INTRODUCCIÓN A LA FÍSICA

Magnitudes y sistemas de unidades. Análisis dimensional. Proceso de medida y teoría de errores.

Manuel Carlevaro

OBJETIVOS

- ▶ Recordar el concepto de medición y unidad de medida.
- ▶ Repasar las diferentes magnitudes básicas, sus unidades, múltiplos y submúltiplos.
- ▶ Repasar las reglas para conversión de unidades.
- ▶ Aprender a representar la incertidumbre de una medida.

MAGNITUDES FÍSICAS

Definición: Magnitud o cantidad física.

Una **magnitud** o **cantidad física** es una propiedad de un sistema físico que puede ser **cuantificada** por medio de una medición o de una relación de medidas.

Se expresa como un valor, que es una multiplicación de un valor numérico y una unidad de medición.

Magnitudes físicas

Definición: Magnitud o cantidad física.

Una magnitud o cantidad física es una propiedad de un sistema físico que puede ser cuantificada por medio de una medición o de una relación de medidas.

Se expresa como un valor, que es una multiplicación de un valor numérico y una unidad de medición.

Ejemplo : Masa de un cuerpo.

$$M = 94.5 imes kg = 94.5 \,\mathrm{kg}$$

M = 94.5 imes valor numérico

Magnitudes básicas:

- ► Longitud (altura, distancia, profundidad, diámetro, perímetro, ...)
- ▶ Masa (inercia)
- ▶ Tiempo (duración, retraso, ...)

Magnitudes derivadas:

- ▶ Velocidad, aceleración
- ▶ Area, volumen
- ▶ Fuerza

MEDIR ES COMPARAR

Ejemplo: Mediciones.

- ▶ La **longitud** de la mesa mide igual que el diámetro de 8 platos.
- ▶ El **tiempo** para caminar de Pamplona a Madrid es igual a 3.1 veces el tiempo que la tierra tarda en dar una vuelta sobre su eje.
- ▶ La **masa** de la manzana es 0.5 veces la de un vaso de leche.

MEDIR ES COMPARAR

Ejemplo: Mediciones.

- ▶ La **longitud** de la mesa mide igual que el diámetro de 8 platos.
- ▶ El **tiempo** para caminar de Pamplona a Madrid es igual a 3.1 veces el tiempo que la tierra tarda en dar una vuelta sobre su eje.
- La masa de la manzana es 0.5 veces la de un vaso de leche.

Sistema Internacional (SI)



Algunas unidades básicas:

- lacktriangle Tiempo [t] ightarrow segundo (s): $9\,192\,631\,770$ veces el período de la microonda necesaria para excitar los átomos de cesio.
- ▶ Longitud [l] \rightarrow **metro** (m): distancia que recorre la luz en el vacío en 1/299792458 segundos].
- ▶ Masa [m] \rightarrow kilogramo (kg): se fija la constante de Plank: $h = 6.626\,070\,15 \times 10^{-34}\,\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^2/\mathrm{s}^{-1}$.

MEDIR ES COMPARAR

Ejemplo: Mediciones.

- ▶ La **longitud** de la mesa mide igual que el diámetro de 8 platos.
- ▶ El **tiempo** para caminar de Pamplona a Madrid es igual a 3.1 veces el tiempo que la tierra tarda en dar una vuelta sobre su eje.
- La masa de la manzana es 0.5 veces la de un vaso de leche.

Sistema Internacional (SI)



Ejemplo: Mediciones SI.

- ▶ La longitud de la mesa mide 1.6 m.
- \blacktriangleright El tiempo para caminar de Pamplona a Madrid es de $273\,600\,\mathrm{s}$.
- ▶ La masa de la manzana es de 0.1 kg.

Fuente: Wikimedia Commons

Prefijos

Prefijo	Símbolo	Exponente	Prefijo	Símbolo	Potencia
quecto	q	10^{-30}	deca	da	1
ronto	r	10^{-27}	hecto	h	10^{2}
yocto	У	10^{-24}	kilo	k	10^{3}
zepto	Z	10^{-21}	mega	M	10^{6}
atto	а	10^{-18}	giga	G	10^{9}
femto	f	10^{-15}	tera	Т	10^{12}
pico	р	10^{-12}	peta	Р	10^{15}
nano	n	10^{-9}	exa	Е	10^{18}
micro	μ	10^{-6}	zetta	Z	10^{21}
mili	m	10^{-3}	yotta	Υ	10^{24}
centi	С	10^{-2}	ronna	R	10^{27}
deci	d	10^{-1}	quetta	Q	10^{30}



El gramo (g) no se considera una unidad fundamental de masa, pero se usa para definir los múltiplos y submúltiplos de masa.

EJEMPLOS DE ESCALAS



Masa:

- ▶ 1 μg: partícula pequeña de polvo
- ▶ 1 mg: grano de sal
- ▶ 1 g: sujetador de papeles

Tiempo:

- ightharpoonup 1 ns: tiempo en que la luz recorre $0.3\,\mathrm{m}$
- $ightharpoonup 1 \, \mu s$: tiempo en que la ISS recorre $7.7 \, mm$
- ▶ $1\,\mathrm{ms}$: tiempo en que el sonido recorre $0.35\,\mathrm{m}$

Expresión de cantidades físicas y consistencia de unidades

- ▶ Las unidades en que se mide una magnitud son más importantes que el número específico. Si el resultado correcto es 3.5 cm y por un error obtuve 8.3 cm es mucho mejor que si obtengo 3.5 kg, 3.5 dm o 3.5.
- ▶ Una cantidad específica puede representarse con un símbolo algebraico (por ejemplo, una letra en itálica) (a, h, x, t, ϕ , etc). Esta letra representa al número y la unidad juntos. Las unidades no van en itálica.
- ▶ Las ecuaciones deben ser **consistentes** en sus unidades. Sólo pueden sumarse, restarse o compararse cantidades con unidades iguales (metros con metros, etc).
- ▶ Si debo sumar, restar o comparar cantidades que están expresadas en diferentes múltiplos o submúltiplos de una misma unidad fundamental puedo hacer **conversión** de unidades.
- ▶ Los símbolos de las unidades se operan en forma algebraica como una cantidad cualquiera.

ESTRATEGIAS

- ▶ Convertir primero todas las unidades en SI (m, kg, s, etc.).
- ▶ Hacer las operaciones.
- ▶ Convertir el resultado a las unidades deseadas.
- ▶ Para convertir unidades se puede multiplicar y dividir por la misma cantidad expresada en dos múltiplos (o submúltiplos) diferentes: $\frac{1\,\mathrm{m}}{1000\,\mathrm{mm}}$, $\frac{60\,\mathrm{s}}{1\,\mathrm{min}}$, $\frac{1\,\mathrm{kg}}{1\,000\,000\,\mu\mathrm{g}}$, ...
- ▶ Verificar la consistencia de las unidades de un resultado.

EJEMPLOS

Ejemplo: Conversión de unidades de rapidez.

La Estación Espacial Internacional (ISS) orbita la Tierra a una altura de aproximadamente $420\,\mathrm{km}$ a una velocidad de $27\,600\,\mathrm{km/h}$. Expresar esa rapidez en $\mathrm{m/s}$.

EJEMPLOS

Ejemplo : Conversión de unidades de rapidez.

La Estación Espacial Internacional (ISS) orbita la Tierra a una altura de aproximadamente $420\,\mathrm{km}$ a una velocidad de $27\,600\,\mathrm{km/h}$. Expresar esa rapidez en $\mathrm{m/s}$.

$$27\,600\,\mathrm{km/h} = \left(27\,600 \times 10^3 \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{h}}\right) \left(\frac{1\,\mathrm{h}}{3600\,\mathrm{s}}\right) = 7666.666\,\mathrm{m/s}$$

EJEMPLOS

Ejemplo : Conversión de unidades de rapidez.

La Estación Espacial Internacional (ISS) orbita la Tierra a una altura de aproximadamente $420\,\mathrm{km}$ a una velocidad de $27\,600\,\mathrm{km/h}$. Expresar esa rapidez en $\mathrm{m/s}$.

$$27\,600\,\mathrm{km/h} = \left(27\,600 \times 10^3\,\frac{\mathrm{m}}{\mathrm{h}}\right) \left(\frac{1\,\mathrm{h}}{3600\,\mathrm{s}}\right) = 7666.666\,\mathrm{m/s}$$

Ejemplo : Conversión de unidades de volumen.

El diamante tallado más grande del mundo es la Primera Estrella de África (montado en el cetro real británico y guardado en la Torre de Londres). Su volumen es de 1.84 pulgadas cúbicas. ¿Cuál será su volumen en centímetros cúbicos? (1 pulgada = 2.54 cm.)

Ejemplo : Conversión de unidades de rapidez.

La Estación Espacial Internacional (ISS) orbita la Tierra a una altura de aproximadamente $420\,\mathrm{km}$ a una velocidad de $27\,600\,\mathrm{km/h}$. Expresar esa rapidez en $\mathrm{m/s}$.

$$27\,600\,\mathrm{km/h} = \left(27\,600 \times 10^3 \frac{\mathrm{m}}{\mathrm{h}}\right) \left(\frac{1\,\mathrm{h}}{3600\,\mathrm{s}}\right) = 7666.666\,\mathrm{m/s}$$

Ejemplo : Conversión de unidades de volumen.

El diamante tallado más grande del mundo es la Primera Estrella de África (montado en el cetro real británico y guardado en la Torre de Londres). Su volumen es de 1.84 pulgadas cúbicas. ¿Cuál será su volumen en centímetros cúbicos? (1 pulgada = 2.54 cm.)

$$1.84\,\mathrm{in}^3 = (1.84\,\mathrm{in}^3) \left(\frac{2.54\,\mathrm{cm}}{1\,\mathrm{in}}\right)^3 = (1.84)(2.54)^3 \frac{\mathrm{in}^3\mathrm{cm}^3}{\mathrm{in}^3} = 30.2\,\mathrm{cm}^2$$

INCERTIDUMBRE

- Las cantidades físicas no se pueden medir con exactitud infinita. Hay incertidumbre o error.
- lacktriangle La incertidumbre se puede expresar como $(3.5\pm0.2)\,\mathrm{m}$ o en forma más compacta $3.5(2)\,\mathrm{m}$.
- ▶ También se puede usar el error porcentual como $3.5\,\mathrm{m}\,\pm\,2.9\,\%$.
- ▶ Si no hay un error indicado se entiende que la última cifra significativa representa el error: $3.5\,\mathrm{m}$ significa $3.5(1)\,\mathrm{m}$, $3.50\,\mathrm{m}$ significa $3.50(1)\,\mathrm{m}$ y $347\,\mathrm{kg}$ significa $347(1)\,\mathrm{kg}$.
- ▶ 300 m significa ¿?

INCERTIDUMBRE Y NOTACIÓN CIENTÍFICA

- ▶ Notación científica: $300 = 3 \times 10^2$ y $0.03 = 3 \times 10^{-2}$.
- ▶ 3.00×10^2 m significa (300 ± 1) m o 300(1) m.
- ▶ $3.0 \times 10^2 \,\mathrm{m}$ significa $(300 \pm 10) \,\mathrm{m}$ o $300(10) \,\mathrm{m}$.
- ▶ $3 \times 10^2 \, \mathrm{m}$ significa $(300 \pm 100) \, \mathrm{m}$ o $300(100) \, \mathrm{m}$.
- ▶ $3.0 \times 10^{-2} \, \mathrm{m}$ significa $(0.030 \pm 0.001) \, \mathrm{m}$.
- ▶ 3×10^{-2} m significa (0.03 ± 0.01) m.

Operaciones

- \blacktriangleright \times y $\div:$ la menor cantidad de cifras significativas.
- ▶ + y —: la mayor incertidumbre.

INCERTIDUMBRE EN OPERACIONES ALGEBRAICAS

Operación matemática	Cifras significativas en el resultado		
Multiplicación o división	No más que el número que tiene menos cifras significativas Ejemplo: $0.745 \times 2.2/3.885 = 0.42$ (no 0.4218790219) Ejemplo: $1.32578 \times 10^7 \times 4.11 \times 10^{-3} = 5.45 \times 10^4$		
Suma o resta	Lo determina el número con mayor incertidumbre (es decir, el menor número de dígitos a la derecha del punto decimal) $Ejemplo:\ 27.153+138.2-11.74=153.6\ (\text{no}\ 153.613)$		



No dar un resultado con más cifras significativas que los datos con que fue calculado.

