

Relatório 2º projecto ASA 2020/2021

Grupo: al030

Aluno(s): Mara Alves (95625) e Margarida Rodrigues (95627)

Descrição do Problema e da Solução

Este problema consiste em encontrar a atribuição de processos de um programa a processadores tal que o custo total de execução do programa seja mínimo, sendo que para além do custo de executar um certo processo num dos processadores, temos também de ter em conta o custo de comunicação entre processos executados em processadores diferentes.

Interpretámos este problema como um problema de fluxo máximo, e representámos o grafo como uma matriz de adjacências. Definimos como *source* da rede de fluxo um vértice X , que representa o processador X ; e como *sink* o vértice Y , ou seja, o processador Y . Os restantes vértices são os n processos. Na rede de fluxo há arestas de X para cada processo, sendo a capacidade o custo de executar esse processo no processador X ; e do processo para Y , com capacidade correspondente ao custo de executar o processo em Y . Por fim, existem também arestas entre processos, com capacidade igual ao custo de comunicação entre os dois processos. Se há aresta do processo i para o processo j com custo c , então também há uma aresta de j para i com o mesmo custo na nossa representação. Atualizamos as capacidades das arestas após calcularmos o valor do fluxo de cada caminho de aumento, subtraindo ao valor que está na matriz o valor do fluxo e somando esse mesmo valor à capacidade da aresta em sentido inverso.

Fontes:

- <https://www.geeksforgeeks.org/ford-fulkerson-algorithm-for-maximum-flow-problem/>
- <https://www.sanfoundry.com/cpp-program-implement-edmonds-karp-algorithm/>

Análise Teórica

- Leitura dos dados de entrada, e simultânea construção da matriz representativa do grafo:
Valor de n e k : leitura de apenas uma linha.
Capacidades de X para processos e de processos para Y : leitura de n linhas.
Capacidades entre processos: leitura de k linhas.
Logo, $O(n+k)$
- Aplicação do algoritmo de Edmonds-Karp para encontrar valor do fluxo máximo:
Ford-Fulkerson, com o caminho de aumento dado pela BFS.
A complexidade da BFS é $O(V^2)$, e como $V = n+2$, $O(n^2)$, porque o ciclo while executa no máximo V vezes e o ciclo for interior executa também V vezes em cada iteração, por termos representado o grafo como uma matriz.
O algoritmo de Edmonds Karp pode encontrar no máximo EV caminhos de aumento.
Logo, $O(EV^3)$, o que é $O(n^4)$ pois $E = 2(k+n)$
- Apresentação do valor do fluxo máximo. Logo, $O(1)$

Complexidade global da solução: $O(n^4)$

Relatório 2º projecto ASA 2020/2021

Grupo: al030

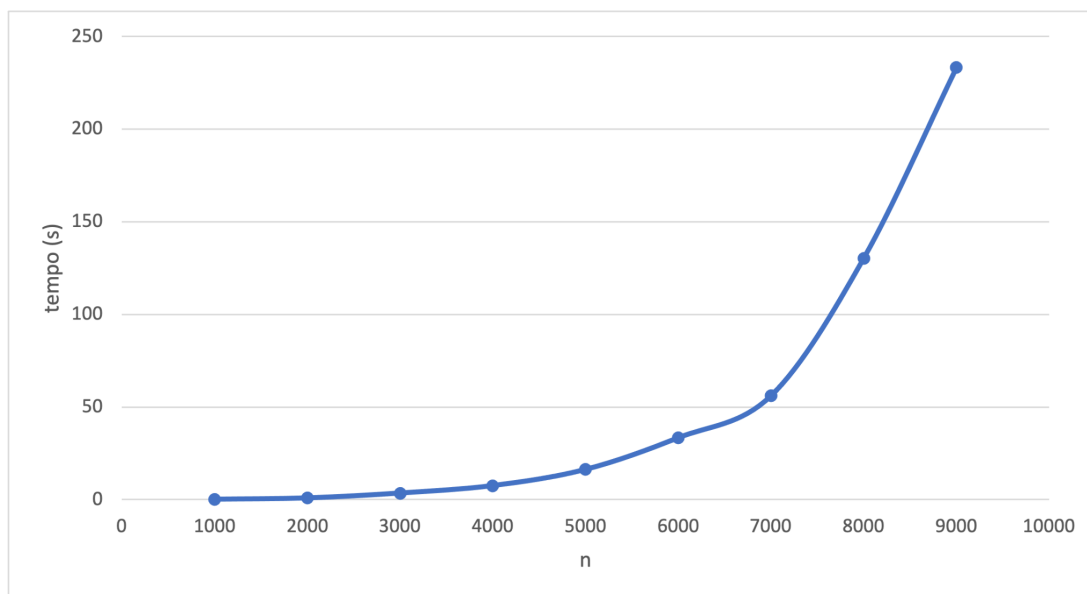
Aluno(s): Mara Alves (95625) e Margarida Rodrigues (95627)

Avaliação Experimental dos Resultados

Corremos o nosso programa com o comando *time*, e como input utilizámos grafos gerados pelo gerador de instâncias fornecido. Testámo-lo com vários n diferentes e obtivemos os seguintes resultados:

n	Tempo (s)
1000	0,114
2000	0,830
3000	3,468
4000	7,499
5000	16,243
6000	33,347
7000	56,051
8000	130,345
9000	233,265

Sabendo que a complexidade desta solução é $O(n^4)$, o comportamento assintótico predominante deste algoritmo em função ao tamanho do conjunto de dados a ser processado é polinomial de grau 4. Sendo assim, o gráfico previsto para esta função, nos eixos positivos, é crescente. Analisando o gráfico gerado com os nossos valores obtidos...



Observamos que o gráfico está de acordo com a nossa previsão, pois comporta-se como uma função polinomial de grau 4.