## 確率情報理論第5回

加藤まる

2020/03/05

## 本日の問題

以下の場合に  $\lim_{n\to\infty} \frac{X_1+X_2+\cdots+X_n}{n}$  と  $\lim_{n\to\infty} \frac{X_1+X_2+\cdots+X_n}{X_1^2+X_2^2+\cdots+X_n^2}$  を大数の法則を用いて求めよ。

- (1)  $X_1 \sim X_2 \sim \cdots \sim B(n, p)$
- (2)  $X_1 \sim X_2 \sim \cdots \sim N(n, \sigma^2)$

また、 $X_1 \sim X_2 \sim \cdots \sim B(n,p)$  は確率変数  $X_1, X_2, \cdots$  が二項分布に近似できるという意であり、(2) も正規分布に近似できるという意である。

## おかわり問題

しっぽの定理より、

$$E(T) = \int_0^\infty P(T \ge x) dx \tag{1}$$

である。 $(F_T(x)$  は分布関数である。) また、分布関数の定義より

$$P(X \ge x) = \int_0^\infty f(t)dt \tag{2}$$

である。このことを用いて、 $E[Exp(\lambda)]$  を求めよ。 $(Exp(\lambda) = \lambda e^{-\lambda t}$  である。) ヒント:二重積分が出てきます。

$$E[Exp(\lambda)] = \int_0^\infty P(Exp(\lambda) \ge x) dx$$

$$= \int_0^\infty \int_x^\infty Exp(\lambda) \ dt dx$$
(3)

解答を加藤まる(まるぼう)に DiscordDM に送ると添削します(添削不要の場合 DM は不要)。解答は夜に Discord に貼るので自己採点してみてください。