Série 2

Logique

# Exercice 1

A	B	$\neg A$	$\neg B$	$  (\neg A)$	$) \wedge (\neg B)$	$A \lor B$	$\neg(A \lor B)$	
V	V	F	F		F	V	F	
V	F	F	V		F	V	F	Donc $(\neg A) \land (\neg B) \equiv \neg (A \lor B)$ .
F	V	V	F		F	V	F	
F	F	V	V		V	F	V	
A	В	$  \neg A  $	$(\neg A)$	$) \lor B$	$\neg B$	$A \wedge (\neg B)$	$\neg(A \wedge (\neg B))$	
V	V	F	•	V	F	F	V	_
V	F	F		F	V	V	F	Donc $(\neg A) \lor B \equiv \neg (A \land (\neg B)).$
F	V	V	,	V	F	F	V	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
F	F	V	'	V	V	F	V	
A	B	$A \rightarrow$	$B \mid \cdot$	$\neg A$	$\neg B \mid (\neg$	$B) \to (\neg A)$	)	
V	V	V		F	F	V		
V	F	F		F	V	F	Donc $A$ -	$\to B \equiv (\neg B) \to (\neg A).$
F	V	V		V	F	V		,
F	F	\/		\/	\/	\/		

# Exercice 2

A	B	C	$B \vee C$	$A \wedge (B \vee C)$	$A \wedge B$	$A \wedge C$	$ (A \wedge B) \vee (A \wedge C) $
V	V	V	V	V	V	V	V
V	V	F	V	V	V	F	V
V	F	V	V	V	F	V	V
V	F	F	F	F	F	F	F
F	V	V	V	F	F	F	F
F	V	F	V	F	F	F	F
F	F	V	V	F	F	F	F
F	F	F	F	F	F	F	F

Donc  $A \wedge (B \vee C) \equiv (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$ .

## Exercice 3

P	Q	$\neg P P$	$\wedge (\neg P)$	$(P \wedge (\neg P)) \to Q$	
V	V	F	F	V	
V	F	F	F	V	Il s'agit d'une tautologie.
F	V	V	F	V	
F	F	V	F	V	
P	Q	$P \to Q$	$Q \to P$	$\mid (P \to Q) \lor (Q -$	$\rightarrow P)$
V	V	V	V	V	
V	F	F	V	V	Il s'agit d'une tautologie.
F	V	V	F	V	
F	F	V	V	V	

### Exercice 4

1. 
$$E(A, B, C) \equiv \neg (A \lor (\neg B) \land C) \lor ((\neg B) \lor (\neg C))$$

A	B	C	$A \vee (\neg B)$	$\neg (A \lor (\neg B) \land C)$	$(\neg B) \lor (\neg C)$	E(A, B, C)
V	V	V	V	F	F	F
V	V	F	V	V	V	V
V	F	V	V	F	V	V
V	F	F	V	V	V	V
F	V	V	F	V	F	V
F	V	F	F	V	V	V
F	F	V	V	F	V	V
F	F	F	V	V	V	V

2. 
$$E(A, B, C) \equiv [(\neg B \land C) \rightarrow (A \lor \neg C)] \land B$$

A	B	C	$\neg B \wedge C$	$A \vee \neg C$	$(\neg B \land C) \to (A \lor \neg C)$	E(A,B,C)
V	V	V	F	V	V	V
V	V	F	F	V	V	V
V	F	V	V	V	V	F
V	F	F	F	V	V	F
F	V	V	F	F	V	V
F	V	F	F	V	V	V
F	F	V	V	F	F	F
F	F	F	F	V	V	F

Donc  $E(A, B, C) \equiv B$ .

3. 
$$E(A, B, C) \equiv (A \land B) \oplus [\neg A \rightarrow (B \lor \neg C)]$$

A	B	C	$A \wedge B$	$B \vee \neg C$	$\neg A \to (B \lor \neg C)$	E(A,B,C)
V	V	V	V	V	V	F
V	V	F	V	V	V	F
V	F	V	F	F	V	V
V	F	F	F	V	V	V
F	V	V	F	V	V	V
F	V	F	F	V	V	V
F	F	V	F	F	F	F
F	F	F	F	V	V	V

4. 
$$E(A, B, C) \equiv [(A \land B) \rightarrow C] \land [B \rightarrow (A \lor C)]$$

A	B	C	$A \wedge B$	$(A \wedge B) \to C$	$A\vee C$	$B \to (A \lor C)$	E(A,B,C)
V	V	V	V	V	V	V	V
V	V	F	V	F	V	V	F
V	F	V	F	V	V	V	V
V	F	F	F	V	V	V	V
F	V	V	F	V	V	V	V
F	V	F	F	V	F	F	F
F	F	V	F	V	V	V	V
F	F	F	F	V	F	V	V

Donc  $E(A, B, C) \equiv B \rightarrow C$ .

#### Exercice 5

$$E(A,B,C) \equiv (A \land \neg B \land C) \lor (\neg A \land B \land \neg C).$$