Réponses

Série 4

Syst. numération

Exercice 1

1.
$$(0.\overline{1})_2 = \frac{1}{2-1} = 1$$

2.
$$(0.\overline{3})_5 = \frac{3}{5-1} = \frac{3}{4}$$

3.
$$(31.\overline{21})_4 = (13,\overline{9})_{16} = 13 + \frac{3}{5} = \frac{68}{5}$$

- 4. Posons $x = (0.0\overline{3})_5$ et déterminons la forme fractionnaire de x: $5 \cdot x = (10)_5 \cdot (0.0\overline{3})_5 = (0.\overline{3})_5 = \frac{3}{4}$. Donc $x = \frac{3}{20}$. D'où le résultat: $(2.1\overline{3})_5 = 2 + \frac{1}{5} + \frac{3}{20} = \frac{47}{20}$
- 5. Posons $x=(0.0\overline{53})_8$ et déterminons la forme fractionnaire de x: $8\cdot x=(10)_8\cdot (0.0\overline{53})_8=(0.\overline{53})_8=(0.\overline{43})_{64}=\frac{43}{63}.$ Donc $x=\frac{43}{504}.$ D'où le résultat: $(1.2\overline{53})_8=1+\frac{1}{4}+\frac{43}{504}=\frac{673}{504}$
- 6. De la même façon, on trouve: $(12.10\overline{101})_3 = \frac{629}{117}$

Exercice 2

1.
$$0.\overline{1} = (0.\overline{000111})_2$$

2.
$$0.\overline{1} = (0.\overline{07})_8$$

Exercice 3

- 1. $(0.\overline{032})_4 = (0.\overline{001110})_2 \text{ car } (0)_4 = (00)_2, (3)_4 = (11)_2, (2)_4 = (10)_2.$ Et $(0.\overline{001110})_2 = (0.\overline{16})_8 \text{ car } (001)_2 = (1)_8, (110)_2 = (6)_8.$
- 2. $(0.\overline{(111)})_{125} = (0.\overline{421})_5$ car $(111)_{125} = 4 \cdot 5^2 + 2 \cdot 5 + 1 = (421)_5$. Pour passer en base 25, il est nécessaire de "doubler" la période: $(0.\overline{421})_5 = (0.\overline{421421})_5$ et d'effectuer les changements de base suivants: $(42)_5 = (22)_{25}$, $(14)_5 = (9)_{25}$ et $(21)_5 = (11)_{25}$. Donc $(0.\overline{421421})_5 = (0.\overline{22}; 9; \overline{11})_{25}$.
- 3. On fait glisser la période vers la droite afin de former des groupes de 3 chiffres. $(1021.20\overline{112})_3 = (1\,021\,.201\,\overline{121})_3 = (1;7.19;\overline{16})_{27}$
- 4. On fait glisser la période vers la droite afin de former des groupes de 2 chiffres. $(404.3\overline{012})_5 = (404.30\overline{120})_5 = (404.30\overline{120120})_5 = (4;4.15;\overline{7;1;10})_{25}$

Exercice 4

1.
$$(15.3\overline{7})_8$$
 2. $(563.157)_8$ 3. $(1B.4)_{16}$

4.
$$(4.\overline{DB6})_{16}$$
 5. $(16.74)_{16}$

Exercice 5

Donc
$$\frac{(2102)_3}{(10)_3} = 210.2$$
 et $\frac{(2102)_3}{(22)_3} = 22.\overline{01}$.

$$\begin{array}{c|cccc} \mathbf{2.} & & & & \\ \hline & 2102 & & 22 \\ \hline & \underline{-121} & & 22.\overline{01} \\ \hline & 122 & & \\ \underline{-121} & & & \\ & 10 & & \\ & & 100 & \\ \hline & & & \\ \hline \end{array}$$