

1) (el código es el mismo que el programa de conjuntos en el github)

a)

La diferencia simétrica entre b y c es:

{[2, 3, 4, 5, 7, 8, 9, 11, 12, 13, 15, 16, 17, 19, 20, 21, 23, 24][26, 30, 34]}

La unión entre A y C es

1

4

6

9

12

20

30

10

14

18

22

26

34

La intersección entre ellos dos es:

4,9,12,20,30,26,34

b)

2)

Para seleccionar 7 películas de un conjunto de 25, sin importar el orden en que se seleccionan, uso combinaciones. Entonces, el número de formas de seleccionar mis 7 películas es:

$$c(25,7) = 25! / (7! * (25-7)!) = 480700$$

C) Si el orden importan, entonces estamos haciendo permutaciones. El número de formas de seleccionar 7 películas de un conjunto de 25, teniendo en cuenta el orden es:

$$P(25,7) = 25! / (25-7)! = 16007560800$$

Para seleccionar 3 películas de terror y 4 comedias, podemos utilizar la fórmula de combinaciones nuevamente. El número de formas de seleccionar 3 películas de terror de un conjunto de 11 es $C(11,3) = 165$, y el número de formas de seleccionar 4 comedias de un conjunto de 14 es $C(14,4) = 1001$. Entonces, el número total de formas de seleccionar 3 películas de terror y 4 comedias es:

$$C(11,3) * C(14,4) = 165 * 1001 = 165165$$

3)

a) $10010101_2 = 149$

b) $162_{10} = 74_8$

c) $407_{10} = 263_8$

d) $F5A_{16} = 3930_{10}$

a) $10010101_2 = 1 \times 2^7 + 0 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 128 + 0 + 0 + 16 + 0 + 4 + 0 + 1 = 149$

b) $162_{10} = 1 \times 6^2 + 6 \times 6^1 + 2 \times 6^0 = 36 + 36 + 2 = 74$

c) $407_{10} = 4 \times 8^2 + 0 \times 8^1 + 7 \times 8^0 = 256 + 0 + 7 = 263$

d) $F5A_{16} = 15 \times 16^2 + 5 \times 16^1 + 10 \times 16^0 = 3840 + 80 + 10 = 3930$

4) Diferencia finita hacia adelante para la primera derivada:

$$f'(x) \approx [f(x+h) - f(x)]/h$$

- Diferencia finita hacia atrás para la primera derivada:

$$f'(x) \approx [f(x) - f(x-h)]/h$$

- Diferencia finita centrada para la primera derivada:

$$f'(x) \approx [f(x+h) - f(x-h)]/(2h)$$

- Diferencia finita hacia adelante para la segunda derivada:

$$f''(x) \approx [f(x+h) - 2f(x) + f(x-h)]/h^2$$

- Diferencia finita hacia atrás para la segunda derivada:

$$f''(x) \approx [f(x-h) - 2f(x) + f(x+h)]/h^2$$

- Diferencia finita centrada para la segunda derivada:

$$f''(x) \approx [f(x+h) - 2f(x) + f(x-h)]/h^2$$

Donde h es el tamaño del incremento, en este caso $h = 0,005$.

Evaluando las fórmulas en $x = 1,1$ y utilizando la función dada $f(x) = 0,4x^4 - 0,3x^3 + 0,8x^2 - 2x + 1$, obtenemos:

- Diferencia finita hacia adelante para la primera derivada:

$$f'(1.1) \approx [f(1.105) - f(1.1)]/0.005 = [0.838895 - 0.82963]/0.005 \approx 1.849$$

- Diferencia finita hacia atrás para la primera derivada:

$$f'(1.1) \approx [f(1.1) - f(1.095)]/0.005 = [0.82963 - 0.820515]/0.005 \approx 1.835$$

- Diferencia finita centrada para la primera derivada:

$$f'(1.1) \approx [f(1.105) - f(1.095)]/(2*0.005) = [0.838895 - 0.820515]/0.01 \approx 1.842$$

- Diferencia finita hacia adelante para la segunda derivada:

$$f''(1.1) \approx [f(1.105) - 2f(1.1) + f(1.095)]/0.005^2 = [0.849284 - 2*0.838895 + 0.828506]/0.000025 \approx 3.672$$

- Diferencia finita hacia atrás para la segunda derivada:

$$f''(1.1) \approx [f(1.095) - 2f(1.1) + f(1.105)]/0.005^2 = [0.828506 - 2*0.838895 + 0.849284]/0.000025 \approx 3.676$$

- Diferencia finita centrada para la segunda derivada:

$$f''(1.1) \approx [f(1.105) - 2f(1.1) + f(1.095)]/0.005^2 = [0.849$$