

Documentație IA

Agha Mara, Grupa 243

6 Aprilie 2021

I k-NN

```
1 class KnnClassifier:
2     def __init__(self, train_images, train_labels):
3         self.train_images = train_images
4         self.train_labels = train_labels
5
6     def classify_images(self, test_image, num_neighbors, metric):
7         # pt fiecare imagine test i, avem cate o distanta
8
9         # distanta Euclidiană
10        if metric == 'l2':
11            distances = np.sum((train_images - test_image) ** 2, axis=-1)
12        # distanta Manhattan
13        elif metric == 'l1':
14            distances = np.sum(np.abs(train_images - test_image), axis=-1)
15
16        # sortare crescătoare după distanțe, sunt reordonați și returnați indicii
17        # funcția argsort returnează indicii care ordonează lista
18        sorted_indexes = np.argsort(distances)
19        # sunt luate primele 3 etichete din indicii sortați
20        top_neighbors = self.train_labels[sorted_indexes[:num_neighbors]]
21        # funcția bincount calculează nr de apariții al fiecărei valori din lista
22        class_counts = np.bincount(top_neighbors)
23
24        return np.argmax(class_counts)
25
26
27 clf = KnnClassifier(train_images, train_labels)
28
29 def test(k, metric):
30     predictions = []
31     for validation_image in validation_images:
32         pred_label = clf.classify_images(validation_image, k, metric)
33         predictions.append(pred_label)
34
35     pred_labels = np.array(predictions)
36     correct_count = np.sum(pred_labels == validation_labels)
37     total_count = len(validation_labels)
38
39     accuracy = correct_count / total_count
40
```

```

41 print("Accuracy for " + str(k) + " neighbours and " + metric + " metric: " + str
    (accuracy*100) + "%")
42
43
44 for k in range(3, 60, 2):
45     test(k, "l1")
46     test(k, "l2")

```

Acurateţile obţinute		
K	Metric	
	L1	L2
3	24.02%	22.34%
5	24.94%	22.88%
7	24.00000000000002%	24.12%
9	24.58%	24.92%
11	24.38%	25.380000000000003%
13	24.0%	25.1%
15	24.099999999999998%	25.16%
17	24.240000000000002%	25.319999999999997%
19	24.08%	25.180000000000003%
21	23.96%	25.080000000000002%
23	23.84%	24.84%
25	23.82%	24.64%
27	23.68%	24.92%

Calculează distanţele dintre o probă şi restul datelor, selectând numărul specificat de exemple (k) cele mai apropiate de probă, apoi îi atribuie clasa cea mai frecventă.

II SVM

```
1 # Importanta normalizarii: datele sa fie aduse la aceeasi scara
2 # asa incat sa fie compatibile
3 def normalize_data(train_data, test_data, norm_type):
4     if norm_type is None:
5         return train_data, test_data
6
7     # Transforma vectorii de caracteristici astfel incat fiecare
8     # sa aiba medie 0 si deviatie standard 1
9     if norm_type == 'standard':
10         scaler = preprocessing.StandardScaler()
11         scaler.fit(train_data)
12         return scaler.transform(train_data), scaler.transform(test_data)
13
14     # Transforma fiecare caracteristica individual intre 0 si
15     # 1, ceea ce e o metoda buna pentru a pastra valorile de
16     # 0 intr-un set de date imprastiat (si acestea pot fi
17     # eliminate ulterior)
18     if norm_type == 'min_max':
19         return (preprocessing.minmax_scale(train_data, axis=-1),
20                 preprocessing.minmax_scale(test_data, axis=-1))
21
22     # Varianta mai robusta decat L2 deoarece aici se iau doar
23     # valorile absolute, deci le trateaza liniar
24     if norm_type == 'l1':
25         return (preprocessing.normalize(train_data, norm='l1'),
26                 preprocessing.normalize(test_data, norm='l1'))
27
28     # Varianta mai stabila decat L1 (rezistenta mai mare la
29     # ajustari orizontale)
30     if norm_type == 'l2':
31         return (preprocessing.normalize(train_data, norm='l2'),
32                 preprocessing.normalize(test_data, norm='l2'))
33
34
35 def test(norm, kernel, c):
36     X_train, X_test = normalize_data(train_images, test_images, norm)
37     X_train1, X_validation = normalize_data(train_images, validation_images, norm)
38     if kernel == 'linear':
39         clf = SVC(C = c, kernel = 'linear')
40     else:
41         clf = SVC(kernel='rbf', gamma=c/10)
42     hist = clf.fit(X_train, train_labels)
43     preds = clf.predict(X_validation)
44     accuracy = accuracy_score(validation_labels, preds)
45
46     print("Accuracy " + norm + " norm with " + kernel + " kernel and " + str(c) + "
47         parameter:", accuracy)
48
49 for i in range(3,16,2):
50     test('l1', 'rbf', i)
51     test('l2', 'rbf', i)
52     test('min_max', 'rbf', i)
53     test('standard', 'rbf', i)
54
55     test('l1', 'linear', i)
```

```

56 test('l2', 'linear', i)
57 test('min_max', 'linear', i)
58 test('standard', 'linear', i)

```

Optimizarea acestui clasificator constă în:

- Maximizarea marginii dintre vectorii suport (extremitățile unui cluster dintr-o anumită clasă de date)
- Maximizarea numărului de date corect clasificate

A doua strategie de optimizare prezintă un mare risc de overfit, așa că se va prefera misclasificarea anumitor date pentru a crea un model mai general care să ofere o acuratețe bună inclusiv pe datele de validare. Această opțiune se implementează prin normalizarea datelor, ajustarea hiperparametrilor și alegerea tipului de kernel.

Acuratețile obținute						
Kernel	Parametru	Valoare	Norm			
			L1	L2	min_max	standard
linear	C	3	0.2896%	0.625%	0.5856%	0.5574%
		5	0.377%	0.6282%	0.5764%	0.5512%
		7	0.398%	0.6292%	0.5718%	0.5484%
		9	0.4128%	0.6314%	0.5472%	0.5694%
rbf	gamma	0.3	0.1108%	0.63065	0.1272%	0.1116%
		0.5	0.1338%	0.6524%	0.1186%	0.111%
		0.7	0.179%	0.6708%	0.1148%	0.1108%
		0.9	0.2186%	0.6812%	0.1134%	0.1108%

Importanța tipului de kernel: proiectează datele non-liniar separabile dintr-un spațiu m-dimensional într-un spațiu n-dimensional ($m < n$) unde datele devin liniar separabile deoarece punctele ce aparțin claselor diferite vor fi alocate unor dimensiuni diferite. Astfel, SVM-ul calculează hiperplanul într-un spațiu caracteristic multidimensional fără a transforma efectiv datele (ceea ce ar fi o operație costisitoare)

Hiperparametrii:

- Pentru kernel liniar: C
 - penalizarea pentru fiecare dată misclasificată

- un C mic reprezintă un hiperplan cu o margine mai mare și un număr mai mare de date misclasificate
 - un C mare reprezintă încercarea SVM-ului de a minimiza numărul de date misclasificate prin alegerea unui hiperplan cu margini cât mai mici
 - acest factor de penalizare nu este același pentru toate datele misclasificate, el este direct proporțional cu distanța până la hiperplan
 - De obicei $C \in (0.1, 100)$
- Pentru kernel Gaussian (RBF): gamma (C a rămas default 1)
 - specific kernelul-ui RBF
 - controlează distanța de influență a unui unic punct de antrenare
 - un gama mic indică o rază mare a similitudinii ceea ce duce la gruparea mai multor clase de date (generalizarea graniței delimitatoare a claselor)
 - un gama mare implică o apropiere mai strânsă a punctelor pentru a putea fi considerate din aceeași clasă și asta implică un risc de overfit (orice distorsionare adusă unei date necunoscute modelului poate duce la misclasificarea acesteia)
 - de obicei gamma $\in (0.0001, 10)$

III CNN

```

1 def build_model(test_images):
2     # Model secvential care permite stratificarea layerelor
3     model = Sequential()
4
5     # Strat convolutional, de input
6     # Dimensiunea kernel-ului este impara asa incat sa se centreze
7     # peste regiunea imaginii asupra careia aplica produsul scalar
8     # Am ales sa construiesc un model simplu, cu cat mai putini
9     # parametrii antrenabili, asa incat sa asigur generalitatea
10    # modelului. Kernelul de dimensiune 5 si cele 32 de filtre
11    # vor invata la inceput caracteristici de baza din setul de date
12    # precum linii verticale si orizontale
13    # Functia de regularizare a kernelului se aplica matricei de ponderi
14    # Hiperparametrul dat distantei euclidiene a fost ales asa
15    # incat sa fie cat mai mic posibil, existand o preferinta pentru
16    # ponderile mici la penalizare
17    # Functia de activare: ReLU
18    # Avantajele utilizarii functiei ReLU: imprastierea si un grad redus
19    # de disparitie a gradientului
20    model.add(Conv2D(32, (5, 5), activation='relu', input_shape=(32, 32, 1),
21                    kernel_regularizer=tf.keras.regularizers.l2(0.001)))
22
23    # Strat de pooling, folosit pentru a reduce dimensiunile volumului de output
24    # Dandu-se un kernel de 2 x 2, se va calcula maximul minorilor de ordin 2
25    # din matricea de ponderi, pastrandu-se astfel cele mai frecvente
26    # caracteristici
27    # Aceasta tehnica ajuta la pastrarea invarianta a modelului in cazul
28    # distorsionarii usoare a datelor de antrenare
29    model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2, 2)))

```

```

30
31 # Crestem numarul de filtre pentru a putea permite invatarea unor
32 # caracteristici mai complexe
33 model.add(Conv2D(128, (5, 5), activation='relu', kernel_regularizer=tf.keras.
34     regularizers.l2(0.001)))
35
36 # Strat de pooling, folosit pentru a reduce dimensiunile volumului de output
37 model.add(MaxPooling2D(pool_size=(2, 2)))
38
39 # Acest strat reduce matricea de imagini la un vector unidimensional
40 model.add(Flatten())
41
42 # Strat complet conectat (fiecare neuron primeste input de la toti neuronii din
43 # stratul precedent)
44 model.add(Dense(750, activation='relu', kernel_regularizer=tf.keras.regularizers
45     .l2(0.001)))
46
47 # Se renunta in mod aleator la 50% dintre caracteristicile invatate pana acum
48 model.add(Dropout(0.5))
49
50 # Strat complet conectat (fiecare neuron primeste input de la toti neuronii din
51 # stratul precedent)
52 model.add(Dense(250, activation='relu', kernel_regularizer=tf.keras.regularizers
53     .l2(0.001)))
54
55 # Strat de output, imaginile vor fi distribuite in 9 clase
56 # Functia de activare transforma un vector de valori reale intr-un vector cu
57 # valori a caror suma
58 # este 1, fiecare valoare fiind comprimata in intervalul [0, 1) asa incat sa
59 # poata fi
60 # interpretate drept probabilitati
61 model.add(Dense(9, activation='softmax'))
62
63 # Functia de pierdere: specifica problemelor de multi-clasificare (mai mult de 2
64 # etichete)
65 # Are rolul de a furniza cate o probabilitate pentru fiecare din cele 9 etichete
66 # finale
67 # pentru o imagine
68 # Functia de optimizare simuleaza algoritmul de scadere dupa gradientul
69 # stochastic
70 model.compile(loss='categorical_crossentropy', optimizer='adam', metrics=['
71     accuracy'])
72 # model.summary()
73 """
74 Model: "sequential"
75
76 -----
77 Layer (type)                Output Shape                Param #
78 -----
79 conv2d (Conv2D)              (None, 28, 28, 32)         832
80 -----
81 max_pooling2d (MaxPooling2D) (None, 14, 14, 32)         0
82 -----
83 conv2d_1 (Conv2D)            (None, 10, 10, 128)        102528
84 -----
85 max_pooling2d_1 (MaxPooling2 (None, 5, 5, 128)         0
86 -----
87 flatten (Flatten)            (None, 3200)               0
88 -----

```

```

79     dense (Dense)                (None, 750)                2400750
80     -----
81     dropout (Dropout)            (None, 750)                0
82     -----
83     dense_1 (Dense)              (None, 250)               187750
84     -----
85     dense_2 (Dense)              (None, 9)                 2259
86     =====
87     Total params: 2,694,119
88     Trainable params: 2,694,119
89     Non-trainable params: 0
90     -----
91     """
92
93     return model

```

Legea funcției ReLU: $h = \max(0, a)$ unde $a = Wx + b$, funcție liniară, cost redus la utilizare.

Avantaje:

- Performanță mai bună la convergență. Gradul redus de dispariție al gradientului apare atunci când $a > 0$. În acest caz, gradientul are o valoare constantă, ceea ce duce la o învățare mai rapidă
- Gradul de împrăștiere care apare atunci când $a \leq 0$. Cu cât există mai multe unități din acestea într-un strat, cu atât reprezentarea rezultată va fi mai “împrăștiată”, ceea ce par a fi mai benefice decât reprezentările dense

Legea stratului dens: $\text{output} = \text{activation}(\text{dot}(\text{input}, \text{kernel}) + \text{bias})$

- bias = eroare sistematică, denotă underfit; corectată prin creșterea complexității modelului

Despre Dropout:

- neuronii sunt încurajați să învețe feature-uri utile fără să se bazeze pe alți neuroni
- după antrenarea modelului, întreaga rețea e folosită pentru inferență

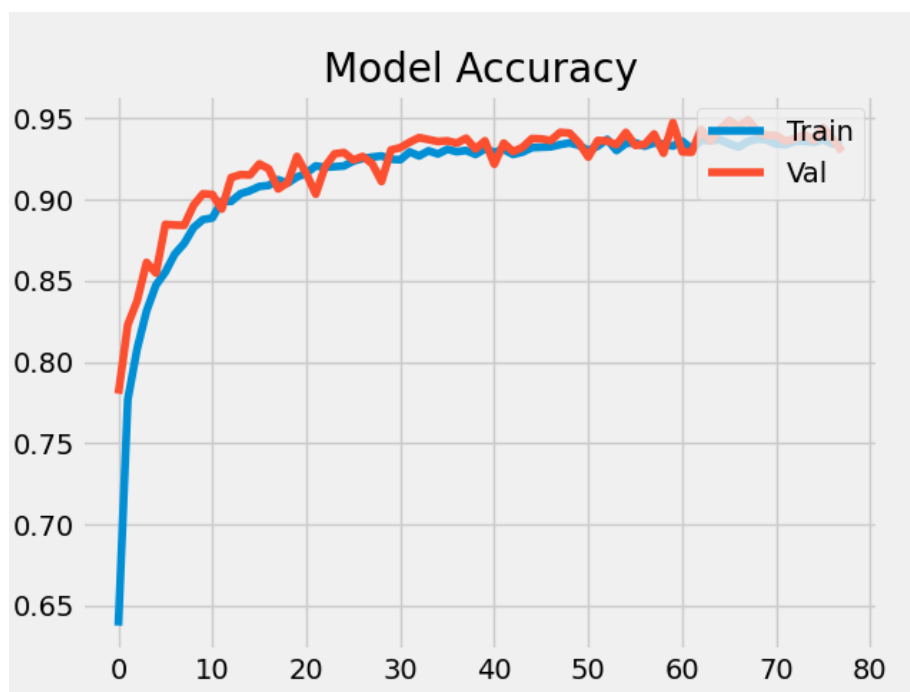


Figure 1: Acuratețea celui mai bun model de pe Kaggle

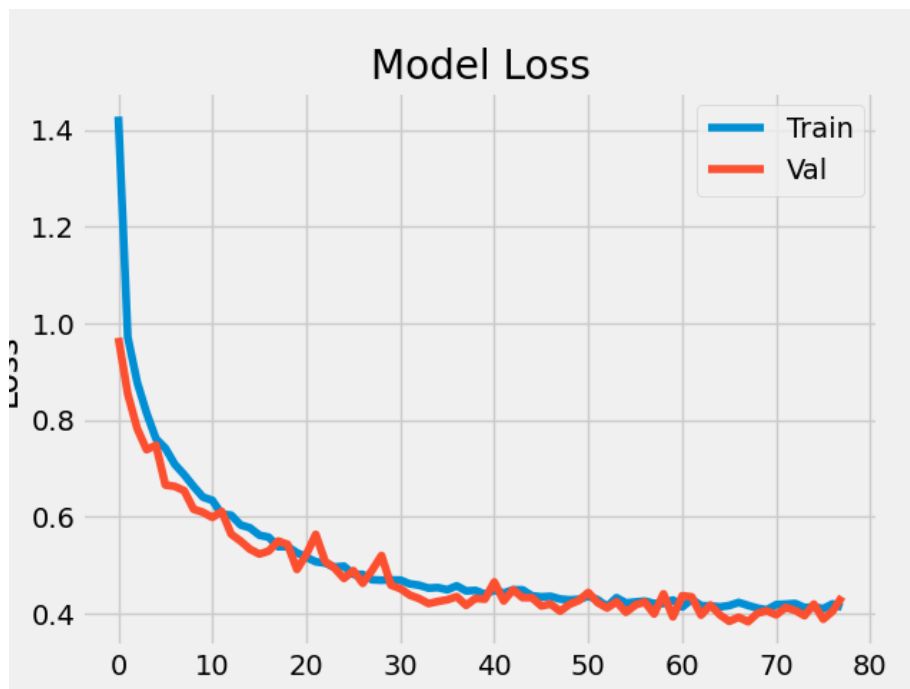


Figure 2: Funcția de pierdere a celui mai bun model de pe Kaggle

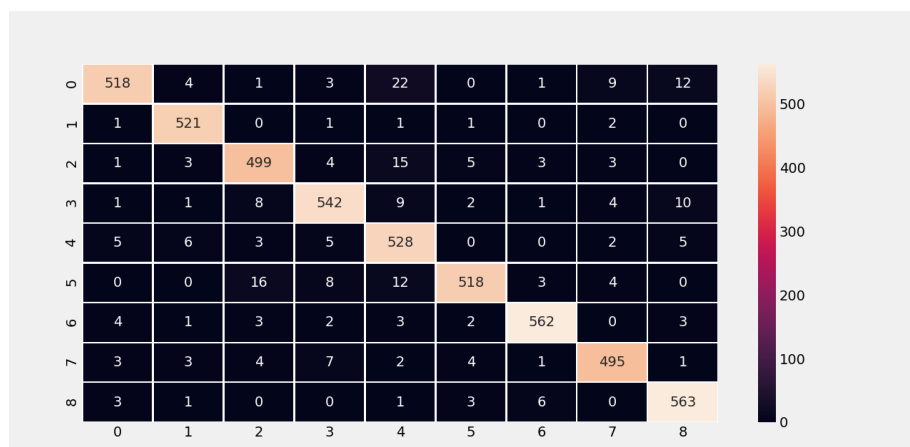


Figure 3: Matricea de confuzie a celui mai bun model de pe Kaggle