

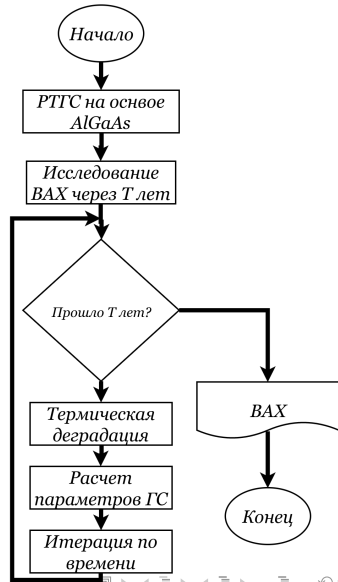
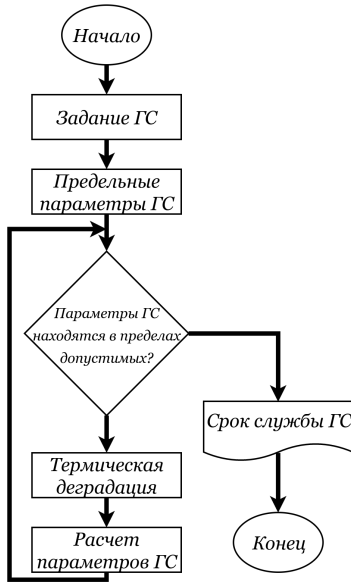
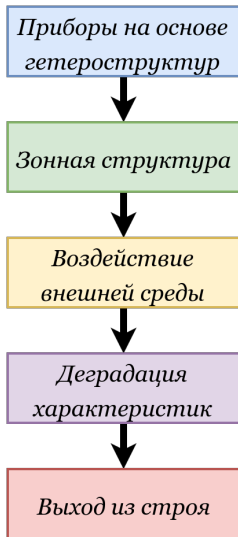
Моделирование термической деградации AlGaAs гетероструктур

Выполнил: студент гр. РЛ6–82 Прохоров М.Д.
Руководитель: к.т.н. доц. Данилов И.И

МГТУ им. Н.Э.Баумана

Москва, 2017

Постановка проблемы



Цели и задачи

Цель работы:

- ▶ Разработка модели термической деградации слоистых гетероструктур на основе GaAs для интеграции в методику обеспечения заданного уровня надёжности устройства на их основе.

Задачи работы:

- ▶ Исследование математического аппарата для моделирования диффузионного размытия гетероструктур под действием градиента концентрации при фиксированной температуре системы;
- ▶ Исследование математического аппарата для моделирования токопереноса через гетероструктуру;
- ▶ Разработка алгоритма термической деградации гетероструктуры на основе GaAs.

Численное моделирование физических процессов

Метод конечных разностей:

Аппроксимация первой производной:

$$\frac{d}{dx}S(x_0) = \frac{S(x_0 + \Delta x) - S(x_0)}{\Delta x};$$

Аппроксимация второй производной:

$$\frac{d^2}{dx^2}S(x_0) = \frac{S(x_0 + \Delta x) - 2S(x_0) + S(x_0 - \Delta x))}{\Delta x^2};$$

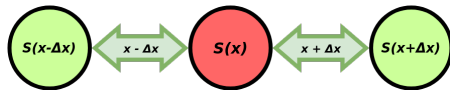
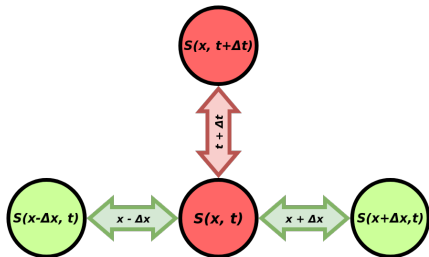
Конечно-разностная схема

Уравнения диффузии:

$$\frac{\delta}{\delta t}C = \frac{\delta}{\delta x}D \frac{\delta}{\delta x}C;$$

Уравнение Шредингера:

$$-\frac{\hbar^2}{2} \frac{d}{dx} \frac{1}{m(x)} \frac{d}{dx} \psi(x) + U(x)\psi(x) = E\psi(x);$$

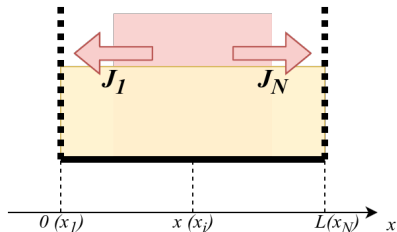


Численное моделирование диффузии

Коэффициент диффузии постоянен:

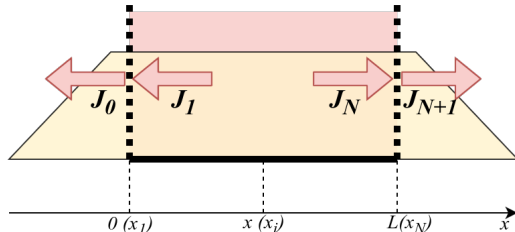
$$\begin{cases} D = \text{Const}; \\ \frac{\partial}{\partial t} C = D \frac{\partial^2}{\partial x^2} C; \end{cases} \Rightarrow \frac{C_j^{i+1} - C_j^i}{\Delta t} = \frac{C_{j+1}^i - 2C_j^i + C_{j-1}^i}{\Delta x^2}, \text{ где } C_j^i = C(x_j, t_i).$$

«Закрытая» система:



$$\begin{cases} C_1^{i+1} = (1 - \lambda)C_1^i + \lambda C_2^i; \\ C_j^{i+1} = \lambda C_{j-1}^i + (1 - 2\lambda)C_j^i + \lambda C_{j+1}^i; \\ C_N^{i+1} = (1 - \lambda)C_N^i + \lambda C_{N-1}^i; \\ \lambda = D \frac{\Delta t}{\Delta x^2}. \end{cases}$$

«Открытая» система:



$$\begin{cases} C_1^{i+1} = C_1^i; \\ C_j^{i+1} = \lambda C_{j-1}^i + (1 - 2\lambda)C_j^i + \lambda C_{j+1}^i; \\ C_N^{i+1} = C_N^i; \\ \lambda = D \frac{\Delta t}{\Delta x^2}. \end{cases}$$

Численное моделирование диффузии

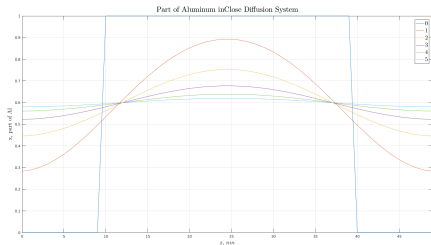
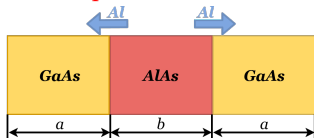
Диффузионное размытие $i\text{-GaAs}/i\text{-Al}_x\text{Ga}_{1-x}\text{As}/i\text{-GaAs}$:

$$D_{\text{Al}} = D_0 \exp \left[- \frac{E_a}{k_B T} \right] = D_0 \exp \left[- \frac{3.5}{k_B T} \right]$$

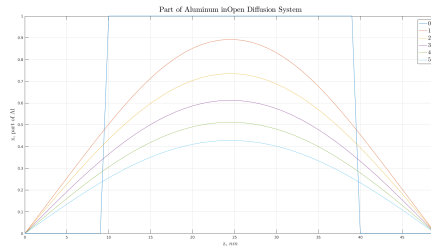
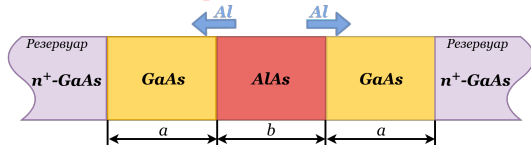
► $a = 10$ нм;

► $b = 30$ нм;

«Закрытая» система:



«Открытая» система:

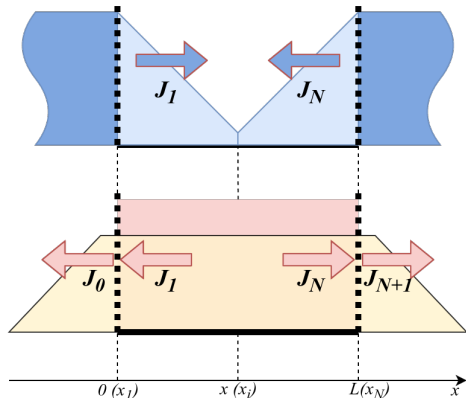


Численное моделирование диффузии

Коэффициент диффузии зависит от концентрации:

$$\left\{ \begin{array}{l} D \neq \text{Const}; \\ \frac{\delta}{\delta t} C = \frac{\delta}{\delta x} D \frac{\delta}{\delta x} C; \end{array} \right. \Rightarrow \frac{C_j^{i+1} - C_j^i}{\Delta t} = \frac{D_{j+1/2}^i \frac{C_{j+1}^i - C_j^i}{\Delta x} - D_{j-1/2}^i \frac{C_j^i - C_{j-1}^i}{\Delta x}}{\Delta x}, \text{ где } \left\{ \begin{array}{l} D_{j\pm 1/2}^i = \frac{D_j^i + D_{j\pm 1}^i}{2} = D_{j\pm}^i; \\ C_j^i = C(x_j, t_i). \end{array} \right.$$

«Открытая» система с проникновением примеси из границ исследуемой области:



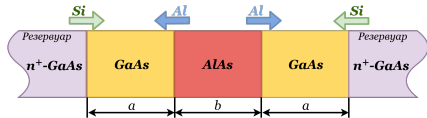
$$\left\{ \begin{array}{l} C_1^{i+1} = C_1^i; \\ C_j^{i+1} = \lambda_-^i C_{j-1}^i + (1 - \lambda_+^i - \lambda_-^i) C_j^i + \lambda_+^i C_{j+1}^i; \\ C_N^{i+1} = C_N^i; \\ \lambda_+^i = D_{j+\frac{1}{2}}^i \frac{\Delta t}{\Delta x^2}; \\ \lambda_-^i = D_{j-\frac{1}{2}}^i \frac{\Delta t}{\Delta x^2}. \end{array} \right.$$

Численное моделирование диффузии

Диффузионное размытие n^+ -GaAs/i-GaAs/i-Al_xGa_{1-x}As/i-GaAs/ n^+ -GaAs:

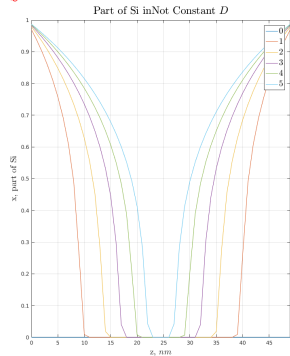
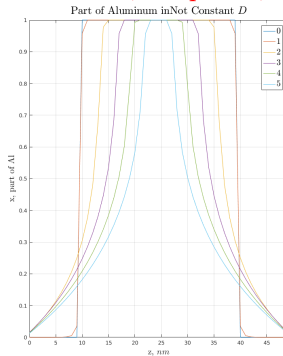
$$D_{Al,Si} = D_0 \exp \left[- \frac{E_a}{k_B T} \right] \left(\frac{N_D}{n_i} \right)^3 = D_0 \exp \left[- \frac{3.5}{k_B T} \right] \left(\frac{N_D}{n_i} \right)^3$$

«Открытая» система с проникновением частиц из границ исследуемой области:



► $a = 10$ нм;

► $b = 30$ нм;



Численное моделирование токопереноса

Формула Цу-Есаки:

$$J(V) = \frac{2mek_B T}{(2\pi)^2 \hbar^3} \int_0^\infty T(E) D(E) dE;$$

Функция снабжения:

$$D(E) = \ln \frac{1 + \exp \frac{E_F - E}{k_B T}}{1 + \exp \frac{E_F - E - eV}{k_B T}};$$

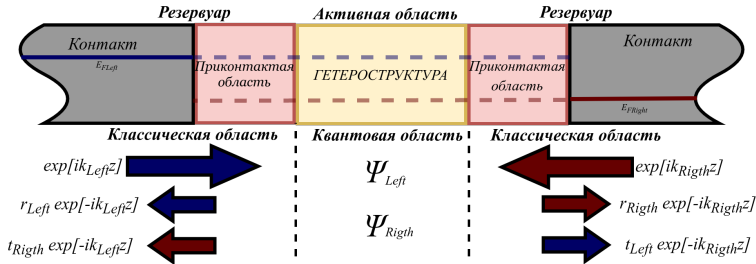
Прозрачность ГС:

$$T(E) = |T_L|^2 \frac{|k_R| m_L}{|k_L| m_R};$$

$$\psi_L = \exp[ik_L z];$$

$$\psi_R = T_L \psi_L = T_L \exp[ik_L z];$$

Численное решение уравнение Шредингера:



$$\psi_{i-1} \frac{m_{i+1}^*}{m_{i-1}^*} + \psi_i \left(\frac{2\Delta^2 m_{i+1}^*}{\hbar^2} (E - U_i) - \frac{m_{i+1}^*}{m_{i-1}^*} - 1 \right) + \psi_{i+1} = 0,$$

$$\begin{cases} (ik_L - 1)\psi_1 + \psi_2 = 2ik_L \Delta; \\ \psi_{N-1} + (ik_R \Delta - 1)\psi_N = 0; \end{cases}$$

$$\begin{cases} (ik_L - 1)\psi_1 + \psi_2 = 0\Delta; \\ \psi_{N-1} + (ik_R \Delta - 1)\psi_N = 2ik_R \Delta; \end{cases}$$