

Activitat 2: Anàlisi descriptiva i inferencial

Marc Cervera Rosell

03/04/2024

```
setRepositories(ind=2) # Per descarregar paquets de CRAN
```

1 Estadística descriptiva

1.1 Distribució de variables

Abans de realitzar cap anàlisi cal llegir el fitxer. L'operació de lectura es realitzarà dins d'un bloc `tryCatch()`, així si no és possible realitzar la lectura es llançarà un error.

```
tryCatch({  
  data <- read.csv("pisa_clean.csv", header = TRUE)  
  print("Fitxer llegit correctament")  
}, error = function(e){  
  cat("ERROR en el moment de llegir el fitxer:", conditionMessage(e), "\n")  
})
```

```
## [1] "Fitxer llegit correctament"
```

Per a mostrar la distribució de gènere de la població de l'informe PISA s'escull fer-ho mitjançant un diagrama de pastís. Abans de mostrar cap gràfic, però cal seleccionar les dades i calcular les freqüències de cada valor de la variable d'estudi. La funció `table()`, és una funció que precisament aconsegueix aquesta tasca, és a dir, crea una taula de freqüència de la variable. Bàsicament, compta el nombre d'ocurrències de cada valor únic i organitza la informació en una taula.

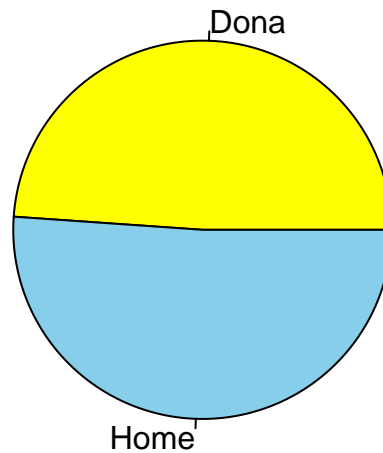
```
gender <- table(data$male)  
cat("Hi ha un total de", gender["0"], "dones i un total de", gender["1"], "homes")
```

```
## Hi ha un total de 1791 dones i un total de 1872 homes
```

Com es pot observar, hi ha un nombre superior d'homes. Per tant, en el diagrama que mostrarà la distribució del gènere hi haurà una mica més de predominança de la part masculina.

```
pie(gender, main = "Distribucio de genere", col = c("yellow", "skyblue"),  
    labels = c("Dona", "Home"))
```

Distribucio de genere



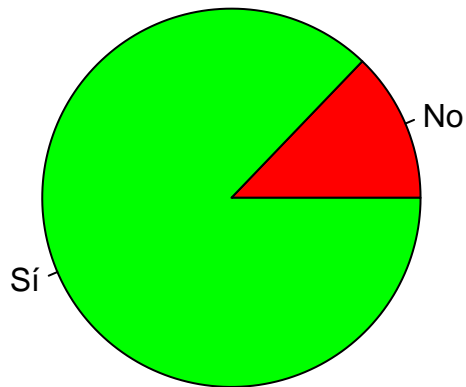
Per mostrar visualment la proporció d'alumnes que parlen anglès a casa i els que no, s'escull el mateix tipus de diagrama. Per mostrar aquesta proporció, es repeteix el procés anterior. En aquest cas, s'ha descartat l'ús d'un diagrama de densitat perquè en haver tant poca diferència entre les dades és considera molt més visual la interpretació d'un diagrama de pastís.

```
englishHome <- table(data$englishAtHome)
cat("Un total de",englishHome["0"], "no parlen angles a casa i un total de"
    ,englishHome["1"], "alumnes parlen angles a casa")
```

```
## Un total de 461 no parlen angles a casa i un total de 3131 alumnes parlen angles a casa
```

```
pie(englishHome, main = "Distribucio d'alumnes que parlen angles a casa i
    alumnes que no parlen angles a casa", col = c("red", "green"), labels = c("No", "Sí"))
```

Distribucio d'alumnes que parlen angles a casa i alumnes que no parlen angles a casa



Com s'observa, hi ha una gran majoria d'alumnes que sí que parlen anglès a casa. En aquest segon cas es descarta un diagrama de distribució atès que es considera més senzill d'interpretar un "Sí" o un "No" que un 1 o un 0.

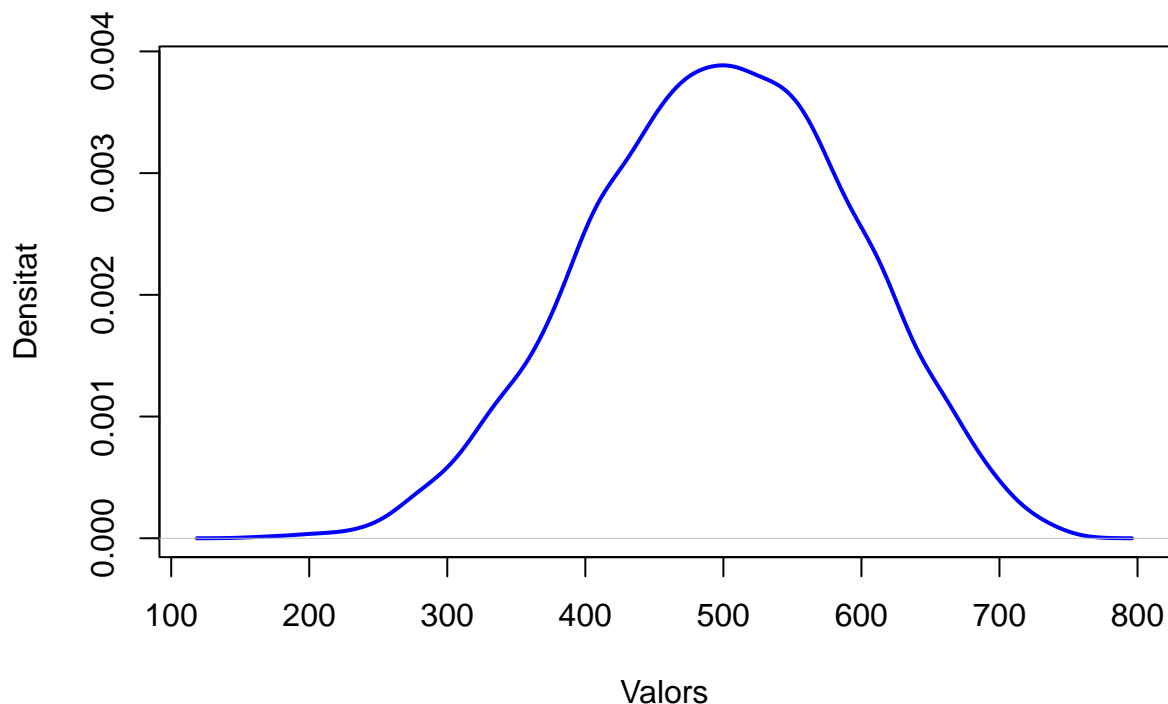
1.2 Anàlisi descriptiva de readingScore

```
scoring <- data$readingScore
```

Com en aquest cas hi ha molts valors diferents, per mostrar la distribució de la variable s'utilitzarà un gràfic de densitat.

```
plot(density(scoring),  
     main = "Distribucio de la variable readingScore",  
     xlab = "Valors",  
     ylab = "Densitat",  
     col = "blue",  
     lwd = 2 # Gruix de la linia  
     )
```

Distribucio de la variable readingScore



Si s'observa amb atenció la gràfica de distribució, es pot observar una tendència notòria en les puntuacions de lectura a adoptar valors propers a 500. Aquest fenomen es manifesta en la concentració màxima de la densitat (punt més àlgid de la gràfica) al voltant del valor 500. A mesura que els valors s'allunyen de 500, es pot veure una disminució gradual en la densitat de la corba (la corba s'aplana), indicant una menor freqüència d'observacions a mesura que augmenta la distància respecte a aquest màxim.

```
install.packages("ggplot2")

## Installing package into 'C:/Users/mcr99/AppData/Local/R/win-library/4.3'
## (as 'lib' is unspecified)

## Warning: package 'ggplot2' is not available for this version of R
##
## A version of this package for your version of R might be available elsewhere,
## see the ideas at
## https://cran.r-project.org/doc/manuals/r-patched/R-admin.html#Installing-packages
tryCatch({
  library(ggplot2)
  print("Paquet importat correctament")
}, error = function(e){
  cat("ERROR en el moment d'importar el paquet:", conditionMessage(e), "\n")
})

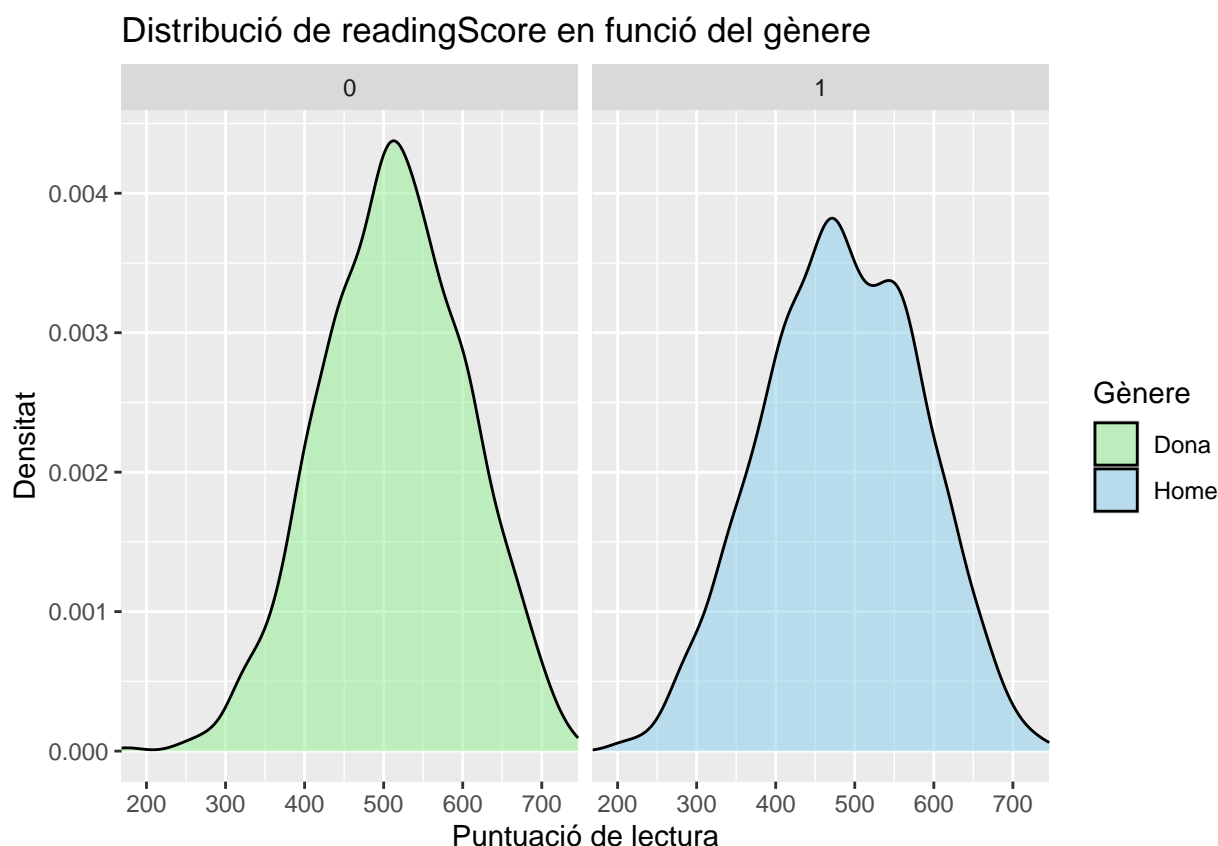
## [1] "Paquet importat correctament"

ggplot(data, aes(x = readingScore, fill = factor(male))) +
  geom_density(alpha = 0.5) +
```

```

facet_wrap(~ data$male, nrow = 1) +
scale_fill_manual(values = c("lightgreen", "skyblue"), name = "Gènere",
                  labels = c("Dona", "Home")) +
scale_x_continuous(labels = scales::number_format(accuracy = 1),
                  expand = c(0, 0)) +
# Augment de la precisió de l'escala de l'eix x
labs(title = "Distribució de readingScore en funció del gènere",
     x = "Puntuació de lectura", y = "Densitat")

```



```

# facet_wrap(~ data$male, nrow = 1) -> Comanda per dividir la gràfica en dues pantalles
#(una per gènere)

```

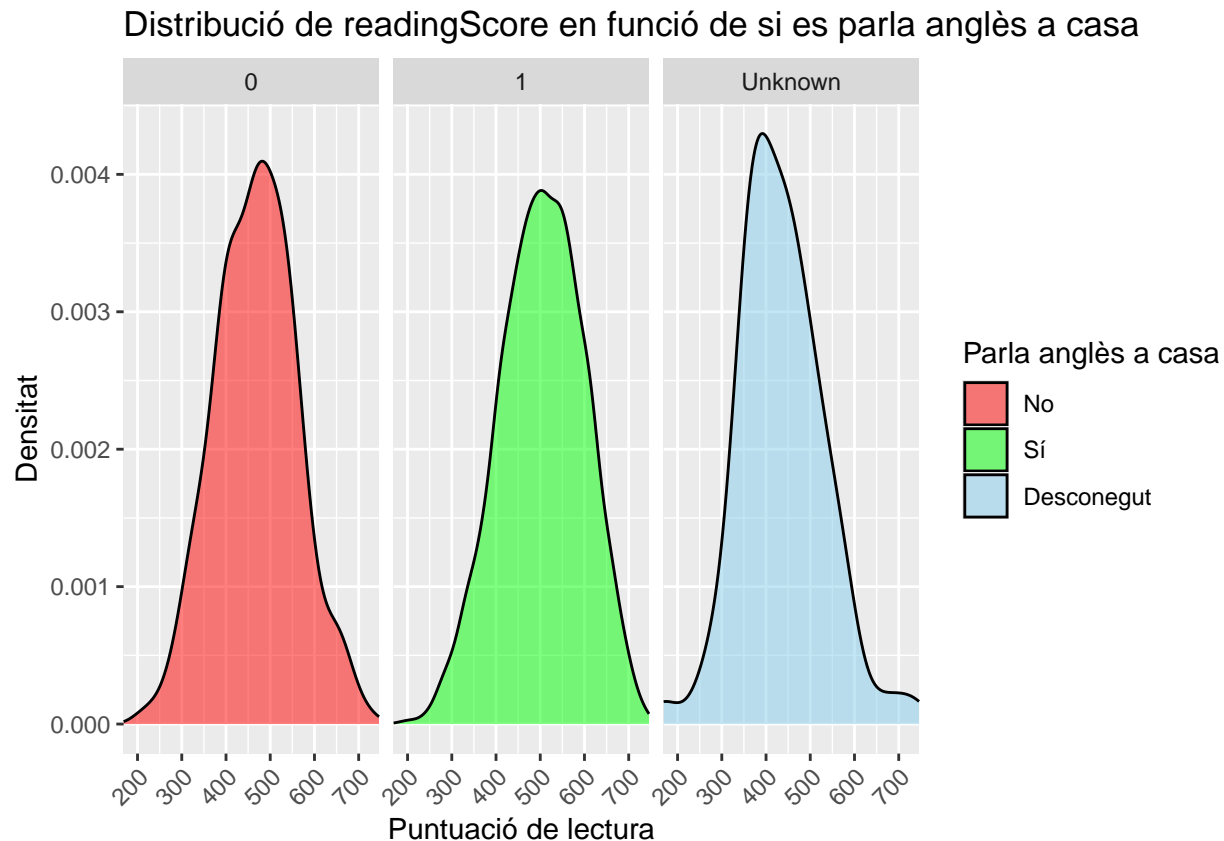
En analitzar i comparar ambdues gràfiques, es pot observar que les puntuacions de lectura de les noies (gràfica esquerra) tendeixen a concentrar-se en valors d'entre 500 i 550. En el cas dels nois (gràfica dreta), la màxima densitat es concentra en valors entre 450 i 500. Per consegüent, es pot concloure que donades les gràfiques de distribució anteriors, les noies tenen una major puntuació de lectura que els nois atès que el punt més àlgid de la gràfica femenina és més elevat que el punt més àlgid de la gràfica masculina.

```

data$englishAtHome[is.na(data$englishAtHome)] <- "Unknown" # Convertim els valors NA
ggplot(data, aes(x = readingScore, fill = englishAtHome)) +
  geom_density(alpha = 0.5) +
  facet_wrap(~ data$englishAtHome, nrow = 1) +
  scale_fill_manual(values = c("red", "green", "skyblue"), name = "Parla anglès a casa",
                    labels = c("No", "Sí", "Desconegut")) +
  scale_x_continuous(labels = scales::number_format(accuracy = 1),
                    expand = c(0, 0)) +
  labs(title = "Distribució de readingScore en funció de si es parla anglès a casa",

```

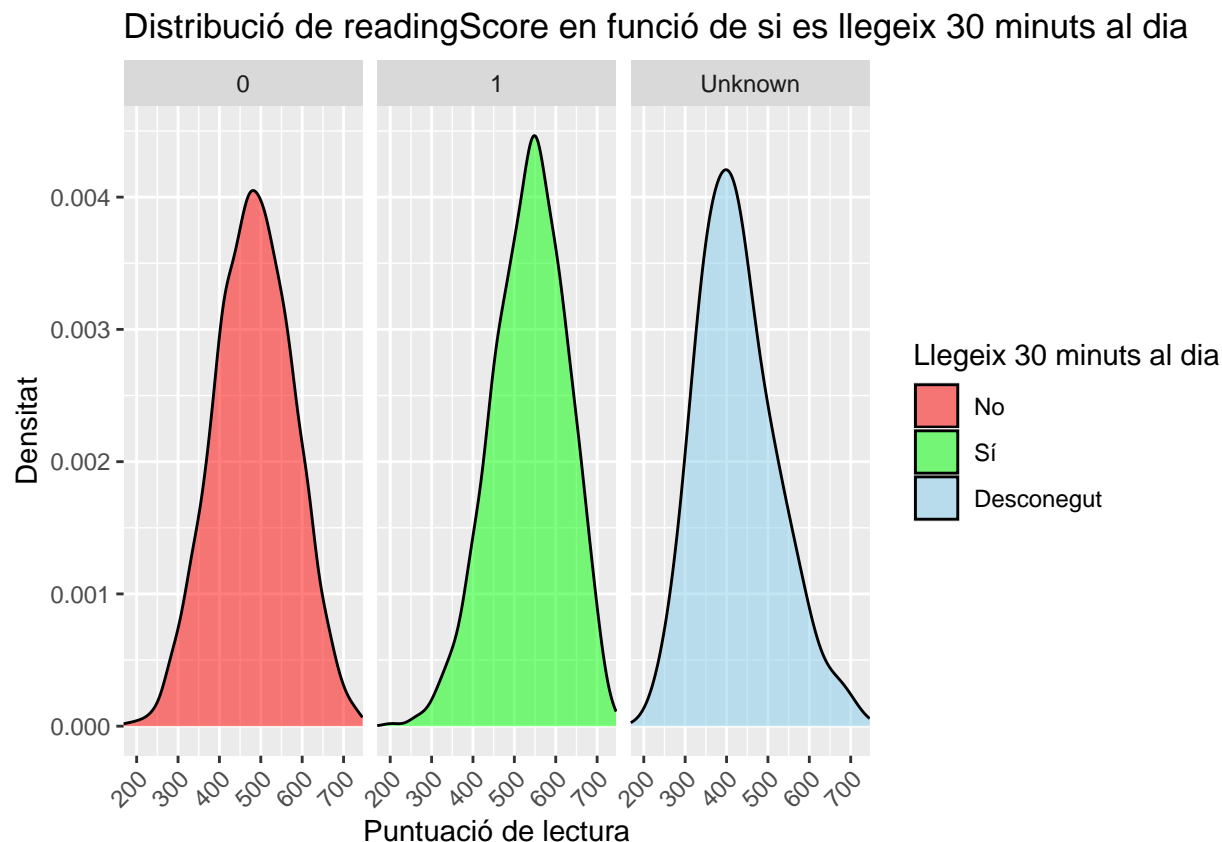
```
x = "Puntuació de lectura", y = "Densitat") +
theme(axis.text.x = element_text(angle = 45, hjust = 1))
```



Observant les gràfiques, s'observa que aquelles persones que no parlen anglès a casa, tendeixen a treure puntuacions de lectura entre 450 i 500. Aquelles persones que sí que parlen anglès a casa, també concentren les seves puntuacions màximes entre 450 i 500, però en aquest cas el punt més àlgid de la gràfica no és tan agut com en el cas de les persones que no parlen anglès a casa, és a dir, es veu que les màximes puntuacions es troben concentrades entre 450 i 500 essent el punt més àlgid un valor molt proper a 500. El descens d'aquestes puntuacions no és tan pronunciat com en el cas de les persones que no parlen anglès a casa. El tercer cas, és el cas d'aquelles persones que no se sap si parlen o no l'anglès a casa. En aquest darrer cas, podem tornar a observar un descens molt pronunciat de les puntuacions de lectura a mesura que aquestes s'allunyen de la puntuació que concentra la major densitat i un punt màxim molt agut. Les persones de les quals no coneixem l'idioma que parlen a casa, concentren les seves puntuacions de lectura entre 350 i 400.

```
data$read30MinsADay[is.na(data$read30MinsADay)] <- "Unknown" # Convertim els valors NA
ggplot(data, aes(x = readingScore, fill = read30MinsADay)) +
  geom_density(alpha = 0.5) +
  facet_wrap(~ data$read30MinsADay, nrow = 1) +
  scale_fill_manual(values = c("red", "green", "skyblue"),
                    name = "Llegeix 30 minuts al dia",
                    labels = c("No", "Sí", "Desconegut")) +
  scale_x_continuous(labels = scales::number_format(accuracy = 1),
                    expand = c(0, 0)) +
  labs(title =
        "Distribució de readingScore en funció de si es llegeix 30 minuts al dia",
        x = "Puntuació de lectura", y = "Densitat") +
```

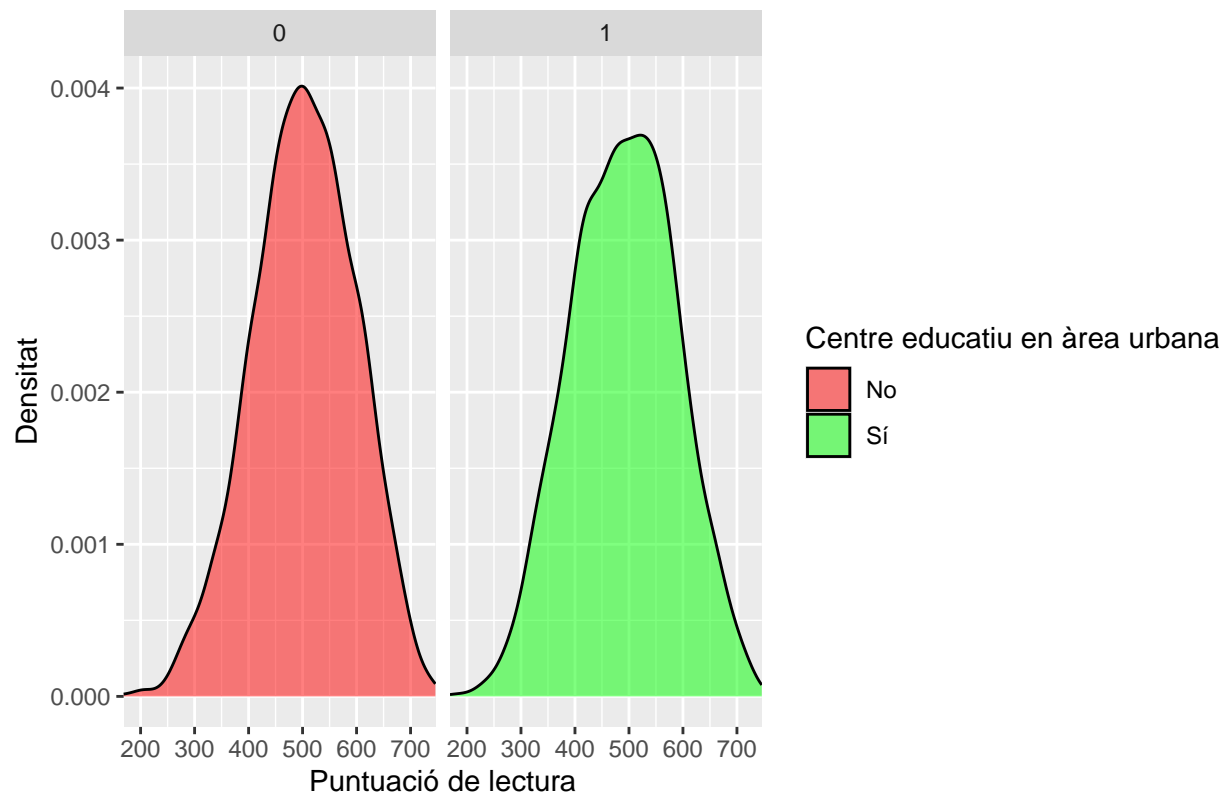
```
theme(axis.text.x = element_text(angle = 45, hjust = 1))
```



En fer l'anàlisi de les gràfiques d'aquest cas d'estudi, es pot observar que els alumnes que no llegeixen 30 minuts al dia tendeixen a treure unes puntuacions de lectura d'entre 450 i 500 essent el valor més elevat un nombre intermedi entre 450 i 500, mentre que en els alumnes que sí que llegeixen 30 minuts al dia, es pot observar una clara tendència a l'alça de les seves notes de lectura. Els alumnes lectors concentren la seva densitat de notes de lectura en valors d'entre 500 i 550 essent el valor més alt un nombre molt proper a 550. El tercer cas és el d'aquells alumnes dels quals no se sap si llegeixen o no. En el cas d'aquests alumnes, la densitat de notes es concentra en valors d'entre 350 i 400 essent el valor més àlgid un valor proper a 400.

```
ggplot(data, aes(x = readingScore, fill = factor(urban))) +
  geom_density(alpha = 0.5) +
  facet_wrap(~ data$urban, nrow = 1) +
  scale_fill_manual(values = c("red", "green"), name = "Centre educatiu en àrea urbana",
                    labels = c("No", "Sí")) +
  scale_x_continuous(labels = scales::number_format(accuracy = 1),
                    expand = c(0, 0)) +
  # Augment de la precisió de l'escala de l'eix x
  labs(title = "Distribució de readingScore en funció de l'àrea de l'escola",
       x = "Puntuació de lectura", y = "Densitat")
```

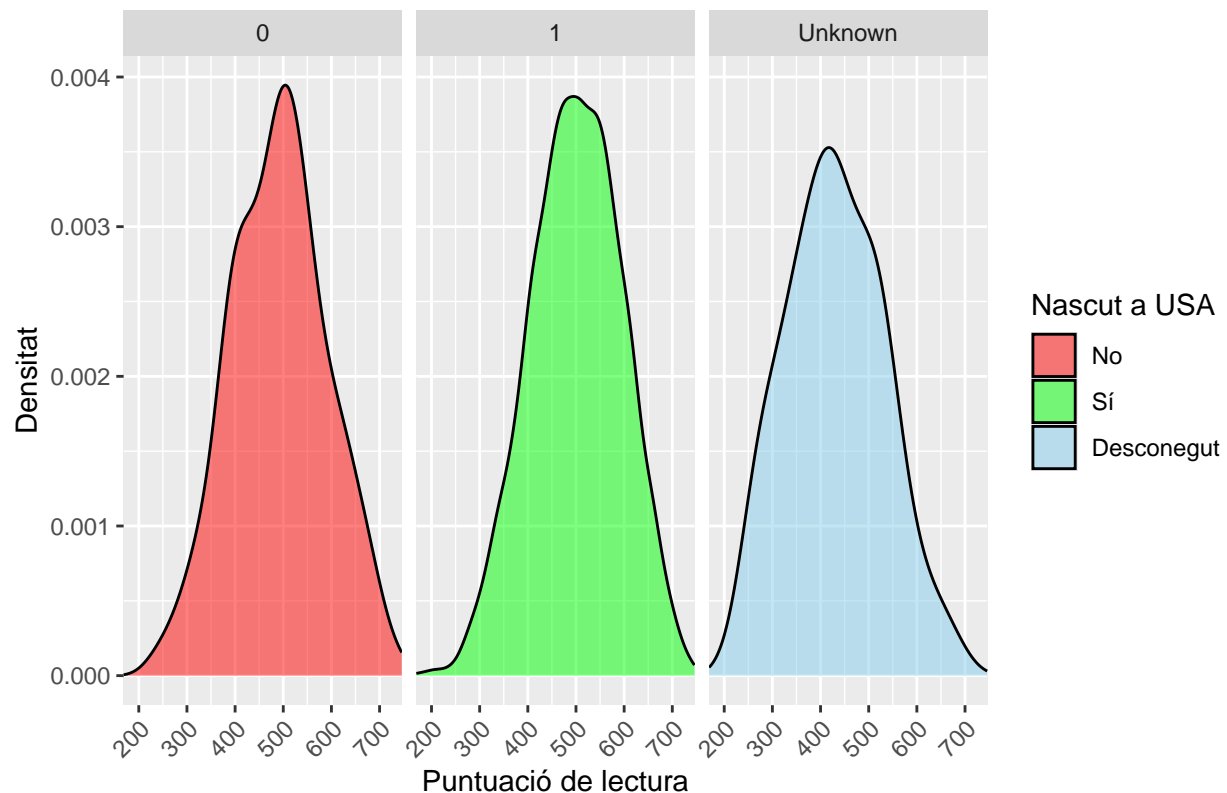
Distribució de readingScore en funció de l'àrea de l'escola



Observant amb atenció les gràfiques anteriors es pot observar una clara tendència a obtenir puntuacions més baixes si el centre educatiu no es troba en una àrea urbana. Si s'analitza l'escala de les puntuacions de lectura, es pot veure que la màxima densitat de puntuacions per les escoles d'àrees rural tot just arriba a 500 i les escoles d'àrees urbanes superen aquest 500 i es troben entre 500 i 550.

```
data$selfBornUS[is.na(data$selfBornUS)] <- "Unknown" # Convertim els valors NA
ggplot(data, aes(x = readingScore, fill = selfBornUS)) +
  geom_density(alpha = 0.5) +
  facet_wrap(~ data$selfBornUS, nrow = 1) +
  scale_fill_manual(values = c("red", "green", "skyblue"), name = "Nascut a USA",
                    labels = c("No", "Sí", "Desconegut")) +
  scale_x_continuous(labels = scales::number_format(accuracy = 1),
                    expand = c(0, 0)) +
  labs(title = "Distribució de readingScore en funció de si s'ha nascut a USA",
       x = "Puntuació de lectura", y = "Densitat") +
  theme(axis.text.x = element_text(angle = 45, hjust = 1))
```


Distribució de readingScore en funció de si s'ha nascut a USA



Després d'observar les tres gràfiques, es pot concloure que aquells alumnes que no llegeixen 30 minuts al dia tendeixen a obtenir unes notes de lectura al voltant dels 500 punts, sent el punt amb més densitat el mateix valor 500. Els alumnes que sí que llegeixen 30 minuts al dia, tendeixen a treure unes notes entre 450 i 500, però a diferència d'aquells alumnes no lectors, es pot veure com la corba en el seu punt més àlgid no té un màxim tan agut, és a dir en la part més alta de la corba es reparteixen una mica més les notes. Aquells alumnes que no se sap si llegeixen o no tendeixen a treure unes notes entre 400 i 450 i, un altre cop, es percep un màxim bastant agut, cosa que indica que les notes no estan tan repartides (en la part alta de la corba de densitat) com en la corba dels alumnes lectors.

```
any(is.na(data$minutesPerWeekEnglish))
```

```
## [1] TRUE
```

```
dataClean <- data[complete.cases(data$readingScore, data$minutesPerWeekEnglish), ]
any(is.na(dataClean$readingScore))
```

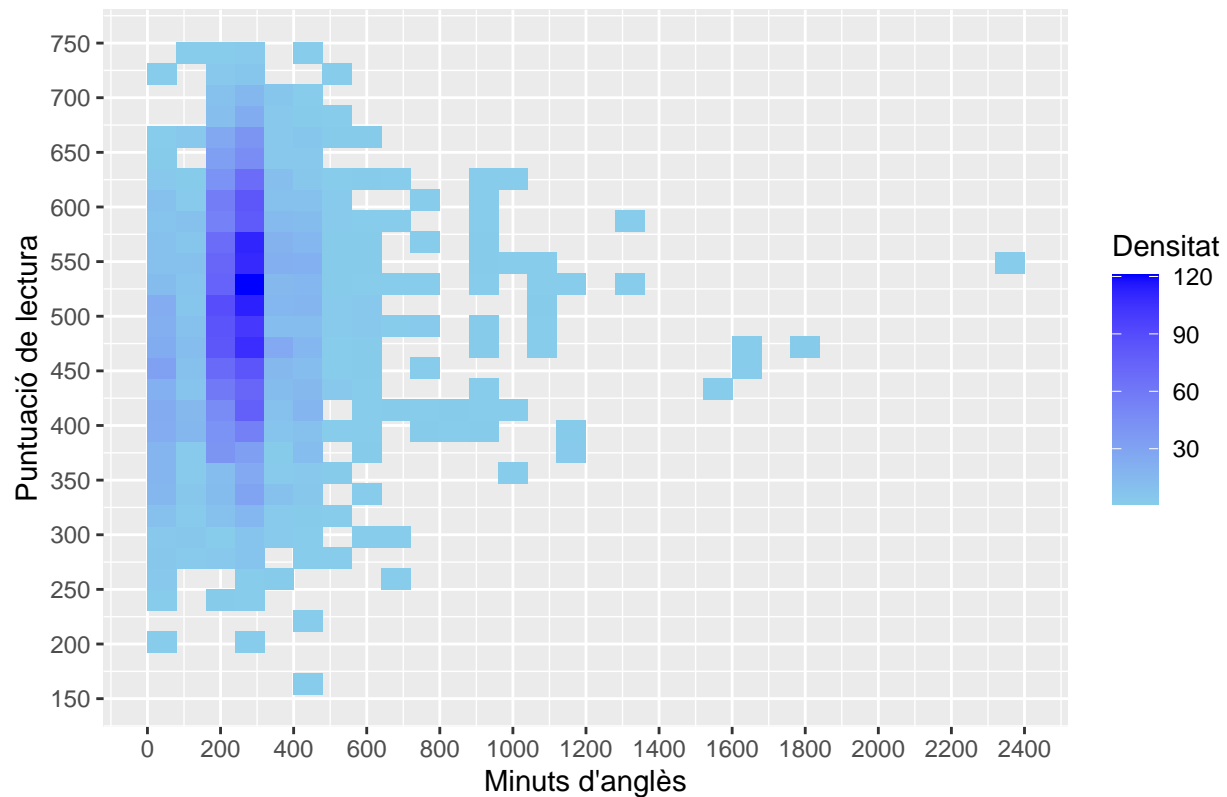
```
## [1] FALSE
```

```
any(is.na(dataClean$minutesPerWeekEnglish))
```

```
## [1] FALSE
```

```
ggplot(dataClean, aes(x = minutesPerWeekEnglish, y = readingScore)) +
  geom_bin2d() +
  scale_fill_gradient2(low = "grey", mid = "skyblue", high = "blue", name = "Densitat") +
  labs(x = "Minuts d'anglès", y = "Puntuació de lectura") +
  scale_y_continuous(breaks = seq(0, 1000, by = 50)) +
  scale_x_continuous(breaks = seq(0, 2500, by = 200)) +
  ggtitle("Distribució de la puntuació de lectura en funció dels minuts d'anglès")
```

Distribució de la puntuació de lectura en funció dels minuts d'anglès



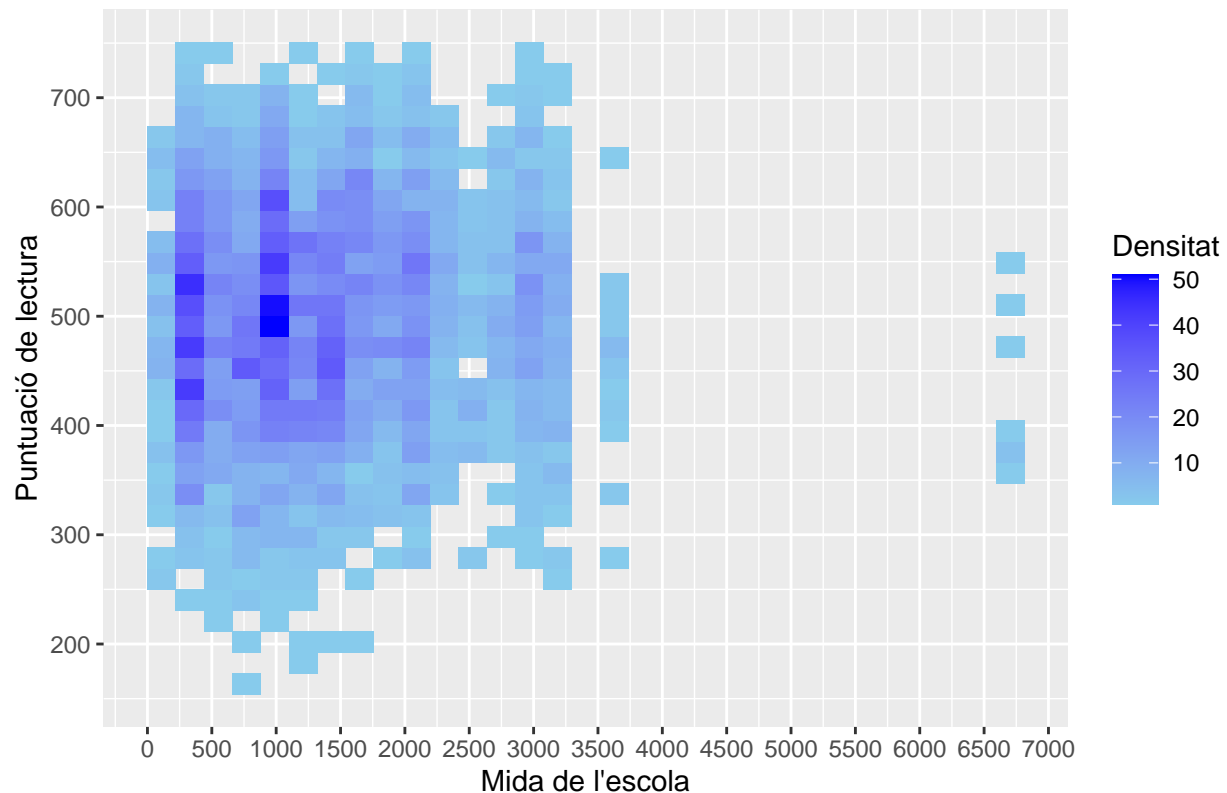
Com s'observa a la gràfica, la densitat més gran es concentra al voltant dels 300 minuts d'anglès a la setmana amb unes notes al voltant de 525.

```
any(is.na(data$schoolSize))
```

```
## [1] FALSE
```

```
ggplot(data, aes(x = schoolSize, y = readingScore)) +  
  geom_bin2d() +  
  scale_fill_gradient2(low = "grey", mid = "skyblue", high = "blue", name = "Densitat") +  
  labs(x = "Mida de l'escola", y = "Puntuació de lectura") +  
  scale_y_continuous(breaks = seq(0, 1000, by = 100)) +  
  scale_x_continuous(breaks = seq(0, 8000, by = 500)) +  
  ggtitle("Distribució de la puntuació de lectura en funció de la mida de l'escola")
```

Distribució de la puntuació de lectura en funció de la mida de l'escola



Atès que ambdues variables tenen un gran nombre de valors diferents, en aquesta ocasió s'opta per representar la distribució mitjançant un mapa de calor, on la coloració més fosca implica una major densitat. S'observa que la llegenda del mapa de calor està numerada de 0 a 50. La determinació d'aquesta escala es fa de manera automàtica segons els valors de les dades, és a dir, *ggplot* busca el valor màxim i el mínim i a partir d'ells crea una gradació de color. En aquest cas, i segons el codi de coloració, es pot constatar que la densitat més gran es troba en les escoles que tenen al voltant de 1000 alumnes i unes puntuacions de lectura al voltant dels 500 punts.

2 Interval de confiança de reading score

```
calcul_interval <- function(nc){  
  alpha <- 1-nc  
  scorings <- as.numeric(data$readingScore)  
  n <- length(scorings) # Nombre de dades  
  desviation <- sd(scorings) # sd = Standard desviation  
  error <- desviation / sqrt(as.numeric(n))  
  t <- qt(alpha/2, df=n-1, lower.tail = FALSE)  
  L <- mean(scorings) - t * error  
  U <- mean(scorings) + t * error  
  c((round(L, 2)), round(U, 2))  
}
```

```
nc95 <- calcul_interval(0.95)  
cat("L'interval de confiança per a un nivell de cinfiança del 95% és:", nc95)
```

```
## L'interval de confiança per a un nivell de cinfiança del 95% és: 494.82 501.01
```

```
nc97 <- calcul_interval(0.97)
cat("L'interval de confiança per a un nivell de cinfiança del 97% és:", nc97)
```

```
## L'interval de confiança per a un nivell de cinfiança del 97% és: 494.49 501.34
```

Els intervals de confiança donen un rang de valors en el qual pot estar la mitjana poblacional de la variable d'estudi. En aquest cas, amb un 95%/97% de confiança, la mitjana real de la varibale *readingScore* es trobarà dins d'aquest rang de valors. És a dir, s'està afirmant que hi ha una probabilitat del 95%/97% que la puntuació mitjana de lectura de tots els alumnes que han participat a la prova pisa estigui dins del rang de valors. En el cas del 95% de nivell de confiança, s'està afirmant que amb un 95% de probabilitat la puntuació mitjana de lectura es troba entre els 494.82 punts i els 501.34 punts. En el cas del 97% de nivell de confiança el rang s'estableix en 494.49 i 501.34.

3 Anàlisi de factors que influeixen en *readingScore*

Les hipòtesis que s'utilitzen per a la resolució d'aquesta activitat són:

- H0: La variable X no afecta la mitjana de *readingScore* (Hipòtesi nul · la)
- H1: La variable X afecta a la mitjana de *readingScore* (Hipòtesi alternativa)

En aquest cas, s'utilitzarà un test d'hipòtesis (o contrast) de dues mostres independents sobre la mitjana de *readingScore* amb variància desconeguda. Les variables que s'estan considerant per comparar les puntuacions de lectura (gènere, si es parla anglès a casa, lectura de 30 minuts, etc.) són característiques individuals de cada alumne, cosa que justifica el tractament de les mostres com a independents.

S'usarà un test bilateral, per observar diferències tant per sota com per sobre del valor de referència (la mitjana). S'usa un test bilateral atès que no s'especifica cap direcció, és a dir, la jipòtesi alternativa no implica quelcom semblant a: " $x < y$ " o " $x > y$ "

En primer lloc, atès que no coneixem la variància de les mostres, hem de calcular si aquests són iguals, o no, mitjançant un test d'igualtat de variàncies.

```
# Test d'igualtat de vairancides per a columnes amb valors binaris
test_homoscedasticitat_binari <- function(ds, dada){
  alfa <- 0.05
  noNA <- ds[complete.cases(ds$readingScore, ds[[dada]]), ]
  var1 <- noNA$readingScore[ noNA[[dada]]==1 ]
  var2 <- noNA$readingScore[ noNA[[dada]]==0 ]
  mean1 <- mean(var1) ; n1 <- length(var1) ; s1 <- sd( var1 )
  mean2 <- mean(var2) ; n2 <- length(var2) ; s2 <- sd( var2 )
  fobs<- s1^2 / s2^2
  fcritL <- qf( alfa/2, df1=n1-1, df2=n2-2 )
  fcritU <- qf( 1- alfa/2, df1=n1-1, df2=n2-2)
  pvalue <- min(pf( fobs, df1=n1-1, df2=n2-2, lower.tail=FALSE ), pf( fobs, df1=n1-1,
                                                                    df2=n2-2))*2

  return (c( fobs, fcritL, fcritU, pvalue))
}
```

```
calculations <- list(
  test_homoscedasticitat_binari(data, "read30MinsADay"),
  test_homoscedasticitat_binari(data, "urban"),
  test_homoscedasticitat_binari(data, "selfBornUS")
)
results <- as.data.frame(do.call(rbind, calculations))
rownames(results) <- c("read30MinsADay", "urban", "selfBornUS")
colnames(results) <- c("F_obs", "F_crit_L", "F_crit_U", "p_value")
```

```

print(results)

##                F_obs  F_crit_L F_crit_U    p_value
## read30MinsADay 0.8776752 0.9024887 1.105618 0.01279547
## urban          1.0421599 0.9096384 1.098201 0.38732180
## selfBornUS     0.9116696 0.8382616 1.210686 0.30398986

# Test d'igualtat de variances per a columnes amb valors no binaris
test_homoscedasticitat_no_binari <- function(ds, dada, superior_a){
  alfa <- 0.05
  noNA <- ds[complete.cases(ds$readingScore, ds[[dada]]), ]
  var1 <- noNA$readingScore[ noNA[[dada]] > superior_a ]
  var2 <- noNA$readingScore[ noNA[[dada]] <= superior_a ]
  mean1 <- mean(var1) ; n1 <- length(var1) ; s1 <- sd( var1 )
  mean2 <- mean(var2) ; n2 <- length(var2) ; s2 <- sd( var2 )
  fobs <- s1^2 / s2^2
  fcritL <- qf( alfa/2, df1=n1-1, df2=n2-2 )
  fcritU <- qf( 1- alfa/2, df1=n1-1, df2=n2-2 )
  pvalue <- min(pf( fobs, df1=n1-1, df2=n2-2, lower.tail=FALSE ), pf( fobs, df1=n1-1,
                                                                    df2=n2-2))*2

  return (c( fobs, fcritL, fcritU, pvalue))
}

calls <- list(
  test_homoscedasticitat_no_binari(data, "minutesPerWeekEnglish", 250),
  test_homoscedasticitat_no_binari(data, "schoolSize", 1000) )
results2 <- as.data.frame(do.call(rbind, calls))
rownames(results2) <- c("minutesPerWeekEnglish", "schoolSize")
colnames(results2) <- c("F_obs", "F_crit_L", "F_crit_U", "p_value")
print(results2)

##                F_obs  F_crit_L F_crit_U    p_value
## minutesPerWeekEnglish 0.9857861 0.9097857 1.098774 0.7671723
## schoolSize            0.9278314 0.9114473 1.098002 0.1133838

```

Com es pot observar, en tots els casos proposats els valors observats en el test d'homoscedasticitat es troben dins del rang de valors crítics, excepte un (*read30MinADay*), per tant, es conclou que les variàncies són iguals amb un nivell de confiança del 95% excepte en el cas de *read30MinADay* que amb un 95% de nivell de confiança es conclou que les variàncies són diferents. Un cop comprovat que les variàncies són iguals, cal procedir amb el test, en aquest cas bilateral.

```

aplicacio_test <- function(mostra1, mostra2) {
  alpha <- 0.05
  suppressWarnings({
    var1 <- as.numeric(as.character(mostra1))
    var2 <- as.numeric(as.character(mostra2))
  })
  noNA <- data.frame(var1, var2)
  noNA <- noNA[complete.cases(noNA), ]
  mean1 <- mean(noNA$var1); n1 <- length(noNA$var1); s1 <- sd(noNA$var1)
  mean2 <- mean(noNA$var2); n2 <- length(noNA$var2); s2 <- sd(noNA$var2)
  S <- sqrt(((n1 - 1) * s1^2 + (n2 - 1) * s2^2) / (n1 + n2 - 2))
  tobs <- (mean1 - mean2) / (S * sqrt(1 / n1 + 1 / n2))
  tcritL <- qt(alpha / 2, n1 + n2 - 2)
  tcritU <- qt(1 - alpha / 2, n1 + n2 - 2)
  pvalue <- pt(abs(tobs), df = n1 + n2 - 2, lower.tail = FALSE) * 2
}

```

```

  c(tobs, tcritL, tcritU, pvalue)
}

aplicacio_test_variancies_diferents <- function(){
  alpha <- 0.05
  suppressWarnings({
    var1 <- as.numeric(as.character(data$readingScore))
    var2 <- as.numeric(as.character(data$read30MinsADay))
  })
  noNA <- data.frame(var1, var2)
  noNA <- noNA[complete.cases(noNA), ]
  mean1 <- mean(noNA$var1); n1 <- length(noNA$var1); s1 <- sd(noNA$var1)
  mean2 <- mean(noNA$var2); n2 <- length(noNA$var2); s2 <- sd(noNA$var2)
  S <- sqrt(((n1 - 1) * s1^2 + (n2 - 1) * s2^2) / (n1 + n2 - 2))
  tobs <- (mean1 - mean2) / (sqrt(s1^2 / n1 + s2^2 / n2))
  tcritL <- qt(alpha / 2, n1 + n2 - 2)
  tcritU <- qt(1 - alpha / 2, n1 + n2 - 2)
  graus_llibertat_variancies_diferents <- ((s1^2 / n1 + s2^2 / n2)^2) /
    ((s1^2 / n1)^2 / (n1 - 1) + (s2^2 / n2)^2 / (n2 - 1))
  pvalue <- pt(abs(tobs), df = graus_llibertat_variancies_diferents,
    lower.tail = FALSE) * 2
  c(tobs, tcritL, tcritU, pvalue)
}

variancies_diffs <- list(
  aplicacio_test_variancies_diferents()
)

read_30 <- as.data.frame(do.call(rbind, variancies_diffs))
rownames(read_30) <- c("read 30 minutes a day")
colnames(read_30) <- c("tobs", "tcritL", "tcritU", "pvalue")
print(read_30)

```

```

##               tobs    tcritL   tcritU pvalue
## read 30 minutes a day 314.9927 -1.960291 1.960291      0

```

Per al cas de la variable *read30MinsADay*, com s'ha observat que les variàncies són diferents, s'ha procedit amb les correccions adequades per a dur a terme el test amb èxit.

```

more_than_250_minutes_english_per_week <- data[data$minutesPerWeekEnglish > 250, ]
less_than_250_minutes_english_per_week <- data[data$minutesPerWeekEnglish <= 250, ]
more_than_1000_students <- data[data$schoolSize > 1000, ]
less_than_1000_students <- data[data$schoolSize <= 1000, ]

calls_list <- list(
  aplicacio_test(data$readingScore, data$englishAtHome),
  aplicacio_test(data$readingScore, data$urban),
  aplicacio_test(data$readingScore, data$selfBornUS),
  aplicacio_test(more_than_250_minutes_english_per_week$readingScore,
    more_than_250_minutes_english_per_week$minutesPerWeekEnglish),
  aplicacio_test(less_than_250_minutes_english_per_week$readingScore,
    less_than_250_minutes_english_per_week$minutesPerWeekEnglish),
  aplicacio_test(more_than_1000_students$readingScore,
    more_than_1000_students$schoolSize),
  aplicacio_test(less_than_1000_students$readingScore, less_than_1000_students$schoolSize)
)
results3 <- as.data.frame(do.call(rbind, calls_list))

```

```
rownames(results3) <- c("English home", "Urban", "Born US", ">250 mins per week",
                        "<=250 mins per week", ">1000 students", "<=1000 students")
colnames(results3) <- c("tobs", "tcritL", "tcritU", "pvalue")
print(results3)
```

```
##              tobs      tcritL   tcritU      pvalue
## English home    313.88423 -1.960294  1.960294  0.000000e+00
## Urban           315.25119 -1.960288  1.960288  0.000000e+00
## Born US         314.57453 -1.960294  1.960294  0.000000e+00
## >250 mins per week 32.44118 -1.960705  1.960705  6.926711e-200
## <=250 mins per week 112.97187 -1.960597  1.960597  0.000000e+00
## >1000 students   -89.08469 -1.960516  1.960516  0.000000e+00
## <=1000 students  -15.93179 -1.960750  1.960750  6.206588e-55
```

En primer lloc, cal justificar l'ús de la funció *suppresswarnings()*. El fet de convertir variables de tipus *character* a variables numèriques aptes per operar, fa que els “NA” (string) es converteixin a NA (numèric). Si es treu la funció *suppresswarnings()*, es podrà observar com es produeixen *warnings* d'avís d'introducció de NAs, però no hi ha cap perill atès que posteriorment s'eliminen aquests valors no presents (NA) gràcies a *complete.cases()*.

Com s'observa els valors observats es troben fora del rang dels valors d'acceptació de la hipòtesi nul·la, per tant, es rebutja la hipòtesi nul·la dels casos. En conseqüència, es conclou que les variables d'estudi si que afecten a les puntuacions de lectura.

En el cas del nombre de minuts dedicats, setmanalment, a l'anglès, és pot observar com aquells alumnes que dediquen fins a 250 minuts setmanals a estudiar anglès, tenen un valor observat més allunyat dels valors crítics, el que implica que la hipòtesis alternativa (la variable *minutesPerWeekEnglish* afecta a les puntuacions de lectura) guanya més força que en el cas dels alumnes que dediquen més de 250 minuts setmanals a l'estudi de l'anglès.

En el cas de la mida de l'escola, s'observa que en aquelles escoles amb més de 1000 alumnes el valor observat s'allunya més dels valors crítics, per tant, la hipòtesis alternativa guanya més pes que en aquelles escoles amb un total de fins a 1000 alumnes.

4 Relació entre parlar anglès a casa i lectura a casa

Per saber si les dues variables proposades estan, o no, relacionades s'opta per utilitzar el test de khi quadrat. Aquest test és una bona opció quan es vol saber si dues coses diferents tenen relació entre elles i ambdues només poden adoptar dues opcions com; “sí” o “no”, “True” o “False” o en aquest cas concret “1” o “0”. En el cas que ocupa aquest exercici es vol saber si parlar anglès a casa està relacionat amb llegir a casa. A més el test de khi quadrat és un test senzill d'interpretar.

En aquest cas la hipòtesi nul·la és: “La parla d'anglès a casa i els 30 minuts de lectura són variables independents” i la hipòtesi alternativa és: “La parla d'anglès a casa i els 30 minuts de lectura són variables aparellades”.

```
# Taula de contingència + sumes dels valors observats
suppressWarnings({
  english_home_num <- as.numeric(as.character(data$englishAtHome))
  read_30_mins_num <- as.numeric(as.character(data$read30MinsADay))
})

noNA <- data.frame(english_home_num, read_30_mins_num)
noNA <- noNA[complete.cases(noNA), ]
# table(files, columnes)
taula_contingencia <- table(Angles_a_casa = noNA$english_home_num,
```

```

Llegeix_30_minuts = noNA$read_30_mins_num)

total_fila_0 <- sum(taula_contingencia[1], taula_contingencia[3])
total_fila_1 <- sum(taula_contingencia[2], taula_contingencia[4])
total_col_0 <- sum(taula_contingencia[1], taula_contingencia[2])
total_col_1 <- sum(taula_contingencia[3], taula_contingencia[4])
# taula_contingencia[X] = Valor observat
total_global <- sum(total_col_0, total_col_1)

# Taula de contingencia
print(taula_contingencia)

##              Llegeix_30_minuts
## Angles_a_casa    0      1
##              0  322  135
##              1 2219  903

cat("Total de la fila 0: ", total_fila_0, "\n")

## Total de la fila 0:  457

cat("Total de la fila 1: ", total_fila_1, "\n")

## Total de la fila 1:  3122

cat("Total de la columna 0: ", total_col_0, "\n")

## Total de la columna 0:  2541

cat("Total de la columna 1: ", total_col_1, "\n")

## Total de la columna 1:  1038

cat("Total global: ", total_global)

## Total global:  3579

# Calcul dels valors esperats
E11 <- total_fila_0 * (total_col_0 / total_global)
E12 <- total_fila_0 * (total_col_1 / total_global)
E21 <- total_fila_1 * (total_col_0 / total_global)
E22 <- total_fila_1 * (total_col_1 / total_global)
cat("Valor observat E11: ", E11, "\n")

## Valor observat E11:  324.4585

cat("Valor observat E12: ", E12, "\n")

## Valor observat E12:  132.5415

cat("Valor observat E21: ", E21, "\n")

## Valor observat E21:  2216.541

cat("Valor observat E22: ", E22, "\n")

## Valor observat E22:  905.4585

# Calcul del test khi
khi <- ( (taula_contingencia[1] - E11)^2 / E11) +
  ( (taula_contingencia[3] - E12)^2 / E12) +

```



```

( (taula_contingencia[2] - E21)^2 / E21) +
( (taula_contingencia[4] - E22)^2 / E22)
cat("Valor del test khi quadrat: ", khi)

## Valor del test khi quadrat: 0.0736338

grausllibertat <- (nrow(taula_contingencia) - 1) * (ncol(taula_contingencia) - 1)
cat("Graus de llibertat: ", grausllibertat)

## Graus de llibertat: 1

p_value <- 1 - pchisq(khi, grausllibertat)
cat("Valor P:", p_value)

## Valor P: 0.7861176

```

Un cop aplicat el test de khi quadrat, i observats els valors es pot concloure que no hi ha evidència suficient per a rebutjar la hipòtesi nul·la i que, per tant, la parla d'anglès a casa i els 30 minuts de lectura són variables independents amb un nivell de confiança del 95%. Caldria baixar fins a un nivell de confiança del 21% per tal de poder acceptar la hipòtesi nul·la com a vàlida.

5 Relació entre parlar anglès a casa i lectura a casa (aproximació 2)

- Hipòtesi nul·la (H_0): Parlar, o no, anglès a casa no té cap efecte en la quantitat de lectura que els estudiants realitzen
- Hipòtesi alternativa (H_1): Parlar, o no, anglès a casa sí té algun efecte en la quantitat de lectura que els estudiants realitzen.

Tal com ha succeït anteriorment en aquesta PAC, solament es vol detectar si hi ha alguna diferència, en aquest cas sobre la proporció. Per tant, com no s'especifica cap direcció s'utilitzarà un test bilateral per així considerar totes les possibilitats de diferència.

El primer que caldria fer es calcular la taula de contingència per saber quants alumnes parlen anglès a casa i llegeixen, quants alumnes parlen anglès a casa i no llegeixen, quants alumnes parlen no anglès a casa i llegeixen i quants alumnes no parlen anglès a casa i no llegeixen. Aquesta taula s'ha calculat en l'exercici 4.

```

print(taula_contingencia)

##           Llegeix_30_minuts
## Angles_a_casa    0      1
##           0  322  135
##           1 2219  903

no_parla_angles_no_llegeix <- taula_contingencia[1, 1]
no_parla_angles_llegeix <- taula_contingencia[1, 2]
parla_angles_no_llegeix <- taula_contingencia[2, 1]
parla_angles_llegeix <- taula_contingencia[2, 2]
cat("Alumnes que parlen angles a casa i no llegeixen: ", parla_angles_no_llegeix, "\n")

## Alumnes que parlen angles a casa i no llegeixen: 2219

cat("Alumnes que parlen angles a casa i llegeixen: ", parla_angles_llegeix, "\n")

## Alumnes que parlen angles a casa i llegeixen: 903

cat("Alumnes que no parlen angles a casa i no llegeixen: ",
    no_parla_angles_no_llegeix, "\n")

## Alumnes que no parlen angles a casa i no llegeixen: 322

```

```

cat("Alumnes que no parlen angles a casa i llegeixen: ", no_parla_angles_llegeix, "\n")

## Alumnes que no parlen angles a casa i llegeixen: 135
porporcio_estudiants_angles_lectors <- parla_angles_llegeix /
  (parla_angles_no_llegeix + parla_angles_llegeix)
porporcio_estudiants_no_angles_lectors <- no_parla_angles_llegeix /
  (no_parla_angles_no_llegeix + no_parla_angles_llegeix)

total_estudiants_angles <- parla_angles_no_llegeix + parla_angles_llegeix
total_estudiants_no_angles <- no_parla_angles_no_llegeix + no_parla_angles_llegeix

cat("Proporció d'estudiants que parlen angles i llegeixen: ",
    porporcio_estudiants_angles_lectors, "\n")

## Proporció d'estudiants que parlen angles i llegeixen: 0.2892377
cat("Proporció d'estudiants que parlen no angles i llegeixen: ",
    porporcio_estudiants_no_angles_lectors, "\n")

## Proporció d'estudiants que parlen no angles i llegeixen: 0.2954048
cat("Total d'alumnes que parlen angles: ", total_estudiants_angles, "\n")

## Total d'alumnes que parlen angles: 3122
cat("Total d'alumnes que no parlen angles: ", total_estudiants_no_angles)

## Total d'alumnes que no parlen angles: 457
# (exits escenari 1 + exits escenari 2) / (total escenari 1 + total escenari 2)
prop_obs <- (parla_angles_llegeix + no_parla_angles_llegeix) /
  (total_estudiants_angles + total_estudiants_no_angles)
cat("Proporció observada: ", prop_obs)

## Proporció observada: 0.2900251
error_estandard <- sqrt((prop_obs * (1 - prop_obs)) /
  (total_estudiants_angles + total_estudiants_no_angles))
cat("Error estandard: ", error_estandard)

## Error estandard: 0.00758505
z <- (porporcio_estudiants_angles_lectors -
  porporcio_estudiants_no_angles_lectors) / error_estandard
cat("Estadístic Z: ", z)

## Estadístic Z: -0.8130659
p_value <- 2 * (1 - pnorm(abs(z)))
cat("Valor p:", p_value)

## Valor p: 0.4161803

```

Treballant, com tota l'estona, amb un nivell de significança de 0.05, es pot concloure, amb un 95% de nivell de confiança, que com el valor de p és major a 0.05, no es pot rebutjar la hipòtesi nul·la, i per tant, amb un nivell de confiança del 95% es pot afirmar que parlar, o no, anglès a casa no té cap efecte en la quantitat de lectura que els estudiants realitzen.

6 Conclusions

Conclusions extretes d'aquesta PAC:

- La prova PISA s'ha realitzat bastant equilibradament pel que fa a la distribució de gènere, tot i que, hi ha una petita proporció més d'homes.
- La majoria d'alumnes enquestats parlen anglès a casa.
- La majoria de les puntuacions de lectura de l'alumnat enquestat se centra al voltant dels 500 punts.
- El gènere és un factor que afecta la puntuació de lectura. De fet, les noies tenen una puntuació superior.
- El fet de parlar anglès a casa o parlar un altre idioma no és un factor que influeixi de manera molt significativa en les puntuacions de lectura.
- Llegir 30 minuts al dia per plaer és un fet que afecta de manera molt positiva en les notes de lectura.
- Aquelles escoles situades en àrees urbanes tendeixen a tenir unes puntuacions de lectura superiors.
- Néixer als EUA influeix de manera positiva en les puntuacions de lectura.
- Les notes de lectura d'entre 525 i 550 punts de lectura i una dedicació d'aproximadament 300 minuts setmanals a l'estudi de l'anglès concentra una gran part dels estudiants enquestats.
- Les notes de lectura al voltant de 500 punts concentren una gran part de l'alumnat enquestat. El nombre d'alumnes d'aquests centres són aquells centres amb aproximadament 1000 estudiants.
- L'interval de confiança de les puntuacions de lectura no es veu alterat en gran manera si el nivell de confiança augmenta del 95% al 97%.
- Les variables proposades en l'estudi de l'exercici 3, sí que afecten les puntuacions de lectura en un 95% de nivell de confiança.
- Parlar anglès a casa i llegir per plaer són variables independents.