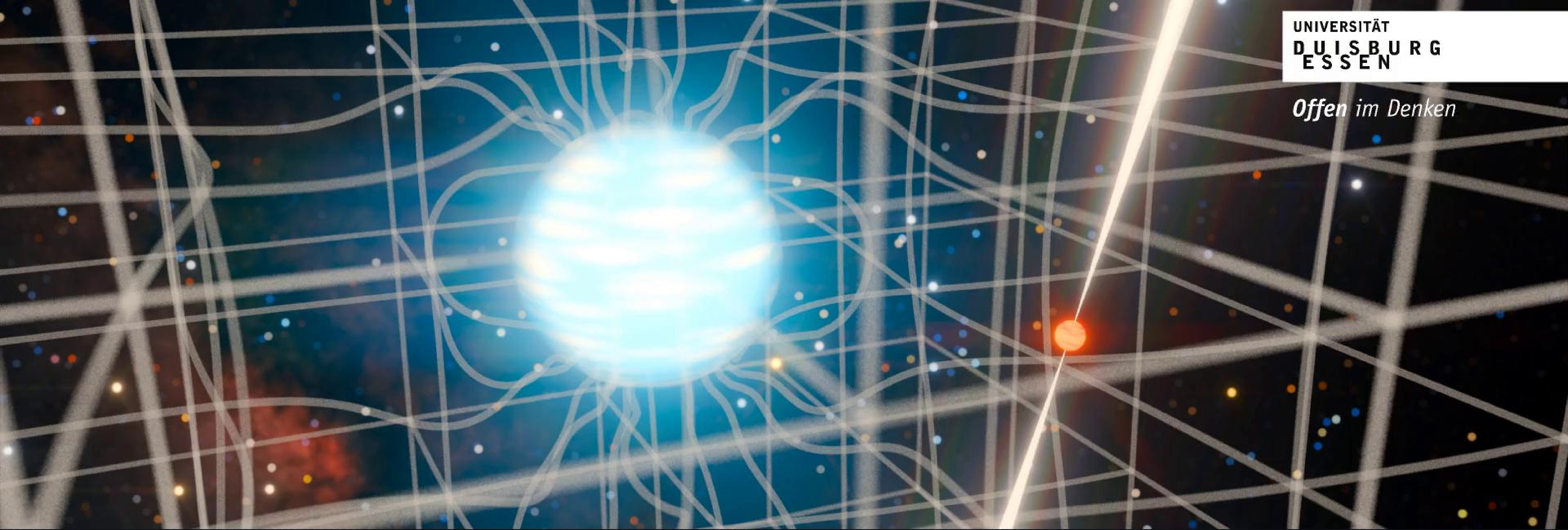




# Lense-Thirring-Effekt

Vortrag im Hauptseminar SoSe 2025

Marvin Henke - 12. Juni 2025
Betreuer: Dr. Nikodem Szpak

# Lense-Thirring-Effekt

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

# Lense-Thirring-Effekt

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

- Metrik und Geodäten

# Lense-Thirring-Effekt



- Metrik und Geodäten
- Einsteinsche Feldgleichungen

# Lense-Thirring-Effekt

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

- Metrik und Geodäten
- Einsteinsche Feldgleichungen
- Gravitoelektromagnetismus

# Lense-Thirring-Effekt

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

- Metrik und Geodäten
- Einsteinsche Feldgleichungen
- Gravitoelektromagnetismus
  - Rotierende Kugelmasse

# Lense-Thirring-Effekt

UNIVERSITÄT
DUISBURG
ESSEN

*Offen im Denken*

- Metrik und Geodäten
- Einsteinsche Feldgleichungen
- Gravitoelektromagnetismus
  - Rotierende Kugelmasse
  - EM-Felder

# Lense-Thirring-Effekt



- Metrik und Geodäten
- Einsteinsche Feldgleichungen
- Gravitoelektromagnetismus
  - Rotierende Kugelmasse
  - EM-Felder
- Trajektorien

# Lense-Thirring-Effekt

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

- Metrik und Geodäten
- Einsteinsche Feldgleichungen
- Gravitoelektromagnetismus
  - Rotierende Kugelmasse
  - EM-Felder
- Trajektorien
- Präzession

# Lense-Thirring-Effekt

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

- Metrik und Geodäten
- Einsteinsche Feldgleichungen
- Gravitoelektromagnetismus
  - Rotierende Kugelmasse
  - EM-Felder
- Trajektorien
- Präzession

$$\boldsymbol{\eta} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$

# Lense-Thirring-Effekt

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

- Metrik und Geodäten
- Einsteinsche Feldgleichungen
- Gravitoelektromagnetismus
  - Rotierende Kugelmasse
  - EM-Felder
- Trajektorien
- Präzession

# Metrik und Geodäten

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

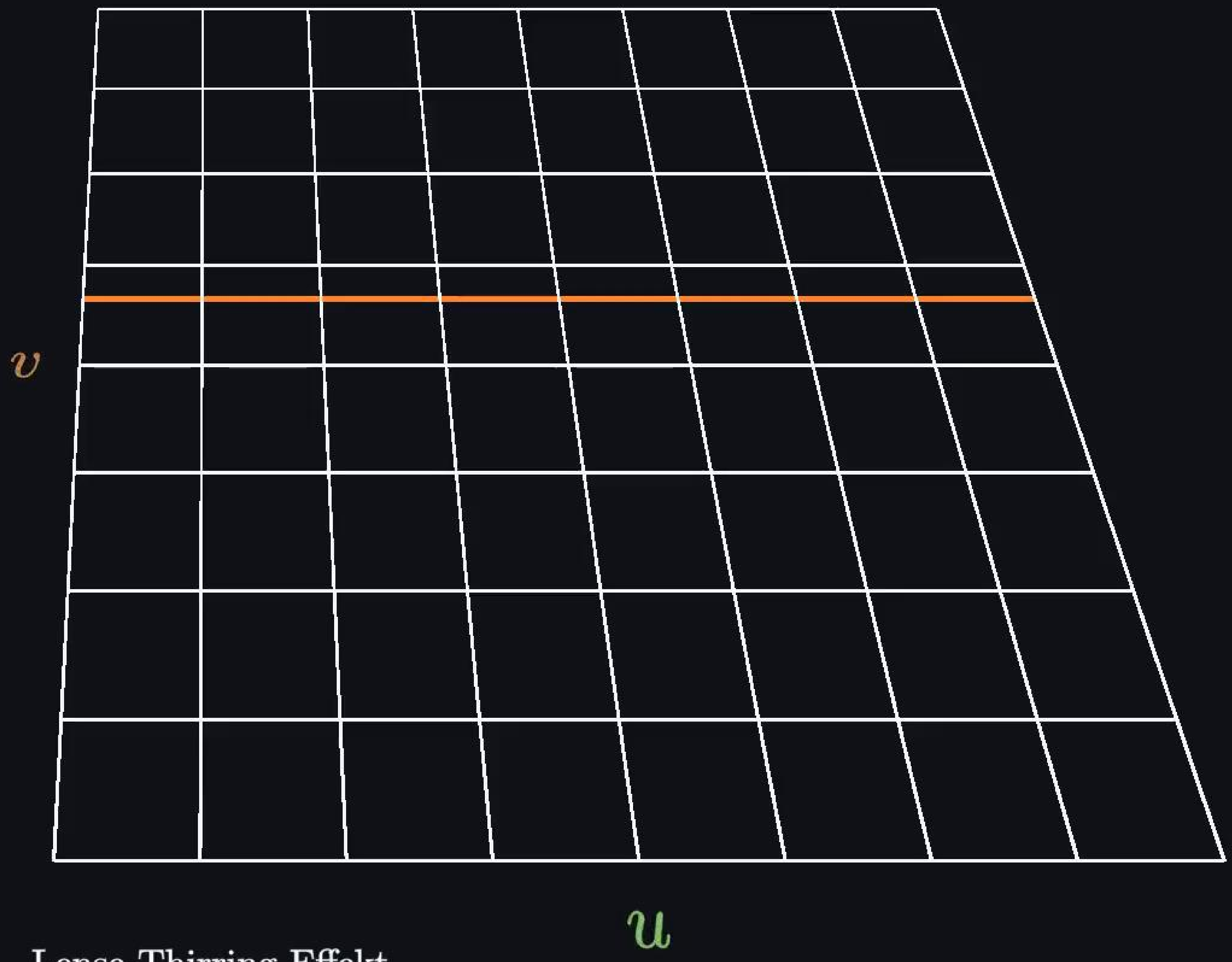
*Offen* im Denken

# Metrik und Geodäten

$c = G = 1$

$(+,-,-,-)$





# Metrik und Geodäten

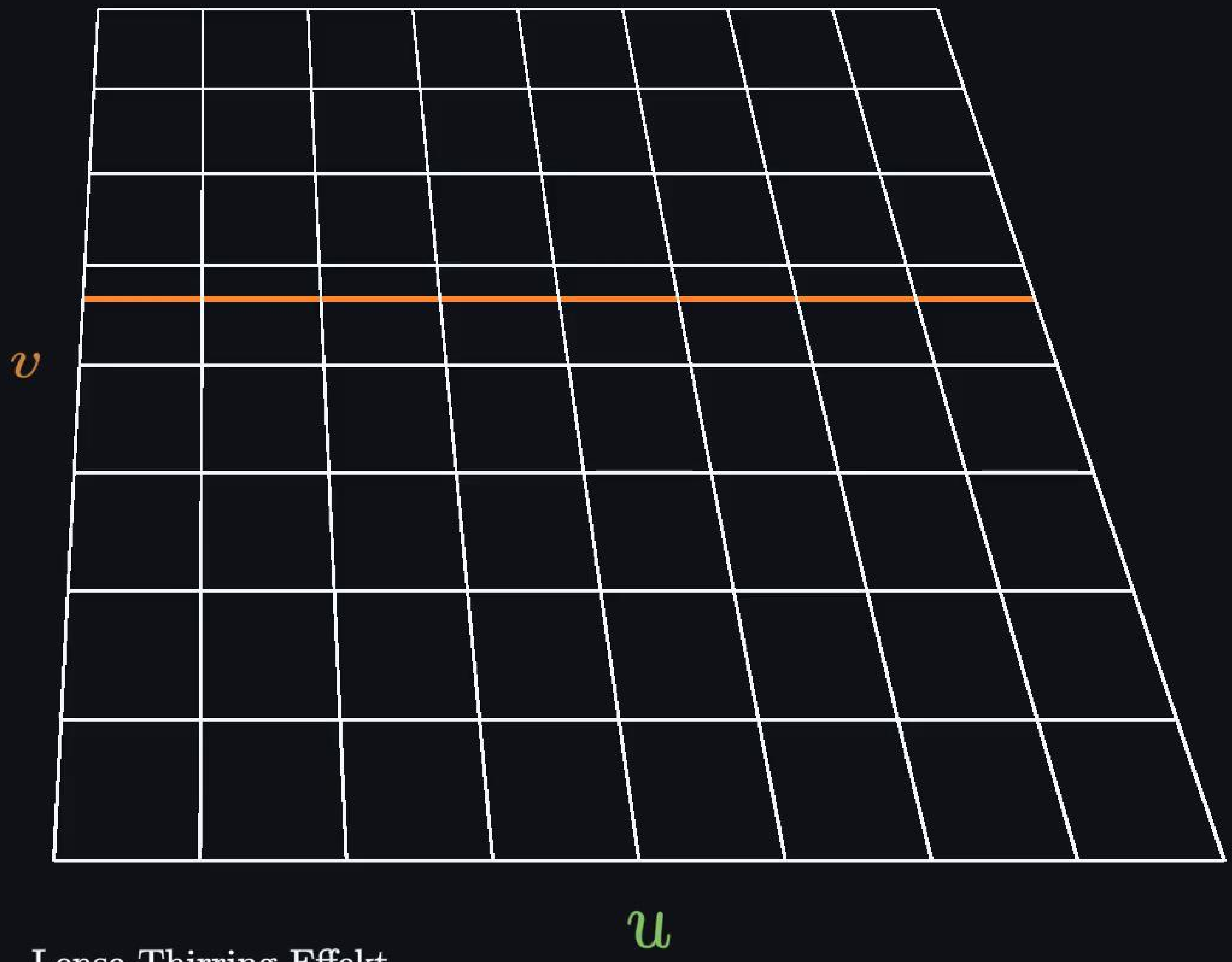
$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$



## Fläche

$\vec{x}(u, v) = (u, v, 0)$



UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN
Offen im Denken

# Metrik und Geodäten

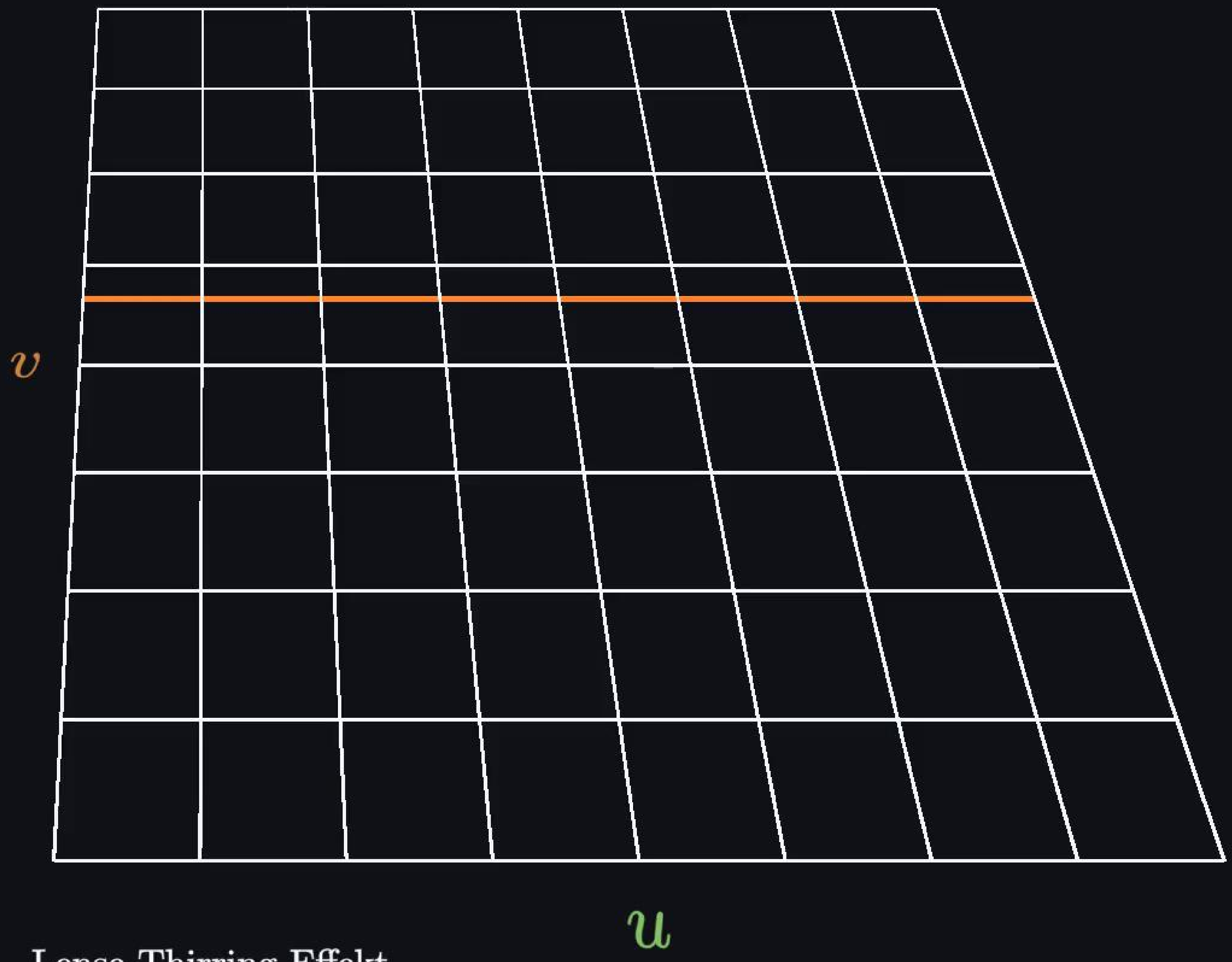
Fläche

$$\vec{x}(u, v) = (u, v, 0)$$

Metrik

$$g_{\mu\nu} = \partial_\mu \vec{x} \cdot \partial_\nu \vec{x}$$

$$\boldsymbol{g} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$



# Metrik und Geodäten

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$



Fläche

$\vec{x}(u, v) = (u, v, 0)$

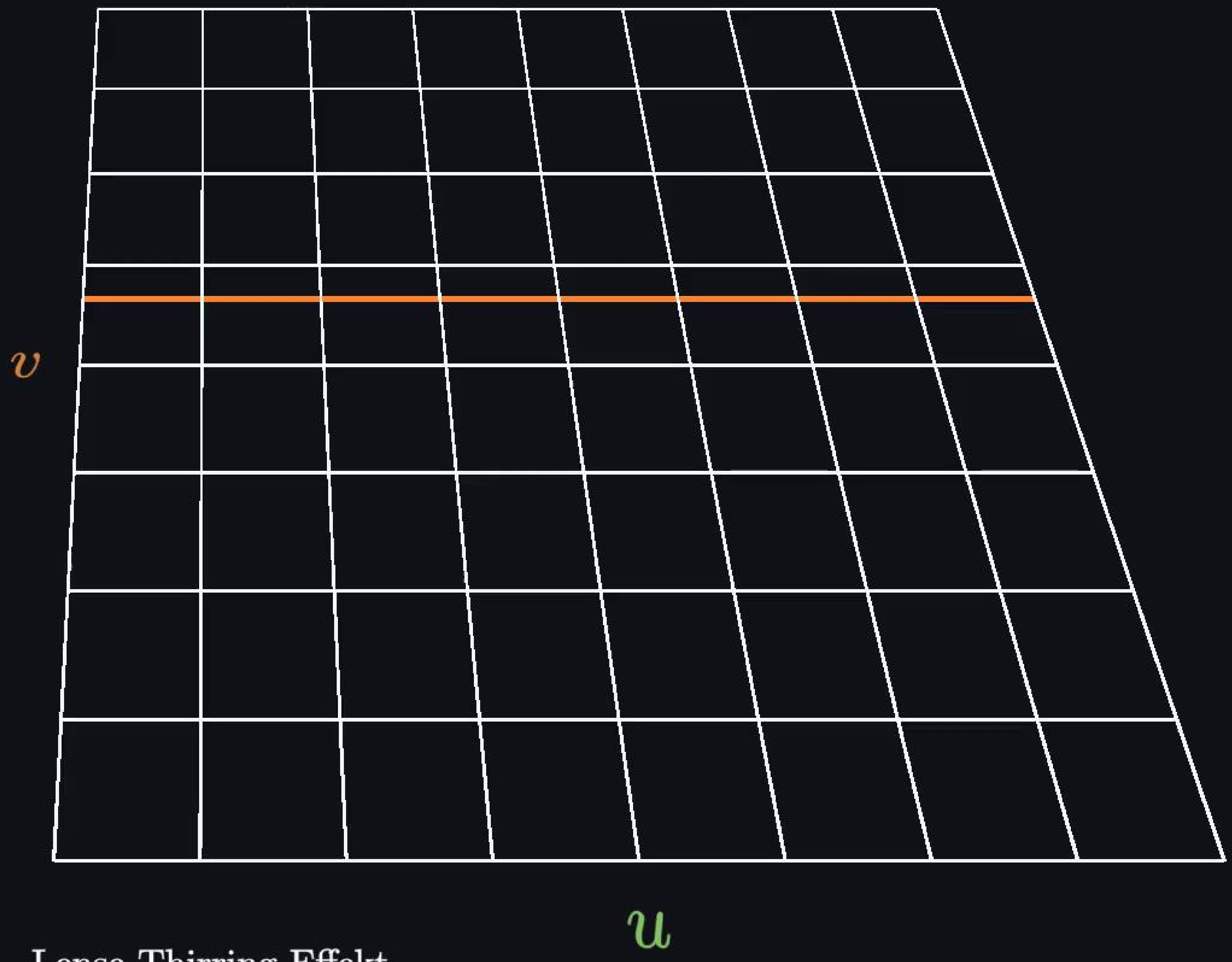
Metrik

$g_{\mu\nu} = \partial_\mu \vec{x} \cdot \partial_\nu \vec{x}$

$$\boldsymbol{g} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Geodätengleichung

$$\frac{\mathrm{d}^2 x^\lambda}{\mathrm{d}\tau^2} = 0$$



# Metrik und Geodäten

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

Fläche

$$\vec{x}(u, v) = (u, v, 0)$$

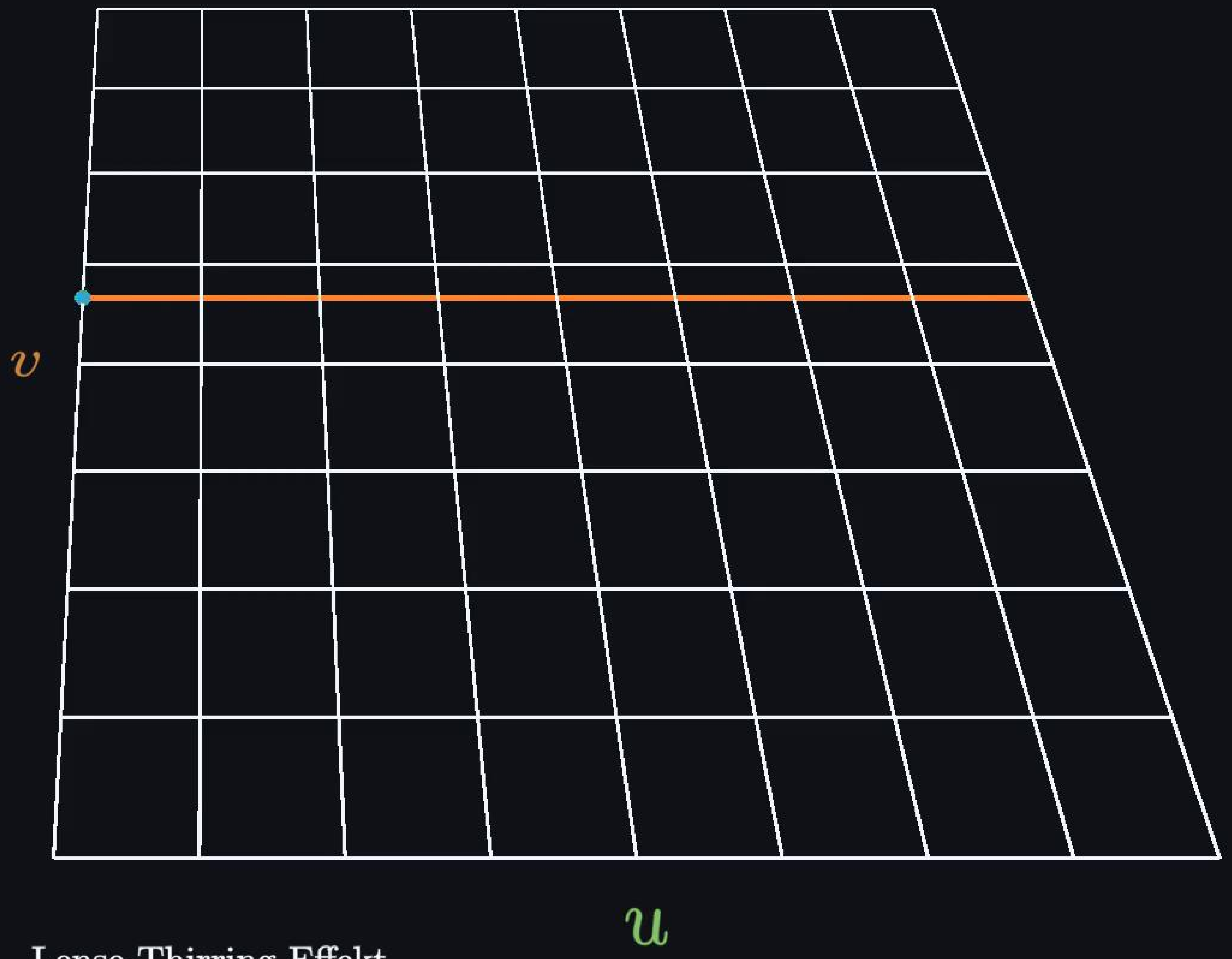
Metrik

$$g_{\mu\nu} = \partial_\mu \vec{x} \cdot \partial_\nu \vec{x}$$

$$\boldsymbol{g} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Geodätengleichung

$$\frac{\mathrm{d}^2 x^\lambda}{\mathrm{d}\tau^2} = 0$$



# Metrik und Geodäten

$c = G = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

Fläche

$\vec{x} : \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^3$

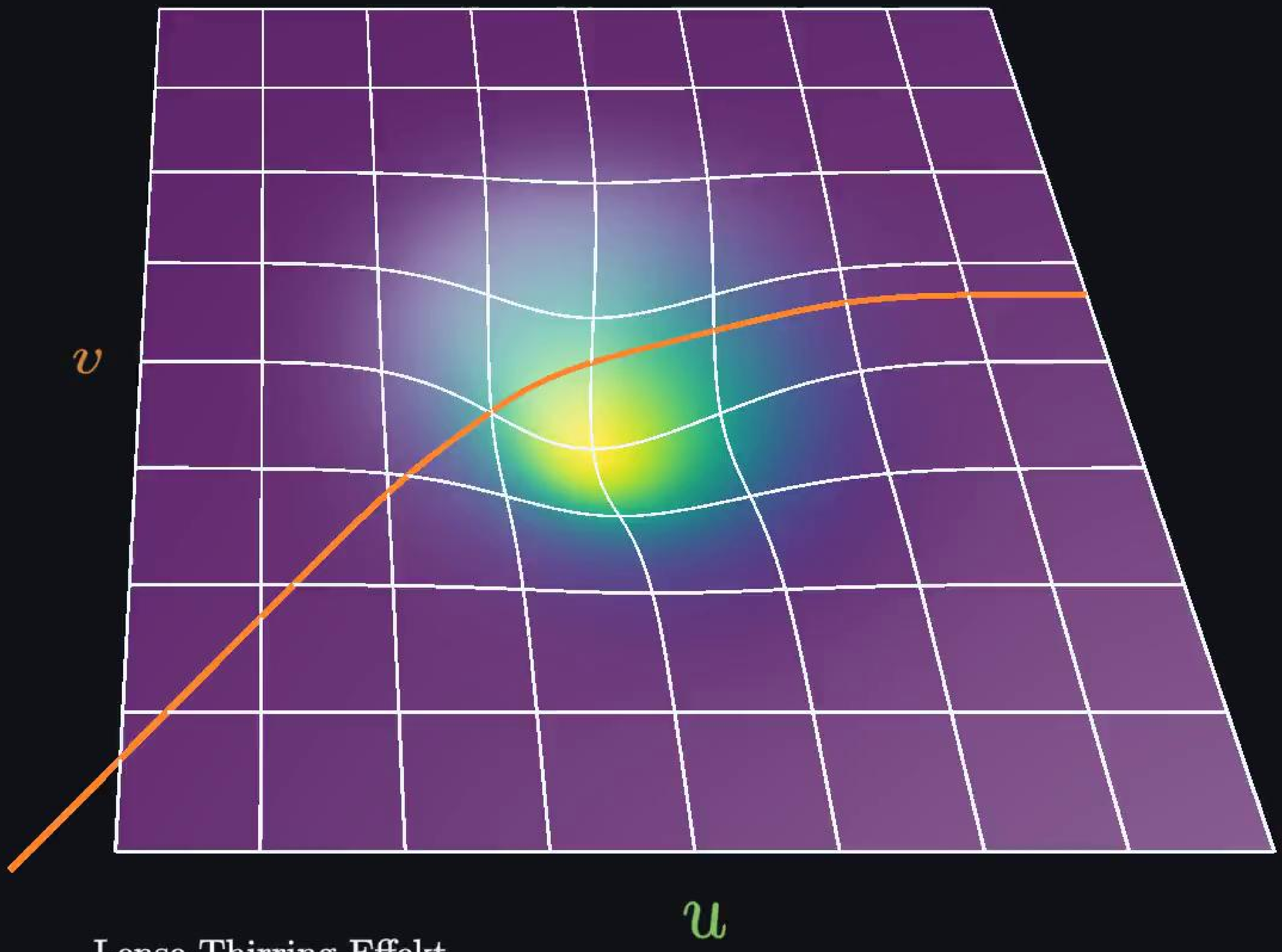
Metrik

$$g_{\mu\nu} = \partial_\mu \vec{x} \cdot \partial_\nu \vec{x}$$

$$\boldsymbol{g} = \begin{bmatrix} 1.00 & 0.00 \\ 0.00 & 1.00 \end{bmatrix}$$

Geodätengleichung

$$\frac{\mathrm{d}^2 x^\lambda}{\mathrm{d}\tau^2} = -\Gamma^\lambda_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}(\vec{x})] \frac{\mathrm{d}x^\mu}{\mathrm{d}\tau} \frac{\mathrm{d}x^\nu}{\mathrm{d}\tau}$$



# Metrik und Geodäten

$c = G = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

Fläche

$\vec{x} : \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^3$

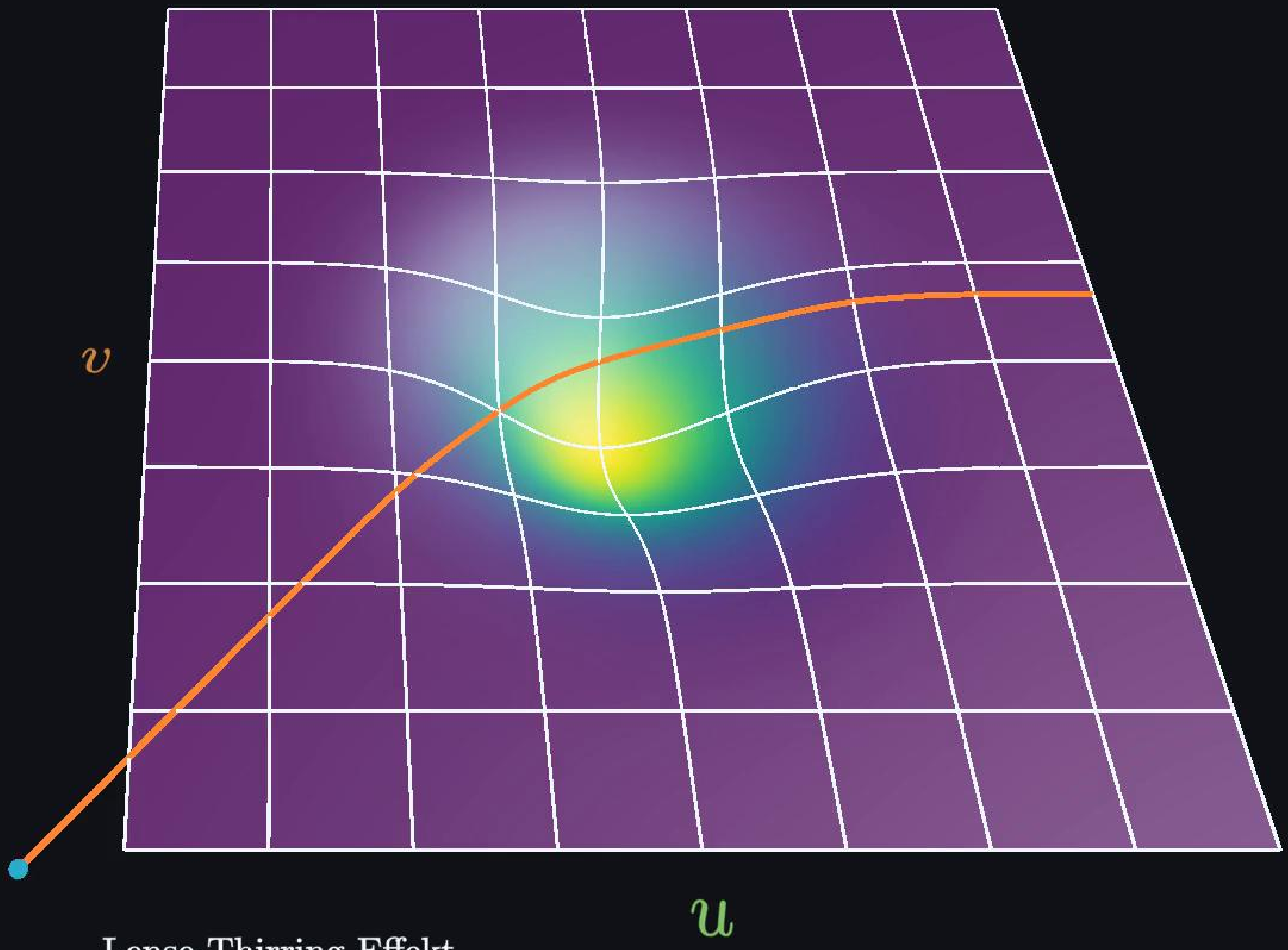
Metrik

$$g_{\mu\nu} = \partial_\mu \vec{x} \cdot \partial_\nu \vec{x}$$

$$\boldsymbol{g} = \begin{bmatrix} 1.00 & 0.00 \\ 0.00 & 1.00 \end{bmatrix}$$

Geodätengleichung

$$\frac{\mathrm{d}^2 x^\lambda}{\mathrm{d}\tau^2} = -\Gamma^\lambda_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}(\vec{x})] \frac{\mathrm{d}x^\mu}{\mathrm{d}\tau} \frac{\mathrm{d}x^\nu}{\mathrm{d}\tau}$$



# Einsteinsche Feldgleichungen

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$

# Einsteinsche Feldgleichungen

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$



2D Fläche $\rightarrow$ 4D Mannigfaltigkeit

# Einsteinsche Feldgleichungen

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

2D Fläche $\rightarrow$ 4D Mannigfaltigkeit

Koordinaten $(ct, x, y, z) \Rightarrow \boldsymbol{g} \in \mathbb{R}^{4\times 4}$

# Einsteinsche Feldgleichungen

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

2D Fläche $\rightarrow$ 4D Mannigfaltigkeit

Koordinaten $(ct, x, y, z) \Rightarrow \boldsymbol{g} \in \mathbb{R}^{4\times 4}$

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R = 8\pi T_{\mu\nu}$$

# Einsteinsche Feldgleichungen

2D Fläche $\to$ 4D Mannigfaltigkeit

Koordinaten $(ct, x, y, z) \Rightarrow \boldsymbol{g} \in \mathbb{R}^{4\times 4}$

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R = 8\pi T_{\mu\nu}$$

Ricci-Tensor: $R_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}]$

# Einsteinsche Feldgleichungen

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

2D Fläche $\rightarrow$ 4D Mannigfaltigkeit

Koordinaten $(ct, x, y, z) \Rightarrow \boldsymbol{g} \in \mathbb{R}^{4\times 4}$

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R = 8\pi T_{\mu\nu}$$

Ricci-Tensor: $R_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}]$

Krümmungsskalar: $R[\boldsymbol{g}]$

$c = G = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

# Einsteinsche Feldgleichungen

2D Fläche $\rightarrow$ 4D Mannigfaltigkeit

Koordinaten $(ct, x, y, z) \Rightarrow \boldsymbol{g} \in \mathbb{R}^{4\times 4}$

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R = 8\pi T_{\mu\nu}$$

Ricci-Tensor: $R_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}]$

Krümmungsskalar: $R[\boldsymbol{g}]$

Energie-Impuls-Tensor: $T_{\mu\nu}$

# Linearisierung

$$c = G = 1$$
$$(+,-,-,-)$$

# Linearisierung

$c = G = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

Annahmen: $g_{\mu\nu} = \eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}$, $\boldsymbol{h} \ll \boldsymbol{\eta}$, $\tau \approx t$

# Linearisierung

Annahmen: $g_{\mu\nu} = \eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}$, $\boldsymbol{h} \ll \boldsymbol{\eta}$, $\tau \approx t$

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R = 8\pi T_{\mu\nu}$$

$$\frac{\mathrm{d}^2 x^\lambda}{\mathrm{d}\tau^2} = -\Gamma^\lambda_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}(\vec{x})] \frac{\mathrm{d}x^\mu}{\mathrm{d}\tau} \frac{\mathrm{d}x^\nu}{\mathrm{d}\tau}$$

# Linearisierung

$c = G = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

Annahmen: $g_{\mu\nu} = \eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}$, $\boldsymbol{h} \ll \boldsymbol{\eta}$, $\tau \approx t$

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R = 8\pi T_{\mu\nu}$$

$$-\Delta h_{00} = 8\pi\rho, \; -\Delta h_{0i} = 16\pi j_i$$

$$\frac{\mathrm{d}^2 x^\lambda}{\mathrm{d}\tau^2} = -\Gamma^\lambda_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}(\vec{x})] \frac{\mathrm{d}x^\mu}{\mathrm{d}\tau} \frac{\mathrm{d}x^\nu}{\mathrm{d}\tau}$$

# Gravitoelektromagnetismus

$c = G = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

Annahmen: $g_{\mu\nu} = \eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}$, $\boldsymbol{h} \ll \boldsymbol{\eta}$, $\tau \approx t$

Substitutionen: $\vec{E} = \frac{1}{2}\vec{\nabla} h_{00}$, $B_j = -\varepsilon_{jlm} \frac{\partial h_{0m}}{\partial x^l}$

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R = 8\pi T_{\mu\nu}$$

$$\frac{\mathrm{d}^2 x^\lambda}{\mathrm{d}\tau^2} = -\Gamma^\lambda_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}(\vec{x})] \frac{\mathrm{d}x^\mu}{\mathrm{d}\tau} \frac{\mathrm{d}x^\nu}{\mathrm{d}\tau}$$

$$-\Delta h_{00} = 8\pi\rho, \; -\Delta h_{0i} = 16\pi j_i$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = -4\pi\rho$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = 0$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{B} = -16\pi\vec{j}$$

# Gravitoelektromagnetismus

$c = G = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

Annahmen: $g_{\mu\nu} = \eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}$, $\boldsymbol{h} \ll \boldsymbol{\eta}$, $\tau \approx t$

Substitutionen: $\vec{E} = \frac{1}{2}\vec{\nabla} h_{00}$, $B_j = -\varepsilon_{jlm}\frac{\partial h_{0m}}{\partial x^l}$

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R = 8\pi T_{\mu\nu}$$

$$-\Delta h_{00} = 8\pi\rho,\ -\Delta h_{0i} = 16\pi j_i$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = -4\pi\rho$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{E} = 0$$

$$\vec{\nabla} \times \vec{B} = -16\pi\vec{j}$$

$$\frac{\mathrm{d}^2 x^\lambda}{\mathrm{d}\tau^2} = -\Gamma^\lambda_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}(\vec{x})]\frac{\mathrm{d}x^\mu}{\mathrm{d}\tau}\frac{\mathrm{d}x^\nu}{\mathrm{d}\tau}$$

$$\frac{d^2 x^i}{dt^2} = -\frac{1}{2}\frac{\partial h_{00}}{\partial x^i} + \varepsilon_{ijk}\varepsilon_{jlm}\frac{\partial h_{0m}}{\partial x^l}\frac{dx^k}{dt}$$

# Gravitoelektromagnetismus

$c = G = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

Annahmen: $g_{\mu\nu} = \eta_{\mu\nu} + h_{\mu\nu}$, $\boldsymbol{h} \ll \boldsymbol{\eta}$, $\tau \approx t$

Substitutionen: $\vec{E} = \frac{1}{2}\vec{\nabla} h_{00}$, $B_j = -\varepsilon_{jlm}\frac{\partial h_{0m}}{\partial x^l}$

$$R_{\mu\nu} - \frac{1}{2} g_{\mu\nu} R = 8\pi T_{\mu\nu}$$

$$-\Delta h_{00} = 8\pi\rho,\ -\Delta h_{0i} = 16\pi j_i$$

$$\frac{\mathrm{d}^2 x^\lambda}{\mathrm{d}\tau^2} = -\Gamma^\lambda_{\mu\nu}[\boldsymbol{g}(\vec{x})]\frac{\mathrm{d}x^\mu}{\mathrm{d}\tau}\frac{\mathrm{d}x^\nu}{\mathrm{d}\tau}$$

$$\frac{d^2 x^i}{dt^2} = -\frac{1}{2}\frac{\partial h_{00}}{\partial x^i} + \varepsilon_{ijk}\varepsilon_{jlm}\frac{\partial h_{0m}}{\partial x^l}\frac{dx^k}{dt}$$

$$\vec{\nabla}\cdot\vec{E} = -4\pi\rho$$

$$\vec{\nabla}\cdot\vec{B} = 0$$

$$\vec{\nabla}\times\vec{E} = 0$$

$$\vec{\nabla}\times\vec{B} = -16\pi\vec{j}$$

$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v}\times\vec{B}\right)$$

# Rotierende Kugelmasse

$c = G = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

# Rotierende Kugelmasse

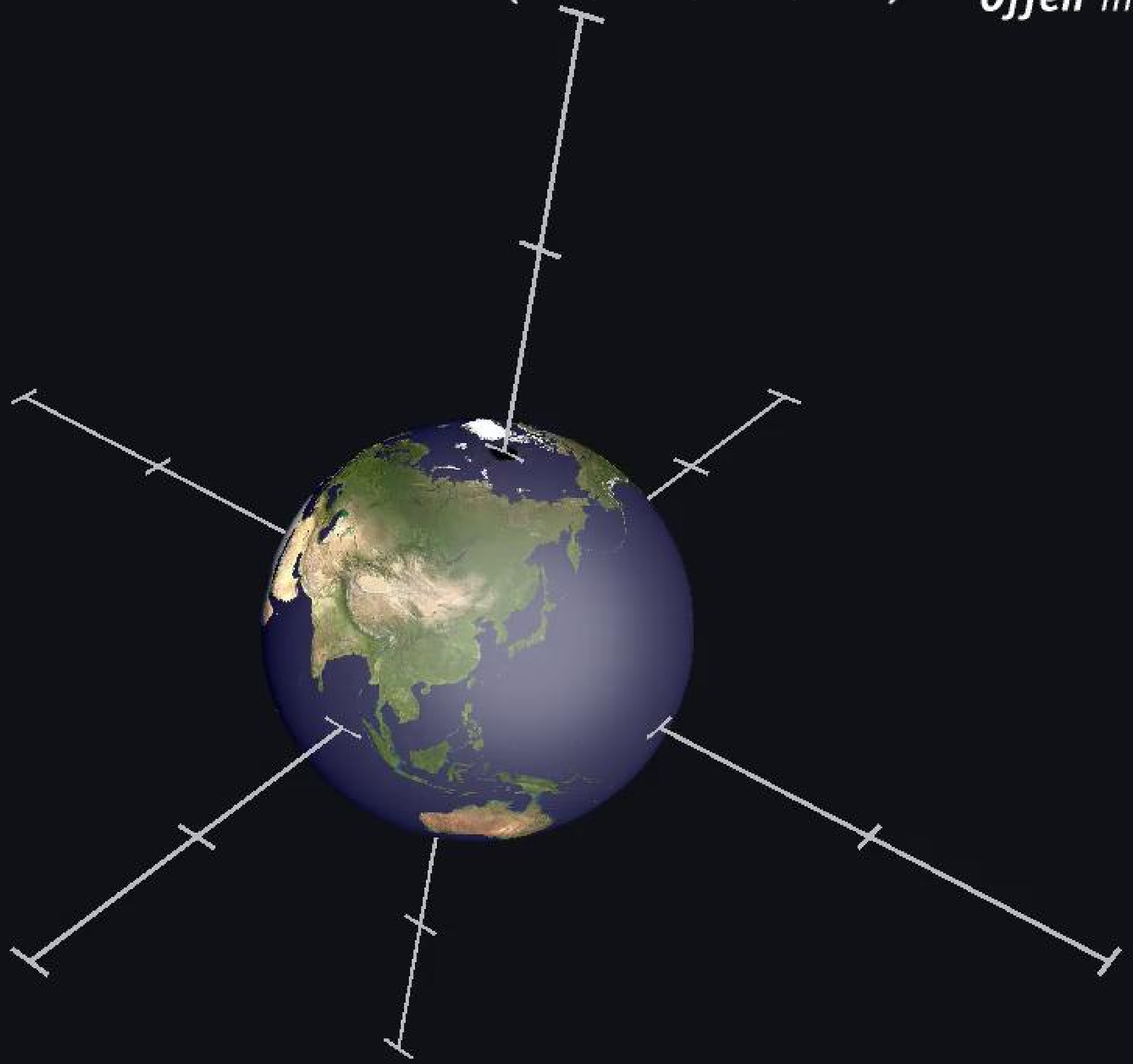
$$c = G = 1$$

$$(+,-,-,-)$$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$



$c = G = R = 1$

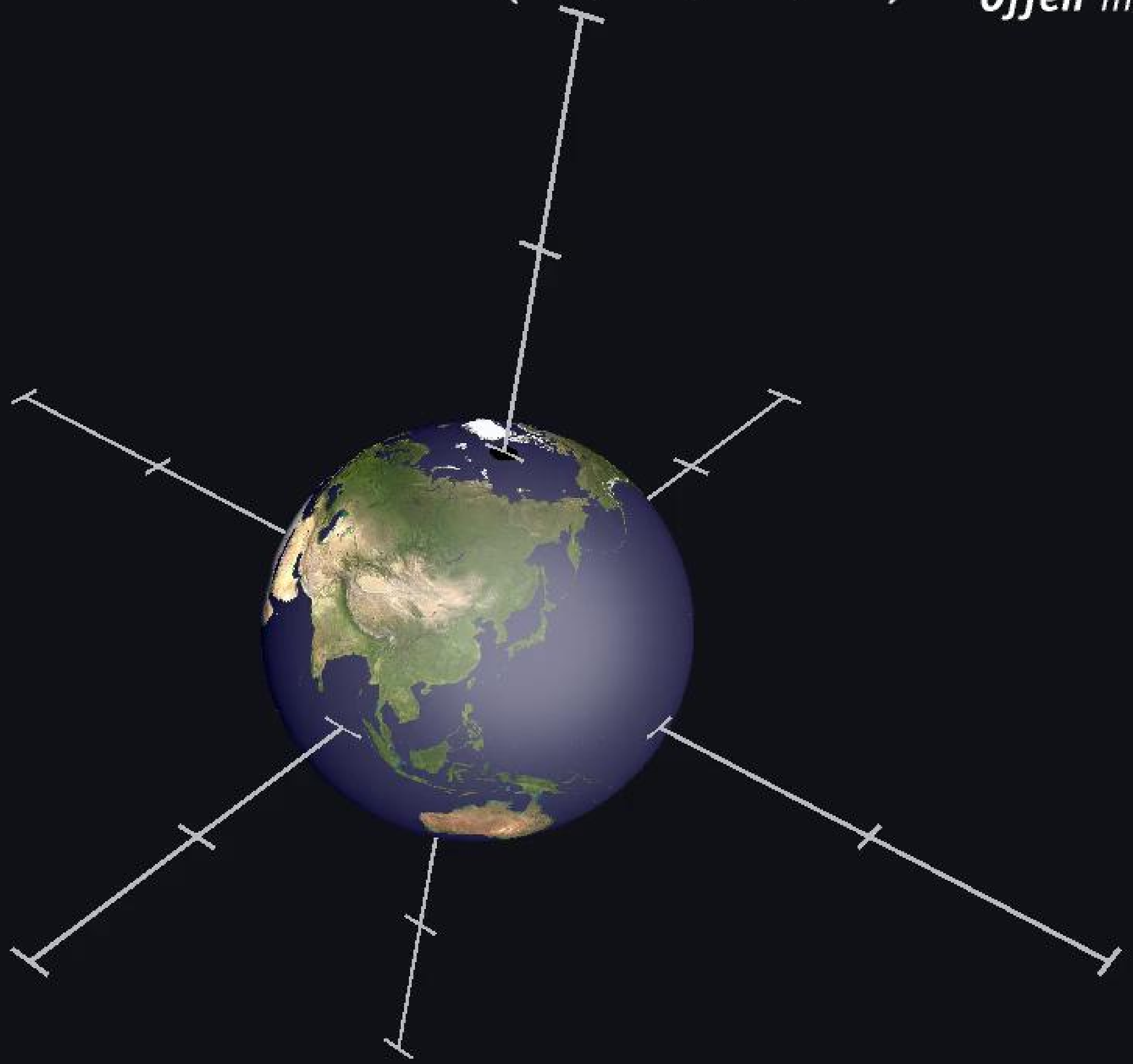
$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

# Rotierende Kugelmasse

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$



# Rotierende Kugelmasse

$$c = G = R = 1$$

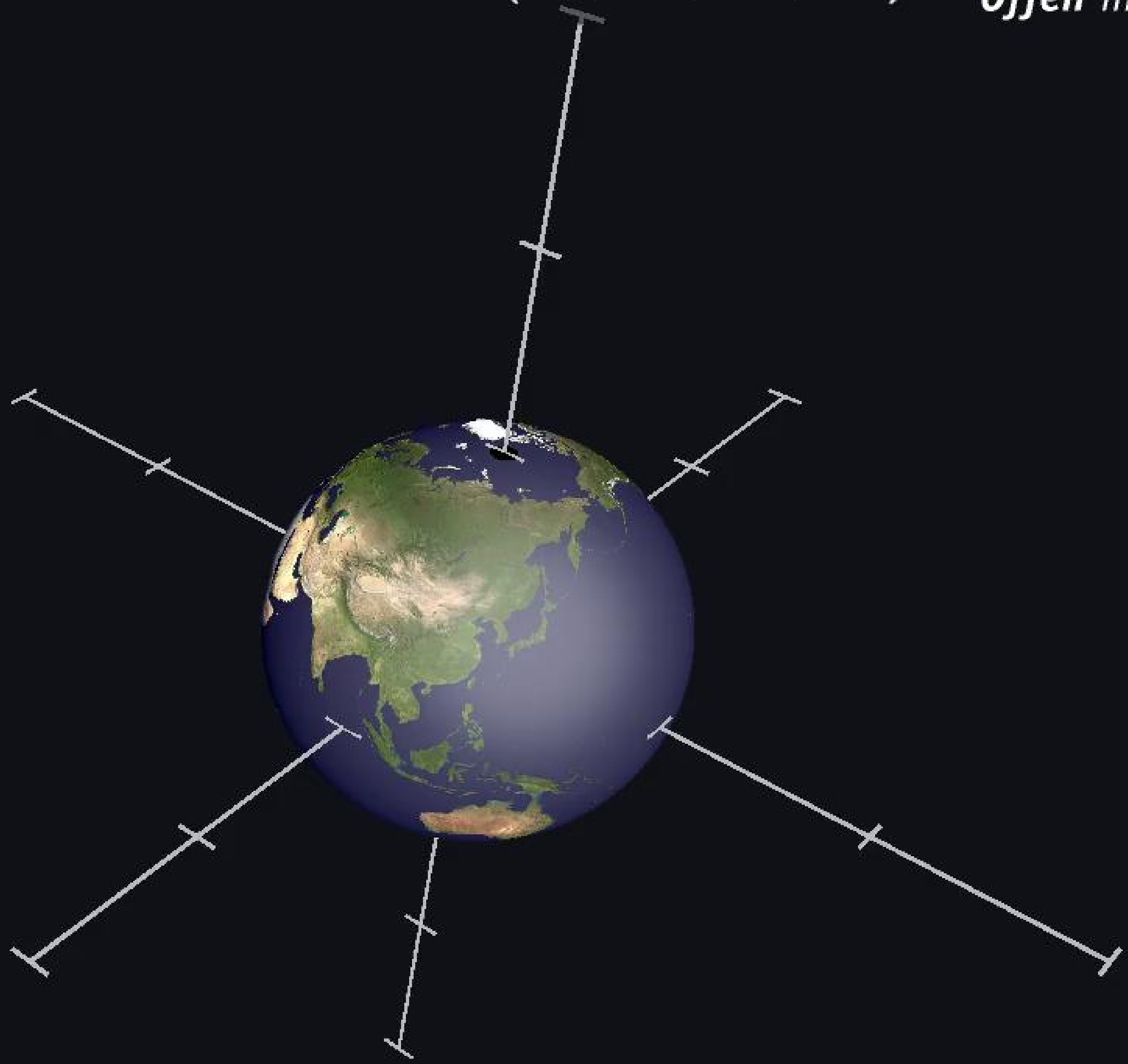
$$(+,-,-,-)$$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$

$$\vec{j} = \rho_0 \vec{\omega} \times \vec{x} \Theta(R - |\vec{x}|)$$



# Rotierende Kugelmasse

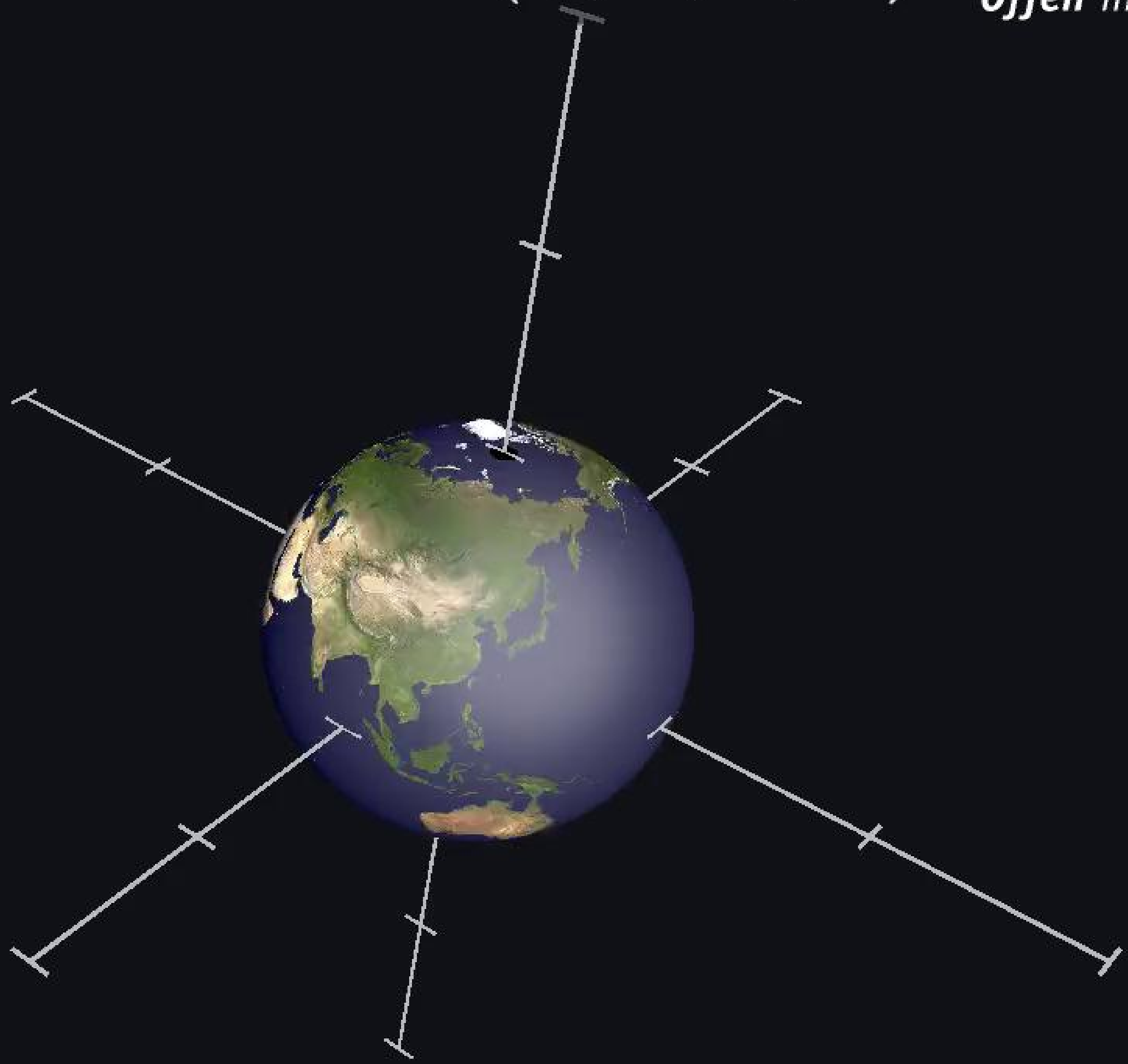
$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$



$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$

$$\vec{j} = \rho_0 \vec{\omega} \times \vec{x} \Theta(R - |\vec{x}|)$$



# Rotierende Kugelmasse

$$c = G = R = 1$$
$$(+, -, -, -)$$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$

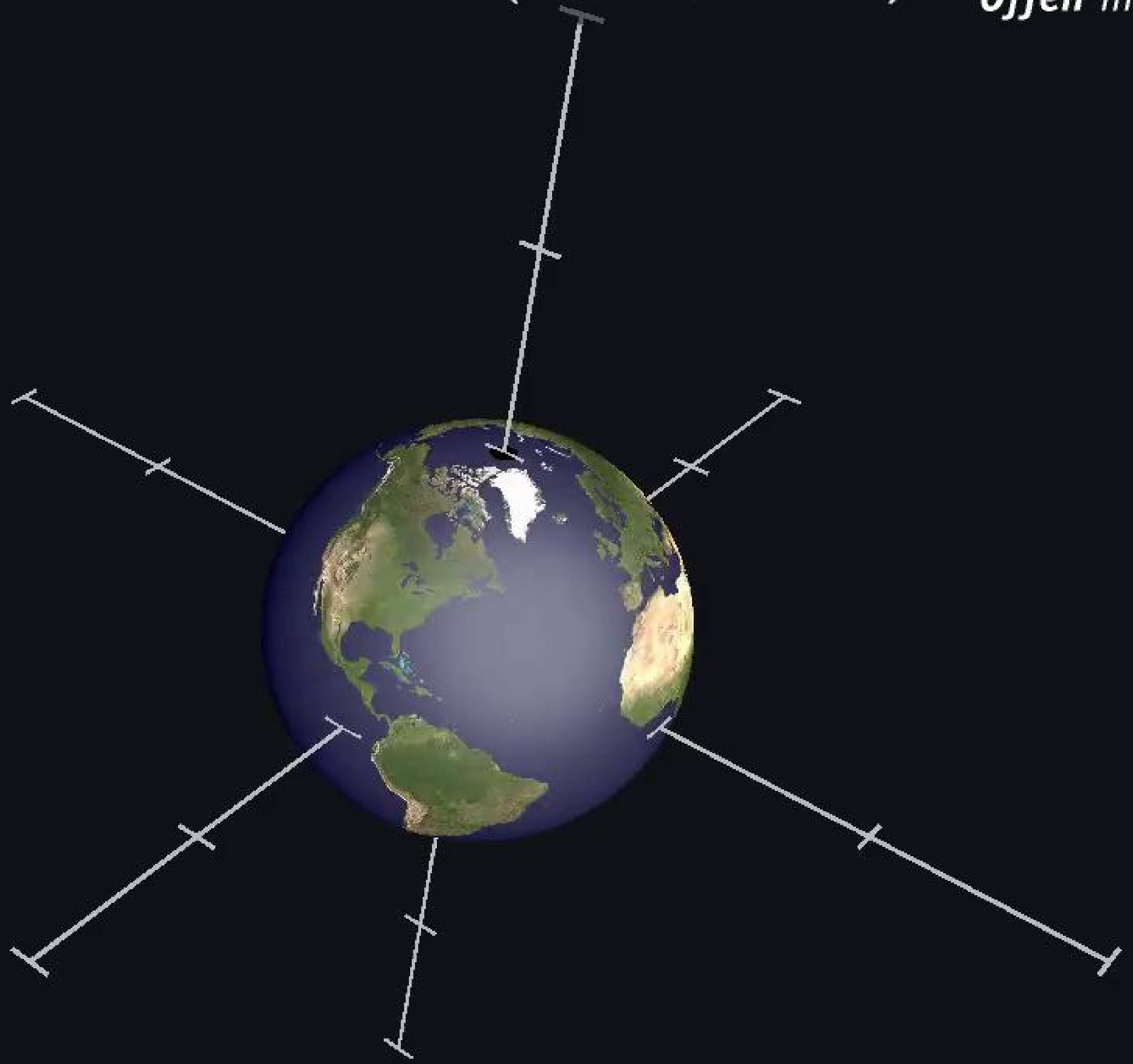
$$\vec{j} = \rho_0 \vec{\omega} \times \vec{x} \Theta(R - |\vec{x}|)$$

$$\vec{E} = -\frac{M\vec{x}}{|\vec{x}|^3}$$

$$\vec{B} = \frac{2}{|\vec{x}|^3}\left[\vec{S} - \frac{3(\vec{S}\cdot\vec{x})\vec{x}}{|\vec{x}|^2}\right]$$

$$I = \tfrac{2}{5} M R^2$$

$$\vec{S} = I\vec{\omega}$$



# EM-Felder

$$c = G = R = 1$$
$$(+,-,-,-)$$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN
Offen im Denken

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$

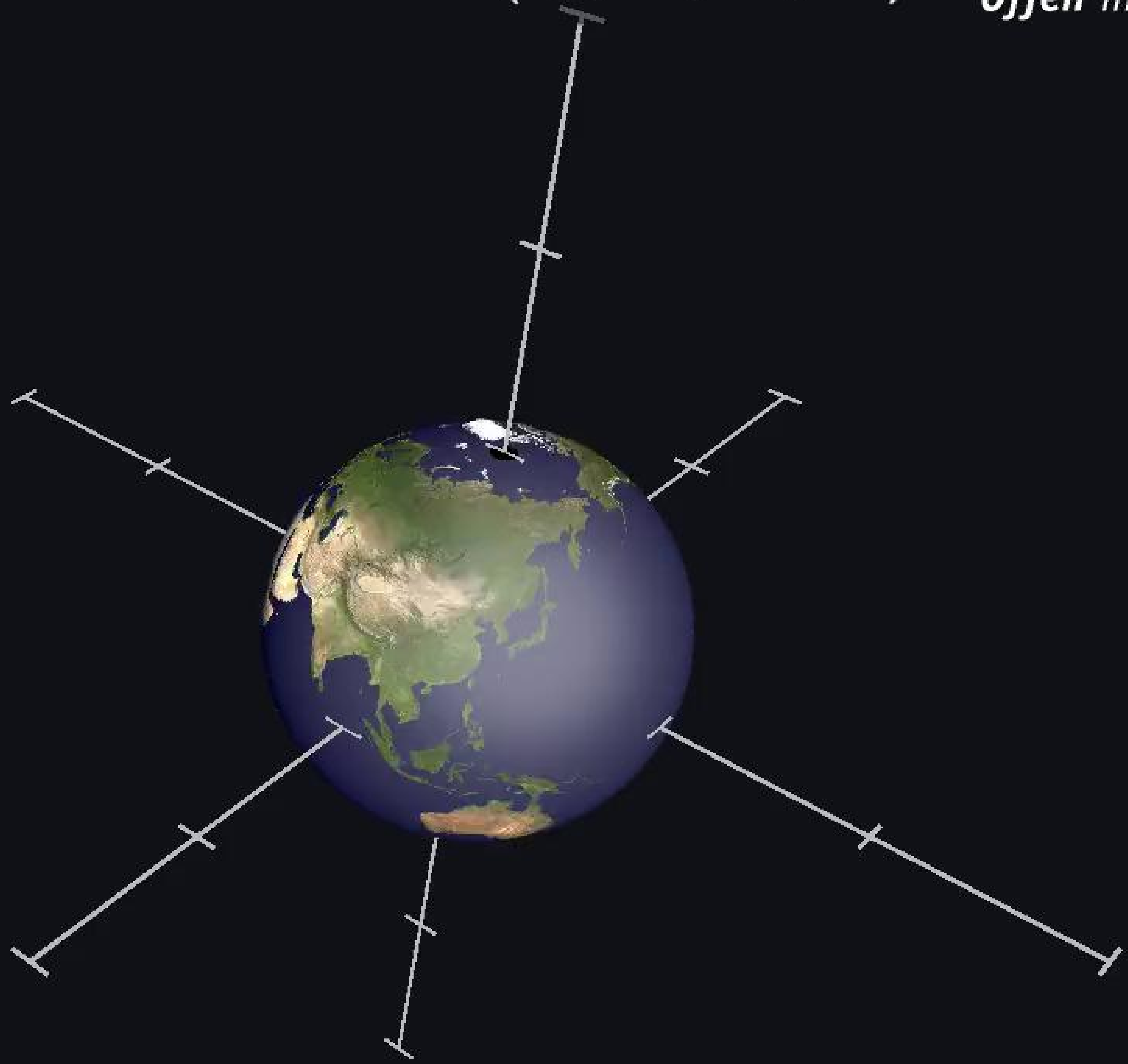
$$\vec{j} = \rho_0 \vec{\omega} \times \vec{x} \Theta(R - |\vec{x}|)$$

$$\vec{E} = -\frac{M\vec{x}}{|\vec{x}|^3}$$

$$\vec{B} = \frac{2}{|\vec{x}|^3}\left[\vec{S} - \frac{3(\vec{S}\cdot\vec{x})\vec{x}}{|\vec{x}|^2}\right]$$

$$I = \frac{2}{5} M R^2$$

$$\vec{S} = I\vec{\omega}$$



$c = G = R = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

# EM-Felder

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$

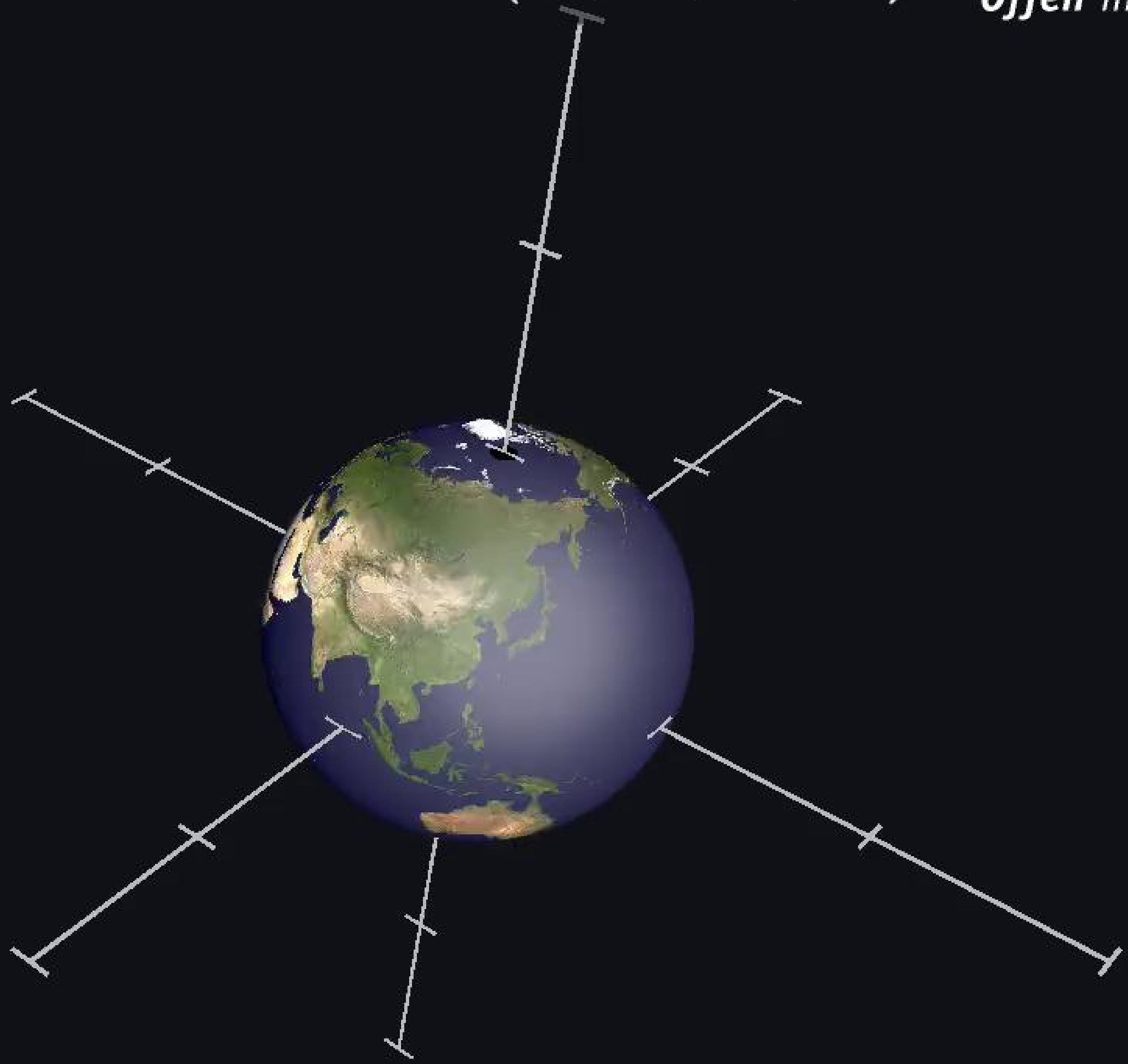
$$\vec{j} = \rho_0 \vec{\omega} \times \vec{x} \Theta(R - |\vec{x}|)$$

$$\vec{E} = -\frac{M\vec{x}}{|\vec{x}|^3}$$

$$\vec{B} = \frac{2}{|\vec{x}|^3} \left[ \vec{S} - \frac{3(\vec{S}\cdot\vec{x})\vec{x}}{|\vec{x}|^2} \right]$$

$$I = \frac{2}{5} M R^2$$

$$\vec{S} = I\vec{\omega}$$



# EM-Felder

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$

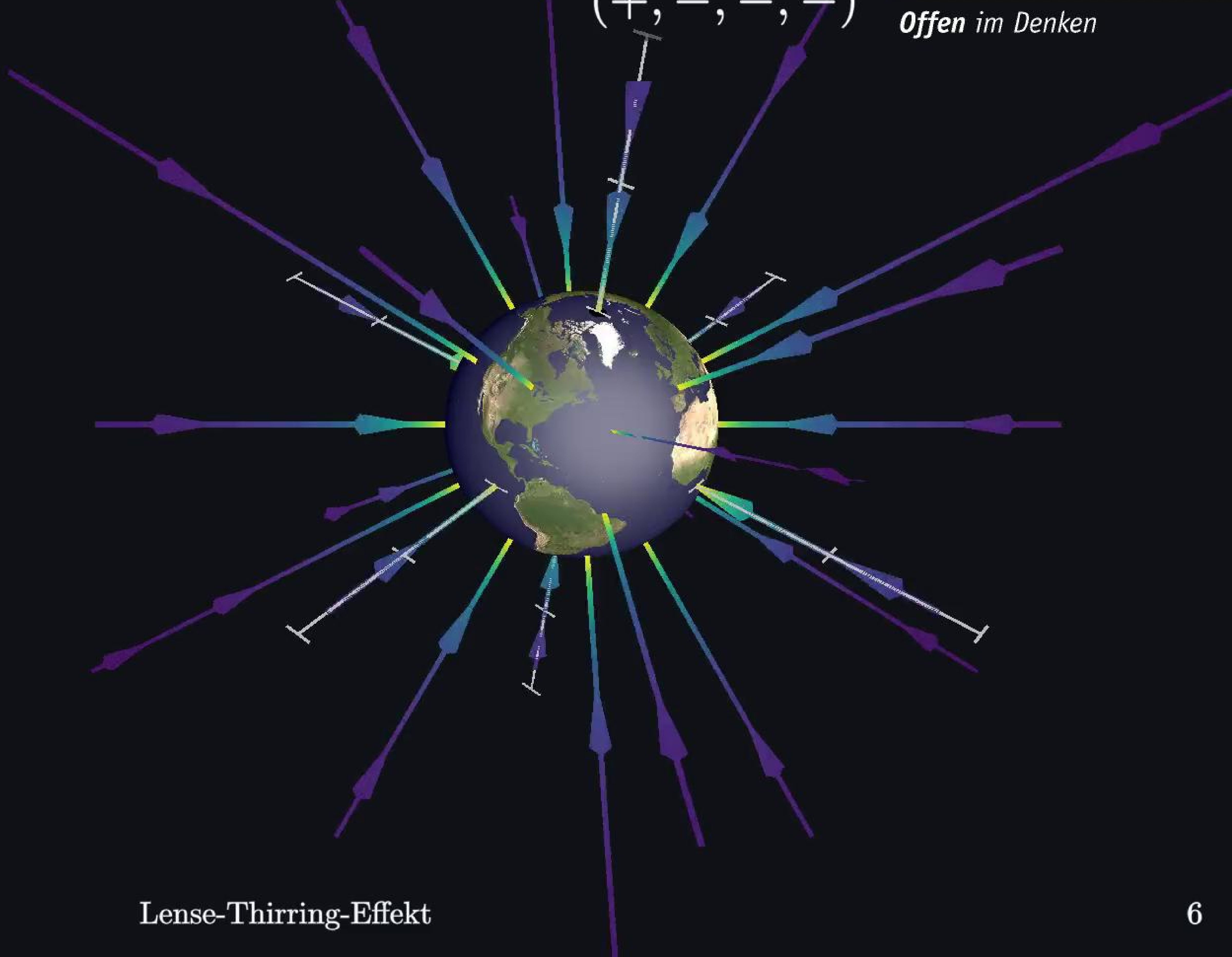
$$\vec{j} = \rho_0 \vec{\omega} \times \vec{x} \Theta(R - |\vec{x}|)$$

$$\boxed{\vec{E} = -\frac{M\vec{x}}{|\vec{x}|^3}}$$

$$\vec{B} = \frac{2}{|\vec{x}|^3}\left[\vec{S} - \frac{3(\vec{S}\cdot\vec{x})\vec{x}}{|\vec{x}|^2}\right]$$

$$I = \frac{2}{5} M R^2$$

$$\vec{S} = I\vec{\omega}$$



# EM-Felder

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$

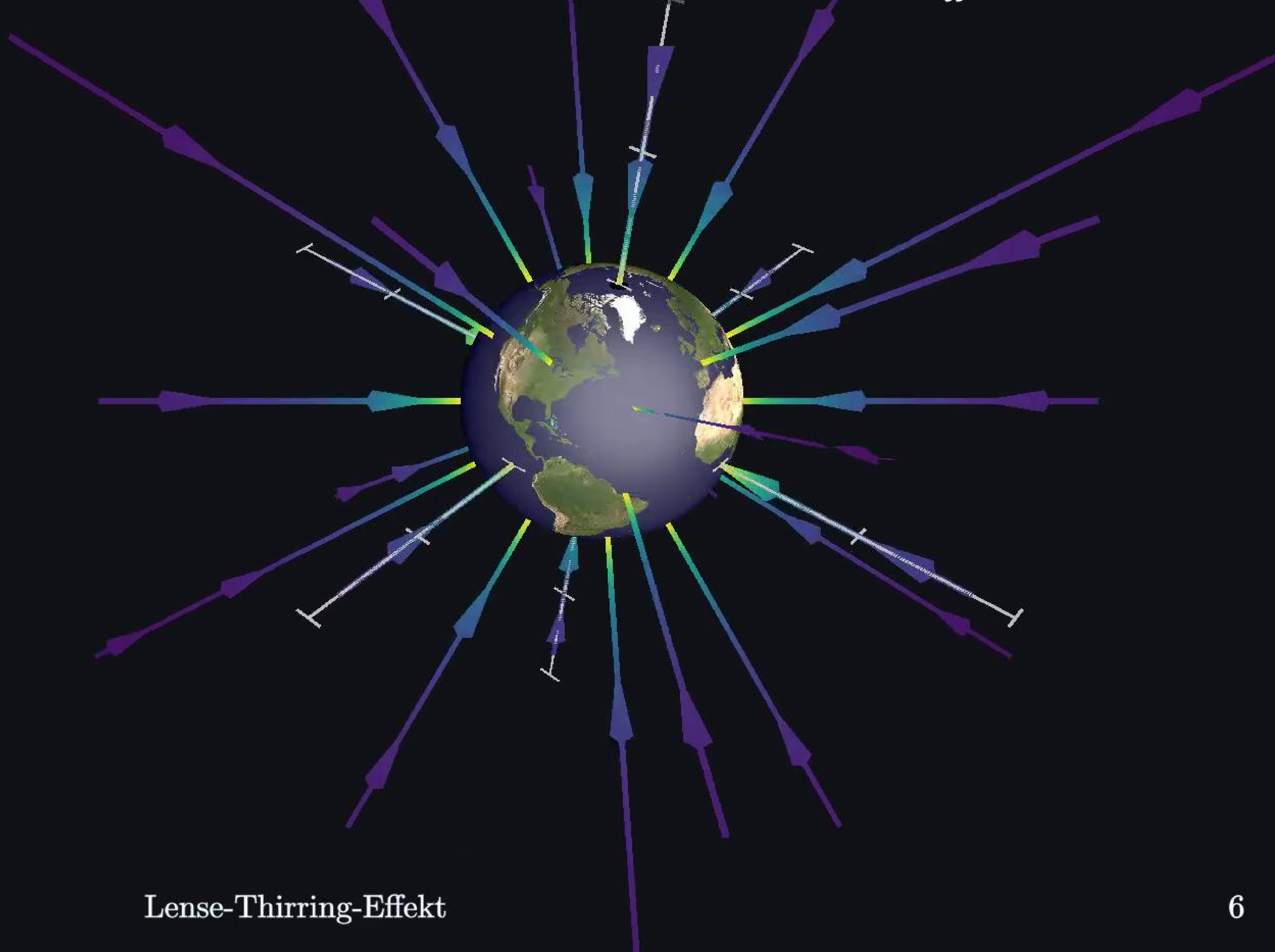
$$\vec{j} = \rho_0 \vec{\omega} \times \vec{x} \Theta(R - |\vec{x}|)$$

$$\boxed{\vec{E} = -\frac{M\vec{x}}{|\vec{x}|^3}}$$

$$\vec{B} = \frac{2}{|\vec{x}|^3}\left[\vec{S} - \frac{3(\vec{S}\cdot\vec{x})\vec{x}}{|\vec{x}|^2}\right]$$

$$I = \frac{2}{5} M R^2$$

$$\vec{S} = I\vec{\omega}$$



$$c = G = R = 1$$

$$(+,-,-,-)$$

# EM-Felder

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$

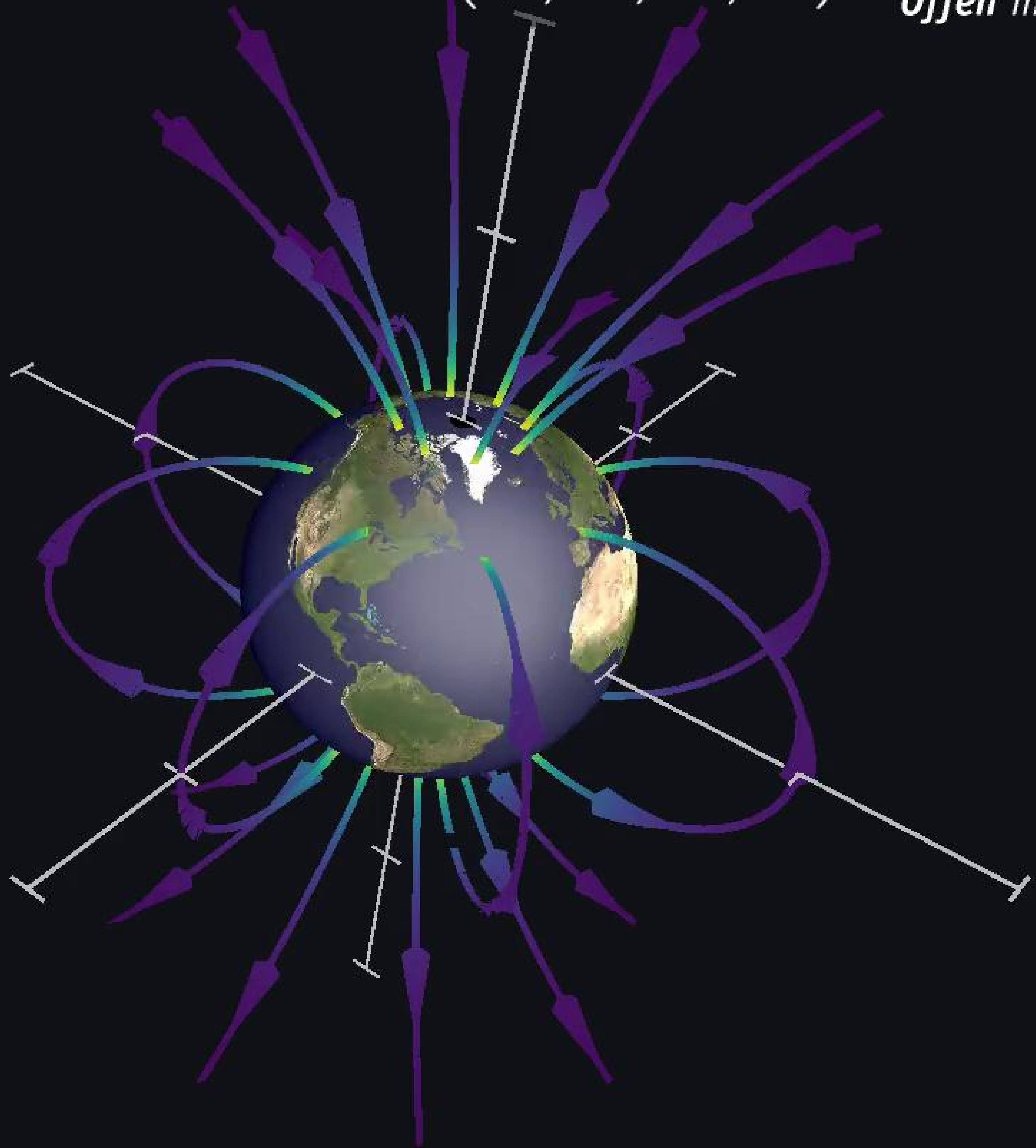
$$\vec{j} = \rho_0 \vec{\omega} \times \vec{x}\Theta(R - |\vec{x}|)$$

$$\vec{E} = -\frac{M\vec{x}}{|\vec{x}|^3}$$

$$\boxed{\vec{B} = \frac{2}{|\vec{x}|^3}\left[\vec{S} - \frac{3(\vec{S}\cdot\vec{x})\vec{x}}{|\vec{x}|^2}\right]}$$

$$I = \frac{2}{5}MR^2$$

$$\vec{S} = I\vec{\omega}$$



# EM-Felder

$$c = G = R = 1$$

$$(+,-,-,-)$$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

$$\rho(|\vec{x}|) = \rho_0 \Theta(R - |\vec{x}|)$$

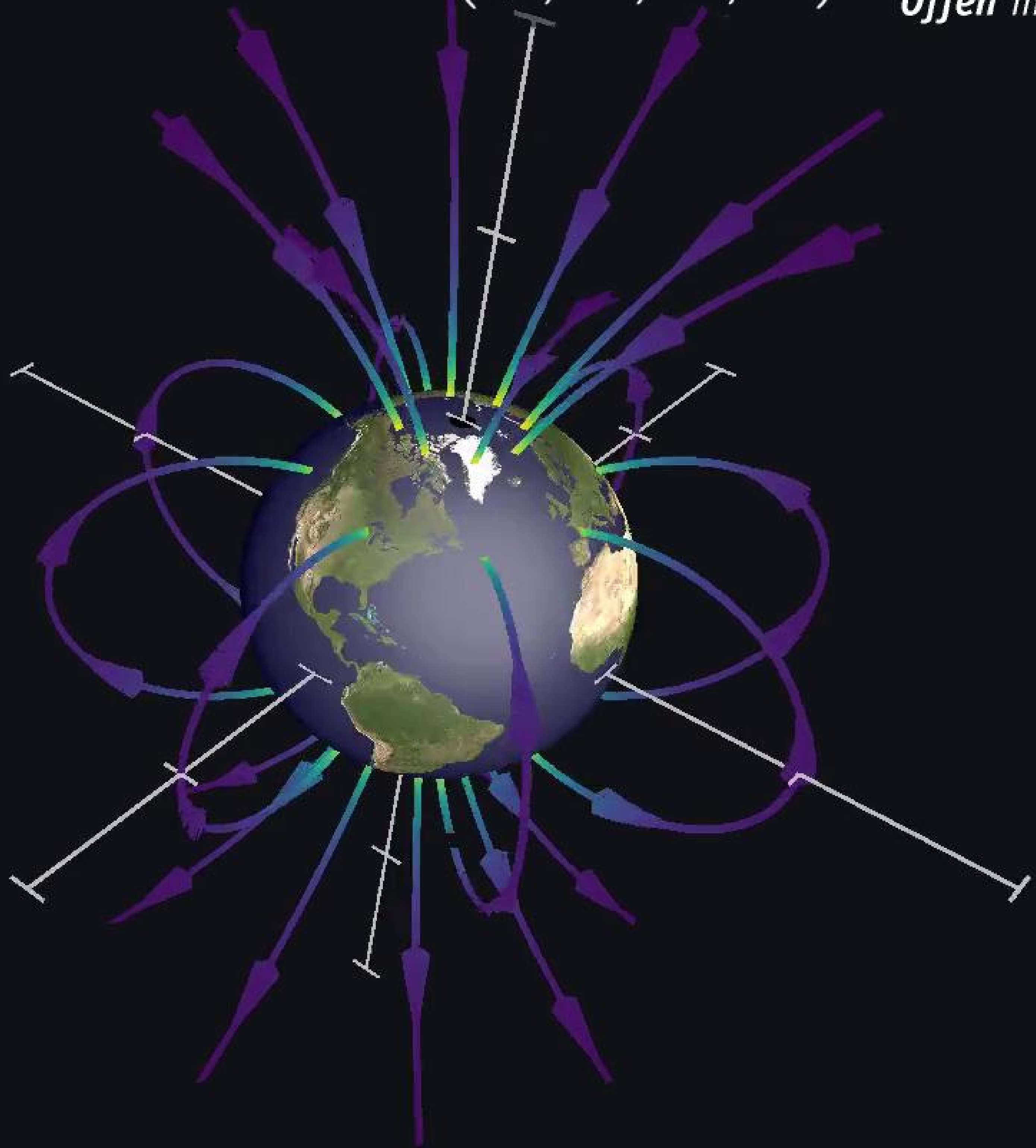
$$\vec{j} = \rho_0 \vec{\omega} \times \vec{x}\Theta(R - |\vec{x}|)$$

$$\vec{E} = -\frac{M\vec{x}}{|\vec{x}|^3}$$

$$\boxed{\vec{B} = \frac{2}{|\vec{x}|^3}\left[\vec{S} - \frac{3(\vec{S}\cdot\vec{x})\vec{x}}{|\vec{x}|^2}\right]}$$

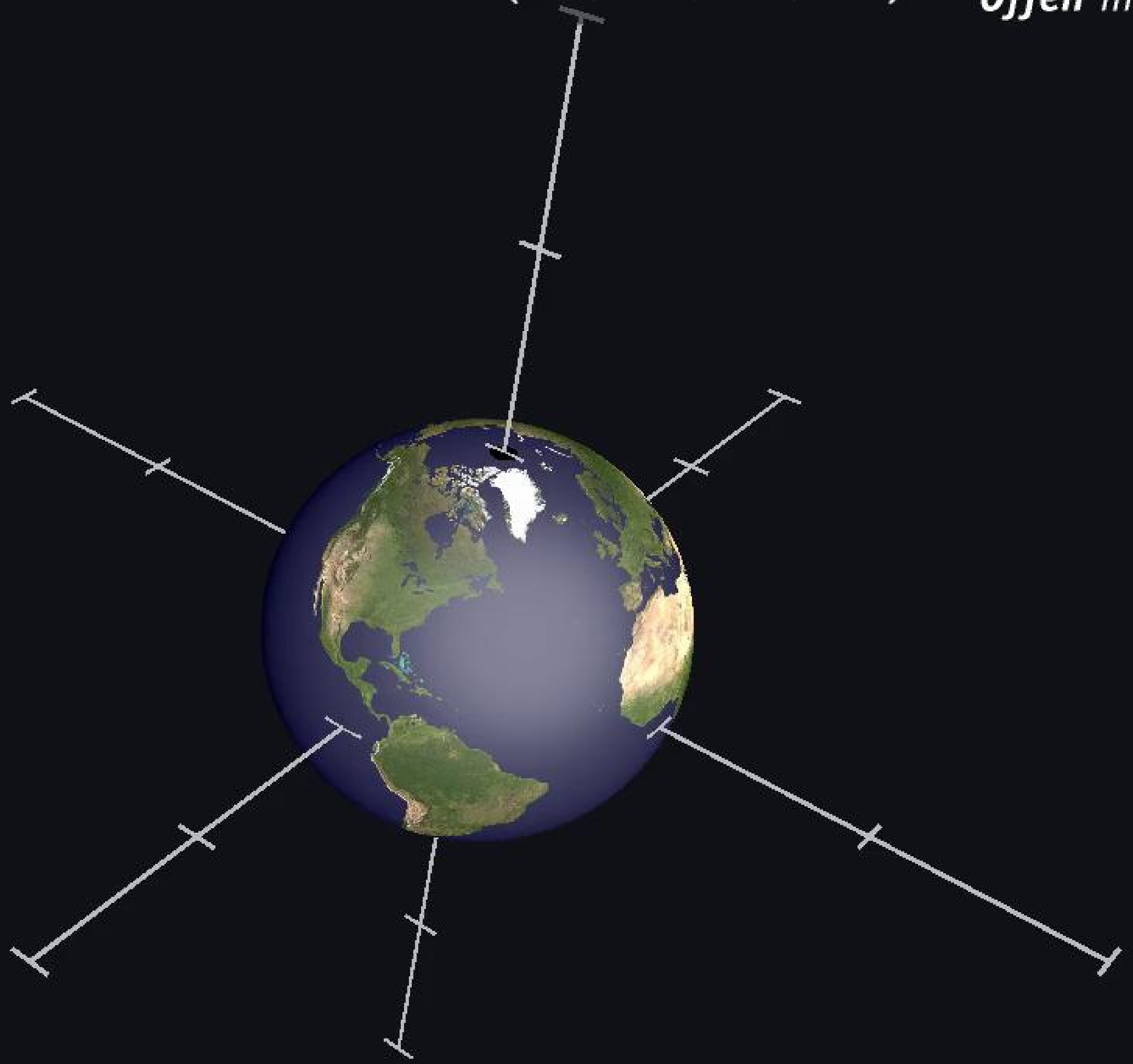
$$I = \frac{2}{5}MR^2$$

$$\vec{S} = I\vec{\omega}$$



# Trajektorien

$$c = G = R = 1$$
$$(+, -, -, -)$$



# Trajektorien

$$c = G = R = 1$$

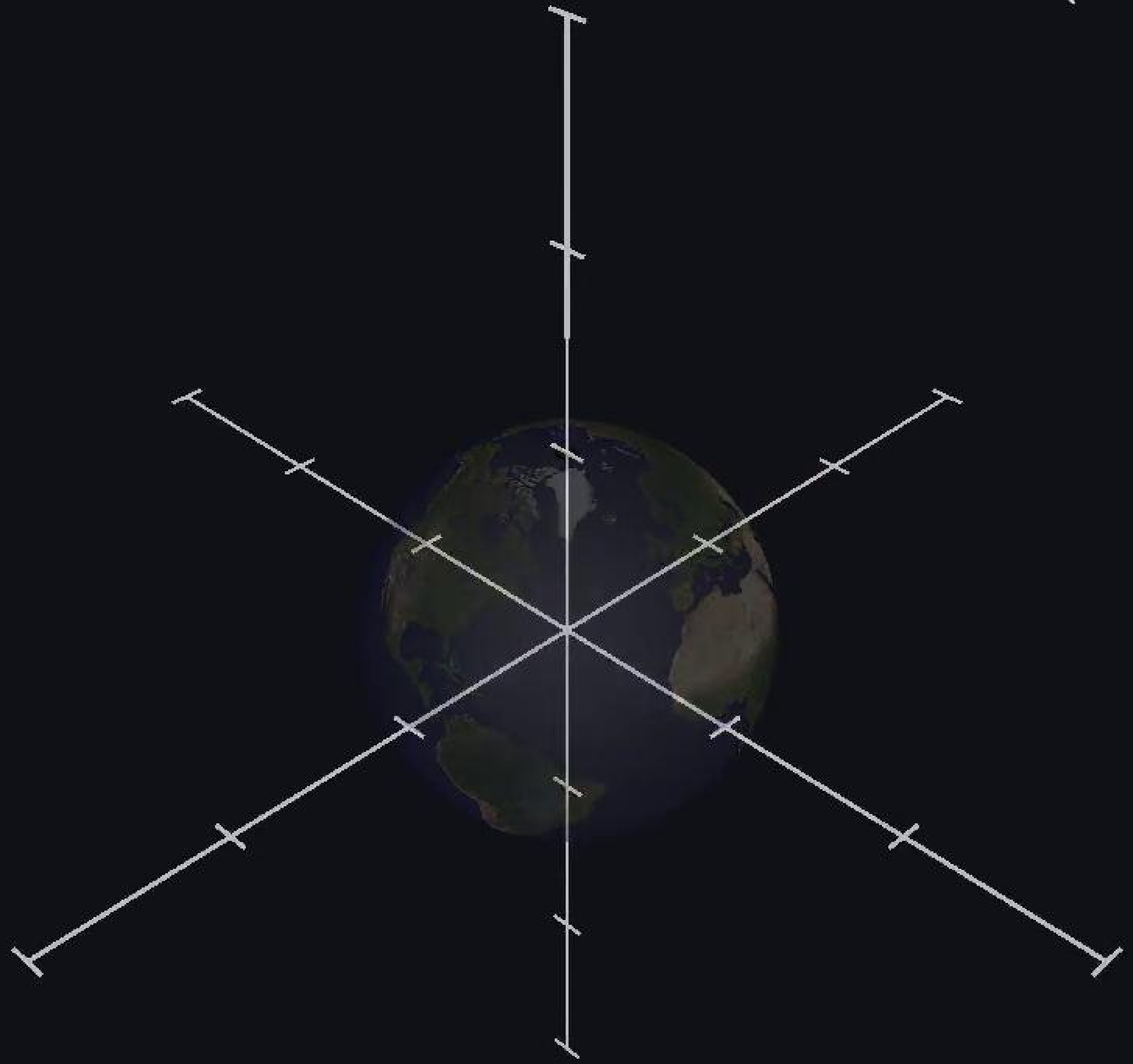
$$(+, -, -, -)$$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*

$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}\right)$$

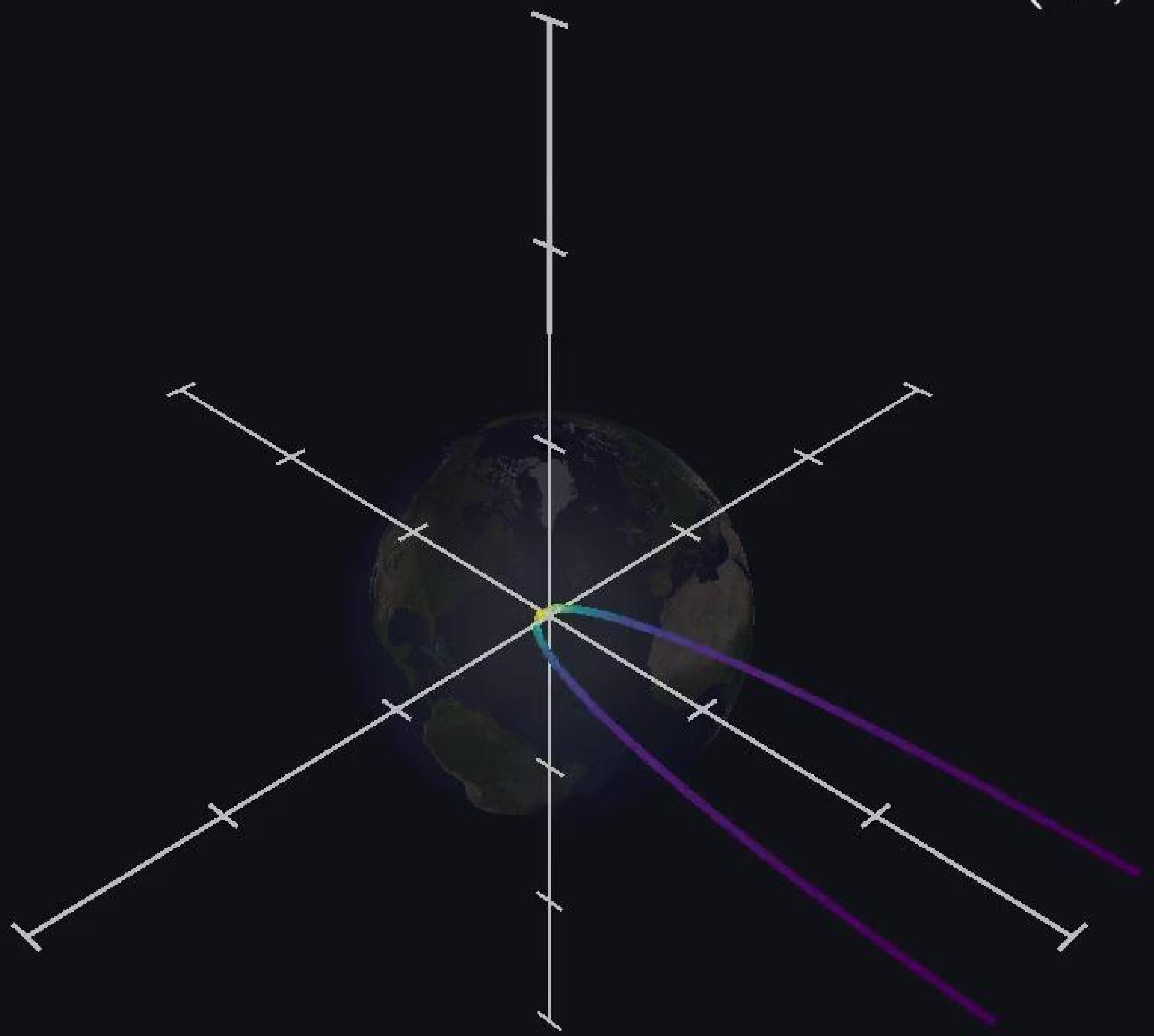
$$\omega = \ 0.00$$



# Trajektorien

$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}\right)$$

$$\omega = \ 0.00$$



# Trajektorien

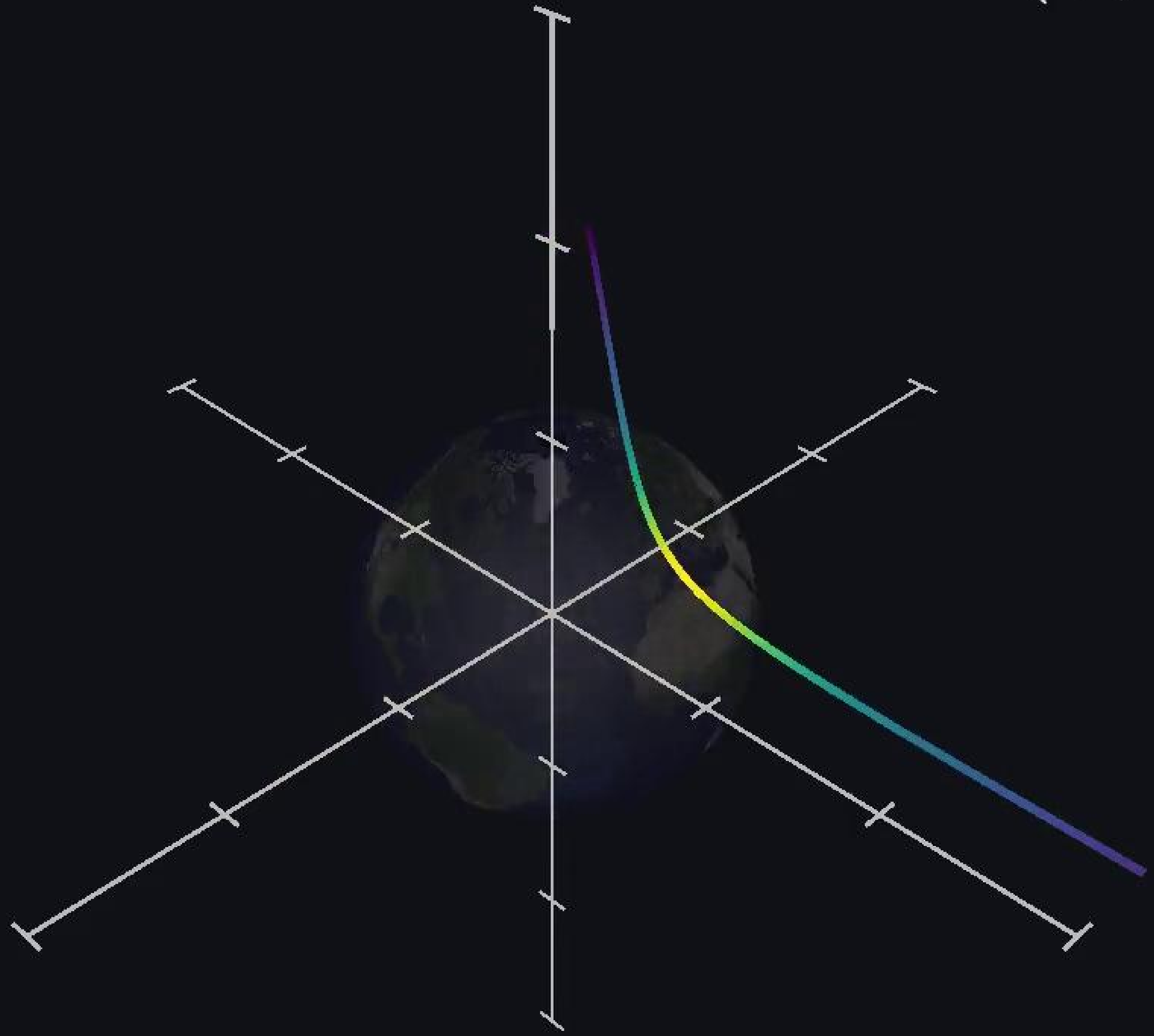
$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$



$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}\right)$$

$\omega = \ 1.00$



# Trajektorien

$$c = G = R = 1$$

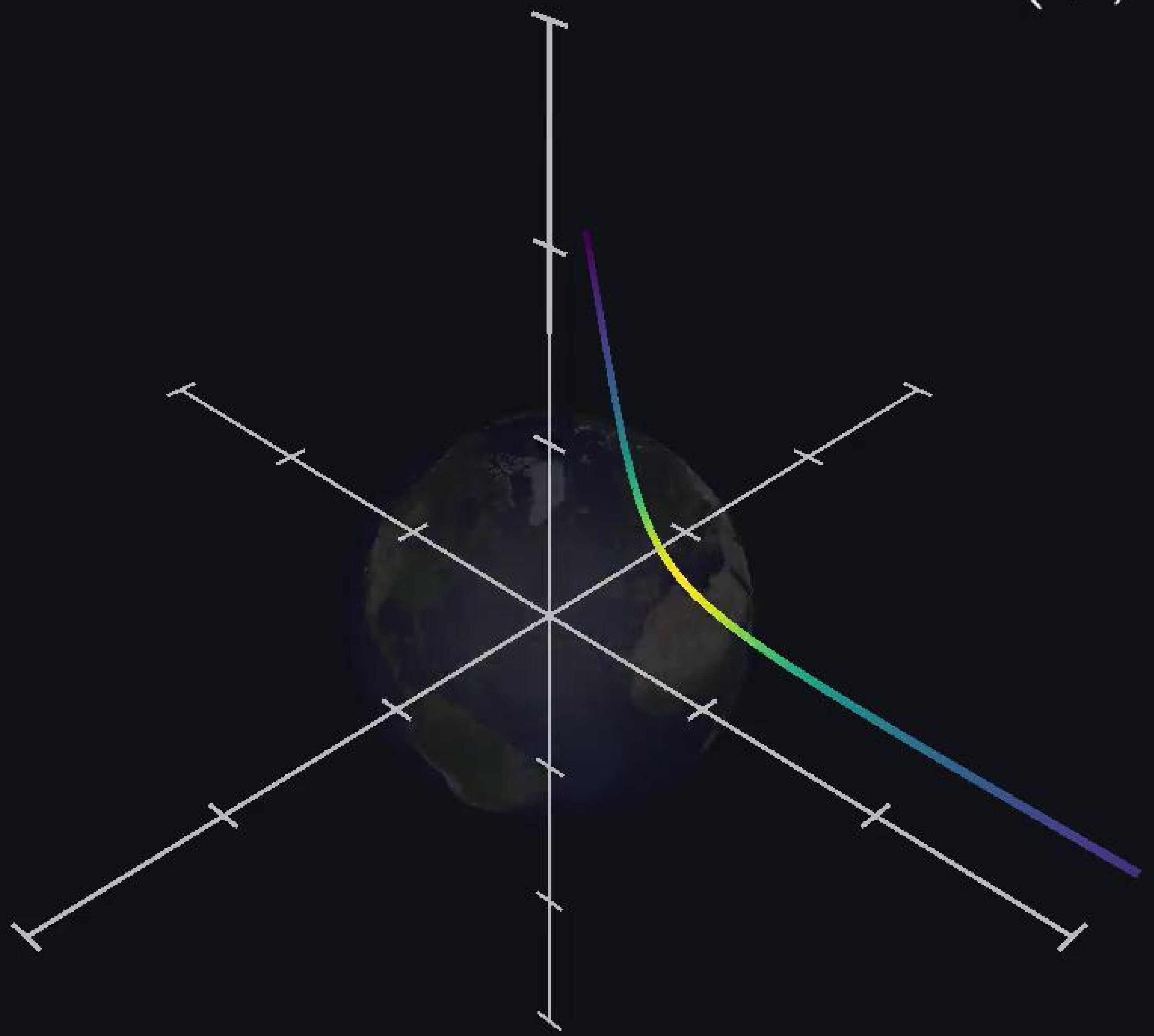
$$(+,-,-,-)$$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen* im Denken

$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}\right)$$

$$\omega = \ 1.00$$



# Trajektorien

$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}\right)$$

$$\omega = \ 0.00$$

# Trajektorien

$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}\right)$$

$$\omega = \ 0.71$$



# Trajektorien

$$c = G = R = 1$$

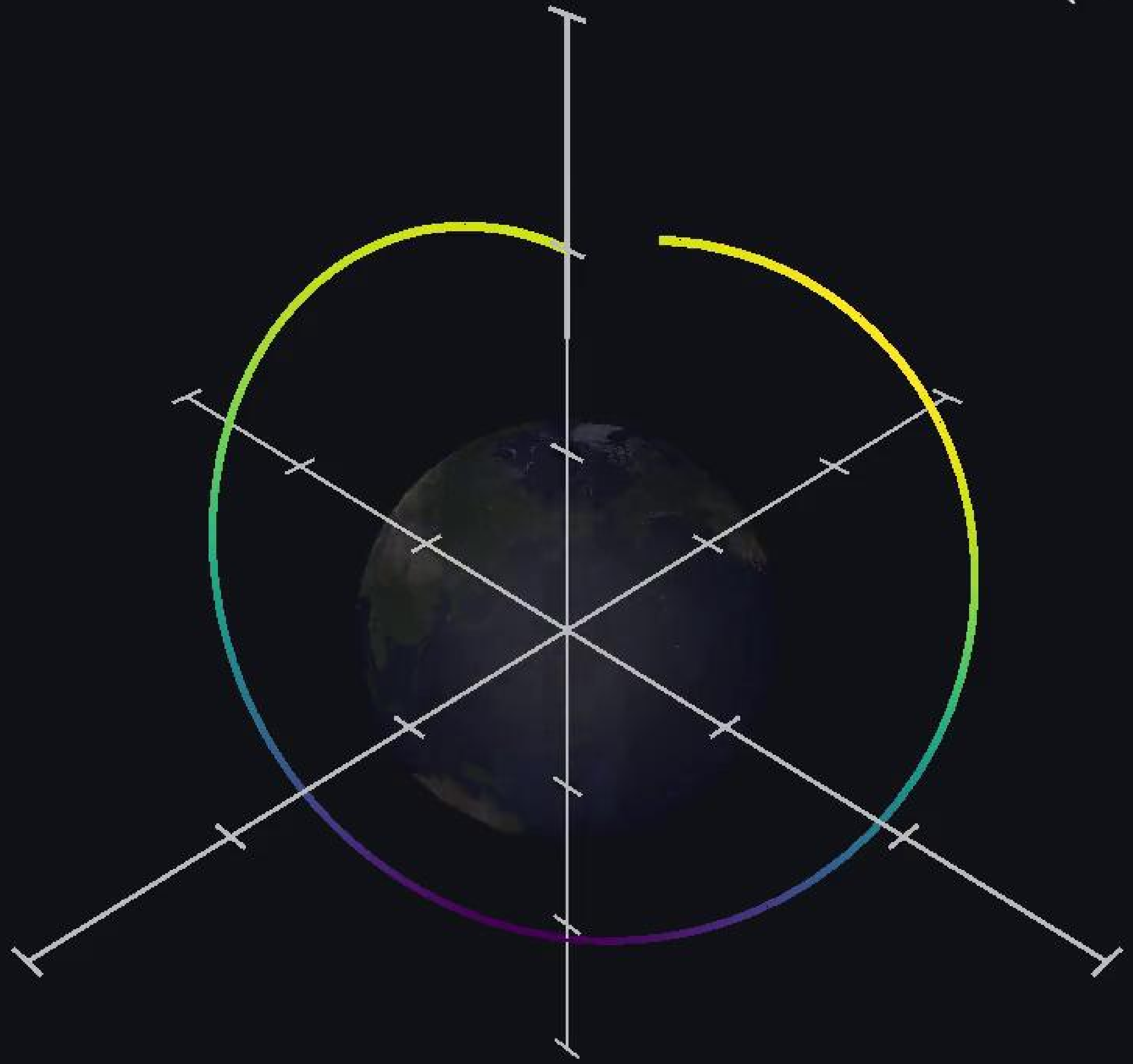
$$(+, -, -, -)$$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen* im Denken

$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}\right)$$

$$\omega = \ 0.71$$



# Trajektorien

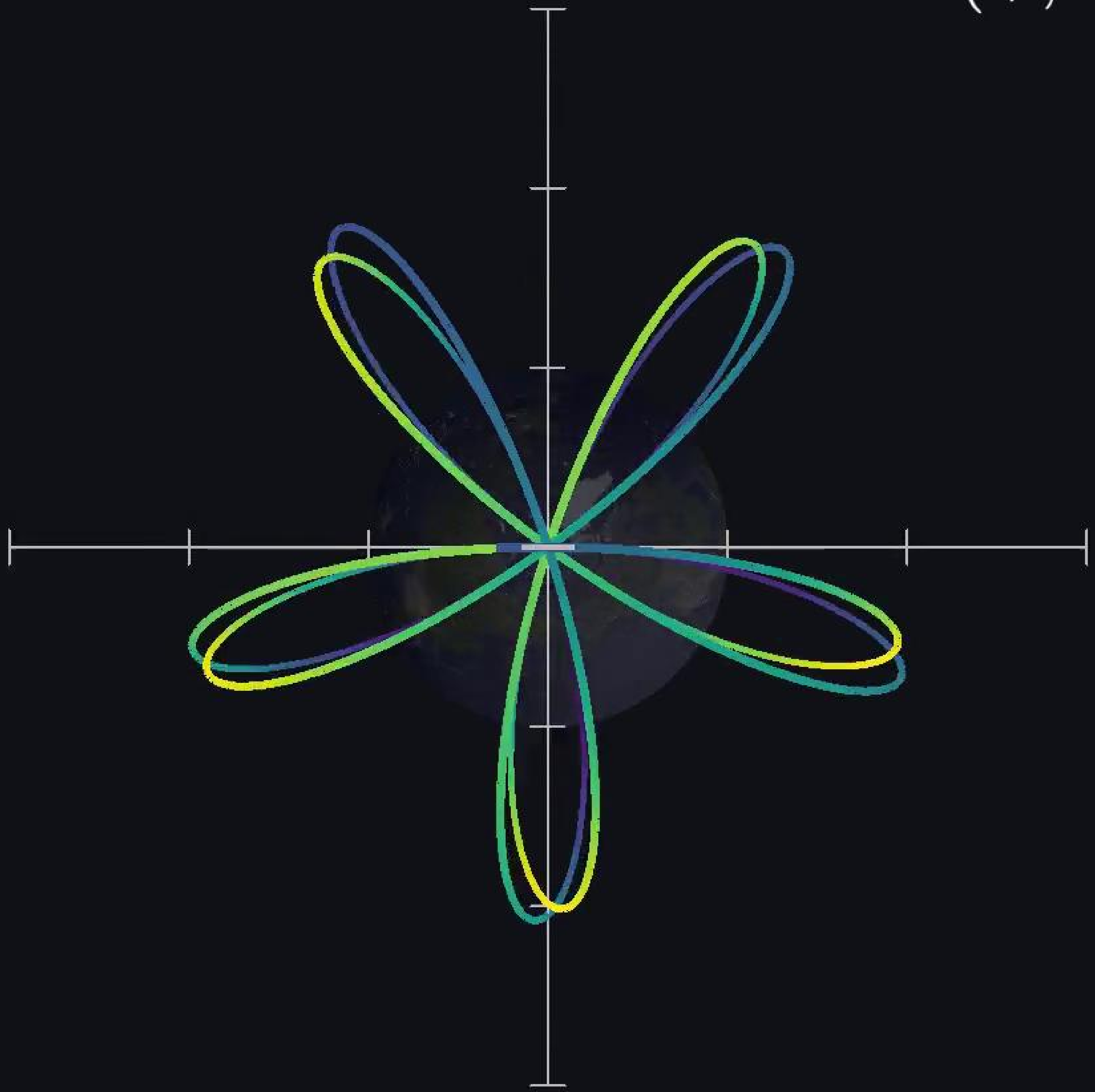
$$c = G = R = 1$$

$$(+,-,-,-)$$



$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}\right)$$

$$\omega = \ 0.71$$



# Trajektorien

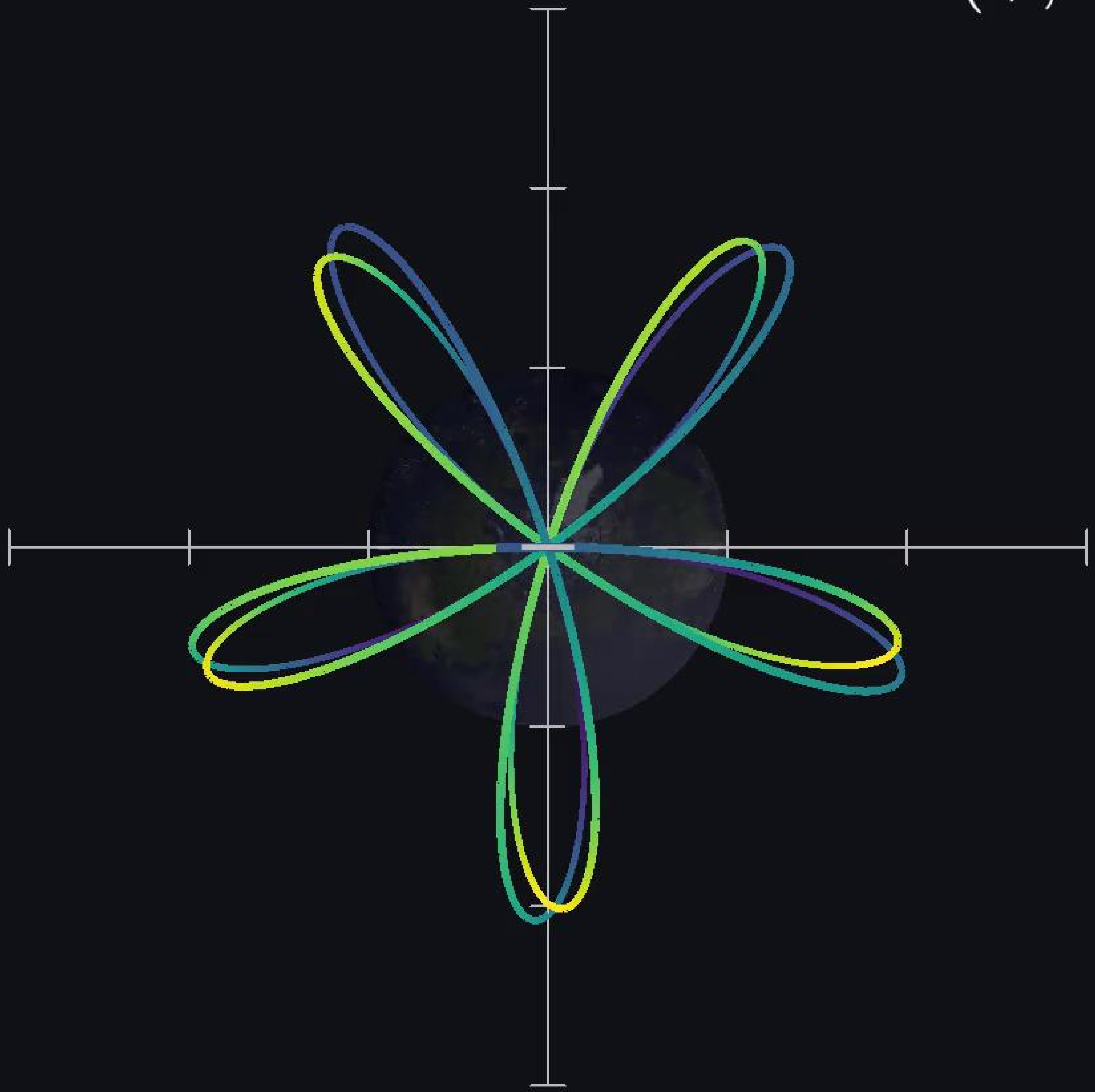
$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN
*Offen* im Denken

$$\vec{F} = m\left(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}\right)$$

$$\omega = \ 0.71$$



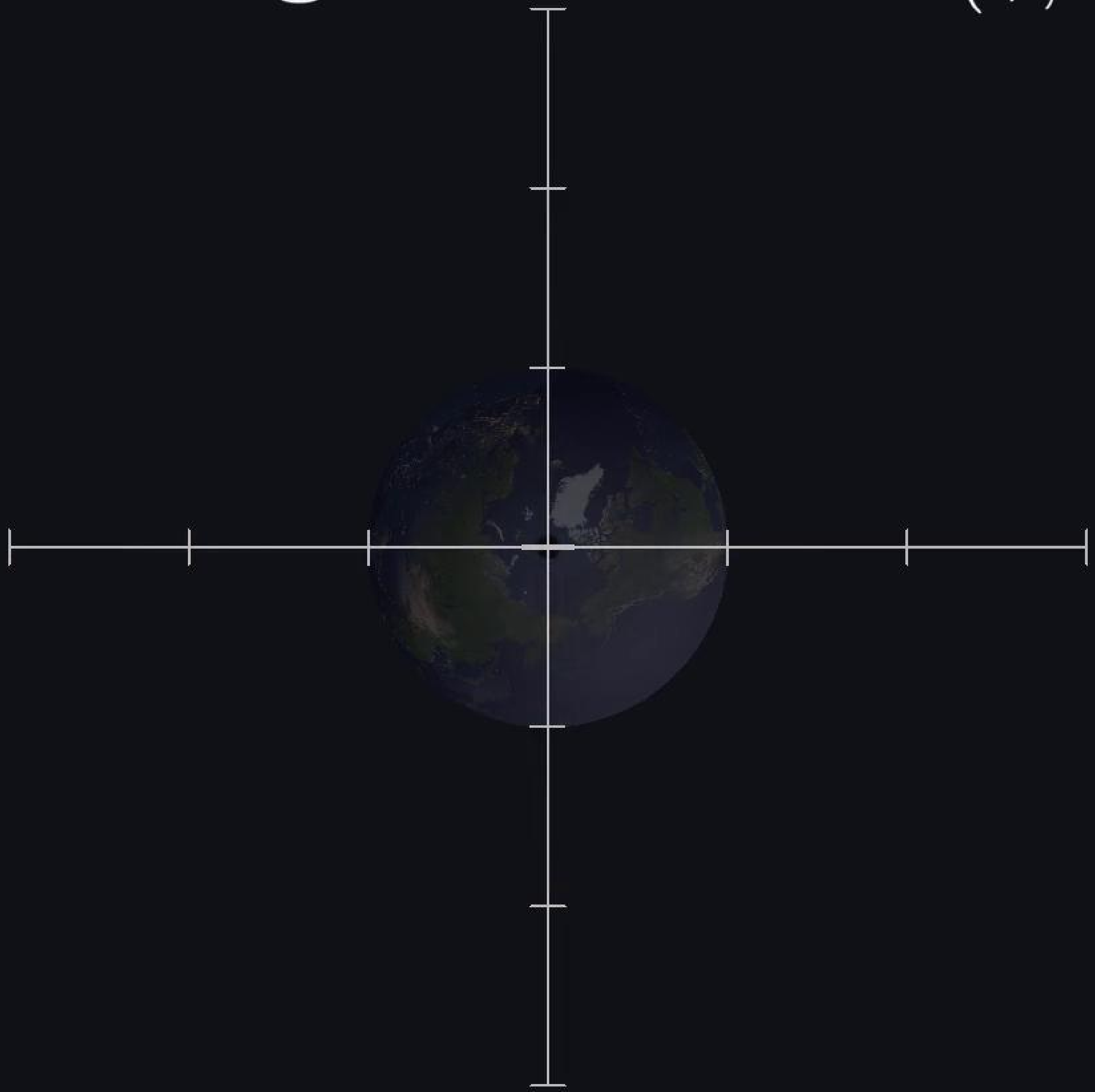
# Raumzeitdarstellung

$c = G = R = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*



# Raumzeitdarstellung

$c = G = R = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

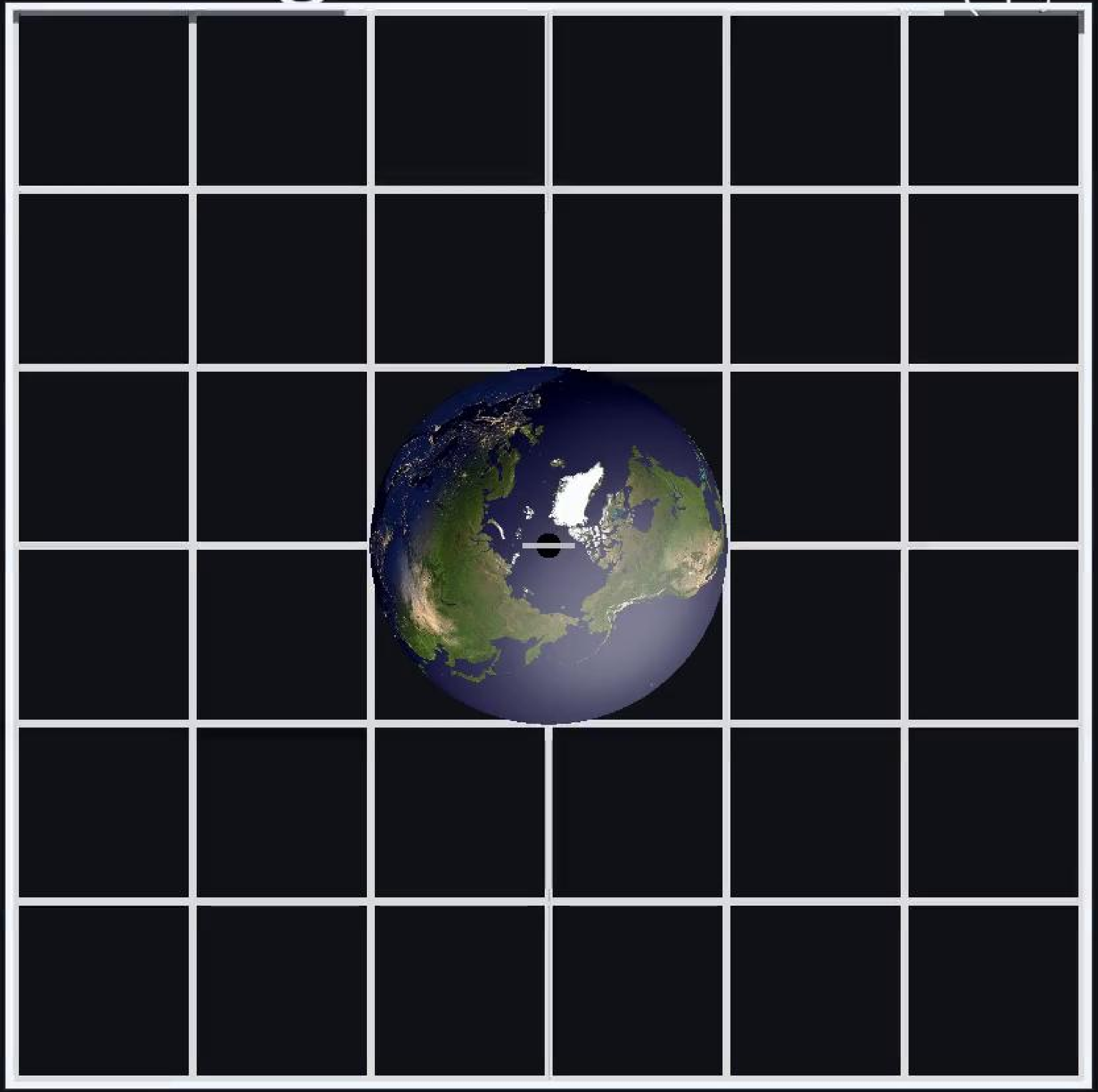
*Offen im Denken*

Zeitentwicklung

für jeden

Gitterpunkt

bei $\omega = 0$



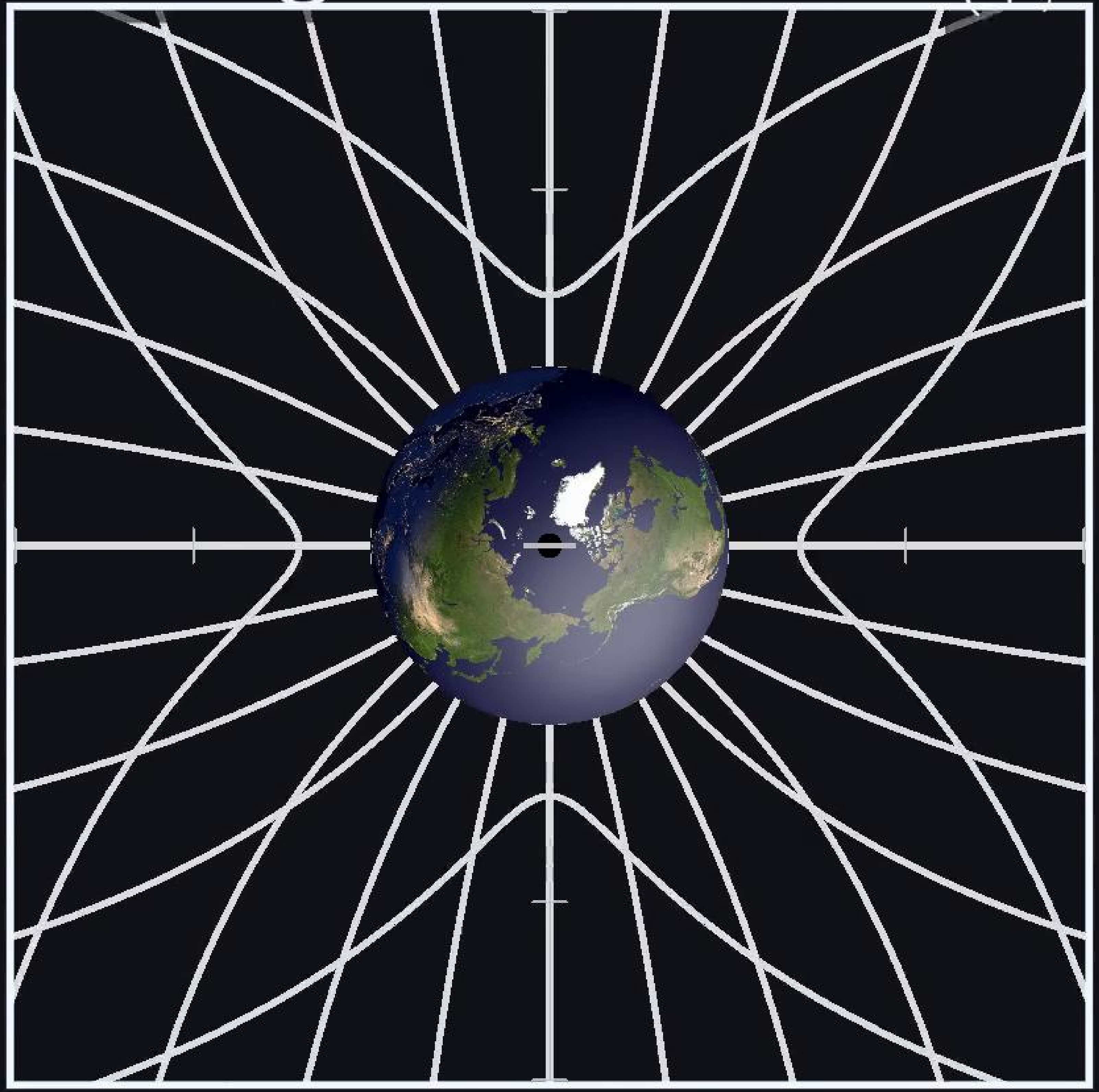
# Raumzeitdarstellung

Zeitentwicklung

für jeden

Gitterpunkt

bei $\omega = 0$



# Raumzeitdarstellung

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$

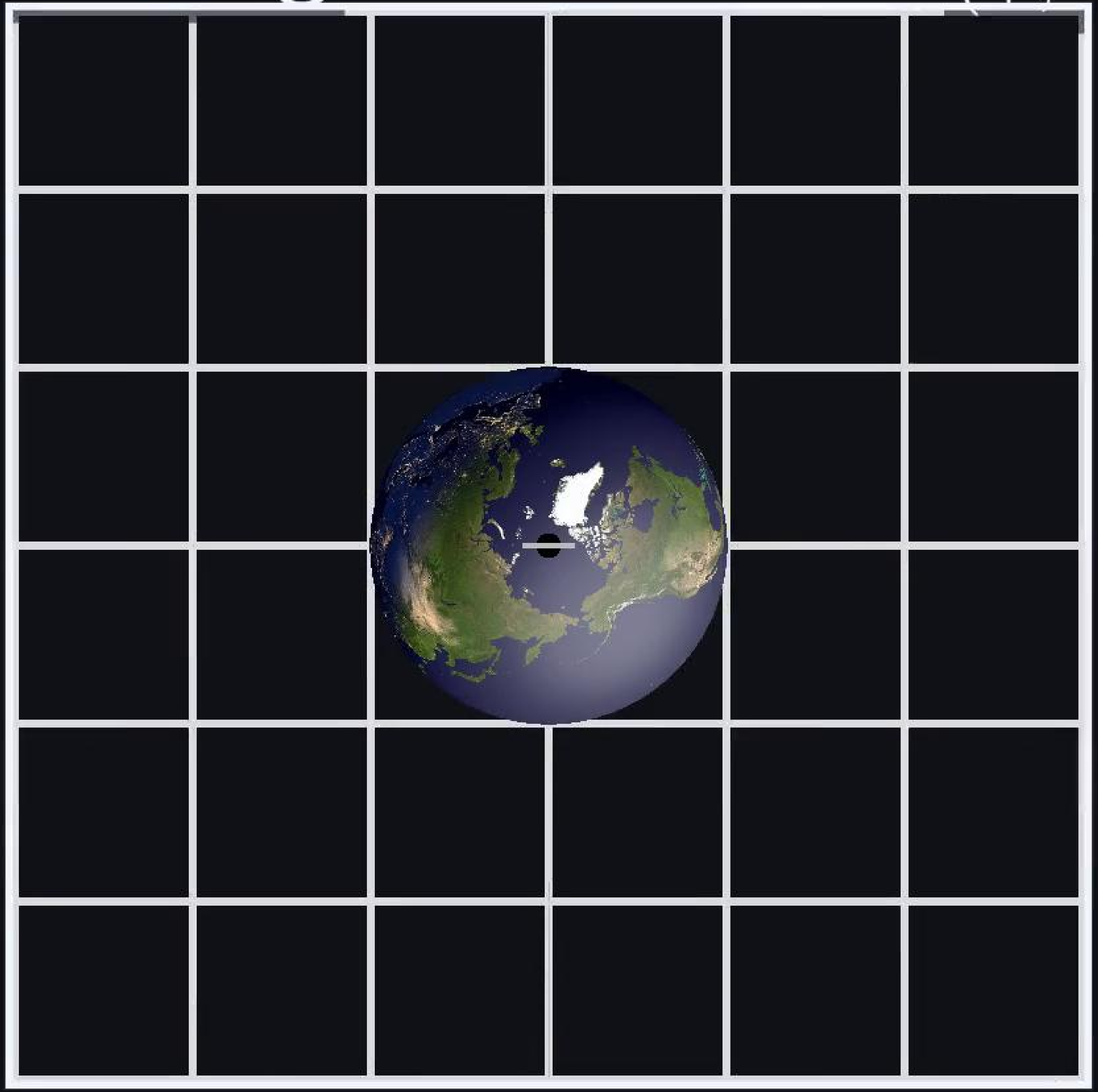


Zeitentwicklung

für jeden

Gitterpunkt

bei $\omega = 1$



# Raumzeitdarstellung

$c = G = R = 1$

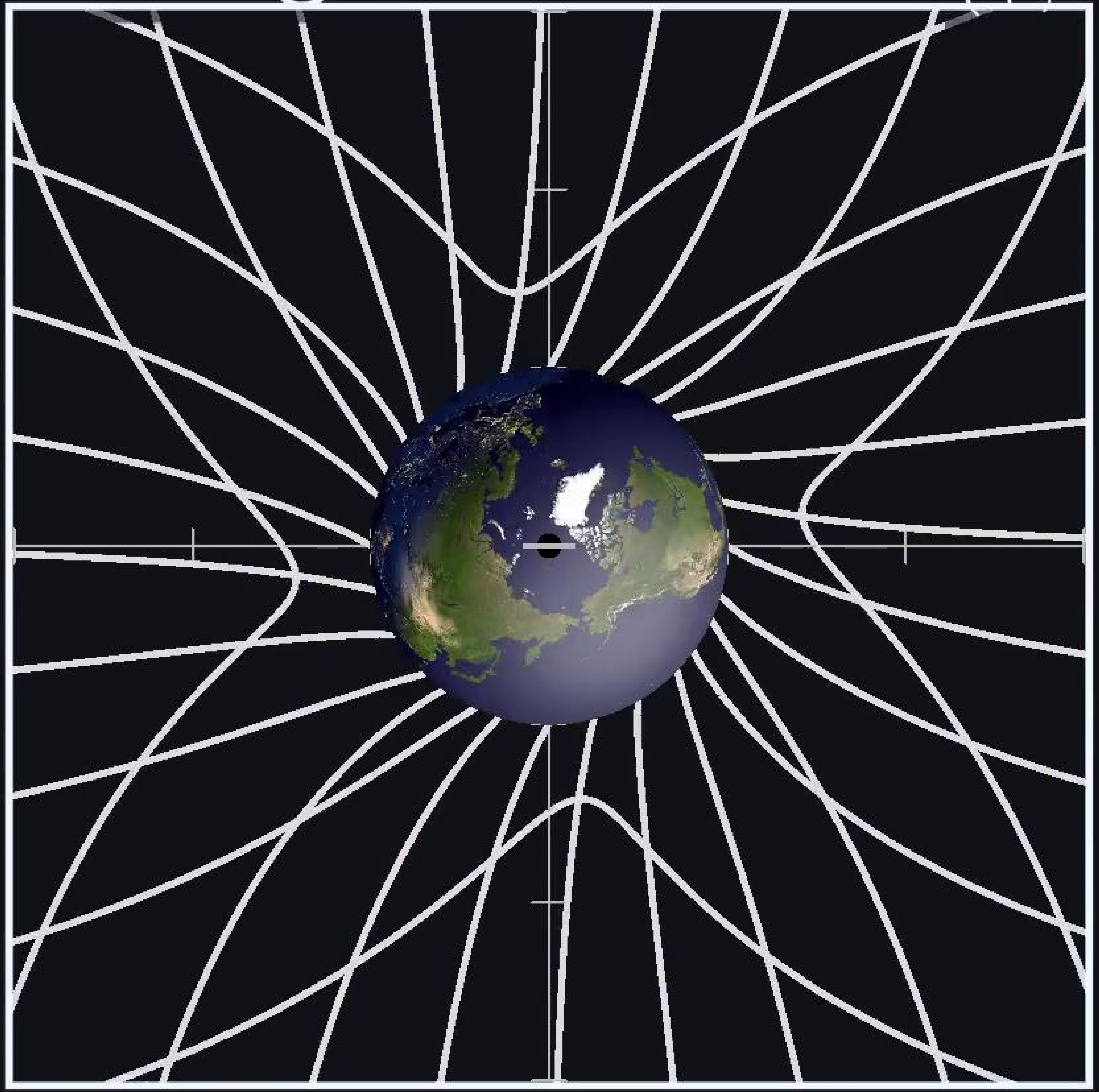
$(+, -, -, -)$

Zeitentwicklung

für jeden

Gitterpunkt

bei $\omega = 1$



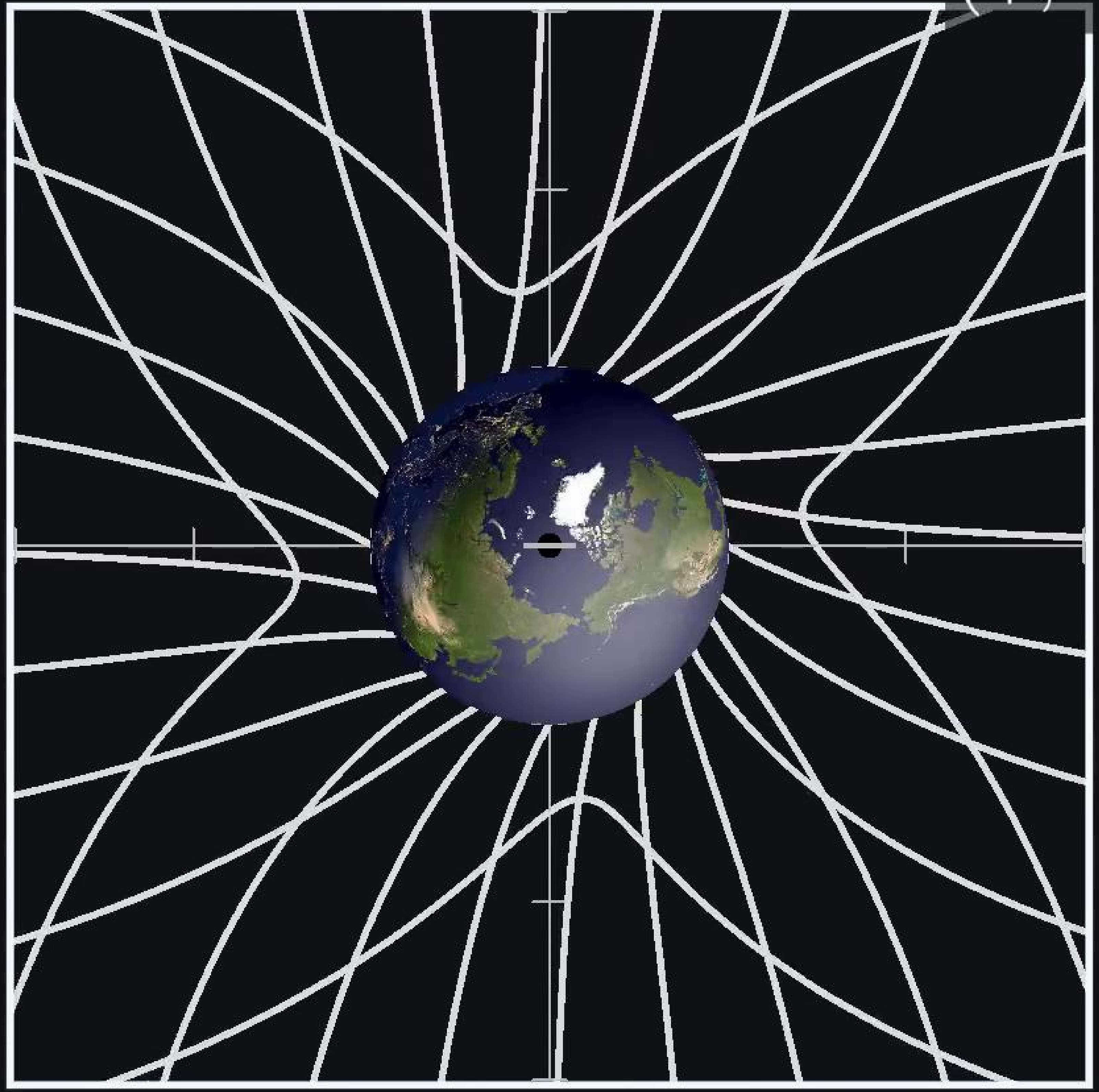
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+,-,-,-)$

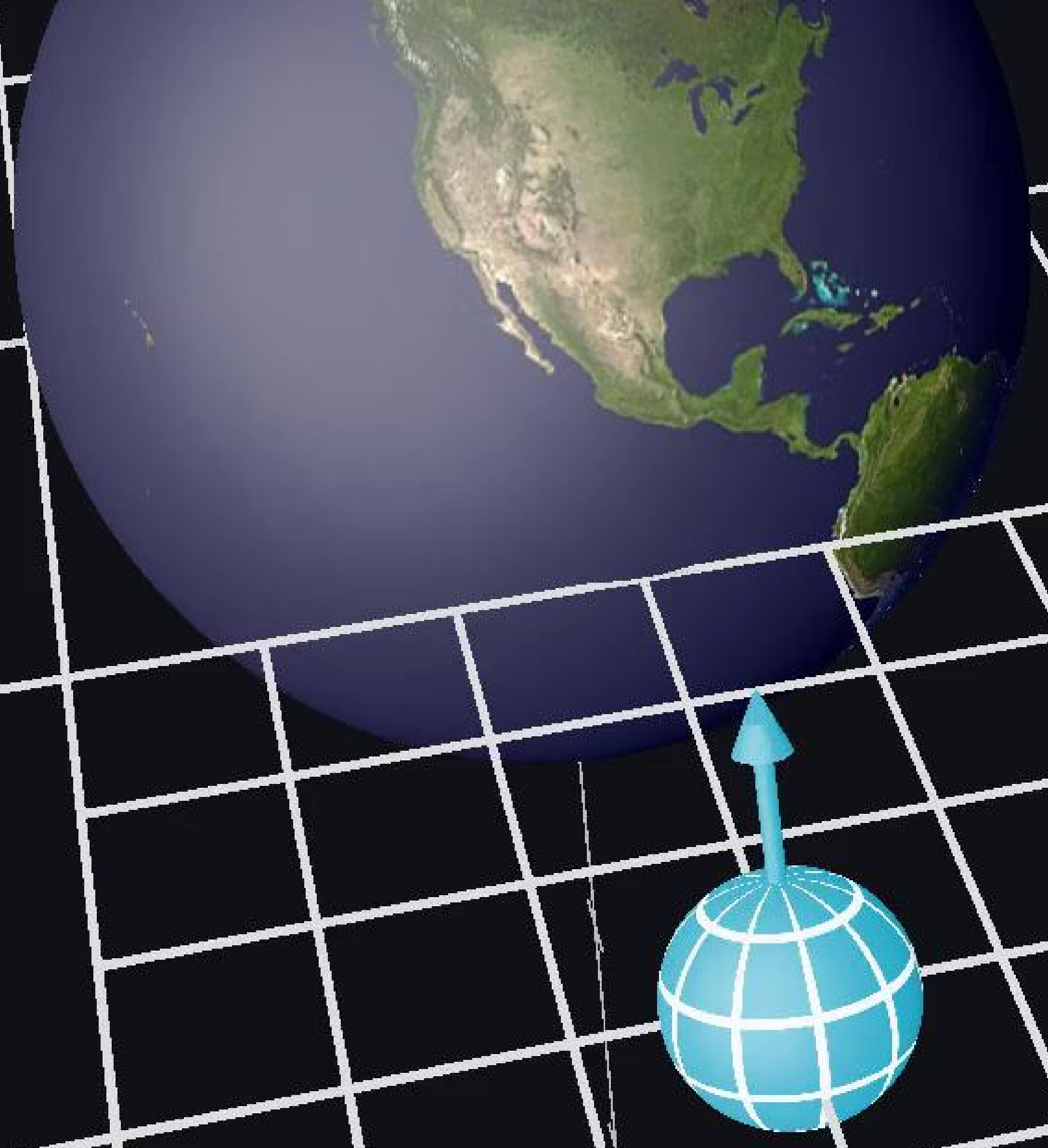
UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*



# Präzession

$$c = G = R = 1, \quad (+,-,-,-)$$

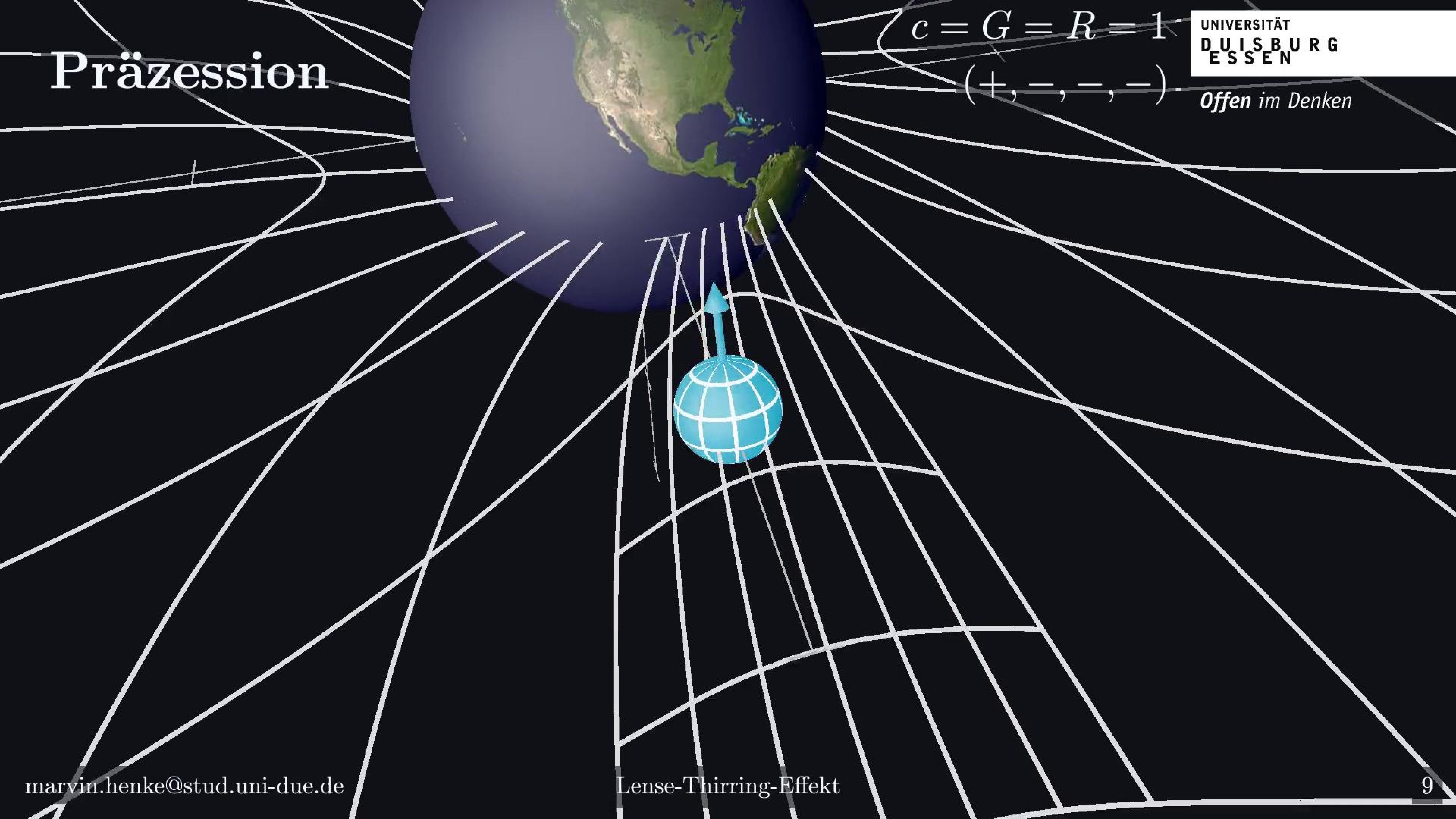


# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+,-,-,-)$





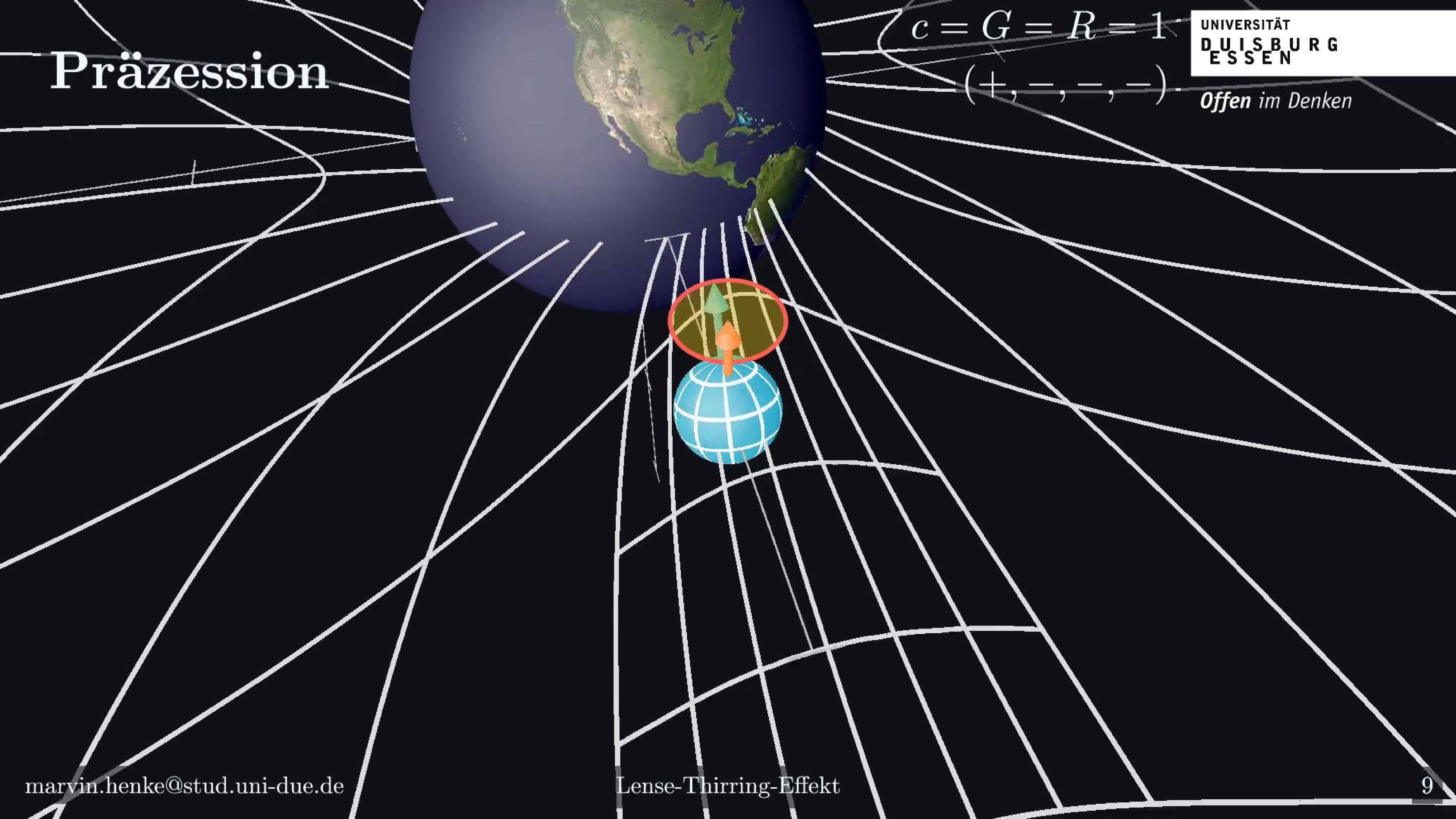
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

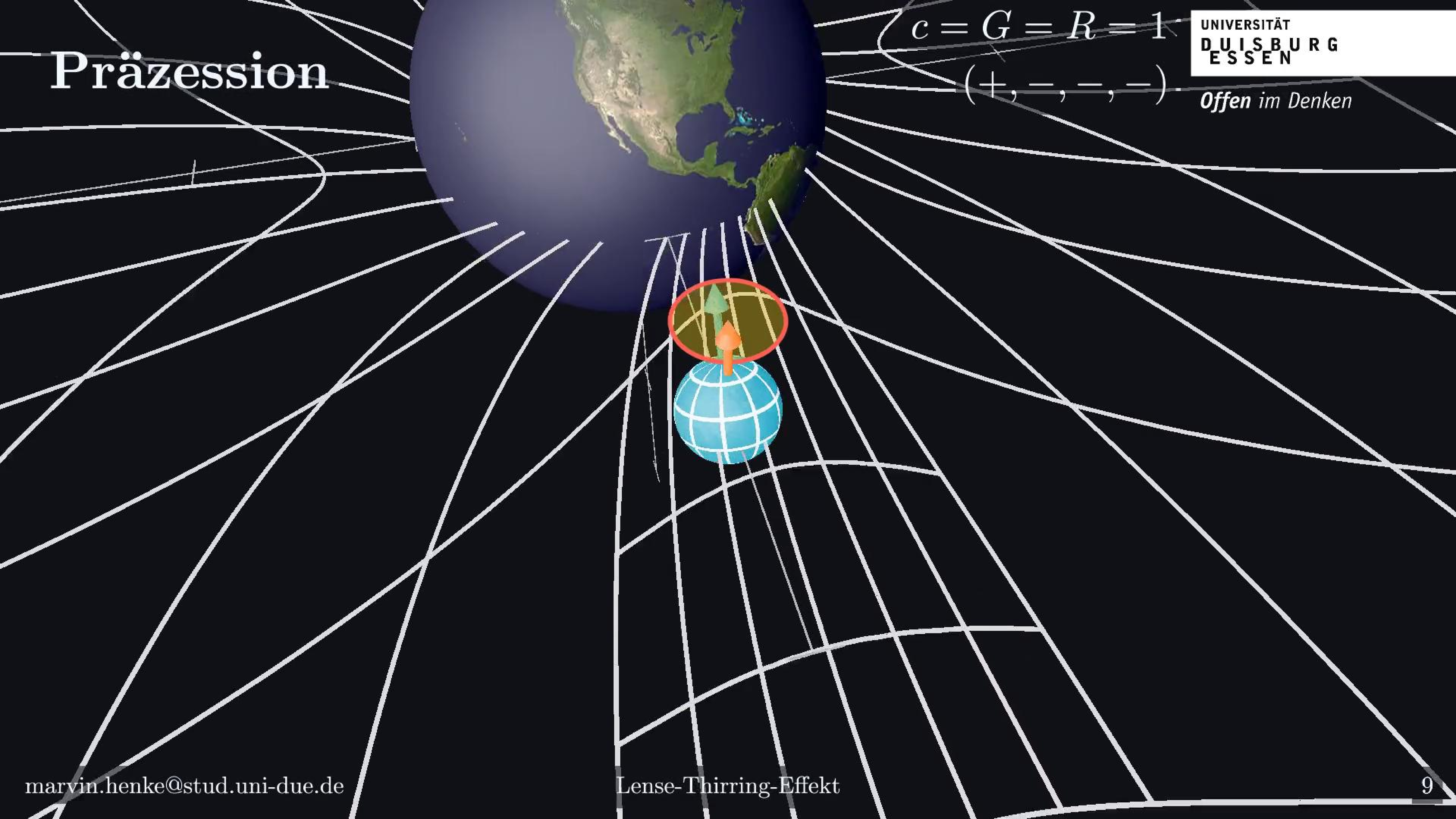
*Offen* im Denken



# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$



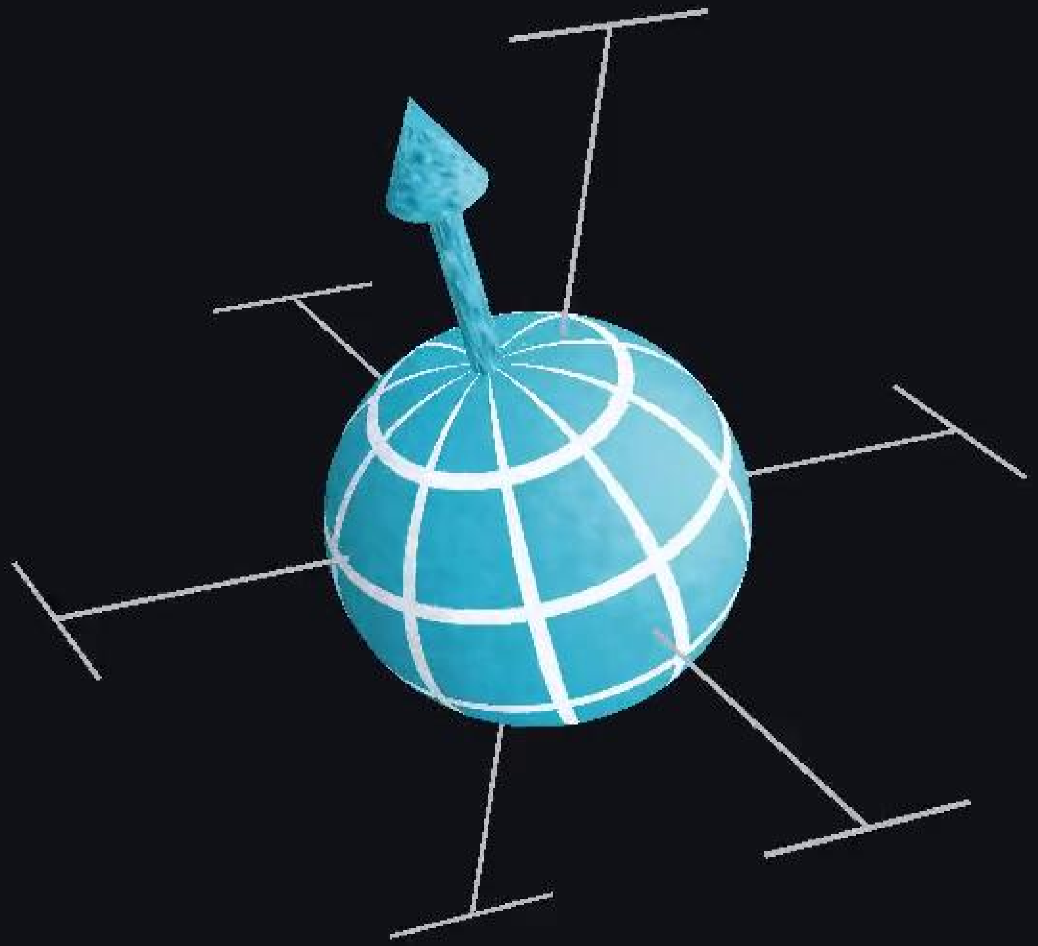
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen* im Denken



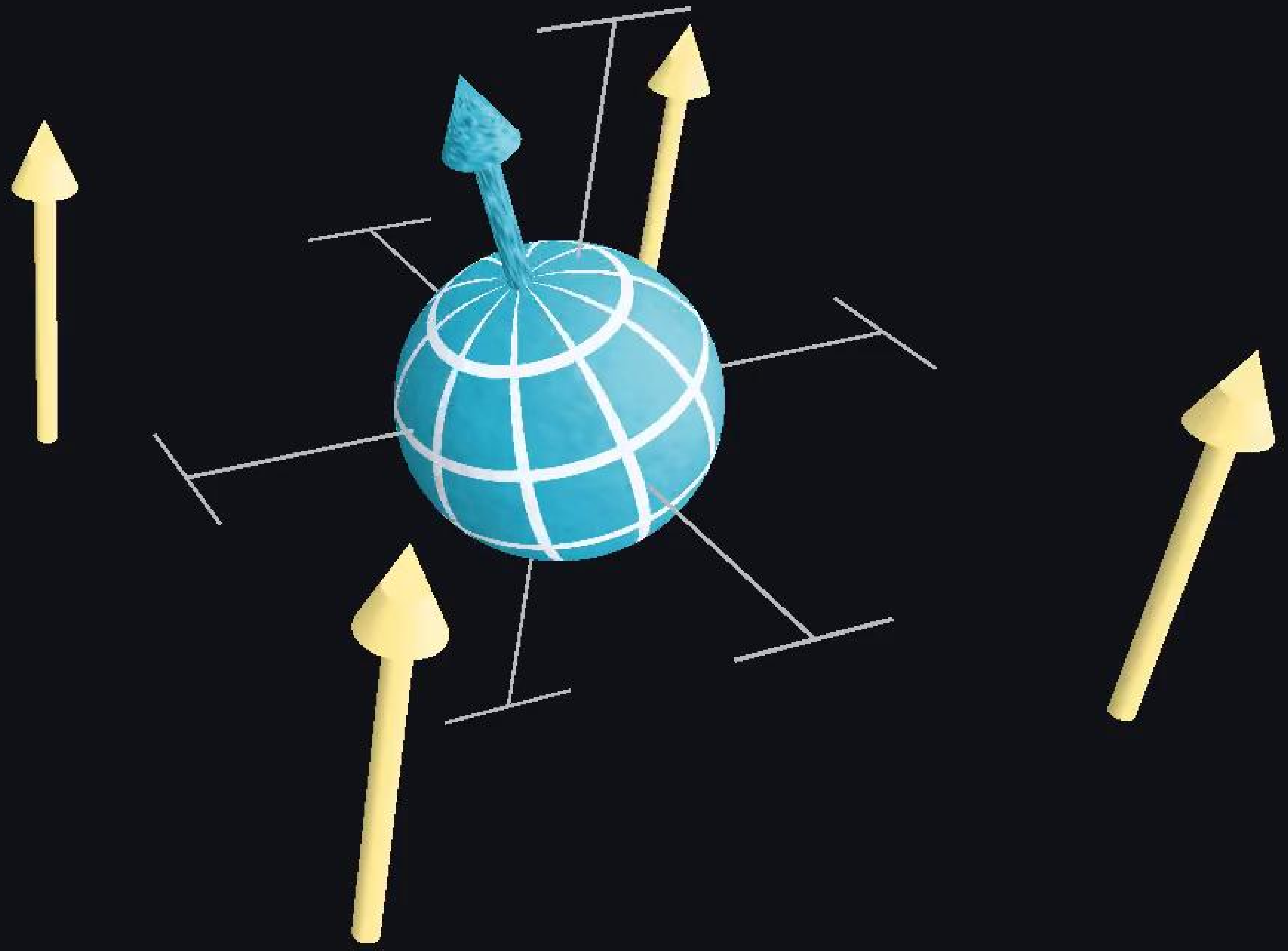
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*



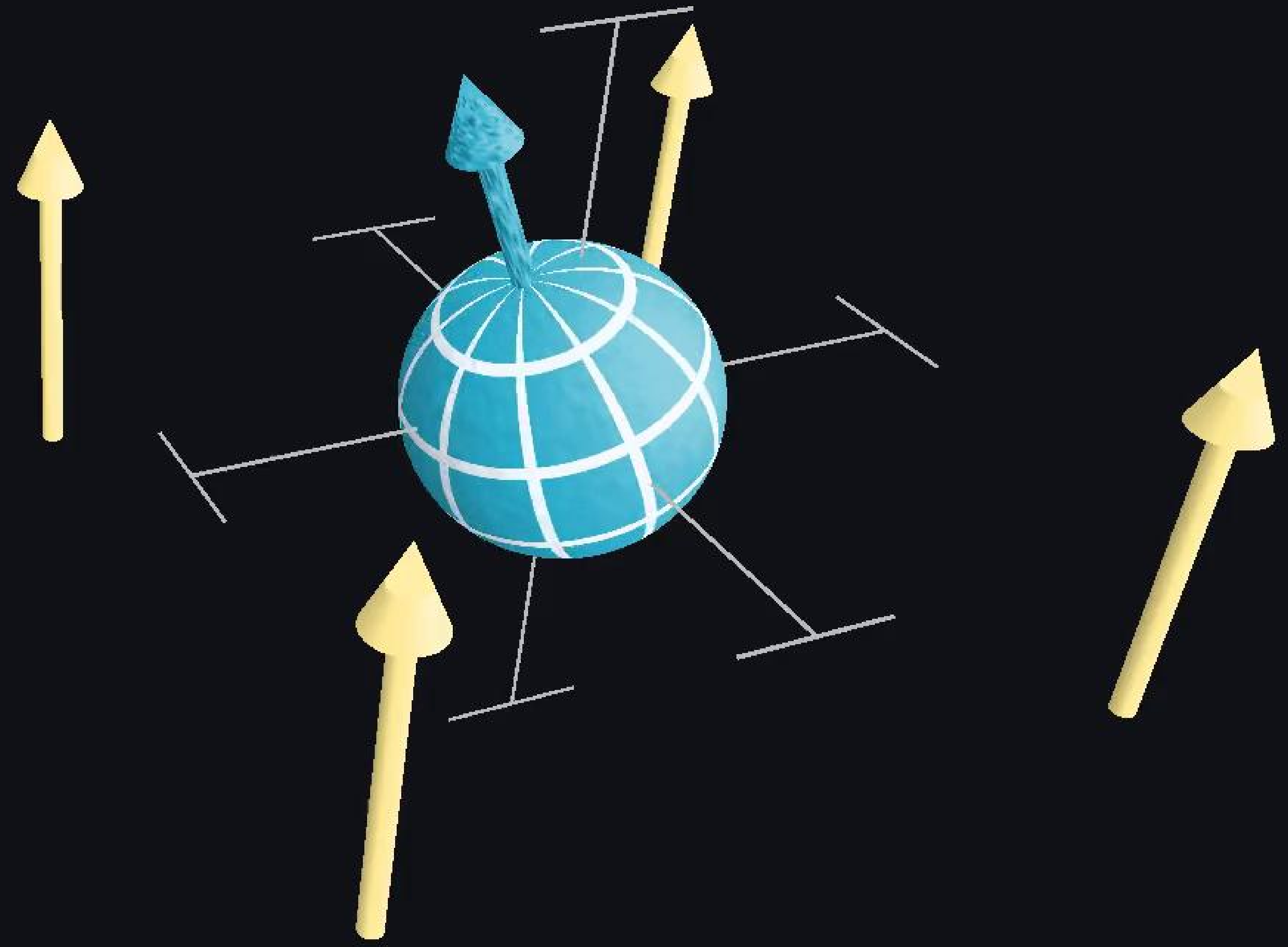
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*



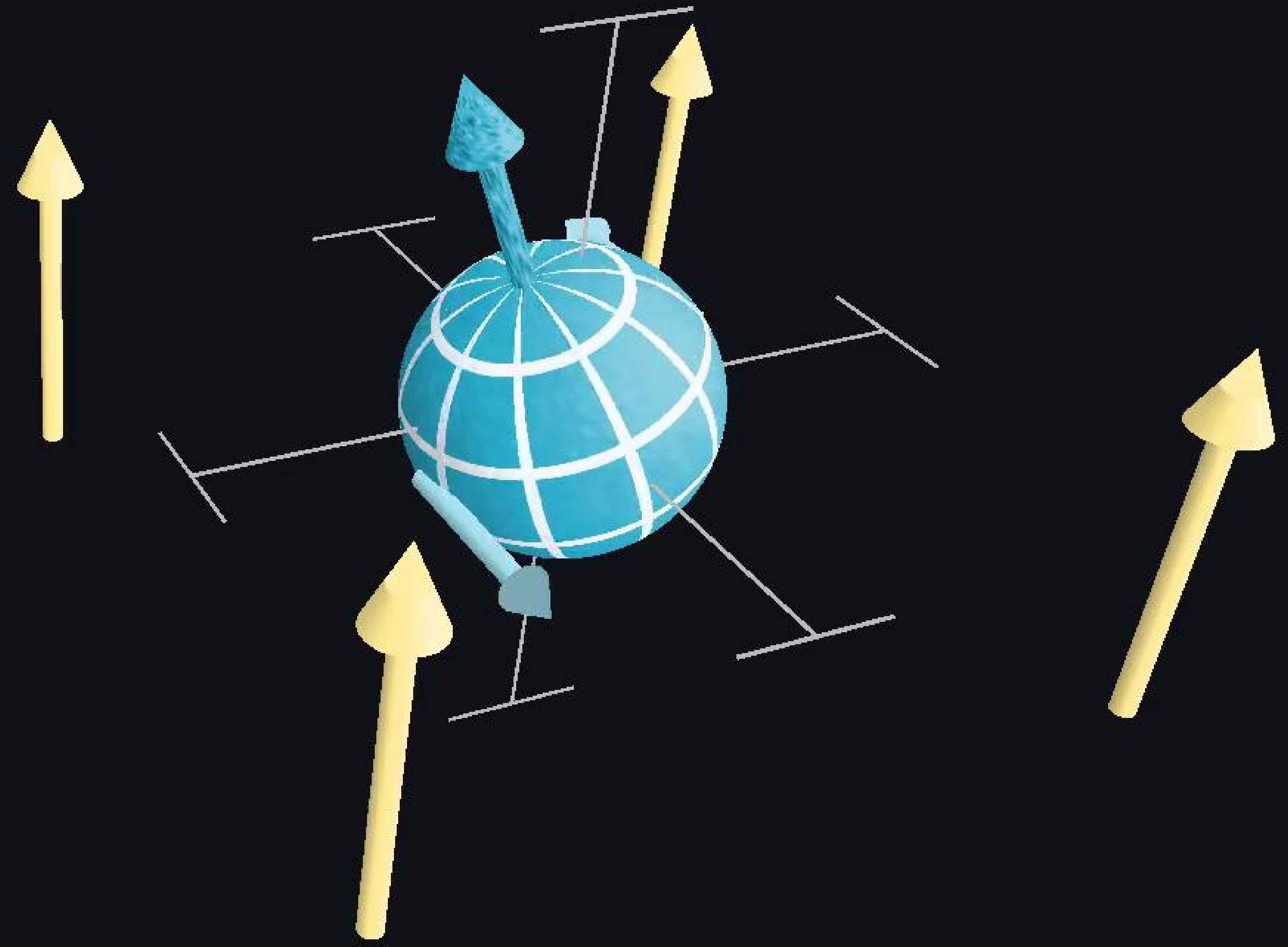
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen* im Denken



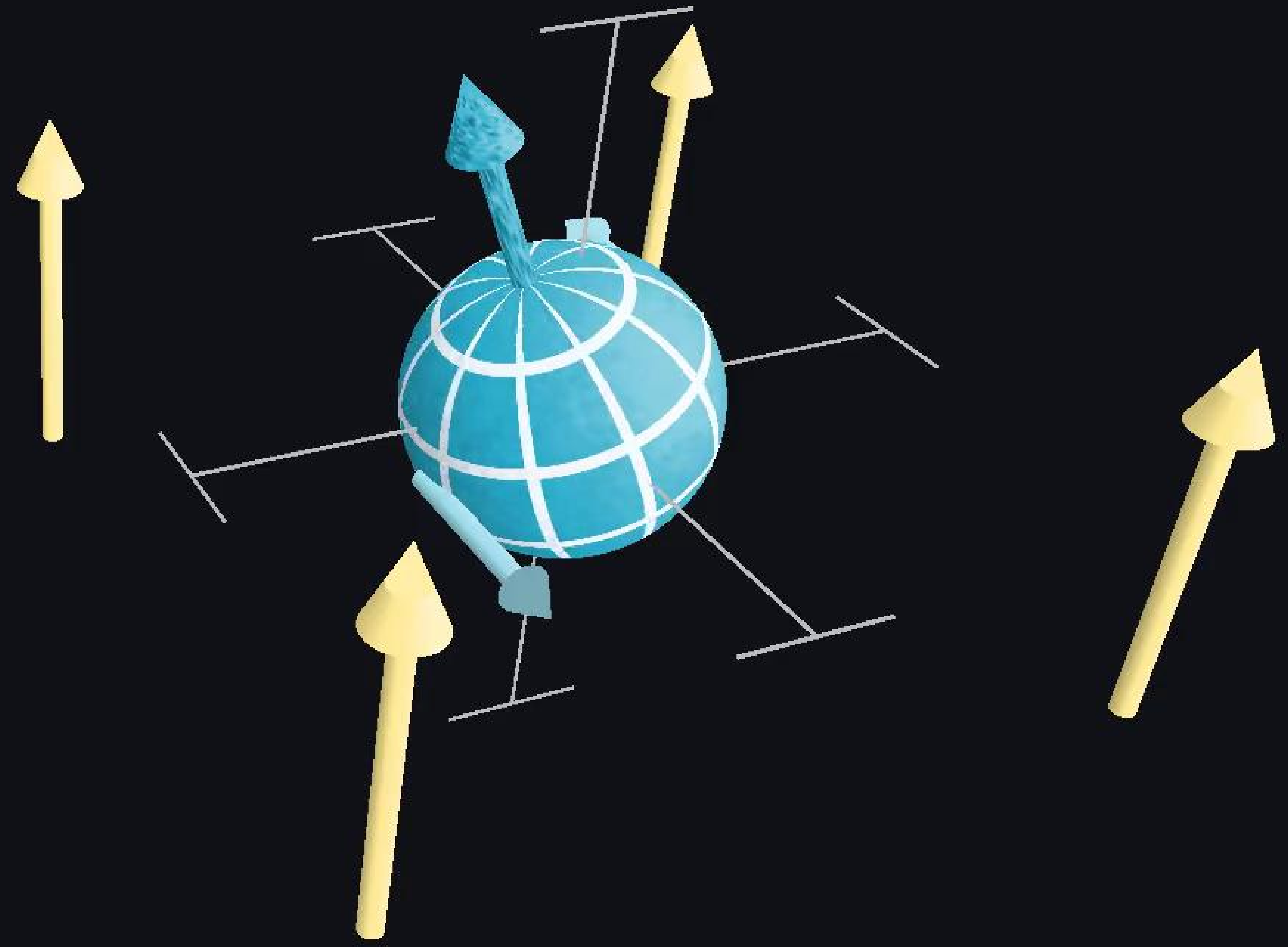
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*



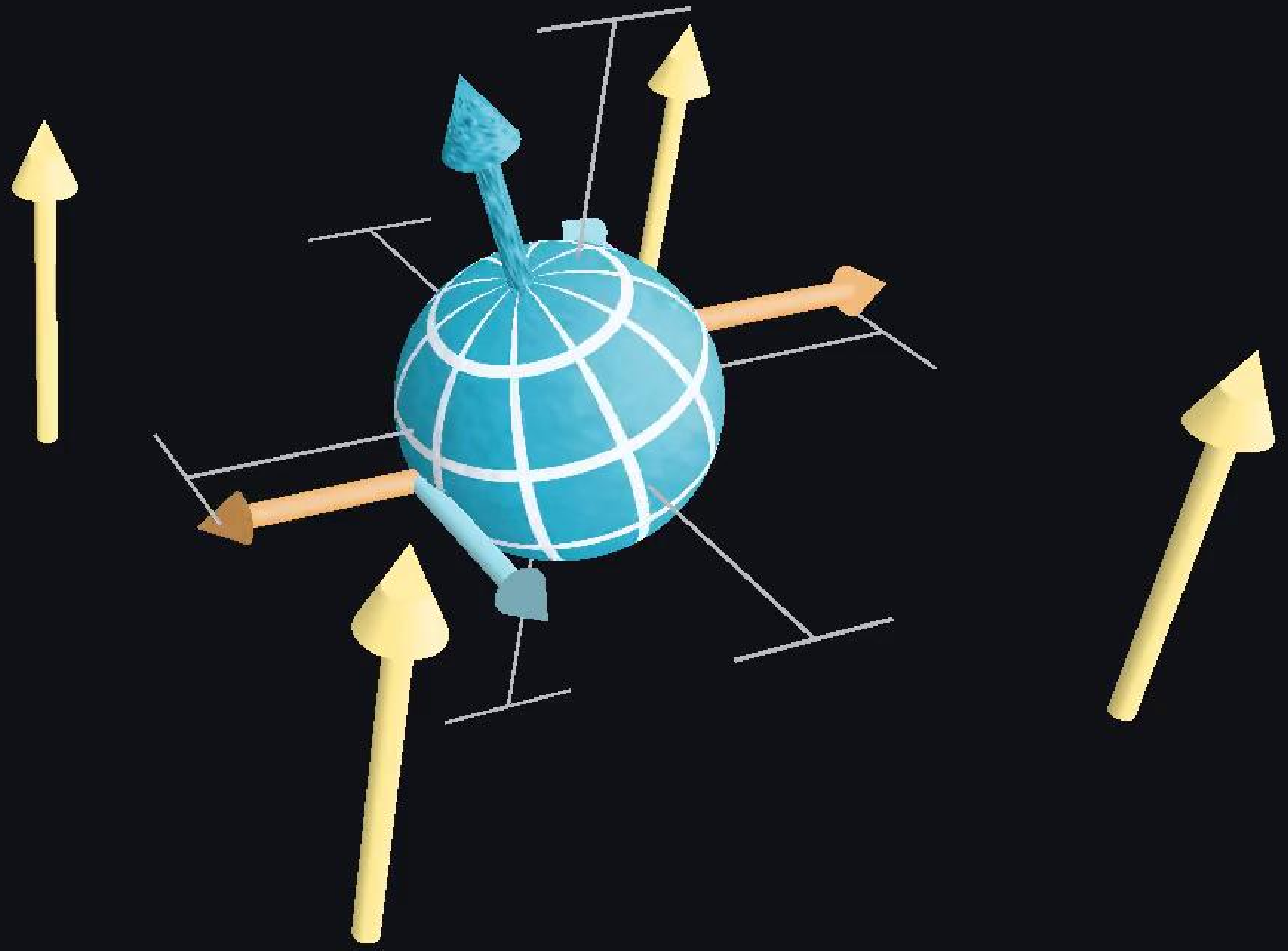
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen im Denken*



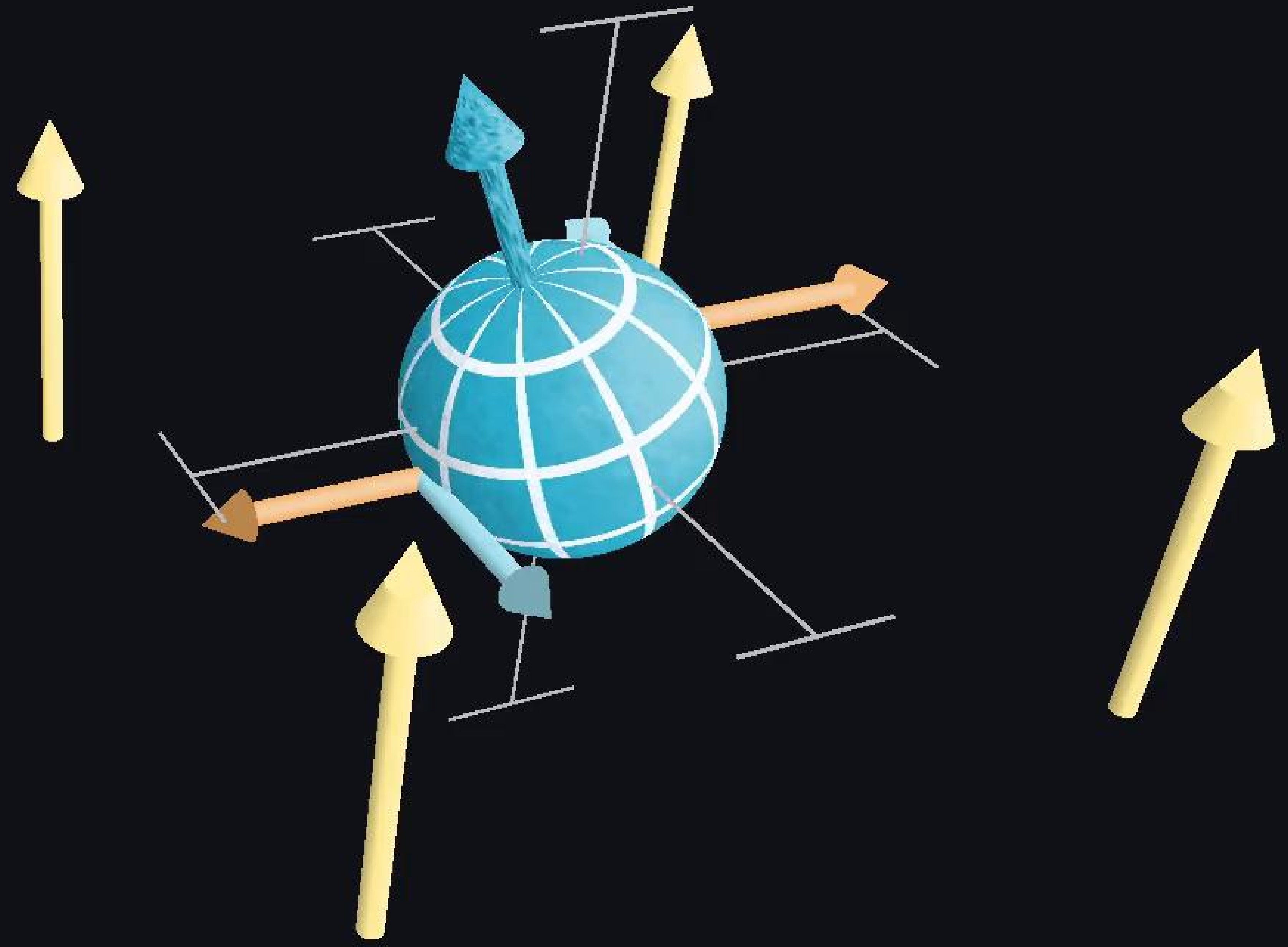
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen* im Denken

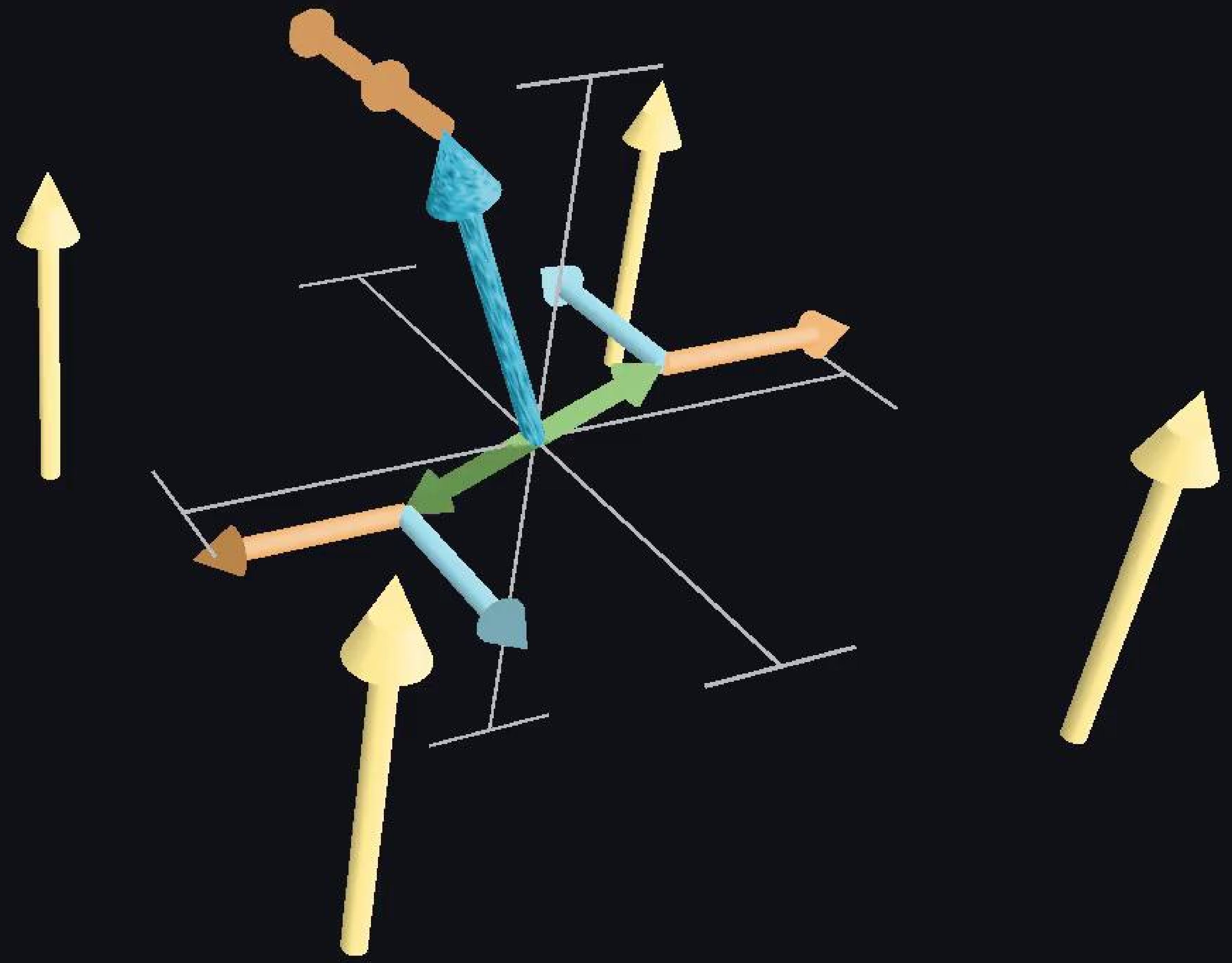


# Präzession

$$c = G = R = 1$$
$$(+,-,-,-)$$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen* im Denken



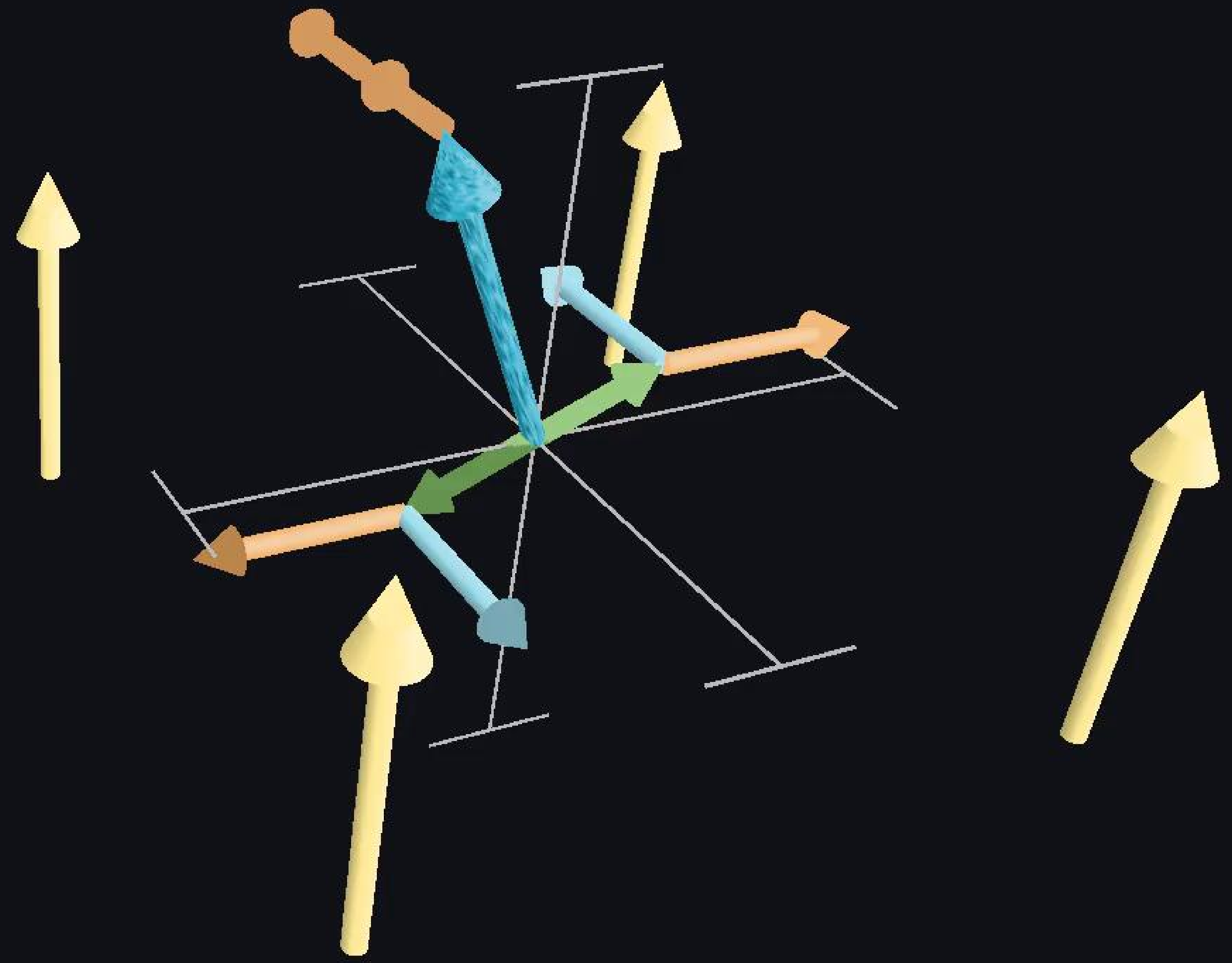
# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+,-,-,-)$

UNIVERSITÄT DUISBURG ESSEN

*Offen* im Denken

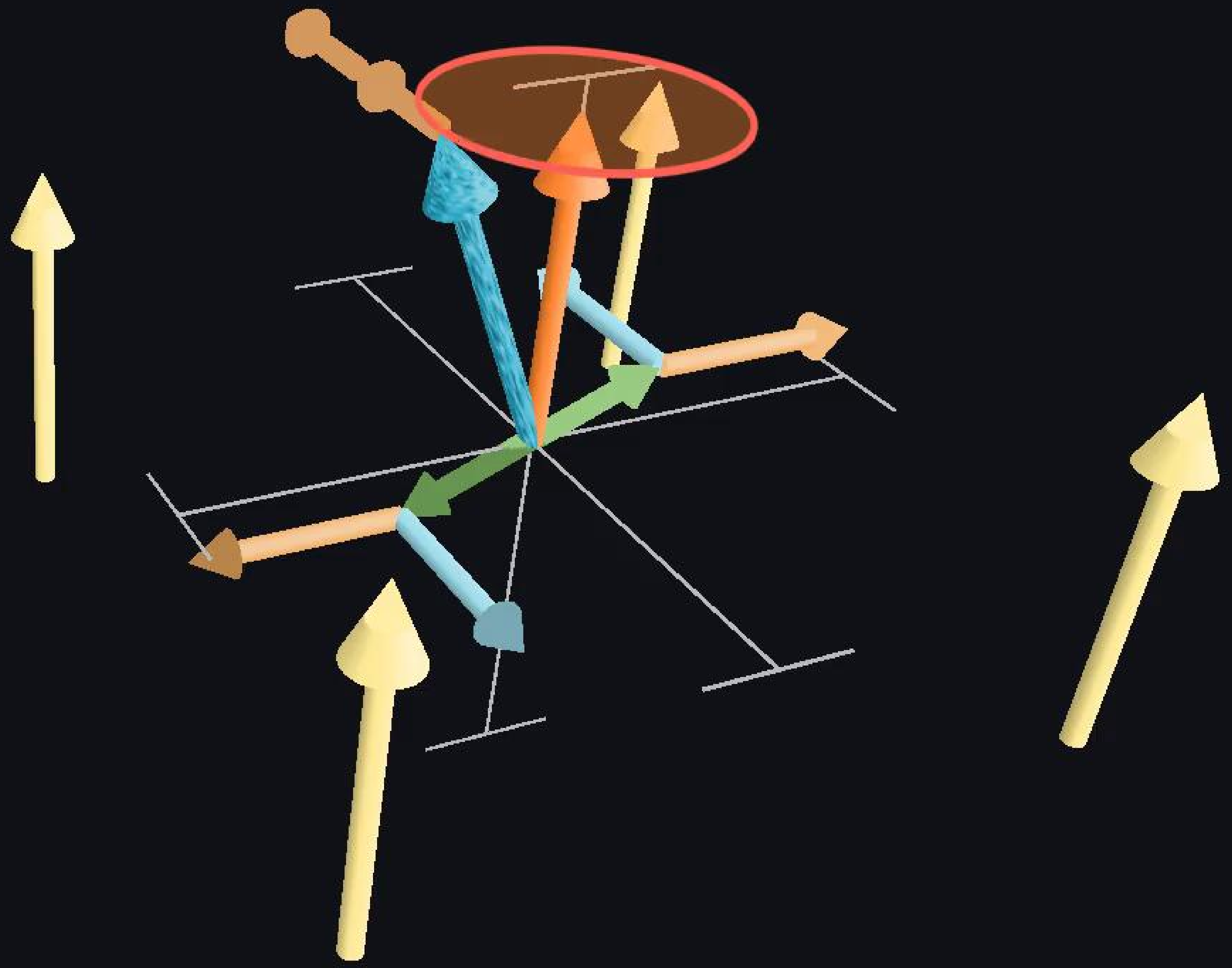


# Präzession

$c = G = R = 1$

$(+, -, -, -)$





# Präzession