

这道题涉及到了一个使用较为普遍的非对称加密算法——RSA。

所以做题之前，有必要简短快速地回顾一下 RSA 非对称加密的过程。（PS：如果事先了解过，建议跳过这个部分）

一个上千位的大整数要分解为几个质数相乘，这在现有数学基础上是十分困难的，而 RSA 就是利用了这一点。

举个例子， $24=2*2*2*3$ ，这很简单。

那么，如果要分解的数字是 2808610417 呢？

答案是： $2808610417=61381*45757$ 。这已经很复杂了，但我们常用来加密的质数一般是 1024bit 或 2048bit，那就更加困难了。

说了这么多，RSA 到底是如何加密的？

1. 选择两个大素数：

- 。选择两个不同的大素数 p 和 q 。这两个素数需要保密，因为它们是生成密钥的基础。

2. 计算 n 和 $\phi(n)$ ：

- 。计算 $n=p \times q$ 。
- 。计算欧拉函数 $\phi(n)=(p-1) \times (q-1)$ 。

3. 选择公钥指数 e ：

- 。选择一个整数 e ，满足 $1 < e < \phi(n)$ 且 $\gcd(e, \phi(n))=1$ 。
通常选择 $e=65537$ ，因为它是一个常用的素数，且计算

效率高。

4. 计算私钥指数 d :

- 。 计算 d , 使得 $d \times e \equiv 1 \pmod{\phi(n)}$ 。这可以通过扩展欧几里得算法来完成。这里便是计算乘法逆元。

5. 生成密钥对:

- 。 公钥: (e, n)
- 。 私钥: (d, n)

6. 加密:

- 。 对明文 m 进行加密, 计算密文 c :

$$c = m^e \pmod n$$

7. 解密:

- 。 对密文 c 进行解密, 恢复明文 m :

$$m = c^d \pmod n$$

所以大部分 RSA 加密的问题在于找到私钥 d 。

而这道 babyrsa 中的 n 就是一个质数, 那么根据欧拉函数的性质,

$\phi(n)=n-1$ ，然后就可以计算出 d ，进而解密。