### Uniwersytet Warszawski

Wydział Fizyki

#### Marysia Nazarczuk

 ${\rm Nr}$ albumu: 417755

## KABEL KONCENTRYCZNY

#### Streszczenie

W doświadczeniu użyliśmy kabli o oporach 75  $\Omega$ . Celem doświadczenia było zbadanie impedancji kabla koncentrycznego ( $Z_{\rm dobry}=(76.19\pm1.76)~[\Omega]$  i  $Z_{\rm zly}$  75  $\Omega=(88.18\pm2.06)~[\Omega]$ ) oraz prędkości rozchodzenia się impulsu ( $v_{\rm dobry}=(2.02\pm0.03)\cdot10^8~\left[\frac{m}{s}\right]$  i  $v_{\rm zly}=(2.56\pm0.01)\cdot10^8~\left[\frac{m}{s}\right]$ . Przy pomiarach wykorzystamy zjawisko odbicia w kablu. Na podstawie wyników wyznaczyliśmy wartości pojemności  $c_{\rm dobry}=(67.71\pm0.11)~\left[\frac{\rm pF}{\rm m}\right]$  i  $c_{\rm zly}=(44.34\pm0.26)~\left[\frac{\rm pF}{\rm m}\right]$  oraz indukcyjności liniowej  $l_{\rm dobry}=(393\pm9)~\left[\frac{\mu \rm H}{\rm m}\right]$  i  $l_{\rm zly}=(345\pm11)~\left[\frac{\mu \rm H}{\rm m}\right]$ . Praca została przygotowana zgodnie z instrukcją [1]

# Spis treści

1.	Wst	ep teoretyczny	5
2.	Wyz	naczeniu prędkości propagacji	
	adu		7
Ρı	<b>2.1</b>	Układ doświadczalny	7
	$\frac{2.1}{2.2}$	Przeprowadzenie doświadczenia	7
	2.2	•	
		2.2.1 1 omiai ozasa propagaoji sygmata ata masta dostogo	8
	0.0	2.2.2 Pomiar czasu propagacji sygnału dla kabla złego	8
	2.3	Analiza pomiarów	8
	2.4	Wyniki, niepewności, wnioski	9
		2.4.1 Wyniki	8
		2.4.2 Niepewności	8
		2.4.3 Wnioski	10
3.	Wyz	naczeniu napięcia w kablu koncentrycznym	11
٠.	3.1		11
	3.2		11
	0.2		$\frac{11}{12}$
	3.3		$\frac{12}{12}$
		•	
	3.4		13
		v	13
		•	14
		3.4.3 Wnioski	14
4.	Pod	sumowanie	15
Ri	hling	rafia	17

## 1. Wstęp teoretyczny

Kiedy kabel koncentryczny jest podłączony do źródła szybko zmieniającego się napięcia przemiennego, powstaje rozkład napięć i prądów wzdłuż jego długości. Ten rozkład można opisać równaniem falowym:

$$\frac{\partial^2 U}{\partial x^2} = lc \cdot \frac{\partial^2 U}{\partial t^2} \tag{1.1}$$

gdzie U oznacza napięcie między przewodem wewnętrznym a ekranem w funkcji położenia x i czasu t, l to indukcyjność na jednostkę długości kabla, a c to pojemność na jednostkę długości. Równanie te opisuje falę poruszającą się z prędkością

$$v = \frac{1}{\sqrt{lc}} \tag{1.2}$$

Ponieważ chwilowe wartości napięcia i prądu w kablu propagują się jak fala, zjawisko odbicia fali od przeszkody, takiej jak rezystor, ma na nie wpływ. Amplituda fali odbitej  $U_1$  jest opisana wzorem

$$U_1 = U_0 \cdot \frac{R_L - Z}{R_L + Z} \tag{1.3}$$

gdzie  $U_0$  to amplituda fali padającej, Z to impedancja falowa kabla, a  $R_L$  to rezystancja obciążenia na końcu kabla. Z równania tego wynika, że fala odbita zanika, gdy  $R_L = Z$ . Impedancja falowa kabla jest opisana zależnością

$$Z = \sqrt{\frac{l}{c}} \tag{1.4}$$

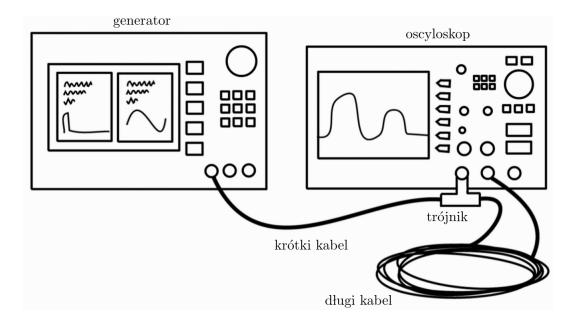
Znając prędkość propagacji impulsu w kablu i jego impedancję falową, można obliczyć indukcyjność i pojemność kabla na jednostkę długości.

# 2. Wyznaczeniu prędkości propagacji prądu

Pomiary dzielimy na dwie części. Pierwsza z nich posłuży wyznaczeniu prędkości propagacji prądu i napięcia w kablu koncentrycznym.

#### 2.1. Układ doświadczalny

Poniżej znajduje się układ doświadczalny dla danego eksperymentu. Wykorzystując trójnik łączymy wyjście generatora krótkim kablem koncentrycznym z 1. kanałem oscyloskopu oraz 1. kanał oscyloskopu łączymy długim kablem z 2. kanałem oscyloskopu.



Rysunek 2.1: Układ doświadczalny służący do wyznaczenia prędkości propagacji

#### 2.2. Przeprowadzenie doświadczenia

Przeprowadzono pomiary dla kabla "dobrego", o oporności znamionowej 75  $\Omega$  oraz dla kabla "złego", o oporności znamionowej 75  $\Omega$ . Dla każdego kabla badano dla różnych długości wartości czasu propagacji impulsu. Na każdym kablu była napisana jego długość w metrach, trudno jest więc określić niepewność długości kabla. Możemy uznać, że jest to wartość u(L)=0.1 m. Niepewność wyznaczenia czasu propagacji jest różna dla każdego pomiaru i została zapisana w tabeli.

Otrzymano dwie serię pomiarów czasu propagacji impulsu, po jednej dla każdego kabla. Każda seria składała się z dziesięciu punktów pomiarowych – pięć dla impulsu z generatora oraz pięć dla impulsu odbitego.



Rysunek 2.2: Zdjęcie ekranu oscyloskopu wykonane w trakcie pomiarów

#### 2.2.1. Pomiar czasu propagacji sygnału dla kabla dobrego

Tabela 2.1: Impuls z generatora

Długość kabla [m]	Czas propagacji [ns]
25	$130 \pm 3$
50	$256 \pm 3$
75	$390 \pm 4$
100	$504 \pm 4$
125	$652 \pm 6$

Tabela 2.2: Impuls odbity

Czas propagacji [ns]
$254 \pm 4$
$500 \pm 4$
$768 \pm 3$
$1000 \pm 4$
$1270 \pm 5$

#### 2.2.2. Pomiar czasu propagacji sygnału dla kabla złego

Tabela 2.3: Impuls z generatora

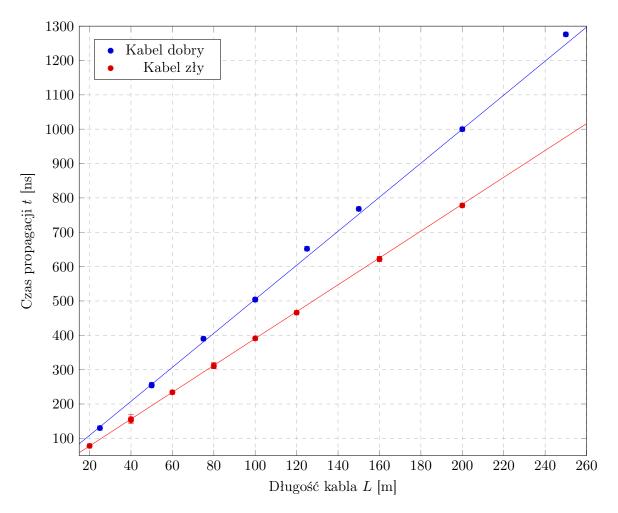
Długość kabla [m]	Czas propagacji [ns]
20	$78 \pm 2$
40	$156 \pm 13$
60	$234 \pm 4$
80	$312 \pm 9$
100	$391 \pm 2$

Tabela 2.4: Impuls odbity

Długość kabla [m]	Czas propagacji [ns]
40	$153 \pm 5$
80	$310 \pm 7$
130	$466 \pm 4$
160	$622 \pm 8$
200	$778 \pm 5$

#### 2.3. Analiza pomiarów

Przy założeniu stałej prędkości propagacji, czas potrzebny na przejście impulsu przez przewód opisano jako  $t=\frac{L}{v}$ , co jest zależnością liniową z stałą nachylenia równą  $\frac{1}{v}$ .



Rysunek 2.3: Wykres zależności czasu propagacji impulsu od długości kabla

Korzystając z metody najmniejszych kwadratów uzyskujemy dla kabla dobrego

$$v_{\text{dobry}} = (2.02 \pm 0.03) \cdot 10^8 \left[ \frac{m}{s} \right]$$
 (2.1)

oraz dla kabla złego

$$v_{\text{zly}} = (2.56 \pm 0.01) \cdot 10^8 \left[ \frac{m}{s} \right]$$
 (2.2)

#### 2.4. Wyniki, niepewności, wnioski

#### 2.4.1. Wyniki

Uzyskaliśmy prędkość propagacji

- Kabla dobrego  $v_{\rm dobry} = (2.02 \pm 0.03) \cdot 10^8 ~ \left[\frac{m}{s}\right]$
- Kabla złego  $v_{\mathrm{zly}} = (2.56 \pm 0.01) \cdot 10^8 \ \left[\frac{m}{s}\right]$

#### 2.4.2. Niepewności

Główną przyczyną niepewności jest niedokładność ustawienia kursora w odpowiednich punkach na wykresie oscyloskopu. Innym ważnym czynnikiem są zakłócenia, które dodatkowo utrudniają dokładne ustawienie kursora. Niezerowy wyraz wolny wyznaczony podczas dopasowania prostej sugeruje wpływ czasu przepływu sygnału przez oscyloskop, który jednak nie jest ujęty w analizie błędów.

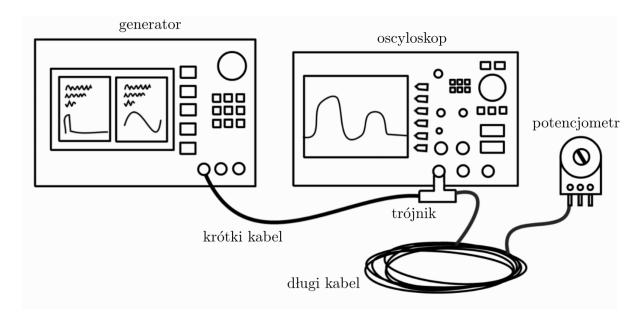
#### 2.4.3. Wnioski

Uzyskaliśmy większą wartość impulsu dla kabla złego niż kabla dobrego, co zgodne jest z oczekiwaniami. Jednak przy zbliżonych wartościach impedancji powoduje to większe wartości indukcyjności i pojemności, co przyczynia się do mniejszego tłumieniem sygnału. Tłumienie to nie jest uwzględnione w przyjętym tu modelu teoretycznym.

# 3. Wyznaczeniu napięcia w kablu koncentrycznym

#### 3.1. Układ doświadczalny

Poniżej znajduje się układ doświadczalny dla danego eksperymentu. Wykorzystując trójnik łączymy wyjście generatora krótkim kablem koncentrycznym z 1. kanałem oscyloskopu oraz 1. kanał oscyloskopu łączymy długim kablem potencjometrem.



Rysunek 3.1: Układ doświadczalny służącu do wyznaczenia impedancji kabla

#### 3.2. Przeprowadzenie doświadczenia

Przeprowadzono pomiary dla kabla "dobrego", o oporności znamionowej 75  $\Omega$  oraz dla kabla "złego", o oporności znamionowej 50  $\Omega$ . Wartość niepewności pomiaru rezystancji potencjometru wynosi  $u(R) = 0.2 \Omega$ , zaś wartość niepewności pomiaru amplitudy opisana jest w tabelach.

Przeprowadzono dwie serie pomiarów amplitudy fali odbitej, po jednej dla każdego rodzaju kabla. Każda seria zawierała piętnaście punktów pomiarowych – dla amplitud dodatnich i dla amplitud ujemnych.



Rysunek 3.2: Zdjęcie ekranu oscyloskopu wykonane w trakcie pomiarów

#### 3.2.1. Pomiar amplitudy fali odbitej dla kabla dobrego i dla kabla złego

Tabela 3.1: Kabel dobry

Opór  $[\Omega]$ Amplituda [mV] 0.0  $-2040 \pm 20$ 5.3  $-2080 \pm 20$ 13.4  $-1660\pm30$ 20.8  $-1350 \pm 30$ 30.1  $-1010 \pm 20$ 39.6  $-740 \pm 40$ 48.0 $-510\pm40$ 66.3  $-130 \pm 20$ 75.2  $0 \pm 60$ 87.0  $170 \pm 20$  $340 \pm 20$ 100.8 150.4  $770 \pm 30$ 228.1  $1110\pm30$ 388.4 $1550 \pm 40$ 512.7  $1740 \pm 30$ 

Tabela 3.2: Kabel zły

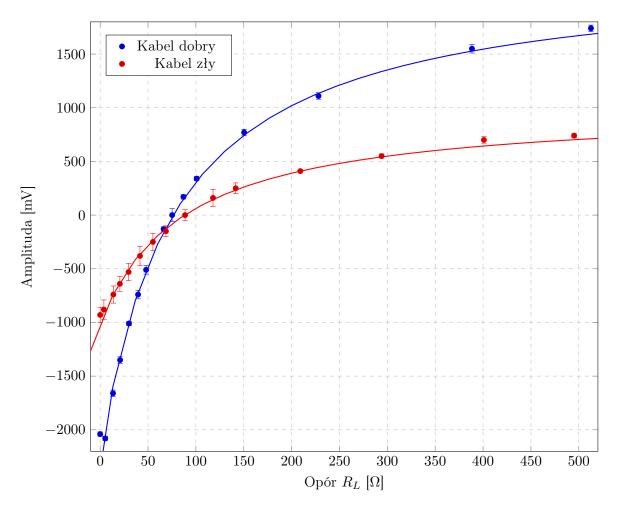
Opór $[\Omega]$	Amplituda [mV]
0.0	$-930 \pm 70$
3.9	$-880 \pm 90$
13.8	$-740 \pm 80$
20.6	$-640 \pm 70$
29.7	$-530 \pm 80$
41.6	$-380 \pm 90$
55.1	$-250 \pm 80$
68.7	$-150 \pm 50$
88.7	$0 \pm 50$
117.9	$160 \pm 80$
141.6	$250 \pm 50$
209.1	$410 \pm 10$
294.0	$550 \pm 20$
400.9	$700 \pm 30$
495.1	$740 \pm 20$

#### 3.3. Analiza pomiarów

Dla zebranych danych, dopasowano funkcję

$$U_1(R_L) = U_0 \cdot \frac{R_L - Z}{R_L + Z} \tag{3.1}$$

Wartość  $U_0$  była parametrem dopasowania. Jako zmienną niezależną wybrano opór, gdyż względna niepewność pomiaru oporu była mniejsza niż względna niepewność pomiaru amplitudy.



Rysunek 3.3: Wykres zależności amplitudy fali odbitej od oporu  $R_L$ 

Szukana impedancja falowa kabla Z jest, punktem przecięcia wykresu z prostą  $U_1=0$ . Otrzymujemy dla kabla dobrego

$$Z_{\text{dobry}} = (76.19 \pm 1.76) [\Omega]$$
 (3.2)

oraz dla kabla złego

$$Z_{\text{zly}} = (88.18 \pm 2.06) \ [\Omega]$$
 (3.3)

Liczymy indukcyjność i pojemność na jednostkę długości. Otrzymujemy indukcyjność dla kabla dobrego

$$l_{\text{dobry}} = (393 \pm 9) \left[ \frac{\mu \text{H}}{\text{m}} \right] \tag{3.4}$$

oraz dla kabla złego

$$l_{\text{zly}} = (345 \pm 11) \left[ \frac{\mu \text{H}}{\text{m}} \right] \tag{3.5}$$

Otrzymujemy pojemność dla kabla dobrego

$$c_{\text{dobry}} = (67.71 \pm 0.11) \left[ \frac{\text{pF}}{\text{m}} \right]$$
 (3.6)

oraz dla kabla złego

$$c_{\text{zly}} = (44.34 \pm 0.26) \left[ \frac{\text{pF}}{\text{m}} \right]$$
 (3.7)

#### 3.4. Wyniki, niepewności, wnioski

#### 3.4.1. Wyniki

Uzyskaliśmy impedancje

- Kabla dobrego  $Z_{\rm dobry} = (76.19 \pm 1.76) \ [\Omega]$
- Kabla złego  $Z_{\text{zly}} = (88.18 \pm 2.06) [\Omega]$

indukcyjności

- Kabla dobrego  $l_{\rm dobry} = (393 \pm 9) \ \left[\frac{\mu \rm H}{\rm m}\right]$
- Kabla złego  $l_{\rm zły} = (345 \pm 11) \ \left\lceil \frac{\mu \rm H}{\rm m} \right\rceil$

oraz pojemności

- Kabla dobrego  $c_{\text{dobry}} = (67.71 \pm 0.11) \left[ \frac{\text{pF}}{\text{m}} \right]$
- Kabla złego  $c_{\mathrm{zly}} = (44.34 \pm 0.26) \, \left[ \frac{\mathrm{pF}}{\mathrm{m}} \right]$

#### 3.4.2. Niepewności

Główną przyczyną niepewności jest niedokładność ustawienia kursora w odpowiednich punkach na wykresie oscyloskopu. Innym ważnym czynnikiem są zakłócenia, które dodatkowo utrudniają dokładne ustawienie kursora.

#### 3.4.3. Wnioski

Uzyskane wyniki są zgodne z oczekiwaniami, zwłaszcza to, że wyznaczona impedancja kabla dobrego jest bardziej zbliżona do nominalnej niż w przypadku kabla złego.

### 4. Podsumowanie

W doświadczeniu wyznaczono różne własności kabli koncentrycznych. Zebrane wyniki zostały umieszczone w tabeli 4.1.

Tabela 4.1: Wyniki

	Dobry	Zły	Jednostka
$\begin{bmatrix} v \\ Z \\ l \\ c \end{bmatrix}$	$(2.02 \pm 0.03) \cdot 10^{8}$ $76.19 \pm 1.76$ $393 \pm 9$ $67.71 \pm 0.11$	$(2.56 \pm 0.01) \cdot 10^{8}$ $88.18 \pm 2.06$ $345 \pm 11$ $44.34 \pm 0.26$	$rac{m}{s}$ $\Omega$ $rac{\mu  ext{H}}{ ext{m}}$ $rac{ ext{pF}}{ ext{pF}}$ $ ext{m}$

Pomimo zaobserwowanej rozbieżności przyjętego modelu teoretycznego z wynikami pomiarów, uzyskane wartości prędkości fali i impedancji są zgodne z oczekiwanymi. Zmierzona impedancja jest prawie równa nominalnej wartości dla kabla dobrego oraz nieznacznie (rząd wielkości jest w porządku) większa od nominalnej.

Wszelkie rachunki przeprowadziłam ręcznie, posługując się jedynie kalkulatorem prostym oraz arkuszem kalkulacyjnym Google. Na każdym etapie obliczeń zaokrąglałam wynik do dwóch miejsc znaczących. Ostateczne wyniki sprawdziłam przy użyciu programów napisanych w Pythonie i na podstawie tych wyników dopasowałam krzywą do danych na wykresach. Do szacowania niepewności pomiarowych użyłam metody obliczania niepewności pomiarowej za pomocą pierwiastków elementów na diagonali macierzy kowariancji, a także oszacowałam błędy za pomocą propagacji małych błędów.

# Bibliografia

 $[1]\,$  Piotr Fita. Instrukcja do zadania - kabel koncentryczny, 02.03.2023.