

Teoría de Lenguajes

Práctica 2 (Expresiones regulares)

1. Dar expresiones regulares para los lenguajes de los ejercicios 1 a 3 de la práctica 1.

2. Calcular las siguientes derivadas:

a) $\partial_1(10^*1)$

b) $\partial_\lambda(10^*1)$

c) $\partial_0(10^*1)$

d) $\partial_a(ab^*|ac|c^+)$

e) $\partial_a(a^+ba)$

f) $\partial_a(a^*ba)$

g) $\partial_{01}(0(1|\lambda)|1^+)$

3. Pasar las siguientes expresiones regulares a autómatas finitos (mediante el método de las derivadas)

a) $(0|1)^*01$

b) $(a(b|\lambda)|b^+)$

4. Pasar del autómata finito a la expresión regular los siguientes autómatas (mediante el método de las ecuaciones):

a) $A = \langle Q_1, \Sigma_1, \delta_1, q_1, F_1 \rangle$, donde:

$$Q_1 = \{0, 1\}, \Sigma_1 = \{a, b\}, q_1 = 0, F_1 = \{1\},$$

$$\delta_1 = \begin{array}{c|cc} & a & b \\ \hline 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{array}$$

b) $A = \langle Q_2, \Sigma_2, \delta_2, q_2, F_2 \rangle$, donde:

$$Q_2 = \{1, 2, 3\}, \Sigma_2 = \{a, b\}, q_2 = 1, F_2 = \{2\},$$

$$\delta_2 = \begin{array}{c|cc} & a & b \\ \hline 1 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 2 \\ 3 & 2 & 2 \end{array}$$

- c) El autómata no determinístico $A = \langle Q_3, \Sigma_3, \delta_3, q_3, F_3 \rangle$, donde:
 $Q_3 = \{0, 1, 2, 3\}, \Sigma_3 = \{a, b\}, q_3 = 0, F_3 = \{2\}$,

| | a | b |
|--------------|------|------|
| $\delta_3 =$ | 1 | — |
| 1 | 1, 2 | — |
| 2 | 3 | 2 |
| 3 | 3 | 3, 0 |

5. Demostrar las siguientes identidades. R y S son conjuntos regulares.

- a) $(R^*|R) = R^*$
- b) $R.R^* = R^*.R$
- c) $R.R^*.R = R.R.R^*$
- d) $(R^*)^* = R^*$
- e) $R(S.R)^* = (R.S)^*.R$

6. Dar ejemplos de conjuntos regulares que demuestren las siguientes desigualdades (es decir, que no valen las igualdades en general):

- a) $R|\lambda \neq R$
- b) $R.S \neq S.R$
- c) $R.R \neq R$
- d) $R|(S.T) \neq (R|S).(R|T)$

7. Las siguientes igualdades no son válidas en general. Encontrar ejemplos de conjuntos regulares para los cuales sean válidas. Buscar condiciones bajo las cuales sean válidas.

- a) $R|\lambda = R$
- b) $R.S = S.R$ (aun si $R \neq S$)
- c) $R.R = R$
- d) $R|(S.T) = (R|S).(R|T)$
- e) $R|S = R.S$

8. Dado el AFD $M = \langle \{0, 1, 2, 3\}, \{a, b, c\}, \delta, 0, \{2, 3\} \rangle$, donde:

| | a | b | c |
|------------|-----|-----|-----|
| $\delta =$ | 1 | 3 | — |
| 1 | — | — | 2 |
| 2 | — | 1 | — |
| 3 | 3 | — | 1 |

Se pide una expresión regular que denote el lenguaje $(I(L))^*$

9. Para el AF $A = \langle \{0, 1, 2\}, \{a, b, c\}, \delta, 0, \{2\} \rangle$, donde

| | a | b | c |
|------------|------|-----|-----|
| $\delta =$ | 0, 1 | — | — |
| 1 | 2 | — | — |
| 2 | — | 2 | — |

Sea $L = L(A)$. Encontrar una expresión regular que denote el lenguaje $(L^c)^3$ (donde L^c es el complemento de L).

10. Dar un método que, dada una expresión regular E , permita obtener una expresión regular para las cadenas iniciales de $L(E)$. Es decir, obtener E' tal que:

$$L(E') = I(L(E)) = \{\alpha \mid \exists \beta (\alpha\beta \in L(E))\}$$

El método se puede definir por inducción sobre la estructura de E .

Aplicar el método propuesto para obtener una expresión regular para $I(L((aa|bb)^*))$