සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි /  $\psi$ ගුට பதிப்புரிமையுடையது / $All\ Rights\ Reserved$ ]

ලි ලංකා විහාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විහාග දෙපාර්ත**ලින්තුව කිරීම විද්ධාල ලෙද ප්රවාලවන්තුව**මාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විහාග දෙපාර්තමේන්තුව இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களும் இசுதில்கப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களும் Department of Examinations, Sri Lanka Department of F**இலங்கை Sri I flui இசுத**ா**தி மணைக்களும்**s, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka ලි ලංකා විහාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විහාග දෙපාර්තමේන්තුව ලෙපාර්තමේන්තුව ලෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විහාග දෙපාර්තමේන්තුව இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களும் இருப்பு இது இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களும்

අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2022 (2023) සහ්ඛාධ பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2022 (2023) General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2022 (2023)

සංයුක්ත ගණිතය

இணைந்த கணிதம் Combined Mathematics



පැය තුනයි

மூன்று மணித்தியாலம் Three hours

අමතර කියවීම් කාලය

මිනිත්තු 10 යි

மேலதிக வாசிப்பு நேரம் Additional Reading Time 10 நிமிடங்கள் 10 minutes

්අමතර කියවීම් කාලය පුශ්න පතුය කියවා පුශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී පුමුඛත්වය දෙන පුශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

විභාග අංකය	_			
		1		 

# උපදෙස්:

🛠 මෙම පුශ්න පතුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;

A කොටස (පුශ්න 1 - 10) සහ B කොටස (පුශ්න 11 - 17).

\* A කොටස:

සියලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

\* B කොටස:

පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.

- \* නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පතුය, B කොටසෙහි පිළිතුරු පතුයට උඩිත් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- st පුශ්න පතුයෙහි f B **කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

# පරීක්ෂකවරුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.

(	<u>10)</u> සංයුක්ත ගණ	ිතය I
කොටස	පුශ්න අංකය	ලකුණු
	1	
	, <b>2</b>	
	3	
	4	1
A	5:	
А	6	
> #*	7	The second secon
		9 h v · · · · · · · · · · · · · · ·
	9	
er a flore	10	j
	11	
	12	1
<u> </u>	13	
В	14	4 4 4 4 4 4 4 6
	15	
the re-	16	Sign of the state
	17	
	එකතුව	

The state of the state of	2 F 1 y 7	එකතුව	4		
ඉලක්කමෙන්					
අකුරින්	21 - 11 - 12 - 12 - 12 - 12 - 12 - 12 -			* *	

	සංකේත අංක
උත්තර පතු පරීක්ෂක	
8 00 1 2 8 8 2 7 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	****** * ***** **
පරීක්ෂා කළේ: 1	
2	a kana we afficial
අධීක්ෂණය කළේ:	் இது
\	1

		<b>A</b> කොර	<b>-</b> W				
				n -			
	<b>ගණිත අභපුහන මූලධර්මය</b> භාවිතයෙන්, සියලු	$n \in \mathbb{Z}^+$	සඳහා	$\sum_{r=1}^{\infty} \frac{1}{r(r+1)} :$	$=\frac{n}{n+1}$	බව සාධන	ය කරන්න.
		~		r=1	=		en de la companya de
							······································
		* · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				(1)	
	The second of th	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
						9	
			• • • • • • • • • •		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		**************************************
			• • • • • • • •				
					 ********		
		• "	٠,	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *			
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	****		
							* * * * * * * * * * * * * * * * * * *
			*		sj		
•			.,				
						- 1	* .
						• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	**************************************
		• • • • • • • • •					· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
		•					
		••••••				• • • • • • • • • • • • •	
							*********
	and the first constraint of the second	2	100			14.50 (15)	3
2.	එක ම රූප සටහනක $y=2- x-2 $ හා $y=$	=  x  - 2	2   හි පුර	<sup>ස්</sup> තාරවල දළ	, සටහන්	අඳින්න.	
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $ x -2 + x-$	.?! :</th <th>an bar (B) വരം</th> <th>me service</th> <th>20 x 25</th> <th>සියලම න</th> <th>ත්ත්විත අගය</th>	an bar (B) വരം	me service	20 x 25	සියලම න	ත්ත්විත අගය
	වනයන් හෝ අන අයුටකන් හෝ, $  x -2 + x-$ සොයන්න.	-1-20	40000	~~ ~~~(	פיט את נביק		
	<b>⊕</b> ωυω <i>Δ</i> 9 <b>ω</b> 3.	. *				**	e e e e e e e e e e e e e e e e e e e
				ing the second s			
		-		, en en			
							(A 6 4 4 4 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6
		-					
	Service Control of the control of th						

Λ	5	1	5	2
÷	U	ı.	U	w

AL/2022(2023)/10/S-I

විභාග අංකය 📗	විභාග	<b>ල</b> ංකය	
--------------	-------	--------------	--

3.	සමන්විත පෙදෙස අඳුරු කරන්න.	
•	මෙම අඳුරු කළ පෙදෙසෙහි ලක්ෂා මගින් නිරූපණය කරනු ලබන $z$ සංකීර්ණ සංඛාහ සඳහා අගය සොයන්න.	Arg z හි වැඩිතම
,		P 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
		TOWN TO THE TOWN
	A STATE OF THE STA	
	The first section of the first	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	A CONTRACTOR OF THE CONTRACTOR	
		a
		*** **********************************
		91414 7 -
		• • • • • • • • • • • • • • •
4.	ac D - 2 - 2 - 2 - 2 - 3 - 3 - 3 - 3 - 3 - 3	
•	. $a\in\mathbb{R}$ යැයි ගනිමු. $x$ හි ආරෝහණ බලවලින් $x^2$ පදය දක්වා එය ද ඇතුළුව $(2+ax)^5$ හි දක්වන්න.	ි පුසාරණය ලියා
••	. $a \in \mathbb{N}$ යැය ගනමු. $x$ හි ආරෝහණ බලවලන $x^2$ පිදිය දිකවා එය දී ඇතුළුව $(2 + ax)^2$ හි දක්වන්න. ඒනයින්, $(4 - 5x)(2 + ax)^5$ පුසාරණයේ $x^2$ හි සංගුණකය $-80$ වන $a$ හි අගයන් සොයන්න.	ි පුසාරණය ලියා
••	දක්වන්න.	පුසාරණය ලියා
	දක්වන්න.	පුසාරණය ලියා
•	දක්වන්න.	පුසාරණය ලියා
	දක්වන්න.	පුසාරණය ලියා
	දක්වන්න.	පුසාරණය ලියා
	දක්වන්න. $ extstyle  ext$	
	දක්වන්න. $ extstyle  ext$	
	දක්වන්න. ඒනයින්, $(4-5x)(2+ax)^5$ පුසාරණයේ $x^2$ හි සංගුණකය $-80$ වන $a$ හි අගයන් සොයන්න.	
	දක්වන්න. ඒ නයින්, $(4-5x)(2+ax)^5$ පුසාරණයේ $x^2$ හි සංගුණකය $-80$ වන $a$ හි අගයන් සොයන්න.	
	දක්වන්න. ඒනයින්, $(4-5x)(2+ax)^5$ පුසාරණයේ $x^2$ හි සංගුණකය $-80$ වන $a$ හි අගයන් සොයන්න.	
	දක්වන්න. ඒ නයින්, $(4-5x)(2+ax)^5$ පුසාරණයේ $x^2$ හි සංගුණකය $-80$ වන $a$ හි අගයන් සොයන්න.	
	දක්වන්න. ඒ නයින්, $(4-5x)(2+ax)^5$ පුසාරණයේ $x^2$ හි සංගුණකය $-80$ වන $a$ හි අගයන් සොයන්න.	
	දක්වන්න. ඒ නයින්, $(4-5x)(2+ax)^5$ පුසාරණයේ $x^2$ හි සංගුණකය $-80$ වන $a$ හි අගයන් සොයන්න.	

	$\lim_{x \to 0} \frac{x((1+x)\csc 2x - 1)}{\sqrt{1+2x} - \sqrt{1-1}}$	$\frac{\overline{\cot(2x)}}{\overline{2x}} = \frac{1}{4} \ \widehat{\otimes}$	0 900,000	.ري			
	$x \to 0 \qquad \sqrt{1+2x} - \sqrt{1-}$					*. 1	Same Same Same
w				***********			
			•				
					********	******	
	and the second s						t english sa
				************	***********	*****	
			•				
						****	
				. Territoria	* .		e in jegovi
						far team	
	************					************	
		100				1 2 a	and a many way
						,	
				at with the state of the state		, er s	
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •					
	•••••		6	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
						- 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4	
						**************************************	
	e de la companya de l	w					
					• • • • • • • • • • • • •	********	* * * * * * * * * * * * * * * * * * * *
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				100	
		7					Yang di Kabupatèn Ka
			•	••••••	• • • • • • • • • • • • • •		
	# 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1				-		
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	····				• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	•		*				• • • • •
	***************************************	•••••••			• • • • • • • • • • • • •	******	
	$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}\left\{x(x^2+1)\tan^{-1}x\right\} =$			. 1			
	$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x}\left\{x(x^2+1)\tan^{-1}x\right\} =$	$= (3x^2 + 1) \tan^{-1}$	x + x <b>භාවිත</b> ර	രേജ്, $\int_{0}^{1} (3x^2 +$	$-1) \tan^{-1} x d$	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:
	$\frac{d}{dx} \left\{ x(x^2 + 1) \tan^{-1} x \right\} =$ $y = \sqrt{2(3x^2 + 1) \tan^{-1} x}$	$(3x^2 + 1) \tan^{-1}$ $x = 1 \cos y = 0$	<i>x</i> + <i>x</i> <b>භාවිත</b> වකු මගින් අ	යෙන්, $\int\limits_0^1 (3x^2 - x^2)$	-1) tan <sup>-1</sup> x d <i>x</i> -අක්ෂය ව	$x = \frac{1}{2}(\pi - 1)$ ටා රේඩියන	) බව පෙන්ව:

	$P\equiv (a\sec heta,b an heta)$ ලක්ෂායේදී වූ ස්පර්ශ රේඛාව, $(0,-b)$ ලක්ෂාය හරහා යයි. $P$ හි ඛණ්ඩාංක සොය
i.	
	.,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,
	**************************************
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -බණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා
	$ABCD$ යනු $A\equiv (1,3)$ හා $C\equiv (7,5)$ වන සමචතුරසුයක් යැයි ගනිමු. $B$ හා $D$ හි $x$ -ඛණ්ඩාංක සොයා

9.	$x^2 + y^2 - 6x - 4y - 12 = 0$ වෘත්තය $(6, 6)$ ලක්ෂායෙහිදී බාහිරව ස්පර්ශ කරන හා $x = 12$ රේඛාව මත අකේන්දුය පිහිටන වෘත්තයෙහි සමීකරණය සොයන්න.	එහි
		•
	***************************************	•
	***************************************	•
		•
		•
		•
	,,	•
	·	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
10	a = 50 $a = 30$ $a = 30$ $a = 7$ $a = 20$ $a = 10$ $a = 20$ $a = 30$ $a = 30$ $a = 30$	· N
10.	$\cos 5\theta = \cos 3\theta$ වන්නේ $n \in \mathbb{Z}$ සඳහා $\theta = \frac{n\pi}{4}$ ම නම් පමණක් බව පෙන්වන්න. $n \in \mathbb{Z}$ හා $\theta \neq \frac{n\pi}{4}$ සඳහා $\frac{\sin 5\theta - \sin 3\theta}{\cos 5\theta - \cos 3\theta} = -\cot 4\theta$ බව ද පෙන්වන්න.	N
10.	<b>-</b> ₹	
10.	<b>-</b> ₹	••
10.	<b>-</b> ₹	
10.	$n\in\mathbb{Z}$ හා $ heta eq n\pi\over 4$ සඳහා $\dfrac{\sin 5 heta-\sin 3 heta}{\cos 5 heta-\cos 3 heta}=-\cot 4 heta$ බව ද පෙන්වන්න.	••
10.	$n\in\mathbb{Z}$ හා $ heta eq n\pi$ සඳහා $\dfrac{\sin 5 heta-\sin 3 heta}{\cos 5 heta-\cos 3 heta}=-\cot 4 heta$ බව ද පෙන්වන්න.	•••
10.	$n\in \mathbb{Z}$ හා $ heta  eq n\pi \over 4$ සඳහා $rac{\sin 5 heta - \sin 3 heta}{\cos 5 heta - \cos 3 heta} = -\cot 4 heta$ බව ද පෙන්වන්න.	•••
10.	$n\in \mathbb{Z}$ හා $ heta  eq n\pi \over 4$ සඳහා $rac{\sin 5 heta - \sin 3 heta}{\cos 5 heta - \cos 3 heta} = -\cot 4 heta$ බව ද පෙන්වන්න.	•••
10.	$n$ $\in$ $\mathbb{Z}$ හා $ heta  eq  ag{m}$ සඳහා $rac{\sin 5 heta - \sin 3 heta}{\cos 5 heta - \cos 3 heta} = -\cot 4 heta$ බව ද පෙන්වන්න.	
10.	$n\in \mathbb{Z}$ හා $ heta  eq n\pi \over 4$ සඳහා $rac{\sin 5 heta - \sin 3 heta}{\cos 5 heta - \cos 3 heta} = -\cot 4 heta$ බව ද පෙන්වන්න.	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
10.	$n$ $\in$ $\mathbb{Z}$ හා $ heta  eq  ag{m}$ සඳහා $rac{\sin 5 heta - \sin 3 heta}{\cos 5 heta - \cos 3 heta} = -\cot 4 heta$ බව ද පෙන්වන්න.	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
10.	$n$ $\in$ $\mathbb{Z}$ හා $ heta  eq  ag{m}$ සඳහා $rac{\sin 5 heta - \sin 3 heta}{\cos 5 heta - \cos 3 heta} = -\cot 4 heta$ බව ද පෙන්වන්න.	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
10.	$n$ $\in$ $\mathbb{Z}$ හා $ heta  eq  ag{m}$ සඳහා $rac{\sin 5 heta - \sin 3 heta}{\cos 5 heta - \cos 3 heta} = -\cot 4 heta$ බව ද පෙන්වන්න.	
10.	$n$ $\in$ $\mathbb{Z}$ හා $ heta  eq  ext{ps}$ $ ext{the eq}$ $ ext{the e$	
10.	$n$ $\in$ $\mathbb{Z}$ හා $ heta  eq  ext{ps}$ $ ext{the eq}$ $ ext{the e$	
10.	$n$ $\in$ $\mathbb{Z}$ හා $ heta  eq  ext{ps}$ $ ext{the eq}$ $ ext{the e$	
10.	$n$ $\in$ $\mathbb{Z}$ හා $ heta  eq  ext{ps}$ $ ext{the eq}$ $ ext{the e$	

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது /All Rights Reserved

I

ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලී ලංකා විභාග දෙපාර්තුල්න්තුව යි. **පොද්ගාන** සිදුවන්ට පිටිට පිටිට ප්රතමේන්තුව ලී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව හங්සෙට பரிட்சைத் නිසාණයියහාව මුහත්සෙට පැමිණිදුව නිසාක්ෂයහා සිදුවන්ට පැමිණිදුවන් නිසාණයියහාව මුහත්සෙට பரிட்சைத் නිසාණයියහාව epartment of Examinations, Sri Lanka Department of I**මුහත්ස්ණය Still into මනු** rt **නිසාණයියහා**ව s, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව හත්සෙට பரிட்சைத் නිසාණයියහාව මුහත්සෙයට **පවත්වේ** සියුන් සියුන් සියුන් සියුන් මුහත්සෙන්ව මුහත්සෙන්ට මුහත්සෙන්වේ සියුන් සියුන් මුහත්සෙන්ට මුහත්සෙන්වේ සියුන් සියුන් සියුන් සියුන් මුහත්සෙන්ට මුහත්සෙන්ට සියුන් සියුන් සියුන් සියුන් මුහත්සෙන්ට සියුන් සියුන්

අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2022(2023) கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2022 (2023) General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2022 (2023)

සංයුක්ත ගණිතය

இணைந்த கணிதம்

Combined Mathematics



### R කොටස

\* පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

 ${f 11.}(a)$  0<|p|<1 යැයි ගනිමු.  $p^2x^2-2x+1=0$  සමීකරණයට තාත්ත්වික පුභින්න මූල ඇති බව පෙන්වන්න. මෙම මූල lpha හා eta (> lpha) යැයි ගනිමු. lpha හා eta යන දෙකම ධන වන බව පෙන්වන්න.

p ඇසුරෙන්  $(\alpha-1)(\beta-1)$  සොයා,  $\alpha<1$  හා  $\beta>1$  බව **අපෝහනය** කරන්න.

$$\sqrt{eta} - \sqrt{lpha} = rac{1}{|p|} \sqrt{2ig(1-|p|ig)}$$
 බව පෙන්වන්න.

 $\sqrt{eta} + \sqrt{lpha} = rac{1}{|p|} \sqrt{2 \left( 1 + |p| 
ight)}$  බව **දී ඇත.**  $\left| \sqrt{lpha} - 1 
ight|$  හා  $\left| \sqrt{eta} - 1 
ight|$  මූල ලෙස ඇති වර්ගජ සමීකරණය

$$|p|x^2 - \sqrt{2(1-|p|)}x + \sqrt{2(1+|p|)} - |p|-1 = 0$$
 බව පෙන්වන්න.

- $(b) \ p(x) = 2x^3 + ax^2 + bx 4$  යැයි ගතිමු; මෙහි  $a, b \in \mathbb{R}$  වේ. (x+2) යන්න p(x) හා p'(x) යන දෙකෙහිම සාධකයක් බව දී ඇත; මෙහි p'(x) යනු x විෂයයෙන් p(x) හි වූදුත්පන්නය වේ. a හා b හි අගයන් සොයන්න. a හා b හි මෙම අගයන් සඳහා  $p\left(x
  ight)-3p^{\prime}(x)$  සම්පූර්ණයෙන් සාධකවලට වෙන් කරන්න.
- ${f 12.}(a)$  අවම වශයෙන් එක් සිසුවෙකුට එක් පලතුරක්වත් ලැබෙන පරිදි, අඹ ගෙඩි හයක් හා දොඩම් ගෙඩි හතරක් සිසුන් අට දෙනෙකු අතරේ බෙදා දිය යුතුව ඇත.
  - (i) සිසුන් හය දෙනෙකුට එක් පලතුරක් බැගින් හා ඉතිරි දෙදෙනාගෙන් එක් අයෙකුට **අඹ ගෙඩි දෙකක්** හා අනිත් කෙනාට දොඩම් ගෙඩ් දෙකක්,
  - (ii) සිසුන් හත් දෙනෙකුට එක් පලතුර බැගින් හා අනිත් සිසුවාට **අඹ ගෙඩි තුනක්**,
  - (iii) සිසුන් හත් දෙනෙකුට එක් පලතුර බැගින් හා අනිත් සිසුවාට **පලතුරු තුනක්**, ලැබෙන පරිදි වූ වෙනස් ආකාර ගණන සොයන්න.
  - $(b) \ r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා  $U_r = \frac{4(2r+7)}{(2r+1)(2r+3)(2r+5)}$  යැයි ගනිමු. කවද,  $r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා  $f(r) = \frac{A}{(2r+1)} + \frac{B}{(2r+3)}$  යැයි ගනිමු; මෙහි A හා B යනු තාත්ත්වික නියත වේ.  $r \in \mathbb{Z}^+$  සඳහා  $U_r = f(r) - f(r+1)$  වන පරිදි A හා B හි අගයන් නිර්ණය කරන්න.

ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ,  $n\in\mathbb{Z}^+$ සඳහා  $\sum_{r=1}^n U_r=rac{4}{5}-rac{3}{2n+3}+rac{1}{2n+5}$  බව පෙන්වන්න.

 $\sum U_r$  අපරිමිත ශ්රණිය අභිසාරී බව **අපෝහනය** කර එහි ඓකාංය සොයන්න.

ඒ නයින්,  $\sum \left(U_r + k U_{r+1}\right) = 1$  වන පරිදි k තාත්ත්වික නියතයෙහි අගය සොයන්න.

$${f 13.}(a) \ {f A} = \left(egin{array}{cc} a & -2 \ 1 & a+2 \end{array}
ight)$$
 යැයි ගනිමු. සියලු  $a\in {\Bbb R}$  සඳහා  ${f A}^{-1}$  පවතින බව පෙන්වන්න.

$$\mathbf{P} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & -2 \end{pmatrix}$$
,  $\mathbf{Q} = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 2 \\ -1 & 7 & 4 \end{pmatrix}$  හා  $\mathbf{R} = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$  නාහාස  $\mathbf{A} = \mathbf{P}\mathbf{Q}^{\mathsf{T}} + \mathbf{R}$  වන පරිදි වේ.  $a = 1$ 

a හි මෙම අගය සඳහා,  $\mathbf{A}^{-1}$  ලියා දක්වා, **ඒ නයින්**,  $\mathbf{A} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -5 \\ 10 \end{pmatrix}$  වන පරිදි x හා y හි අගයන් සොයන්න.

- $(b)\ z,\,w\in{\Bbb C}\$  යැයි ගනිමු.  $z\overline{z}=\left|z\right|^2$  බව පෙන්වා **ජ නයින්**,  $\left|z+w\right|^2=\left|z\right|^2+2\,{
  m Re}(z\overline{w})+\left|w\right|^2$  බව පෙන්වන්න.  $\left|z+w\right|^2+\left|z-w\right|^2=2\left(\left|z\right|^2+\left|w\right|^2\right)\ {
  m all}\ {
  m quad}$  කර, ආගන්ඩ් සටහනේ, z,w හා 0 නිරූපණය කරන ලක්ෂා ඒක රේඛීය නොවන විට, ඒ සඳහා ජාාමිතික අර්ථ නිරූපණයක් දෙන්න.
- (c)  $z=-1+\sqrt{3}i$  යැයි ගනිමු. z යන්න  $r(\cos\theta+i\sin\theta)$  ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි r>0 හා  $\frac{\pi}{2}<\theta<\pi$  වේ.  $n\in\mathbb{Z}^+$  සඳහා  $z^n=a_n+ib_n$  යැයි ගනිමු; මෙහි  $a_n,b_n\in\mathbb{R}$  වේ.  $m,n\in\mathbb{Z}^+$  සඳහා  $\mathrm{Re}\left(z^m\cdot z^n\right)$  යන්න  $a_m,a_n,b_m$  හා  $b_n$  ඇසුරෙන් ලියා දක්වන්න.  $z^{m+n}$  සලකමින් හා ද මුවාවර් පුමේයය භාවිතයෙන්  $m,n\in\mathbb{Z}^+$  සඳහා  $a_ma_n-b_mb_n=2^{m+n}\cos(m+n)\frac{2\pi}{3}$  බව පෙන්වන්න.
- **14.**(a)  $x \neq -2$  සඳහා  $f(x) = \frac{2x+3}{(x+2)^2}$  යැයි ගනිමු.

f(x) හි වහුක්පන්නය, f'(x) යන්න  $x \neq -2$  සඳහා  $f'(x) = \frac{-2(x+1)}{(x+2)^3}$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

**ඒ නයින්**, f(x) වැඩි වන පුාන්තරය හා f(x) අඩු වන පුාන්තර සොයන්න.

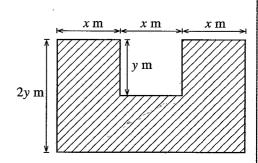
f(x) හි හැරුම් ලක්ෂායේ ඛණ්ඩාංක ද සොයන්න.

 $x \neq -2$  සඳහා  $f''(x) = \frac{2(2x+1)}{(x+2)^4}$  බව **දී ඇත.** y = f(x) හි පුස්තාරයේ නතිවර්තන ලක්ෂායේ ඛණ්ඩාංක සොයන්න.

ස්පර්ශෝන්මුඛ, හැරුම් ලක්ෂාය හා නතිවර්තන ලක්ෂාය දක්වමින් y=f(x) හි පුස්තාරයේ දළ සටහනක් අදින්න.

 $[k,\infty)$  මත f(x) එකට-එක වන k හි කුඩාතම අගය පුකාශ කරන්න.

(b) රූපයේ පෙන්වා ඇති අඳුරු කළ පෙදෙසෙහි වර්ගඵලය  $45~{
m m}^2$ වේ. එය ලබාගෙන ඇත්තේ දිග  $3x~{
m m}$  හා පළල  $2y~{
m m}$  වූ සෘජුකෝණාසුයකින්, දිග  $x~{
m m}$  හා පළල  $y~{
m m}$  වූ සෘජුකෝණාසුයක් ඉවත් කිරීමෙනි. අඳුරු කළ පෙදෙසෙහි පරිමිතිය  $L~{
m m}$  යන්න x>0 සඳහා  $L=6x+\frac{54}{x}$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.  $L~{
m p}$  අවම වන x හි අගය සොයන්න.



**15.**(a) සියලු  $x \in \mathbb{R}$  සඳහා  $x^2 + x + 2 = A(x^2 + x + 1) + (Bx + C)(x + 1)$  වන පරිදි A, B හා C නියතවල අගයන් සොයන්න.

**ඒ නයින්**, 
$$\frac{x^2+x+2}{(x^2+x+1)(x+1)}$$
 යන්න භින්න භාගවලින් ලියා දක්වා,  $\int \frac{x^2+x+2}{(x^2+x+1)(x+1)} \, \mathrm{d}x$  සොයන්න.

- $(b) \ 1 + \sin 2x = 2\cos^2\left(\frac{\pi}{4} x\right)$  බව පෙන්වා, **ඒ නයින්**,  $\int\limits_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{1}{1 + \sin 2x} \mathrm{d}x = 1$  බව පෙන්වන්න.
- (c)  $I=\int\limits_0^{rac{\pi}{2}} rac{x^2\cos 2x}{(1+\sin 2x)^2}\,\mathrm{d}x$  යැයි ගනිමු. කොටස් වශයෙන් අනුකලනය භාවිතයෙන්,  $I=-rac{\pi^2}{8}+J$  බව පෙන්වන්න; මෙහි  $J=\int\limits_0^{rac{\pi}{2}} rac{x}{1+\sin 2x}\,\mathrm{d}x$  .  $\int\limits_0^a f(x)\mathrm{d}x=\int\limits_0^a f(a-x)\mathrm{d}x$  යන සම්බන්ධය හා (b) හි පුතිඵලය භාවිතයෙන් J හි අගය ගණනය කර  $I=rac{\pi}{2}$   $(2-\pi)$  බව පෙන්වන්න.
- $P \equiv (x_0,y_0)$  හා l යනු ax+by+c=0 මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛාව යැයි ගනිමු. P සිට l ට ඇති ලම්බ දුර  $\frac{\left|ax_0+by_0+c\right|}{\sqrt{a^2+b^2}}$  බව පෙන්වන්න .

 $l_1$  හා  $l_2$  යනු පිළිවෙළින්, 4x-3y+8=0 හා 3x-4y+13=0 මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛා යැයි ගනිමු.  $l_1$  හා  $l_2$ ,  $A\equiv (1,4)$  හිදී ඡේදනය වන බව පෙන්වන්න.

 $l_1$  හා  $l_2$  අතර සුළු කෝණයේ සමච්ඡේදකයේ පරාමිතික සමීකරණ x=t හා y=t+3 ලෙස ලිවිය හැකි බව ද පෙන්වන්න; මෙහි  $t\in \mathbb{R}$ .

**ඒ නයින්**,  $l_1$  හා  $l_2$  සරල රේඛා දෙකම ස්පර්ශ කරන,  $l_1$  හා  $l_2$  අතර සුළු කෝණය අඩංගු වන පෙදෙසෙහි පවතින ඕනෑම වෘත්තයක සමීකරණය  $(x-t)^2+(y-t-3)^2=\frac{1}{25}(t-1)^2$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි  $t\in \mathbb{R}$  හා  $t\neq 1$ .

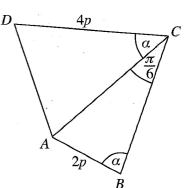
ඉහත වෘත්ත අතුරින්, කේන්දුය A වන හා අරය 1 වන වෘත්තය පුලම්බව ඡේදනය කරන වෘත්තවල සමීකරණ සොයන්න.  $17. \ (a) \cos A, \cos B, \sin A$  හා  $\sin B$  ඇසුරෙන්  $\cos (A+B)$  ලියා දක්වා,  $\sin (A-B)$  සඳහා එවැනිම පුකාශනයක් ලබාගන්න.

 $k\in\mathbb{R}$  හා  $k\neq 1$  යැයි ගනිමු. k>1 හා k<1 අවස්ථා වෙන වෙනම සලකමින්,  $2k\cos\left(\theta+\frac{\pi}{3}\right)+2\sin\left(\theta-\frac{\pi}{6}\right)$  යන්න  $R\cos(\theta+\alpha)$  ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි R(>0) k ඇසුරෙන් ද  $\alpha\left(0<\alpha<2\pi\right)$  ද නිර්ණය කළ යුතු තාත්ත්වික නියන වේ.

ඒ නයින්,  $2k\cos\left(\theta+\frac{\pi}{3}\right)+2\sin\left(\theta-\frac{\pi}{6}\right)=\left|k-1\right|$  විසඳන්න.

(b) රුපයේ පෙන්වා ඇති ABCD චතුරසුයෙහි  $AB=2p,\ CD=4p,\ D$   $A\hat{C}B=\frac{\pi}{6}$  හා  $A\hat{B}C=A\hat{C}D=\alpha$  වේ.  $AD^2=16p^2(\sin^2\alpha-\sin2\alpha+1)$  බව පෙන්වන්න.

**ඒ නයින්**, AD=4p නම්  $\alpha= an^{-1}(2)$  බව පෙන්වන්න.



(c) x > 1 සඳහා  $\tan^{-1}(\ln x^{\frac{2}{3}}) + \tan^{-1}(\ln x) + \tan^{-1}(\ln x^2) = \frac{\pi}{2}$  විසඳන්න.

් සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිනි /ගුඟුට பதிப்புரிமையுடையது / $All\ Rights\ Reserved$  ]

ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේ**දී වල් කිරීමේ විභාග දෙපාර්තමේන්තුව** විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பழ**ි කළින් නිකෝස්ස්ක්රියේට ප්රියාත්තමේන්තුව** විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ලි ලික්කර ලිසුව ලික්කරන් ලියුවන් ලියුවන් ලියුවන් ලියුවන් ලියුවන් ලෙස් ලියුවන් ලියුවන්

අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2022(2023) සல්ඛා්ධ பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2022(2023) General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2022(2023)

සංයුක්ත ගණිතය II இணைந்த கணிதம் II Combined Mathematics II

10 S II

පැය තුනයි

மூன்று மணித்தியாலம் Three hours අමතර කියවීම් කාලය- මිනිත්තු 10 යිமேலதிக வாசிப்பு நேரம்- 10 நிமிடங்கள்Additional Reading Time- 10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය පුශ්න පතුය කියවා පුශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී පුමුබත්වය දෙන පුශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

	 	T .		$\overline{}$
ව්භාග අංකය				
	 			, ,

## උපදෙස්:

🗱 මෙම පුශ්න පතුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;

**A කොටස** (පුශ්න 1 - 10) සහ **B කොටස** (පුශ්න 11 - 17).

\* A කොටස:

සියලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

\* B කොටස:

පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩආසිවල ලියන්න.

- st නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු  $f{A}$  කොටසෙහි පිළිතුරු පතුය,  $f{B}$  කොටසෙහි පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- st පුශ්න පතුයෙහි f B **කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටකට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.
- st මෙම පුශ්න පතුයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.

#### පරීක්ෂකවරුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.

(10) සංයුක්ත ගණිතය II		
කොටස	පුශ්න අංකය	ලකුණු
	1	
	2	
	3	
	4	
A	5	
1.	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
	11	
	12	
	13	
. B	14	
	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

උගාරාර	•
2.5	
-	ටකතුට

	කොටස
Δ	(6)23) 16 16

1.	එක එකක ස්කන්ධය $m$ වූ $A,B$ හා $C$ අංශු තුනක් සුමට තිරස් මේසයක් මත සරල රේඛාවක $A$ හා $B$ එකිනෙකට $a$ දුරින්, දිග $a$ වූ සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවකින් යා කර රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි තබා ඇත.
F	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	$B$ අංශුවට $\overrightarrow{AB}$ දිශාවට ආවේගයක් දෙනු ලබන්නේ ආවේගයෙන් මොහොතකට පසුව $B$ හි පුවේගය $u$ වන පරිදි ය. $C$ සමග ගැටුමෙන් මොහොතකට පසු, $B$ හි පුවේගය $\overrightarrow{AB}$ දිශාවට $\frac{1}{2}(1-e)u$ බව පෙන්වන්න; මෙහි $e$ යනු $B$ හා $C$ අතර පුතාාගති සංගුණකය වේ. මෙම ගැටුමෙන් පසුව, $A$ ට $B$ සමග ගැටීම සඳහා ගතවන කාලය ද සොයන්න.
•	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
	······································
2.	A හා $B$ යනු තිරස් ගෙබීමක් මත $AB=a$ වන පරිදි වූ ලක්ෂා දෙකකි. $P$ හා $Q$ අංශු දෙකක් පිළිවෙළින් $A$ හා $B$ ලක්ෂාවලින් එකම මොහොතකදී $AB$ රේඛාව අඩංගු සිරස් තලයෙහි පුක්ෂේප කරනු ලබන්නේ $T$ කාලයකට පසු අවකාශයේ වූ ලක්ෂායකදී ඒවා එකිනෙක ගැටෙන පරිදි ය. $P$ හා $Q$ හි ආරම්භක පුවේග රූපයෙහි දී ඇත. $u=\sqrt{ga}$ බව පෙන්වා, $T$ යන්න $a$ හා $g$ ඇසුරෙන් සොයන්න. $a$
ver in a manufacture de la companya	
· Principal de la companya del companya de la companya del companya de la companya del la companya de la compan	

- 3 -

AT	/20	1220	$20^{\circ}$	23)	/10	I/S.	·Π

විභාග	අංකය
-------	------

3.	ස්කන්ධ පිළිවෙළින් $m$ හා $3m$ වූ $A$ හා $B$ අංශු දෙකක් සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක කෙළවරවලට ඇදා ඇත. $A$ අංශුව තිරස් මේසයක් මත නිශ්චලතාවයේ අල්වා තබා ඇති අතර මේසයේ දාරයට සවි කළ කුඩා සුමට කප්පියක් මතින් තන්තුව දමා ඇත. $B$ අංශුව කප්පියට සිරස්ව පහළින් එල්ලෙයි. $A$ අංශුව කප්පියේ සිට $a$ දුරකින් ඇතිව පද්ධතිය නිශ්චලතාවයේ සිට මුදා හරිනු ලැබේ. පසුව එන චලිතයේදී $A$ මත විශාලත්වය $\frac{1}{2}mg$ වූ නියත ඝර්ෂණ බලයක් කිුයාකරයි. $A$ හි ත්වරණය සොයන්න. $A$ කප්පියට ළඟාවන විට $A$ හි වේගය ද සොයන්න.
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත ජවයෙන්ම කිුයා කරමින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත් සමීකරණ ලබාගන්න.
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
<b>4.</b>	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්
4.	ස්කන්ධය $1500~{ m kg}$ වූ කාරයක් $80~{ m kW}$ නියත ජවයකින් කිුයා කරමින් නියත පුතිරෝධයකට එරෙහිව තිරස් මාර්ගයක් මත චලනය වේ. කාරය $20~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් චලනය වන විට එහි ත්වරණය $2~{ m m~s^{-2}}$ වේ. කාරය, තිරසට $\sin^{-1}\left(\frac{2}{3}\right)$ ක ආනතියක් සහිත මාර්ගයක් දිගේ ඉහළට $8~{ m m~s^{-1}}$ වේගයකින් එම නියත පුතිරෝධයටම එරෙහිව චලනය වන විට එහි ත්වරණය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත්

5.	දිග $a$ වූ සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක එක් කෙළවරක් අචල ලක්ෂායකට ද අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය $m$ වූ
	අංශුවකට ද ඇඳා ඇත. අංශුව $\omega$ නියත කෝණික ඓගයකින් තිරස් වෘත්තයක චලනය ඓ. තන්තුව යටි අත්
	සිරස සමග $ heta\Big(0< heta<rac{\pi}{2}\Big)$ කෝණයක් සාදයි. $\omega>\sqrt{rac{g}{a}}$ බව පෙන්වන්න.
6.	සුපුරුදු අංකනයෙන්, $O$ අවල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් $A$ හා $B$ ලක්ෂා දෙකක පිහිටුම් දෛශික පිළිවෙළින් $3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න.
6.	
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.
6.	$3\mathbf{i}+2\mathbf{j}$ හා $2\mathbf{i}+4\mathbf{j}$ වේ. $O,\ A$ හා $B$ ඒක රේඛීය නොවන බව පෙන්වන්න. $C$ යනු $\overrightarrow{BC}=\lambda\overrightarrow{OA}$ වන පරිදි වූ ලක්ෂාය යැයි ගනිමු; මෙහි $\lambda\in\mathbb{R}$ වේ. $\mathbf{i},\mathbf{j}$ හා $\lambda$ ඇසුරෙන් $\overrightarrow{OC}$ සොයන්න.

	<b>D</b>
7.	සුමට නාදැත්තක් මත රඳවා සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ එහි පහළ
	කෙළවර $B$ ට, සිරස සමග $eta$ කෝණයක් සාදන, $P$ බලයක් යෙදීමෙනි.
	දණ්ඩ තිරස සමග $\frac{\pi}{6}$ කෝණයක් සාදයි. $ aneta=\frac{\sqrt{3}}{5}$ බව පෙන්වන්න.
	$B^{\overline{6}}$
8.	රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, බර $W$ හා දිග $2a$ වූ ඒකාකාර ඉණිමගක් රළු සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක
8.	රළු සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී $\stackrel{\longleftarrow}{R}$
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර සර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර ඝර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ. $\frac{3W}{4} \leq P \leq \frac{3W}{2}$ බව පෙන්වත්න.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර ඝර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ. $\frac{3W}{4} \leq P \leq \frac{3W}{2}$ බව පෙන්වත්න.
8.	රඑ සිරස් බිත්තියකට එරෙහිව එහි පහළ කෙළවර සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත ඇතිව සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ ඉණිමගේ මධා ලක්ෂායේදී යෙදූ විශාලත්වය $P$ වූ තිරස් බලයක් මගිනි. ඉණිමග ගෙබිම සමග $\frac{\pi}{4}$ ක කෝණයක් සාදයි. ඉණිමග හා බිත්තිය අතර ඝර්ෂණ සංගුණකය $\frac{1}{6}$ වේ. $\frac{3W}{4} \leq P \leq \frac{3W}{2}$ බව පෙන්වත්න.

9.	$A$ හා $B$ යනු $\Omega$ නියැදි අවකාශයක සිද්ධි දෙකක් යැයි ගනිමු. $P(A)=rac{2}{7},P(A\cup B)=rac{11}{14}$ හා $P(A'\cup B')=rac{4}{5}$ බව දී ඇත. $P(B)$ සොයා $A$ හා $B$ ස්වායන්ත සිද්ධි බව පෙන්වන්න.
10	සිසුන් $100$ දෙනෙකු පරීක්ෂණයකදී ලබාගත් ලකුණුවල මධානාය හා සම්මත අපගමනය, පිළිවෙළින් $60$ හා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න.
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා ගන්නා ලදී. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලබාගත් ලකුණුවල මධානයයේ නිවැරදි අගය සොයන්න.
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
IV.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
,	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා
10.	20 වේ. මෙම පරීක්ෂණය සඳහා ලකුණු 56 ක් ලබාගත් සිසුවෙකුගේ z-ලකුණ සොයන්න. මෙම 56 ලකුණ වැරදි ලෙස ඇතුළත් කර ඇති බවත් එය, ඒ වෙනුවට 65 ක් විය යුතු බවත් පසුව සොයා

கிகஓ ම හිමිකම් ඇවිරිනි /முழுப் பதிப்புநிமையுடையது  $|All\ Rights\ Reserved]$ 

> අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2022(2023) සබාබ්ධ பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2022(2023) General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2022(2023)

**සංයුක්ත ගණිතය II** இணைந்த கணிதம் **II** 

Combined Mathematics II



# B කොටස

\* පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

(මෙම පුශ්න පතුයෙහි g මගින් ගුරුත්වජ ත්වරණය දැක්වෙයි.)

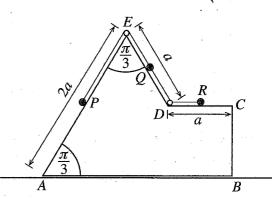
11. (a) සෘජු තිරස් මාර්ගයක වූ O ලක්ෂායක සිට නිශ්චලතාවයෙන් ගමන ආරම්භ කරන P කාරය  $2f \ m \ s^{-2}$  ක නියත ත්වරණයකින් එම මාර්ගයේ වූ A ලක්ෂාය දක්වා ගමන් කරයි; මෙහි  $OA = a \ m$  වේ. එය A හිදී ලබාගත් පුවේගය, ගමනේ ඉතිරි කොටස පුරාවටම පවත්වා ගනී. P කාරය A ලක්ෂායට ළඟා වන මොහොතේ, තවත් Q කාරයක් එම මාර්ගයේම එම දිශාවටම O ලක්ෂායේ සිට නිශ්චලතාවයෙන් ගමන ආරම්භ කර,  $f \ m \ s^{-2}$  ක නියත ත්වරණයකින් චලනය වේ. එකම රූපයක, P හා Q හි චලිතය සඳහා පුවේග-කාල පුස්තාරවල දළ සටහන් අඳින්න.

**ඒ නයින්**, P හා Q හි පුවේග සමාන වන මොහොත දක්වා Q ගන්නා ලද කාලය  $2\sqrt{\frac{a}{f}}$  s බව පෙන්වන්න. දැන්, a=50 ද f=2 ද හා Q කාරය P කාරය පසු කරන මාර්ගයේ ලක්ෂාය B යැයි ද ගනිමු.  $AB=50\left(5+2\sqrt{6}\right)$  m බව පෙන්වන්න.

(b) P නැවක් පොළොවට සාපේක්ෂව  $60~{
m m~s^{-1}}$  ක ඒකාකාර වේගයකින් දකුණු දෙසට යාතුා කරන අතර, Q නැවක් පොළොවට සාපේක්ෂව  $30\sqrt{3}~{
m m~s^{-1}}$  ක ඒකාකාර වේගයකින් නැගෙනහිර දෙසට යාතුා කරයි. තෙවන R නැවක්, එය P හි සිට නිරීක්ෂණය කරනු ලැබූ විට, නැගෙනහිරින්  $30^{\circ}$  ක් උතුරට වූ දිශාවට චලනය වන ලෙස පෙනෙන අතර, R නැව එය Q හි සිට නිරීක්ෂණය කරනු ලැබූ විට දකුණු දෙසට චලනය වන ලෙස පෙනෙයි. R නැව, පොළොවට සාපේක්ෂව,  $60~{
m m~s^{-1}}$  ක වේගයකින් නැගෙනහිරින්  $30^{\circ}$  ක් දකුණට වූ දිශාවට චලනය වන බව පෙන්වන්න.

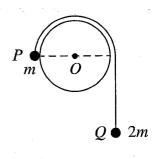
අාරම්භයේදී R නැව, P ගෙන්  $24~{\rm km}$  ක් ඈතින්, බටහිරින්  $60^{\rm o}$  ක් දකුණට වූ දිශාවෙන් තිබෙන අතර Q ගෙන්  $6~{\rm km}$  ක් ඈතින් බටහිර දිශාවෙන් තිබේ යැයි සිතමු. P හා R, ඒවා අතර කෙටීම දුරින් පිහිටන විට Q හා R අතර දුර  $12~{\rm km}$  ක් බව පෙන්වන්න.

12.(a) ස්කන්ධය 4m වූ සුමට ඒකාකාර කුට්ටියක ගුරුත්ව කේන්දුය හරහා වූ ABCDE සිරස් හරස්කඩ රූපයෙන් පෙන්වා ඇත. AB අඩංගු මුහුණත සුමට තිරස් ගෙබිමක් මත තබා ඇත. AE හා ED ඒවා අඩංගු මුහුණත්වල උපරිම බෑවුම් රේඛා වේ. තවද, AE = 2a, ED = a, DC = a හා  $E\hat{A}B = A\hat{E}D = \frac{\pi}{3}$  වේ. ස්කන්ධ පිළිවෙළින් 3m, 2m හා m වන P, Q හා R අංශු තුනක් AE, ED හා DC හි මධා ලක්ෂායන්හි තබා ඇත. P හා Q අංශු, E හිදී කුට්ටියට සවිකර ඇති සුමට සැහැල්ලු කුඩා කප්පියක් මතින්



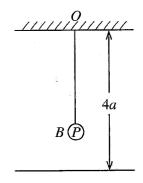
යන සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක දෙකෙළවරට ඇදා ඇති අතර, Q හා R අංශු, D හිදී කුට්ටියට සවිකර ඇති සුමට සැහැල්ලු කුඩා මුදුවක් තුළින් යන තවත් සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක දෙකෙළවරට ඇදා ඇත. රූපයේ පෙන්වා ඇති පිහිටුමේදී තන්තුව තදව තිබෙන අතර මෙම පිහිටුමේ සිට පද්ධතිය නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ. Q අංශුව E වෙත ළඟා වීමට ගන්නා කාලය නිර්ණය කිරීමට පුමාණවත් සමීකරණ ලබාගන්න.

(b) අරය a වූ සිලින්ඩරයක් එහි අක්ෂය තිරස්ව සවි කර ඇති අතර එහි අක්ෂයට ලම්බක සිරස් හරස්කඩක් යාබද රූපයෙන් දැක්වේ. සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවකින් යා කළ ස්කන්ධ පිළිවෙළින් m හා 2m වූ P හා Q අංශු දෙකක් තන්තුව තදව ද OP තිරස්ව ද ඇතිව රූපයේ පෙන්වා ඇති පිහිටුමෙහි අල්වා තබා නිශ්චලතාවයෙන් මුදා හරිනු ලැබේ. Q අංශුව සිරස්ව පහළට චලනය වන්නේ යැයි උපකල්පනය කරමින්,  $\overrightarrow{OP}$  යන්න  $\theta$   $(0 \le \theta \le \frac{\pi}{6})$  කෝණයකින් හැරුණු විට P හි වේගය v යන්න  $v^2 = \frac{2ga}{3}(2\theta - \sin\theta)$  මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.



 $heta=rac{\pi}{6}$  විට තන්තුව කපා දමන අතර, P අංශුව සිලින්ඩරය මත චලනය වෙමින් සිලින්ඩරයේ ඉහළම ලක්ෂායට ළඟා වීමට පෙර ක්ෂණික නිශ්චලතාවයට පත් වන බව දී ඇත. පසුව එන චලිතයේදී, P එහි ආරම්භක පිහිටුමේ සිට a දුරක් සිරස්ව පහළින් වන විට, P හි වේගය සොයන්න.

13. ස්වභාවික දිග 2a හා පුතුනස්ථතා මාපාංකය 2mg වන සැහැල්ලු පුතුනස්ථ තන්තුවක එක් කෙළවරක්, සුමට ති්රස් ගෙබිමකට 4a දුරක් ඉහළින් වූ O අවල ලක්ෂායකට ද, අනෙක් කෙළවර ස්කන්ධය m වූ P අංශුවකට ද ඇඳා ඇත. P අංශුව B හි සමතුලිතතාවයේ එල්ලෙයි. තන්තුවේ විතතිය a බව පෙන්වන්න. දැන්, P හට mv ආවේගයක් සිරස්ව පහළට දෙනු ලැබේ. P හි වලිත සමීකරණය  $\ddot{x}+\omega^2x=0$  බව පෙන්වන්න; මෙහි  $\omega=\sqrt{\frac{g}{a}}$  හා BP=x වේ. c විස්තාරය වන,  $\dot{x}^2=\omega^2(c^2-x^2)$  සූතුය භාවිතයෙන්  $v>\sqrt{ag}$  නම්, P ගෙබිමේ වදින බව පෙන්වන්න;



දැන්,  $v = 3\sqrt{ag}$  යැයි සිතමු.

P ගෙබිමේ වදින පුවේගය සොයන්න.

P සහ ගෙබීම අතර පුතාහාගති සංගුණකය e වේ.  $e<\frac{1}{\sqrt{2}}$  නම්, P අංශුව O ට ළඟා තොවන බව පෙන්වන්න.  $e=\frac{1}{2}$  බව දී ඇති විට, තන්තුව පළමුවරට බුරුල් වන විට P හි පුවේගය සොයන්න.

B හිදී P ට ආචේගය දුන් මෙහොතේ සිට, එය පළමුවරට ක්ෂණික නිශ්චලතාවයට පැමිණීමට ගතවන මුළු කාලය සොයන්න.

14.(a) A,B,C හා D ලක්ෂා හතරක පිහිටුම් දෙශික, O අචල මූලයකට අනුබද්ධයෙන් පිළිවෙළින්  ${\bf a},{\bf b},3{\bf a}$  හා  ${\bf 4b}$  වේ; මෙහි  ${\bf a}$  හා  ${\bf b}$  යනු ශූනා නොවන හා සමාන්තර නොවන දෛශික වේ. E යනු AD හා BC හි ඡේදන ලක්ෂාය වේ. OAE තිකෝණය සඳහා තිකෝණ ආකලන නියමය භාවිතයෙන්,

 $\lambda \in \mathbb{R}$  සඳහා  $\overrightarrow{OE} = \mathbf{a} + \lambda(4\mathbf{b} - \mathbf{a})$  බව පෙන්වන්න.

එලෙසම,  $\mu \in \mathbb{R}$  සඳහා  $\overrightarrow{OE} = \mathbf{b} + \mu(3\mathbf{a} - \mathbf{b})$  බව ද පෙන්වන්න.

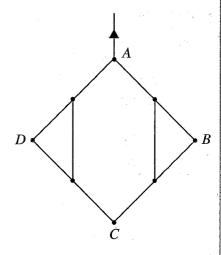
ඒ නයින්,  $\overrightarrow{OE} = \frac{1}{11}(9\mathbf{a} + 8\mathbf{b})$  බව පෙන්වන්න.

(b)  $\alpha {f i} + 2{f j}$ ,  $-3{f i} + \beta {f j}$  හා  ${f i} + 5{f j}$  යන බල තුන, පිහිටුම් දෙශික පිළිවෙළින්  ${f i} + {f j}$ ,  $3{f i} + {f j}$  හා  $2{f i} + 2{f j}$  වූ ලක්ෂා හරහා කියාකරයි; මෙහි  $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$  වේ. මෙම බල පද්ධතිය යුග්මයකට තුලා වන බව දී ඇත.  $\alpha$  හා  $\beta$  හි අගයන් ද මෙම යුග්මයෙහි සූර්ණය ද සොයන්න.

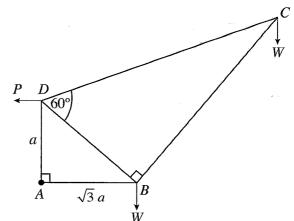
දැන්, O මූලය හරහා කියාකරන  $3\gamma \mathbf{i} + 4\gamma \mathbf{j}$  අලුත් බලයක් ඉහත බල පද්ධතියට එකතු කරනු ලැබේ; මෙහි  $\gamma > 0$  වේ. මෙම බල 4 කින් සමන්විත නව බල පද්ධතිය සම්පුයුක්ත බලයකට තුලා වන බව පෙන්වා එහි විශාලත්වය, දිශාව හා කිුයා රේඛාවේ සමීකරණය සොයන්න.

ඊළඟට, පිහිටුම් දෛශිකය  $2\mathbf{i}+3\mathbf{j}$  වූ ලක්ෂාය හරහා කියාකරන  $p\mathbf{i}+q\mathbf{j}$  බලයක් එකතු කළ විට, බල 5 කින් සමන්විත මෙම පද්ධතිය සමතුලිතතාවේ ඇති බව දී ඇත.  $\gamma$ , p හා q හි අගයන් සොයන්න.

15.(a) එක එකක දිග 2a හා බර W වූ AB, BC, CD හා DA ඒකාකාර දඬු හතරක් ඒවායේ A, B, C හා D අන්තවලදී සුමට ලෙස සන්ධි කර ඇත. AB හා BC හි මධාලක්ෂා දිග a වූ සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක් මගින් යා කර ඇත. එලෙසම, AD හා DC හි මධාලක්ෂා ද දිග a වූ සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවක් මගින් යා කර ඇත. පද්ධතිය A ලක්ෂායෙන් සිරස් තලයක එල්ලා ඇති අතර රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි සමතුලිතතාවේ පවතී. තන්තුවල ආතති ද BC මගින් AB මත B සන්ධියෙහිදී යොදන පුතිකියාවද සොයන්න.



(b) රූපයේ දැක්වෙන, AB, BC, CD, DA හා DB සැහැල්ලු දඬු පහකින් සමන්විත රාමු සැකිල්ල, ඒවායේ අන්තවලදී සුමටව සන්ධි කර ඇත. AD = a,  $AB = \sqrt{3} a$ ,  $B\hat{A}D = 90^\circ$ ,  $C\hat{B}D = 90^\circ$  හා  $B\hat{D}C = 60^\circ$  බව දී ඇත. B හා C සන්ධි එක එකක W භාරය බැගින් එල්ලා රාමු සැකිල්ල A හිදී අවල ලක්ෂායකට සුමටව සන්ධි කර AB තිරස්ව ඇතිව සිරස් තලයක සමතුලිතතාවයේ තබා ඇත්තේ, D සන්ධියෙහිදී යෙදු තිරස් P බලයක් මගිනි.



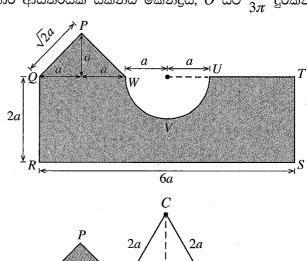
(i) P හි අගය සොයන්න.

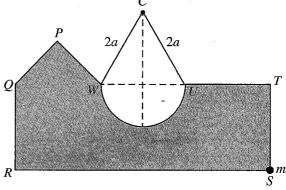
(ii) බෝ අංකනය භාවිතයෙන්, C,B හා D සන්ධි සඳහා, පුතාහබල සටහනක් අඳින්න. ඒ නයින්, දඬුවල පුතාහබල, ඒවා ආතති ද තෙරපුම් ද යන්න පුකාශ කරමින් සොයන්න.

**16.** අරය r හා කේන්දුය O වන ඒකාකාර අර්ධවෘත්තාකාර ආස්තරයක ස්කන්ධ කේන්දුය, O සිට  $\frac{4r}{3\pi}$  දුරකින් පිහිටන බව පෙන්වන්න.

යාබද රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, QRST සෘජුකෝණාසුයෙන් අරය a වූ අර්ධ වෘත්තයක් ඉවත් කර, සමාන පැතිවල දිග  $\sqrt{2}a$  වූ PQW සමද්විපාද තිකෝණයක් එක් කර පෘෂ්ඨික ඝනත්වය  $\sigma$  වූ ඒකාකාර තුනී ලෝහ තහඩුවකින් තල ආස්තරයක් සාදා ඇත. QR=2a, RS=6a හා QW=2a වේ. මෙම ආස්තරයේ ස්කන්ධ කේන්දය QR සිට  $\overline{x}$  දුරකින්ද RS සිට  $\overline{y}$  දුරකින්ද පිහිටයි.  $\overline{x}=\frac{(74-3\pi)}{(26-\pi)}a$  හා  $\overline{y}=\frac{2(15-\pi)}{(26-\pi)}a$  බව පෙන්වන්න.

රූපයේ පෙන්වා ඇති පරිදි, S හිදී ස්කන්ධය m වූ අංශුවක් සවි කළ ඉහත ආස්තරය, කුඩා සුමට අවල C නාදැත්තක් මතින් යන, U හා W ට කෙළවරවල් අෑඳා ඇති දිග 4a වූ සැහැල්ලු අවිතනා තන්තුවකින් RS පැත්ත තිරස්ව ඇතිව සමතුලිතතාවේ එල්ලෙයි. a හා  $\sigma$  ඇසුරෙන් m හි අගය හා තන්තුවේ ආතතිය සොයන්න.





- 17.(a)  $B_1, B_2, B_3$  හා  $B_4$  සර්වසම පෙට්ටි හතරක, පාටින් හැර අන් සෑම අයුරකින්ම සර්වසම පෑන් 4 බැගින් අඩංගු වේ. k=1,2,3,4 සඳහා, එක් එක්  $B_k$  පෙට්ටියක රතු පෑන් k හා කළු පෑන් 4-k බැගින් අඩංගු වේ. පෙට්ටි හතරෙන් එක් පෙට්ටියක් සසම්භාවී ලෙස තෝරාගෙන, එම පෙට්ටියෙන් පෑන් 2 ක් ඉවතට ගනු ලැබේ.
  - (i) ඉවතට ගත් පෑන් දෙක රතු පෑන් වීමේ,
  - (ii) ඉවතට ගත් පෑන් දෙක රතු පෑන් බව දී ඇති වීට, එම පෑන් දෙක  $B_4$  පෙට්ටියෙන් ඉවතට ගෙන තිබීමේ,

සම්භාවිතාව සොයන්න.

 $\{x_1,x_2,...,x_n\}$  හා  $\{y_1,y_2,...,y_m\}$  දත්ත කුලකයන්ට එකම මධානාය ඇති අතර ඒවායේ සම්මත අපගමන, පිළිවෙළින්,  $\sigma_x$  හා  $\sigma_y$  වේ.  $\{x_1,...,x_n,y_1,...,y_m\}$  සංයුක්ත දත්ත කුලකයේ විචලතාව  $\dfrac{n\sigma_x^2+m\sigma_y^2}{n+m}$  බව පෙන්වන්න.

කම්හලක නිෂ්පාදිත පොට ඇණවල විෂ්කම්භ පහත වගුවේ සාරාංශගත කර ඇත.

විෂ්කම්භය (mm)	පොට ඇණ සංබනාව (දහසේ ඒවායින්)
2-6	2
6 – 10	5
10 – 14	8
14 – 18	4
18 – 22	1

ඉහත දී ඇති වාාාප්තියේ මධානයාය, මධාස්ථය හා විචලතාව නිමානය කරන්න.

අසල ඇති කම්හලක නිෂ්පාදිත වෙනත් පොට ඇණ 40~000 ක විෂ්කම්භවලට එම මධානයායම ඇති අතර විචලතාව  $22.53~\mathrm{mm}^2$  වේ. කම්හල් දෙකෙහිම නිෂ්පාදිත පොට ඇණවල විෂ්කම්භයන්හි සංයුක්ත විචලතාව නිමානය කරන්න.