

## 数Ⅱ(定積分と面積①)

例 ① 次の曲線や直線で囲まれた図形の面積  $S$  を求めよう。

①  $y = x^2 + 1$ ,  $x$  軸,  $x = -1$ ,  $x = 2$

②  $y = x^2 + 2x$ ,  $x$  軸,  $x = 1$ ,  $x = 3$

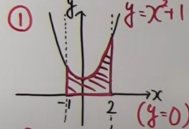
③  $y = -x^2 + 4$ ,  $x$  軸

例 ① 次の曲線や直線で囲まれた図形の面積  $S$  を求めよう。

①  $y = x^2 + 1$ ,  $x$  軸,  $x = -1$ ,  $x = 2$

②  $y = x^2 + 2x$ ,  $x$  軸,  $x = 1$ ,  $x = 3$

③  $y = -x^2 + 4$ ,  $x$  軸



$$\int_{-1}^2 (x^2 + 1) dx$$

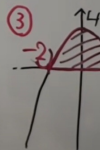
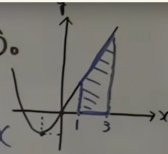
$$= \left[ \frac{1}{3}x^3 + x \right]_{-1}^2 = \left( \frac{8}{3} + 2 \right) - \left( -\frac{1}{3} - 1 \right) = 6$$

$S = 6$

②  $y = (x+1)^2 - 1$

$$S = \int_1^3 (x^2 + 2x) dx$$

$$= \left[ \frac{1}{3}x^3 + x^2 \right]_1^3 = (9 + 9) - \left( \frac{1}{3} + 1 \right) = \frac{50}{3}$$



$$S = \int_{-2}^2 (-x^2 + 4) dx$$

$$= \left[ -\frac{1}{3}x^3 + 4x \right]_{-2}^2 = \left( -\frac{8}{3} + 8 \right) - \left( \frac{8}{3} - 8 \right) = \frac{32}{3}$$