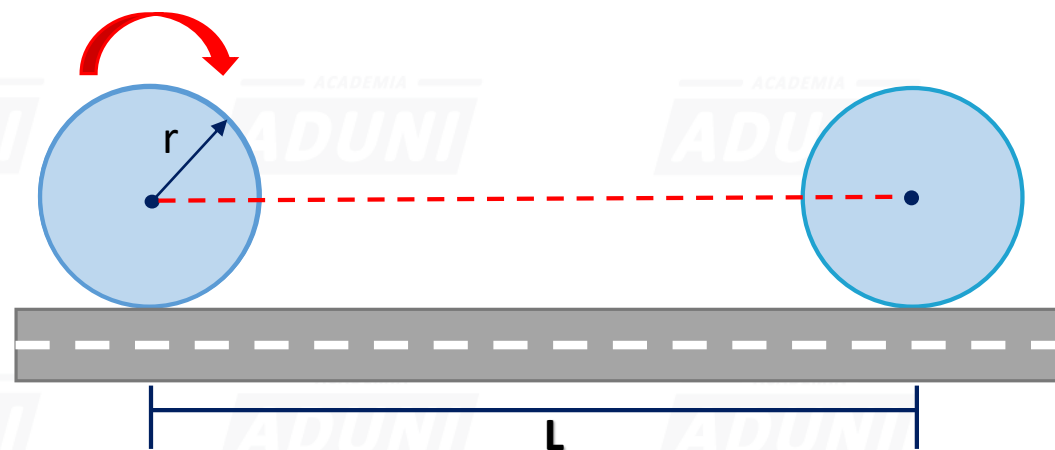


Superponemos las figuras para saber que figura resulta



## Rodamiento de figuras

Cuando una rueda va rodando sobre una superficie plana.

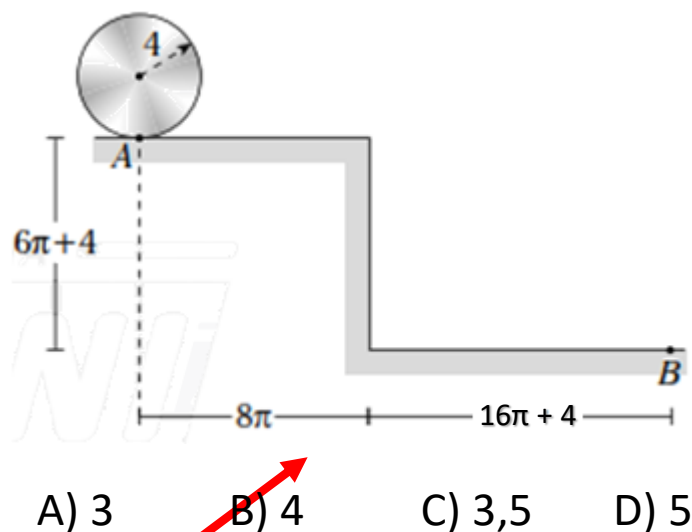


Se cumple

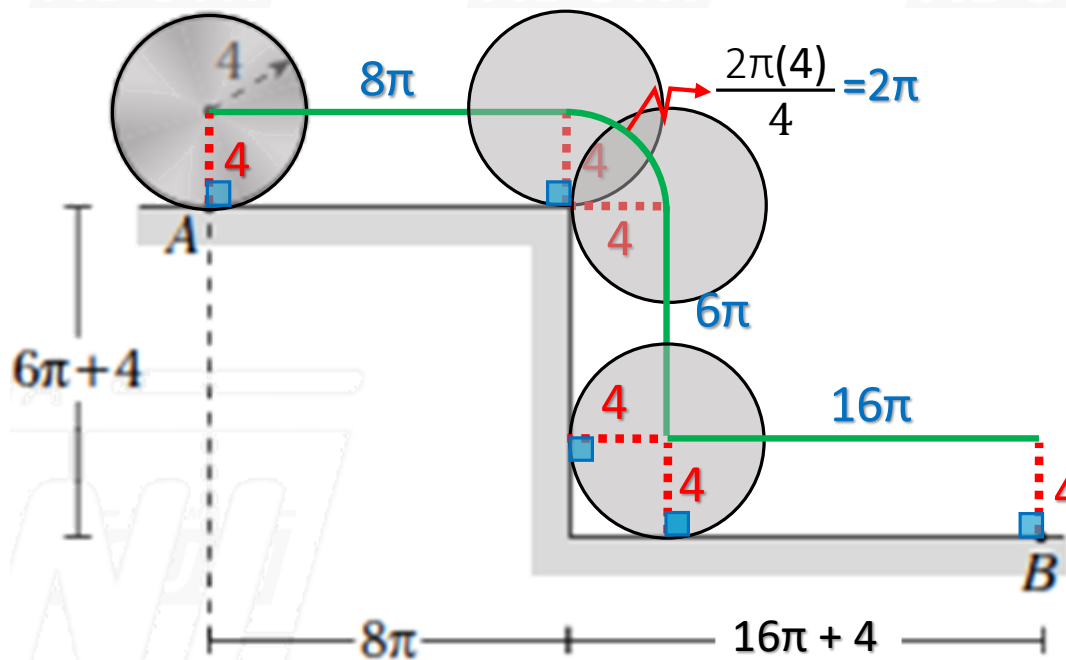
$$\text{N.º de vueltas} = \frac{\text{Distancia que recorre el centro}}{\text{Longitud de circunferencia de la rueda}} = \frac{L}{2\pi r}$$

**Aplicación 1**

La rueda de 4 cm de radio gira por el camino mostrado desde el punto A al punto B. ¿Cuántas vueltas dará en todo su trayecto?

**Resolución:**

Nos piden el número de vueltas que dará la rueda.



Luego

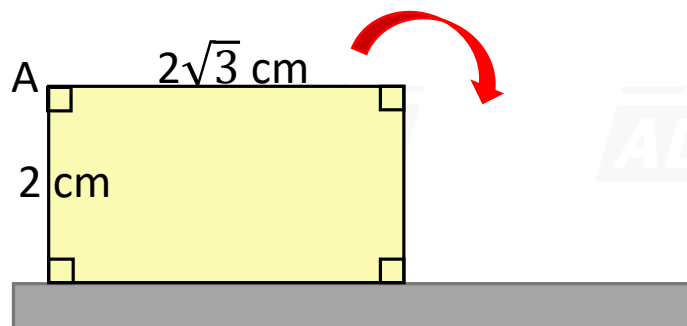
$$N.^{\circ} \text{ de vueltas} = \frac{8\pi + 2\pi + 6\pi + 16\pi}{2\pi(4)} = \frac{32\pi}{8\pi} = 4$$

$\therefore N.^{\circ} \text{ de vueltas es } 4$

## Longitud de recorrido de un punto

### Aplicación 2

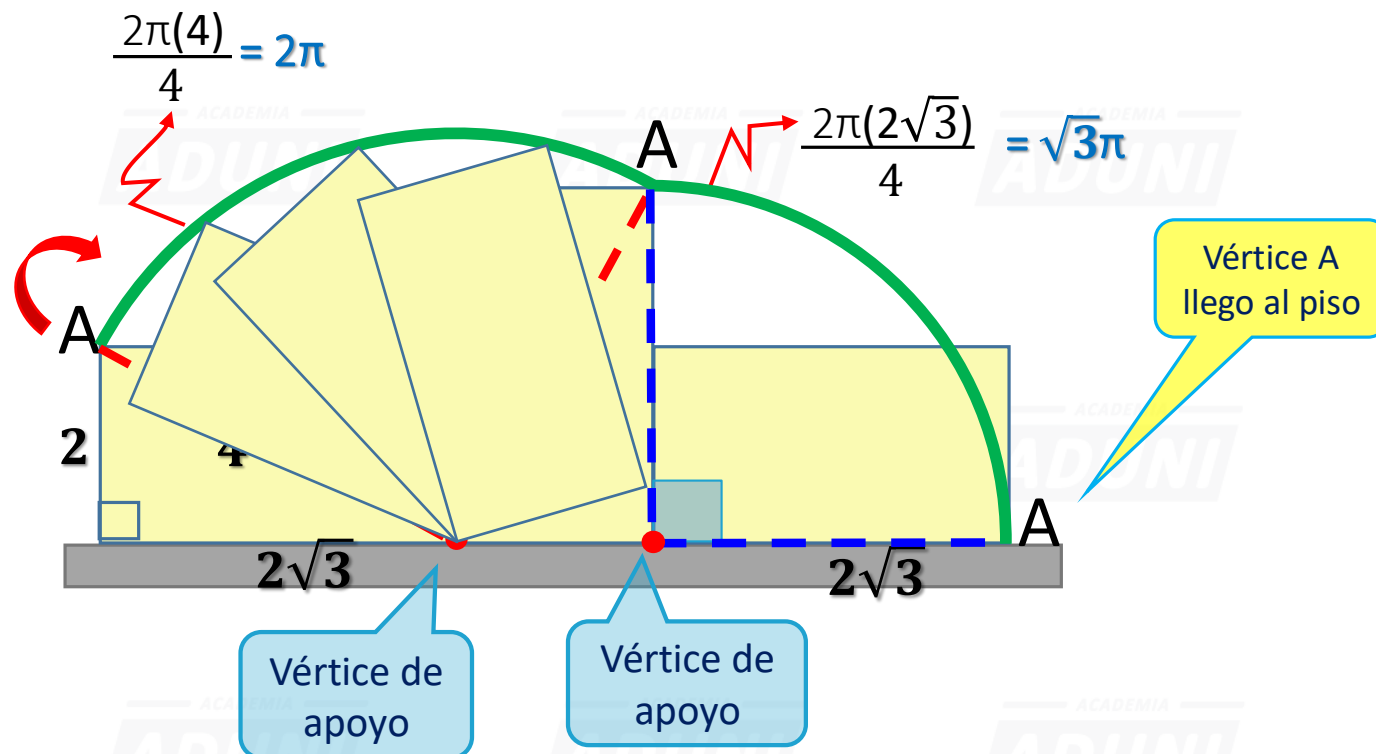
Una plancha rectangular está ubicado como muestra la figura y gira en el sentido indicado por la flecha siempre apoyado en uno de sus vértices. ¿Cuál es la longitud, en centímetros, descrita por el vértice A cuando toque el piso?



- A)  $3\pi + 4$       B)  $4\pi + \sqrt{3}$   
 C)  $3,5\pi$       D)  $2\pi + \sqrt{3}\pi$

### Resolución:

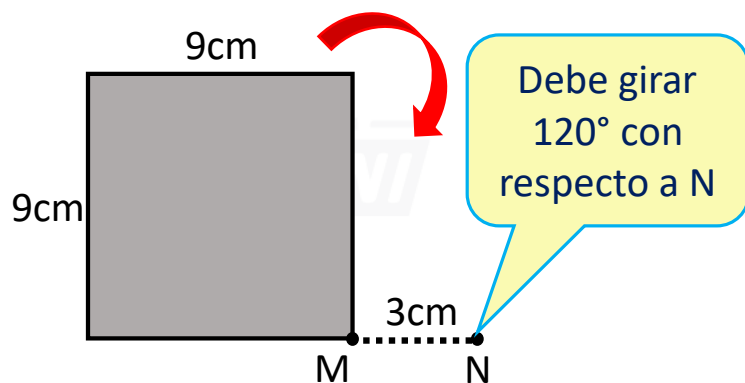
Nos piden el recorrido del vértice A



$\therefore$  Recorrido del vértice A es  $2\pi + \sqrt{3}\pi$

**Área de región generada****Aplicación 3**

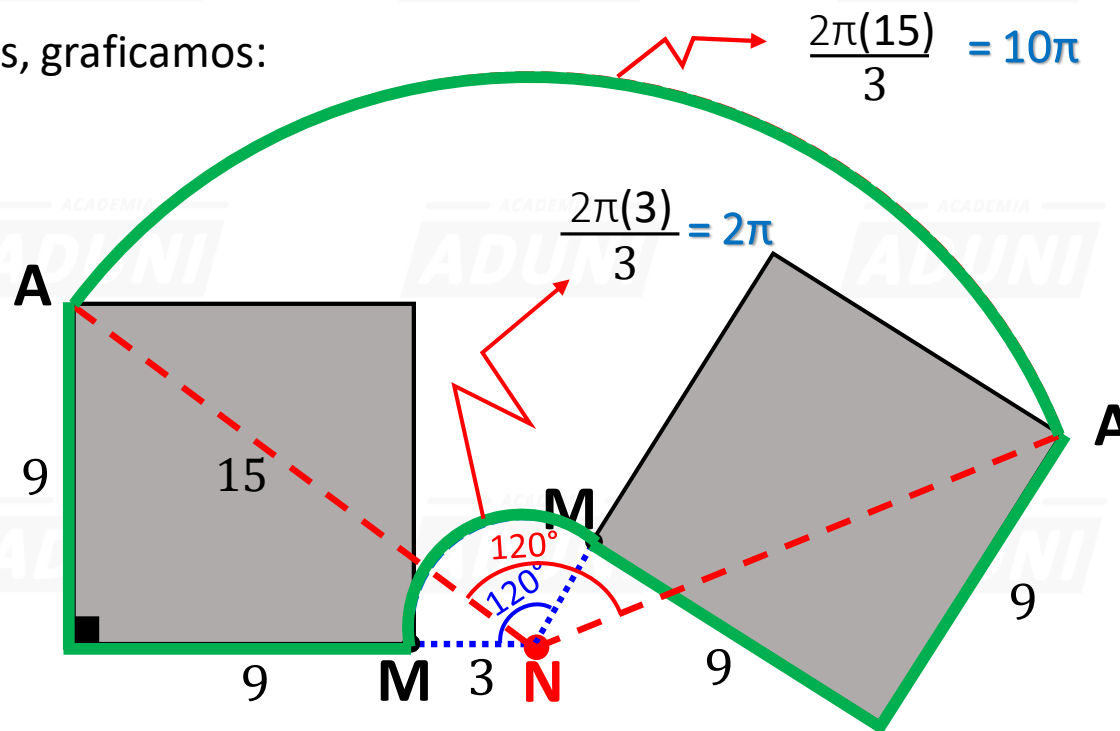
En la figura se muestra un cuadrado de 9cm de lado. Si el cuadrado se hace rotar  $120^\circ$  en sentido horario con respecto al punto N y  $MN = 3\text{cm}$ , halle el perímetro, en centímetros, de la región generada por el cuadrado.



- A)  $30 + 10\pi$       B)  $36 + 12\pi$   
 C)  $10\pi$               D)  $38 + 12\pi$

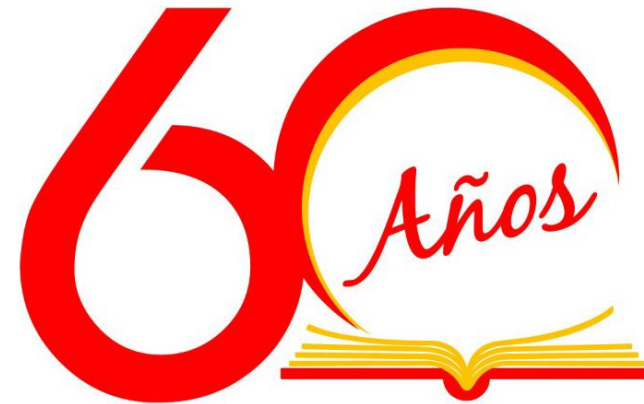
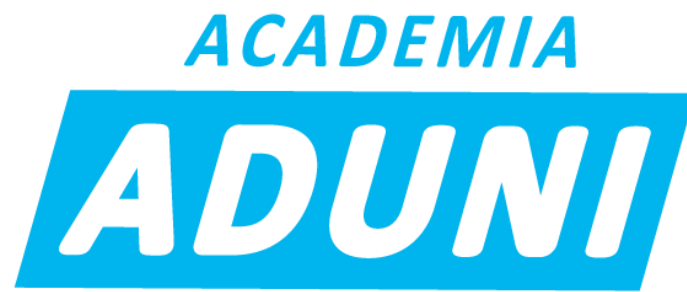
**Resolución:**

De los datos, graficamos:



$$\text{perímetro} = 9 + 9 + 2\pi + 9 + 9 + 10\pi = 36 + 12\pi$$

$\therefore$  Perímetro de la región generada por el cuadrado es  $36 + 12\pi \text{ cm}$



*[www.aduni.edu.pe](http://www.aduni.edu.pe)*

