තියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / முழுப் பதிப்புரிமையுடையது /All Rights Reserved]

ලි ලංකා විතාල දෙපාර්තමේත්තුව ලි ලංකා විතාල දෙපාර්ත**ල්ක් කිරි. සිතුලේ පිරිසු ලි ලංකා** විතාල දෙපාර්තමේත්තුව ලි ලංකා විතාල දෙපාර්තමේත්තුව இබත්තනසට பුරිද්යාවේ නිශෝස්සභාව මහත්තසට පුර්දික්වේ, නික්කේසභාව මහත්තයට පුර්දියාවේ පුරාක්ෂේසභාව මහත්තයට පුර්දියාවේ Department of Examinations, Sri Lanka Department of E**. මහත්තික් පිරිසියාවේ සහත්තයට ප්රදේශය** විතාල දෙපාරකම්ත්තුව ලි ලංකා විතාල දෙපාරකම්ත්තුව ලි ලංකා විතාල දෙපාරකම්ත්තුව ලි ලංකා විතාල දෙපාරකම්ත්තුව ලිලකා විතාල දෙපාරකම්තියාව ප්රධාන දෙපාරකම්ත්තව ලිලකා විතාල දෙපාරකම්ත්තව ලිලකා විතාල දෙපාරකම්ත්තව ලිලකා විතාල දෙපාරකම්ත්තව ලිලකා විතාල දෙපාරකම්ත්තමේ සහත්තයට ප්රධාන සිතුම් සහත්තයට ප්රධාන සිතුම් සහත්තයට ප්රධාන සිතුම් සහත්තයට සහත්තයට සහත්ත සිතුම් සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සිතුම් සහත්තයට සහත්කයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්කයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්තයට සහත්ක

> අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2021(2022) கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2021(2022) General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2021(2022)

සංයුක්ත ගණිතය

இணைந்த கணிதம் Combined Mathematics 10 S I

පැය තුනයි

மூன்று மணித்தியாலம் Three hours අමතර කියවීම් කාලය

මිනිත්තු 10 යි

மேலதிக வாசிப்பு நேரம்

10 நிமிடங்கள்

Additional Reading Time

10 minutes

අමතර කියවීම් කාලය පුශ්න පතුය කියවා පුශ්න තෝරා ගැනීමටත් පිළිතුරු ලිවීමේදී පුමුඛත්වය දෙන පුශ්න සංවිධානය කර ගැනීමටත් යොදාගන්න.

විභාග අංකය			
------------	--	--	--

උපදෙස්:

- 🛠 මෙම පුශ්න පතුය කොටස් දෙකකින් සමන්විත වේ;
 - A කොටස (පුශ්න 1 10) සහ B කොටස (පුශ්න 11 17).
- * A කොටස:

සියලු ම පුශ්නවලට පිළිතුරු සපයන්න. එක් එක් පුශ්නය සඳහා ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති ඉඩෙහි ලියන්න. වැඩිපුර ඉඩ අවශා වේ නම්, ඔබට අමතර ලියන කඩදාසි භාවිත කළ හැකි ය.

- * B කොටස:
 - පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න. ඔබේ පිළිතුරු, සපයා ඇති කඩදාසිවල ලියන්න.
- * නියමිත කාලය අවසන් වූ පසු A කොටසෙහි පිළිතුරු පතුය, B කොටසෙහි පිළිතුරු පතුයට උඩින් සිටින පරිදි කොටස් දෙක අමුණා විභාග ශාලාධිපතිට භාර දෙන්න.
- st පුශ්න පතුයෙහි f B **කොටස පමණක්** විභාග ශාලාවෙන් පිටතට ගෙන යාමට ඔබට අවසර ඇත.

පරික්ෂකවරුන්ගේ පුයෝජනය සඳහා පමණි.

(10) සංයුක්ත ගණි	තය I
කොටස	පුශ්න අංකය	ලකුණු
	1	٠
	2	
•	3	
	4	
A	5	:
A	6	
,	7	
	8	
	9	
	10	
	11	
·	12	
	. 13	•
В	14	
٠	15	
	16	
	17	
	එකතුව	

	එකතුව
ඉලක්කමෙන්	
අකුරින්	

		සංකෙත අංක
උත්තර පතු පරීක්ෂ	ක	
පරීක්ෂා කළේ:	1	
	2	
අධීක්ෂණය කළේ:		

	A කොටස	
l.	ගණිත අගපුහන මූලධර්මය භාවිතයෙන්, සියලු $n\!\in\!{f Z}^+$ සඳහා $\sum_{r=1}^n (6r\!+\!1) = n(3n\!+\!4)$ බව සාධනය කරන්	න
•		
		•
		• •
		• •
		٠.
		1.6
e e		
Ž.	and a second of the second of	
	වක්ම රූපි සිටහනක් $y=2 x+1 $ හා $y=2- x $ හ පුස්තාරවල දළ සිටහන් අදනන්.	
	එක ම රූප සටහනක $y=2 x+1 $ හා $y=2- x $ හි පුස්තාරවල දළ සටහන් අඳින්න. ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාන්ත්වික අගර	32
	එක ම රූප සිටහිනික $y=2 x+1 $ හා $y=2- x $ හි පුසිතාවවල දළ සිටහිනි අදිනිය. ඒ නියින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගයෙන්න.	విభ
	ඒ නගින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ , $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගර	38
	ඒ නගින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ , $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගර	
	ඒ නගින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ , $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගර	
	ඒ නගින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ , $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගර	33
	ඒ නගින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ , $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගර	
	ඒ නගින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ , $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගර	
	ඒ නගින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ , $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගර	33
	ඒනයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අග සොයන්න.	
	ඒ නගින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ , $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අගර	
	ඒනයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අග සොයන්න.	33
	ඒනයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අග සොයන්න.	325
	ඒනයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අග සොයන්න.	
	ඒනයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අග සොයන්න.	33
	ඒනයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $2 x+2 + x \le 4$ අසමානතාව සපුරාලන x හි සියලු ම තාත්ත්වික අග සොයන්න.	

2 Contract demonstration	,	විභාග	අංකය	
--------------------------	---	-------	------	--

١.	ආගත්ඩ් සටහනක, $\operatorname{Arg}(z-1-i)=-rac{\pi}{4}$ සපුරාලන z සංකීර්ණ සංඛාා නිරූපණය කරන ලක්ෂාවල පථයෙහි දළ සටහනක් අඳින්න.
	ඒ නයින් හෝ අන් අයුරකින් හෝ, $\operatorname{Arg}(iz+1-i)=\frac{\pi}{4}$ සපුරාලන $ z-2+i $ හි අවම අගය $\frac{1}{\sqrt{2}}$ බව පෙන්වන්න.

•	\sim 11
١.	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+\frac{k}{x}\right)^{11}$ හි ද්වීපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-\frac{1}{x^2}\right)^{11}$ හි ද්වීපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
١.	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+\frac{k}{x}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-\frac{1}{x^2}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
١.	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+\frac{k}{x}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-\frac{1}{x^2}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
١.	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+\frac{k}{x}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-\frac{1}{x^2}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
١.	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+\frac{k}{x}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-\frac{1}{x^2}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
1.	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+\frac{k}{x}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-\frac{1}{x^2}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
I.	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+\frac{k}{x}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-\frac{1}{x^2}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+rac{k}{x} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-rac{1}{x^2} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
1.	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+rac{k}{x} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-rac{1}{x^2} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
!.	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+rac{k}{x} ight)^1$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-rac{1}{x^2} ight)^1$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
•	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+rac{k}{x} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-rac{1}{x^2} ight)^{12}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
•	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+\frac{k}{x}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-\frac{1}{x^2}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+rac{k}{x} ight)^{1}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-rac{1}{x^2} ight)^{1}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+rac{k}{x} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-rac{1}{x^2} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+\frac{k}{x}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-\frac{1}{x^2}\right)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.
. .	$k>0$ යැයි ගනිමු. $\left(x^2+rac{k}{x} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^7 හි සංගුණකය හා $\left(x-rac{1}{x^2} ight)^{11}$ හි ද්විපද පුසාරණයේ x^{-7} හි සංගුණකය සමාන බව දී ඇත. $k=1$ බව පෙන්වන්න.

5.	$\lim_{x \to 0} \frac{\tan 2x - \sin 2x}{x^2 \left(\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}\right)} = 4 \ \text{බව ඉපත්වන්න.}$	
-		
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
6.	$y=rac{\ln x}{\sqrt{x}},\;y=0$ හා $x=e^2$ වකු මගින් ආවෘත වන පෙදෙස S යැයි ගනිමු. S හි වර්ගඑලය, වර්ග ඒකක 4 ස	ช
6.	බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුණේ	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙ 8π	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තුණේ	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	
6.	බව පෙන්වන්න. S පෙදෙස x $-$ අක්ෂය වටා රේඩියන 2π වලින් භුමණය කරනු ලැබේ. මෙලෙස ජනනය වන ඝන වස්තු ෙස් පරිමාව $\frac{8\pi}{3}$ බව පෙන්වන්න.	

7.	
	$t \neq 0$ සඳහා $x = ct$ හා $y = \frac{c}{t}$ මගින් පරාමිතිකව දෙනු ලබන සෘජුකෝණාසු බහුවලයට $P \equiv \left(cp, \frac{c}{p}\right)$ ලක්ෂායේදී වූ ස්පර්ශ රේඛාවේ සමීකරණය $x + p^2y = 2cp$ බව පෙන්වන්න.
	P හි දී මෙම බහුවලයට වූ අභිලම්භ රේඛාව වෙනත් $Q\equiv\left(cq,rac{c}{q} ight)$ ලක්ෂාායකදී බහුවලය නැවත හමු වේ.
	$p^3q=-1$ බව පෙන්වන්න.
8.	$A \equiv (0,-1)$ හා $B \equiv (9,8)$ යැයි ගනිමු. C ලක්ෂාය AB මත $AC:CB=1:2$ වන පරිදි පිහිටයි. C හරහා යන
	AB ට ලම්බ වූ l සරල රේඛාවේ සමීකරණය $x+y-5=0$ බව පෙන්වන්න.
	y=5x+1 සරල රේඛාවට AD සමාන්තර වන පරිදි l මත වූ ලක්ෂාය D යැයි ගනිමු. D හි ඛණ්ඩාංක සොයන්න.
	y=5x+1 සරල මෙඛාවට AD සමාන්තර වන පිටද t මත වූ ලක්ෂයිය D යැය ගන්මු. D හි බණ්ඩාංක සොයන්න.
	y=5x+1 සරල මෙඛාවට AD සමාන්තර වන පිටද t මත වූ ලක්ෂයිය D යැය ගන්මු. D හි බණ්ඩාංක සොයන්න.
	y=5x+1 සරල මෙඛාවට AD සමාන්තර වන පිටද t මත් වූ ලක්ෂයිය D යැය ගන්මු. D හි බණ්ඩාංක සොයන්න.
	y=5x+1 සරල මෙඛාවට AD සමාන්තර වන පිටද t මත් වූ ලක්ෂයිය D යැය ගන්මු. D හි බණ්ඩාංක සොයන්න.
	y=5x+1 සරල මෙඛාවට AD සමාන්තර වන පිටද t මත වූ ලක්ෂයිය D යැය ගන්මු. D හි බණ්ඩාංක සොයන්න.
	y=5x+1 සරල මෙඛාවට AD සමාන්තර වන පිටද t මත වූ ලක්ෂයිය D යැය ගන්මු. D හි බණ්ඩාංක සොයන්න.
	y=5x+1 සංල ලෙකාවට AD සමාන්තර වන පිටද t මන වූ ලක්ෂයිය D යැය ගන්මු. D හි කමාධාරක සොයන්න.
	y=5x+1 සරල මෙකාවට AD සමානකට වන පිරදි t මක වූ ලක්ෂයය D යැය ගනමු. D හි කිණ්ඩාංක සොයවාවා.
	y=5x+1 සරල මෙබාවට AD සමාන්තර වන පිරදි t මන වූ ලක්ෂයය D යැය ගන්මු. D හි බණයාංක සොයවනි.
	y=5x+1 සබල රෙඛාවට AD සමාන්තර වන පිරද t මන වූ ලක්ෂය D සැය ගන්මු. D හි බණ්ඩායන්න.
	y=5x+1 සංල ලෙකාවට AD සමානකර වන පිරද t මක වූ ලක්ෂයය D යැය ගන්මු. D හි තමායන්නේ සොයවාරා.
	y=5x+1 සරල රෙඛාවට AD සමානිතර වන පිරද t මන වූ ලක්ෂය D සැය ගනමු. D හි ගිණිඩායක් සොයිඩ්වා.
	y = 5x + 1 සංල ටෙයාවට AD සමානකා වන පරද 1 මත වූ ලක්ෂය D සැය ගත්වූ. D හි සමස්සියේ සියියියි.

පෙන්වන්න.	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	٠ الماليين		o b		·b	
	දෙක හා $S=0$ ව						
***************************************	•			************			• • • • •
			• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			•••••••	••••
•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				• • • • •
			. 				

	•••••		٠				
••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	***************	•••••				• • • • •
• • • • • • • • • • • • • • • • • •	*****************				***************************************		
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •						
	••••••			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			
	sin x cos x -1 az				 (න්න; මෙහි <i>R</i> :	> 0 හා 0 < α <	$\frac{\pi}{2}$
	$\sin x \cos x - 1 \cos x + \sqrt{3} \sin x \cos x$				 රන්න; මෙහි <i>R</i> :	> 0 හා 0 < $lpha$ <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ			රන්න; මෙහි <i>R</i> :	> 0 හා 0 < $lpha$ <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> :	> 0 හා 0 < <i>a</i> <	<u>π</u> 2
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> :	> 0 හා 0 < \alpha <	<u>π</u> 2
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> ර	> 0 හා 0 < α <	<u>π</u> 2
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> 2	> 0 හා 0 < $lpha$ <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> :	> 0 හා 0 < α <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> ?	> 0 හා 0 < α <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> ර	> 0 හා 0 < α <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> ර	> 0 හා 0 < α <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> 2	> 0 හා 0 < $lpha$ <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> :	> 0 co 0 < α <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> ර	> 0 හා 0 < α <	<u>π</u> 2
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> ර	> 0 to 0 < α <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> 2	> 0 හා 0 < α <	$\frac{\pi}{2}$
	$+\sqrt{3}\sin x\cos x$	= 1 සමීකරණ	යෙ විසඳන්න		රන්න; මෙහි <i>R</i> ර	> 0 co 0 < α <	$\frac{\pi}{2}$

ගියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි / $\psi\psi$ ාස්රාූූ හිතාවානු $All\ Rights\ Reserved$

අධායන පොදු සහතික පතු (උසස් පෙළ) විභාගය, 2021(2022) கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2021(2022) General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, 2021(2022)

සංයුක්ත ගණිතය I இணைந்த கணிதம் **I** Combined Mathematics **I**



R කොටස

* පුශ්න **පහකට** පමණක් පිළිතුරු සපයන්න.

- 11.(a) k > 1 යැයි ගනිමු. $x^2 2(k+1)x + (k-3)^2 = 0$ සමීකරණයට තාත්ත්වික පුභින්න මූල ඇති බව පෙන්වන්න. මෙම මූල α හා β යැයි ගනිමු. k ඇසුරෙන් $\alpha + \beta$ හා $\alpha\beta$ ලියා දක්වා, α හා β දෙකම ධන වන පරිදි වූ k හි අගයන් සොයන්න. α දැන්, 1 < k < 3 යැයි ගනිමු. k ඇසුරෙන්, α හා α මූල වන වර්ගජ සමීකරණය සොයන්න.
 - (b) $f(x) = 2x^3 + ax^2 + bx + 1$ හා $g(x) = x^3 + cx^2 + ax + 1$ යැයි ගතිමු; මෙහි $a,b,c \in \mathbb{R}$ වේ. (x-1) මගින් f(x) බෙදූ විට ශේෂය 5 බව හා $x^2 + x 2$ මගින් g(x) බෙදූ විට ශේෂය x + 1 බව දී ඇත. a,b හා c හි අගයන් සොයන්න. තවද, a,b හා c සඳහා මෙම අගයන් සහිත ව, සියලු $x \in \mathbb{R}$ සඳහා $f(x) 2g(x) \le \frac{13}{12}$ බව පෙන්වත්න.
- 12.(a) පහත දී ඇති සංඛාහාංක 10 න් ගනු ලබන සංඛාහාංක 4 කින් සමන්විත, සංඛාහාංක 4 ක සංඛාහවක් සැදීමට අවශාව ඇත:

1, 1, 1, 2, 2, 3, 3, 4, 5, 5

- (i) තෝරා ගනු ලබන සංඛාහාංක 4 ම වෙනස් නම්,
- (ii) ඕනෑම සංඛනාංක 4 ක් තෝරාගත හැකි නම්,

සෑදිය හැකි එවැනි වෙනස් සංඛාහාංක 4 ක සංඛාහ ගණන සොයන්න.

(b) $r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $U_r = \frac{-16r^3 + 12r^2 + 40r + 9}{5(2r+1)^2(2r-1)^2}$ යැයි ගනිමු.

 $r \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $U_r = \frac{A(r-1)}{(2r+1)^2} - \frac{(r-B)}{(2r-1)^2}$ වන පරිදි A හා B තාත්ත්වික නියතයන් හි අගයන් සොයන්න.

ඒ නයින්. $r\!\in\! \mathbb{Z}^+$ සඳහා $\frac{1}{5^{r-1}}U_r=f(r)-f(r-1)$ වන පරිදි f(r) මසායා,

 $n \in \mathbb{Z}^+$ සඳහා $\sum_{r=1}^n \frac{1}{5^{r-1}} \, U_r = 1 + \frac{n-1}{5^n (2n+1)^2}$ බව පෙන්වන්න.

 $\sum_{r=1}^{\infty} rac{1}{5^{r-1}} U_r$ අපරිමිත ශ්‍රේණිය අභිසාරී බව **අපෝහනය** කර එහි ඓකාස සොයන්න.

$$\mathbf{13.}(a) \ \mathbf{A} = \left(egin{array}{ccc} a & 0 & 3 \\ 0 & a & 1 \end{array}
ight)$$
 හා $\mathbf{B} = \left(egin{array}{ccc} a & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{array}
ight)$ යැයි ගනිමු; මෙහි $a \in \mathbb{R}$ වේ.

 ${f C}={f A}{f B}^{f T}$ යැයි ද ගනිමු. a ඇසුරෙන් ${f C}$ සොයා, සියලු $a\neq 0$ සඳහා ${f C}^{-1}$ පවතින බව පෙන්වන්න. a ඇසුරෙන් ${f C}^{-1}$, එය පවතින විට, ලියා දක්වන්න.

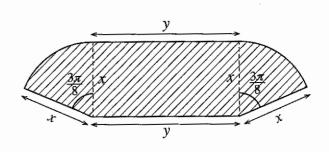
$$\mathbf{C}^{-1}egin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = rac{1}{8}egin{pmatrix} 9 \\ -11 \end{pmatrix}$$
 නම්, $a=2$ බව පෙන්වන්න.

a සඳහා මෙම අගය සහිතව, $\mathbf{DC} - \mathbf{C^TC} = 8\mathbf{I}$ වන පරිදි \mathbf{D} නාහසය සොයන්න; මෙහි \mathbf{I} යනු ගණය 2 වන ඒකක නාහසය වේ.

- (b) $z_1=1+\sqrt{3}i$ හා $z_2=1+i$ යැයි ගනිමු. $\frac{z_1}{z_2}$ යන්න x+iy ආකාරයෙන් පුකාශ කරන්න; මෙහි $x,y\in\mathbb{R}$. තවද, z_1 හා z_2 සංකීර්ණ සංඛාහ r>0 හා $0<\theta<\frac{\pi}{2}$ වන $r(\cos\theta+i\sin\theta)$ ආකාරයෙන් පුකාශ කර, ඒ නයින්, $\frac{z_1}{z_2}=\sqrt{2}\left(\cos\frac{\pi}{12}+i\sin\frac{\pi}{12}\right)$ බව පෙන්වන්න. $\cos\left(\frac{\pi}{12}\right)=\frac{1+\sqrt{3}}{2\sqrt{2}}$ බව අපෝහනය කරන්න.
- (c) $n\in \mathbb{Z}^+$ ද $k\in \mathbb{Z}$ සඳහා $heta \neq 2k\pi \pm \frac{\pi}{2}$ යැයි ද ගතිමු. ද මුවාවර් පුමේයය භාවිතයෙන්, $(1+i\tan\theta)^n=\sec^n\theta(\cos n\theta+i\sin n\theta)$ බව පෙන්වන්න. ඒ නයින්, $(1-i\tan\theta)^n$ සඳහා එවැනි පුකාශනයක් ලබා ගෙන $(1+i\tan\theta)^n+(1-i\tan\theta)^n=2\sec^n\theta\cos n\theta$ බව පෙන්වන්න. $z=i\tan\left(\frac{\pi}{10}\right)$ යන්න $(1+z)^{25}+(1-z)^{25}=0$ හි විසඳුමක් බව අපෝහනය කරන්න.
- 14.(a) $x \neq 0, 2$ සඳහා $f(x) = \frac{4x+1}{x(x-2)}$ යැයි ගනිමු. $x \neq 0, 2$ සඳහා f(x) හි වනුත්පන්නය, f'(x) යන්න $f'(x) = -\frac{2(2x-1)(x+1)}{x^2(x-2)^2}$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්, f(x) වැඩි වන පුංත්තර හා f(x) අඩු වන පුංත්තර සොයන්න. ස්පර්ශෝත්මුඛ, x-අත්තෘඛණ්ඩය හා හැරුම් ලක්ෂා දක්වමින් y=f(x) හි පුස්තාරයේ දළ සටහනක් අඳින්න. මෙම පුස්තාරය භාවිතයෙන්, $f(x)+\left|f(x)\right|>0$ අසමානතාව තෘප්ත කරන x හි සියලුම තාත්ත්වික අගයන් සොයන්න.

(b) යාබද රූපයෙහි අඳුරු කළ S පෙදෙසින් සෘජුකෝණාසුයකින් හා කේන්දයෙහි $\frac{3\pi}{8}$ ක කෝණයක් ආපාතනය කරන වෘත්තයක කේන් දික බණ්ඩ දෙකකින් සමන්විත ගෙවත්තක් දැක්වේ. එහි මාන, මීටරවලින්, රූපයෙහි දක්වා ඇත. S හි වර්ගඵලය $36\ m^2$ බව දී ඇත. S හි පරිමිතිය p m යන්න x>0 සඳහා $p=2x+\frac{72}{x}$ මගින් දෙනු ලබන බව ද, x=6 විට p අවම වන බව ද පෙන්වන්න.



15.(a) සියලු $x \in \mathbb{R}$ සඳහා $x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 3x + 1 = A(x^2 + 1)^2 + Bx(x^2 + 1) + Cx^2$ වන පරිදි A, B හා C නියතයන් හි අගයන් සොයන්න.

ඒ නයින්,
$$\frac{x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 3x + 1}{x(x^2 + 1)^2}$$
 යන්න හින්න භාගවලින් ලියා දක්වා,

$$\int \frac{x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 3x + 1}{x(x^2 + 1)^2} \, \mathrm{d}x$$
 සොයන්න.

- $I=\int\limits_{0}^{rac{1}{4}} \sin^{-1}\Bigl(\sqrt{x}\Bigr) \mathrm{d}x$ යැයි ගනිමු. $I=rac{\pi}{24}-rac{1}{2}\int\limits_{0}^{rac{1}{4}} \sqrt{rac{x}{1-x}} \,\mathrm{d}x$ බව පෙන්වා **ඒ නයින්**, I අගයන්න.
- (c) $\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}x} \Big(x \ln(x^2 + 1) + 2 \tan^{-1} x 2x \Big) = \ln(x^2 + 1)$ බව පෙන්වන්න.

ඒ නයින්,
$$\int \ln(x^2+1) \, \mathrm{d}x$$
 මසායා, $\int _0^1 \ln(x^2+1) \, \mathrm{d}x = \frac{1}{2} \left(\ln 4 + \pi - 4\right)$ බව පෙන්වන්න.

$$a$$
 නියතයක් වන $\int\limits_0^a f(x)\mathrm{d}x = \int\limits_0^a f(a-x)\mathrm{d}x$ පුතිඵලය භාවිතයෙන්

$$\int_{-1}^{1} \ln \left[(x^2 + 1)(x^2 - 2x + 2) \right] dx$$
 හි අගය සොයන්න.

16. $P \equiv (x_1, y_1)$ ද l යනු ax + by + c = 0 මගින් දෙනු ලබන සරල රේඛාව ද යැයි ගනිමු. P ලක්ෂාය හරහා යන හා l ට ලම්බ වූ රේඛාව මත ඕනෑම ලක්ෂායක ඛණ්ඩාංක $(x_1 + at, y_1 + bt)$ මගින් දෙනු ලබන බව පෙන්වන්න; මෙහි $t \in \mathbb{R}$ වේ.

$$P$$
 හි සිට l ට ලම්බ දුර $\dfrac{\left|ax_1+by_1+c\right|}{\sqrt{a^2+b^2}}$ බව **අපෝහනය** කරන්න.

l යනු x+y-2=0 සරල රේඛාව යැයි ගනිමු. $A\equiv (0,6)$ හා $B\equiv (3,-3)$ ලක්ෂා l හි දෙපස පිහිටන බව පෙන්වන්න.

 \emph{l} හා \emph{AB} රේඛාව අතර සුළු කෝණය සොයන්න.

l ස්පර්ශ කරන, පිළිවෙළින් A හා B කේන්දු සහිත S_1 හා S_2 වෘත්තවල සමීකරණ සොයන්න.

 \emph{l} හා \emph{AB} රේඛාවේ ඡේදන ලක්ෂාය \emph{C} යැයි ගනිමු. \emph{C} හි ඛණ්ඩාංක සොයන්න.

 S_1 හා S_2 ට C හරහා වූ අනෙක් පොදු ස්පර්ශකයේ සමීකරණය ද සොයන්න.

මූල ලක්ෂාය හරහා යන, S_1 හි පරිධිය සමච්ඡේද කරන හා S_2 ට පුලම්බ වෘත්තයේ සමීකරණය $3x^2+3y^2-38x-22y=0$ බව පෙන්වන්න.

 $17.~(a)~\cos A, \cos B, \sin A$ හා $\sin B$ ඇසුරෙන් $\cos (A+B)$ හා $\cos (A-B)$ ලියා දක්වන්න.

ඒ නයින්,
$$\cos C + \cos D = 2\cos\left(\frac{C+D}{2}\right)\cos\left(\frac{C-D}{2}\right)$$
 බව පෙන්වන්න.

$$\cos C - \cos D = -2 \sin \left(\frac{C+D}{2} \right) \sin \left(\frac{C-D}{2} \right)$$
 බව **අපෝහනය** කරන්න.

$$\cos 9x + \cos 7x + \cot x (\cos 9x - \cos 7x) = 0$$
 සමීකරණය විසඳන්න.

(b) සුපුරුදු අංකනයෙන්, ABC තිුකෝණයක් සඳහා **කෝසයින නිබ්ය** පුකාශ කර සාධනය කරන්න.

$$n\in\mathbb{Z}$$
 සඳහා $x\neq n\pi+rac{\pi}{2}$ යැයි ගනිමු. $\sin2x=rac{2\tan x}{1+ an^2x}$ බව පෙන්වන්න.

$$ABC$$
 තිකෝණයක $AB=20~{
m cm}$, $BC=10~{
m cm}$ හා $\sin 2B=rac{24}{25}$ බව දී ඇත.

එවැනි වෙනස් තුිකෝණ දෙකක් තිබෙන බව පෙන්වා, ඒ එක එකක් සඳහා AC හි දිග සොයන්න.

(c) $\sin^{-1}\left[\left(1+e^{-2x}\right)^{-\frac{1}{2}}\right] + \tan^{-1}(e^x) = \tan^{-1}(2)$ සමීකරණය විසඳන්න.