

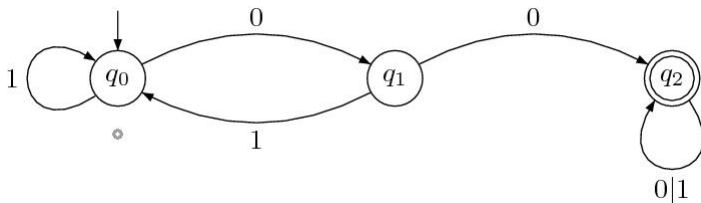
## Módulo 2 - Autômatos Finitos

Ricardo Vargas Dorneles

2 de março de 2023

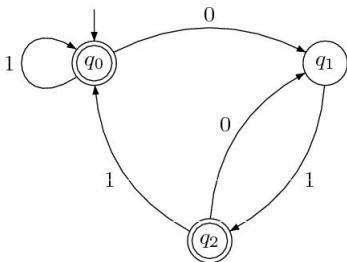
# Autômatos Finitos

- Descrição de linguagens :
  - por geração
  - por reconhecimento
- Um **Autômato Finito** (A.F.) é um reconhecedor de sentenças regulares. Dada uma sentença ele responde sim ou não se a sentença pertence à linguagem. Um autômato finito é formado por:
  - Uma fita com uma sentença a ser reconhecida
  - Um cabeçote de leitura que aponta para o símbolo corrente
  - Uma memória que armazena o estado atual
- O símbolo corrente e o estado atual determinam qual o próximo estado (transição). Se ao final o autômato está em um estado aceitável, a sentença foi reconhecida.



- O autômato acima reconhecerá as sentenças que tiverem dois zeros seguidos em alguma posição, ou seja, reconhece as sentenças geradas pela expressão regular  $(0|1)^*00(0|1)^*$ .
- O autômato mostrado não reconhece a sentença 0110 porque ao terminar a sentença o autômato está no estado  $q_1$  que não é um estado final.

1. Considere o seguinte automato finito:



■ Apresente a sequência de transições e indique se o autômato reconhece ou não cada uma das sentenças:

- a) 111010111
- b) 10101
- c) 01010
- d) 1100

## Definição Formal de um autômato finito

- É definido por:
  - $(V, S, q_0, F, d)$  onde
  - $V =$  Vocabulário
  - $S =$  Conjunto de estados
  - $q_0 =$  Estado inicial
  - $F =$  Conjunto de estados finais
  - $d =$  Função de transição no formato :  $d(q,a) = p$

[Voltar para o índice](#)

Ex: O autômato anterior é definido pela quintupla  $(V, S, q_0, F, d)$

$$V = \{0, 1\}$$

$$S = \{q_0, q_1, q_2\}$$

$$F = \{q_0, q_2\}$$

$$d(q_0, 0) = q_1$$

$$d(q_0, 1) = q_0$$

$$d(q_1, 1) = q_2$$

$$d(q_2, 0) = q_1$$

$$d(q_2, 1) = q_0$$

[Voltar para o índice](#)

- Matriz de transição : É uma forma reduzida de representar a função de transição

	Símbolos	
	0	1
$q_0$	$q_1$	$q_0$
$q_1$	$q_2$	$q_0$
$q_2$	$q_2$	$q_2$

[Voltar para o índice](#)

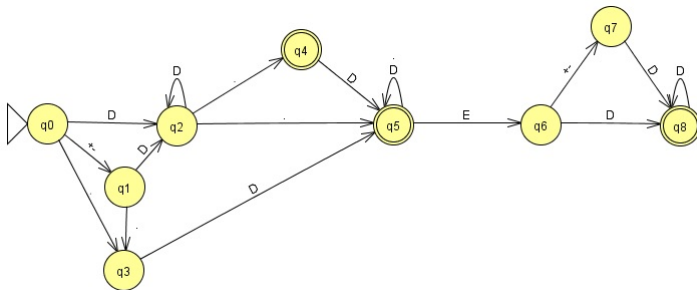
- Faça um AF sobre o vocabulário  $V=\{0,1\}$  que reconheça sentenças com um número par de símbolos e que contenha pelo menos dois símbolos.
- $(V, S, q_0, F, d)$
- $V=\{0,1\}$
- $S=$
- $F=$

[Voltar para o índice](#)



- Faça um AF sobre o vocabulário  $V=\{0,1\}$  que reconheça sentenças com um número par de zeros e um número par de uns.
- Faça AF's para reconhecer:
  - a) Números inteiros sem sinal
  - b) Números inteiros com sinal
  - c) Identificadores em pascal (iniciam por letra e só pode conter letras, dígitos e underlines)
  - d) Números reais

[Voltar para o índice](#)



[Voltar para o índice](#)

- Faça um AF que reconheça sentenças sobre o alfabeto  $\{0,1\}$  que não possuam prefixos onde a diferença entre os números de 0's e 1's é superior a 1.

[Voltar para o índice](#)

- Construa autômatos finitos que aceitem as seguintes linguagens sobre o alfabeto  $\{0,1\}$ 
  - a) O conjunto de todos strings que terminam em 00.
  - b) O conjunto de todos os strings com 3 0's consecutivos.
  - c) O conjunto de todos strings tal que a cada 3 caracteres consecutivos pelo menos dois são 0.
  - d) O conjunto de todos os strings tal que o penúltimo símbolo é 0.

[Voltar para o índice](#)

- Desenvolva autômatos finitos determinísticos que reconheçam as seguintes linguagens sobre  $\Sigma = \{a, b\}$ 
  - a)  $\{w \mid w \text{ possui } aaa \text{ como subpalavra}\}$
  - b)  $\{w \mid \text{o sufixo de } w \text{ é } aa\}$
  - c)  $\{w \mid w \text{ possui número ímpar de } a \text{ e } b\}$
  - d)  $\{w \mid w \text{ possui número par de } a\text{'s e ímpar de } b\text{'s ou } w \text{ possui número par de } b\text{'s e ímpar de } a\text{'s}\}$ .
  - e)  $\{w \mid \text{o quinto símbolo da direita para a esquerda de } w \text{ é } a\}$

[Voltar para o índice](#)

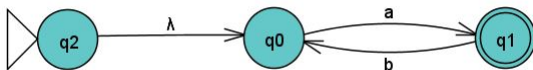
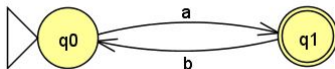
# Conversão de AF para ER

- A conversão de um autômato finito para uma expressão regular é útil porque a ER é um formalismo mais sucinto e usado em geradores de analisadores léxicos e outros programas.
- Dois algoritmos usados para fazer essa conversão são:
  - Método de eliminação de estados
  - Método de Arden
- Começaremos pelo método de eliminação de estados

# Método de eliminação de estados

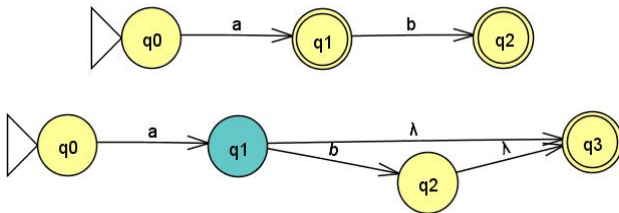
- Se baseia em ir simplificando o autômato até chegar em um autômato com um estado inicial e um final, ligados por uma transição equivalente à expressão regular.
- As simplificações no autômato são mostradas a seguir:

- O estado inicial não pode ter nenhuma transição chegando a ele. Se houver, é criado um novo estado inicial e acrescentada uma transição vazia do novo estado inicial ao estado inicial original. O mesmo deve ser feito se o estado inicial for um estado final.

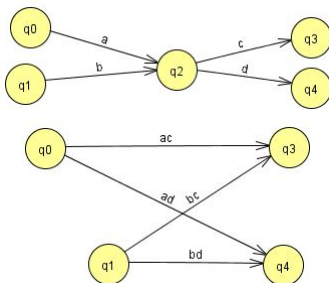




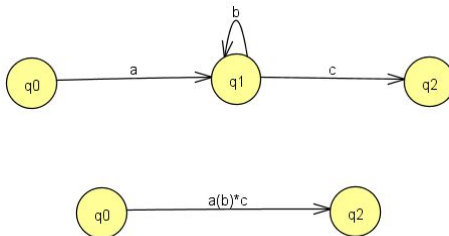
- O estado final deve ser único e não pode haver transições saindo dele. Se houver mais de um, é criado um novo estado final e puxadas transições  $\epsilon$  (transições associadas a uma expressão regular  $\epsilon$ ) de cada estado final para o novo estado final. O mesmo ocorre se houver transições saindo do estado final.



- Elimina-se cada um dos estados do autômato, exceto o inicial e o final.
- Suponha que o estado X a ser eliminado tenha N transições chegando nele e M transições saindo. Combina-se cada transição chegando com cada transição saindo, gerando  $N \times M$  transições.

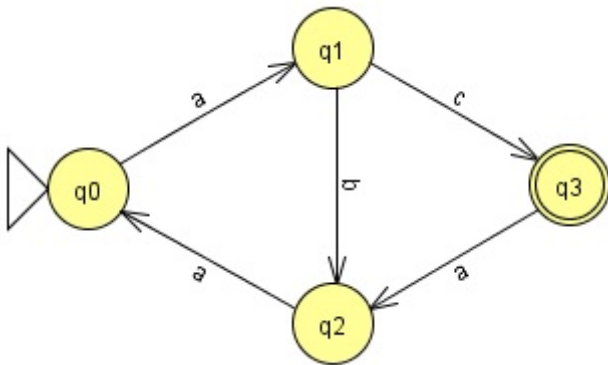


- Se o estado X tem uma transição para ele próprio, coloca-se o fecho dessa transição dentro de cada transição resultante das  $N \times M$  combinações.

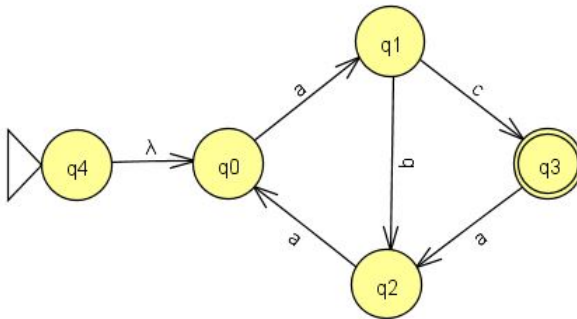


- Transições paralelas são substituídas pela transição com a união das transições paralela.

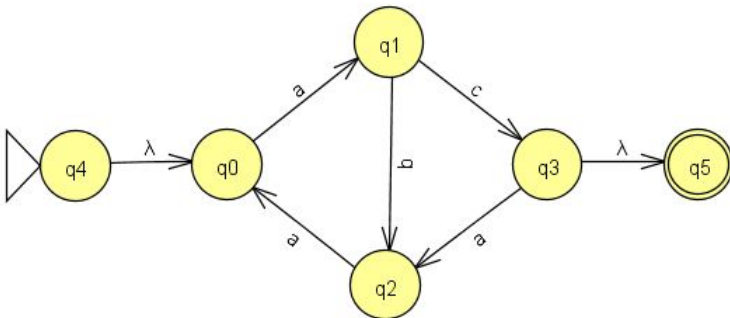
- Construa, para o autômato abaixo, a expressão regular equivalente:



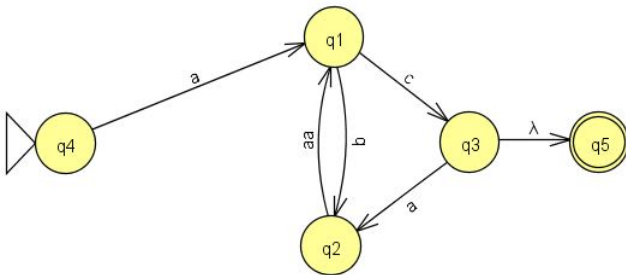
- Primeiro passo: Como o estado inicial tem uma transição chegando, gera-se um outro estado inicial:



- Segundo passo: Como o estado final tem transições saindo, gera-se um outro estado final:

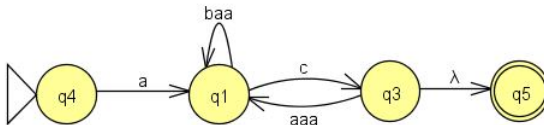


- Passo 3: Elimina-se  $q_0$  (podia ser qualquer estado). A sequência de transições  $\lambda$ - $a$  entre  $q_4$  e  $q_1$  torna-se a transição  $a$  entre  $q_4$  e  $q_1$ , a sequência de transições  $a$ - $a$  entre  $q_2$  e  $q_1$  torna-se a transição  $aa$  entre  $q_2$  e  $q_1$ , e o estado  $q_0$  é removido.

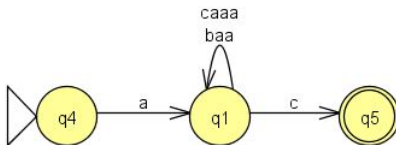




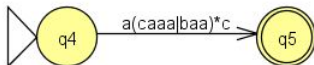
- Passo 4: Elimina-se q2 (podia ser qualquer estado. Escolhi o q2 porque tem menos transições). A sequência de transições b-aa a partir de q1 torna-se a transição **baa** de q1 para q1. A sequência de transições **a-aa** entre q3 e q1 torna-se a transição **aaa** entre q3 e q1, e o estado q2 é removido.



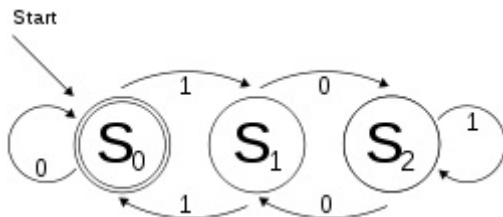
- Passo 5: Elimina-se q3 (podia ser o q1. Escolhi o q3 porque não tem transição para ele mesmo). A sequência de transições  $c \rightarrow \lambda$  a partir de q1 torna-se a transição  $c$  de q1 para q5. A sequência de transições  $c \rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a$  de q1 para q1 torna-se a transição  $caaaa$  de q1 para q1, e o estado q3 é removido.



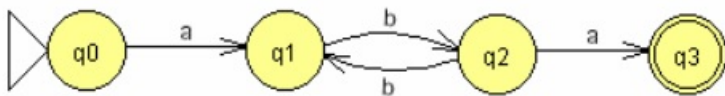
- Passo 6: Elimina-se q1. A sequência de transições a-c torna-se a transição **a(caaa|baa)\*c** de q4 para q5 e essa transição é a expressão regular equivalente.



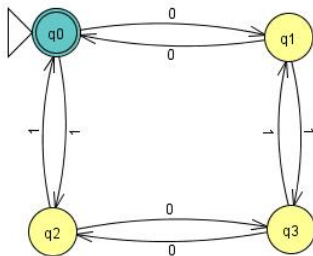
O autômato abaixo reconhece números binários múltiplos de 3.  
Encontre a expressão regular equivalente:



Encontre a expressão regular equivalente ao autômato a seguir:

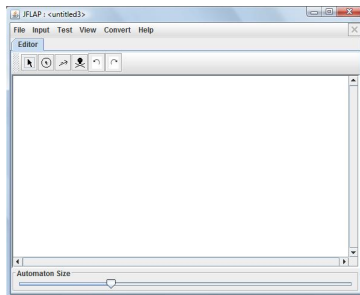


- Encontre uma expressão regular equivalente ao autômato a seguir:



- O JFLAP é um pacote de ferramentas gráficas que podem ser utilizadas como auxílio no aprendizado dos conceitos básicos de Linguagens Formais e Teoria de Autômatos.
- Suas principais funcionalidades são:
  - Criação de autômatos finitos, expressões regulares e gramáticas.
  - Conversão entre os formalismos citados acima.
  - Verificação se sentenças dadas pertencem à linguagem definida.
- Disponível em:
  - <http://www.jflap.com-about.com/download.html>
  - <http://www.jflap.org>
  - Acervo da turma no UCS Virtual

# Criação de Autômatos



[Voltar para o índice](#)



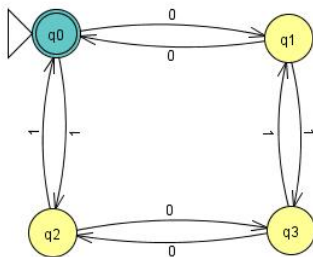
# Menu do editor de autômatos



- 1 Definição de atributo de estado
- 2 Criação de estado
- 3 Inclusão de transição
- 4 Remoção de elemento
- 5 Desfazer
- 6 Refazer

[Voltar para o índice](#)

Crie o autômato a seguir no editor do JFLAP:



[Voltar para o índice](#)