







## Maratona Interna de Programação

5 de Setembro, 2015

#### Caderno de Problemas

#### Informações Gerais

Este caderno contém 6 problemas. As páginas estão numeradas de 1 a 8, não contando esta página de rosto. Verifique se o caderno está completo.

## A) Sobre a entrada

- 1. A entrada de seu programa deve ser lida da entrada padrão.
- 2. A entrada é composta de um único ou vários casos de teste, descrito em um número de linhas que depende do problema.
- 3. Quando uma linha da entrada contém vários valores, estes são separados por um único espaço em branco; a entrada não contém nenhum outro espaço em branco.
- 4. Cada linha, incluindo a última, contém exatamente um caractere final-de-linha.
- 5. O final da entrada coincide com o final do arquivo.

### B) Sobre a saída

- 1. A saída de seu programa deve ser escrita na saída padrão.
- 2. Quando uma linha da saída contém vários valores, estes devem ser separados por um único espaço em branco; a saída não deve conter nenhum outro espaço em branco.
- 3. Cada linha, incluindo a última, deve conter exatamente um caractere final-de-linha.

# Problema A Peça Perdida

Arquivo: peca.[c|cpp|java]

Joãozinho adora quebra-cabeças, essa é sua brincadeira favorita. O grande problema, porém, é que às vezes o jogo vem com uma peça faltando. Isso irrita bastante o pobre menino, que tem de descobrir qual peça está faltando e solicitar uma peça de reposição ao fabricante do jogo. Sabendo que o quebra-cabeças tem N peças, numeradas de 1 a N e que exatamente uma está faltando, ajude Joãozinho a saber qual peça ele tem de pedir.

Escreva um programa que, dado um inteiro N e N-1 inteiros numerados de 1 a N, descubra qual inteiro está faltando.

#### Entrada

A entrada contém um único conjunto de testes, que deve ser lido do dispositivo de entrada padrão (normalmente o teclado). A entrada contém 2 linhas. A primeira linha contém um inteiro  $N(2 \le N \le 1.000)$ . A segunda linha contém N-1 inteiros numerados de 1 a N (sem repetições).

### Saída

Seu programa deve imprimir, na saída padrão, uma única linha, contendo o número que está faltando na sequência dada.

| Exemplo de entrada | Exemplo de saída |
|--------------------|------------------|
| 3                  | 2                |
| 3 1                |                  |
|                    |                  |

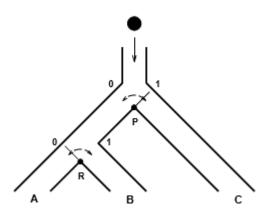
| Exemplo de entrada | Exemplo de saída |
|--------------------|------------------|
| 5                  | 4                |
| 1 2 3 5            |                  |
|                    |                  |

| Exemplo de entrada | Exemplo de saída |
|--------------------|------------------|
| 4                  | 1                |
| 2 4 3              |                  |
|                    |                  |

# Problema B Flíper

Arquivo: fliper.[c|cpp|java]

Flíper é um tipo de jogo onde uma bolinha de metal cai por um labirinto de caminhos até chegar na parte de baixo do labirinto. A quantidade de pontos que o jogador ganha depende do caminho que a bolinha seguir. O jogador pode controlar o percurso da bolinha mudando a posição de algumas portinhas do labirinto. Cada portinha pode estar na posição 0, que significa virada para a esquerda, ou na posição 1 que quer dizer virada para a direita. Considere o flíper da figura abaixo, que tem duas portinhas. A portinha P está na posição 1 e a portinha R, na posição 0. Desse jeito, a bolinha vai cair pelo caminho B.



Você deve escrever um programa que, dadas as posições das portinhas P e R, neste flíper da figura, diga por qual dos três caminhos, A, B ou C, a bolinha vai cair!

#### Entrada

A entrada é composta por apenas uma linha contendo dois números P e R, indicando as posições das duas portinhas do flíper da figura.

### Saída

A saída do seu programa deve ser também apenas uma linha, contendo uma letra maiúscula que indica o caminho por onde a bolinha vai cair: 'A', ''B' ou 'C'.

#### Restrições

• O número P pode ser 0 ou 1. O número R pode ser 0 ou 1.

| Exemplo de entrada | Exemplo de saída |
|--------------------|------------------|
| 1 0                | В                |
|                    |                  |

| Exemplo de entrada | Exemplo de saída |
|--------------------|------------------|
| 0 0                | С                |
|                    |                  |

## Problema C Notas

Arquivo: notas.[c|cpp|java]

O professor Arquimedes precisa da sua ajuda para descobrir qual é a nota mais frequente entre as notas que os alunos dele tiraram na última prova. A turma tem N alunos e seu programa deve imprimir a nota que aparece mais vezes na lista de N notas. Se houver mais de uma nota mais frequente, você deve imprimir a maior delas! Por exemplo, se a turma tiver N=10 alunos e as notas forem [20, 25, 85, 40, 25, 90, 25, 40, 55, 40], as notas mais frequentes são 25 e 40, ocorrendo três vezes cada. Seu programa, então, deve imprimir 40.

#### Entrada

A entrada consiste de duas linhas. A primeira linha contém um número inteiro N, o número de alunos na turma. A segunda linha contém N inteiros, que é a lista de notas dos alunos.

#### Saída

Seu programa deve imprimir apenas uma linha contendo apenas um número, a nota mais frequente da lista.

## Restrições

- $1 \le N \le 200$
- O valor de todas as notas é um inteiro entre 0 e 100, inclusive.

| Exemplo de entrada            | Exemplo de saída |
|-------------------------------|------------------|
| 10                            | 40               |
| 20 25 85 40 25 90 25 40 55 40 |                  |
|                               |                  |

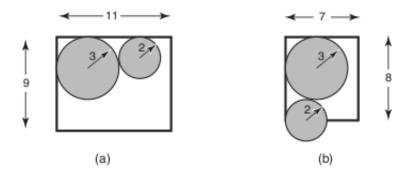
| Exemplo de entrada                  | Exemplo de saída |
|-------------------------------------|------------------|
| 12                                  | 70               |
| 45 0 33 70 12 55 70 70 90 55 70 100 |                  |

## Problema D Elevador

Arquivo: elevador.[c|cpp|java]

A FCC (Fábrica de Cilindros de Carbono) fabrica vários tipos de cilindros de carbono. A FCC está instalada no décimo andar de um prédio, e utiliza os vários elevadores do prédio para transportar os cilindros. Por questão de segurança, os cilindros devem ser transportados na posição vertical; como são pesados, no máximo dois cilindros podem ser transportados em uma única viagem de elevador. Os elevadores têm formato de paralelepípedo e sempre têm altura maior que a altura dos cilindros.

Para minimizar o número de viagens de elevador para transportar os cilindros, a FCC quer, sempre que possível, colocar dois cilindros no elevador. A figura abaixo ilustra, esquematicamente (vista superior), um caso em que isto é possível (a), e um caso em que isto não é possível (b):



Como existe uma quantidade muito grande de elevadores e de tipos de cilindros, a FCC quer que você escreva um programa que, dadas as dimensões do elevador e dos dois cilindros, determine se é possível colocar os dois cilindros no elevador.

#### Entrada

A entrada contém vários casos de teste. A primeira e única linha de cada caso de teste contém quatro números inteiros  $L, C, R_1$  e  $R_2$ , separados por espaços em branco, indicando respectivamente a largura do elevador ( $1 \le L \le 100$ ), o comprimento do elevador ( $1 \le C \le 100$ ), e os raios dos cilindros ( $1 \le R_1, R_2 \le 100$ ).

O último caso de teste é seguido por uma linha que contém quatro zeros separados por espaços em branco

#### Saída

Para cada caso de teste, o seu programa deve imprimir uma única linha com um único caractere: 'S' se for possível colocar os dois cilindros no elevador e 'N' caso contrário.

| Entrada   | Saída |
|-----------|-------|
| 11 9 2 3  | S     |
| 7 8 3 2   | N     |
| 10 15 3 7 | N     |
| 8932      | S     |
| 0 0 0 0   |       |

## Problema E PacMan

Arquivo: pacman. [c|cpp|java]

Pacman é um jogo muito conhecido, onde o personagem tenta comer a maior quantidade possível de bolinhas, tendo ao mesmo tempo que fugir de vários fantasmas. Dessa vez, nosso personagem quer carregar a comida coletada para casa, mas o encontro com um fantasma, ao invés de terminar o jogo, faz com que toda a comida coletada seja roubada.

Neste problema os fantasmas não se movem, e o jogador sempre faz o Pacman percorrer o seguinte caminho:

- 1. O Pacman começa no canto superior esquerdo do tabuleiro.
- 2. O Pacman percorre toda a linha, da esquerda para direita, até chegar ao lado direito do tabuleiro.
- 3. O jogador desce uma posição, e percorre toda a linha, desta vez da direita para a esquerda.
- 4. As etapas 2 e 3 se repetem até que todo o tabuleiro tenha sido percorrido.

Infelizmente, Pacman não pode ignorar os comandos do usuário para fugir dos fantasmas ou pegar mais comida, mas ele pode, a qualquer momento, se aproveitar de um bug de implementação e interromper o jogo, levando consigo toda a comida que estiver carregando.

Você deve escrever um programa que determine a maior quantidade de comida que o Pacman pode levar, se escolher a melhor hora possível para sair. Note que o jogador também tem a opção de não sair antes do final do jogo.

#### Entrada

A primeira linha contém um inteiro N, o tamanho do tabuleiro do jogo, que é quadrado. Cada uma das N linhas seguintes contém N caracteres, que podem ser (aspas para melhor clareza):

- '.' um espaço vazio
- 'o' uma comida
- 'A' um fantasma

#### Saída

Seu programa deve produzir uma única linha contendo um único inteiro, a quantidade máxima de comida que o Pacman pode levar para casa.

## Restrições

- $2 \le N \le 10$
- Não há um fantasma e uma comida na mesma posição.
- Não há fantasma nem comida na posição inicial do Pacman (ou seja, o primeiro caractere da primeira linha do tabuleiro é '.').

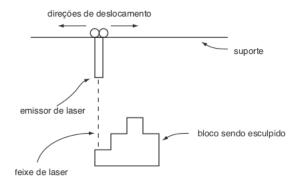
| Entrada      | Saída |
|--------------|-------|
| 5            | 6     |
| .000.        |       |
| ooA          |       |
| Aoo<br>Aoooo |       |
| A0000        |       |
| 000          |       |
|              |       |

| Entrada | Saída |
|---------|-------|
| 3       | 4     |
| .0.     |       |
| oAA     |       |
| 000     |       |
|         |       |

## Problema F Escultura a Laser

Arquivo: laser.[c|cpp|java]

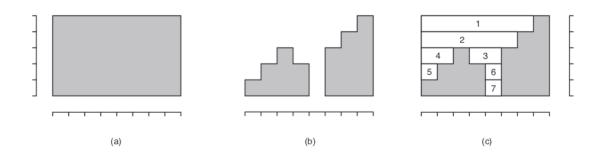
Desde a sua invenção, em 1958, os raios laser têm sido utilizados em uma imensa variedade de aplicações, como equipamentos eletrônicos, instrumentos cirúrgicos, armamentos, e muito mais.



A figura acima mostra um diagrama esquemático de um equipamento para esculpir, com laser, um bloco de material maciço. Na figura vemos um emissor laser que se desloca horizontalmente para a direita e para a esquerda com velocidade constante. Quando o emissor é ligado durante o deslocamento, uma camada de espessura constante é removida do bloco, sendo vaporizada pelo laser.

A figura abaixo ilustra o processo de escultura a laser, mostrando um exemplo de (a) um bloco, com 5 mm de altura por 8 mm de comprimento, no início do processo, (b) o formato que se deseja que o bloco esculpido tenha, e (c) a sequência de remoção das camadas do bloco durante o processo, considerando que a cada varredura uma camada de espessura de 1 mm é removida.

Na primeira varredura, o pedaço numerado como 1 é removido; na segunda varredura, o pedaço numerado como 2 é removido, e assim por diante. Durante o processo de remoção, o laser foi ligado um total de 7 vezes, uma vez para cada pedaço de bloco removido.



Escreva um programa que, dados a altura do bloco, o comprimento do bloco, e a forma final que o bloco deve ter, determine o número total vezes de que o laser deve ser ligado para esculpir o bloco.

#### Entrada

A entrada contém vários casos de teste. Cada caso de teste é composto por duas linhas. A primeira linha de um caso de teste contém dois números inteiros A e C, separados por um espaço em branco, indicando respectivamente a altura  $(1 \le A \le 10^4)$  e o comprimento  $(1 \le C \le 10^4)$ 

do bloco a ser esculpido, em milímetros. A segunda linha contém C números inteiros  $X_i$ , cada um indicando a altura final, em milímetros, do bloco entre as posições i e i+1 ao longo do comprimento  $(0 \le X_i \le A, \text{ para } 0 \le i \le C-1)$ . Considere que a cada varredura uma camada de espessura 1 milímetro é removida do bloco ao longo dos pontos onde o laser está ligado.

O final da entrada é indicado por uma linha que contém apenas dois zeros, separados por um espaço em branco.

#### Saída

Para cada caso de teste da entrada seu programa deve imprimir uma única linha, contendo um numero inteiro, indicando o número de vezes que o laser deve ser ligado para esculpir o bloco na forma indicada.

| Entrada         | Saída |
|-----------------|-------|
| 5 8             | 7     |
| 1 2 3 2 0 3 4 5 | 3     |
| 3 3             | 3     |
| 102             |       |
| 4 3             |       |
| 4 4 1           |       |
| 0 0             |       |