高等数学(上)教学大纲

本课程由函数、极限与连续、导数与微分、微分中值定理与导数的应用、不定积分与定积分、级数等部分构成。通过本课程教学,使学生理解和掌握极限的概念,在此基础上掌握各种求导方法,掌握利用导数研究函数性态,会利用导数刻画常见的变化率;掌握各种黎曼积分方法,并用于解决简单的数学、物理问题;能对级数进行收敛性判断与求和。

- (1) 理解并掌握极限的概念和基本性质,能判断极限的存在性并计算简单的极限计算;能判断函数连续性,利用连续性判断函数性质。
- (2)理解并掌握导数、微分的概念和基本性质,熟练掌握显函数、隐函数和参数方程的求导,掌握高阶导数,会利用导数解决简单的数学、物理等问题。
- (3)理解各中值定理的含义,掌握利用导数和泰勒公式计算较复杂的极限,掌握利用导数分析函数性态。
- (4) 理解黎曼积分的概念和基本性质,掌握各种不定积分计算方法,掌握定积分计算方法;能够应用积分处理简单的数学、物理等问题;会计算简单的广义积分。
- (5)对正项级数、交错级数等相对简单的数项级数的收敛性进行判断,能将函数展开为幂级数,会利用逐项求导和逐项积分对幂级数求和。理解傅里叶级数的概念。

课程教学内容

1 函数

了解常用数集及其表示,知道有理数的稠密性和实数的连续性,知道确界的概念。 理解函数的定义和函数的要素;了解函数的单调性、奇偶性、周期性和有界性;理解反函数和复合函数的概念;掌握基本初等函数的图形,理解初等函数的概念;掌握常见曲线的参数方程和极坐标方程,掌握对函数图形进行平移、扩展等几何变换;能建立简单的实际问题的函数关系。

重点:函数图形与基本性质 难点:实数的连续性,确界的概念 自学及要求:复习中学数学中相关内容

2 极限与连续

理解极限和单侧极限的 " $\varepsilon-\delta$ "、" $\varepsilon-N$ " 定义,掌握用 " $\varepsilon-\delta$ "、" $\varepsilon-N$ " 定义证明极限,熟练掌握极限的性质和四则运算法则,掌握复合函数的极限,理解极限的两个存在准则,了解两个重要极限,理解无穷大和无穷小的概念,掌握无穷小的比较,熟练掌握无穷小阶的估计。

理解函数连续的概念,掌握间断点类型的判断;熟练掌握连续函数的局部性质和四则运

算法则;了解复合函数的连续性;了解初等函数的连续性;掌握闭区间上连续函数的性质。

重点:极限与连续的概念,无穷小阶的估计,闭区间上连续函数的性质。

难点: 利用定义证明极限, 无穷小阶的估计。

3 导数与微分

理解导数和微分的概念,了解导数的几何意义,了解可导性与连续性的关系;熟练掌握导数与微分的四则运算法则和链导法则,熟练掌握基本导数表;熟练掌握初等函数、分段函数、隐函数和参数方程的求导法;了解微分的形式不变性;掌握初等函数、隐函数和参数方程的高阶导数;一些学科中的变化率问题导数在实际问题中的应用(选讲);知道相关变化率。

重点:可导性与连续性的关系,链导法则,隐函数求导法,高阶导数。

难点:链导法则,高阶导数。

自学及要求: 微分用于误差估计。

4 微分中值定理 导数的应用

理解并熟练掌握费马定理、罗尔定理和拉格朗日定理,了解柯西定理;掌握泰勒公式, 熟练掌握一些简单函数的麦克劳林公式;熟练掌握罗必塔法则。

理解函数极值的概念;了解拐点的定义;了解平面曲线渐近线的概念;了解平面曲线的曲率;熟练掌握函数极值和最值的计算法;熟练掌握函数的单调性和函数图形凹凸性的判别法;掌握函数图形的描绘方法;能解决最值的应用题;掌握不等式的证明;知道方程求解的二分法与牛顿迭代法。

重点:中值定理,泰勒公式,导数用于研究函数性态。

难点:中值定理、泰勒公式用于计算极限与判断函数性态。

自学及要求: 方程求近似解的二分法与牛顿迭代法。

5 积分

理解定积分的概念,了解定积分的运算性质,了解积分中值定理;知道函数可积的条件; 理解原函数和变上限函数的概念,了解变上限函数性质,熟练掌握变上限函数的导数;熟练掌握牛顿—莱布尼兹公式。

理解不定积分的概念;熟练掌握不定积分的基本公式,熟练掌握不定积分的换元法和分部积分法,掌握有理函数、简单的三角函数有理式和简单无理式的积分。

熟练掌握定积分的换元法和分部积分法, 熟练掌握被积函数的简单性质与定积分值的关系, 掌握定积分的微元法, 能用定积分计算相关的几何量与物理量。

了解反常积分的概念,掌握简单的反常积分的计算法。

重点:定积分的概念和基本性质,变上限函数、变上限函数求导与牛顿一莱布尼兹公式,不定积分的换元法和分部积分法,定积分的换元法和分部积分法,被积函数的性质与

定积分值的关系; 微元法与积分应用。

难点: 积分的换元法和分部积分法,积分等式与不等式。

自学及要求: 定积分的近似计算。

6 级数

理解无穷级数收敛、发散以及和的概念;了解级数的基本性质和收敛必要条件;掌握几 何级数和 p – 级数的收敛性,熟练掌握正项级数收敛的比较判别法及其推论、比值判别法 和根值判别法;掌握交错级数的莱布尼兹判别法;了解级数绝对收敛和条件收敛的概念, 掌握绝对收敛和条件收敛之间的关系。

理解函数项级数的收敛、收敛域以及和函数的概念;掌握幂级数收敛半径和收敛域的求 法;了解幂级数的分析性质;熟练掌握利用幂级数的分析性质求幂级数的和函数以及数项 级数的和的方法;了解泰勒级数;了解函数展开为幂级数的唯一性;熟练掌握一些常用函 数的麦克劳林展开式; 熟练掌握利用常用函数的麦克劳林展开式将函数展开为幂级数的方 法; 会用幂级数进行简单的近似计算。了解傅里叶级数,掌握周期函数的傅里叶级数展 开。

重点,正项级数的收敛性判断,交错级数的莱布尼兹判别法,函数展开为幂级数,利 用幂级数的分析性质求幂级数的和函数以及数项级数的和。

难点:数项级数收敛性判断,幂级数展开与求和。

高等数学(下)教学大纲

本课程由空间解析几何、多元函数微分学、重积分、曲线积分和曲面积分、常微分方 程等部分构成。通过本课程教学,使学生掌握多元函数各种求偏导方法,会利用偏导数计 算多元函数函数的极值和条件极值;能对多重积分的计算;能进行曲线积分和曲面积分的 计算;会解简单的常微分方程。课程不但为今后学习其它数学课程、专业基础课以及相关 的专业课程提供必要的数学概念、理论、方法和运算技能,同时也是培养和提高学生分析 问题和解决问题能力,拓展数学修养的重要途径。

- (1) 理解向量运算的含义,会进行向量运算,会利用向量判断点、直线、平面等几何体的 相互关系。
- (2) 了解多元函数极限与连续的概念和基本性质,理解并掌握偏导数、全微分的概念和基 本性质; 熟练掌握显函数、隐函数的求偏导, 掌握高阶偏导数; 会利用偏导数解决简单的 数学、物理等问题。
 - (3) 了解重积分的概念和基本性质,选择合适方法计算二重积分与三重积分;能够应用重

积分处理简单的数学、物理等问题。

- (4)了解曲线积分与曲面积分的概念和基本性质,选择合适方法计算曲线积分与曲面积分; 能够应用重积分处理简单的数学、物理等问题。
- (5)对正项级数、交错级数等相对简单的数项级数的收敛性作出判断,能将函数展开为幂级数,会利用逐项求导和逐项积分对幂级数求和。
- (6) 会求解一些常见的常微分方程。

课程教学内容

1 向量代数与空间解析几何

理解向量的定义;了解向量的加法、数乘、数量积和向量积的定义、运算性质和几何意义。

熟练掌握平面和直线的各型方程,熟练掌握点、直线、平面之间位置关系的判断法;掌握旋转面、柱面和锥面方程;了解投影柱面和投影曲线。

重点:向量运算及其含义,点、直线、平面之间位置关系的判断,二次曲面的方程与图形。 自学及要求:曲线与曲面的参数化。

2 多元函数微分

了解n维欧氏空间中邻域、开集、闭集、开区域和闭区域的概念;理解n元函数的定义,理解二元函数的几何意义,了解多元初等函数的概念;理解二元函数(二重)极限的定义;掌握求二元函数极限的方法;了解多元连续函数的定义;了解有界闭区域上二元连续函数的性质。

理解偏导数、方向导数和全微分的概念,理解梯度的概念,理解偏导数、方向导数、全 微分和梯度的几何意义,了解它们之间的关系;熟练掌握偏导数、方向导数和全微分的计算法;熟练掌握复合函数(包括隐函数)一、二阶偏导数的求法;了解全微分存在的充分条件和必要条件。

了解曲线的切线和法平面及曲面的切平面和法线的概念;掌握曲线的切线和法平面及曲面的切平面和法线的方程的求法;知道二元函数 Taylor 公式;理解多元函数极值和条件极值的概念;熟练掌握二元函数的极值和条件极值计算法;能解决多元函数最值的应用题。

重点:偏导数、方向导数和全微分的计算,复合函数 (包括隐函数)一、二阶偏导数的计算,多元函数极值和条件极值。

难点:连续、可微、可偏导的关系,复合函数及包括隐函数一、二阶偏导数的计算。

3 重积分

理解重积分的概念;了解重积分的运算性质,了解积分中值定理;了解二重积分的几何意义;熟练掌握二重积分(直角坐标、极坐标)的计算方法,会二重积分变量代换;熟练掌握三重积分(直角坐标、柱面坐标、球面坐标和广义球面坐标)的计算方法;掌握重积分的轮换对称性和奇偶对称性;能应用重积分解决几何上、物理上的有关问题。

重点:二重积分(直角坐标、极坐标)的计算,三重积分(直角坐标、柱面坐标、球面坐标和广义球面坐标)的计算,重积分的轮换对称性和奇偶对称性。

难点:将重积分化归为累次积分,积分等式与不等式。

4 曲线积分和曲面积分

理解两类曲线积分的概念,了解曲线积分的性质;了解两类曲线积分的关系;了解第一类曲线积分的几何意义;熟练掌握两类曲线积分的计算方法;掌握第一类曲线积分的轮换对称性和奇偶对称性;熟练掌握应用格林公式(及其向量形式)计算平面曲线积分;掌握平面曲线积分与路径无关的条件;能求全微分的原函数;能解全微分方程。

理解两类曲面积分的概念,了解曲面积分的性质;了解两类曲面积分的关系;熟练掌握 两类曲面积分的计算方法;掌握曲面面积计算方法;掌握第一类曲面积分的轮换对称性和 奇偶对称性;熟练掌握应用高斯公式(及其向量形式)计算曲面积分;知道散度和旋度的 概念和计算。

重点:两类曲线积分的计算方法,格林公式,平面曲线积分与路径无关,两类曲面积分的计算方法,高斯公式。

难点:第二类曲面积分的计算,两类曲面积分的相互转换。 自学及要求:通量和散度,环量和旋度,斯托克斯公式。

5 微分方程

了解微分方程的概念,了解通解、初始条件和特解的概念;掌握一阶变量可分离方程、 齐次方程、线性微分方程和贝努利方程的解法;掌握可降阶微分方程的解法;理解线性方程 解的结构理论;掌握二阶线性方程的一般解法;掌握某些特殊非齐次项的二阶常系数线性方 程的解法;掌握欧拉方程的解法;微分方程的应用举例(选讲)。

重点: 各类常见方程的解法。