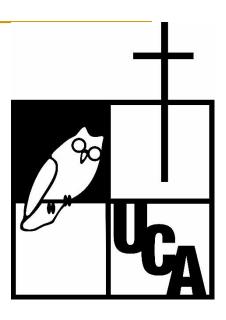
Evaluación de propiedades de las sustancias puras. Ejemplos.

Termodinámica I.

Departamento de Ciencias Energéticas y Fluídicas



Un tanque rígido de 0.75 m³ de volumen interno contiene 375 kg de agua a 50°C de temperatura. (a) Calcule la calidad del sistema de dos fases; (b) ¿Qué volumen ocupa cada una de las fases presentes?; (c) Calcule los valores promedio para la energía interna y la entalpía específicas de la mezcla líquido-vapor.

Sistema: 375 kg de agua a 50°C en equilibrio de dos fases.

Con la masa y el volumen total podemos calcular el volumen específico promedio:

$$v_{prom} = \frac{V}{m} = \frac{0.75 \, m^3}{375 \, kg} = 0.002 \frac{m^3}{kg}$$

Consultamos la tabla de vapor, y a 50ºC encontramos que

$$v_f = 0.001012 \text{ m}^3/\text{kg}$$

 $v_g = 12.026 \text{ m}^3/\text{kg}$

Encontramos que el volumen específico promedio cabe dentro de este rango de valores, por lo tanto, la calidad del sistema es

$$x = \frac{0.002 - 0.001012}{12.026 - 0.001012} = 8.2 \times 10^{-5} \quad (a)$$

La masa de vapor presente será, $m_g = x m_{total} = (8.2 \times 10^{-5})(375 \ kg) = 0.0308 \ kg$ El volumen ocupado por el vapor sería, $V_g = m_g v_g = (0.0308 \ kg)(12.026 \ m^3/kg) = \mathbf{0.3704m^3} \ (\mathbf{b.1})$ El volumen ocupado por el líquido será, $V_f = V - V_g = 0.75 - 0.3704 = \mathbf{0.3796} \ m^3 \ (\mathbf{b.2})$

La energía interna y entalpía específicas se calculan usando la calidad y los valores de las fases individuales según la tabla de vapor.

$$u_f = 209.33 \text{ kJ/kg}; h_f = 209.34 \text{ kJ/kg}$$

 $u_g = 2442.7 \text{ kJ/kg}; h_g = 2591.3 \text{ kJ/kg}$

Luego,

$$u_{prom} = u_f + x(u_g - u_f)$$

 $u_{prom} = 209.33 + (8.2 \times 10^{-5})(2442.7 - 209.33)$
 $u_{prom} = 209.51 \, kJ/kg$

$$h_{prom} = h_f + x(h_g - h_f)$$

 $h_{prom} = 209.34 + (8.2 \times 10^{-5})(2591.3 - 209.34)$
 $h_{prom} = 209.54 \, kJ/kg$

Un tanque rígido aislado de 2.5 m³ se ha llenado a ¾ de su volumen con amoníaco líquido a 24ºC, y el resto del volumen contiene solo vapor de amoníaco. ¿Cuál es la calidad del sistema líquido-vapor? ¿Cuánta es la masa de amoníaco almacenada dentro del tanque?

Sistema: amoníaco contenido dentro de un tanque de 2.5 m³ de volumen.

De la tabla A-13 de amoníaco obtenemos los volúmenes específicos del líquido y vapor saturados a 24ºC:

$$v_f = 0.0016547 \, m^3/kg, v_g = 0.132 \, m^3/kg$$

el volumen de cada fase presente es

$$V_f = 0.75 * 2.5 = 1.875 m^3$$

 $V_g = V_t - V_f = 2.5 - 1.875 = 0.625 m^3$

la masa de cada fase sería

$$m_f = \frac{V_f}{v_f} = \frac{1.875 \, m^3}{0.0016547 \, m^3/kg} = 1133.1 \, kg$$

$$m_g = \frac{V_g}{v_g} = \frac{0.625 \, m^3}{0.1312 \, m^3/kg} = 4.73 \, kg$$

La masa total almacenada dentro del tanque sería $m_t=m_f+m_g=$ **1137.83** kg. La calidad de la mezcla líquido-vapor es

$$x = \frac{m_g}{m_t} = \frac{4.76}{1137.86} = \mathbf{0.00418}$$

Un tanque cerrado y rígido, cuyo volumen es de 1.5 m³, contiene R134a inicialmente como una mezcla de dos fases líquido-vapor a 10°C. El sistema se calienta hasta un estado final donde la temperatura es de 50°C y la calidad es del 100%. Determine la masa de vapor presente en los estados inicial y final, cada una en kg.

Sistema: R-134a dentro de un tanque rígido.

No conocemos la masa de sustancia dentro del tanque.

Sí sabemos que a 10°C hay dos fases, pero no conocemos la calidad.

Sí sabemos que a 50ºC la calidad es del 100%, por lo que debe ser vapor saturado.

El volumen específico del vapor saturado a 50° C según la tabla A-11 es $v_g=0.015102~m^3/kg$ La masa presente dentro del tanque no ha cambiado entre los dos estados, por tanto,

$$m_{g2} = \frac{V}{v_{a@50^{\circ}C}} = \frac{1.5 \, m^3}{0.015102 \, m^3/kg} = 99.32 \, kg = m_1$$

A 10°C, el volumen específico es el mismo y nos servirá para calcular la calidad inicial:

$$x_1 = \frac{v - v_{f1}}{v_{g1} - v_{f1}}$$
$$x_1 = \frac{0.015102 - 0.000793}{0.049403 - 0.000793} = 0.294$$

La masa de vapor inicial es $m_{g1} = x_1 m_1 = (0.294)(99.32 \ kg) = 29.2 \ kg$

Un recipiente rígido contiene vapor de agua a 1400 kPa y una temperatura desconocida. Cuando el vapor se enfría hasta 180°C, éste comienza a condensarse. Estime (a) la temperatura inicial en °C, y (b) la variación en energía interna, en kJ/kg.

Sistema: agua a 1400 kPa dentro de un tanque rígido.

No conocemos la masa de sustancia dentro del tanque, pero sabemos que debe mantenerse constante.

Sabemos que en el estado inicial sólo hay una fase: vapor sobrecalentado.

Sabemos que a 180ºC la calidad se hace del 100%, que comience a condensarse indica que se alcanza un estado de vapor saturado.

El volumen específico del vapor saturado a 180°C según la tabla A-4 es $v_g = 0.19384 \ m^3/kg$ Este volumen específico es el mismo que el del estado inicial.

Buscamos en la tabla A-6 a 1.4 MPa un volumen similar y encontramos que este se halla entre los 300°C y 350°C .

Determinamos la temperatura inicial por interpolación a 1.4 MPa:

$$T_1 = 300 + \frac{(0.19384 - 0.18233)}{(0.20029 - 0.18233)}(350 - 300)$$
$$T_1 = 332.0^{\circ}C$$

La energía interna de ese estado inicial también se puede estimar por interpolación.

Interpolando:

$$u_1 = 2785.7 + \frac{(0.19384 - 0.18233)}{(0.20029 - 0.18233)}(2869.7 - 2785.7)$$
$$u_1 = 2839.5 \, kJ/kg$$

La energía interna específica del vapor saturado a $180^{\circ}C$ es $u_2 = 2582.8 \text{ kJ/kg}$.

Luego, el cambio en la energía interna es

$$\Delta u = u_2 - u_1 = 2582.8 - 2839.5$$

 $\Delta u = -256.7 \, kJ/kg$